

Ejercicio 2.1

Usted es el gerente de una fábrica que produce dos tipos de productos: A y B. La fábrica tiene recursos limitados, incluidas las horas de trabajo y las materias primas. Su objetivo es maximizar las ganancias mientras satisface la demanda de ambos productos. Para eso usted recolecta los siguientes datos:

- El producto A requiere 2 horas de mano de obra y 3 unidades de materia prima por unidad.
- El producto B requiere 4 horas de mano de obra y 2 unidades de materia prima por unidad.
- Tiene un total de 100 horas de mano de obra y 120 unidades de materia prima disponibles.
- La ganancia del producto A es de \$10 por unidad y la del producto B es de \$15 por unidad. Usted sabe que la función que desea maximizar es la de la ganancia ($10x+15y$, donde x =producto A, y = producto B) Responda:

Escriba la fórmula de cada una de las restricciones, recuerde incluir la restricción de no-negatividad

- Mano de obra: $2x + 4y \leq 100$
- Materia prima: $3x + 2y \leq 120$
- No-negatividad: $x \geq 0$, $y \geq 0$

Usando programación lineal, determine cuántas unidades de cada producto se deben producir para maximizar la ganancia y cumplir con las restricciones de recursos. Escriba un script en Python o en otro lenguaje de programación de su preferencia Interprete el resultado

```
from pulp import LpMaximize, LpProblem, LpVariable

# Define el problema
model = LpProblem(name="max-profit", sense=LpMaximize)

# Define las variables
a = LpVariable(name="x", lowBound=0) # Producto A
b = LpVariable(name="y", lowBound=0) # Producto B

# Agrega las restricciones al modelo
model += (2 * a + 4 * b <= 100, "mano_de_obra")
model += (3 * a + 2 * b <= 120, "materia_prima")
```

```
# Define la función objetivo
model += 10 * a + 15 * b

# Resuelve el problema
model.solve()

# Imprime el resultado
print(f"Producto A (a): {ProductoA.varValue}")
print(f"Producto B (b): {ProductoB.varValue}")
print(f"Ganancia máxima: ${model.objective.value()}")
```

Producto A (a): 35.0
Producto B (b): 7.5
Ganancia máxima: \$462.5

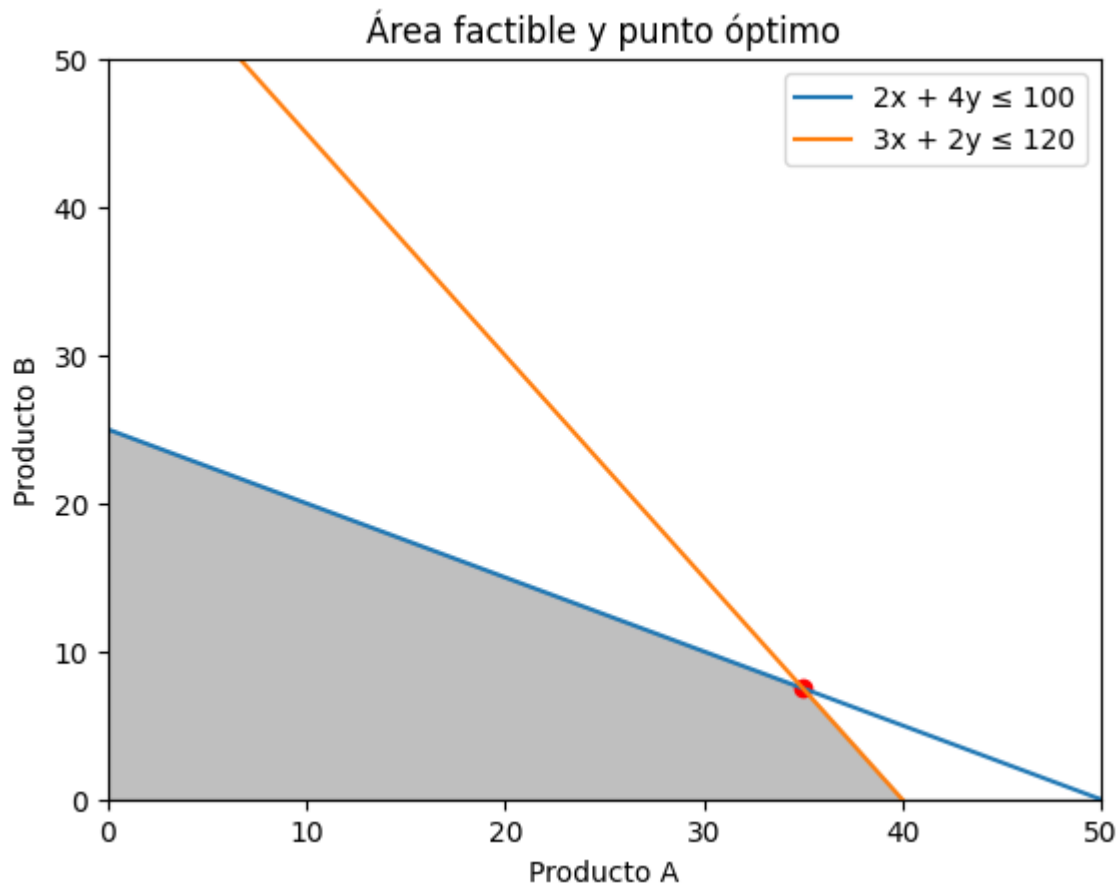
Muestre una gráfica del feasible area mostrando el punto donde está su respuesta

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# valores para x
x_vals = np.linspace(0, 50, 500)

# Despeja y para cada restricción
y1_vals = (100 - 2*x_vals) / 4
y2_vals = (120 - 3*x_vals) / 2

plt.plot(x_vals, y1_vals, label='2x + 4y ≤ 100')
plt.plot(x_vals, y2_vals, label='3x + 2y ≤ 120')
plt.fill_between(x_vals, 0, np.minimum(y1_vals, y2_vals),
                 color='gray', alpha=0.5)
plt.scatter(x.varValue, y.varValue, color='red') # punto óptimo
plt.xlim(0, 50)
plt.ylim(0, 50)
plt.xlabel('Producto A')
plt.ylabel('Producto B')
plt.legend()
plt.title('Área factible y punto óptimo')
plt.show()
```



Ejercicio 2.2

Está administrando la asignación de recursos en un proyecto que involucra tres tareas: Tarea A, Tarea B y Tarea C. Cada tarea requiere una cantidad diferente de tiempo y personal para completarse. Su objetivo es asignar recursos a estas tareas de una manera que maximice la ganancia total y satisfaga las restricciones del proyecto. Usted sabe lo siguiente

- Tarea A:

- Requiere 2 horas de trabajo y 1 personal
- Produce una ganancia de \$ 1500 al finalizar

- Tarea B:

- Requiere 3 horas de trabajo y 2 personas
- Produce una ganancia de \$ 2500 al finalizar

- Tarea C:

- Requiere 5 horas de trabajo y 3 personas
- Produce una ganancia de \$ 4000 al finalizar

Tiene un total de 15 horas de trabajo y 10 personas disponibles. Formule esto como un problema de programación lineal para maximizar la ganancia total respetando las restricciones de recursos. Resuelva el problema y determine la asignación óptima de recursos para cada tarea. Escriba un script en Python o en otro lenguaje de programación de su preferencia y responda

Escriba la fórmula de la función que debe maximizar

$E[1500a+2500b+4000c]$

Escriba la fórmula de cada una de las restricciones, recuerde incluir la restricción de no-negatividad

- Horas de trabajo: $2a + 3b + 5c \leq 15$
- Personal: $a + 2b + 3c \leq 10$
- No-negatividad: $a \geq 0, b \geq 0, c \geq 0$

Determine las cantidades de asignación óptima. Interprete el resultado ¿Podría dibujar la feasible region? De ser sí, ¿Cómo? De ser no, ¿por qué?

No es posible dibujar la region debido a que son 3 variables las que estamos tomando en cuenta y por lo tanto necesitaríamos un espacio tridimensional para poder ver los resultados graficamente. Es por ello que solo podemos quedarnos con la interpretacion y representación numérica.

```
from pulp import LpMaximize, LpProblem, LpVariable

# Definir el problema
model = LpProblem(name="max-profit-tasks", sense=LpMaximize)

# Definir las variables
a = LpVariable(name="a", lowBound=0, cat='Integer') # Tarea A
b = LpVariable(name="b", lowBound=0, cat='Integer') # Tarea B
c = LpVariable(name="c", lowBound=0, cat='Integer') # Tarea C

# Agregar restricciones al modelo
model += (2 * a + 3 * b + 5 * c <= 15, "hours")
model += (a + 2 * b + 3 * c <= 10, "personnel")
```

```
# Definir la función objetivo
model += 1500 * a + 2500 * b + 4000 * c

# Resolver el problema
model.solve()

# Imprimir resultado
print(f"Tarea A: {a.varValue}")
print(f"Tarea B: {b.varValue}")
print(f"Tarea C: {c.varValue}")
print(f"Ganancia máxima: ${model.objective.value()}")

Tarea A: 0.0
Tarea B: 5.0
Tarea C: 0.0
Ganancia máxima: $12500.0
```

Ejercicio 2.3

Usted es gerente de producción en una empresa que fabrica tres tipos de productos: Producto A, Producto B y Producto C. Cada producto requiere diferentes cantidades de materias primas, mano de obra y tiempo de máquina para producir. Tiene recursos limitados para materias primas, mano de obra y tiempo de máquina, y desea optimizar la combinación de producción para maximizar las ganancias de su empresa. Usted sabe lo siguiente:

- Producto A:
 - Requiere 2 unidades de materias primas, 3 horas de mano de obra y 4 horas de tiempo de máquina
 - Se vende a \$300 por unidad
 - Cada unidad tiene un costo de \$100
- Producto B:
 - Requiere 1 unidad de materia prima, 2 horas de mano de obra y 3 horas de tiempo de máquina
 - Se vende a \$ 500 por unidad
 - Cada unidad tiene un costo de \$200
- Producto C:
 - Requiere 3 unidades de materias primas, 4 horas de mano de obra y 6 horas de tiempo de máquina

- Se vende a \$700 por unidad
- Cada unidad tiene un costo de \$200 Usted tiene 100 unidades de materias primas, 120 horas de mano de obra y 150 horas de tiempo de máquina disponibles. Formule esto como un problema de programación lineal y resuélvalo para encontrar las cantidades de producción óptimas para obtener el máximo beneficio. Escriba un script en Python o en otro lenguaje de programación de su preferencia y responda

1. Escriba la fórmula de la función que debe maximizar

```
from pulp import LpProblem, LpMaximize, LpVariable

prob = LpProblem("Maximize_Profit", LpMaximize)

x_A = LpVariable("x_A", lowBound=0, cat="Integer")
x_B = LpVariable("x_B", lowBound=0, cat="Integer")
x_C = LpVariable("x_C", lowBound=0, cat="Integer")

prob += 200 * x_A + 300 * x_B + 500 * x_C, "Total_Profit"
prob += 2 * x_A + x_B + 3 * x_C <= 100, "Materias_Primas"
prob += 3 * x_A + 2 * x_B + 4 * x_C <= 120, "Mano_de_Obra"
prob += 4 * x_A + 3 * x_B + 6 * x_C <= 150, "Tiempo_de_Maquina"

print("Función Objetivo: 200 * x_A + 300 * x_B + 500 * x_C")
print("Restricción Materias Primas: 2 * x_A + x_B + 3 * x_C <= 100")
print("Restricción Mano de Obra: 3 * x_A + 2 * x_B + 4 * x_C <= 120")
print("Restricción Tiempo de Máquina: 4 * x_A + 3 * x_B + 6 * x_C <= 150")
```

Función Objetivo: $200 * x_A + 300 * x_B + 500 * x_C$
 Restricción Materias Primas: $2 * x_A + x_B + 3 * x_C \leq 100$
 Restricción Mano de Obra: $3 * x_A + 2 * x_B + 4 * x_C \leq 120$
 Restricción Tiempo de Máquina: $4 * x_A + 3 * x_B + 6 * x_C \leq 150$

1. Escriba la fórmula de cada una de las restricciones, recuerde incluir la restricción de no-negatividad

```
from pulp import LpProblem, LpMaximize, LpVariable

prob = LpProblem("Maximize_Profit", LpMaximize)
```

```

x_A = LpVariable("x_A", lowBound=0, cat="Integer")
x_B = LpVariable("x_B", lowBound=0, cat="Integer")
x_C = LpVariable("x_C", lowBound=0, cat="Integer")

prob += 2 * x_A + x_B + 3 * x_C <= 100, "Materias_Primas"

prob += 3 * x_A + 2 * x_B + 4 * x_C <= 120, "Mano_de_Obra"

prob += 4 * x_A + 3 * x_B + 6 * x_C <= 150, "Tiempo_de_Maquina"

prob += x_A >= 0, "NonNegativity_A"
prob += x_B >= 0, "NonNegativity_B"
prob += x_C >= 0, "NonNegativity_C"

print("Restricción de materias primas:", 2 * x_A + x_B + 3 * x_C, "
      <=", 100)
print("Restricción de mano de obra:", 3 * x_A + 2 * x_B + 4 * x_C, "
      <=", 120)
print("Restricción de tiempo de máquina:", 4 * x_A + 3 * x_B + 6 *
      x_C, "<=", 150)

```

Restricción de materias primas: $2x_A + x_B + 3x_C \leq 100$

Restricción de mano de obra: $3x_A + 2x_B + 4x_C \leq 120$

Restricción de tiempo de máquina: $4x_A + 3x_B + 6x_C \leq 150$

1. Determine las cantidades de producción óptimas y el máximo beneficio.
Interprete el resultado

```

from pulp import LpProblem, LpMaximize, LpVariable

prob = LpProblem("Maximize_Profit", LpMaximize)

x_A = LpVariable("x_A", lowBound=0, cat="Integer")
x_B = LpVariable("x_B", lowBound=0, cat="Integer")
x_C = LpVariable("x_C", lowBound=0, cat="Integer")

prob += 200 * x_A + 300 * x_B + 500 * x_C, "Total_Profit"

prob += 2 * x_A + x_B + 3 * x_C <= 100, "Materias_Primas"

prob += 3 * x_A + 2 * x_B + 4 * x_C <= 120, "Mano_de_Obra"

```

```
prob += 4 * x_A + 3 * x_B + 6 * x_C <= 150, "Tiempo_de_Maquina"

prob.solve()

print("Cantidad óptima de Producto A:", x_A.varValue)
print("Cantidad óptima de Producto B:", x_B.varValue)
print("Cantidad óptima de Producto C:", x_C.varValue)
print("Maximo beneficio:", prob.objective.value())
```

Cantidad óptima de Producto A: 0.0
Cantidad óptima de Producto B: 50.0
Cantidad óptima de Producto C: 0.0
Maximo beneficio: 15000.0

Utilizando las formulas del inciso 1 se procede a obtener los valores óptimo de cada producto al igual que el máximo beneficio. Y de ambos, se puede apreciar que el producto B es el que mayor beneficio da. Por lo que el maximo beneficio proviene exclusivamente del Producto B y los otros debe de someterse a análisis de costos y beneficios.

Se utilizaron herramientas cómo You.com al momento de explorar las opciones de librerías que permitan la facilidad de este ejercicio, el cual resulto en explorar la documentación de pulp y sus funciones.