

**Questão 1 :** Considere a árvore B de ordem 2 abaixo.

1.1 - Insira as seguintes chaves, nesta ordem: 15, 25, 19, 60, 35, 55 e 89. Mostre como fica a árvore após cada passo da inserção que altere significativamente a árvore.

13 42

1.2- Escreva o algoritmo de busca de uma chave **x** em uma árvore B, com raiz **raiz**; Considere uma variável global chamada **ordem**, indicando a ordem da árvore, e campos **nelem**, **filhos[]** e **chaves[]** em cada nó da árvore. Considere que o vetor **filhos** é utilizado a partir da posição 0, enquanto o vetor **chaves** é utilizado a partir da posição 1.

**Questão 2 :** Considere uma heap de **Fibonacci** inicialmente vazia, com **avaliação tardia**;

2.1- Insira as chaves 3, 15, 18, 9, 13, 21, 7, 11, 32, 2, 22 e 4 na heap, nesta ordem.

2.2- **Depois de inseridas as chaves**, remova a chave de menor prioridade.

2.3 – **Na heap obtida em 2.2**, diminua a prioridade da chave **18 para 5**.

**Questão 3 :** Escreva o algoritmo de busca e de inserção de um elemento **x** em uma tabela hash com endereçamento aberto.

**Questão 4 :** Insira as seguintes chaves em uma árvore patricia inicialmente vazia:  
**000000, 001001, 000001, 110111 e 111.**

**Questão 5 :** Considere 10 conjuntos inicialmente unitários, com elementos 1, 2, 3, ... 10, com **uniao por rank**, e **find com compressão de caminhos**.

5.1- Escreva o algoritmo de **uniao por rank**.

5.2- Mostre como ficam os conjuntos após as operações: **une(1,2), une(1,3), une(3,5), une(4,5), une(6,7), une(8,9), une(4,9), e une(1,10)**. Mostre, para cada elemento do conjunto o seu **rank final**.