
```
% ECE 4560 - Homework 9.1
```

```
% Caitlyn Caggia
```

```
%forward kinematics:
```

```
syms l1 l2 l3 a1 a2 a3;
```

```
ge = [l1*cos(a1) + l2*cos(a1+a2) + l3*cos(a1+a2+a3);  
      l1*sin(a1) + l2*sin(a1+a2) + l3*sin(a1+a2+a3);  
      a1+a1+a3];
```

```
gw = [l1*cos(a1) + l2*cos(a1+a2);  
      l1*sin(a1) + l2*sin(a1+a2);  
      a1+a2];
```

```
%PART A
```

```
=====
```

```
xw = gw(1);  
yw = gw(2);  
thetae = ge(3);
```

```
gamma = atan2(yw, xw);  
r = sqrt(xw^2 + yw^2);  
delta = acos((l1^2 + l2^2 - r^2)/(2*l1*l2)) - pi;  
alpha = acos((l1^2 + l2^2 - r^2)/(2*l1*l2));  
beta = acos((l1^2 + r^2 - l2^2)/(2*l1*r));
```

```
a1 = gamma + beta;  
a2 = alpha - pi;  
a3 = thetae - a1 - a2;  
alphaparta = [a1; a2; a3]
```

```
%PART B
```

```
=====
```

```
l1 = 1; l2 = 0.5; l3 = 0.25;  
ge = [1.5560; 0.7288; 0.7854];  
geh = [R(ge(3)) [ge(1); ge(2)]; 0 0 1];  
g4 = [l3*cos(ge(3)); l3*sin(ge(3)); ge(3)];  
g4h = [R(ge(3)) [l3*cos(ge(3)); l3*sin(ge(3))]; 0 0 1];  
gw = geh * inv(g4h);
```

```
xw = gw(1,3);  
yw = gw(2,3);  
thetae = ge(3);
```

```
gamma = atan2(yw, xw);  
r = sqrt(xw^2 + yw^2);  
delta = acos((l1^2 + l2^2 - r^2)/(2*l1*l2)) - pi;  
alpha = acos((l1^2 + l2^2 - r^2)/(2*l1*l2));  
beta = acos((l1^2 + r^2 - l2^2)/(2*l1*r));
```

```
a1 = gamma + beta;  
a2 = alpha - pi;  
a3 = thetae - a1 - a2;
```

```

% all angles should fall in the range [-pi, pi]
if (a3 > pi)
    a3 = a3 - 2*pi;
elseif (a3 < -pi)
    a3 = a3 + 2*pi;
end

alphapartb = [a1; a2; a3]

alphaparta =

                                acos(((l2*cos(a1
+ a2) + l1*cos(a1))^2 + (l2*sin(a1 + a2) + l1*sin(a1))^2 + l1^2 -
l2^2)/(2*l1*((l2*cos(a1 + a2) + l1*cos(a1))^2 + (l2*sin(a1 + a2)
+ l1*sin(a1))^2)^(1/2))) + atan2(l2*sin(a1 + a2) + l1*sin(a1),
l2*cos(a1 + a2) + l1*cos(a1))

                                -acos(((l2*cos(a1 + a2)
+ l1*cos(a1))^2 + (l2*sin(a1 + a2) + l1*sin(a1))^2 - l1^2 - l2^2)/
(2*l1*l2))
2*a1 + a3 - acos(((l2*cos(a1 + a2) + l1*cos(a1))^2 + (l2*sin(a1
+ a2) + l1*sin(a1))^2 + l1^2 - l2^2)/(2*l1*((l2*cos(a1 + a2)
+ l1*cos(a1))^2 + (l2*sin(a1 + a2) + l1*sin(a1))^2)^(1/2)))
+ acos(((l2*cos(a1 + a2) + l1*cos(a1))^2 + (l2*sin(a1 + a2) +
l1*sin(a1))^2 - l1^2 - l2^2)/(2*l1*l2)) - atan2(l2*sin(a1 + a2) +
l1*sin(a1), l2*cos(a1 + a2) + l1*cos(a1))

alphapartb =

    0.4785
   -0.2944
    0.6012

```

Published with MATLAB® R2017a