

# Cálculo 1 — 2023-1 Lista B - Exercícios de Revisão

## 1. Frações e expoentes

Exercício 1. Simplifique cada uma das seguintes expressões:

(a) 
$$\frac{x^2-9}{x^2+x-12}$$
, (b)  $\frac{3x^3+24}{x^3+x^2-2x}$ , (c)  $\frac{x^3-1}{x^7-1}$ .

Exercício 2. Simplifique as expressões

(a) 
$$2x^2y^3\left(\frac{8}{x^3y^5}\right)\left(\frac{1}{24y^{-8}x^{-6}}\right)$$
, (b)  $\frac{\sqrt[3]{32x^5y^{10}}}{\sqrt[6]{16x^2y^8}}$ , (c)  $\frac{\left(\left(x^3\right)^4\right)^7}{\sqrt{\sqrt[7]{x^{56}}}}$ .

#### 2. Equações e inequações

Exercício 1. Resolva as seguites equações:

(a) 
$$x^4 - 2x^2 + 1 = 0$$
, (b)  $x - 3\sqrt{x} + 2 = 0$ .

**Exercício 2**. Resolva as seguites equações:

(a) 
$$3 + \sqrt{3x+1} = x$$
, (b)  $2\sqrt{2x-3} + \sqrt{3x-2} = 0$ , (c)  $\sqrt{2\sqrt{x+1}} = \sqrt{3x-5}$ .

Exercício 3. Resolva as seguites inequações:

(a) 
$$-3 \le 4x - 7 < 15$$
,  
(b)  $\frac{x^2 + 4x + 5}{2x - 6} \le 0$ ,  
(c)  $\frac{x^4}{x^2 + 3x + 2} > 0$ ,  
(d)  $\sqrt{x^2 - 11} \ge 5$ .

## 3. Valor absoluto

Exercício 1. Resolva as seguites equações:

(a) 
$$|4x - 3| = 9$$
, (b)  $|5x - 4| = |2 - x|$ , (c)  $|x|^2 - 8|x| + 7 = 0$ .

Exercício 2. Resolva as seguites equações:

(a) 
$$|x^2 + 8x| = x^2 + 8x$$
, (b)  $\sqrt{(2x-6)^2} = 6 - 2x$ .

Exercício 3. Resolva as seguites inequações:

(a) 
$$|3x - 1| > 6$$
, (b)  $\frac{5}{7 - |2 - x|} < 2$ , (c)  $|x||x + 1| \ge 1$ .

#### 4. Sistemas de equções lineares

Exercício 1. Resolva os seguites sistemas de equações lineares:

(a) 
$$\begin{cases} 4x - 6y = 8 \\ 3x + 2y = 19 \end{cases}$$
 (b) 
$$\begin{cases} 2x + y - z = 7 \\ 5x - y + z = 7 \\ y - z = 3 \end{cases}$$
 (c) 
$$\begin{cases} 2x - 4y + 2z = 2 \\ -5x + 10y - 5z = -5 \end{cases}$$

## — Respostas —

# 1. Frações e expoentes

### Exercício 1.

(a) 
$$\frac{x+3}{x+4}$$
;

(b) 
$$\frac{3x^2 - 6x + 12}{x^2 - x}$$
;

(c) 
$$\frac{x^2 + x + 1}{x^6 + x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1}.$$

## Exercício 2.

(a) 
$$\frac{2x^7y^4}{3}$$
;

(b) 
$$\sqrt[3]{2x^4}y^2$$
;

(c) 
$$x^{80}$$
.

# 2. Equações e inequações

**Exercício 1**. (a) x = -1 e x = 1, (b) x = 1 e x = 4.

**Exercício 2**. (a) x = 8, (b) Não possui solução, (b) x = 3.

#### Exercício 3.

(a)  $x \in (1, 11/2)$ ;

(b)  $x \in (-\infty, 3)$ ;

(c)  $x \in (-\infty, -2) \cup (-1, 0) \cup (0, +\infty)$ ;

(d)  $x \in (-\infty, -6] \cup [6, +\infty)$ .

### 3. Valor absoluto

**Exercício 1**. (a) x = 3 ou x = 3/2, (b) x = 1/2 ou x = 1, (c)  $x \in \{-7, -1, 1, 7\}$ .

**Exercício 2**. (a)  $x \in (-\infty, -8] \cup [0, \infty)$ , (b)  $x \in (-\infty, 3]$ .

#### Exercício 3.

(a)  $x \in (-\infty, 5/3) \cup (7/3, \infty)$ ;

(b)  $x \in (-\infty, -5) \cup (-5/2, 13/2) \cup (9, \infty);$ 

(c) 
$$x \in \left(-\infty, -\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right) \cup \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}, \infty\right)$$
.

### 4. Sistemas de equações lineares

**Exercício 1**. (a) x = 5 e y = 2, (b) x = 2, y = z + 3 e  $z \in \mathbb{R}$ , (c) x = 1 + 2y - z,  $y \in \mathbb{R}$  e  $z \in \mathbb{R}$ .