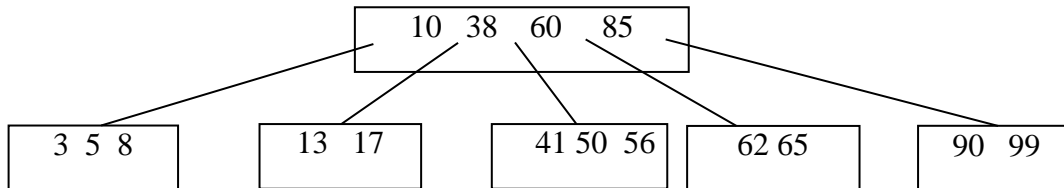


Prova 2

1.1 (1.0) – Insira as seguintes chaves na árvore B de ordem 2 abaixo: 39, 77, 42, 73. Mostre a árvore antes e após **cada** inserção que altere a estrutura da árvore.



1.2 (1.0) – Na árvore inicial desenhada acima, remova as chaves 3, 10 e 90.

2.1 (1.5)– Escreva uma função DESCER, semelhante a da heap binária, para uma heap binomial.

2.2 (0.5)– Explique qual a complexidade deste algoritmo.

3 (1.0) - Construa uma árvore de Huffman para a seguinte string: “o carro correu na corrida”. Qual o comprimento da string, quando codificada utilizando esta árvore.

4.1 (1.0)- Insira as seguintes chaves: 1, 12, 6, 7, 11, 2, 9 e 18 em uma tabela hash utilizando a função de hash  $h(x) = (3x + 1) \bmod 10$  com endereçamento interno sem área de colisão, e com coalescência.

4.2 (1.0)- Repita as inserções do item anterior, agora em uma tabela sem coalescência.

5- Considere 10 conjuntos inicialmente unitários, com elementos 1, 2, 3, ... 10, com **sem união por tamanho, e COM compressão de caminhos. Uma sempre o primeiro conjunto ao segundo.**

5.1 (1.0)- Mostre como ficam os conjuntos após as operações:  $une(1,2)$ ,  $une(2,3)$ ,  $une(3,4)$ ,  $une(4,5)$ ,  $une(6,7)$ ,  $une(7,8)$ ,  $une(8,9)$ ,  $une(9,10)$ ,  $une(2,7)$ . Mostre como fica o vetor que representa o conjunto ao final das operações. LEMBRE-SE da compressão de caminhos no find !

5.2 (1.0)- Escreva o algoritmo de  $uniao()$  com critério de tamanho, e compare a execução deste com o mesmo algoritmo sem este critério, para as chaves acima.

6 (1.0). Insira as seguintes chaves em uma árvore digital binária: 01001, 11001, 1111, 0100, e 101010.