# CES12 - Lab 2020 Paradigmas de Programação Moedas de Troco

## **Implementar**

3 algoritmos devem ser implementados: DC (1a parte) e PD e Greedy (2a parte) Há uma classe derivada para cada algoritmo, fornecida com métodos em branco, e estas classes herdam a mesma classe TrocoSolverAbstract:

Os métodos com cabeçalho <u>sublinhado</u> já foram implementados no arquivo header .h fornecido.

Portanto o aluno deverá implementar o método sol ve das 3 classes acima, uma para cada algoritmo.

O método sol ve recebe um vetor com as denominações das moedas, um inteiro que é o valor do troco, e deve preencher o vetor coins, com o número de moedas de cada denominação. Os índices do vetor coin devem corresponder aos do vetor denom.

E.g:

### Entrada:

- Denominacoes [ 1 5 10 ] centavos
- Valor: 28

#### Saída

- Coins: [ 3 1 2 ]
  - Significa 3 moeda de 1c. + 1 moeda de 5 c. + 2 moedas de 10c. Totalizando 28 centavos como requisitado.

O método countRecursiveCalls() retorna zero por default. Mas para a classe DivConquer, ele foi reimplementado para retornar o atributo recursiveCalls, que vocês devem incrementar.

## **Testes**

Testes são repetidos separadamente para cada algoritmo. /0, /1 ou /2 são sufixos no nome dos testes, significando PD (prog. dinâmica), GR (Greedy), ou DC (Divide and Conquer). (com a exceção do teste separado para DC (TrocoDCTest), que está marcado com /0 ao invés de /2)

Há uma suíte de testes triviais, que podem ser executados no início do desenvolvimento, e depois, todos os valores de troco até um determinado valor são testados sistematicamente.

O algoritmo DC possui um teste separado que termina em um valor de troco menor, pois é o mais lento.

#### Saída dos testes

Todas as linhas tem o formato:

<valor do troco>,<tempo de execução em ms>,<número de moedas>,<contagem de chamadas recursivas>

Exceto a última linha, indexada com -1:

-1, <tempo de execução de todos os testes mostrados nesse arquivo>, 0, 0 São 4 colunas na última linha apenas para harmonizar com o restante do arquivo e facilitar a leitura. Note que o tempo de execução total inclui as chamadas de escrita no arquivo para as linhas. Todos os arquivos são apagados e reescritos a cada execução dos testes.

Para o algoritmo GREEDY ("GR") os testes NÃO testam se o número de moedas para o troco é mínimo. Para "GR" os testes apenas checam se a soma dos valores das moedas escolhidas é igual ao valor requisitado.

No entanto, a saída dos testes contém o número de moedas de troco para cada valor de troco, e o aluno deve então comparar os diferentes algoritmos - lembre que o guloso não é ótimo - e há um teste onde o GR deve perder.

Executando alguns testes (filtros)

```
$ ./labTrocotests --gtest_filter=*TrocoTrivial*

Executa apenas os testes triviais, com um numero limitado de instancias
```

Para testar apenas um algoritmo:

```
$ ./labTrocotests --gtest_filter=*/0*
$ ./labTrocotests --gtest_filter=*/1*
```

\$ ./labTrocotests --gtest\_filter=\*/2\*

Testam respectivamente apenas PD, GR, ou DC

(com a exceção do teste separado para DC (TrocoDCTest), que está marcado com /0 ao invés de /2)

Ou combinando as 2 ideias acima

```
$ ./labTrocotests --gtest_filter=*TrocoTrivial*/0*
Seria recomendado ao iniciar o desenvolvimento de cada um dos algoritmos.
```

# Relatório

Compare os algoritmos em relação a tempo de execução e otimalidade.

- 1. (peso 1) Plote os resultados, para cada valor de troco, de i) tempo de execução e ii) número de moedas de troco, que pode ser ótimo ou não; *de forma a embasar o argumento das próximas respostas*.
  - Mantenha legibilidade e clareza em indicar legendas, eixos, labels, etc para compreensão do gráfico.
- 2. (peso 2) Com base nos gráficos da pergunta anterior, explique brevemente porque os algoritmos são mais rápidos ou mais lentos, e porque são ótimos ou não, <u>considerando</u> as diferenças entre os paradigmas e como estas diferenças se aplicam na estrutura do problema específico.
- 3. (peso 1) O algoritmo de Divisão e Conquista é claramente mais lento do que os outros. Mas isso é devido a uma limitação inerente ao paradigma em geral, ou se deve a alguma especificidade na estrutura do problema em questão? Forneça um exemplo de problema que pode ser resolvido rapidamente por Divisão e Conquista, e detalhe

porque a estrutura deste problema permite essa solução rápida enquanto o nosso problema não permite.

## Nota

(peso 6) Testes: cada teste (exceto os testes em TrocoTrivialTests) que passa vale um ponto. Nota 10 significa passar em todos os testes, segue a proporção.

(peso 4. A soma do peso definido nas questões vale 10 neste quesito) Perguntas do Relatório. Não valem respostas sem embasamento em resultados da sua implementação.

A nota calculada assim comporá a nota da Parte I (Troco) do lab de Paradigmas de Programação.

## Dicas

# Contando as chamadas recursivas e implementando a recursão

Ao incrementar a variável recursiveCalls, ela precisa ser zerada antes da próxima chamada. Portanto, é preciso um segundo método interno para implementar a recursão de verdade, separando inicialização da contagem e variáveis auxiliares e da solução recursiva em si mesma. Eu implementei com o seguinte cabeçalho:

```
private:
```

Note que o valor de retorno q é necessário para parar a recursão, mas não faz parte da interface externa que o testador usa.

## Adaptando os algoritmos de Troco

Nós precisamos da quantidade de moedas para cada denominação e não apenas a quantidade total de moedas

 No algoritmo PD, a tabela que está nos slides contém o valor da última moeda usada para cada valor de troco. Seria mais fácil no nosso caso, se armazenasse, para cada valor de troco, o índice no vetor de denominações da última moeda usada, que pode ser usado diretamente para incrementar o vetor coins.

- Assim, evitam-se buscas no vetor de denominações, que acrescentariam um outro fator na complexidade.
- Exemplo: supondo que o vetor de denominações seja [1 2 5 10 25 50]. Ao invés de armazenar o valor 10, armazenamos o índice 3. E podemos com esse índice incrementar a posição 3 correspondente no vetor coins que conta as moedas usadas.

## FAQ

O vetor de denominações sempre inclui moedas de 1 centavo? Pelo que vi nas aulas do Alonso, esse parece ser o básico para cada algoritmo.

Sem moedas de 1 centavo, para alguns valores de troco não haverá solução. O que não impede que os algoritmos executem, apenas pode acontecer de não haver solução.

Mas, (só para este problema que é simples), não precisa que o algoritmo funcione para outros casos além dos testes.

Outra pergunta, o vetor de moedas sempre vai ser crescente?

Acho que em todos os testes que fiz é crescente. Se precisar ordenar, nlogn não é nada. Mas, de novo, (só para este problema que é simples), não precisa que o algoritmo funcione para outros casos além dos testes.

Já perceberam que dá pra transformar o problema do troco em uma variante do problema da mochila? O troco não é "fácil". Se fosse, colocaria testes na casa de milhões pra vcs...

# Bloopers 2019

- Atenção à escrita:
  - usem a palavra "denominação" para evitar expressões longas e confusas como 'quantidades de valores de moedas", "mais valores", etc.. Exemplo: "As denominações das moedas de Real são: 1; 0,50; 0.25; 0.10; 0.05 e 0.01."
  - 'exponencialmente' indica ordem exponencial de complexidade, n\u00e3o "muito grande";
- O greedy não precisa testar todas as denominações, basta sair do loop quando o valor resultante chega a zero. Portanto não necessariamente ele é mais lento para 1 ou 2 centavos, Cuidado para não confundir o algoritmo com a sua implementação.
- O tamanho da pilha de recursão é a altura da árvore de recursão. O número de chamadas recursivas é o número de nós na árvore de recursão.