

Micrograd

<https://www.youtube.com/watch?v=VMj-3S1tku0>

Pythonda fonksiyon gösterimi:

```
def f(x):  
    return 3*x**2 - 4*x + 5
```

Türevin tanımı (slope aynı zamanda da) - First Derivative

$\lim_{h \rightarrow 0} (f(x+h) - f(x)) / h$

Olayı şu $f(x)$ 'deki x 'i h kadar arttırdığımızda yeni sayımız h 'a oranla ne kadar artıyor? Bu sayede her elemanın ne kadar etki ettiğini bulabiliyor olacağız ilerde.

```
class Value:  
  
    def __init__(self, data, _children=(), _op='', label=''):  
        self.data = data  
        self.grad = 0.0  
        self._backward = lambda: None  
        self._prev = set(_children)  
        self._op = _op  
        self.label = label
```

Class oluşturuyoruz, classta da `__init__` constructor ile otomatik olarak tanımlıyor,

→ datayı, çocuklarını, hangi operasyon yapılacağını, ve label ı biz veriyoruz

→ `_` gelmesi private gibi yapıyor, zorunlu değil ama yazılı olmayan bir kural gibi

→ Bir Value oluşturulduğuna bunun kimden geldiğini bilmemiz gerekiyor, backward için

_children yeni oluşan değerini ebeveynlerini oluşturan tuple

_prev'de de bu tuple'ı saklıyoruz

→ _backward = lambda: None, fonksiyon hep boş başlıyor biz değiştiriyoruz başka fonksiyonlarla

Ara Başlık Python Closures

```
def outer_function(x):  
    # Outer function: takes 'x' and defines inner_function  
    def inner_function(y):  
        return x + y # 'x' is remembered from outer_function  
    return inner_function # Returns inner function (closure)  
  
# Create a closure with x = 10  
closure = outer_function(10)  
  
# Call the closure with different values of 'y'  
print(closure(5))  
print(closure(20))
```

Çıktı 15 ve 30 çıkıyor

→ Yani fonksiyonu bir değere atadığımızda 2. değer y'ye gidiyor ve closure 10'u hatırlıyor

```
def make_counter():  
    count = 0 # This variable will be remembered
```

```
def counter():
    nonlocal count # Modify outer variable
    count += 1
    return count
return counter

counter1 = make_counter()
print(counter1()) # 1
print(counter1())
```

Çıktı 1 2

```
def pre(p):
    # Outer function stores prefix
    def add(t):
        # Inner function uses stored prefix
        return p + " " + t
    return add # Return closure

# Create a closure that always prefixes with "Hello"
h = pre("Hello")
print(h("World"))
print(h("Python"))
```

Çıktı

Hello Word

Hello Python

When Python creates a closure:

- It stores outer function's variables in a special attribute called **__closure__**
- The inner function keeps a reference, not a copy, to these variables

```
def make_multiplier(factor):
    def multiply_by(x):
        return x * factor
    return multiply_by

double = make_multiplier(2)
print(double(5))

# Check closure variables
print(double.__closure__[0].cell_contents)
```

10

2

```
def __add__(self, other):
    other = other if isinstance(other, Value) else Value(other)
    out = Value(self.data + other.data, (self, other), '+')

    def _backward():
        self.grad += 1.0 * out.grad
        other.grad += 1.0 * out.grad
        out._backward = _backward

    return out
```

→ fonksiyon bittiğinde self, other, out siniliyor normalde

Ama _backward fonksiyonu bunları tutuyor normalde self._backward = lambda: None

```
a = Value(2.0)
b = Value(3.0)
c = a + b # Burada __add__ çalışır
```

Not: Burda $c = a + b$ yazıldığında interpreter "a" hangi sınıftan diye bakıyor. Sonra o sınıfın içinde `__add__` diye özel fonksiyon tanımlanmış mı ona bakıyor.

aslında

```
c = a + b
```

```
c = a.__add__(b)
```

Syntactic Sugar deniyor buna da

peki $c = 2 + a$ yazarsak? 2 Value classında değil, `2.__add__(a)` yapmaya çalışır. ama

```
def __radd__(self, other):
    return self + other
```

bu fonksiyon çözüyor onu. Right Add (sağtan toplama)

```
a = Value(2.0)
b = Value(3.0)
c = a + b # Burada __add__ çalışır
```

- `__add__` çağırılır `self = a`, `other = b`
- out yaratılır, c oluşur (data = 5.0) c nin içinde de `_children` olarak `self` ve `other` (a ve b) saklanır
- `_backward` tanımlanır(önce boş olan) sonra bunun içerisine c nin gradyanını al, a'nın ve b'nin gradyanına ekle olarak tanımlanır ama çalışmaz
- bu fonksiyon c nesnesinin (out) `_backward` değişkenine yapıştırılır
- `c._backward` kullanıldığında
 - c nin içerisinde backward fonksiyonunu bulur

- Closure ile c, a ve b yi hatırlar
- c.grad değerini alır, a.grad ve b.grad değerlerine ekler

```
def backward(self):

    topo = []
    visited = set()
    def build_topo(v):
        if v not in visited:
            visited.add(v)
            for child in v._prev:
                build_topo(child)
            topo.append(v)
    build_topo(self)

    self.grad = 1.0
    for node in reversed(topo):
        node._backward()
```

Bu topological sort

- build_topo(self) → en son düğümden (loss) başla
- if v not in visited → aynı düğümü 2 kez listeye eklememek için kontrol
- for child in v._prev → çocuklarına (aslında onu oluşturan ebevynlere git)
 - Burda recursive olarak en dibe gidiyoruz
 - x veya w ye ulaşana kadar
- topo.append(v) → döngü bittikten sonra yapılır, önce çocuklar listeye giriyor.
- topo listesi → giriş katmanı, ara katmanlar, çıktı olarak dolar. Yani son giren, en tepedeki (başlangıçtaki) eleman. Ama biz türevi Loss → Weights olarak almak

istiyoruz bu yüzden reversed(topo) yapıyoruz.

- DFS şeklinde okların tersine göre iniyoruz, dipten çıkarken de düğümleri topo listesine atıyoruz, en son da çeviriyoruz

```
class Neuron:
    def __init__(self, nin):
        self.w = [Value(random.uniform(-1,1)) for _ in range(nin)]
        self.b = Value(np.random.uniform(-1,1))

    def __call__(self, x):
        act = sum((wi*xi for wi, xi in zip(self.w, x)), self.b)
        out = act.tanh()
        return out

    def parameters(self):
        return self.w + [self.b]
```

- `__init__` te her nöron için ağırlık ve bias belirliyoruz. nin: number of inputs
- `__call__` da $(w_1 \times x_1 + w_2 \times x_2 + \dots + w_n \times x_n) + b$ ve bu toplamayı yapıp tanh aktivasyon fonksiyonunu kullanıyor. Sonuç -1 ve 1 arasında oluyor.
- `parameters` de, parametreleri döndürüyor, mlp ilerde layerden isteyecek, layer da nöronlardan isteyecek

```
class Layer:
    def __init__(self, nin, nout):
        self.neurons = [Neuron(nin) for _ in range(nout)]

    def __call__(self, x):
        outs = [n(x) for n in self.neurons]
        return outs[0] if len(outs) == 1 else outs

    def parameters(self):
```

```
return [p for neuron in self.neurons for p in neuron.parameters()]
```

- `__init__` nin: her nörona kaç kablo, nout: yan yana kaç nöron olacak.
 - `Layer(3, 4) → 3 girişli nöronlardan yan yana 4 tane oluşturuyor.`
- `__call__` gelen x verisini katmandaki her nörona gönderir ve her biri farklı bir çıktı üretir. Eğer katmanda tek nöron varsa listeyi değil sayıyı döndürüyor direkt
-

```
class MLP:
```

```
    def __init__(self, nin, nouts):
```

```
        sz = [nin] + nouts
```

```
        self.layers = [Layer(sz[i], sz[i+1]) for i in range(len(nouts))]
```

```
    def __call__(self, x):
```

```
        for layer in self.layers:
```

```
            x = layer(x)
```

```
        return x
```

```
    def parameters(self):
```

```
        return [p for layer in self.layers for p in layer.parameters()]
```

- nin: giriş sayısı, nouts: katman boyutlarının listesi.

```
nin: Giriş sayısı (Örn: 3)
```

```
# nouts: Katmanların boyutları listesi (Örn: [4, 4, 1])
```

```
sz = [nin] + nouts # [3, 4, 4, 1] olur
```

```
# Katmanları zincirleme oluşturur:
```

```
# 1. Katman: 3 giriş → 4 çıkış
```



```
# 2. Katman: 4 giriş → 4 çıkış  
# 3. Katman: 4 giriş → 1 çıkış
```

`MLP` sınıfı, içinde `Layer` nesneleri tutar. `Layer` nesneleri de içinde `Neuron` nesneleri tutar

- `__call__`, veri (x) ilk katmana girer, ilk katmandaki çıktı (x) bir sonraki katmanın girdisi olur (forward pass)

```
for k in range(20):  
  
    #forward pass  
    ypred = [n(x) for x in xs]  
    loss = sum([(yout - ygt)**2 for ygt, yout in zip(ys, ypred)])  
  
    #backward pass  
    for p in n.parameters():  
        p.grad = 0.0  
    loss.backward()  
  
    #update  
    for p in n.parameters():  
        p.data += -0.05 * p.grad  
  
    print(k, loss.data)
```