
1.

2018 届研究生硕士学位论文

分类号: _____

学校代码: 10269

密 级: _____

学 号: 51151500079



華東師範大學

East China Normal University

硕 士 学 位 论 文

MASTER'S DISSERTATION

论文题目:
自主移动机器人空间永恒探索算法
的符号模型检测方法

院 系: 计算机科学与软件工程学院

专业名称: 软件工程

研究方向: 高可信计算理论与技术

指导教师: 张民 副教授

学位申请人: 蔡晓伟

2017 年 11 月

Dissertation for master degree in 2018

University Code: 10269

Student ID: 51151500079

EAST CHINA NORMAL UNIVERSITY

On Symbolic Model Checking of Mobile Robots Perpetual Exploration Algorithm

Department:	School of Computer Science and Software Engineering
Major:	Software Engineering
Research direction:	Trustworthy Computing Theory and Technique
Supervisor:	Assoc Prof. Zhang Min
Candidate:	Cai Xiaowei

2017.11

华东师范大学学位论文原创性声明

郑重声明：本人呈交的学位论文《自主移动机器人空间永恒探索算法的符号模型检测方法》，是在华东师范大学攻读硕士/博士（请勾选）学位期间，在导师的指导下进行的研究工作及取得的研究成果。除文中已经注明引用的内容外，本论文不包含其他个人已经发表或撰写过的研究成果。对本文的研究做出重要贡献的个人和集体，均已在文中作了明确说明并表示谢意。

作者签名:_____

日期: 年 月 日

华东师范大学学位论文著作权使用声明

《自主移动机器人空间永恒探索算法的符号模型检测方法》系本人在华东师范大学攻读学位期间在导师指导下完成的硕士/博士（请勾选）学位论文，本论文的研究成果归华东师范大学所有。本人同意华东师范大学根据相关规定保留和使用此学位论文，并向主管部门和相关机构如国家图书馆、中信所和“知网”送交学位论文的印刷版和电子版；允许学位论文进入华东师范大学图书馆及数据库被查阅、借阅；同意学校将学位论文加入全国博士、硕士学位论文共建单位数据库进行检索，将学位论文的标题和摘要汇编出版，采用影印、缩印或者其它方式合理复制学位论文。

本学位论文属于（请勾选）

- () 1. 经华东师范大学相关部门审查核定的“内部”或“涉密”学位论文*，于年月日解密，解密后适用上述授权。
- () 2. 不保密，适用上述授权。

导师签名:_____

本人签名:_____

年 月 日

* “涉密”学位论文应是已经华东师范大学学位评定委员会办公室或保密委员会审定过的学位论文（需附获批的《华东师范大学研究生申请学位论文“涉密”

审批表》方为有效), 未经上述部门审定的学位论文均为公开学位论文。此声明栏不填写的, 默认为公开学位论文, 均适用上述授权)。

蔡晓伟 硕士学位论文答辩委员会成员名单

姓名	职称	单位	备注
朱惠彪	教授	华东师范大学	主席
章玥	副教授	华东师范大学	无
毛宏燕	副教授	华东师范大学	无

摘 要

近年来,人类社会不断进步和科学技术飞速发展,机器人逐渐步入了人们的生活。尤其是在电子工业生产、航空航天、汽车生产等领域有着广泛的应用。随着人类活动空间的不断扩大,人类自身的机体能力有限的情况下,寄希望于移动机器人 (autonomous mobile robots) 能代替人自主完成空间探索任务,即机器人根据预设的移动算法,自主根据空间环境中其他机器人的位置,做出对应的移动策略,空间中所有机器人互相协作完成对未知空间的探索。因为机器人在预设定移动算法之后,没有人为进行干预其移动过程,所以这种类型的机器人称为自主移动机器人。

根据具体的物理空间定义移动算法是自主移动机器人完成指定探索任务的核心问题,机器人移动算法决定了机器人的移动行为。移动空间模型由原始的连续二维欧几里德空间模型,逐渐演化成为有限位置的离散空间模型。对于机器人移动过程有三种调度模型:完全同步模型 FSYNC(Full-synchronous model)、半同步调度模型 SSYNC(Semi-synchronous model)、异步调度模型 ASYNC(Asynchronous model)。离散空间模型下,已经有了最小移动算法、最大移动算法以及其他的相关研究成果,之前对于这些研究问题的验证过程使用的是手动推演的方式,然而手动推演不仅过程冗长复杂,推演过程中也容易出现错误。尤其对于异步调度模型,存在快照过时的情况,根本无法使用手动推演的方式进行推演验证。

形式化方法因其自动性、严谨性与高效性逐渐被用于各种自主机器人移动算法的验证。使用 DVE 形式化语言描述机器人移动算法,在模型检测工具 DiVinE 和 ITS 中进行验证移动算法是否满足永恒探索。同时也有使用基于重写逻辑的 Muade 形式化建模语言,进行移动算法的建模,验证异步调度模型中最小移动算法是否满足永恒探索。

本文以验证自主移动机器人空间永恒探索算法为例,提出自主移动机器人符号模型检测方法,该方法不依赖某个具体的初始状态,且适用于不同的调度模型。同时,借助符号模型检测的高效性,有效避免状态爆炸问题。利用 nuXmv 符号模型验证工具对机器人探索算法在三种调度模型:完全同步模型、半同步模型 SSYNC、异步模型进行建模并利用 LTL 公式定义算法的永恒探索性质,最终实现移动算法的形式化验证。验证结果表明在假设初始状态未知的条件下依然可验证性质不被满

足并找到反例. 同时, 实验数据表明了符号模型检测对自主移动机器人算法形式化验证的可行性与高效性.

关键词: nuXmv, 移动机器人, 空间探索, 符号模型检测, 形式化验证

ABSTRACT

With the development of Internet of Things technology, the role that autonomous mobile robots play in the network is becoming increasingly important. Formal verification of the correctness of autonomous mobile robots has become a new research topic. Most of the existing approaches either suffer state-explosion problem or rely on concrete initial states, which however are usually not undefined and have to be enumerated to make verification complete. In this paper, we propose a symbolic model checking approach to the formal verification of a typical autonomous mobile robot system called mobile robot perpetual exploration system. For the symbolicity feature of the model checking, the verification does not rely on specific initial states and meanwhile state-explosion problem can be avoided. We use the state-of-the-art symbolic model checker nuXmv to verify the mobile robot perpetual exploration algorithm under three different scheduling modes called full synchronous model (FSYNC), semi-synchronous model (SSYNC) and asynchronous model (ASYNC). Experimental results show that even without providing specific initial states a counterexample can be found in our approach for the perpetual exploration property, which coincides with the existing verification result which is obtained by model checking with specific initial states. Meanwhile, the experimental data shows the feasibility and efficiency of symbolic model checking in the formal verification of autonomous mobile robot systems.

Keywords: *nuXmv, LTL, Mobile robots, space exploration, symbolic model checking*

目录

第一章 绪 论	1
1.1 研究背景	1
1.2 国内外研究现状	2
1.3 研究内容和方法	2
1.4 论文结构	2
第二章 nuXmv 的介绍	4
2.1	5
2.2 本章小结	5
第三章 机器人探索算法和调度策略	6
3.1 机器人和探索空间	6
3.1.1 探索空间定义	6
3.1.2 机器人移动三个阶段	7
3.1.3 机器人移动调度模型	7
3.2 环形空间探索算法	10
3.2.1 机器人视觉快照	10
3.2.2 机器人移动算法	12
3.3 探索终止和永恒探索	15
3.3.1 探索终止	15
3.3.2 永恒探索	16
3.4 本章小结	16

第一章 绪论

1.1 研究背景

移动机器人是一种集环境感知、智能决策与规划、行为控制与执行等多种功能于一体的综合系统。它集中了传感器技术、信息处理、电子工程、计算机工程、自动化控制工程以及人工智能等多学科的研究成果，代表机电一体化的最高成就，是目前科学技术发展最活跃的领域之一。随着机器人性能不断地完善，移动机器人的应用范围大为扩展，不仅在工业、农业、医疗、服务等行业中得到广泛的应用，而且在城市安全、国防和空间探测领域等有害与危险工作环境中得到很好的应用。因此，移动机器人技术已经得到世界各国的普遍关注。

自主移动机器人的研究开始于上个世纪六十年代末期。斯坦福大学研究院(SRI)的查尔斯·罗森(Charles Rosen)等人，在1966年到1972年终研发出了命名为Shakey的自主移动机器人。这台机器人被用于人工智能技术的研究，包括复杂环境下机器人的自主逻辑判断、移动路径规划和移动控制。同时，简易的操作式步行机器人也问世，操作式步行机器人步行系统方面的研究是当时的研究热点，解决机器人通过不平整地区的运动不稳定的问题，随后研发和制造拥有多足步行机器人。上个世纪七十年代末，随着计算机嵌入式系统和传感器技术的飞速发展，又迎来了自主移动机器人的研发新高潮。特别是八十年代中期，机器人的研发和设计浪潮席卷全球，当时世界一些著名的科学技术公司着手研制机器人。自从九十年代以来，随着高精度地理环境信息传感器、高速中央处理器、嵌入式控制技术 etc 达到较高水平，以真实物理环境下路径规划技术为标志，对移动机器人开展了更深层次的研究。

许多应用设想在没有中央调度结构的情况下，移动机器人通过自主组织和相互协作，共同完成任务，包括地图的构建、环境检测、城市搜索救援、表面清理、危险区域监控、未知空间的探索等等。在这类的应用中移动算法是保证机器人共同完成任务的关键，意味着移动算法需要进行正式和详尽的验证。在本文中主要关注机器人空间巡逻问题，机器人空间巡逻问题包括巡视一个区域以便检查或保护它，并被广泛的应用于军事、民事领域和一些特殊的系统中。它们可以通过所谓的勘探协议来解决，勘探协议有两种变体，探索终止 (exploration with stop) 和永恒探索 (perpetual exclusive exploration), 分别在文献【f1】和【f1】被提出来。对于探索终止是空间中所有的位置被探索之后，到达某个状态所有机器人永远停止移动。永恒探索是空间中所有机器人都对空间中的每个位置进行反复的访问，永不停止。

1.2 国内外研究现状

1.3 研究内容和方法

1.4 论文结构

本文结构具体如下：

第一章介绍了自主移动机器人空间探索问题在当前和未来实际应用中的重要性 and 该领域取得的成果与发展。自主移动机器人空间探索算法的核心问题是根据具体的物理空间如何定义自主移动机器人的行为以保证其完成预设的任务. 针对该问题，目前主要使用手动推演与模型检测技术，以验证自主移动机器人算法或协议满足一定的性质。对于稍微复杂一点的移动算法或者移动协议，手动推演的方式，不仅过程冗长复杂，而且容易出现错误或者疏漏。尤其是异步模型调度的情况下，手动推演方法根本就无法进行验证。模型检测技术具备自动性、严谨性和高效性，逐渐被用于各种自主移动机器人算法的验证中。并引出 nuXmv 实现符号模型检测的方法用于自主移动机器人探索算法或协议的建模与验证。

第二章对 nuXmv 语言进行详细介绍, 包括 nuXmv 的基础语法、表达式、几种常用的关键字, 模块组件、异步系统模型。并对 nuXmv 中线性时序逻辑 (LTL) 模型检测进行了介绍。详细介绍了线性时序逻辑 (LTL) 在 nuXmv 中的使用。

第三章以自主机器人永恒空间探索协议为例, 详细描述在环形空间模型中机器人、空间路径、位置结点等的数学定义。在此基础上, 使用 nuXmv 对自主移动机器人算法或协议在三种不同调度策略下模型的构建。具体介绍了使用 LTL 公式描述永恒探索性。

第四章本章在模型创建的基础上, 分别在三种调度策略的情况下, 利用 nuXmv 提供的基于 BDD 方法及 SMT 方法实现了机器人探索协议的符号模型检测, 验证不同机器人数和图结点数下, 协议是否满足永恒探索的需求. 当出现不满足情况时, nuXmv 给出不满足的状态路径作为反例, 分析性质不被满足的具体原因。

第五章对全文工作做了总结。对实验方法和验证结果进行了分析, 总结本文的主要贡献。讨论了 nuXmv 符号模型检测在空间探索协议验证的 BDD 方法和 SMT 方法的选择性, 指出了本文工作中的一些不足点, 对未来自主机器人领域的研究内容进行了展望。

第二章 nuXmv 的介绍

nuXmv 是一种新的符号模型检测器，支持有限状态系统和无限状态系统的建模分析。nuXmv 继承 NuSMV，支持所有的 NuSMV 的功能。在 NuSMV 功能基础上，不仅在有限状态系统和无限状态系统两个方面增加了新的特性，还在其他方面进行了提升。NuSMV 是在一种基于 BDD 算法实现的 SMV 验证器上进行重新实现和功能拓展所得出的验证工具。NuSMV 被设计成一种开放式的模型检测框架，作为一个高可信的验证工具被广泛的应用于工业设计以及其他研究领域。在 NuSMV2 版本中，功能得到进一步提升，不仅具备原来由科罗拉多大学研发的 BDD 算法模型检测组件，而且添加了 SAT 模型检测组件，SAT 模型检测组件中包含基于 RBC 的边界模型验证器。到了 2.5.0 版本，热那亚大学为 NuSMV 捐献了 SIM，SIM 中包含最新的 SAT 算法解析器，其中的 RBC 软件包支持边界模型检测算法。

同 NuSMV 相比较，nuXmv 为状态和输入变量新增两种数据类型实数 (real) 和整数 (integer)，这使用户能够对无限状态转换系统的规范进行建模。添加了新的结构，用于指定抽象技术中谓词。nuXmv 不仅支持所有的 NuSMV 交互式命令，而且添加一些新特性对应的新的操作命令，应用于有限状态转移系统中新的模型检测算法和无限状态转移系统中基于 SMT 的新的检测算法。

nuXmv 支持计算树逻辑 (CTL) 和线性时态逻辑 (LTL)，在 nuXmv 代码中使用 CTL 或者 LTL 公式描述初始性质和验证性质，使得代码比较简洁、具备更强的表达能力。在无限状态系统验证过程中使用基于 SMT 的验证方法，大大提升验证的效率，特别是在验证不满足性时，可以高效的求得不满足的反例。nuXmv 不仅可

以构建同步系统模型，而且可以构建异步系统模型，满足一些系统建模的需求。由于 nuXmv 支持多种建模验证方式，用户可以按照自己的需求进行选择。

2.1

2.2 本章小结

第三章 机器人探索算法和调度策略

3.1 机器人和探索空间

3.1.1 探索空间定义

离散模型中，探索空间一般抽象为一个无向连通图，图的每个结点代表空间上机器人可达的位置，边代表机器人可以通过的路径，机器人沿着该路径到达相邻的空间位置。空间中每个位置结点在同一个时间至多只有一个机器人。

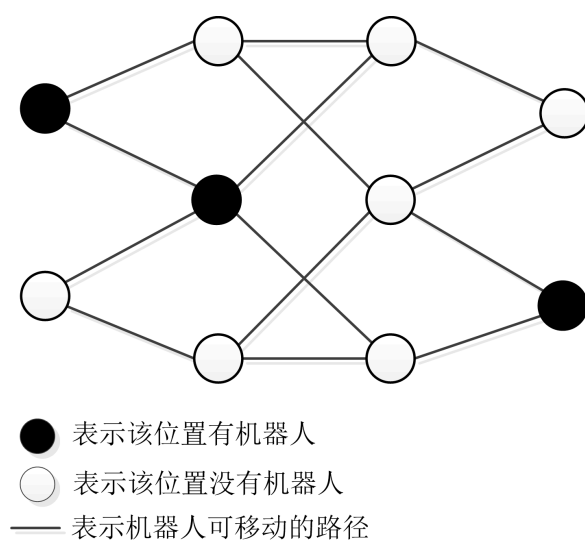


图 3.1: 无向连通图表示探索空间

如图3.1给出了一个简单的离散探索空间的无向连通图表示，黑色结点表示该空间位置在此刻有一个机器人，白色结点说明该空间位置上没有机器人，图中有三个机器人，分别位于三个黑色的空间结点上。类似于计算机网络拓扑结构，探索空间结构也有总线拓扑结构、星型拓扑结构、环形拓扑结构、树形拓扑结构等。

3.1.2 机器人移动三个阶段

离散空间上每个机器人的移动分为三个阶段，分别是观察 (look)、计算 (compute) 和移动 (move)。在观察阶段，机器人通过自身的视觉传感器，获取空间环境中其他机器人的位置快照信息。然后进入计算阶段，计算阶段根据观察阶段获取的位置快照信息，匹配自身预先设置的移动算法，计算得出下一步的移动策略。移动策略包括机器人是否移动，若是移动，则是沿着那条路径进行。移动阶段，机器人的动力装置按照计算阶段的所得移动决策作出对应的移动。

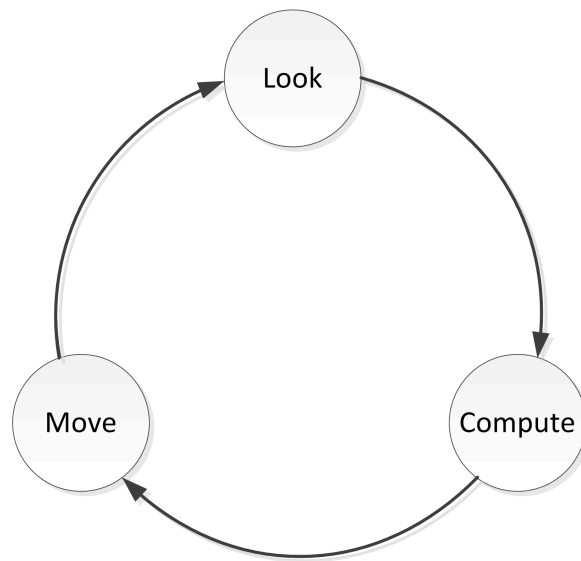


图 3.2: 机器人移动三阶段

如图3.2描述了机器人移动的三个阶段，这三个阶段按照观察阶段、计算阶段、移动阶段，完成移动阶段之后又进入观察阶段，这样不断重复三个移动阶段。

3.1.3 机器人移动调度模型

原有模式中，Suzuki 假设空间中机器人个数大于 0，机器人的移动三个阶段具有原子性，且机器人之间的运动过程是同步的，提出了移动调度策略的两种变体，分别是完全同步调度模型 FSYNC(fully-synchronous model) 和半同步调度模型 SSYNC(semi-synchronous model)。后来由 Flocchini 等人提出了异步调度模型 ASYNC (asynchronous model)，该异步调度模型中，机器人观察, 计算, 移动三个移

动阶段不再具备原子性，这样可能会出现机器人使用过时的快照信息做出移动决策。

下面使用数学和算法知识来描述完全同步调度模型、半同步调度模型、异步调度模型具体的内容。

假设在一个离散空间中存在 $k (k \in N^+)$ 个机器人，使用集合 $Rob = \{r_1, r_2, r_3, \dots, r_k\}$ 表示。空间位置结点可以按照一定顺序，对其进行编号，编号是空间位置结点的唯一标识，使用集合 $Pos = \{n \in N^+ | 0, 1, 2, \dots, n-1\}$ 表示空间所有空间位置结点，每个元素对应唯一一个空间位置结点。机器人是在空间位置结点上的，所以机器人与空间位置结点的映射关系使用 $p : \{Rob \rightarrow Pos\}$ 表示，机器人 r 在某个时间所在图中的位置结点编号就为 $p(r \in Pos)$ 。对于 Rob 中的任意两个机器人 $r_i, r_j (i \neq j)$ ，在任意一个时刻满足位置结点不相同 $p(r_i) \neq p(r_j)$ ，即空间中任意时刻一个位置结点上至多只有一个机器人。

前面使用数学中的集合和映射定义了探索的离散空间、机器人已经机器人在空间结点上的函数关系，在此基础上，下面将介绍机器人移动的三种调度模型。完全同步调度模型是半同步调度模型的一种特殊情况，所以先介绍半同步调度模型，在介绍完全同步调度模型。完全异步调度模型完全与前面两种调度模型有较大区别，所以放在最后介绍。

将机器人移动的一个完整的观察、计算、移动称为完整移动阶段，在半同步调度模型中， Rob 集合中只有选中的机器人才进行完整移动阶段。而半同步调度模型所有机器人都是同步而且观察、计算、移动都是具备原子性，所以可以每次选中的机器人是一个非空集合 $Sched \subseteq Rob$ ，在一个完整移动阶段开始之前，只有选入集合 $Sched$ 的机器人才会执行完整移动阶段，即 $\forall r \in Sched$ 执行观察、计算、移动，而 $\forall r \notin Sched$ 不执行。等到下一个完整移动阶段之前，又会从 Rob 随机选择一个机器人 $Sched \subseteq Rob$ ，重复上述过程。这就是半同步调度模型机器人调度的性质。下面使用简易算法过程，详细描述一下半同步调度模型中机器人执行完整移动阶段的过程。

1 SSYNC-SCHEDULE(Rob)

```

2 while
3   choose Sched from Rob
4   synchronous {
5     foreach r in Sched{
6       r.look
7       r.compute
8       r.move
9     }
10  }

```

半同步调度模型 SSYNC-SCHEDULE 的传入参数是机器人集合 **Rob**, 首先从 **Rob** 集合中选择子集合 **Sched** 且 $Sched \neq \emptyset$ 。关键字 **synchronous** 表示同步块中所有机器人同步完成移动阶段。在 **Sched** 集合中的每个机器人开始同步执行观察、计算、移动。完成之后, 又重新开始随机选择子集合 **Sched**, 重复不断执行上述过程。

完全同步调度模型是半同步调度模型中一种很特殊的情况, 每次随机选择的集合 $Sched = Rob$, 即每次完整移动阶段之前在集合 **Rob** 中所有的机器人都被选中。使用算法过程描述如下:

```

1 FSYNC-SCHEDULE(Rob)
2 while
3   synchronous {
4     foreach r in Sched{
5       r.look
6       r.compute
7       r.move
8     }
9   }

```

同半同步调度模型相对较而言, 完全同步调度模型只是在每次选择集合 *Sched* 有所不同, 其他过程完全相同。

而完全异步调度模型中, 所有的机器人观察、计算、移动都是异步, 没有原子性。类似于计算机系统的多线程, 每个机器人的移动都是并行且互相之间没有同步约束, 当一个机器人在观察时, 其他机器人可能在执行计算或者移动。每个机器人执行移动的快慢完全是随机的, 所以可能会出现机器人在观察阶段通过视觉传感器获得快照是过时的。

```

1 ASYNC-SCHEDULE(Rob)
2 asynchronous {
3   foreach r in Rob{

```

```

4      while{
5          r.look
6          r.compute
7          r.move
8      }
9  }
10 }
```

上述完全异步调度模型算法中, 关键字synchronous 表示 Rob 中所有的机器人都异步执行移动, 对于每个机器人而言, 都是在按照顺序不断重复执行观察、计算和移动过程, 即整个过程中机器人都是并行执行完整移动阶段。

3.2 环形空间探索算法

探索空间结构有总线拓扑结构、星型拓扑结构、环形拓扑结构、树形拓扑结构, 不同的探索空间结构有各自的特点, 本文以环形拓扑结构空间为例. 首先介绍环形拓扑结构环上的机器人视觉快照、匹配移动算法获取移动决策、移动决策的执行. 在此基础上, 将介绍永恒探索移动算法的相关概念.

3.2.1 机器人视觉快照

图3.3给出一个简单的环形拓扑结构探索空间的例子。根据环形空间的自身特点, 沿着环的顺时针方向, 从0 开始递增进行编号。所有位置编号组成的集合为 Pos, 图中黑色结点表示该位置结点上有机器人, 白色结点表示该位置结点上没有机器人。下面给出某个时刻某个结点上机器人的数量的定义。

定义 1 (机器人所在位置编号) 对于机器人 r , 其所在探索空间中位置的编号使用符号 $c_{(r)}, c_{(r)} \in Pos$ 。

定义 2 (结点机器人个数) 结点机器人数 d_j , j 表示结点的编号 $j \in Pos$, 当结点 j 上有 k ($k > 0$) 机器人表示为 $d_j = k$, 本文中同一时刻每个结点至多有一个机器人, 在结点上存在机器人时 $d_j = 1$, 当结点 j 没有机器人时, 表示为 $d_j = 0$ 。

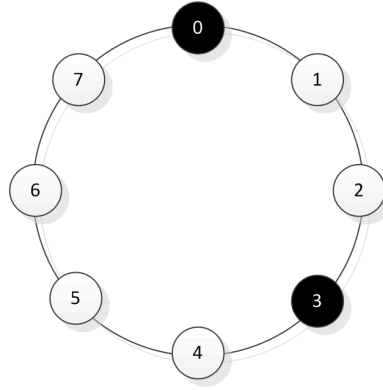


图 3.3: 环形拓扑结构探索空间

在环形拓扑结构的离散空间中，空间中的每个机器人可以顺时针观察，也可以逆时针观察。那么机器人每次观察的位置信息快照就有顺时针位置信息快照和逆时针位置信息快照两种，为了方便描述，给出某个位置上机器人获取位置信息快照的定义，如下：

定义 3 (机器人快照) 离散空间上位置结点 $p \in Pos$ ， j 上的机器人通过视觉传感器获取的位置快照为 δ_p^F ，其中 $F \in \{+, -\}$ ， $+$ 表示顺时针， $-$ 表示逆时针。

在拥有 n 个位置结点的环形拓扑结构的探索空间上，任意位置结点 j 上机器人的顺时针和逆时针快照如下：

顺时针序列定义： $\delta_p^+ = \langle d_j, d_{j+1}, \dots, d_{j+n-1} \rangle$.

逆时针序列定义： $\delta_p^- = \langle d_j, d_{j-1}, \dots, d_{j-n+1} \rangle$.

如图3.3中以位置编号为 0 的结点为例，其结点上机器人的顺时针和逆时针位置信息快照如下：

顺时针序列1： $\delta_0^+ = \langle 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0 \rangle$.

逆时针序列1： $\delta_0^- = \langle 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0 \rangle$.

虽然上述位置快照信息描述比较简洁和直观，但是当空间结点数 n 较大时，位置快照信息就过长，不利于描述。后来由 Ielia.Blin 在其文献 [Ring] 中提出了一种新的位置快照F-R 表达方式，F-R 表达方式中使用 F_m 表示连续的 m 个空间位

置结点上没有机器人, R_n 表示连续的 n 个空间位置结点上有机器人。那么顺时针序列 1 和逆时针序列 1 转化为 F-R 的表达方式为:

顺时针F-R序列1: $\delta_0^+ = \langle R_1, F_2, R_1, F_4 \rangle$.

逆时针F-R序列1: $\delta_0^- = \langle R_1, F_4, R_1, F_2 \rangle$.

定义 4 (机器人快照 F-R 表达式) $k(k \in N^+)$ 个机器人在 $n(n \in N^+)$ 个位置结点环形空间中, 且 $k < n$, 使用符号 R 和 F 所组成的符号序列表示机器人快照。带下标的 R_i 表示连续 i 个空间位置结点, 每个位置结点被一个机器人占据。带下标的 F_j 表示连续 j 个空间位置结点, 每个位置结点上都没有机器人。

机器人快照 F-R 表达式不仅可以解决环形空间结点数 n 较大, 不易描述的问题, 而且可以通过下角标使用未知变量, 表达连续没有机器人位置结点数和有机器人位置结点数, 增强了表达式的灵活性、可读性和表达能力。

3.2.2 机器人移动算法

机器人移动算法是保证自主机器人协同完成设的任务的核心, 在同一个探索空间中的机器人都预先设置完全相同的移动算法。机器人的可能的移动策略取决于其所在探索图形状, 本小节主要介绍环形探索图中的机器人移动算法。

环形探索图中, 对于某个位置结点 g 上的机器人来说, 若其视觉快照 $\delta_g^+ = \delta_g^-$, 称为对称 (symmetry)。由于对称情况的存在, 所以机器人的移动存在四种方式: 不移动 (Idle)、前进 (Front)、后退 (Back)、未确定 (Doubt)。未确定的情况是位置结点上的机器人顺时针视觉快照和逆时针视觉快照相同, 那么该结点上机器人可能前进或者后退。未确定表示此时机器人随机选择前进或者后退。

本文中的机器人移动算法, 是机器人快照 F-R 表达式和对应四种移动方式组合而成。下面使用机器人最小移动算法为例, 详细介绍机器人移动算法。最移动算法是指环形探索空间中, 空间位置结点数 $n \geq 10$, 图上的机器人 $k = 3$, 且 n 和 k 数量关系上互质。最移动算法分为两个阶段: 稳定阶段 (Legitimate phase) 和收

收敛阶段 (*Convergence phase*)。

表 3.1: 最小移动算法稳定阶段

$RL1$	$\delta_{c(r)}^F = \langle R_2, F_2, R_1, F_{n-5} \rangle$	\rightarrow	$r.Back$
$RL2$	$\delta_{c(r)}^F = \langle R_1, F_1, R_1, F_{n-6}, R_1, F_2 \rangle$	\rightarrow	$r.Front$
$RL3$	$\delta_{c(r)}^F = \langle R_1, F_3, R_2, F_{n-6} \rangle$	\rightarrow	$r.Front$

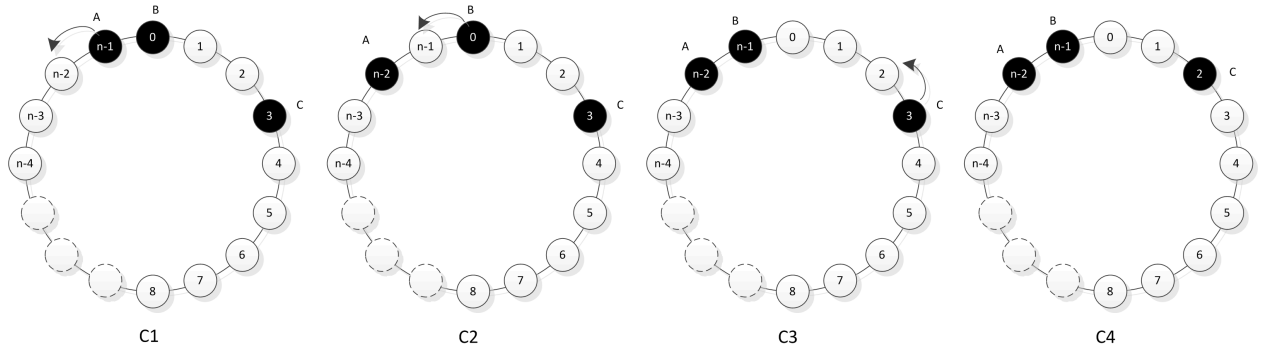


图 3.4: 最小移动算法的稳定阶段

在图3.4中，给出了三个机器人按照预设的稳定阶段算法运动过程的例子，C1中机器人A的顺时针位置信息快照 $\delta_{c(A)}^+$ 匹配移动算法 $RL1$ 做出后退的移动决策，机器人A从位置结点 $n-1$ 移动到 $n-2$ ，其他机器人B和C此时没有匹配任何移动算法，保持静止。C2中机器人B的逆时针位置快照 $\delta_{c(B)}^-$ 匹配移动算法 $RL2$ ，做出前进的移动决策，机器人A从位置结点0移动到 $n-1$ 。同样机器人C的逆时针位置快照信息，匹配移动 $RL3$ 做出前进的移动决策。图中C1和C4进行对比，图中三个机器人的位置都向顺时针移动了一位，C4中A获取的位置信息F-R表达式同C1中的A获取的位置信息F-R表达式相同。意味着整个系统会按照上述C1到C4过程重复执行，而且每次执行之后，所有机器人都会向逆时针方向移动一位。这说明系统进入了稳定阶段，稳定阶段的系统状态称为稳定状态。系统进入稳定状态之后，就会一直停留在稳定阶段中。介绍了最小移动算法的稳定阶段之后，下面介绍其收敛阶段。

表 3.2: 最小移动算法收敛阶段

RC1	$4 \leq x \leq z \wedge \delta_{c(r)}^F = \langle R_1, F_x, R_2, F_z \rangle.$	\rightarrow	$r.Front$
RC2	$x \neq y, x > 0 \wedge \delta_{c(r)}^F = \langle R_1, F_x, R_1, F_y, R_1, F_x \rangle.$	\rightarrow	$r.Doubt$
RC3	$0 < x < z < y \wedge (x, y) \neq (1, 2) \wedge \delta_{c(r)}^F = \langle R_1, F_3, R_2, F_{n-6} \rangle.$	\rightarrow	$r.Front$
RC4	$\delta_{c(r)}^F = \langle R_3, F_{n-3} \rangle.$	\rightarrow	$r.Back$
RC5	$\delta_{c(r)}^F = \langle R_1, F_1, R_2, F_{n-4} \rangle.$	\rightarrow	$r.Back$

在表??中，是最小算法的收敛算法，系统状态除了稳定状态之外的都称为收敛状态，系统任意收敛状态都可以通过收敛算法到达稳定状态。下面将以最小移动算法为例，具体介绍系统如何从任意的一个状态到达稳定状态。

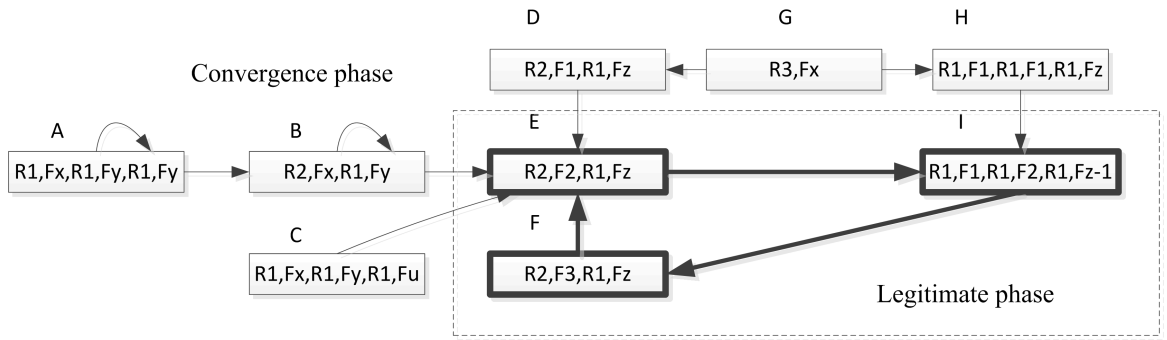


图 3.5: 最小机器人移动算法状态转移

图3.5，描绘了完全同步调度模型和半同步调度模型中，最小移动算法中的稳定阶段和收敛阶段的所有状态，移动机器人所在空间位置结点上的视觉快照，匹配移动算法中状态，满足则按照对应的移动策略做出移动动作。每当机器人做出移动之后，空间中位置信息就会发生变化，系统的状态发生改变。虚线方框中的表示稳定阶段的三种状态，构成了有向强连通图。进入稳定阶段的状态，就会在三种状态之间按照箭头指向顺序，不断重复转换，再也不能进入除此三种状态以外的状态了。对于虚线以外的状态称为收敛状态，收敛状态可以通过收敛算法逐渐到达稳定状态。

3.3 探索终止和永恒探索

由 Flocchini 在文献 [1] 提出了探索终止 (exploration with stop) 问题, 所谓探索终止是指空间中每个位置结点都会被至少一个机器人访问一次, 在空间上每个结点都被访问之后, 所有机器人都停止不动。Flocchini 证明了环形空间, 位置结点数 n 和机器人数量 k , 若 n 对 k 取模为 0, 那么没有移动算法满足探索终止性质。同时, 文献中给出一组确定性的移动算法, 在机器人数量 $k \geq 17$, 机器人数量 k 与结点数 n 互质时, 满足探索终止性。永恒探索 (perpetual exclusive exploration) 是指空间中每个机器人对空间中的每个结点重复的访问, 并且该过程是不停止的。

探索终止和永恒探索都是自主机器人对空间位置结点的巡查模式, 这两种巡查模式都是确保机器人协作完成预设探索空间任务的方式。探索终止和永恒探索只有微小区别, 在本质上是所有空间位置结点都被机器人访问。本小节介绍探索终止和永恒探索具体内容。

3.3.1 探索终止

对于环形探索空间来讲, 无论空间中所有机器人在什么初始位置, 给出一个移动算法使得机器人组在有限时间内满足探索终止。这可以归纳为两条性质, 如下:

探索性 (Exploration): 环上每个结点至少被一个机器人访问。

终止性 (Termination): 在满足探索性前提下, 最终到达某一状态使得所有的机器人都保持静止, 不再移动!

对于第二条性质而言, 要求机器人“记住”环形探索图中有多少位置结点已经被访问了, 即这些没有记忆存储的机器人通过它们当前获取的视觉快照, 区分探索过程中不同阶段。这两种属性也可以使用 LTL 公式来表示, 如下:

探索性 (Exploration): $\bigwedge_{j=0}^{n-1} \Diamond (d_j > 0)$ 。

终止性 (Termination): $\bigwedge_{j=0}^{n-1} \Diamond (d_j > 0)$ 。

3.3.2 永恒探索

对于一个环形探索空间中，机器人任意初始状态，每个机器人在预设的移动算法下，都可以对环形探索空间中的任意一个位置结点无限反复的进行访问。对于同于的位置结点而言，在同一时刻至多只能有一个机器人占据，称为非冲撞性 (No collision)。对于相邻的两个机器人，不能同时通过相邻边互换空间位置，即相邻的两个机器人不能在相邻的边上发生碰撞，该性质称为非互换性 (No switch)。环形图中每个机器人都必须对探索空间中任何一个位置结点进行反复的访问，且永不停止，称为非终止性 (Live)。上述三条性质就是永恒探索内意义，满足上述三条性质的算法称为永恒探索算法。下面使用 LTL 公式分别描述这三条性质：

非冲撞性 (No collision): $\bigwedge_{i=1}^k \bigwedge_{j=1}^k \Box (i \neq j \rightarrow c_{r_i} \neq c_{r_j})$ 。

非互换性 (No switch): $\bigwedge_{h=0}^{n-1} \bigwedge_{i=1}^k \bigwedge_{j=1}^k \Box (c(r_i) = h \wedge c(r_j) = (h+1) \bmod n \rightarrow (\neg (c(r_i) = (h+1) \bmod n) \wedge c(r_j) = h))$ 。

非终止性 (Live): $\bigwedge_{h=0}^{n-1} \bigwedge_{i=1}^k \Box \Diamond (c(r_i) = h)$ 。

上述三条 LTL 公式描述性质中， n 表示探索空间的位置结点数， k 表示探索空间中的机器人数量。在异步调度模型中，上述三条性质都必须在公平性为前提，即任何一个机器人都可以被无限次的调度，才能满足永恒探索。公平性的 LTL 公式描述如下：

公平性 (Fairness): $\bigwedge_{i=1}^k \Box \Diamond (r_i.running = true)$ 。

3.4 本章小结

本章首先使用数学定义方式，分别描述了空间位置结点，机器人移动的三个阶段观察、计算和移动。将机器人移动的三个阶段是否有原子性，以及机器人是否同步移动为调度模型的划分依据，介绍了三种调度模型完全同步调度模型、半同步调度模型和异步调度模型。介绍了机器人视觉快照表达式，F-R 视觉快照表达式更加灵活，且表达能力更强。移动机器人算法是以视觉快照为依据，所以移

动机器人算法是以视觉快照和对应的预设移动组合的式子，后续由以最小移动算法为例，讲解了稳定阶段和收敛阶段。自主移动机器人的核心是机器人协作完成预设任务，所以介绍了探索终止和永恒探索两种任务问题，并使用 LTL 公式具体描述了其满足的性质。