

Universidad de El Salvador Facultad de Ingeniería y Arquitectura Escuela de Ingeniería de Sistemas Informáticos Análisis Numérico.

Guía de ejercicios No.5

1) Construir el polinomio de interpolación de Lagrange de orden 2 de la función $f(x) = e^x$, en el intervalo [-1,1], utilizando como puntos de interpolación

$$x_0 = -1$$
, $x_1 = 0$, y $x_2 = 1$

2) Considere la siguiente tabla de datos, obtenga el polinomio interpolante de Lagrange de grado 2 y encuentre una aproximación de f(7)

| i | х | f(x) | |
|---|------|------|--|
| 0 | 6 | 2/3 | |
| 1 | 9 | 1/3 | |
| 2 | 11.5 | 4/17 | |

3) Construir el polinomio de interpolación de diferencias divididas de orden 3 para la función $f(x)=e^{-x}$, en el intervalo [0,4], utilizando como puntos de interpolación $x_0=1$, $x_1=0.36788$, $x_2=0.13534$, $x_3=0.04979$, y $x_4=0.01832$

4) Considere la siguiente tabla de datos, obtenga el polinomio interpolante de Newton (Diferencias divididas) de grado 3 y encuentre una aproximación de f(11.3)

| i | х | f(x) | |
|---|------|----------|--|
| 0 | 6 | 0.66667 | |
| 1 | 9 | 0.333333 | |
| 2 | 11.5 | 0.235294 | |
| 3 | 11.7 | 0.229885 | |

a) Aproxime f(0.05) utilizando diferencias divididas progresivas mediante la siguiente tabla.
b) Con los datos de la siguiente tabla y utilizando diferencias divididas regresivas, aproximar f(0.65)

| Х | 0.0 | 0.2 | 0.4 | 0.6 | 0.8 |
|------|---------|---------|---------|---------|---------|
| f(x) | 1.00000 | 1.22140 | 1.49182 | 1.82212 | 2.22554 |

a) Aproxime f(0.2) utilizando diferencias divididas progresivas mediante la siguiente tabla.
b) Con los datos de la siguiente tabla y utilizando diferencias divididas regresivas, aproximar f(0.8)

| Х | 0.0 | 0.1 | 0.3 | 0.6 | 1.0 |
|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(x) | -6.00000 | -5.89483 | -5.65014 | -5.17788 | -4.28172 |