Especificacion de TADs

Ejercicio 1 Especificar en forma completa el TAD NumeroRacional que incluya al menos las operaciones aritmeticas basicas

```
TAD NumeroRacional {
       obs n: Z
       obs d: \mathbb{Z}
       proc suma (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
               requiere {true}
               asegura \{res = \frac{a.n*b.d+a.d*b.n}{b.d*a.d}\}
       proc resta (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
               requiere \{true\}
               asegura \{res = \frac{a.n*b.d-a.d*b.n}{b.d*a.d}\}
       proc multiplicacion (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
               requiere \{true\}
               asegura \{res = \frac{a.n*b.n}{b.d*a.d}\}
       proc division (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
               requiere \{b \neq 0\}
               asegura \{res = \frac{a.n*b.d}{b.n*a.d}\}
   }
```

Ejercicio 2: Especificar TADs para las siguientes figuras geometricas. Tiene que contener las operaciones rotar, trasladar y escalar, y una mas propuesta por usted.

```
■ Rectangulo (2D)
   ■ Esfera (3D)
TAD Rectangulo {
        obs alto: {\mathbb R}
        obs ancho: {\mathbb R}
        obs posicion: \langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle
        obs angulo: \mathbb R
        proc nuevoRectangulo (in h: \mathbb{R}, in w: float, in x:\mathbb{R}, in y:\mathbb{R}): Rectangulo
                requiere \{w \geq 0 \land h \geq 0\}
                asegura \{res.ancho = w \land res.alto = h \land res.posicion = (x,y) \land r.angulo = 0\}
        proc escalar (inout r: Rectangulo, mh:\mathbb{R}, mw:\mathbb{R})
                requiere \{r = R_0\}
                asegura \{(mw \ge 0 \land mh \ge 0) \land_L r.posicion = R_0.posicion\}
                asegura \{r.alto = |R_0.alto * mh| \land r.ancho = |R_0.ancho * mw|\}
                asegura \{mw < 0 \land_L r.posicion_1 = R_0.posicion_1 + R_0.ancho * mw\}
                asegura \{mh < 0 \land_L r.posicion_2 = R_0.posicion_2 + R_0.alto * mh\}
        proc rotar (inout r: Rectangulo, in rad: R)
                requiere \{r = R_0\}
                asegura \{r.angulo = R_0.angulo + rad\}
        proc trasladar (inout r: Rectangulo, in pos: \langle x, y \rangle)
                requiere \{r = R_0\}
                asegura \{r.posicion = R_0.posicion + pos\}
        proc area (in r: Rectangulo) : R
                asegura \{res = r.alto \cdot r.ancho\}
    }
```

```
TAD Esfera {
         obs radio: {\mathbb R}
         obs centro: \langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle
         obs semieje: \langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle
         proc nuevaEsfera (in r: \mathbb{R}, in pos:\langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle) : Esfera
                  asegura \{res.radio = |r|\}
                  asegura \{res.centro = pos\}
         proc escalar (inout esfera: Esfera, in e: \mathbb{R})
                 requiere \{esfera = esfera_0\}
                  asegura \{esfera.radio = ESFERA_0.radio * |e|\}
        proc trasladar (inout esfera: Esfera, in pos:\langle x, y, z \rangle)
                 requiere \{esfera = ESFERA_0\}
                  asegura \{esfera.centro = ESFERA_0.centro + pos\}
         proc rotar (inout esfera: Esfera, in angulosrad: \langle \alpha, \beta, \gamma \rangle)
                  requiere \{esfera = ESFERA_0\}
                  asegura \{esfera.semieje = ESFERA_0.semieje + angulosrad\}
    }
```

Ejercicio 3. Especifique el TAD DobleCola $\langle T \rangle$, en el que los elementos pueden insertarse al principio o al final y se eliminan por el medio.

```
TAD DobleCola {
       obs elems: seq\langle T\rangle
       proc DobleColaVacia () : DobleCola
               asegura \{res = \langle \rangle \}
       proc encolarFinal (inout doblecola: DobleCola, in e: T)
               requiere \{doblecola = DOBLECOLA_0\}
               asegura \{doblecola.elems = concat(DOBLECOLA_0.elems, \langle e \rangle)\}
       proc encolarInicio (inout doblecola: DobleCola, in e: T)
               requiere \{doblecola = DOBLECOLA_0\}
               asegura \ \{doblecola.elems = concat(\langle e \rangle, DOBLECOLA_0.elems)\}
       proc desencolar (inout doblecola: DobleCola) : T
               requiere \{doblecola = DOBLECOLA_0\}
               requiere \{cola.elems \neq \langle \rangle \}
               asegura \{res \notin doblecola.elems\}
               asegura \{res = DOBLECOLA_0.elems \left| \left\lceil \frac{|DOBLECOLA_0|}{2} \right\rceil \right| \}
   }
```

Ejercicio 4. Especifique el TAD Diccionario Con
Historia. El mismo guarda para cada clave, todos los valores que se asociar
on con la misma a lo largo del tiempo (en orden)

```
TAD DiccionarioConHistoria {
       obs data: dict\langle T, seq\langle K \rangle \rangle
       proc DiccionarioConHistoriaVacio (): DiccionarioConHistoria
               asegura \{res.data = \{\}\}
       proc estaLallave (in dic:DiccionarioConHistoria, in e: T) : Bool
               asegura \{res = true \longleftrightarrow e \in dic.data\}
       proc definir (inout dic: DiccionarioConHistoria, in k: T, in e: K)
              requiere \{DIC_0 = dic \land_L k \in RES_0.data\}
               \texttt{asegura} \ \left\{ dic.data[k][0] = setKey(DIC_0.data, k, concat(DIC_0.data[k], e)) \right\}
       proc consultar
Historial (in dic: Diccionario
ConHistoria, in k: T) : seq\langle K \rangle
               asegura \{res = res.data[k]\}
       proc borrar (inout dic DiccionarioConHistoria,in k: T)
               requiere \{dic = DIC_0\}
               requiere \{k \in dic.data\}
              asegura \{dic.data = delKey(DIC_0, k)\}
       proc tamaño (in dic: DiccionarioConHistoria) : \mathbb Z
               asegura \{res = |dic.data|\}
   }
```