

# Scoliosis Model

Caio Vallio

2025-12-17

**Contexto:** A escoliose idiopática do adolescente pode apresentar resposta clínica variável a intervenções conservadoras. **Objetivo:** Explorar associações entre características basais e melhora radiográfica em 6 meses. **Métodos:** Estudo observacional com análise exploratória e inferencial. O desfecho contínuo foi  $\Delta$  (maior curva em 6 meses – baseline, em graus). O desfecho binário (MCID) foi melhora definida como  $\Delta \leq -5^\circ$ . Ajustamos um modelo linear para  $\Delta$  e um modelo logístico para o MCID, reportando estimativas com IC95% e verificações de adequação dos modelos.

## Como reproduzir

- O arquivo de dados é lido de `data/modelagem_final.xlsx` (aba `dados`).
- As análises dependem de pacotes R listados no chunk de `setup`; caso algum pacote esteja ausente, o documento interrompe a execução com uma mensagem explícita.

## Objetivo e delineamento

Este é um relatório **exploratório e inferencial**: o objetivo é **estimar associações ajustadas** entre variáveis basais e a evolução radiográfica em 6 meses.

## Definições de desfecho

- **Desfecho contínuo:**  $\Delta = (\text{maior curva em 6 meses} - \text{maior curva baseline})$ , em graus. Valores mais negativos indicam maior melhora.
- **Desfecho binário (MCID):** melhora clínica definida como  $\Delta \leq -5^\circ$  (redução de pelo menos 5 graus).

## Plano de análise estatística

- **Descrição da amostra:** estatísticas descritivas das variáveis basais e do desfecho.
- **Inferência (associações ajustadas):**
  - **Modelo linear** para  $\Delta$  (efeitos como betas, IC95%).
  - **Modelo logístico** para MCID (efeitos como odds ratios, IC95%).
- **Adequação dos modelos:** diagnósticos de assunções (colinearidade, resíduos, heteroscedasticidade quando aplicável) e medidas de qualidade de ajuste (por exemplo,  $R^2$ ).
- **Forma funcional:** para preditores contínuos, assume-se relação aproximadamente linear.

Por se tratar de análise **exploratória**, os resultados devem ser interpretados com cautela, com ênfase em **magnitude/direção** e incerteza (IC95%).

```
## Setup (reprodutibilidade)
pkgs <- c(
  "tidyverse", "gtsummary",
  "readxl", "janitor",
  "performance", "qqplotr", "PupillometryR"
)
missing_pkgs <- pkgs[!vapply(pkgs, requireNamespace, logical(1), quietly = TRUE)]
if (length(missing_pkgs) > 0) {
  stop("Pacotes ausentes: ", paste(missing_pkgs, collapse = ", "))
}
invisible(lapply(pkgs, library, character.only = TRUE))

set.seed(123)
theme_set(theme_minimal())


# read data
df_raw <- readxl::read_excel("data/modelagem_final.xlsx", sheet = "dados")

# clean names
df <- df_raw |> janitor::clean_names()

# clean escolemetro
df <- df |>
  mutate(
    escolemetro = pmax(
      escolemetro_cervical,
      escolemetro_torarica,
```

```

        escoliometro_lombar,
        na.rm = TRUE
    )
) |>
mutate(
  regiao = case_when(
    escoliometro == escoliometro_cervical ~ "cervical",
    escoliometro == escoliometro_torarica ~ "toracica",
    escoliometro == escoliometro_lombar ~ "lombar",
    TRUE ~ NA_character_
  )
) |>
select(
  -escoliometro_cervical,
  -escoliometro_torarica,
  -escoliometro_lombar
)

# definicao do desfecho (ver secao acima)
df <- df |>
  mutate(delta = maior_curva_6_meses - maior_curva_baseline) |>
  mutate(delta_cat = if_else(delta <= -5, 1, 0)) |>
  mutate(
    delta_cat_f = factor(
      delta_cat,
      levels = c(0, 1),
      labels = c("Sem melhora (MCID)", "Melhora (MCID)")
    )
  )
)

# casting de variaveis (garantir tipos adequados no ajuste)
df <- df |>
  mutate(
    idade = as.double(idade),
    lenke = as.factor(lenke),
    risser = as.factor(risser),
    sexo = as.factor(sexo),
    regiao = as.factor(regiao),
    cifose_categ = as.factor(cifose_categ)
  )

```

## Dados faltantes e tamanho amostral

```
missing_tbl <- df |>
  summarise(across(everything(), ~ sum(is.na(.)))) |>
  pivot_longer(everything(), names_to = "variavel", values_to = "n_missing") |>
  mutate(pct_missing = n_missing / nrow(df)) |>
  arrange(desc(pct_missing))

missing_tbl |>
  mutate(pct_missing = scales::percent(pct_missing, accuracy = 0.1)) |>
  print(n = 50)

# A tibble: 21 x 3
  variavel      n_missing pct_missing
  <chr>        <int>    <chr>
1 id              0  0.0%
2 idade           0  0.0%
3 sexo             0  0.0%
4 altura            0  0.0%
5 peso              0  0.0%
6 imc              0  0.0%
7 regiao            0  0.0%
8 maior_curva_baseline 0  0.0%
9 maior_curva_6_meses 0  0.0%
10 delta            0  0.0%
11 lenke            0  0.0%
12 risser           0  0.0%
13 cifose_toracica 0  0.0%
14 lordose_lombar   0  0.0%
15 cifose_categ     0  0.0%
16 inclinacao       0  0.0%
17 dif_colete        0  0.0%
18 correcao_colete   0  0.0%
19 escoliometro      0  0.0%
20 delta_cat          0  0.0%
21 delta_cat_f        0  0.0%
```

**Observação:** os modelos abaixo usam **análise por caso completo** (listwise deletion), que é o comportamento padrão do `glm()`/`lm()` quando há dados faltantes nas variáveis do modelo.

## Codificação de variáveis categóricas (referências)

As variáveis categóricas entram como fatores. A **categoria de referência** (baseline) é o **primeiro nível** do fator (conforme `levels()`), a menos que seja explicitamente reordenado.

```
categoricas <- c("sexo", "regiao", "lenke", "risser", "cifose_categ")  
map_dfr(categoricas, function(v) {
```

```
    tibble(  
        variavel = v,  
        niveis = paste(levels(df[[v]]), collapse = " | ")  
    )  
}) |>  
print(n = Inf)
```

```
# A tibble: 5 x 2  
  variavel      niveis  
  <chr>        <chr>  
1 sexo          feminino | masculino  
2 regiao        lombar | toracica  
3 lenke         1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6  
4 risser        0 | 1 | 2 | 3 | 4  
5 cifose_categ hipercifose | hipocifose | normal
```

## Análise descritiva

### Variáveis de entrada do modelo

Variáveis coletadas na linha de base.

```
df |>  
  gtsummary::tbl_summary(  
    include = c(  
        idade,  
        altura,  
        peso,  
        imc,  
        cifose_toracica,  
        lordose_lombar,  
        dif_colete,  
        correcao_colete,
```

```

    escoliometro,
    inclinacao,
    cifose_categ,
    sexo,
    regiao,
    lenke,
    risser
),
type = list(
  idade ~ "continuous"
),
statistic = list(
  gtsummary::all_continuous() ~ "{mean} ({sd})",
  gtsummary::all_categorical() ~ "{n} ({p}%)"
)
)
)

```

## Desfecho principal

- Maior curva na linha de base e em 6 meses.
- Delta: maior curva 6 meses - maior curva baseline.
- Delta categórica: delta melhor em 5 graus ou mais (MCID).

```

df |>
  gtsummary::tbl_summary(
    include = c(
      maior_curva_baseline,
      maior_curva_6_meses,
      delta,
      delta_cat_f
    ),
    type = list(
      delta_cat_f ~ "categorical"
    ),
    statistic = list(
      gtsummary::all_continuous() ~ "{mean} ({sd})",
      gtsummary::all_categorical() ~ "{n} ({p}%)"
    )
  )

```

Characteristic	N = 152 <sup>1</sup>
idade	13.07 (1.48)
altura	1.58 (0.08)
peso	48 (9)
imc	19.05 (2.91)
cifose_toracica	22 (12)
lordose_lombar	54 (12)
dif_colete	-17.6 (6.2)
correcao_colete	49 (19)
escoliometro	13.8 (4.3)
inclinacao	
flexivel	96 (63%)
rigido	56 (37%)
cifose_categ	
hipercifose	8 (5.3%)
hipocifose	17 (11%)
normal	127 (84%)
sexo	
feminino	130 (86%)
masculino	22 (14%)
regiao	
lombar	80 (53%)
toracica	72 (47%)
lenke	
1	8 (5.3%)
2	11 (7.2%)
3	32 (21%)
4	13 (8.6%)
5	16 (11%)
6	72 (47%)
risser	
0	32 (21%)
1	34 (22%)
2	45 (30%)
3	24 (16%)
4	17 (11%)

<sup>1</sup>Mean (SD); n (%)

Characteristic	N = 152 <sup>1</sup>
maior_curva_baseline	36.6 (5.9)
maior_curva_6_meses	31 (9)
delta	-5.4 (6.1)
delta_cat_f	
Sem melhora (MCID)	68 (45%)
Melhora (MCID)	84 (55%)

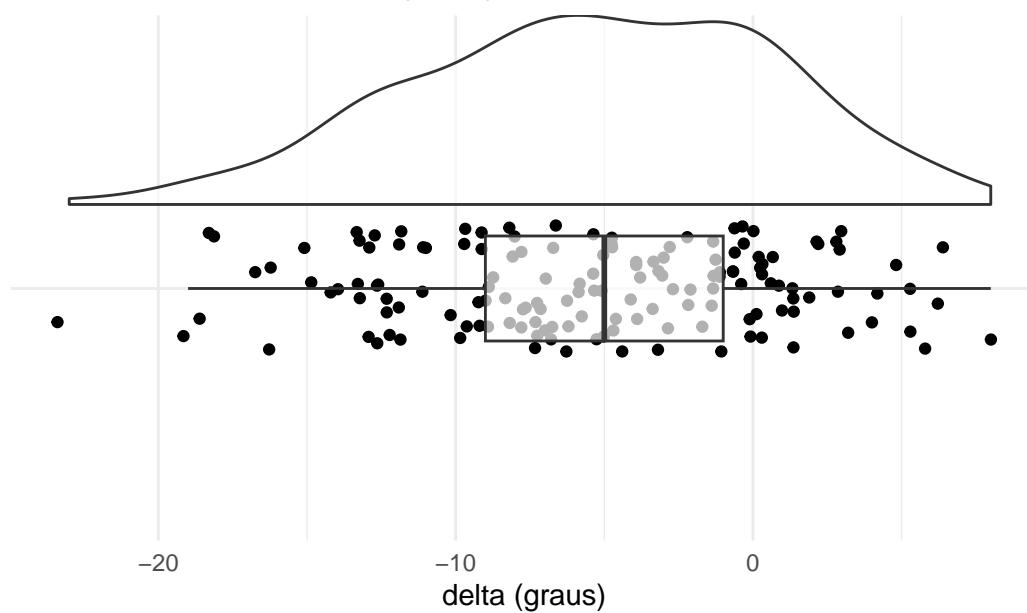
<sup>1</sup>Mean (SD); n (%)

## Distribuição do desfecho principal

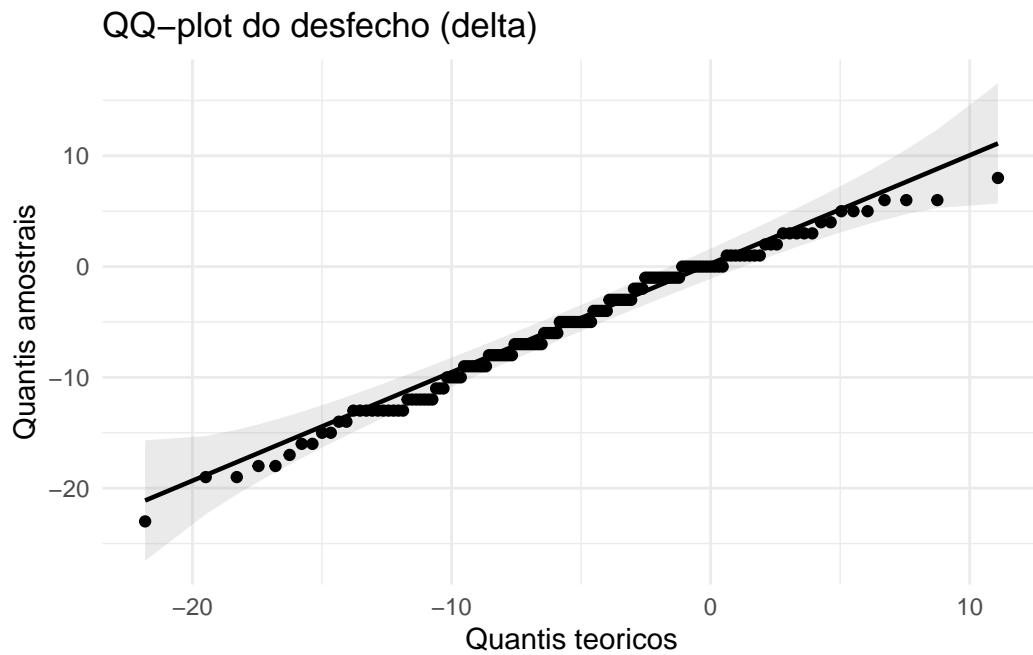
```
df |>
  ggplot(aes(x = "", y = delta)) +
  PupilometryR::geom_flat_violin(
    position = position_nudge(x = .2),
    # fill = "steelblue",
    alpha = 0.7
  ) +
  labs(
    title = "Distribuicao do desfecho (delta)",
    x = "",
    y = "delta (graus)"
  ) +
  geom_point(position = position_jitter(w = .15)) +
  geom_boxplot(
    width = .25,
    alpha = 0.7,
    outlier.shape = NA
  ) +
  coord_flip() +
  theme(
    axis.title.y = element_blank(),
    axis.text.y = element_blank(),
    axis.ticks.y = element_blank()
  )

```

## Distribuicao do desfecho (delta)



```
df |>
  ggplot(aes(sample = delta)) +
  qqplotr::stat_qq_band(alpha = 0.2) +
  qqplotr::stat_qq_line() +
  qqplotr::stat_qq_point() +
  labs(
    title = "QQ-plot do desfecho (delta)",
    x = "Quantis teoricos",
    y = "Quantis amostrais"
  )
```



## Modelagem

### Modelo de regressão logística

Este modelo estima associações ajustadas com a **chance de melhora (MCID)**, definida como  $\Delta \leq -5^\circ$ .

```
model_bin <- glm(
  delta_cat ~
    idade +
    altura +
    peso +
    # imc +
    cifose_toracica +
    lordose_lombar +
    dif_colete +
    correcao_colete +
    escoliometro +
    inclinacao +
    cifose_categ +
    sexo +
    regiao +
```

```
    lenke +  
    risser,  
    data = df, family = "binomial"  
)
```

## Parâmetros do modelo

Parâmetros do modelo de regressão logística. Resposta em *Odds Ratio*.

```
model_bin |>  
  gtsummary::tbl_regression(exponentiate = TRUE, conf.level = 0.95) |>  
  # gtsummary::add_global_p() |>  
  gtsummary::bold_p() |>  
  gtsummary::bold_labels() |>  
  gtsummary::italicize_levels()
```

## Verificações de adequação do modelo

### Colinearidade

Verificação de colinearidade entre as variáveis independentes (*Variance Inflation Factor*). Valores maiores que 10 indicam colinearidade entre as variáveis.

```
performance::check_collinearity(model_bin) |>  
  arrange(desc(VIF)) |>  
  select(Term, VIF, VIF_CI_low, VIF_CI_high) |>  
  performance::print_html()
```

```
performance::check_collinearity(model_bin) |> plot()
```

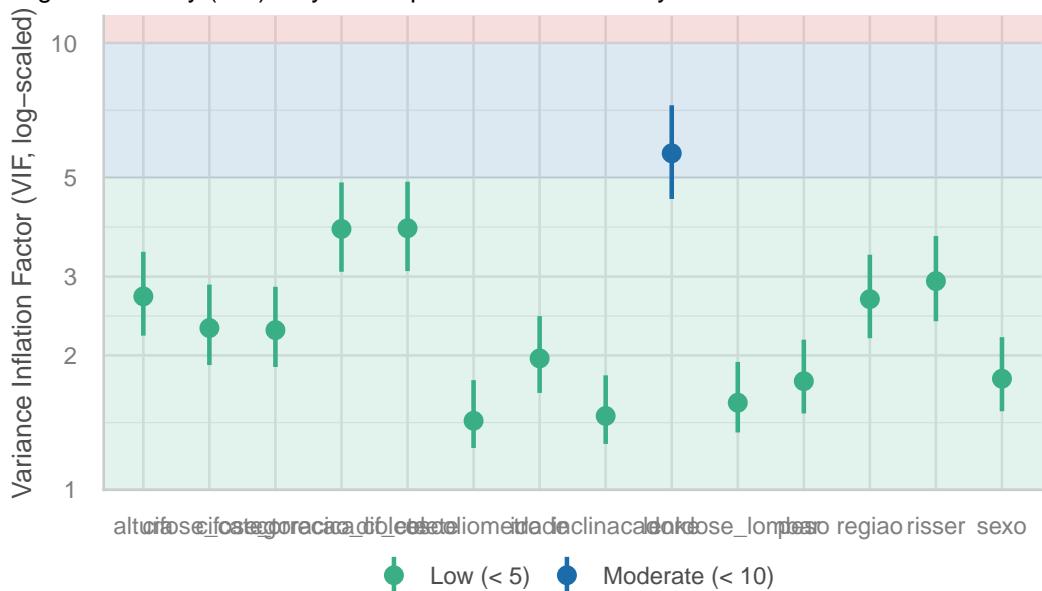
Characteristic	OR	95% CI	p-value
<b>idade</b>	1.19	0.79, 1.85	0.4
<b>altura</b>	0.65	0.00, 3,725	>0.9
<b>peso</b>	1.01	0.94, 1.07	0.8
<b>cifose_toracica</b>	1.01	0.95, 1.07	0.7
<b>lordose_lombar</b>	0.98	0.93, 1.02	0.3
<b>dif_colete</b>	0.85	0.72, 1.01	0.064
<b>correcao_colete</b>	1.02	0.96, 1.08	0.5
<b>escoliometro</b>	1.12	1.00, 1.28	0.074
<b>inclinacao</b>			
<i>flexivel</i>	—	—	
<i>rigido</i>	0.23	0.07, 0.64	<b>0.007</b>
<b>cifose_categ</b>			
<i>hipercifose</i>	—	—	
<i>hipocifose</i>	4.92	0.14, 185	0.4
<i>normal</i>	16.7	1.33, 326	<b>0.042</b>
<b>sexo</b>			
<i>feminino</i>	—	—	
<i>masculino</i>	1.46	0.29, 7.93	0.6
<b>regiao</b>			
<i>lombar</i>	—	—	
<i>toracica</i>	1.32	0.33, 5.54	0.7
<b>lenke</b>			
1	—	—	
2	0.42	0.02, 7.63	0.5
3	0.05	0.00, 0.41	<b>0.009</b>
4	0.17	0.01, 1.57	0.13
5	2.21	0.15, 30.2	0.6
6	0.36	0.04, 2.60	0.3
<b>risser</b>			
0	—	—	
1	3.94	1.00, 16.7	0.054
2	1.93	0.51, 7.54	0.3
3	0.69	0.13, 3.55	0.7
4	1.60	0.26, 10.5	0.6

Abbreviations: CI = Confidence Interval, OR = Odds Ratio

Term	VIF	VIF_CI_low	VIF_CI_high
lenke	5.66	4.48	7.26
dif_colete	3.85	3.09	4.89
correcao_colete	3.84	3.08	4.87
risser	2.93	2.38	3.70
altura	2.71	2.21	3.41
regiao	2.67	2.18	3.36
cifose_categ	2.30	1.90	2.88
cifose_toracica	2.28	1.88	2.85
idade	1.97	1.65	2.45
sexo	1.77	1.50	2.20
peso	1.75	1.48	2.17
lordose_lombar	1.57	1.34	1.93
inclinacao	1.46	1.27	1.80
escoliometro	1.43	1.24	1.76

## Collinearity

High collinearity (VIF) may inflate parameter uncertainty

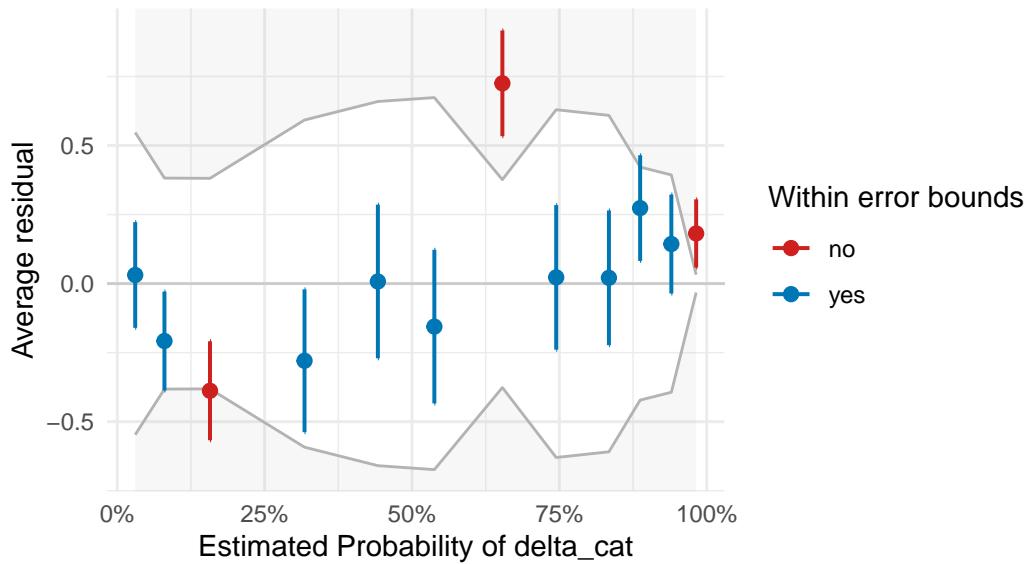


## Resíduos binarizados

```
performance::binned_residuals(model_bin) |> plot()
```

## Binned Residuals

Points should be within error bounds



## Outliers

```
performance::check_outliers(model_bin)
```

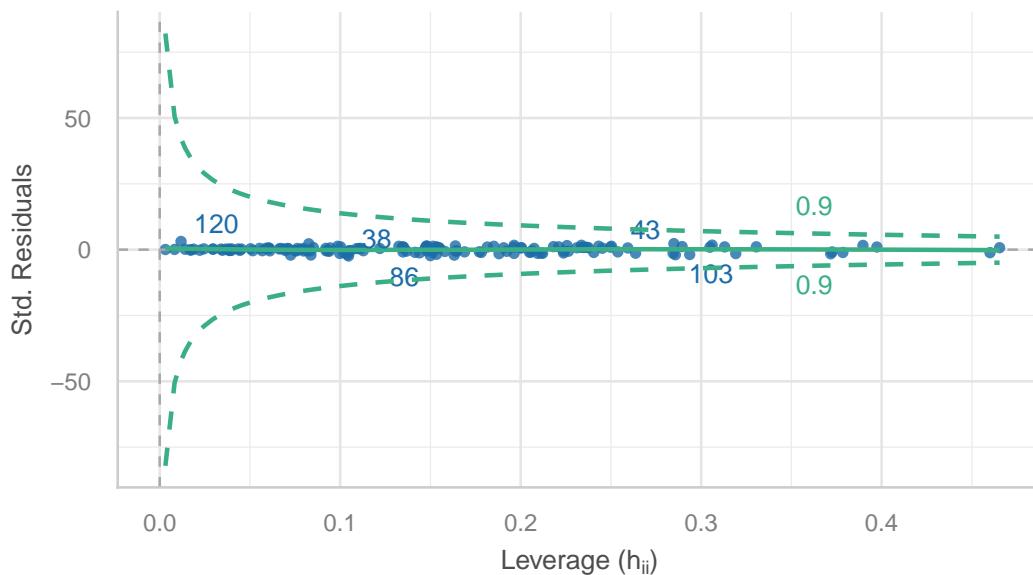
OK: No outliers detected.

- Based on the following method and threshold: cook (0.922).
- For variable: (Whole model)

```
performance::check_outliers(model_bin) |> plot()
```

## Influential Observations

Points should be inside the contour lines

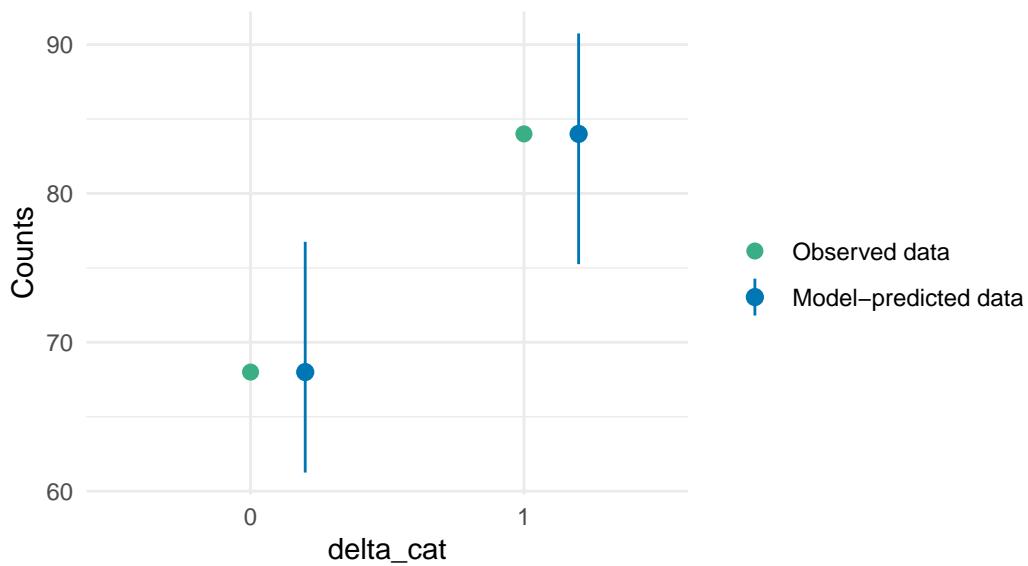


## Valores ajustados (diagnóstico)

```
performance::check_predictions(model_bin) |> plot()
```

## Posterior Predictive Check

Model-predicted intervals should include observed data points



## Resíduos simulados

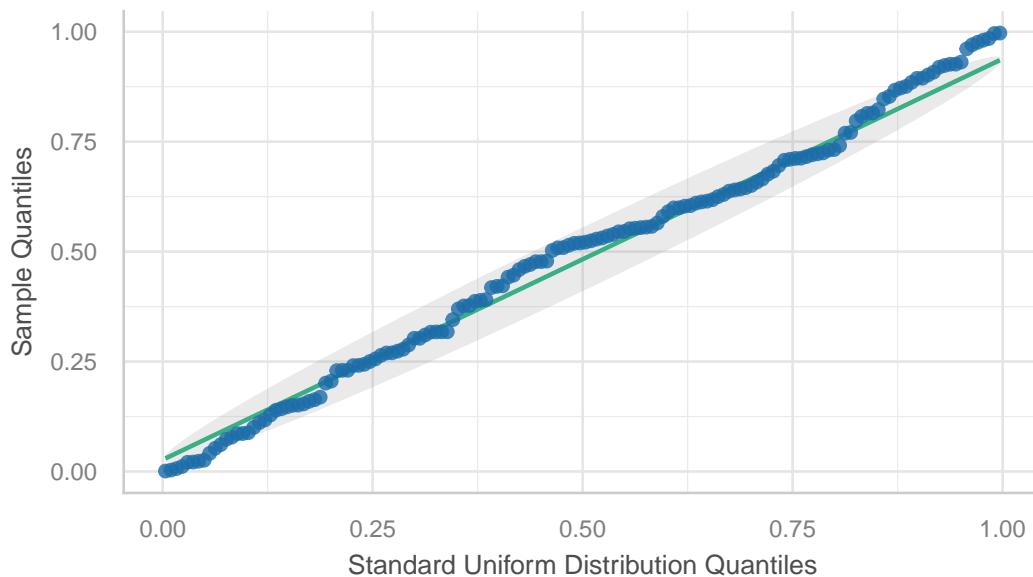
```
performance::check_residuals(model_bin)
```

OK: Simulated residuals appear as uniformly distributed ( $p = 0.435$ ).

```
performance::check_residuals(model_bin) |> plot()
```

### Distribution of Quantile Residuals

Dots should fall along the line



## Qualidade do ajuste do modelo

Teste de Hosmer-Lemeshow para avaliar a qualidade do ajuste de modelos binomiais. P-valor  $< 0.05$  indica que o modelo não ajusta bem os dados.

```
performance::performance_hosmer(model_bin)
```

```
# Hosmer-Lemeshow Goodness-of-Fit Test
```

```
Chi-squared: 7.009
df: 8
p-value: 0.536
```

## **Coeficiente de determinação (Tjur)**

Coeficiente de determinação de Tjur ( $R^2_{Tjur}$ ). Teste específico para modelos binomiais.

```
performance::r2(model_bin)
```

```
# R2 for Logistic Regression  
Tjur's R2: 0.448
```

## **Tamanho amostral efetivo (casos completos)**

```
mf_bin <- model.frame(model_bin)  
bin_n <- nrow(mf_bin)  
bin_events <- sum(mf_bin[[1]] == 1, na.rm = TRUE)  
bin_nonevents <- sum(mf_bin[[1]] == 0, na.rm = TRUE)  
tibble(  
  n_modelo = bin_n,  
  eventos_mcid = bin_events,  
  nao_eventos = bin_nonevents  
)  
  
# A tibble: 1 x 3  
  n_modelo eventos_mcid nao_eventos  
    <int>        <int>        <int>  
1       152           84          68
```

## **Modelo de regressão linear**

Este modelo estima associações ajustadas com o desfecho contínuo  $\Delta$  (maior curva em 6 meses – baseline, em graus).

```
model_lin <- lm(  
  delta ~  
  idade +  
  altura +  
  peso +  
  # imc +  
  cifose_toracica +  
  lordose_lombar +  
  dif_colete +
```

```

correcao_colete +
escoliometro +
inclinacao +
cifose_categ +
sexo +
regiao +
lenke +
risser,
data = df
)

```

## Parâmetros do modelo

```

model_lin |>
  gtsummary::tbl_regression(conf.level = 0.95) |>
  # gtsummary::add_global_p() |>
  gtsummary::bold_p() |>
  gtsummary::bold_labels() |>
  gtsummary::italicize_levels()

```

## Verificações de adequação do modelo

### Colinearidade

Verificação de colinearidade entre as variáveis independentes (*Variance Inflation Factor*). Valores maiores que 10 indicam colinearidade entre as variáveis.

```

performance::check_collinearity(model_lin) |>
  arrange(desc(VIF)) |>
  select(Term, VIF, VIF_CI_low, VIF_CI_high) |>
  performance::print_html()

```

```

performance::check_collinearity(model_lin) |> plot()

```

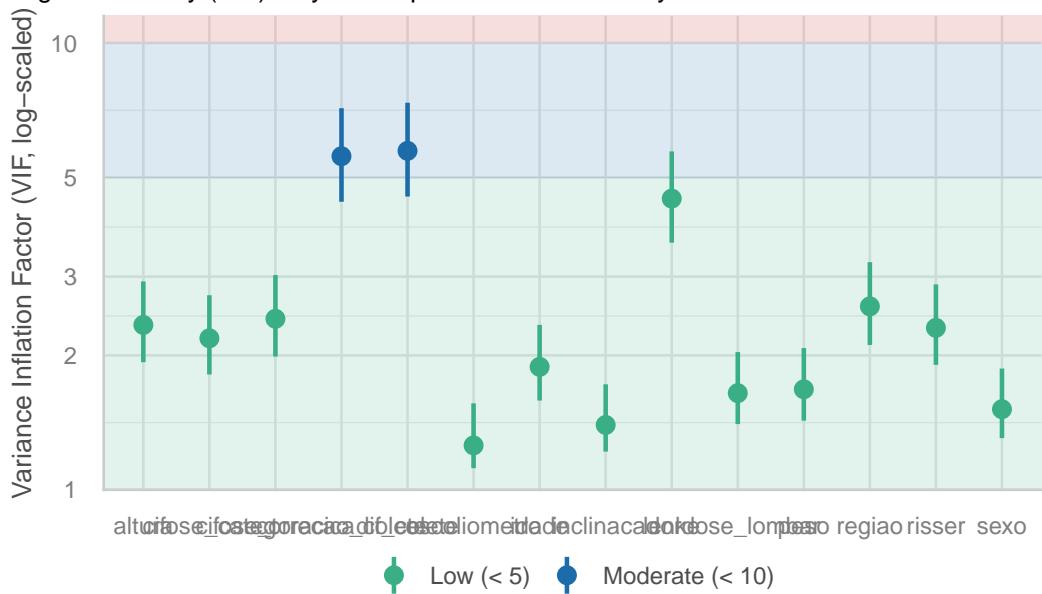
Characteristic	Beta	95% CI	p-value
idade	-0.54	-1.3, 0.20	0.2
altura	-3.0	-19, 13	0.7
peso	0.02	-0.10, 0.13	0.8
cifose_toracica	-0.03	-0.14, 0.07	0.5
lordose_lombar	0.01	-0.08, 0.09	0.9
dif_colete	0.34	0.03, 0.65	<b>0.032</b>
correcao_colete	0.01	-0.09, 0.11	0.8
escoliometro	0.00	-0.21, 0.21	>0.9
inclinacao			
flexivel	—	—	
rigido	2.6	0.63, 4.5	<b>0.010</b>
cifose_categ			
hipercifose	—	—	
hipocifose	-3.7	-9.5, 2.1	0.2
normal	-4.9	-9.3, -0.49	<b>0.030</b>
sexo			
feminino	—	—	
masculino	0.81	-2.0, 3.6	0.6
regiao			
lombar	—	—	
toracica	0.24	-2.3, 2.8	0.9
lenke			
1	—	—	
2	1.0	-3.8, 5.9	0.7
3	6.3	2.2, 10	
4	5.0	0.46, 9.6	<b>0.031</b>
5	-1.6	-6.4, 3.2	0.5
6	2.9	-1.1, 6.9	0.2
risser			
0	—	—	
1	-2.0	-4.6, 0.57	0.12
2	-1.3	-3.8, 1.1	0.3
3	0.23	-2.7, 3.1	0.9
4	0.58	-2.9, 4.1	0.7

Abbreviation: CI = Confidence Interval

Term	VIF	VIF_CI_low	VIF_CI_high
dif_colete	5.74	4.53	7.35
correcao_colete	5.58	4.41	7.15
lenke	4.49	3.57	5.72
regiao	2.57	2.11	3.23
cifose_toracica	2.41	1.99	3.02
altura	2.34	1.93	2.93
risser	2.30	1.90	2.88
cifose_categ	2.18	1.81	2.73
idade	1.88	1.58	2.34
peso	1.68	1.43	2.08
lordose_lombar	1.65	1.40	2.03
sexo	1.52	1.31	1.87
inclinacao	1.40	1.22	1.72
escoliometro	1.26	1.12	1.56

## Collinearity

High collinearity (VIF) may inflate parameter uncertainty



## Heteroscedasticidade

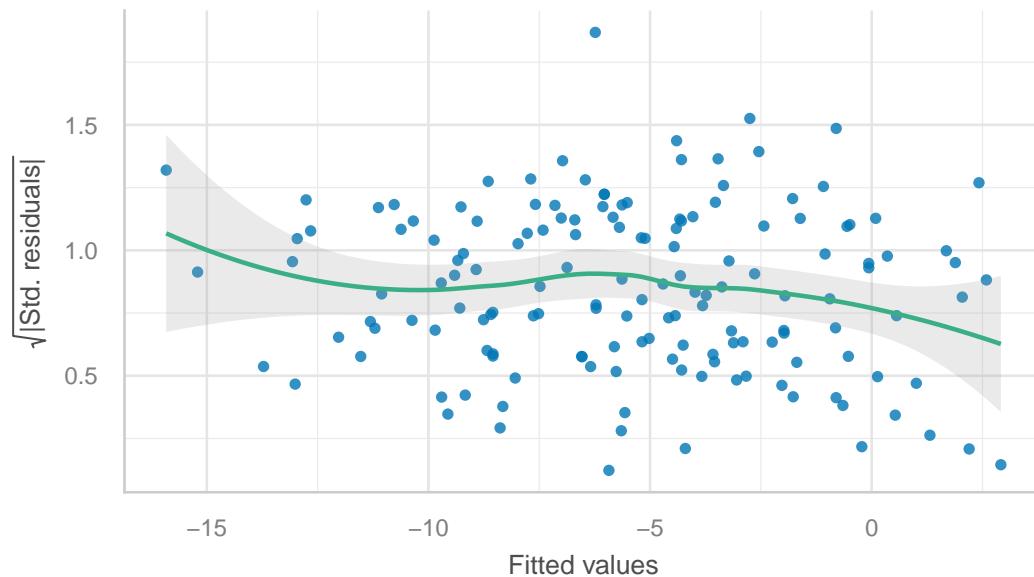
Verificação de heteroscedasticidade entre as variáveis independentes.

```
performance::check_heteroscedasticity(model_lin)
```

OK: Error variance appears to be homoscedastic ( $p = 0.695$ ).

```
performance::check_heteroscedasticity(model_lin) |> plot()
```

**Homogeneity of Variance**  
Reference line should be flat and horizontal



## Outliers

```
performance::check_outliers(model_lin)
```

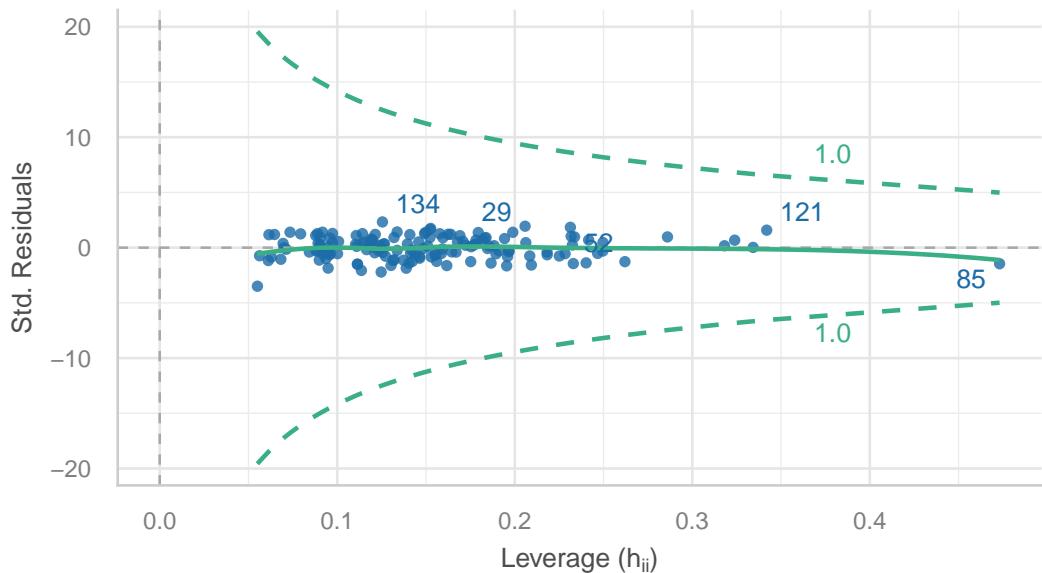
OK: No outliers detected.

- Based on the following method and threshold: cook (0.931).
- For variable: (Whole model)

```
performance::check_outliers(model_lin) |> plot()
```

## Influential Observations

Points should be inside the contour lines

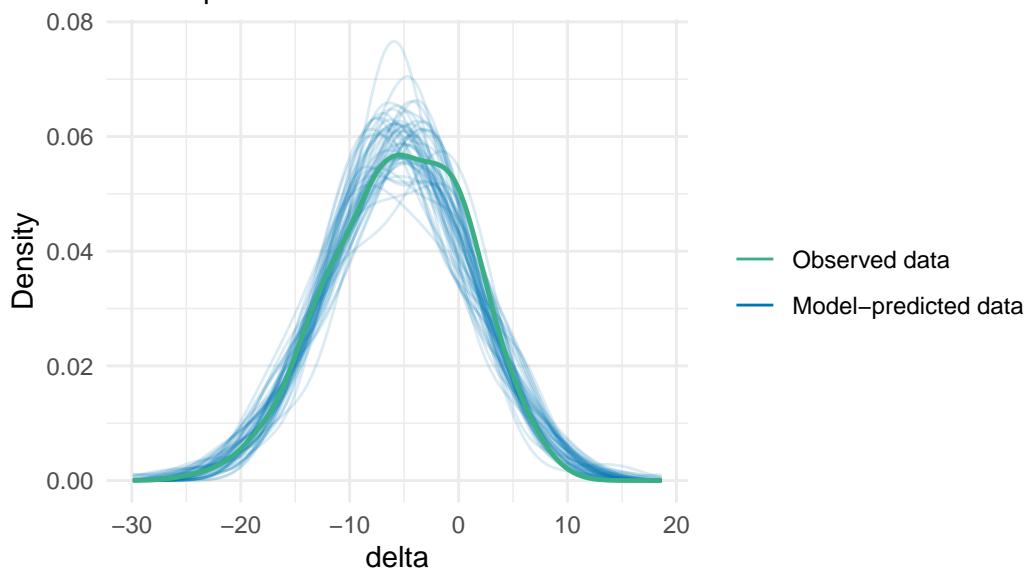


## Valores ajustados (diagnóstico)

```
performance::check_predictions(model_lin) |> plot()
```

## Posterior Predictive Check

Model-predicted lines should resemble observed data line



## Resíduos simulados

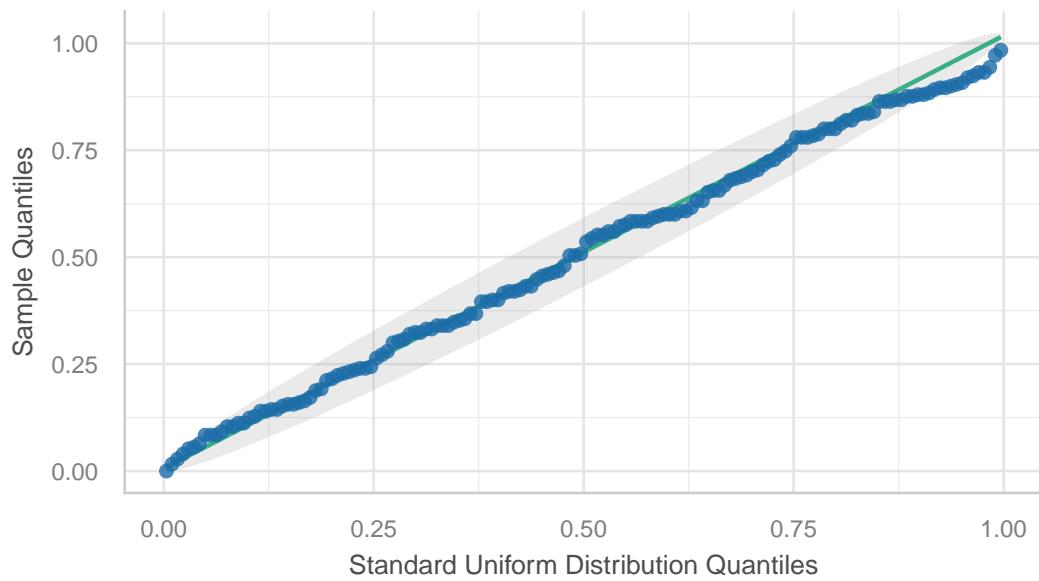
```
performance::check_residuals(model_lin)
```

OK: Simulated residuals appear as uniformly distributed ( $p = 0.871$ ).

```
performance::check_residuals(model_lin) |> plot()
```

### Distribution of Quantile Residuals

Dots should fall along the line



## Qualidade do ajuste do modelo

### Coeficiente de determinação

$R^2$ .

```
# Qualidade do ajuste
performance::r2(model_lin)
```

```
# R2 for Linear Regression
```

R2: 0.436

adj. R2: 0.340

### Tamanho amostral efetivo (casos completos)

```
tibble(n_modelo = nobs(model_lin))
```

```
# A tibble: 1 x 1
  n_modelo
  <int>
1      152
```