

Especificacion de TADs

Ejercicio 1 Especificar en forma completa el TAD `NumeroRacional` que incluya al menos las operaciones aritmeticas basicas

```
TAD NumeroRacional {
  obs n:  $\mathbb{Z}$ 
  obs d:  $\mathbb{Z}$ 

  proc suma (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
    requiere {true}
    asegura {res =  $\frac{a.n*b.d+a.d*b.n}{b.d*a.d}$ }

  proc resta (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
    requiere {true}
    asegura {res =  $\frac{a.n*b.d-a.d*b.n}{b.d*a.d}$ }

  proc multiplicacion (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
    requiere {true}
    asegura {res =  $\frac{a.n*b.n}{b.d*a.d}$ }

  proc division (in a,b: NumeroRacional) : NumeroRacional
    requiere {b  $\neq$  0}
    asegura {res =  $\frac{a.n*b.d}{b.n*a.d}$ }
}
```

Ejercicio 2: Especificar TADs para las siguientes figuras geometricas. Tiene que contener las operaciones rotar, trasladar y escalar, y una mas propuesta por usted.

- Rectangulo (2D)
- Esfera (3D)

```
TAD Rectangulo {
  obs alto:  $\mathbb{R}$ 
  obs ancho:  $\mathbb{R}$ 
  obs posicion:  $\langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle$ 
  obs angulo:  $\mathbb{R}$ 

  proc nuevoRectangulo (in h:  $\mathbb{R}$ , in w: float, in x: $\mathbb{R}$ ,in y: $\mathbb{R}$ ) : Rectangulo
    requiere {w  $\geq$  0  $\wedge$  h  $\geq$  0}
    asegura {res.ancho = w  $\wedge$  res.alto = h  $\wedge$  res.posicion = (x,y)  $\wedge$  r.angulo = 0}

  proc escalar (inout r: Rectangulo, mh: $\mathbb{R}$ , mw: $\mathbb{R}$ )
    requiere {r = R0}
    asegura {(mw  $\geq$  0  $\wedge$  mh  $\geq$  0)  $\wedge_L$  r.posicion = R0.posicion}
    asegura {r.alto = |R0.alto * mh|  $\wedge$  r.ancho = |R0.ancho * mw|}
    asegura {mw < 0  $\wedge_L$  r.posicion1 = R0.posicion1 + R0.ancho * mw}
    asegura {mh < 0  $\wedge_L$  r.posicion2 = R0.posicion2 + R0.alto * mh}

  proc rotar (inout r: Rectangulo, in rad:  $\mathbb{R}$ )
    requiere {r = R0}
    asegura {r.angulo = R0.angulo + rad}

  proc trasladar (inout r: Rectangulo, in pos:  $\langle x,y \rangle$ )
    requiere {r = R0}
    asegura {r.posicion = R0.posicion + pos}

  proc area (in r: Rectangulo) :  $\mathbb{R}$ 
    asegura {res = r.alto * r.ancho}
}
```

```

TAD Esfera {
  obs radio:  $\mathbb{R}$ 
  obs centro:  $\langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle$ 
  obs semieje:  $\langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle$ 

  proc nuevaEsfera (in r:  $\mathbb{R}$ , in pos:  $\langle \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rangle$ ) : Esfera
    asegura {res.radio = |r|}
    asegura {res.centro = pos}

  proc escalar (inout esfera: Esfera, in e:  $\mathbb{R}$ )
    requiere {esfera = esfera0}
    asegura {esfera.radio = ESFERA0.radio * |e|}

  proc trasladar (inout esfera: Esfera, in pos:  $\langle x, y, z \rangle$ )
    requiere {esfera = ESFERA0}
    asegura {esfera.centro = ESFERA0.centro + pos}

  proc rotar (inout esfera: Esfera, in angulosrad:  $\langle \alpha, \beta, \gamma \rangle$ )
    requiere {esfera = ESFERA0}
    asegura {esfera.semieje = ESFERA0.semieje + angulosrad}
}

```

Ejercicio 3. Especifique el TAD DobleCola $\langle T \rangle$, en el que los elementos pueden insertarse al principio o al final y se eliminan por el medio.

```

TAD DobleCola {
  obs elems: seq $\langle T \rangle$ 

  proc DobleColaVacía () : DobleCola
    asegura {res =  $\langle \rangle$ }

  proc encolarFinal (inout doblecola: DobleCola, in e: T)
    requiere {doblecola = DOBLECOLA0}
    asegura {doblecola.elems = concat(DOBLECOLA0.elems,  $\langle e \rangle$ )}

  proc encolarInicio (inout doblecola: DobleCola, in e: T)
    requiere {doblecola = DOBLECOLA0}
    asegura {doblecola.elems = concat( $\langle e \rangle$ , DOBLECOLA0.elems)}

  proc desencolar (inout doblecola: DobleCola) : T
    requiere {doblecola = DOBLECOLA0}
    requiere {cola.elems  $\neq \langle \rangle$ }
    asegura {res  $\notin$  doblecola.elems}

    asegura {res = DOBLECOLA0.elems  $\left[ \left\lceil \frac{|DOBLECOLA_0|}{2} \right\rceil \right]$ }
}

```

Ejercicio 4. Especifique el TAD `DiccionarioConHistoria`. El mismo guarda para cada clave, todos los valores que se asociaron con la misma a lo largo del tiempo (en orden)

```
TAD DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩ {
  obs data: dict<T,seq⟨K⟩>

  proc DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩ Vacio () : DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩
    asegura {res.data = {}}

  proc estaLaLlave (in dic:DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩ , in e: T) : Bool
    asegura {res = true  $\longleftrightarrow$  e  $\in$  dic.data}

  proc definir (inout dic: DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩ ,in k: T, in e: K)
    requiere {DIC0 = dic  $\wedge_L$  k  $\in$  RES0.data}
    asegura {dic.data[k][0] = setKey(DIC0.data,k,concat(DIC0.data[k],e))}

  proc consultarHistorial (in dic: DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩ , in k: T) : seq⟨K⟩
    asegura {res = res.data[k]}

  proc borrar (inout dic DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩ ,in k: T)
    requiere {dic = DIC0}
    requiere {k  $\in$  dic.data}
    asegura {dic.data = delKey(DIC0,k)}

  proc tamaño (in dic: DiccionarioConHistoriaT,seq⟨K⟩ ) :  $\mathbb{Z}$ 
    asegura {res = |dic.data|}
}
```

Ejercicio 5. Modifique el TAD `ColaDePrioridad` para que, si hay muchos valores iguales al maximo, la operacion `desapilarMax` los desapile a todos.

```
TAD ColaDePrioridad<T> {
  ---Toda la implementacion normal de ColaDePrioridad<T>---

  proc desapilarMax (inout cola:ColaDePrioridad<T>) : seq⟨T⟩
    requiere {cola = COLA0}
    asegura { $\nexists e \in cola.data, \exists e' \in COLA_0.data : tienePriMax(COLA_0.data, e') \wedge_L cola.data[e] = COLA_0.data[e']$ }
    asegura {( $\forall e \in COLA_0.data$ ) ( $tienePriMax(COLA_0.data, e) \wedge_L e \in res$ )  $\vee$  ( $\neg tienePriMax(COLA_0.data, e) \wedge_L e \notin res$ )}
    asegura {|res| = |COLA0| - |cola|}
}
```

No estoy seguro de si se puede usar el operando \in con diccionarios, ni si estoy asegurando que TODOS los elementos que saco de la cola sean incluidos en la secuencia de resultado, por ejemplo si tengo dos elementos en la cola con el mismo nombre y la misma prioridad, ambos van a la secuencia con la definicion que di? creo que no, que como uno ya pertenece el otro no necesariamente se agrega. ¿Comparar la cantidad que saco y el largo de la secuencia puede ser una opcion valida?