```
In [53]: import pydotplus
    import pandas as pd

from IPython.display import Image
    from sklearn import tree
    from sklearn.datasets import load_boston
    from sklearn.cross_validation import train_test_split
    from sklearn.metrics import accuracy_score, classification_report
    from sklearn.model_selection import cross_val_score
    import numpy as np
    import matplotlib.pyplot as plt

%matplotlib inline
```

Задача 1.1

Сравним две описанные стратегии: $y_1^* = \overline{Y}_{leaf}, \ y_2^* \sim U\{y_{1leaf}, \dots, y_{nleaf}\}.$

$$E(y - y_1^*)^2 = y^2 - 2y\overline{Y}_{leaf} + \overline{Y}_{leaf}^2$$

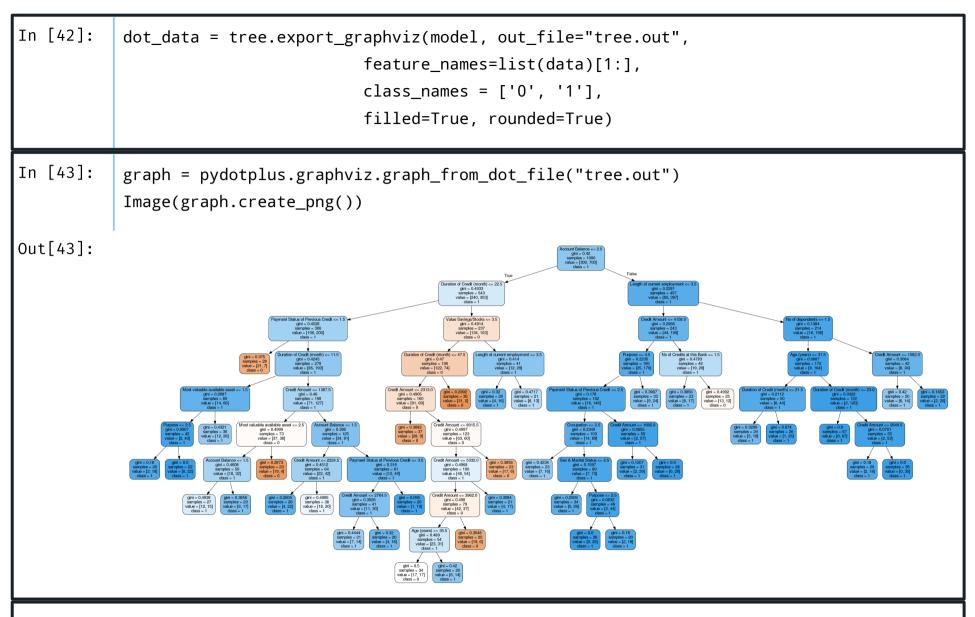
$$E(y - y_2^*)^2 = y^2 - 2yEy_2^* + E(y_2^*)^2 = y^2 - 2y\overline{Y}_{leaf} + E(y_2^*)^2$$

 $\overline{Y}_{leaf}^2 = (Ey_2^*)^2 \le E(y_2^*)^2$, следовательно, лучше отвечать средним значением таргета на объектах обучающей выборки.

Задача 1.2

Я не понимаю, насколько формальный ответ требуется в этой задаче, но идея, на мой взгляд, следующая: если решающее дерево хорошее, в листья попадают близкие значения, и линейная регрессия на них почти константа. Кажется, для использования линейной регрессии лучше разбивать данные так, чтобы в листья попадали множества, элементы которых близки в пространстве признаков (например, отрезки, если пространство признаков одномерное). В предположении, что мы приближаем "хорошую" функцию, маленькие её участки близки к линейным и хорошо приблизятся линейной регрессией.

Задача 2

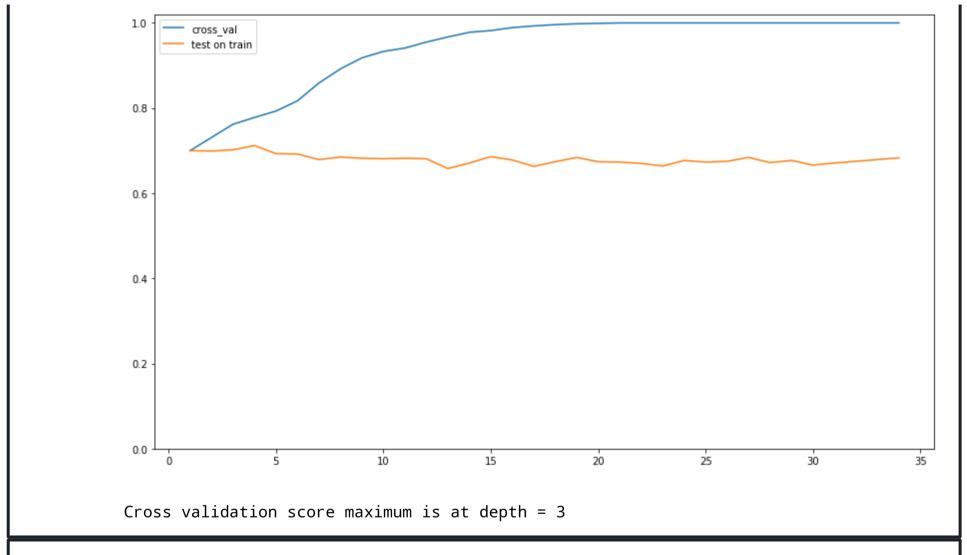


Построю дерево поменьше, чтобы проинтерпретировать несколько первых разбиений:

```
In [52]:
                        model = tree.DecisionTreeClassifier(max depth=4, min samples leaf=20)
                        model.fit(data.iloc[:, 1:].as matrix(), data.iloc[:, 0].as matrix())
                        dot data = tree.export graphviz(model, out file="small tree.out",
                                                                                  feature names=list(data)[1:],
                                                                                  class names = ['0', '1'],
                                                                                  filled=True, rounded=True)
                        graph = pydotplus.graphviz.graph_from_dot_file("small_tree.out")
                        Image(graph.create_png())
Out[52]:
                                                                                                            count Balance <= 2.5
                                                                                                             gini = 0.42
samples = 1000
                                                                                                            value = [300, 700]
                                                                                   Duration of Credit (month) <= 22.5
                                                                                                                                  gini = 0.2281
                                                                                         qini = 0.4933
                                                                                        value = [240, 303]
                                                                                                                                value = [60, 397]
class = 1
                                       Payment Status of Previous Credit <= 1.5
                                                                                    Value Savings/Stocks <= 3.5
                                                                                                                              Credit Amount <= 4158
                                                                                                                                  qini = 0.2966
                                                                                                                                samples = 243
value = [44, 199]
class = 1
                                                                                        samples = 237
value = [134, 103]
                                              value = [106, 200]
                                                                   Duration of Credit (month) <= 47.5
                                                                                                                                              No of Credits at this Bank <= 1.5
                                         Duration of Credit (month) <= 11.5
                                                                                             Length of current employment <= 3.5
                                                                                                                                                                                                  Credit Amount <= 1582.0
                            gini = 0.375
                                                gini = 0.4245
                                                                           gini = 0.47
                                                                                                      gini = 0.414
                                                                                                                                                    gini = 0.4783
                            samples = 28
                                                                          samples = 196
                                              samples = 278
value = [85, 193]
                                                                                                     samples = 41
value = [12, 29]
                                                                                                                                                   samples = 48
value = [19, 29]
                                                                                                                                                                                                     samples = 42
value = [8, 34]
                                                                         value = [122, 74]
                             class - 0
                                                gini = 0.46
                                              samples = 198
value = [71, 127]
                                                                                                      samples = 21
value = [8, 13]
                                                                                                                                               samples = 23
value = [6, 17]
                                                                                                                                                                                                     samples = 20
value = [6, 14]
                                                              samples = 160
                                                                            samples = 36
                                                                                         samples = 20
value = [4, 16
                                                                                                                                                                                                                   samples = 22
value = [2, 20]
class = 1
                                                                                                                                                            value = [13, 12]
class = 0
                                                              value = [91, 69]
```

Таким образом, первое, на что посмотрят сотрудники банка - деньги на вашем счету. Если их достаточно, то единственное, что может вам помешать - несколько уже взятых кредитов. Иначе шансы повышаются, если брать кредит на не слишком большой срок или хотя бы обладать сбережениями. Пытаться взять кредит на 24 года при небольшом количестве денег на счету и без впечатляющих сбережений - плохая идея.

```
In [51]:
           def get_cross_val_qualities(data, max_depth):
               cross val quality = []
               for depth in range(1, max depth):
                   model = tree.DecisionTreeClassifier(max_depth=depth)
                   cross_val_quality.append(cross_val_score(model, data.iloc[:, 1:].as_matrix(),
                                                            data.iloc[:, 0], scoring='accuracy')
               return np.average(cross_val_quality, axis=1)
           def get_test_on_train_quality(data, max_depth):
               quality = []
               for depth in range(1, max_depth):
                   model = tree.DecisionTreeClassifier(max_depth=depth)
                   model.fit(data.iloc[:, 1:].as_matrix(), data.iloc[:, 0].as_matrix())
                   pred = model.predict(data.iloc[:, 1:].as_matrix())
                   quality.append(accuracy_score(data.iloc[:, 0], pred))
               return quality
In [46]:
          max depth = 35
In [47]:
          tt_quality = np.array(get_test_on_train_quality(data, max_depth))
In [48]:
           cross_val_quality = np.array(get_cross_val_qualities(data, max_depth))
```



Ожидаемым образом дерево быстро переобучается, если тестить на тренировочной выборке. Иначе дерево хорошо работает уже при маленькой глубине.

In []: