# 计算概论(C语言) 习题课讲义04

## 内容概要

- 判断语句
- 循环语句
- 循环算法举例

## 判断语句

```
if(boolean_expression)
{
    /* 如果布尔表达式为真将执行的语句 */
}
else
{
    /* 如果布尔表达式为假将执行的语句 */
}
```

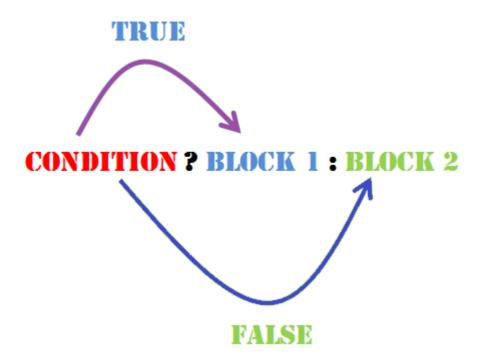
#### 或者嵌套时,

```
if (boolean_expression 1)
{
    /* 当布尔表达式 1 为真时执行 */
}
else if ( boolean_expression 2)
{
    /* 当布尔表达式 2 为真时执行 */
}
else if ( boolean_expression 3)
{
    /* 当布尔表达式 3 为真时执行 */
}
else
{
    /* 当上面条件都不为真时执行 */
}
```

关系表达式只有两种可能的结果,成立为真,反之为假。由于C语言没有专门表示逻辑值的类型,所以任何基本类型的值都可以当做逻辑值使用。零表示假,非零表示真。

### 演示:零表示假,非零表示真

条件运算符?:,可以用来替代 if...else 语句.



## 注意点

- 5>=3>=1的理解
- 将==打成=的手误

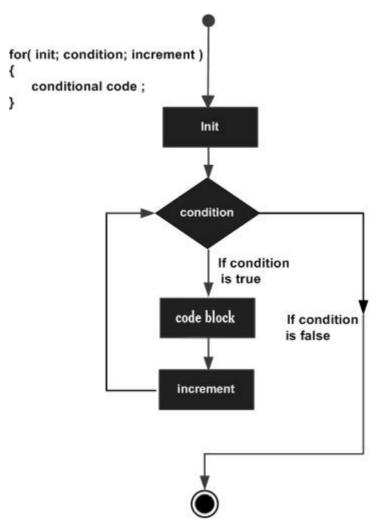
## 循环语句

- 1. while循环
- 2. do...while循环
- 3. for循环

```
while(condition)
{
   statement(s);
}
```

```
do
{
   statement(s);
}while(condition);
```

```
for ( init; condition; increment )
{
   statement(s);
}
```



演示:三种循环方式实现 1+2+...+100

## 循环算法举例

## 辗转相除法

又名<u>欧几里得方法</u>,是求两个整数数最大公约数的经典算法。

原理: gcd(a,b)=gcd(b,a%b)

举例,48和20的最大公约数

- 1. 48/20=2...8
- 2. 20/8=2...4
- 3. 8/4=2...0

### 伪代码

```
function gcd(a, b)
while b ≠ 0
    t := b;
    b := a mod b;
    a := t;
return a;
```

#### 名词解释:算法和伪代码

算法:In mathematics and computer science, an algorithm is an unambiguous specification of how to solve a class of problems. From <u>wikipedia</u>.

#### 不得不提的一个人Muhammad ibn Musa al-Khwarizmi

- The term algebra itself comes from the title of his book.
- His name gave rise to the terms algorism and algorithm.

伪代码(pseudocode)是一种非正式的,类似于英语结构的,用于描述模块结构图的语言.使用伪代码的目的 是使被描述的算法可以容易地以任何一种编程语言(Pascal,C,Java等)实现。

#### 思考:

- 1. 基于上面的结果,如何求两个整数的最小公倍数?
- 2. 基于上面的结果,如何求三个整数的最大公因数?

## 二分法求根

#### 链接: Wikipedia

In mathematics, the bisection method is a root-finding method that applies to any continuous functions for which one knows two values with opposite signs.

#### 伪代码:

```
INPUT: Function f,
       endpoint values a, b,
       tolerance TOL,
       maximum iterations NMAX
CONDITIONS: a < b,
            either f(a) < 0 and f(b) > 0 or f(a) > 0 and f(b) < 0
OUTPUT: value which differs from a root of f(x) = 0 by less than TOL
While N \leq NMAX # limit iterations to prevent infinite loop
 c \leftarrow (a + b)/2 \# new midpoint
  If f(c) = 0 or (b - a)/2 < TOL then # solution found
    Output(c)
    Stop
  EndIf
  N \leftarrow N + 1 \# increment step counter
  If sign(f(c)) = sign(f(a)) then a \leftarrow c else b \leftarrow c \# new interval
EndWhile
Output("Method failed.") # max number of steps exceeded
```

## Newton法求根

#### 链接: Wikipedia

In numerical analysis, Newton's method (also known as the Newton–Raphson method), named after Isaac Newton and Joseph Raphson, is a method for finding successively better approximations to the roots (or zeroes) of a real-valued function.

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

#### 循环终止的条件?

- | f(x) | == 0?
- | f(x) | is small?
- | x-x\_old | is small?

Newton方法的鲜明特点是"局部二次收敛";

#### 局部性质:

举例:  $f(x) = x^3 - 2x^2 - 11x + 12 = (x - 4)(x - 1)(x + 3)$ ,编程尝试Newton方法在如下初值下的收敛结果。

- 1. x0=2
- 2. x0=2.35287527
- 3. x0=2.35284172
- 4. x0=2.35283735

### 二次收敛:

举例:f(x)=x^2-19, 初值取为6, 比较每次迭代结果和精确解;并和二分法对比。

#### 求解机器精度的数值

回顾:机器精度是浮点数近似表示时相对误差的上界。即,如果a,b两数如果满足 |a-b| 小于a倍的机器精度时,机器将无法区分a和b;所以,类似于二分法,我们可以通过下述程序,计算机器精度的近似值。

```
float epsilon_f=1.0;
float tmp_f=1.0+0.5*epsilon_f;
while(tmp_f != 1.0)
{
    epsilon_f=epsilon_f*0.5;
    tmp_f = 1.0+0.5*epsilon_f;
}
```

上述计算结果和理论分析的pow(2,-23)次方接近。

• 修改上面程序, 计算双精度类型的机器精度