

Cadrans polyédriques par tracé de rayon (ray-tracing)

Le logiciel [CadsolOnline](#) a déjà été présenté dans le Numéros 5 de Cadrans Solaires Pour Tous . L'algorithme de tracé par lancer de rayon a été décrit dans le numéro 9.

Les cadrans solaires polyédriques présentent un cadran solaire sur chacune des faces d'un polyèdre. Les techniques de tracé de rayon permettent de tracer les lignes horaires et les arcs diurnes sans se préoccuper de formules mathématiques complexes. Il suffit de connaître les coordonnées 3D de chaque sommet, d'orienter le polyèdre, et de mettre en place un gnomon sur chaque face. Le menu de CadsolOnline contient toutes les commandes nécessaires.

Les coordonnées 3D des [polyèdres](#) sont lues dans un fichier [json](#) contenant (actuellement) les données pour : les 5 solides Platoniciens, les 13 solides d'Archimède, les 8 prismes droits, les 8 anti-prismes, et les 92 [solides de Johnson](#)¹

A titre d'exemple, voici des données pour le tétraèdre régulier:

```
Tetrahedron : {  
  "name": "Tetrahedron",  
  "category": ["Platonic Solid"],  
  "vertex": [[0,0,1.732051],[1.632993,0,-0.5773503],[-0.8164966,1.414214,-0.5773503],[-0.8164966,-1.414214,-0.5773503]],  
  "edge": [[0,1],[0,2],[0,3],[1,2],[1,3],[2,3]],  
  "face": [[0,1,2],[0,2,3],[0,3,1],[1,3,2]]}
```

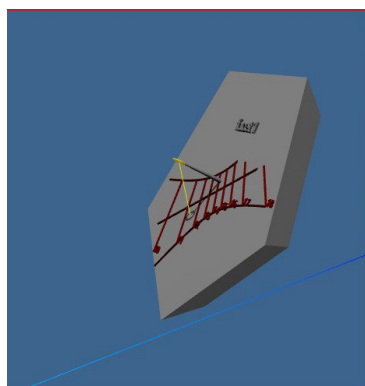
ligne « vertex » : les coordonnées 3D des sommets (4 sommets pour le tétraèdre)

ligne « face » : les index de chaque face. Par exemple, la deuxième face a pour sommets les vertex 0, 2 et 3 (la numérotation des tableaux commence à 0)

Cette base de données a été établie par le Professeur [Lee Stemkoski](#) : Professor of Mathematics and Computer Science, Adelphi University, New York.

Pour modéliser d'autres polyèdres, Il suffit d'ajouter les données des objets json correspondants.

Sur chaque face est construite une pyramide tronquée dont le sommet est le centre de symétrie du polyèdre.



Par exemple, pour un dodécaèdre (12 faces pentagonales) chaque face est représentée par un solide limité par 2 pentagones et 5 trapèzes (voir ci contre). Le solide est modélisé par l'[algorithme de l'enveloppe convexe](#)². (Quickhull algorithm)

Les lignes horaires et les arcs diurnes sont obtenus par tracé de rayon sur chaque face.

La hauteur, la position et la forme du gnomon, la position et la taille de la devise sont choisis par l'utilisateur.

La vue 2D permet de visualiser et imprimer chacune des faces du polyèdre, avec ses lignes horaires et ses arcs diurnes.

¹ Norman W. Johnson, Convex Solids with Regular Faces, *Canad.J.Math.*, vol. 18, 1966, p. 169–200 (DOI 10.4153/CJM-1966-021-8) — Contient l'énumération originale des 92 solides et la conjecture affirmant qu'il n'y en a pas d'autres.
Victor A. Zalgaller, « Convex Polyhedra with Regular Faces », 1969 : première preuve de cette conjecture.

² Dirk Gregorius. March 2014. "Implementing QuickHull." Game Developers Conference. Slides

Il est possible d'exporter :

- une feuille de calcul au format csv pour chaque face (coordonnées des points de tracé)
- un fichier au format svg pour chaque face (pour imprimante, fraiseuse, graveur laser etc...)
- des fichiers 3D (aux formats stl, ply, obj, gltf) pour imprimantes 3D

Ces fichiers peuvent être lus par les logiciels correspondant à leur format respectif.

Le logiciel est libre et open source : Site web : <https://cadsolonline.web-pages.fr>

Sources : <https://github.com/cadsol/CadsolOnline>

