Trabajo final Estadística Avanzada

Carlos Alberto Murillo M

Luz Stella Florez Cindy Guerra Diana Carolina Benjumea

noviembre 28, 2020

Contents

Abstract	1
Objetivos y Lineamientos	3
Capítulo 1. Lectura de variables de empresa Selección de las fuentes de información	5 5 6
Capítulo 2. Lectura y consolidación de variables económicas	11
Capítulo 3. Consolidación de la base Estandarización de variables	15 25
Capítulo 5. Correlaciones Calcular el coeficiente de correlación	
Capítulo 6. Aplicación de modelo 6.1. Modelo regresión Lineal - con todas las variables de compra y venta de oro . 6.1. Modelo regresión Lineal	35 36 38
Capítulo 7. Estimación de esfuerzo	43
Capítulo 8. Conclusiones	45
REFERENCIAS	47

iv CONTENTS

Abstract

Este documento analiza los impactos de las variables macroeconómicas en los costos y gastos de empresas del sector "Extracción de oro y otros metales preciosos". Para el análisis, se tomaron los datos de los años: 2017, 2018 y 2019. El código de este trabajo se encuentra almacenado en el repositorio de Github: https://github.com/cabymetal/TrabajoFinal_estadisticos_avanzados.

2 CONTENTS

Objetivos y Lineamientos

Caracterizar las relaciones entre algunos indicadores macroeconómicos y los costos y gastos de ventas de las empresas colombianas vigiladas por la SuperSociedades.

Lineamientos:

- 1. Con ayuda de un modelo lineal modele cree un modelo o varios modelos que permitan caracterizar la relación entre las variables PIB, Inflación, Desempleo, Tasa de Cambio, Balance Fiscal, Balance en Cuenta Corriente, Tasa de intervención, TRM y los costos y gastos de ventas.
- 2. Se debe escoger mínimo un tipo de empresas (Clasificación Industrial Internacional Uniforme) que tenga más de 20 empresas y tomar al menos los últimos tres años de información disponible.
- 3. Se debe evaluar el ajuste y la capacidad predictiva.
- 4. Se deben explicar todas las transformaciones de variables requeridas por el modelo.
- 5. Se deben explicar todos los pasos para la construcción de la base de datos: descarga de información, concatenación, etc.
- 6. Se debe incluir un análisis descriptivo.
- 7. Se debe incluir un análsis de la razonabilidad de las cifras.
- 8. Se debe redactar un reporte técnico documentando lo anterior. La sugerencia es utilizar un formato que permita la inclusión de gráficos basados en html o JavaScript (por ejemplo hmtl a partir de Rmarkdown). El código se debe subir a un repositorio Git y referenciarlo en el reporte. El reporte debe incluir una estimación del esfuerzo de las actividades de 1) consolidación de información, 3) transformación de varibles y análisis descriptivo, 4) ajuste y validación de modelos y 5) redacción del reporte.
- 9. El trabajo se debe subir al canal del curso en Teams y se debe notificar por correo a la dirección judaospi@bancolombia.com.co.
- 10. La fecha de entrega es el viernes 30 de octubre y el trabajo se puede presentar en equipos de máximo cinco estudiantes.

Para acceder a los datos de costos y gastos de ventas: • Entrar a http://pie.supersociedades.go v.co > MENÚ > Descarga Masiva de Información Descargar la información de los años 2016 a 2019

Capítulo 1. Lectura de variables de empresa

Selección de las fuentes de información

Para los datos básicos y financieros de las empresas, tomamos los siguientes archivos de la página de la Supersociedades:

- datosBasicosComplete.xlsx
- Plenas Individuales2017.xlsx
- Plenas Individuales2018.xlsx
- Plenas Individuales2019.xlsx

Primera iteración:

Código CIIU seleccionado: G4711

Macrosector: Comercio

Descripción: Comercio al por menor en establecimientos no especializados con surtido compuesto principalmente por alimentos, bebidas o tabaco.

Esta clase incluye:

• Los establecimientos no especializados de comercio al por menor de productos cuyo surtido está compuesto principalmente de alimentos (víveres en general), bebidas o tabaco. No obstante, expenden otras mercancías para consumo de los hogares tales como vestuario, electrodomésticos, muebles, artículos de ferretería, cosméticos, entre otros. Suelen realizar este tipo de actividad los denominados supermercados, cooperativas de consumidores, comisariatos y otros establecimientos similares. También se incluyen las tiendas, los graneros, entre otros, que se encuentran en los pueblos o en barrios tradicionales.

Esta clase excluye:

• El expendio de comidas preparadas en restaurantes, cafeterías y por autoservicio.

Al realizar los cargues iniciales de información, nos dimos cuenta de que cruzaban muy pocas empresas, el conjunto de datos seleccionado no era suficiente, por lo que decidimos utilizar otro CIIU.

Segunda iteración:

Código CIIU seleccionado: B0722

Descripción: Extracción de oro y otros metales preciosos

Esta clase incluye:

- La extracción de oro, plata y otros metales del grupo del platino (osmio, iridio, rodio, rutenio y paladio).
- Las actividades realizadas para extraer el oro existente en los lechos de los ríos sin importar
 el sistema de extracción empleado (barequeo, motobombas, draguetas, dragas, elevadores,
 monitores u otros).
- La extracción de los metales preciosos se realiza a través de dos métodos: de veta o filón, que consiste en la extracción manual, mecanizada o semimecanizada de oro y de plata presentes en las rocas formando venas, vetas o filones.
- Las actividades o procesos físicos necesarios para separar el oro de la roca que lo contiene, conocidos como procesos de beneficio del mineral, de los cuales los más comunes son la trituración y la molienda (pulverización).
- Otros procesos tales como lavado (mazamorreo) hasta separar el oro y la plata de otros elementos o impurezas, siempre y cuando se realicen por cuenta del explotador y en sitios cercanos a la mina.
- El segundo método consiste en la extracción de oro o platino de aluviones (concentración de mineral en el lecho de los ríos), el cual se realiza por diferentes sistemas de extracción, tales como: barequeo (mazamorreo); pequeña minería, representada por grupos de trabajadores que utilizan motobombas, elevadores y draguetas; mediana minería, utilizando maquinaria como retroexcavadoras y buldózeres, y la gran minería que realiza la extracción de metales preciosos por medio de dragas de cucharas.

Esta clase excluye:

• Los servicios de apoyo para la extracción de oro y metales preciosos. Se incluyen en la clase 0990, «Actividades de apoyo para otras actividades de explotación de minas y canteras».

Proceso de carga de los datos

En este capítulo explicaremos el proceso de la carga de los datos de las empresas.

```
library(tidyverse)
library("readxl")
library("dplyr")
```

1. Cargamos los datos básicos de las empresas

```
"text"))
pd_datos_basicos %>%
 mutate(`Órgano Societario` = as.factor(`Órgano Societario`),
      `Etapa Situación` = as.factor(`Etapa Situación`)) -> pd_datos_basicos
head(pd_datos_basicos)
## # A tibble: 6 x 23
     NIT `Razón social` `Código CIIU` `Tipo Societari~ `Objeto Social`
     <chr> <chr>
                                      <chr>
## 1 1001~ NOREÑA MANRI~ O
                                       PERSONA NATURAL <NA>
## 2 1001~ PEÑA RAMIREZ ~ H5229
                                      PERSONA NATURAL <NA>
## 3 1002~ GONZALEZ SANC~ G4731
                                      PERSONA NATURAL <NA>
## 4 1002~ RODRIGO JAVIE~ L6810
                                      PERSONA NATURAL <NA>
## 5 1002~ BUITRAGO GONZ~ H4923
                                      PERSONA NATURAL <NA>
## 6 1005~ KAREN JULIETH~ M7500
                                       PERSONA NATURAL <NA>
## # ... with 18 more variables: `Dirección Notificación Judicial` <chr>, `Ciudad
       Notificación Judicial` <chr>, `Departamento Notificación Judicial` <chr>,
## #
       `Teléfono Notificación Judicial` <chr>, `Dirección Domicilio` <chr>,
       `Ciudad Domicilio` <chr>, `Departamento Domicilio` <chr>, `Apartado
      Domicilio` <chr>, `E-Mail` <chr>, Web <chr>, Estado <chr>, `Fecha
      Estado` <dttm>, Situación <chr>, `Fecha Situación` <dttm>, `Etapa
       Situación` <fct>, `Fecha Etapa` <dttm>, `Nombre Representante Legal` <chr>,
## #
       `Órgano Societario` <fct>
## #
  2. Filtramos los datos del CIIU seleccionado y de las empresas que se encuentren en situación
     activa.
library(dplyr)
pd_datos_basicos_flt <- pd_datos_basicos[,c("NIT","Razón social","Código CIIU",</pre>
      "Ciudad Domicilio", "Departamento Domicilio", "Estado", "Situación",
      "Órgano Societario", "Etapa Situación")]
names (pd_datos_basicos_flt) = c("NIT", "razon_social", "CIIU", "ciudad",
                                 "departamento", "estado", "situacion",
                                "organo_societario", "etapa_situacion")
pd_datos_basicos_flt <- filter(pd_datos_basicos_flt, CIIU == "B0722" &
                                situacion == "ACTIVA")
head(pd_datos_basicos_flt)
## # A tibble: 6 x 9
          razon_social CIIU ciudad departamento estado situacion organo_societar~
     <chr> <chr>
                       <chr> <chr> <chr> <chr> <chr>
                                                                  <fct>
## 1 8002~ GRUPO DE BU~ B0722 MEDEL~ ANTIOQUIA INSPE~ ACTIVA
                                                                  ACTIVIDAD ECONO~
## 2 8110~ MINERA CROE~ BO722 MEDEL~ ANTIOQUIA INSPE~ ACTIVA ACTIVIDAD ECONO~
## 3 8110~ NUEVA CALIF~ BO722 MEDEL~ ANTIOQUIA INSPE~ ACTIVA ACTIVIDAD ECONO~
## 4 8110~ COLOMBIA GO~ BO722 MEDEL~ ANTIOQUIA INSPE~ ACTIVA ACTIVIDAD ECONO~
```

5 8110~ NEGOCIOS MI~ BO722 MEDEL~ ANTIOQUIA INSPE~ ACTIVA ACTIVIDAD ECONO~

```
## 6 8300~ ECO ORO MIN~ B0722 BUCAR~ SANTANDER INSPE~ ACTIVA ACTIVIDAD ECONO~ ## # ... with 1 more variable: etapa_situacion <fct>
```

3. Cargamos los datos financieros

Para efectos del ejercicio, no tomaremos el archivo de 2017, ya que el archivo 2018 tiene los datos de 2017 con la nueva norma.

```
pd_datos_fin_2018 <- read_excel("./data/Plenas - Individuales2018.xlsx",</pre>
                                sheet = "ERI" )
pd_datos_fin_2018 <- pd_datos_fin_2018[,c("Nit", "Periodo", "Costo de ventas",
  "Gastos de ventas", "Gastos de administración", "Otros gastos",
  "Costos financieros", "Ingreso (gasto) por impuestos",
  "Ingresos de actividades ordinarias", "Otros ingresos", "Ingresos financieros")]
names (pd_datos_fin_2018) = c("NIT", "Periodo", "costo_ventas", "gastos_ventas",
  "gastos_administracion", "otros_gastos", "costos_financieros", "gasto_impuestos",
  "ingresos_actividades_ordinarias", "otros_ingresos", "ingresos_financieros" )
datos_completos_2018 <- merge (pd_datos_basicos_flt, pd_datos_fin_2018,
                               by.x="NIT", by.y="NIT")
#Le damos formato a los periodos
datos_completos_2018$Periodo[datos_completos_2018$Periodo == "Periodo Anterior"] <-
 "2017"
datos_completos_2018$Periodo[datos_completos_2018$Periodo == "Periodo Actual"] <-
pd_datos_fin_2019 <- read_excel("./data/Plenas - Individuales2019.xlsx",</pre>
                                sheet = "ERI" )
pd_datos_fin_2019 <- pd_datos_fin_2019[,c("Nit", "Periodo", "Costo de ventas",
 "Gastos de administración", "Otros gastos", "Costos financieros",
```

Se realizará el análisis con los periodos: 2017, 2018, 2019

Utilizaremos las siguientes variables:

```
as.data.frame(colnames(datos_completos))
```

```
##
            colnames(datos_completos)
## 1
                                   NIT
## 2
                          razon social
## 3
                                  CIIU
## 4
                                ciudad
## 5
                          departamento
## 6
                                estado
## 7
                             situacion
## 8
                    organo_societario
## 9
                       etapa_situacion
## 10
                               Periodo
## 11
                          costo_ventas
## 12
                gastos_administracion
## 13
                          otros_gastos
## 14
                   costos_financieros
## 15
                       gasto_impuestos
## 16 ingresos_actividades_ordinarias
## 17
                        otros_ingresos
## 18
                 ingresos_financieros
```

Capítulo 2. Lectura y consolidación de variables económicas

A continuación se presenta el proceso que se ejecutó para generar un dataframe con las variables: PIB, Inflación, Desempleo, Balance Fiscal, Balance en Cuenta Corriente, Tasa de intervención y TRM.

PIB: Es un indicador económico que refleja el valor monetario de todos los bienes y servicios finales producidos por un país o región en un determinado periodo de tiempo, normalmente un año. Se utiliza para medir la riqueza que genera un país. Para cada año se tomó el promedio de los datos diarios. Datos tomados de aquí.

```
library(dplyr)

#Los datos son tomados de https://datosmacro.expansion.com/pib/colombia

# vectores
anyo <- c("2016", "2017", "2018", "2019")

PIB_M.E. <- c(289.239, 280.249, 275.999, 255.416)

Var.PIB <- c(3.3, 2.5, 1.4, 2.1)

#Crear dataframe de vectores

PIB <- data.frame(anyo, PIB_M.E., Var.PIB)

head(PIB)

## anyo PIB_M.E. Var.PIB
```

```
## 1 2016 289.239 3.3
## 2 2017 280.249 2.5
## 3 2018 275.999 1.4
## 4 2019 255.416 2.1
```

Inflación: Es un fenómeno que se observa en la economía de un país y está relacionado con el aumento desordenado de los precios de la mayor parte de los bienes y servicios que se comercian en sus mercados, por un periodo de tiempo prolongado. Datos tomados de aquí

```
# vectores
anyo <- c("2016", "2017", "2018", "2019")
Inflacion <- c(5.75, 4.09, 3.18, 3.80)
#Crear dataframe de vectores
Inflacion <- data.frame(anyo, Inflacion)
head(Inflacion)</pre>
```

```
## anyo Inflacion
## 1 2016 5.75
## 2 2017 4.09
## 3 2018 3.18
## 4 2019 3.80
```

Desempleo: Es otra de las variables mas importantes de la macroeconomía, porque afecta directamente el bienestar de las personas. El desempleo es el porcentaje de la fuerza de trabajo que está buscando trabajo activamente y que actualmente se encuentra desempleada. Se toma el promedio anual. Datos tomados de aquí.

```
# vectores
anyo <- c("2016", "2017", "2018", "2019")
Desempleo <- c(9.2, 9.4, 9.7, 10.5)
Var.Desempleo <- c(3.36, 1.99, 3.19, 8.25)
#Crear dataframe de vectores
Desempleo <- data.frame(anyo, Desempleo, Var.Desempleo)
head(Desempleo)</pre>
```

```
## anyo Desempleo Var.Desempleo
## 1 2016 9.2 3.36
## 2 2017 9.4 1.99
## 3 2018 9.7 3.19
## 4 2019 10.5 8.25
```

Balance fiscal: Es la diferencia entre ingresos y gastos públicos en un determinado territorio. Datos tomados de aquí

```
# vectores
anyo <- c("2016", "2017", "2018", "2019")
GNC <- c(-4, -3.6, -3.1, -2.5)
#Crear dataframe de vectores
GNC <- data.frame(anyo,GNC)
head(GNC)
## anyo GNC</pre>
```

```
## 1 2016 -4.0
## 2 2017 -3.6
## 3 2018 -3.1
## 4 2019 -2.5
```

Balance en cuenta corriente: Es el conjunto de transacciones de intercambio de bienes y servicios, rentas y transferencias (tanto corrientes como de capital), su saldo determina la capacidad o necesidad de financiación de un país. El dato fue tomado de la cuenta corriente de la balanza de pagos de periodicidad anual. Datos tomados aquí.

```
# vectores
anyo <- c("2016", "2017", "2018", "2019")
Balance_Cuenta_Corriente <- c(-13747.75, -13117.66, -10240.88, -12036.18)
#Crear dataframe de vectores
Balance_Cuenta_Corriente <- data.frame(anyo, Balance_Cuenta_Corriente)
head(Balance_Cuenta_Corriente)</pre>
```

```
## anyo Balance_Cuenta_Corriente

## 1 2016 -13747.75

## 2 2017 -13117.66

## 3 2018 -10240.88

## 4 2019 -12036.18
```

Tasa de intervención: Corresponde a la tasa de interés mínima que le cobra el Banco de la República a las entidades financieras por los préstamos que les concede generalmente a un día

y, además, sirve como referencia para establecer la tasa de interés máxima que les paga por recibirles dinero que tengan como excedente. Se toma promedio anual de datos diarias. Datos tomados de aquí.

```
# vectores
anyo <- c("2016", "2017", "2018", "2019")
TIM_promedio < - c(7.10, 6.13, 4.35, 4.25)
#Crear dataframe de vectores
TIM <- data.frame(anyo, TIM_promedio)
head(TIM)
##
     anyo TIM_promedio
## 1 2016
                  7.10
## 2 2017
                  6.13
## 3 2018
                  4.35
## 4 2019
                  4.25
```

TRM: La tasa de cambio representativa del mercado (TRM) es la cantidad de pesos colombianos por un dólar de los Estados Unidos. La TRM se calcula con base en las operaciones de compra y venta de divisas entre intermediarios financieros que transan en el mercado cambiario colombiano, con cumplimiento el mismo día cuando se realiza la negociación de las divisas.

Actualmente la Superintendencia Financiera de Colombia es la que calcula y certifica diariamente la TRM con base en las operaciones registradas el día hábil inmediatamente anterior. Datos tomados de aquí

```
#Se leen los datos -
dataset = read.csv('./data/TRM.csv', check.names = FALSE, encoding = "UTF-8",
                   blank.lines.skip = FALSE, dec=",")
#se conservam unicamente las columnas de año y TRM
df = dataset[1]
df['TRM'] = dataset[3]
df$TRM <- as.numeric(as.character(df$TRM))</pre>
#Se agrupa bajo la media
media = df
media = media %>%
  group_by(media[1]) %>%
  summarise(across(.cols = everything(), .fns = mean))
#para la mediana
mediana = df
mediana = mediana %>%
  group_by(mediana[1]) %>%
  summarise(across(.cols = everything(), .fns = median))
#Se genera un dataframe con los datos obtenidos
df = media
colnames(df)[2] <- 'TRM_media'</pre>
df['TRM_mediana'] <- mediana[2]</pre>
df
```

```
##
      Anyo TRM_media TRM_mediana
##
     <int>
               <dbl>
                            <dbl>
## 1 2016
               3051.
                            3003.
## 2 2017
               2951.
                            2942.
## 3 2018
               2956.
                            2898.
## 4 2019
               3281.
                            3277.
```

Se unen los datos en un solo dataframe

```
df['PIB_M.E.'] = PIB[2]
df['Var.PIB'] = PIB[3]
df['Inflacion'] = Inflacion[2]
df['Desempleo'] = Desempleo[2]
df['var.Desempleo'] = Desempleo[3]
df['GNC'] = GNC[2]
df['Balance_Cuenta_Corriente'] = Balance_Cuenta_Corriente[2]
df['TIM_promedio'] = TIM[2]
head(df)
```

```
## # A tibble: 4 x 11
##
      Anyo TRM_media TRM_mediana PIB_M.E. Var.PIB Inflacion Desempleo var.Desempleo
     <int>
                            <dbl>
                                     <dbl>
                                              <dbl>
                                                                   <dbl>
                                                                                 <dbl>
##
               <dbl>
                                                        <dbl>
                                                         5.75
## 1 2016
               3051.
                            3003.
                                      289.
                                                3.3
                                                                     9.2
                                                                                  3.36
## 2 2017
               2951.
                            2942.
                                      280.
                                                         4.09
                                                                     9.4
                                                                                  1.99
                                                2.5
## 3 2018
               2956.
                            2898.
                                      276.
                                                1.4
                                                         3.18
                                                                     9.7
                                                                                  3.19
## 4 2019
               3281.
                            3277.
                                      255.
                                                2.1
                                                         3.8
                                                                    10.5
                                                                                  8.25
## # ... with 3 more variables: GNC <dbl>, Balance_Cuenta_Corriente <dbl>,
       TIM_promedio <dbl>
```

Variables sector minero: Se adicionan variables relacionadas con el sector minero, para mejorar la efectividad de los modelos. Para cada año se toma el promedio de los datos diarios. Datos tomados de aquí.

```
library(dplyr)
#Se leen los datos -
dataset = read_excel('./data/metales.xlsx')
dataset
## # A tibble: 3 x 7
      Anyo compra_Oro compra_Plata compra_Platino venta_Oro venta_Plata
##
     <dbl>
                <dbl>
                              <dbl>
                                             <dbl>
                                                        <dbl>
                                                                    <dbl>
## 1 2017
              109846.
                              1294.
                                            86790.
                                                      119398.
                                                                    1617.
## 2 2018
              110854.
                              1191.
                                            80470.
                                                      120494.
                                                                    1489.
                                            87958.
## 3 2019
              135384.
                              1370.
                                                      147157.
                                                                    1712.
## # ... with 1 more variable: venta_Platino <dbl>
df %>% left_join(dataset, by=c("Anyo") ) -> df
```

Capítulo 3. Consolidación de la base

En esta sección se unen las dos bases generadas en las fases anteriores en una sola base

```
library(dplyr)
library(tidyr)
datos_completos%>%mutate(Periodo=as.numeric(as.character(Periodo))) %>%
    inner_join(df, by=c("Periodo" = "Anyo")) %>% replace_na(list(costo_ventas = 0, gastos_administracion = 0, otros_gastos=0, costos_financieros=0 , gasto_impuestos=0, ingresos_actividades_ordinarias=0, otros_ingresos = 0, ingresos_financieros=0)) -> datos_completos2

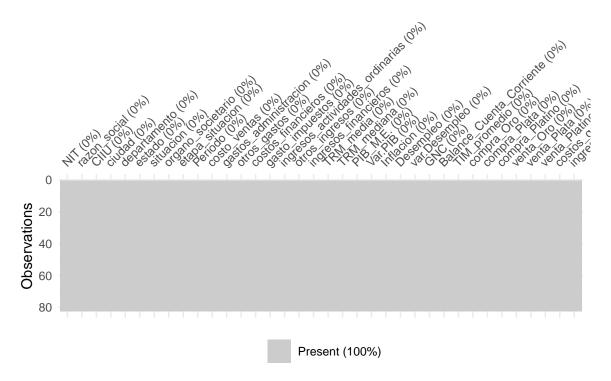
datos_completos2 %>% mutate(costos_gastos_totales = gastos_administracion + otros_gastos +gasto_impuestos + costo_ventas, ingresos_totales = ingresos_actividades_ordinarias + ingresos_financieros + otros_ingresos) -> base_modelado

base_modelado <- droplevels(base_modelado)
summary(base_modelado)</pre>
```

```
##
       NIT
                                                          razon_social
                                                                          CIIU
   Length:82
                      ANGLOGOLD ASHANTI COLOMBIA S.A.
                                                                : 3
                                                                       B0722:82
##
   Class :character
                      CALDAS GOLD MARMATO S.A.S.
                      CONTINENTAL GOLD LIMITED SUCURSAL COLOMBIA: 3
   Mode : character
##
                      ECO ORO MINERALS CORP
##
                      EXPLORACIONES CHAPARRAL COLOMBIA SAS
                                                                : 3
                      EXPLORACIONES NORTHERN COLOMBIA S.A.S
##
                                                                : 3
##
                       (Other)
                                                                :64
##
            ciudad
                            departamento
                                                estado
                                                          situacion
   BOGOTÁ, D.C.:26
                     ANTIOQUIA :44
                                         INSPECCION:41 ACTIVA:82
   BUCARAMANGA: 12
                     BOGOTÁ, D. C.:26
                                         VIGILANCIA:41
##
   ENVIGADO : 2
                     SANTANDER
                                 :12
              :42
##
   MEDELLÍN
##
##
##
                       organo_societario etapa_situacion
                                                            Periodo
   ACTIVIDAD ECONOMICA DIFERENTE:82
                                         ACTIVA:82
##
                                                                :2017
##
                                                         1st Qu.:2017
                                                         Median:2018
##
                                                                :2018
##
                                                         Mean
##
                                                         3rd Qu.:2019
```

```
##
                                                    Max. :2019
##
##
                     gastos_administracion otros_gastos
    costo_ventas
                  O Min. : O
                                         Min. : O
## Min. :
                 0
## 1st Qu.:
                               15366
                                         1st Qu.:
                     1st Qu.:
                                                    848
## Median :
                 O Median: 560711
                                         Median: 120317
## Mean : 23244524 Mean : 12272119 Mean : 3275946
## 3rd Qu.: 6666040 3rd Qu.: 5672411 3rd Qu.: 1736150
## Max. :408474390 Max. :287863704 Max. :46689684
##
## costos_financieros gasto_impuestos ingresos_actividades_ordinarias
                O Min. : -8974634 Min. :
## Min. :
                                                     0
               0 1st Qu.: 0 1st Qu.:
## 1st Qu.:
                                                     0
## Median : 168546 Median :
                               2546 Median :
\verb|## Mean : 2983081 Mean : 4495562 Mean : 34205451|
## 3rd Qu.: 2383609 3rd Qu.: 141459 3rd Qu.: 0
## Max. :52689630 Max. :131684824 Max. :954650443
##
## otros_ingresos
                   ingresos_financieros TRM_media
                                                    TRM_mediana
## Min. : 0 Min. : 0 Min. :2898
## 1st Qu.:
             0 1st Qu.:
                               0 1st Qu.:2951 1st Qu.:2898
## Median : 36549 Median : 3942 Median :2956 Median :2942 ## Mean : 836610 Mean : 1285604 Mean :3058 Mean :3033
## 3rd Qu.: 601104 3rd Qu.: 850632 3rd Qu.:3281 3rd Qu.:3277 ## Max. :11404344 Max. :26100695 Max. :3281 Max. :3277
##
##
   PIB_M.E. Var.PIB Inflacion Desempleo
## Min. :255.4 Min. :1.400 Min. :3.180 Min. :9.400
## 1st Qu.:255.4 1st Qu.:1.400 1st Qu.:3.180 1st Qu.: 9.400
## Median: 276.0 Median: 2.100 Median: 3.800 Median: 9.700
## Mean :270.9 Mean :1.998 Mean :3.687 Mean : 9.851
## 3rd Qu.:280.2 3rd Qu.:2.500 3rd Qu.:4.090 3rd Qu.:10.500
## Max. :280.2 Max. :2.500 Max. :4.090 Max. :10.500
##
## var.Desempleo GNC
                                Balance_Cuenta_Corriente TIM_promedio
## Min. :1.990 Min. :-3.60 Min. :-13118
                                                     Min. :4.250
## 1st Qu.:1.990 1st Qu.:-3.60 1st Qu.:-13118
                                                      1st Qu.:4.250
## Median :3.190 Median :-3.10 Median :-12036
                                                     Median :4.350
## Mean :4.385 Mean :-3.08 Mean :-11792
                                                      Mean :4.926
##
   3rd Qu.:8.250 3rd Qu.:-2.50 3rd Qu.:-10241
                                                      3rd Qu.:6.130
## Max. :8.250 Max. :-2.50 Max. :-10241
                                                      Max. :6.130
##
                 compra_Plata compra_Platino venta_Oro
##
   compra_Oro
## Min. :109846 Min. :1191 Min. :80470 Min. :119398
   1st Qu.:109846 1st Qu.:1191 1st Qu.:80470 1st Qu.:119398
##
## Median :110854 Median :1294 Median :86790 Median :120494
## Mean :118288 Mean :1283 Mean :85002 Mean :128574
## 3rd Qu.:135384
                  3rd Qu.:1370 3rd Qu.:87958
                                              3rd Qu.:147157
## Max. :135384 Max. :1370 Max. :87958
                                              Max. :147157
##
## venta_Plata venta_Platino costos_gastos_totales ingresos_totales
```

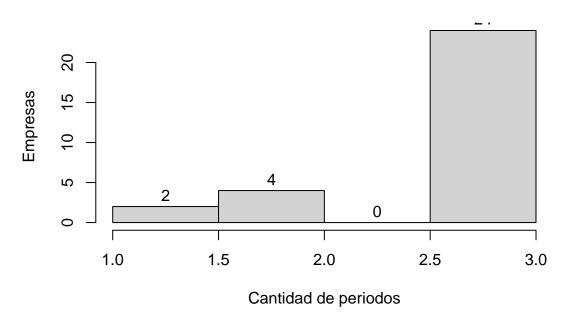
```
##
    Min.
           :1489
                  Min.
                          :83441
                                   Min.
                                                2869
                                                         Min.
##
   1st Qu.:1489
                  1st Qu.:83441
                                   1st Qu.:
                                              528039
                                                         1st Qu.:
                                                                     24364
                                   Median : 4175588
##
   Median :1617
                  Median :89994
                                                         Median :
                                                                    587346
   Mean :1604
##
                  Mean :88140
                                   Mean
                                        : 43288150
                                                         Mean : 36327665
##
    3rd Qu.:1712
                   3rd Qu.:91205
                                   3rd Qu.: 26972121
                                                         3rd Qu.: 3698197
## Max. :1712
                                         :700560590
                  Max. :91205
                                   {\tt Max.}
                                                         {\tt Max.}
                                                                :967119965
##
library(visdat)
vis_miss(base_modelado)
```



Esta gráfica nos ayuda a visualizar que no hay datos perdidos en la data. # Capítulo 4. Análisis descriptivo

A continuación se realiza un análisis descriptivo de los datos

Cantidad de periodos por empresa



Podemos observar que hay empresas que no tienen los 3 periodos, solo trabajaremos con la empresas que tengan los periodos completos.

```
base_modelado %>% anti_join(datosValidar %>% filter(total < 3) , by="NIT" ) %>%
group_by(NIT, razon_social) %>% summarise(total=n()) %>% arrange(desc(total))
```

```
## # A tibble: 24 x 3
## # Groups:
               NIT [24]
##
      NIT
                razon_social
                                                    total
##
      <chr>
                <fct>
                                                     <int>
##
   1 811002172 MINERA CROESUS S.A.S
                                                         3
   2 830012565 ECO ORO MINERALS CORP
                                                         3
   3 830127076 ANGLOGOLD ASHANTI COLOMBIA S.A.
                                                         3
   4 860507991 SANTIAGO OIL COMPANY
   5 890114642 CALDAS GOLD MARMATO S.A.S.
   6 900039998 MINERALES ANDINOS DE OCCIDENTE S.A
## 7 900062755 MINERIA INTEGRAL DE COLOMBIA S.A.S.
                                                         3
## 8 900063262 SOCIEDAD MINERA DE SANTANDER S.A.S.
                                                         3
## 9 900084407 GRAMALOTE COLOMBIA LIMITED
                                                         3
## 10 900156833 MINERA DE COBRE QUEBRADONA SA
## # ... with 14 more rows
base_modelado %>% anti_join(datosValidar %>% filter(total < 3) , by="NIT" ) ->
  base_modelado
base_modelado %>% filter(ingresos_totales == 0) %>% count(NIT) %>%
  filter(n==3) -> datosValidar
base_modelado %>% anti_join(datosValidar, by="NIT" ) -> base_modelado
datosValidar <- base_modelado %>% group_by(NIT, razon_social) %>%
  summarise(total=n())
```

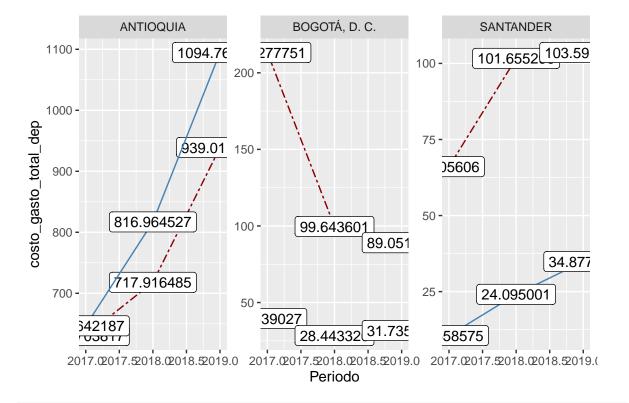
```
table(datosValidar$total)
```

```
##
## 3
## 23
```

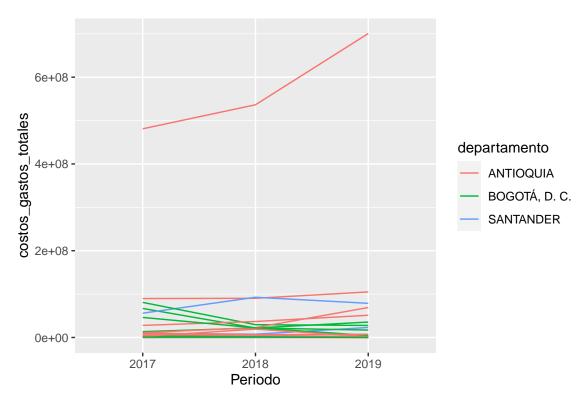
Ya podemos ver que tenemos 23 empresas con los 3 periodos. Veamos los ingresos y los costos por departamento.

```
datosValidarDepartamento <- base_modelado %>% group_by(departamento, Periodo) %>%
   summarise(costo_gasto_total_dep = sum(costos_gastos_totales) / 1000000,
   ingresos_totales_dep = sum(ingresos_totales) / 1000000)

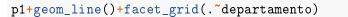
ggplot(datosValidarDepartamento, aes(x= Periodo))+
   geom_line(aes(y = costo_gasto_total_dep), color="darkred", linetype="twodash")+
   geom_label(aes(y = costo_gasto_total_dep, label=costo_gasto_total_dep)) +
   geom_line(aes(y = ingresos_totales_dep, label="Ingresos"), color = "steelblue")+
   geom_label(aes(y = ingresos_totales_dep, label=ingresos_totales_dep)) +
   facet_wrap(~departamento, scales ="free_y")
```



```
base_modelado$NIT=as.factor(base_modelado$NIT)
base_modelado$Periodo=as.factor(base_modelado$Periodo)
p1=ggplot(base_modelado, aes(y=costos_gastos_totales,x=Periodo,group=NIT,colour=departamento)
p1+geom_line()
```



pueden ver algunos comportamientos diferentes por departamento, sin embargo separemos el gráfico para ver mejor:



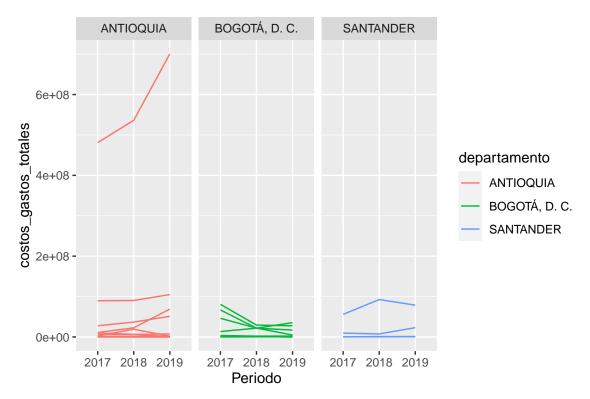
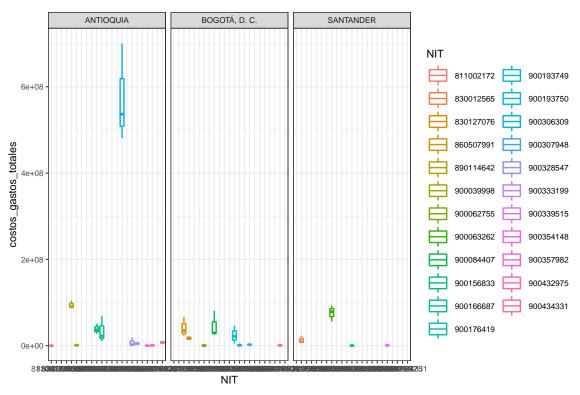


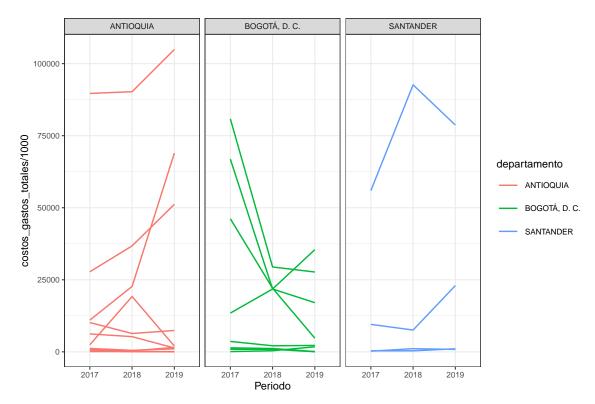
gráfico anterior nos muestra que cada empresa tiene costos/gastos totales particulares. Adicionalmente, hay una empresa de Medellín que tiene costos/gastos totales mas altos, comparada con las otras. Tratemos de identificar las empresas que tienen un comportamiento más diferente a las demás.

Εl

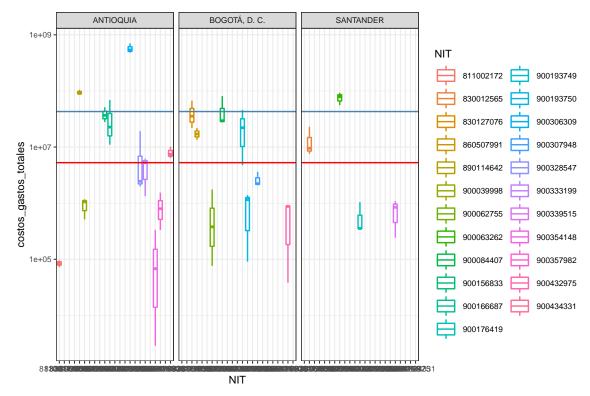
Al



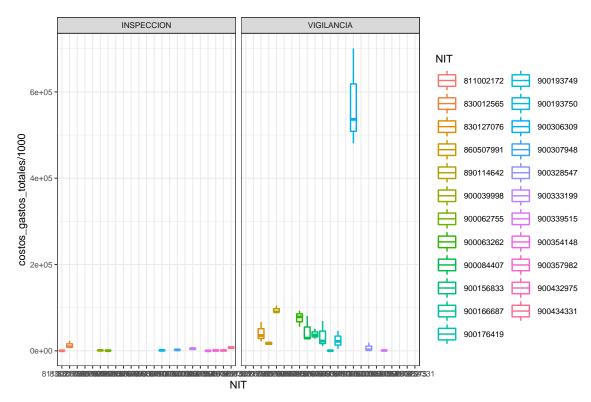
parecer solo hay 1 empresa que tiene comportamiento de costos/gastos totales mucho mas diferente a las demás. Realizaremos el ejercicio de eliminar (solo para efectos visuales) la empresa que es mas diferente a las demas.



Confirmamos que los costos/gastos totales son particulares de cada empresa. Cambiemos la escala de los datos y volvamos a graficar, para poder apreciar mejor el comportamiento de las otras empresas que tienen costos/gastos totales mas bajos, pero con el set de empresas completo.

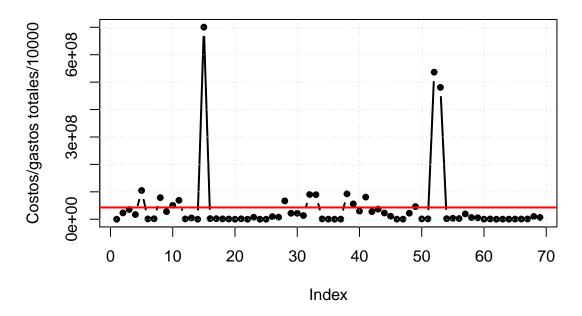


Ahora podemos ver mejor que cada empresa tiene unos costos/gastos totales particulares, así como costos promedio diferentes. Además, encontramos que solamente hay 5 empresas que tienen un comportamiento general en sus costos/gastos totales. Ahora revisemos los costos/gastos totales con el estado.



Podemos ver que las empresas con estado inspección presentan costos/gastos totales menores que las empresas con estado vigilancia. Veamos ahora la dispersion de nuestra variable objetivo.

Costos/gastos totales



Con esto confirmamos que la dispersion de los costos/gastos totales no tiene un compor-

tamiento general.

Estandarización de variables

A continuación se realiza un reescalamiento de las variables para que sean comparables y así apuntarle a mejorar la calidad de los modelos

Capítulo 5. Correlaciones

En este capítulo realizaremos un análisis de las correlaciones entre las variables que nos ayudarán a decidir que variables pueden ser las mejores candidatas para nuestro modelo.

La base de datos que utilizaremos es base_modelado la misma que visualizamos en la página 15

```
head(base modelado)
##
           NIT
                                      razon social CIIU
                                                                ciudad
                                                                        departamento
## 1 811002172
                             MINERA CROESUS S.A.S B0722
                                                              MEDELLÍN
                                                                           ANTIOQUIA
## 2 830012565
                             ECO ORO MINERALS CORP B0722
                                                          BUCARAMANGA
                                                                           SANTANDER
## 3 830127076
                  ANGLOGOLD ASHANTI COLOMBIA S.A. BO722 BOGOTÁ, D.C. BOGOTÁ, D. C.
## 4 860507991
                              SANTIAGO OIL COMPANY BO722 BOGOTÁ, D.C. BOGOTÁ, D. C.
## 5 890114642
                                                              MEDELLÍN
                       CALDAS GOLD MARMATO S.A.S. B0722
                                                                           ANTIOQUIA
## 6 900039998 MINERALES ANDINOS DE OCCIDENTE S.A B0722
                                                              MEDELLÍN
                                                                           ANTIOQUIA
         estado situacion
                                       organo_societario etapa_situacion Periodo
## 1 INSPECCION
                   ACTIVA ACTIVIDAD ECONOMICA DIFERENTE
                                                                   ACTIVA
                                                                             2019
## 2 INSPECCION
                   ACTIVA ACTIVIDAD ECONOMICA DIFERENTE
                                                                             2019
                                                                   ACTIVA
## 3 VIGILANCIA
                   ACTIVA ACTIVIDAD ECONOMICA DIFERENTE
                                                                   ACTIVA
                                                                             2019
## 4 VIGILANCIA
                   ACTIVA ACTIVIDAD ECONOMICA DIFERENTE
                                                                   ACTIVA
                                                                             2019
## 5 VIGILANCIA
                   ACTIVA ACTIVIDAD ECONOMICA DIFERENTE
                                                                   ACTIVA
                                                                             2019
## 6 INSPECCION
                   ACTIVA ACTIVIDAD ECONOMICA DIFERENTE
                                                                   ACTIVA
                                                                             2019
     costo_ventas gastos_administracion otros_gastos costos_financieros
## 1
                                           -0.4014073
     -0.33867199
                              -0.4074151
                                                              -0.01766357
## 2
     -0.33867199
                              -0.1245786
                                            1.7804892
                                                              -0.41681165
       0.14621874
                             -0.4096184
                                           -0.4014073
                                                              -0.11939539
## 4
     -0.04073369
                              -0.3719525
                                           -0.3443104
                                                               0.18991196
## 5
       0.96663837
                                           -0.3166147
                              -0.3124819
                                                              -0.12092215
## 6
    -0.33867199
                              -0.4096184
                                           -0.2576751
                                                               0.45676213
##
     gasto_impuestos ingresos_actividades_ordinarias otros_ingresos
## 1
         -0.22397057
                                          -0.23958426
                                                         0.005953155
## 2
         -0.22262585
                                          -0.23958426
                                                         -0.210004581
## 3
         -0.22477997
                                          -0.23958426
                                                        -0.508192736
## 4
         -0.48682468
                                          -0.06443343
                                                         -0.363463888
## 5
          0.05505802
                                           0.51657397
                                                         0.383638219
## 6
         -0.22467562
                                          -0.23958426
                                                         -0.508192736
##
     ingresos_financieros TRM_media TRM_mediana PIB_M.E.
                                                              Var.PIB Inflacion
## 1
               -0.3515285
                             1.4038
                                         1.39604 -1.385842 0.2183709 0.2877006
## 2
                                         1.39604 -1.385842 0.2183709 0.2877006
               -0.3515285
                              1.4038
## 3
               -0.3515285
                             1.4038
                                         1.39604 -1.385842 0.2183709 0.2877006
                                         1.39604 -1.385842 0.2183709 0.2877006
## 4
               -0.1320566
                             1.4038
## 5
                0.4181071
                             1.4038
                                         1.39604 -1.385842 0.2183709 0.2877006
```

1.4038

6

-0.3515285

1.39604 -1.385842 0.2183709 0.2877006

```
##
      Desempleo var.Desempleo
                                           GNC Balance_Cuenta_Corriente TIM_promedio
## 1 1.354199 1.380845 1.250959
                                                                  -0.1990925 -0.7586531
## 2 1.354199
                                                                  -0.1990925
                      1.380845 1.250959
                                                                                  -0.7586531
                       1.380845 1.250959
## 3 1.354199
                                                                  -0.1990925 -0.7586531
## 4 1.354199
                        1.380845 1.250959
                                                                  -0.1990925
                                                                                  -0.7586531
## 5 1.354199
                       1.380845 1.250959
                                                                  -0.1990925 -0.7586531
## 6 1.354199 1.380845 1.250959
                                                                  -0.1990925 -0.7586531
      compra_Oro compra_Plata compra_Platino venta_Oro venta_Plata venta_Platino
##
## 1
         1.403075
                        1.151478
                                        0.8708067 1.403075
                                                                         1.15238
                                                                                         0.8708068

      1.151478
      0.8708067
      1.300

      1.151478
      0.8708067
      1.403075
      1.15238

      1.151478
      0.8708067
      1.403075
      1.15238

      1.151478
      0.8708067
      1.403075
      1.15238

      0.8708067
      1.403075
      1.15238

      0.8708067
      1.403075
      1.15238

## 2
         1.403075
                                                                                         0.8708068
## 3
       1.403075
                                                                                         0.8708068
## 4
        1.403075
                                                                                         0.8708068
                     1.151478
## 5
        1.403075
                                                                                         0.8708068
## 6
        1.403075
                                                                                         0.8708068
##
      costos_gastos_totales ingresos_totales
## 1
                  -0.36104643
                                     -0.24581787
                  -0.16782320
## 2
                                        -0.24842906
## 3
                  -0.06283635
                                        -0.25203452
## 4
                   -0.21786041
                                        -0.07148885
## 5
                    0.52255596
                                         0.52606828
## 6
                   -0.35276218
                                        -0.25203452
```

Para el análisis de correlaciones, se toman las variables macroeconómicas (PIB, Inflación, Desempleo, GNC, Balance de cuenta corriente y TRM), compra y venta de metales preciosos y se compara con la variable objetivo.

Calcular el coeficiente de correlación

Este comando calcula la matriz de correlación:

##		$\mathtt{TRM_media}$	${\tt TRM_mediana}$	PIB_M.E.	Var.PIB	Inflacion
##	TRM_media	1.00	0.99	-0.99	0.14	0.19
##	TRM_mediana	0.99	1.00	-0.96	0.26	0.31
##	PIB_M.E.	-0.99	-0.96	1.00	0.00	-0.05
##	Var.PIB	0.14	0.26	0.00	1.00	1.00
##	Inflacion	0.19	0.31	-0.05	1.00	1.00
##	Desempleo	0.97	0.93	-0.99	-0.11	-0.06
##	var.Desempleo	0.99	0.96	-1.00	-0.03	0.02
##	GNC	0.90	0.84	-0.95	-0.31	-0.26
##	Balance_Cuenta_Corriente	-0.13	-0.25	-0.02	-1.00	-1.00
##	TIM_promedio	-0.55	-0.45	0.67	0.75	0.71
##	compra_Oro	1.00	0.99	-0.99	0.12	0.17
##	compra_Plata	0.81	0.88	-0.72	0.69	0.73
##	compra_Platino	0.61	0.70	-0.49	0.87	0.89
##	venta_Oro	1.00	0.99	-0.99	0.12	0.17
##	venta_Plata	0.81	0.88	-0.72	0.69	0.73
##	venta_Platino	0.61	0.70	-0.49	0.87	0.89
##	Var.objetivo	0.04	0.04	-0.04	0.00	0.01
##		Desempleo	var.Desemple	eo GNC I	Balance_0	Cuenta_Corriente
##	TRM_media	0.97	0.9	9 0.90		-0.13
##	TRM_mediana	0.93	0.9	0.84		-0.25
##	PIB_M.E.	-0.99	-1.C	0 -0.95		-0.02

## TRM_mediana						
## Var.Desempleo						-1.00
## var.Desempleo ## gNC 0.98 0.96 1.00 0.98 0.96 1.00 4 0.32 ## TIM_promedio -0.74 -0.68 -0.86 -0.86 ## compra_Platino 0.39 0.47 0.20 ## venta_Dro 0.97 0.99 0.91 ## venta_Dro 0.04 0.04 0.04 0.03 ## TRM_media 0.04 0.04 0.03 0.81 0.81 0.88 0.99 0.88 0.99 0.88 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.99 0.70 0.90 ## compra_Plata 0.04 0.04 0.08 0.90 0.08 0.09 0.09 0.09 0.00 0.00						-1.00
## Balance_Cuenta_Corriente		-				0.12
## TIM_promedio		-				0.04
## TIM_promedio						0.32
## compra_Plata						1.00
## compra_Platino						-0.76
## compra_Platino		_				-0.11
## venta_Dro 0.97 0.99 0.91		-				-0.68
## venta_Platino		_				-0.86
## venta_Platino	##	venta_Oro				-0.11
## Var.objetivo	##	venta_Plata		0.70		-0.68
## TRM_media	##	venta_Platino	0.39	0.47	0.20	-0.86
## TRM_mediana	##	Var.objetivo	0.04	0.04	0.03	0.00
## TRM_mediana	##		TIM_promedio	compra_Oro	compra_Plata	compra_Platino
## PIB_M.E.	##	TRM_media	-0.55	1.00	0.81	0.61
## Var.PIB	##	TRM_mediana	-0.45	0.99	0.88	0.70
## Inflacion 0.71 0.17 0.73 0.6 ## Desempleo -0.74 0.97 0.64 0. ## var.Desempleo -0.68 0.99 0.70 0. ## GNC -0.86 0.91 0.47 0.6 ## TIM_promedio 1.00 -0.57 0.04 0. ## compra_Plata 0.04 0.80 1.00 0.80 0. ## venta_Dro 0.32 0.59 0.96 1. ## venta_Platino 0.32 0.59 0.96 1. ## venta_Platino 0.32 0.59 0.96 1. ## var.objetivo 0.32 0.59 0.96 1. ## trm_media 1.00 0.32 0.59 0.96 1. ## trm_media 0.04 0.80 1.00 0.0 ## venta_Platino 0.32 0.59 0.96 0.00 ## venta_Platino 0.32 0.59 0.96 0.00 ## venta_Platino 0.32 0.59 0.96 1. ## var.objetivo 0.32 0.59 0.96 1. ## var.objetivo 0.32 0.59 0.96 1. ## trm_media 0.04 0.80 1.00 0.00 ## trm_media 0.04 0.80 0.00 0.00 ## trm_media 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 ## TRM_media 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 ## TRM_media 0.09 0.80 0.80 0.00 0.00 ## TRM_mediana 0.99 0.88 0.70 0.00 ## PIB_M.E. 0.099 0.88 0.70 0.00 ## trm_mediana 0.99 0.88 0.70 0.00 ## trm_mediana 0.99 0.80 0.87 0.00 ## Uvar.PIB 0.12 0.69 0.87 0.00 ## Uvar.Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.00 ## trm_Desempleo 0.99 0.70 0.47 0.00 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## TIM_promedio 0.95 0.04 0.32 0.00 ## compra_Dro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Dro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03	##	PIB_M.E.	0.67	-0.99	-0.72	-0.49
## Desempleo	##	Var.PIB	0.75	0.12	0.69	0.87
## var.Desempleo	##	Inflacion	0.71	0.17	0.73	0.89
## GNC	##	Desempleo	-0.74	0.97	0.64	0.39
## Balance_Cuenta_Corriente	##	var.Desempleo	-0.68	0.99	0.70	0.47
## TIM_promedio	##	GNC	-0.86	0.91	0.47	0.20
## compra_Oro	##	${\tt Balance_Cuenta_Corriente}$	-0.76	-0.11	-0.68	-0.86
## compra_Plata	##	TIM_promedio	1.00	-0.57	0.04	0.32
## compra_Platino	##	compra_Oro	-0.57	1.00	0.80	0.59
## venta_Oro	##	compra_Plata	0.04	0.80	1.00	0.96
## venta_Platino 0.04 0.80 1.00 0.00 ## venta_Platino 0.32 0.59 0.96 1.00 ## Var.objetivo -0.02 0.04 0.03 0.00 ## TRM_media 1.00 0.81 0.61 0.04 ## TRM_mediana 0.99 0.88 0.70 0.04 ## PIB_M.E. -0.99 -0.72 -0.49 -0.04 ## Var.PIB 0.12 0.69 0.87 0.00 ## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Plata 0.80 0.59 0.04 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	compra_Platino	0.32	0.59	0.96	1.00
## venta_Platino	##	venta_Oro	-0.57	1.00	0.80	0.59
## Var.objetivo -0.02 0.04 0.03 0.04 ## TRM_media 1.00 0.81 0.61 0.04 ## TRM_mediana 0.99 0.88 0.70 0.04 ## PIB_M.E. -0.99 -0.72 -0.49 -0.04 ## Var.PIB 0.12 0.69 0.87 0.00 ## Inflacion 0.17 0.73 0.89 0.01 ## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Plata 0.80 0.59 0.04 ## compra_Platino 0.59 0.96 0.03	##	venta_Plata	0.04	0.80	1.00	0.96
## TRM_media tenta_Oro venta_Plata venta_Platino Var.objetivo ## TRM_median 1.00 0.81 0.61 0.04 ## TRM_mediana 0.99 0.88 0.70 0.04 ## PIB_M.E. -0.99 -0.72 -0.49 -0.04 ## Var.PIB 0.12 0.69 0.87 0.00 ## Inflacion 0.17 0.73 0.89 0.01 ## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## GNC 0.99 0.70 0.47 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03	##	venta_Platino	0.32	0.59	0.96	1.00
## TRM_media 1.00 0.81 0.61 0.04 ## TRM_mediana 0.99 0.88 0.70 0.04 ## PIB_M.E0.99 -0.72 -0.49 -0.04 ## Var.PIB 0.12 0.69 0.87 0.00 ## Inflacion 0.17 0.73 0.89 0.01 ## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## var.Desempleo 0.99 0.70 0.47 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	Var.objetivo	-0.02	0.04	0.03	0.02
## TRM_mediana 0.99 0.88 0.70 0.04 ## PIB_M.E0.99 -0.72 -0.49 -0.04 ## Var.PIB 0.12 0.69 0.87 0.00 ## Inflacion 0.17 0.73 0.89 0.01 ## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## var.Desempleo 0.99 0.70 0.47 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00	##		venta_Oro ve	nta_Plata ve	enta_Platino	Var.objetivo
## PIB_M.E.	##	TRM_media	1.00	0.81	0.61	0.04
## Var.PIB 0.12 0.69 0.87 0.00 ## Inflacion 0.17 0.73 0.89 0.01 ## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## var.Desempleo 0.99 0.70 0.47 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00	##	TRM_mediana	0.99	0.88	0.70	0.04
## Inflacion 0.17 0.73 0.89 0.01 ## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## var.Desempleo 0.99 0.70 0.47 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	PIB_M.E.	-0.99	-0.72	-0.49	-0.04
## Desempleo 0.97 0.64 0.39 0.04 ## var.Desempleo 0.99 0.70 0.47 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	Var.PIB	0.12	0.69	0.87	0.00
## var.Desempleo 0.99 0.70 0.47 0.04 ## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	Inflacion	0.17	0.73	0.89	0.01
## GNC 0.91 0.47 0.20 0.03 ## Balance_Cuenta_Corriente -0.11 -0.68 -0.86 0.00 ## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	Desempleo	0.97	0.64	0.39	0.04
## Balance_Cuenta_Corriente	##	var.Desempleo	0.99	0.70	0.47	0.04
## TIM_promedio -0.57 0.04 0.32 -0.02 ## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	GNC	0.91	0.47	0.20	0.03
## compra_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04 ## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	Balance_Cuenta_Corriente	-0.11	-0.68	-0.86	0.00
## compra_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03 ## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	TIM_promedio	-0.57	0.04	0.32	-0.02
## compra_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	compra_Oro	1.00	0.80	0.59	0.04
•	##	compra_Plata	0.80	1.00	0.96	0.03
## venta_Oro 1.00 0.80 0.59 0.04	##	compra_Platino	0.59	0.96	1.00	0.02
	##	venta_Oro	1.00	0.80	0.59	0.04
## venta_Plata 0.80 1.00 0.96 0.03	##	venta_Plata	0.80	1.00	0.96	0.03
## venta_Platino 0.59 0.96 1.00 0.02	##	venta_Platino	0.59	0.96	1.00	0.02
## Var.objetivo 0.04 0.03 0.02 1.00	##	Var.objetivo	0.04	0.03	0.02	1.00

Con el resultado de la correlación, podemos interpretar que las variables macroeconomicas,

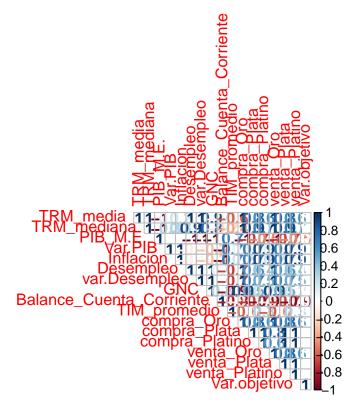
Se

compra y venta de metales preciosos no explican la variable objetivo, ya que el nivel de significancia es cercano a cero. Es decir, no encontramos una ascociación entre estas variables y la variable objetivo, que nos ayude a predecir o explicar el comportamiento de los costos y gastos totales de las empresas del sector "extracción de oro y otros metales preciosos".

Visualizar matriz de correlación

Utilizaremos el comando corrplot para visualizar la matriz de correlaciones. Lo primero es calcular la matriz, guardarla en un objeto y luego graficarla. En este caso vamos a graficar los coeficientes resultantes.

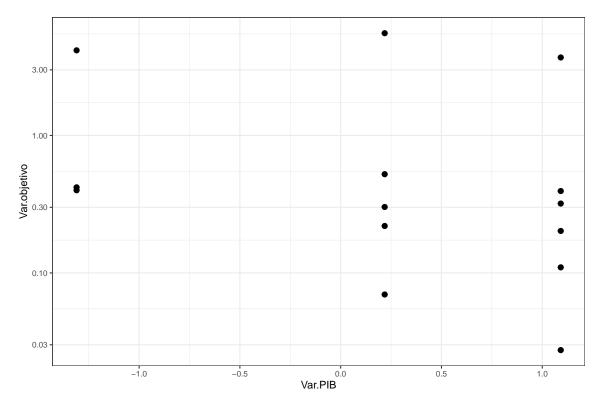
```
correlacion<-round(cor(base), 1)
corrplot(correlacion, method="number", type="upper")</pre>
```



realizó el análisis de correlación con el estadístico de Pearson, con las variables originales y estandarizadas, con el fin de evidenciar las variables explicativas de la variable objetivo construida, encontrando como resultado la no significancia para explicar el comportamiento de los costos y gastos del sector que estamos estudiando.

A continuación se grafican los datos de la Variable objetivo (costos y gastos totales) con respecto a var.PIB (Variación del PIB)

```
ggplot(base, aes(x=Var.PIB, y=Var.objetivo)) +geom_point()+scale_y_log10()
```



Podemos apreciar que no se presenta un comportamiento lineal entre las variables, por lo tanto la variable PIB no es una buena candidata para utilizar en nuestro modelo. De forma general encontramos que las macroeconómicas no explican la variable objetivo. Por tal motivo se decide no trabajar con las variables macroeconomicas venta y compra de metales preciosos en los modelos.

Sin embargo adicionamos a nuestra base de datos estas variables económicas que servirán de insumo para la fase de modelado.

```
##
      departamento
                       estado Periodo costos_gastos_totales
                                                                   ciudad
## 1
         ANTIOQUIA INSPECCION
                                 2019
                                                -0.36104643
                                                                 MEDELLÍN
## 2
         SANTANDER INSPECCION
                                                 -0.16782320 BUCARAMANGA
                                 2019
## 3 BOGOTÁ, D. C. VIGILANCIA
                                 2019
                                                -0.06283635 BOGOTÁ, D.C.
## 4 BOGOTÁ, D. C. VIGILANCIA
                                                 -0.21786041 BOGOTÁ, D.C.
                                 2019
## 5
        ANTIOQUIA VIGILANCIA
                                 2019
                                                 0.52255596
                                                                 MEDELLÍN
                                                                 MEDELLÍN
## 6
        ANTIOQUIA INSPECCION
                                 2019
                                                 -0.35276218
```

```
##
    ingresos_totales
                           NIT
                                                    razon_social otros_ingresos
## 1
         -0.24581787 811002172
                                            MINERA CROESUS S.A.S 0.005953155
                                           ECO ORO MINERALS CORP
## 2
         -0.24842906 830012565
                                                                   -0.210004581
## 3
         -0.25203452 830127076 ANGLOGOLD ASHANTI COLOMBIA S.A. -0.508192736
## 4
         -0.07148885 860507991
                                            SANTIAGO OIL COMPANY -0.363463888
## 5
         0.52606828 890114642
                                      CALDAS GOLD MARMATO S.A.S. 0.383638219
         -0.25203452 900039998 MINERALES ANDINOS DE OCCIDENTE S.A -0.508192736
## 6
##
    ingresos_financieros compra_Oro compra_Plata compra_Platino venta_Oro
## 1
                                        1.151478
                                                     0.8708067
              -0.3515285
                          1.403075
                                                               1.403075
## 2
              -0.3515285
                          1.403075
                                        1.151478
                                                     0.8708067
                                                                1.403075
## 3
              -0.3515285
                         1.403075
                                                     0.8708067 1.403075
                                        1.151478
## 4
              -0.1320566
                         1.403075
                                       1.151478
                                                     0.8708067 1.403075
## 5
               0.4181071
                           1.403075
                                        1.151478
                                                     0.8708067 1.403075
## 6
              -0.3515285
                         1.403075
                                        1.151478
                                                     0.8708067 1.403075
##
    venta_Plata venta_Platino tamano_empresa
## 1
        1.15238
                    0.8708068
                                        < NA >
## 2
        1.15238
                    0.8708068
                                        <NA>
## 3
        1.15238
                    0.8708068
                                       <NA>
## 4
                                       <NA>
        1.15238
                    0.8708068
## 5
        1.15238
                    0.8708068
                                        <NA>
       1.15238 0.8708068
## 6
                                       <NA>
```

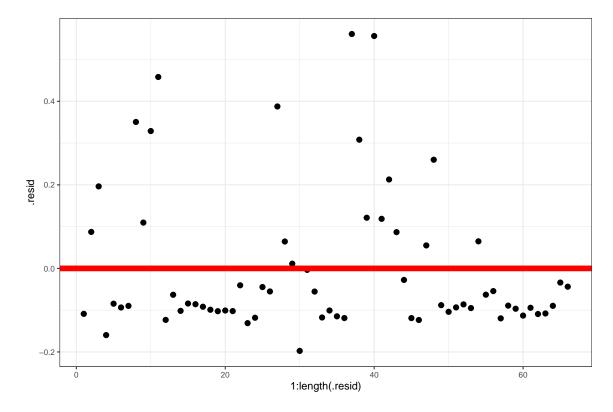
Capítulo 6. Aplicación de modelo

6.1. Modelo regresión Lineal - con todas las variables de compra y venta de oro

En este modelo se intenta explicar los costos y gastos en función de las variables de compra y venta de metales preciosos.

```
library(broom)
mod1 <- lm(costos_gastos_totales ~ compra_Oro + compra_Plata + compra_Platino +</pre>
        venta_Oro + venta_Plata + venta_Platino + ingresos_totales,
        data= base_modelo_lineal)
anova(mod1)
## Analysis of Variance Table
##
## Response: costos_gastos_totales
                Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## compra_Oro 1 0.00121 0.00121 0.0379
## compra_Plata 1 0.00359 0.00359 0.1122
                                                 0.8462
                                                 0.7388
## ingresos_totales 1 1.64429 1.64429 51.3861 1.098e-09 ***
## Residuals 62 1.98392 0.03200
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Calculamos el resumen del modelo 1:
summary(mod1)
##
## Call:
## lm(formula = costos_gastos_totales ~ compra_Oro + compra_Plata +
       compra_Platino + venta_Oro + venta_Plata + venta_Platino +
       ingresos_totales, data = base_modelo_lineal)
##
## Residuals:
##
       Min
                 1Q Median
                                   ЗQ
                                           Max
## -0.19751 -0.10238 -0.08597 0.06201 0.56114
## Coefficients: (4 not defined because of singularities)
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                   0.02387 0.03855 0.619
                                                  0.538
                   -0.01201
                               0.03696 -0.325
                                                  0.746
## compra_Oro
## compra_Plata 0.01249
                               0.03695 0.338
                                                  0.736
## compra_Platino
                        NΑ
                                    NΑ
                                           NΑ
                                                     NA
```

```
## venta_Oro
                         NA
                                     NA
                                             NA
                                                     NA
## venta_Plata
                                     NA
                         NA
                                             NA
                                                     NA
## venta_Platino
                                    NΑ
                                             NA
                                                      NA
                         NA
## ingresos_totales 1.11327
                               0.15530
                                         7.168
                                                1.1e-09 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 0.1789 on 62 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.4539, Adjusted R-squared: 0.4275
## F-statistic: 17.18 on 3 and 62 DF, p-value: 3.124e-08
a <- augment(mod1)
ggplot(a, aes(x=1:length(.resid), y=.resid))+
 geom_point() +
 geom_hline(yintercept = 0, lwd=2, col= "red")
```



0.454

1

El AIC NO es una prueba de hipótesis sobre el ajuste de un modelo, sino más bien un criterio paramétrico comparativo entre modelos y representa por esto una herramienta para selección de modelos. Dado un conjunto de datos, es posible encontrar varios modelos que se ajustan a ellos. La idea es ranquearlos de acuerdo al AIC. El modelo que esté asociado al menor AIC, se considera mejor entre aquellos que se ajustan.

... with 3 more variables: deviance <dbl>, df.residual <int>, nobs <int>

17.2 3.12e-8

3

22.0 -34.0 -23.1

0.427 0.179

```
library(broom)
library("broom.mixed")

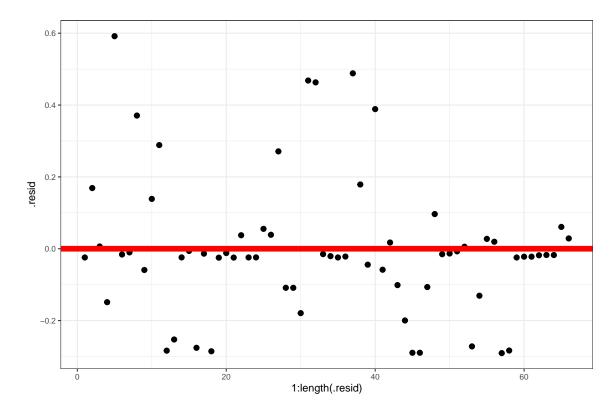
mod1 <- lm(costos_gastos_totales ~ estado, data= base_modelo_lineal)
anova(mod1)</pre>
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: costos_gastos_totales
## Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## estado    1 1.1820    1.1820    30.862 5.742e-07 ***
## Residuals 64 2.4511    0.0383
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Calculamos el resumen del modelo 1

```
summary(mod1)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = costos_gastos_totales ~ estado, data = base_modelo_lineal)
##
## Residuals:
       Min
                 1 Q
                     Median
                                   ЗQ
                                           Max
## -0.29051 -0.09070 -0.01786 0.02839 0.59167
##
## Coefficients:
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
                   -0.33676
                               0.03407 -9.885 1.66e-14 ***
## (Intercept)
## estadoVIGILANCIA 0.26764
                               0.04818 5.555 5.74e-07 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.1957 on 64 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.3253, Adjusted R-squared: 0.3148
## F-statistic: 30.86 on 1 and 64 DF, p-value: 5.742e-07
a <- augment(mod1)</pre>
ggplot(a, aes(x=1:length(.resid), y=.resid))+
 geom_point() +
geom_hline(yintercept = 0, lwd=2, col= "red")
```



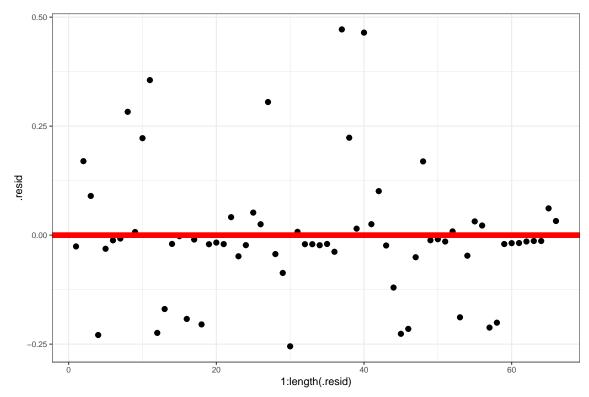
glance(mod1)

6.2. Modelo Regresión lineal sin efectos aleatorios

En este modelo utilizamos una fórmula sin el componente aleatorio. Un modelo lineal simple

```
##
## Call:
```

```
## lm(formula = costos_gastos_totales ~ estado + ingresos_totales,
##
       data = base_modelo_lineal)
##
## Residuals:
       Min
                  1Q
                      Median
                                            Max
## -0.25499 -0.04208 -0.01584 0.02511 0.47185
##
## Coefficients:
##
                    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                     -0.1120
                                0.0434 -2.580 0.0122 *
## (Intercept)
## estadoVIGILANCIA
                      0.1881
                                 0.0394
                                          4.773 1.12e-05 ***
## ingresos_totales
                      0.9080
                                0.1389
                                          6.540 1.26e-08 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.1522 on 63 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.5981, Adjusted R-squared: 0.5854
## F-statistic: 46.89 on 2 and 63 DF, p-value: 3.375e-13
a <- augment(mod2)</pre>
ggplot(a, aes(x=1:length(.resid), y=.resid))+
  geom_point() +
  geom_hline(yintercept = 0, lwd=2, col= "red")
```



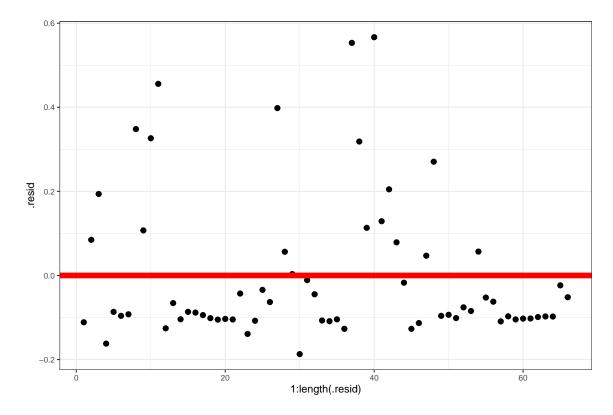
glance(mod2)

```
## # A tibble: 1 x 12
## r.squared adj.r.squared sigma statistic p.value df logLik AIC BIC
## <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> </dbl>
```

```
## 1 0.598 0.585 0.152 46.9 3.37e-13 2 32.1 -56.2 -47.5 ## # ... with 3 more variables: deviance <dbl>, df.residual <int>, nobs <int>
```

6.3. Modelo lineal con intercepto aleatorio

```
En este modelo utilizamos una fórmula con el componente aleatorio por departamento
library(lme4)
mod4 <- lmer(costos_gastos_totales ~ ingresos_totales + (1|departamento),</pre>
             data= base_modelo_lineal)
anova(mod4)
## Analysis of Variance Table
##
                   npar Sum Sq Mean Sq F value
## ingresos_totales 1 1.6452 1.6452 52.967
summary (mod4)
## Linear mixed model fit by REML ['lmerMod']
## Formula: costos_gastos_totales ~ ingresos_totales + (1 | departamento)
##
     Data: base_modelo_lineal
## REML criterion at convergence: -36.1
##
## Scaled residuals:
     Min 1Q Median
                              3Q
                                       Max
## -1.0611 -0.5900 -0.4911 0.3066 3.2155
## Random effects:
                            Variance Std.Dev.
## Groups
            Name
## departamento (Intercept) 6.354e-23 7.971e-12
## Residual
                            3.106e-02 1.762e-01
## Number of obs: 66, groups: departamento, 3
##
## Fixed effects:
                   Estimate Std. Error t value
                   0.02375
                               0.03796 0.626
## (Intercept)
## ingresos_totales 1.11269
                               0.15289 7.278
##
## Correlation of Fixed Effects:
               (Intr)
## ingrss_ttls 0.821
## convergence code: 0
## boundary (singular) fit: see ?isSingular
a <- broom.mixed::augment(mod4)</pre>
ggplot(a, aes(x=1:length(.resid), y=.resid))+
 geom_point() +
 geom_hline(yintercept = 0, lwd=2, col= "red")
```



```
broom.mixed::glance(mod4)

## # A tibble: 1 x 6

## sigma logLik AIC BIC REMLcrit df.residual

## <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <int>
## 1 0.176 18.0 -28.1 -19.3 -36.1 62
```

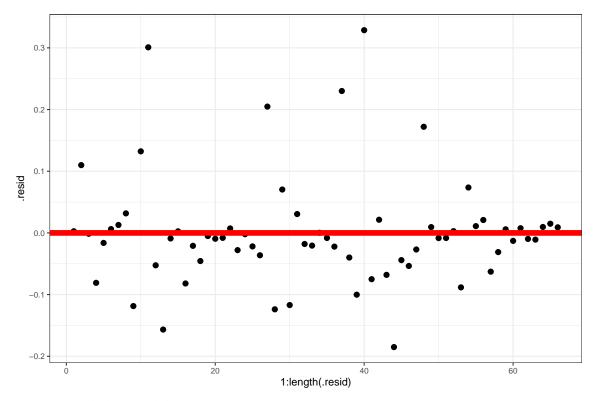
6.4. Modelo Lineal con intercepto aleatorio a nivel de NIT

En este modelo utilizamos una fórmula con el componente aleatorio por NIT, además contiene una interacción entre los ingresos totales y el estado

```
library(lme4)
mod5 <- lmer(costos_gastos_totales ~ I(ingresos_totales):estado + compra_Oro</pre>
             + compra_Plata + compra_Platino + venta_Oro + venta_Plata +
               venta_Platino + ingresos_totales+(1|NIT),
             data= base_modelo_lineal)
anova(mod5)
## Analysis of Variance Table
                              npar Sum Sq Mean Sq F value
##
## compra_Oro
                                 1 0.00121 0.00121 0.1053
                                 1 0.00359 0.00359 0.3116
## compra_Plata
## ingresos_totales
                                 1 0.38617 0.38617 33.5135
## I(ingresos_totales):estado
                                 1 0.11916 0.11916 10.3416
summary(mod5)
```

```
## Linear mixed model fit by REML ['lmerMod']
```

```
## Formula: costos_gastos_totales ~ I(ingresos_totales):estado + compra_Oro +
      compra_Plata + compra_Platino + venta_Oro + venta_Plata +
##
      venta_Platino + ingresos_totales + (1 | NIT)
     Data: base_modelo_lineal
##
## REML criterion at convergence: -59.1
##
## Scaled residuals:
       Min 1Q Median
                                   ЗQ
                                           Max
## -1.72445 -0.36330 -0.07757 0.08930 3.06148
##
## Random effects:
## Groups
           Name
                       Variance Std.Dev.
## NIT
            (Intercept) 0.01317 0.1148
## Residual
                        0.01152 0.1073
## Number of obs: 66, groups: NIT, 22
##
## Fixed effects:
##
                                       Estimate Std. Error t value
## (Intercept)
                                        0.07261 0.05017 1.447
## compra_Oro
                                       -0.01144 0.02220 -0.515
                                        0.01410 0.02218 0.636
## compra_Plata
                                        0.89353 0.19598 4.559
## ingresos_totales
## I(ingresos_totales):estadoINSPECCION 0.75545 0.23492 3.216
## Correlation of Fixed Effects:
##
              (Intr) cmpr_O cmpr_P ingrs_
## compra_Oro -0.035
## compra_Plat 0.008 -0.799
## ingrss_ttls 0.622 -0.048 -0.006
## I(_):INSPEC 0.341 0.006 0.023 -0.300
## fit warnings:
## fixed-effect model matrix is rank deficient so dropping 5 columns / coefficients
a <- broom.mixed::augment(mod5)</pre>
ggplot(a, aes(x=1:length(.resid), y=.resid))+
 geom_point() +
 geom_hline(yintercept = 0, lwd=2, col= "red")
```



```
broom.mixed::glance(mod5)
```

```
## # A tibble: 1 x 6
## sigma logLik AIC BIC REMLcrit df.residual
## <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <int>
## 1 0.107 29.5 -45.1 -29.7 -59.1 59
```

Se verificaron seis modelos. El primero, con una sola variable explicativa llamada "estado" tiene un aporte al costo y al gasto de forma positiva. Este modelo tiene un R2 de 19.85% y un AIC de 74, lo cual nos da el peor modelo. En el segundo modelo, se encuentra que, agregando la variable de ingresos totales y el estado, el modelo presenta un mejor ajuste para la explicación de los costos y gastos (variable objetivo) para el sector minero. Este modelo tiene un R2 de 37.68% y un AIC de 57, con lo cual obtenemos el mejor modelo. El comportamiento de los residuales del modelo 2, también evidencian un mejor comportamiento, al acercarse a cero. Para el tercer modelo, que es el que tiene "departamento" evidenciamos que no es un modelo apropiado para predecir los costos y gastos del sector minero, debido a que las variables no son significativas. Los otros modelos evaluados, no presentan mejoría al ingresarle las variables macroeconómicas estandarizadas y ejecutar el modelo con efectos aleatorios en función de cada compañía y/o el departamento. Por lo anterior, se selecciona como un posible modelo el modelo número 2 sin efecto aleatorio, el cual presenta el menor residual y mejor AIC.

Capítulo 7. Estimación de esfuerzo

Para las actividades se realiza la siguiente estimación de esfuerzo:

- 1) Consolidación de información: 18h
- 2) Transformación de variables y análisis descriptivo: 10h
- 3) Ajuste y validación de modelos 15h
- 4) Redacción del reporte: 16h

Capítulo 8. Conclusiones

- Para la variable objetivo propuesta "costos_gastos_totales", se evidencia que no es explicada por las variables macroeconómicas del país, dado que ésta no tiene un efecto volátil durante el año, sino que es constante. Este proceso se ve reflejado en el momento de evaluar las correlaciones con las variables sin transformar, así como con las variables estandarizadas.
- Al adicionar variables económicas relacionadas al sector estudiado, como la compra y venta de materiales preciosos, no se evidencia que éstas expliquen, nuestra variable objetivo planteada.
- El ejercicio de verificación con un modelo de regresión lineal simple, evidencia que ninguna variable, incluyendo las del sector son significativas, obteniendo modelos con R2 inferiores al 30%, solamente quedando la variable ingresos totales como significativa.
- Se recomieda para los datos trabajados, un acercamiento distinto.
- Cuando los datos están concebidos y correlacionados históricamente, los modelos lineales mixtos son una herramienta muy robusta de análisis estadístico.

REFERENCIAS

- https://www.dian.gov.co/ciiu/Documents/Resolucion_000139_21_Nov_2012.pdf
- https://linea.ccb.org.co/descripcionciiu/
- https://siis.ia.supersociedades.gov.co/
- https://www.supersociedades.gov.co/delegatura_aec/Paginas/Base-completa-EF-2019.aspx
- https://www.researchgate.net/publication/314536942_Introduccion_a_los_modelos _mixtos_Introduction_to_mixed_models

48 REFERENCIAS