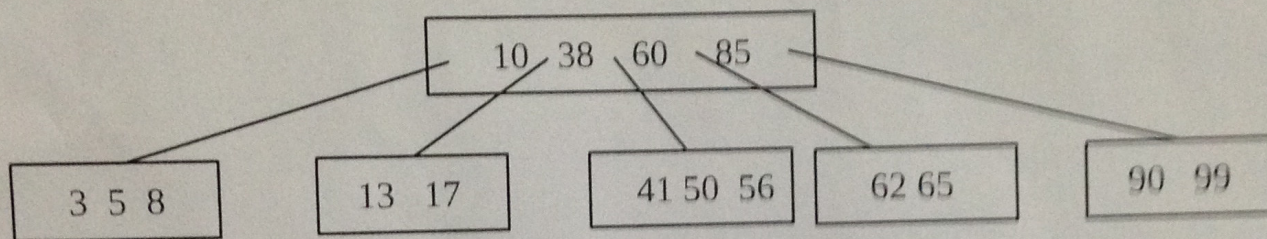


Prova 2

1 (2.0) Insira as seguintes chaves em uma árvore rubro-negra inicialmente vazia (tradicional, não é left-leaning), nesta ordem: 10, 20, 40, 30, 50, 35, 25, 37. Mostre a árvore antes e após cada inserção que altere significativamente a estrutura da árvore. Se você re-colorir um nó, mostre a cor anterior, e a cor após a re-coloração (corte a cor antiga, de forma que eu possa saber o que houve).

2.1 (1.0) – Insira as seguintes chaves na árvore B de ordem 2 abaixo: 49, 47, 1, 73. Mostre a árvore antes e após **cada** inserção que altere a estrutura da árvore.



2.2 (1.0) – Na árvore inicial desenhada acima, remova as chaves 5, 90 e 60.

3.1 (1.5)– Escreva uma função DESCER, semelhante a da heap binária, para uma heap binomial. Suponha que cada nó da heap só tem um ponteiro para o primeiro de seus filhos.

3.2 (0.5)– Explique qual a complexidade deste algoritmo.

4.1 (1.0)- Insira as seguintes chaves: 5, 7, 15, 25, 6, 16, 8 em uma tabela hash utilizando a função de hash $h(x) = x \bmod 10$ com encadeamento interno sem área de colisão, e com coalescência.

4.2 (1.0)- Repita as inserções do item anterior, agora em uma tabela sem área de colisão e sem coalescência.

5 (1.0)- Considere 10 conjuntos inicialmente unitários, com elementos 1, 2, 3, ..., 10, com **união por rank**, e com **compressão de caminhos**. Na união, **una o primeiro conjunto ao segundo em caso de empate**. Mostre como ficam os conjuntos após as operações: $\text{une}(1,2)$, $\text{une}(2,3)$, $\text{une}(3,4)$, $\text{une}(4,5)$, $\text{une}(7,8)$, $\text{une}(9,10)$, $\text{une}(7,10)$, $\text{une}(2,7)$. Mostre os conjuntos obtidos, antes e após qualquer operação de compressão de caminhos que altere a estrutura dos conjuntos.

6 (1.0). Insira as seguintes chaves em uma árvore digital binária:
10101, 11001, 1111, 0100, e 101010.