

数据结构—C++实现



沈 俊

jshen@shu.edu.cn

上海大学 计算机工程与科学学院

2021年12月





第3章 线性表

- ◆ 线性表的定义
- ◆ 线性表的顺序表示
- ◆ 线性表的链表表示
- ◆ 线性表的应用





3.1 线性表的定义

线性表 (linear-list) 是最常用最简单的一种数据结构。一个线性表是 n ($n \geq 0$) 个相同类型数据元素的有限序列。记为： $L = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ 。

其中， L 是**表名**， a_1 是第一个数据元素（也简称为首元素），无前驱，只有一个后继； a_n 是最后一个数据元素（即第 n 个数据元素），只有一个前驱，无后继。其余的每个数据元素 a_i ($i=2, 3, \dots, n-1$) 都只有一个前驱，且只有一个后继。 i ($i=1, 2, \dots, n$) 称为表中元素序号。 n 是数据元素的个数，也称为**表的长度**，若 $n=0$ ， L 称作**空表**。





线性表的例子

➤ 某班级学生的数据库课程的成绩：

(72, 65, 83, 94, 87, 98, 57)

➤ 某车间职工的编号：

(“0108”, “0110”, “0122”, "0132", "0718")

在复杂的线性表中，一个数据元素可能是由若干个**数据项**组成的。

例如：在例1-1给出的“人事登记表”中，每一个职工的信息就是一个数据元素，它是由“编号”、“姓名”、“性别”、“出生日期”、“婚否”和“基本工资”六个数据项组成的。

表 1-1 人事登记表^o

编号 ^o	姓名 ^o	性别 ^o	出生日期 ^o	婚否 ^o	基本工资 ^o
0001 ^o	王 军 ^o	男 ^o	1960/5/30 ^o	已 ^o	650 ^o
0002 ^o	李 平 ^o	女 ^o	1953/6/2 ^o	已 ^o	710 ^o
0003 ^o	周丽娟 ^o	女 ^o	1948/7/8 ^o	已 ^o	980 ^o
0004 ^o	赵忠良 ^o	男 ^o	1950/12/2 ^o	已 ^o	950 ^o
0005 ^o	张国庆 ^o	男 ^o	1978/10/1 ^o	未 ^o	500 ^o
⋮ ^o	⋮ ^o	⋮ ^o	⋮ ^o	⋮ ^o	⋮ ^o





线性表的基本操作

- (1) 初始化
- (2) 求长度
- (3) 取指定位置的元素
- (4) 元素定位
- (5) 修改指定元素的值
- (6) 插入元素
- (7) 删除元素
- (8) 判是否为空表
- (9) 表清空





3.2 线性表的顺序表示

线性表的顺序存储方式是：用一组连续的有限空间依次存储线性表中的数据元素，简称为顺序表。

顺序表的特点是：

- 一块地址连续的空间存放线性表中的数据元素。
- 任意两个逻辑上相邻的数据元素在物理上也必然相邻。
- 顺序表可以随机访问。





顺序表的类定义与实现

```
template <class ElemType>
```

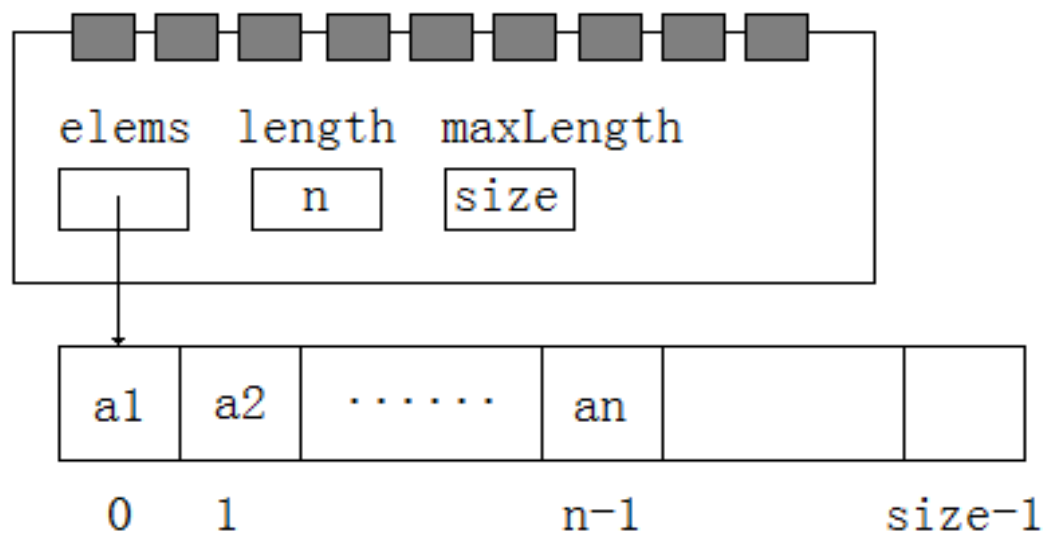
```
class SeqList {
```

```
protected:
```

```
    int length;
```

```
    int maxLength;
```

```
    ElemType *elems;
```





顺序表的类定义与实现

public:

```
SeqList(int size=DEFAULT_SIZE);
```

```
SeqList(ElemType v[], int n, int size=DEFAULT_SIZE);
```

```
virtual ~SeqList();
```

```
int GetLength() const;
```

```
bool IsEmpty() const;
```

```
void Clear();
```

```
void Traverse(void (*Visit)(const ElemType &)) const;
```

```
int LocateElem(const ElemType &e);
```





顺序表的类定义与实现

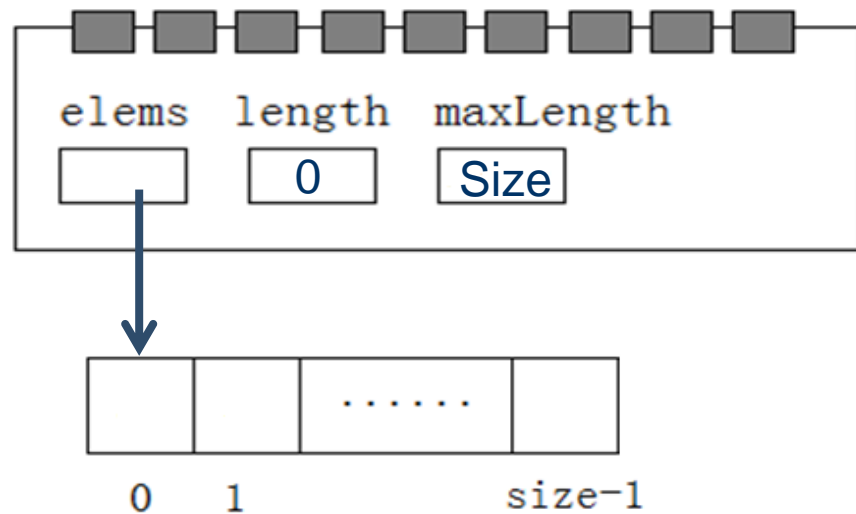
```
Status GetElem(int i, ElemType &e) const;  
Status SetElem(int i, const ElemType &e);  
Status DeleteElem(int i, ElemType &e);  
Status InsertElem(int i, const ElemType &e);  
Status InsertElem(const ElemType &e);  
SeqList(const SeqList<ElemType> &sa);  
SeqList<ElemType> &operator =(const  
    SeqList<ElemType> &sa);  
};
```





(1) 构造空顺序表

```
template <class ElemType>
SeqList<ElemType>::SeqList(int size)
{
    elems=new ElemType[size];
    assert(elems);
    maxLength=size;
    length=0;
}
```





(2) 根据数组内容构造顺序表

```
template <class ElemType>
```

```
SeqList<ElemType>::SeqList(ElemType v[], int n, int size) {
```

```
    elems=new ElemType[size];
```

```
    assert(elems);
```

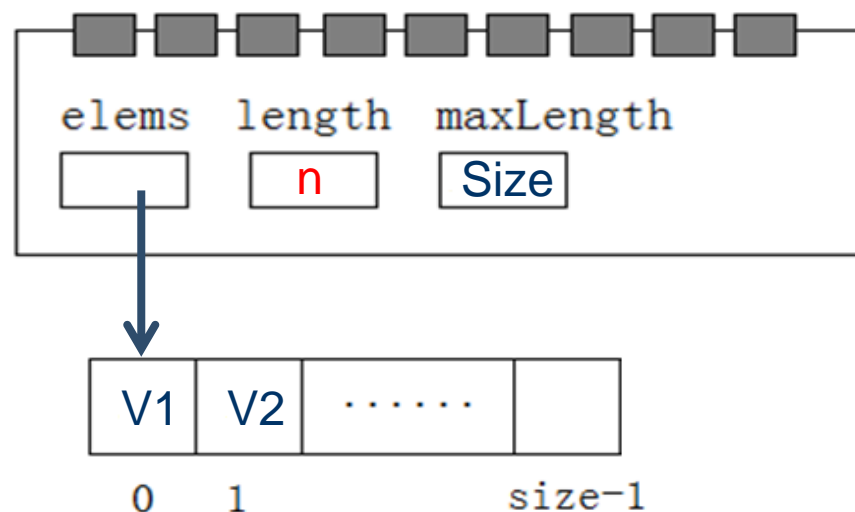
```
    maxLength=size;
```

```
    length=n;
```

```
    for (int i=0; i < length; i++)
```

```
        elems[i]=v[i];
```

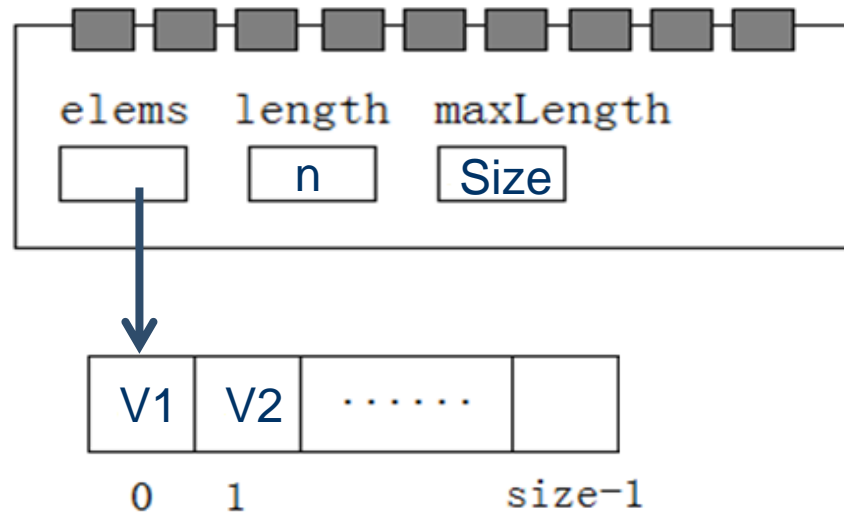
```
}
```





(3) 析构函数

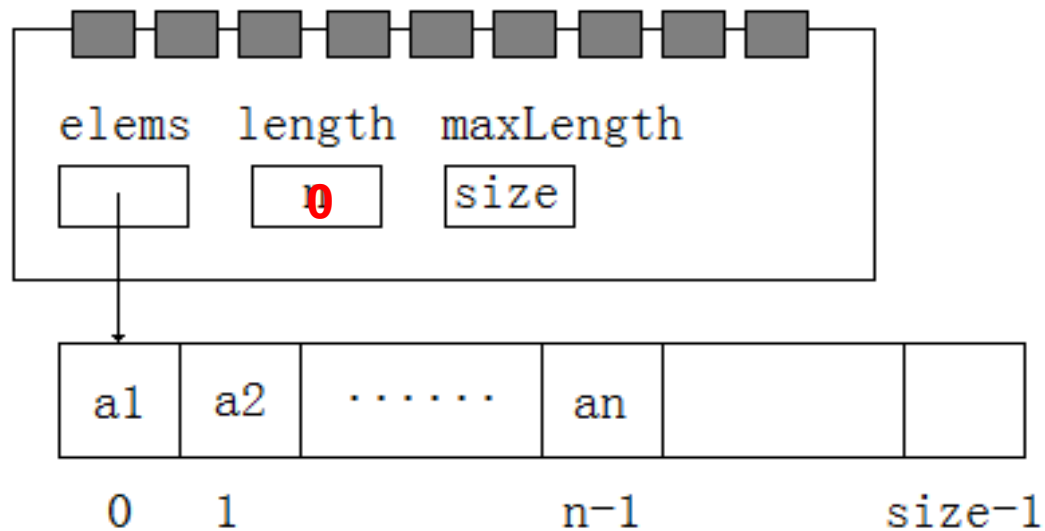
```
template <class ElemType>
SeqList<ElemType>::~~SeqList()
{
    delete []elems;
}
```





(4) 清空顺序表

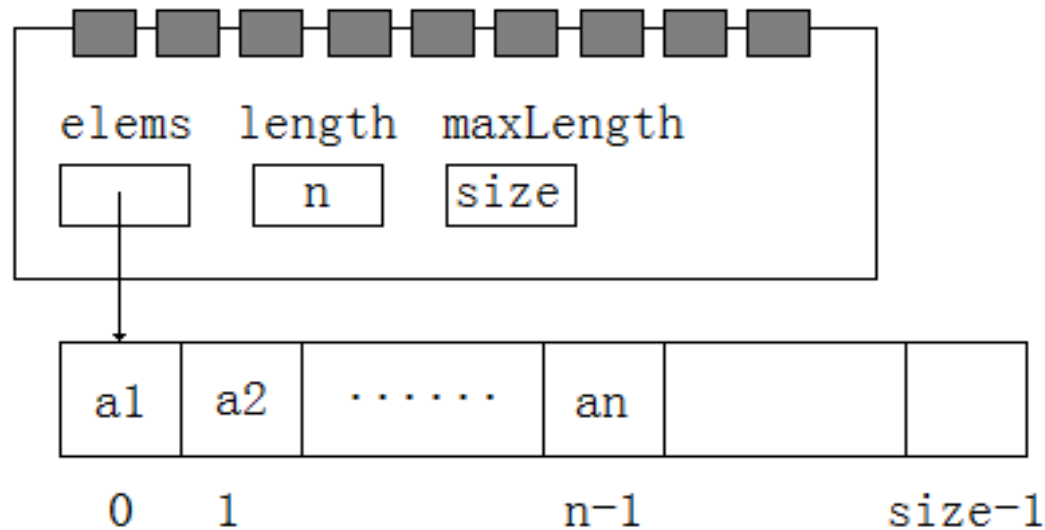
```
template <class ElemType>
void SqList<ElemType>::Clear()
{
    length = 0;
}
```





(5) 遍历顺序表

```
template <class ElemType>
void SqList<ElemType>::Traverse(void (*visit)(const
    ElemType &)) const {
    for (int i = 1; i <= length; i++)
        (*visit)(elems[i-1]);
}
```





(6) 定位函数

```
template <class ElemType>
```

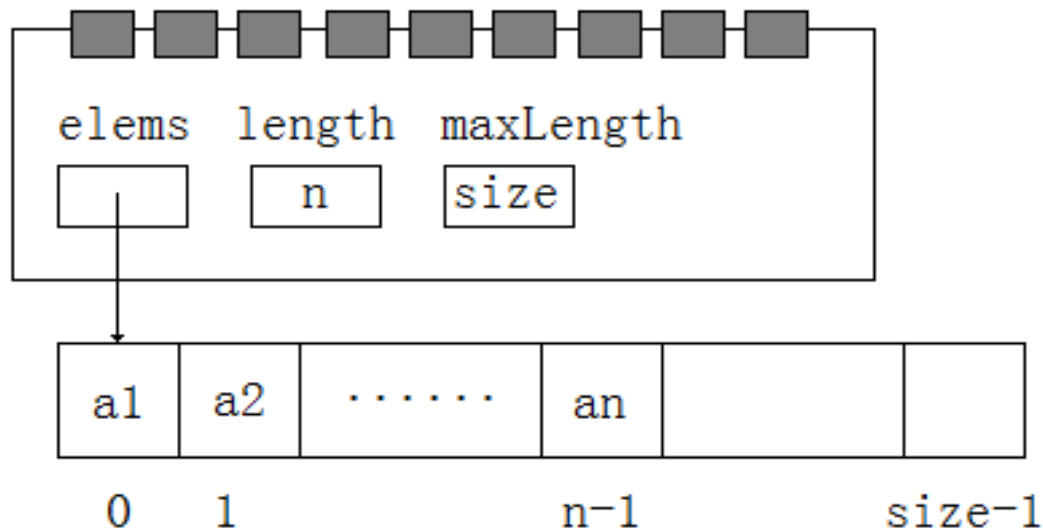
```
int SeqList<ElemType>::LocateElem(const ElemType &e) const  
{
```

```
    int i=0;
```

```
    while (i < length && elems[i] != e)        i++;
```

```
    return i<length ? i+1 : 0;
```

```
}
```





(7) 取指定元素的值

```
template <class ElemType>
```

```
Status SeqList<ElemType>::GetElem(int i, ElemType &e) const{
```

```
    if (i < 1 || i > length) return NOT_PRESENT;
```

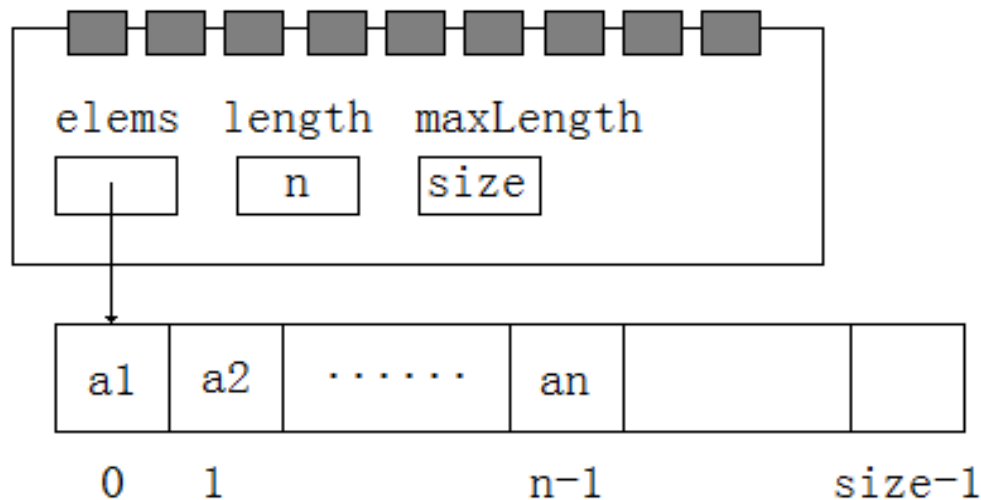
```
    else {
```

```
        e=elems[i - 1];
```

```
        return ENTRY_FOUND;
```

```
    }
```

```
}
```





(8) 修改指定元素的值

```
template <class ElemType>
```

```
Status SeqList<ElemType>::SetElem(int i, const ElemType &e){
```

```
    if (i < 1 || i > length) return RANGE_ERROR;
```

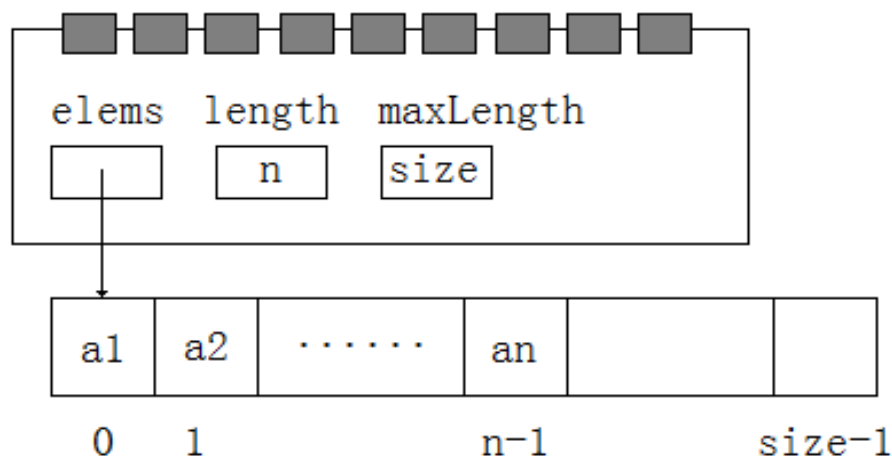
```
    else {
```

```
        elems[i - 1]=e;
```

```
        return SUCCESS;
```

```
    }
```

```
}
```





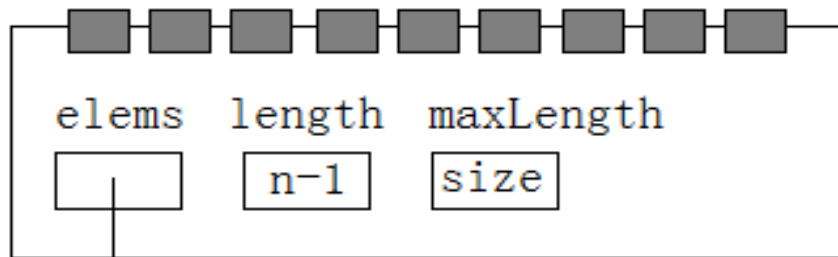
(9) 删除指定元素

```
template <class ElemType>
Status SeqList<ElemType>::DeleteElem(int i, ElemType &e)
{
```

```
    if (i < 1 || i > length)
        return RANGE_ERROR;
```

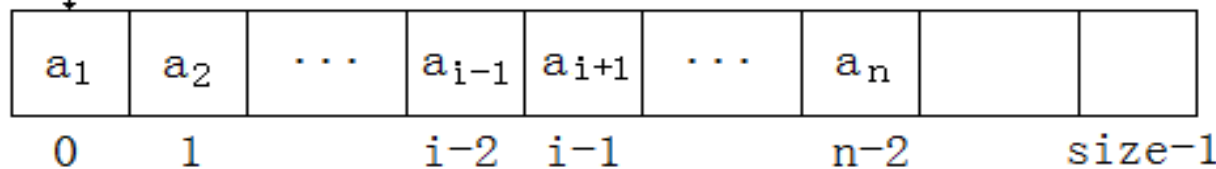
```
    else {
        e=elems[i - 1];
```

```
        for (int j = i; j < length; j++)
```



```
    }
```

```
}
```





```
Status SeqList<ElemType>::InsertElem(int i, const ElemType &e){
    if (length == maxLength)    return OVER_FLOW;
    else if (i < 1 || i > length + 1)    return RANGE_ERROR.
```





(11) 在表尾插入元素

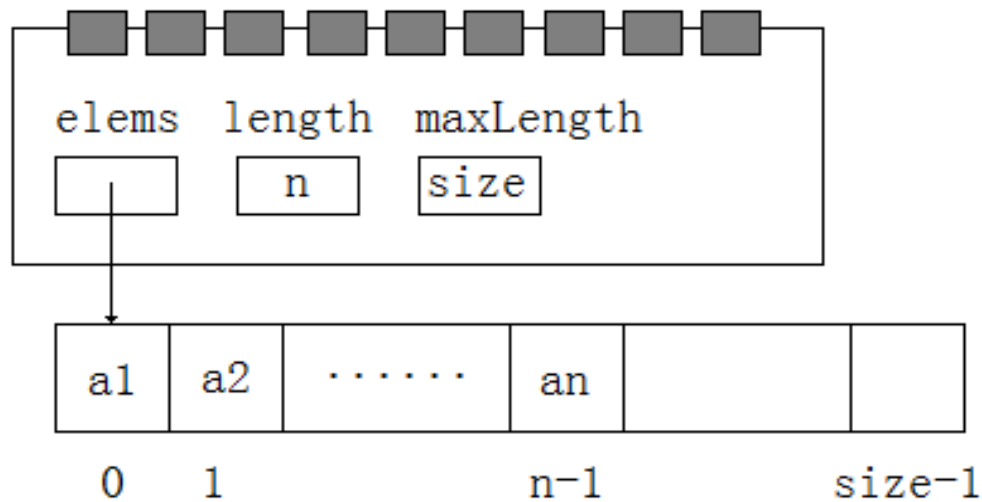
```
template <class ElemType>
Status SeqList<ElemType>::InsertElem(const ElemType &e)
{
    if (length==maxLength)
        return OVER_FLOW;
    else {
        elems[length]=e;
        length++;
        return SUCCESS;
    }
}
```





(12) 判断顺序表是否为空

```
template <class ElemType>
bool SqList<ElemType>::IsEmpty() const
{
    return length == 0;
}
```

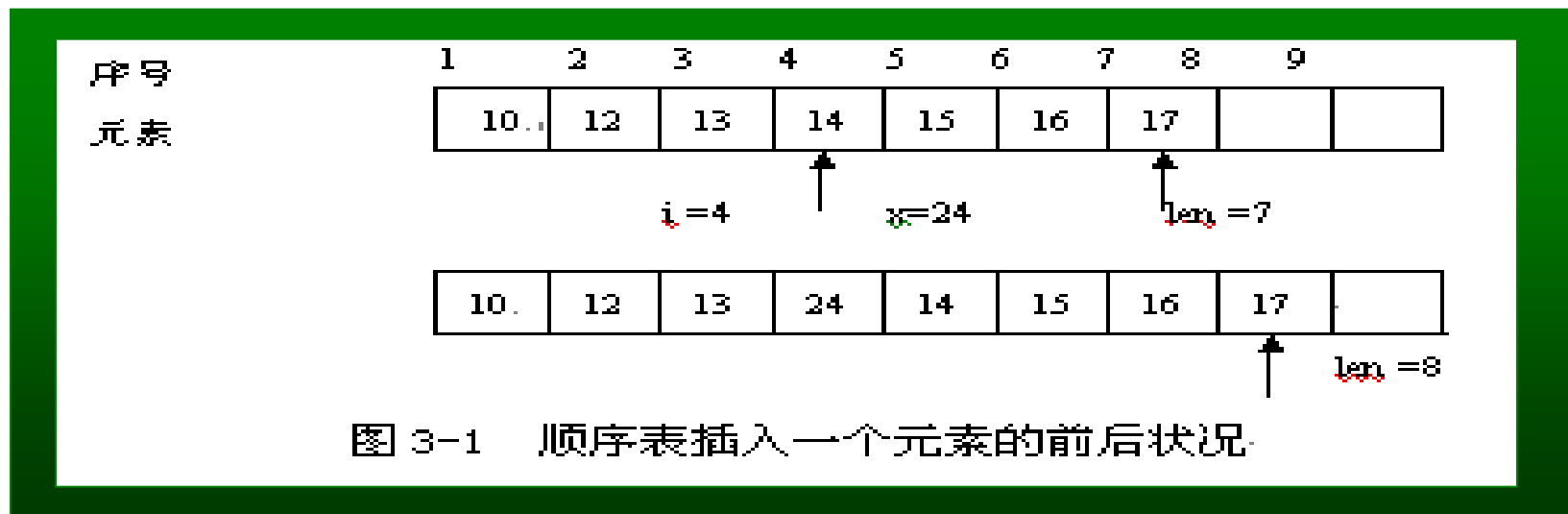




顺序表插入、删除算法的复杂度分析

举例来看顺序表上的插入和删除。

在原来已有7个元素的表的第4个元素前插入数据元素 $x=24$ 的过程。





顺序表插入、删除算法的复杂度分析

图3-2是在原来已有8个元素的顺序表中删除第4个元素的过程。

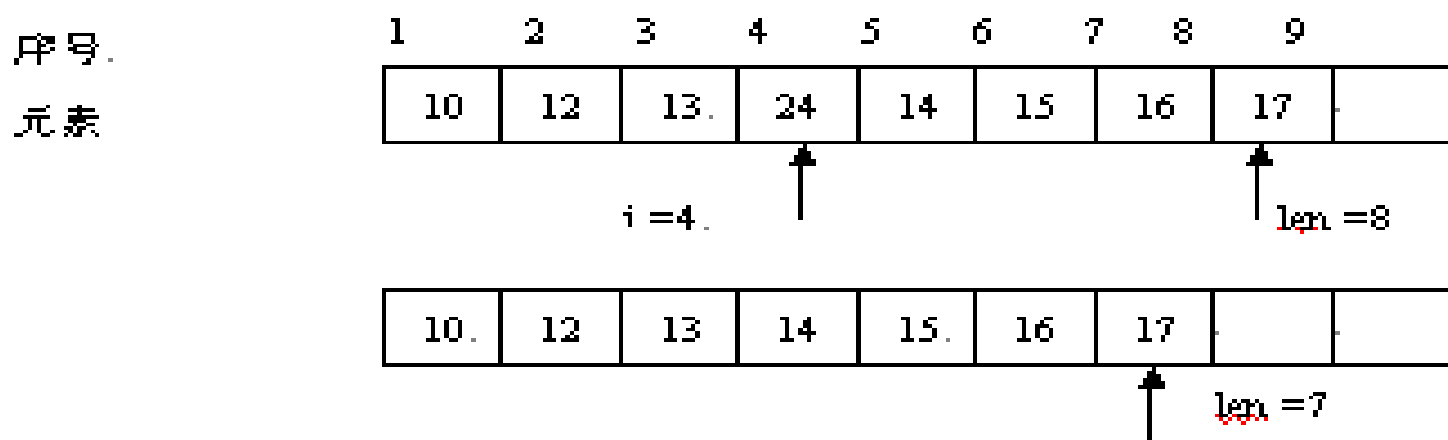


图 3-2 顺序表删除一个元素的前后状况





顺序表插入、删除算法的复杂度分析

在顺序表中第*i*个数据元素之前插入一个元素时，需要移动*n-i+1*个元素。若在顺序表的任何位置上插入数据元素的概率相等，即为 $1/(n+1)$ ，则数据元素移动的平均次数为：

$$E_{is} = \sum_{i=1}^{n+1} \frac{1}{n+1} (n-i+1) = \frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^{n+1} (n-i+1) = \frac{n}{2}$$





顺序表插入、删除算法的复杂度分析

在顺序表中删除第*i*个数据元素时，需要将删除元素之后的*n-i*个数据元素依次向前移动。若在顺序表的任何位置上删除数据元素的概率相等(为1/*n*)，则数据移动的次数平均为：

$$E_{dl} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{n} (n - i) = \frac{n - 1}{2}$$

因此，顺序表中插入和删除一个数据元素的时间复杂度为 $O(n)$ 。





3.3 线性表的链表表示

在链表存储方式中，用结点存储线性表数据元素。结点通常有一个**数据域**，另外还有一个或一个以上的**指针域**。元素之间的关系通过指针来表示。





单链表

1. 单链表的结构

采用链接存储方式存储的线性表称为**线性链表**，又称**单链表** (linked list)，或简称为**链表**。在单链表中，每一个数据元素占用一个结点。如图3-5所示。一个结点由两个域组成，一个域存放**数据元素data**，一个域存放指向该链表中下一个**结点的指针next**，它给出下一个结点的开始存储地址。

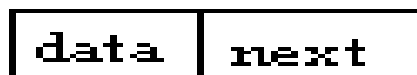


图3-5 单链表的结点结构





单链表

在单链表的表尾结点中，指针域为空以“^”表示之。

设线性表存有某系99级学生的学号如下：

(99101, 99104, 99110, 99201, 99208)

可用如图3-6所示的单链表表示。

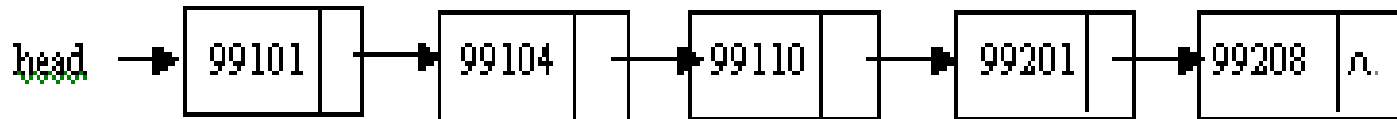


图 3-6 99 级学生学号的单链表

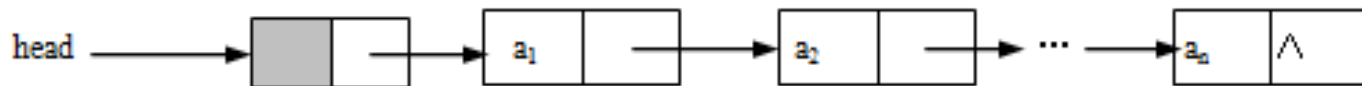




带头结点的单链表



(a) 空链表



(b) 非空链表





单链表的插入

(1) 若 $i = 1$ 即 a_i 是链表中第一个结点中的数据，则新结点 **newnode** 应插入在第一个结点之前。

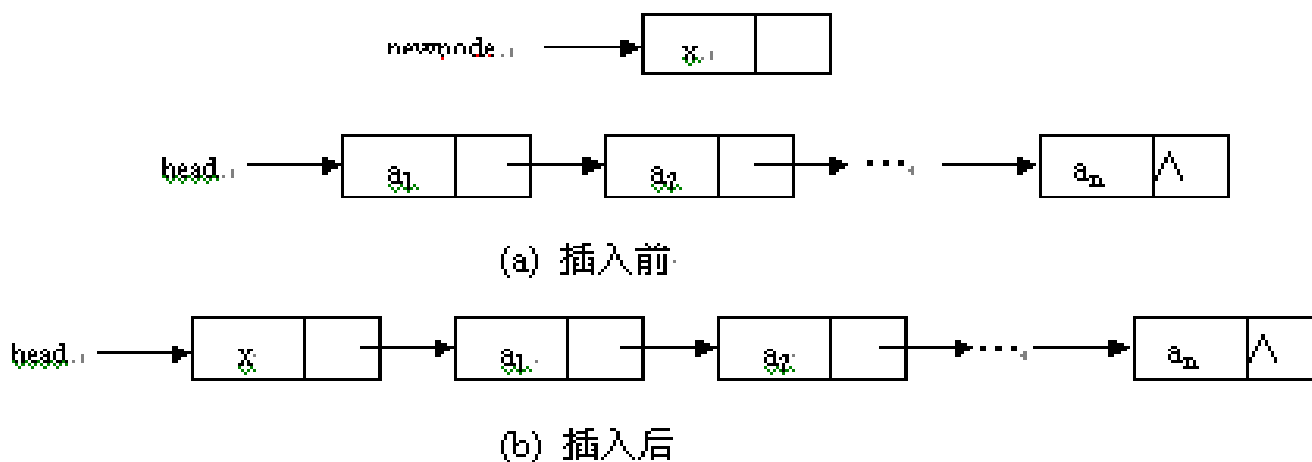


图 3-8 不带头结点单链表在第一个结点前插入结点的过程





单链表的插入

(2) 若 $1 < i \leq n$, 即 a_i 不是链表中第一个结点中的数据, 则新结点 `newnode` 插入在 a_{i-1} 与 a_i 之间。



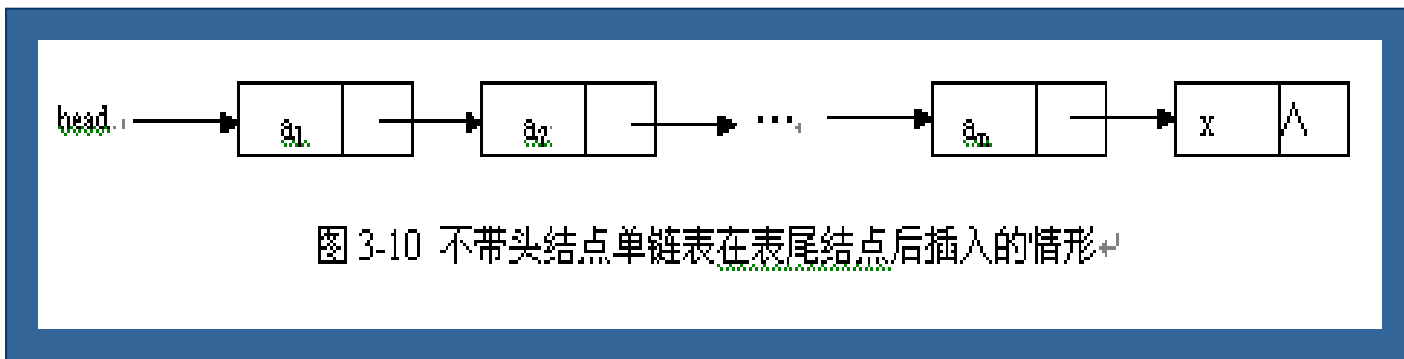
图 3-9 不带头结点单链表在第 $i(1 < i \leq n)$ 个结点前插入结点后的情形





单链表的插入

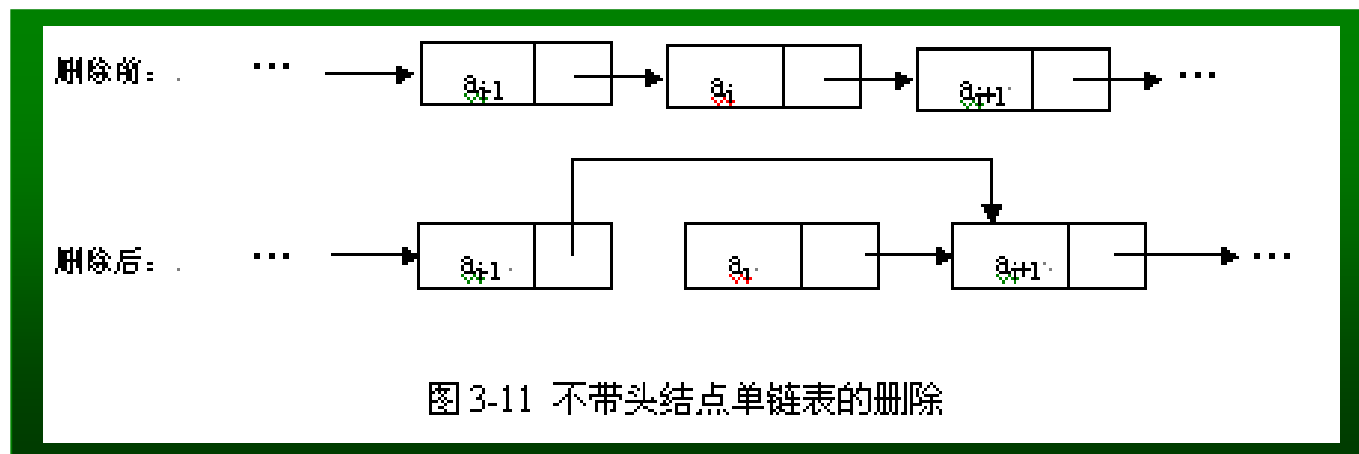
(3) 若 $i = n+1$ ，即在线性表的表尾后插入新结点 `newnode`，相当于表尾追加 `newnode`。





单链表的删除

不带头结点的单链表的删除：删除链表中第 i 个结点。





单链表中结点的类模板

```
template <class ElemType>
struct Node
{
    ElemType data;
    Node<ElemType> *next;

    Node();
    Node(ElemType e, Node<ElemType> *link=NULL);
};
```





单链表中结点的类模板

```
template<class ElemType>
Node<ElemType>::Node()
{
    next=NULL;
}
```





单链表中结点的类模板

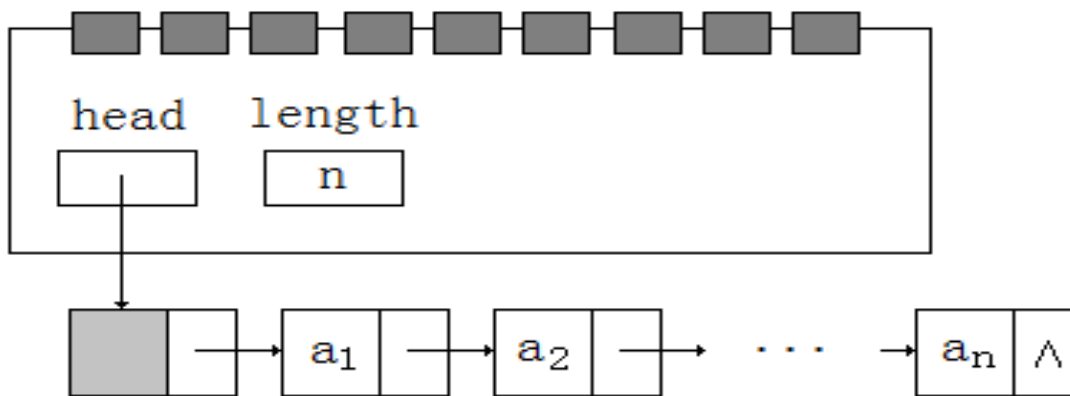
```
template<class ElemType>
Node<ElemType>::Node(ElemType e, Node<ElemType> *link)
{
    data=e;
    next=link;
}
```





单链表的类模板

```
template <class ElemType>
class LinkList
{
protected:
    Node<ElemType> *head;
    int length;
```





单链表的类模板

public:

LinkedList();

LinkedList(ElemType v[], int n);

virtual ~LinkedList();

int GetLength() const;

bool IsEmpty() const;

void Clear();

void Traverse(void (*Visit)(const ElemType &)) const;

int LocateElem(const ElemType &e);





单链表的类模板

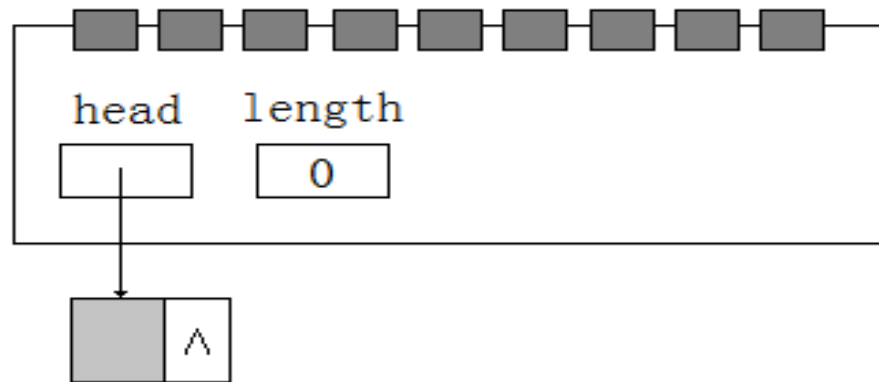
```
Status GetElem(int i, ElemType &e) const;  
Status SetElem(int i, const ElemType &e);  
Status DeleteElem(int i, ElemType &e);  
Status InsertElem(int i, const ElemType &e);  
Status InsertElem(const ElemType &e);  
LinkList(const LinkList<ElemType> &la);  
LinkList<ElemType> &operator =(const LinkList  
    <ElemType> &la);  
};
```





(1) 无参数的构造函数

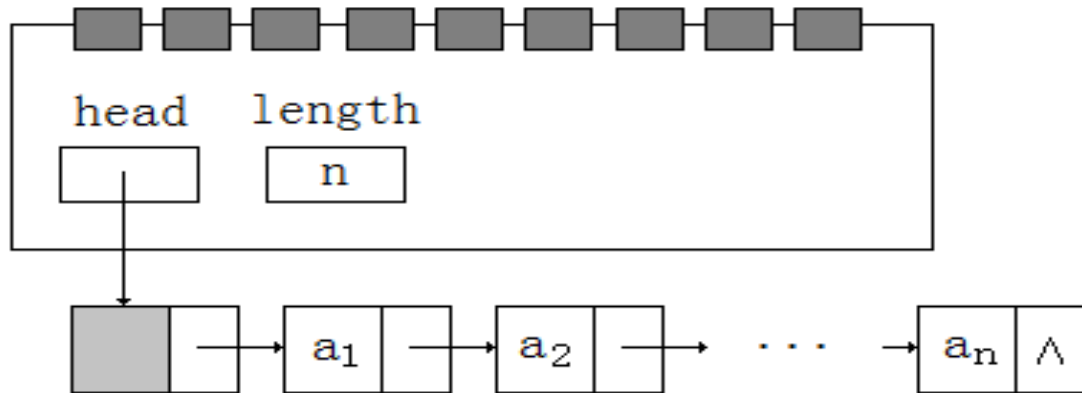
```
template <class ElemType>
linkList<ElemType>::linkList()
{
    head=new Node<ElemType>;
    assert(head);
    length=0;
}
```





(2) 根据数组内容构造链表

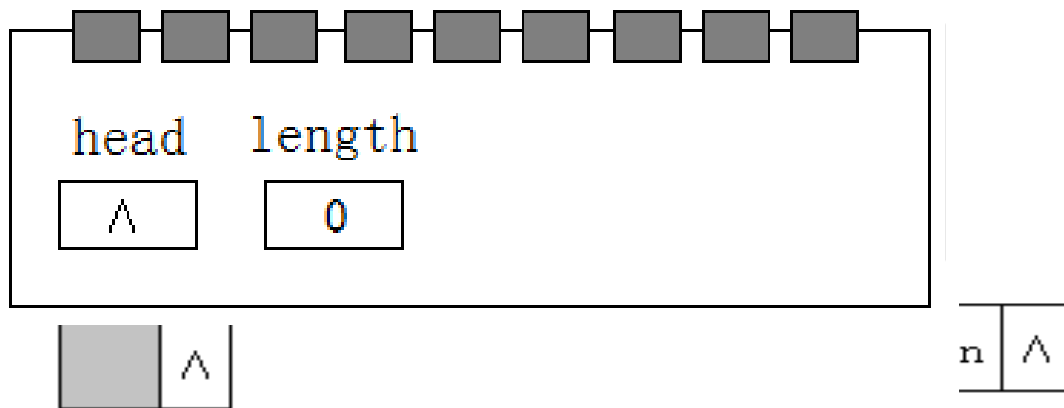
```
template <class ElemType>
linkList<ElemType>
Node<ElemType>
p=head=new Node<ElemType>(v[0], NULL);
assert(head);
for (int i=0; i < n; i++) {
    p->next=new Node<ElemType>(v[i], NULL);
    assert(p->next);
    p=p->next;
}
length=n;
}
```





(3) 析构函数

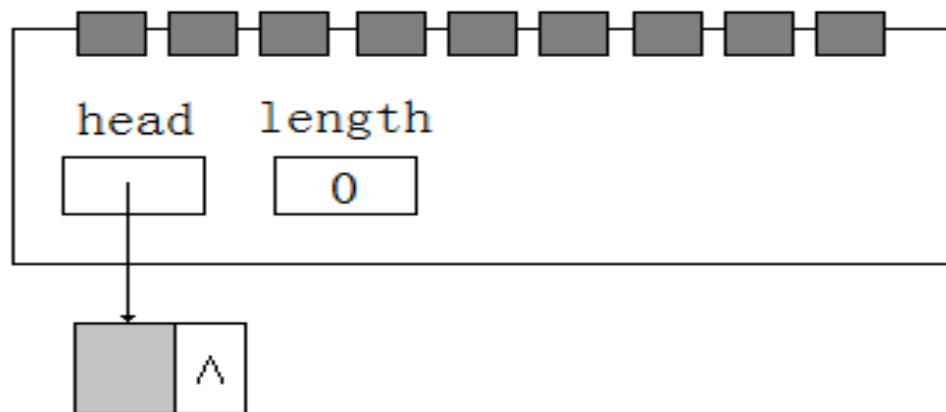
```
template <class ElemType>
linkList<ElemType>::~~linkList()
{
    Clear();
    delete head;
}
```





(4) 清空单链表

```
template <class ElemType>
void linkList<ElemType>::Clear()
{
    Node<ElemType> *p=head->next;
    while (p != NULL) {
        head->next=p->next;
        delete p;
        p=head->next;
    }
    length=0;
}
```





(5) 遍历链表

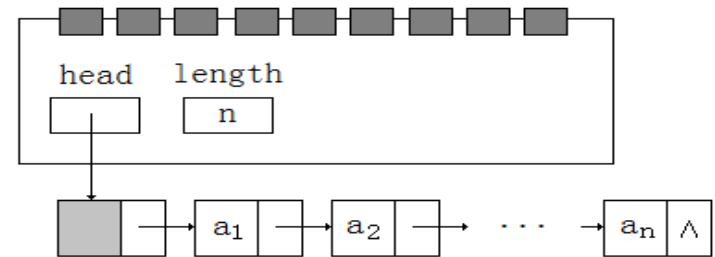
```
template <class ElemType>
void LinkList<ElemType>::Traverse(void (*Visit)(const
ElemType &)) const
{
    Node<ElemType> *p=head->next;
    while (p != NULL) {
        (*Visit)(p->data);
        p=p->next;
    }
}
```





(6) 元素定位

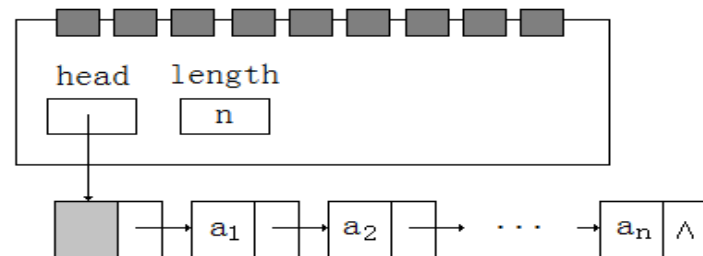
```
template <class ElemType>
int LinkList<ElemType>::LocateElem(const ElemType &e) const
{
    Node<ElemType> *p=head->next;
    int count=1;
    while (p != NULL && p->data != e) {
        count++;
        p=p->next;
    }
    return (p != NULL) ? count : 0;
}
```





(7) 取指定元素的值

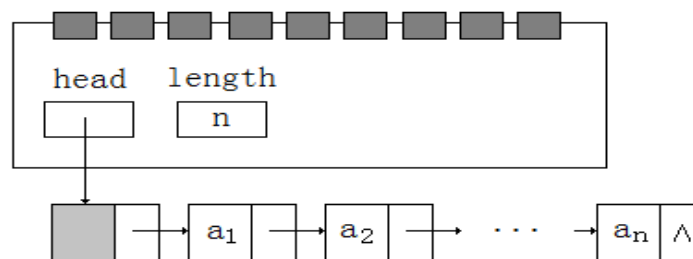
```
template <class ElemType>
Status LinkList<ElemType>::GetElem(int i, ElemType &e) const {
    if (i < 1 || i > length) return RANGE_ERROR;
    else {
        Node<ElemType> *p=head->next;
        int count;
        for (count=1; count < i; count++)
            p=p->next;
        e=p->data;
        return ENTRY_FOUND;
    }
}
```





(8) 修改指定元素的值

```
template <class ElemType>
Status LinkList<ElemType>::SetElem(int i, const ElemType &e) {
    if (i < 1 || i > length)    return RANGE_ERROR;
    else    {
        Node<ElemType> *p=head->next;
        int count;
        for (count=1; count < i; count++)
            p=p->next;
        p->data=e;
        return SUCCESS;
    }
}
```





(9) 删除指定元素

```
template <class ElemType>
```

```
Status LinkList<ElemType>::DeleteElem(int i, ElemType &e) {
```

```
    if (i < 1 || i > length) return RANGE_ERROR;
```

```
    else {
```

```
        Node<ElemType> *p=head, *q;
```

```
        int count;
```

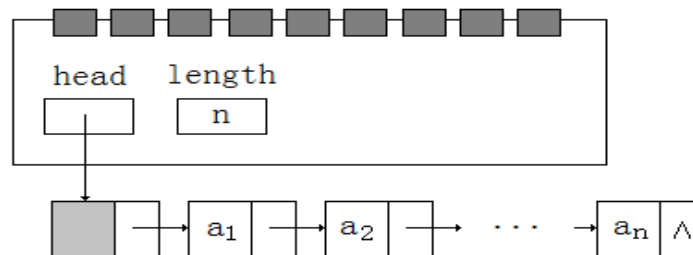
```
        for (count=1; count < i; count++) p=p->next;
```

```
        q=p->next; p->next=q->next; e=q->data;
```

```
        length--; delete q; return SUCCESS;
```

```
    }
```

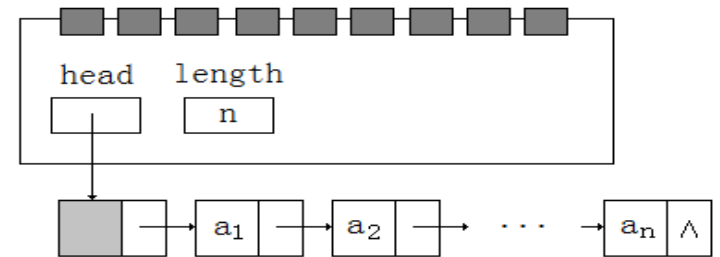
```
}
```





(10) 在任意位置插入元素

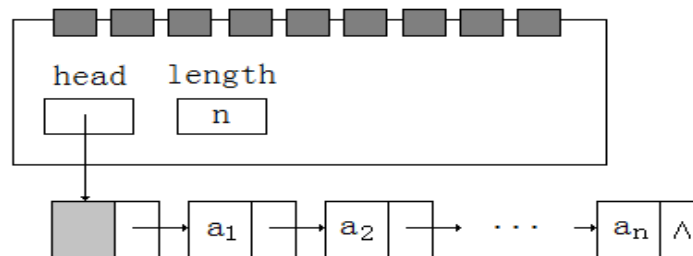
```
template <class ElemType>
Status LinkList<ElemType>::InsertElem(int i, const ElemType &e){
    if (i < 1 || i > length+1) return RANGE_ERROR;
    else {
        Node<ElemType> *p=head, *q;
        int count;
        for (count=1; count < i; count++) p=p->next;
        q=new Node<ElemType>(e, p->next);
        assert(q);
        p->next=q;    length++; return SUCCESS;
    }
}
```





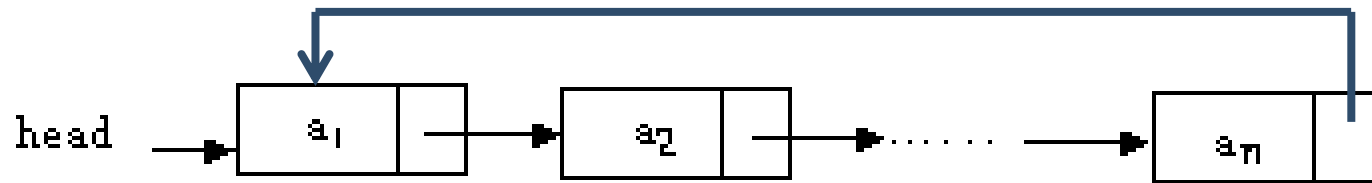
(11) 在表尾插入元素

```
template <class ElemType>
Status LinkList<ElemType>::InsertElem(const ElemType &e)
{
    Node<ElemType> *p, *q;
    q=new Node<ElemType>(e, NULL);
    assert(q);
    for (p=head; p->next != NULL; p=p->next) ;
    p->next=q;
    length++;
    return SUCCESS;
}
```



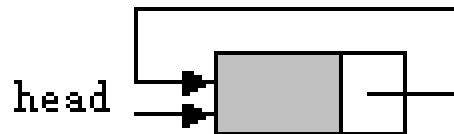
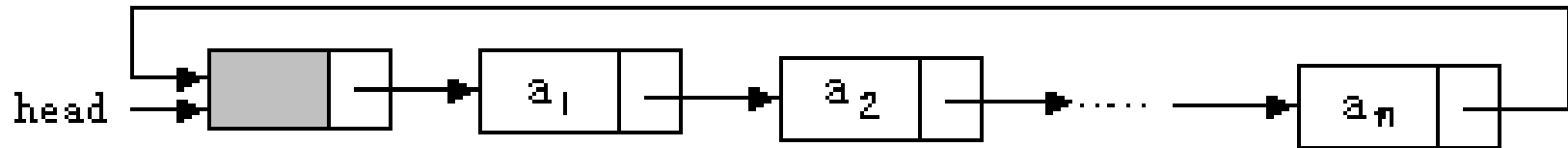


不带头结点的单循环链表



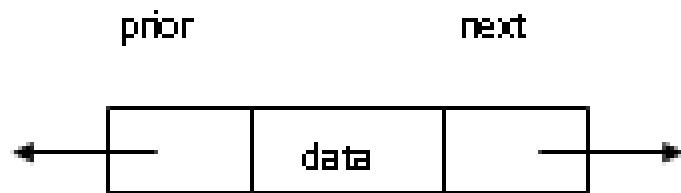


带头结点的单循环链表

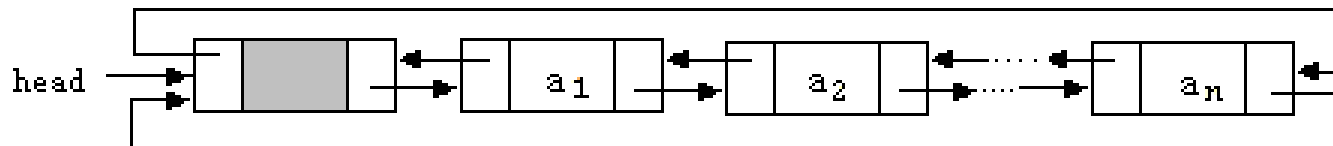




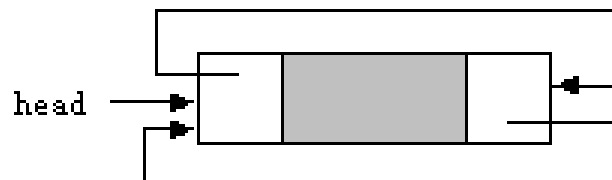
双向循环链表



双向链表结点



(a) 非空表



(b) 空表

图3- 21 带头结点的双向链表





双向循环链表中结点的类模板

```
template <class ElemType>
struct DblNode
{
    ElemType data;
    DblNode<ElemType> *prior ;
    DblNode<ElemType> *next ;

    DblNode();
    DblNode(ElemType e,
            DblNode<ElemType> *priorlink=NULL,
            DblNode<ElemType> *nextlink=NULL);
};
```





双向循环链表中结点的类模板

```
template<class ElemType>
DbNode<ElemType>::DbNode()
{
    prior=NULL;
    next=NULL;
}
```





双向循环链表中结点的类模板

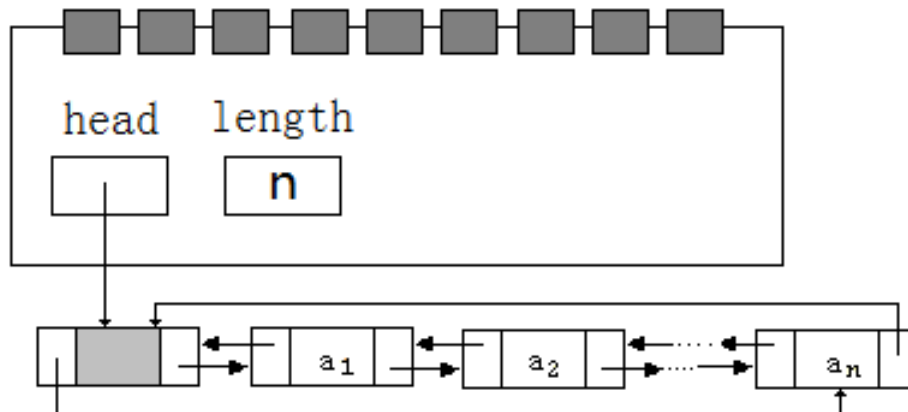
```
template<class ElemType>
DblNode<ElemType>::DblNode(ElemType e,
                           DblNode<ElemType> *priorlink,
                           DblNode<ElemType> *nextlink)
{
    data=e;
    prior=priorlink;
    next=nextlink;
}
```





双向循环链表的类模板

```
template <class ElemType>
class DbLinkedList
{
protected:
    DbNode<ElemType> *head;
    int length;
```





双向循环链表的类模板

public:

DbLinkedList();

DbLinkedList(ElemType v[], int n);

virtual ~DbLinkedList();

int GetLength() const;

bool IsEmpty() const;

void Clear();

void Traverse(void (*Visit)(const ElemType &)) const;

int LocateElem(const ElemType &e);





双向循环链表的类模板

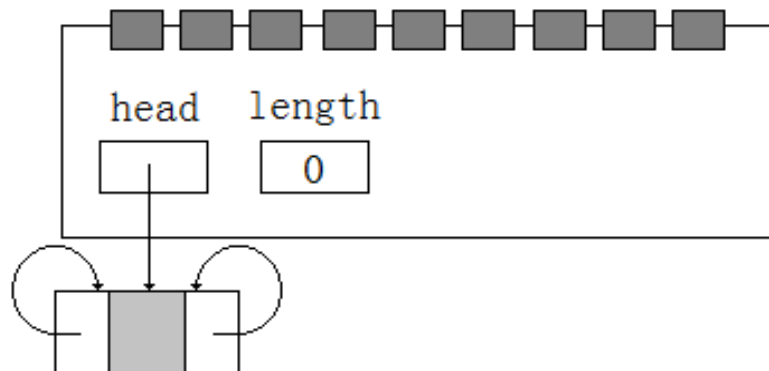
```
Status GetElem(int i, ElemType &e) const;  
Status GetElem(int i, ElemType &e) const;  
Status SetElem(int i, const ElemType &e);  
Status DeleteElem(int i, ElemType &e);  
Status InsertElem(int i, const ElemType &e);  
Status InsertElem(const ElemType &e);  
DbLinkedList(const DbLinkedList<ElemType> &la);  
DbLinkedList<ElemType> &operator =(const  
    DbLinkedList<ElemType> &la);  
  
};
```





(1) 无参数的构造函数

```
template <class ElemType>
DblLinkedList<ElemType>::DblLinkedList()
{
    head=new DblNode<ElemType>;
    assert(head);
    head->prior=head->next=head;
    length=0;
}
```





(2) 根据数组内容构造链表

```
template <class ElemType>
DblLinkedList<ElemType>::DblLi
{
```

```
    DblNode<ElemType>
```

```
    p=head=new DblNode
```

```
    assert(head);
```

```
    for (int i=0; i < n; i++) {
```

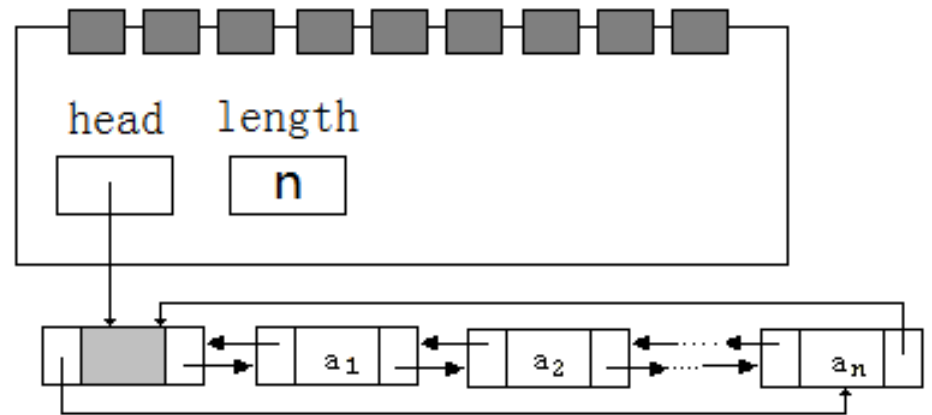
```
        p->next=new DblNode<ElemType>(v[i], p);
```

```
        p=p->next;
```

```
    }
```

```
    length=n;    head->prior=p;    p->next=head;
```

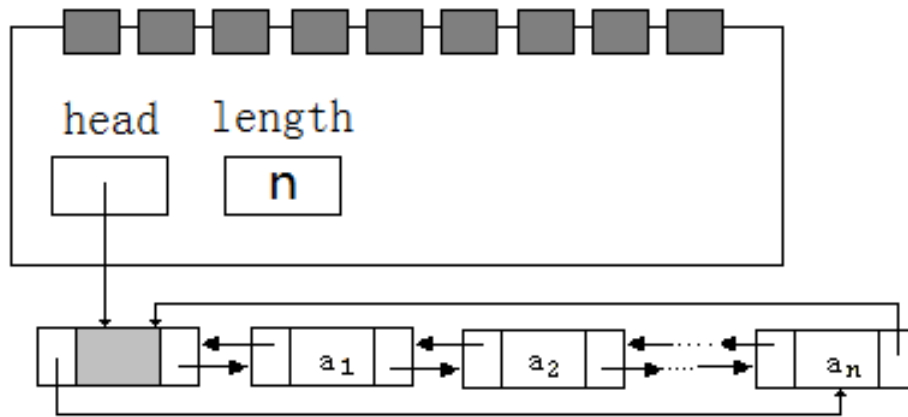
```
}
```





(3) 析构函数

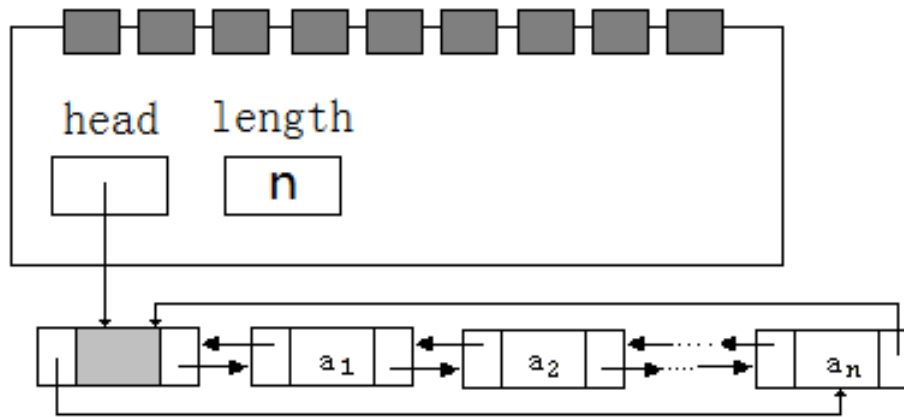
```
template <class ElemType>
DbLinkedList<ElemType>::~~DbLinkedList()
{
    Clear();
    delete head;
}
```





(4) 清空单链表

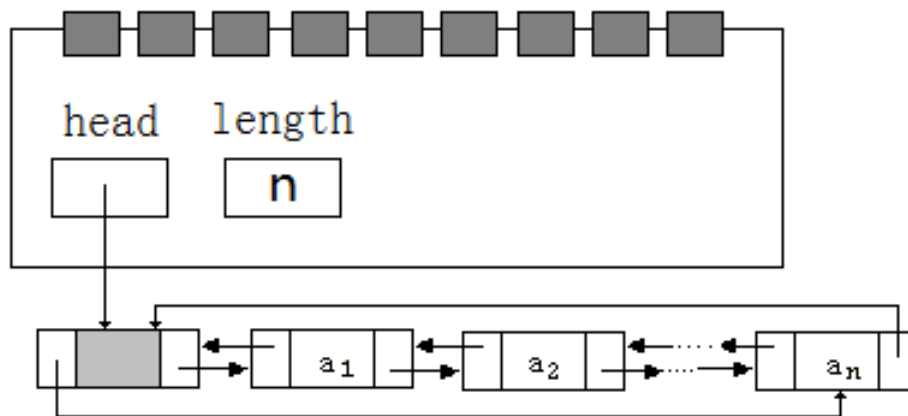
```
template <class ElemType>
void DbLinkList<ElemType>::Clear()
{
    ElemType tmpElem;
    while (length > 0)
        DeleteElem(1, tmpElem);
}
```





(5) 遍历链表

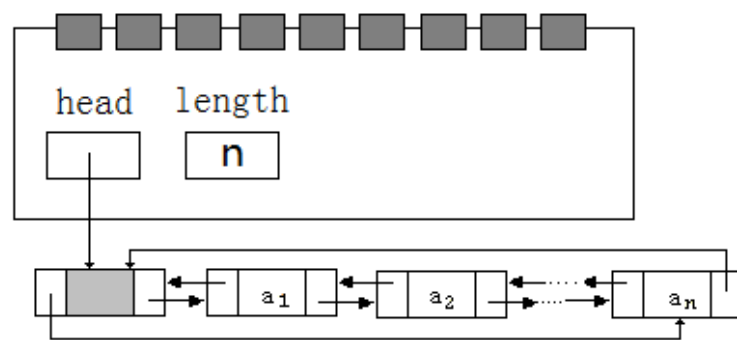
```
template <class ElemType>
void DbLinkedList<ElemType>::Traverse(void
(*Visit)(const ElemType &)) const
{
    DbListNode<ElemType> *p;
    for (p=head->next; p != head; p=p->next)
        (*Visit)(p->data);
}
```





(6) 元素定位

```
template <class ElemType>
int DbLinkedList<ElemType>::LocateElem(const ElemType &e) {
    DbNode<ElemType> *p=head->next;
    int count=1;
    while (p != head && p->data != e) {
        count++;    p=p->next;
    }
    if (p != head) return count;
    else return 0;
}
```





(7) 取指定元素的值

```
template <class ElemType>
```

```
Status DblLinkedList<ElemType>::GetElem(int i, ElemType &e) const
```

```
{    DblNode<ElemType> *p=head->next;
```

```
    int count;
```

```
    if (i < 1 || i > length) return NOT_PRESENT;
```

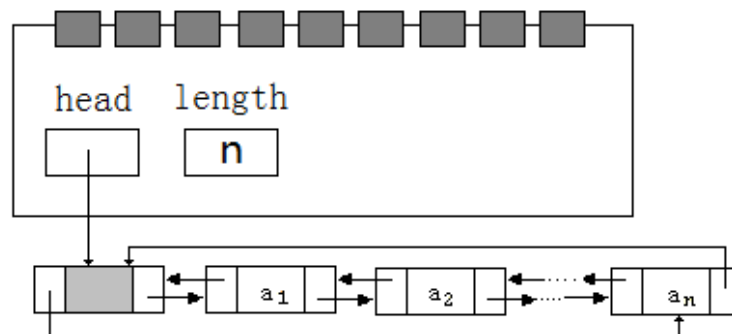
```
    else {
```

```
        for (count=1; count < i; count++) p=p->next;
```

```
        e=p->data; return ENTRY_FOUND;
```

```
    }
```

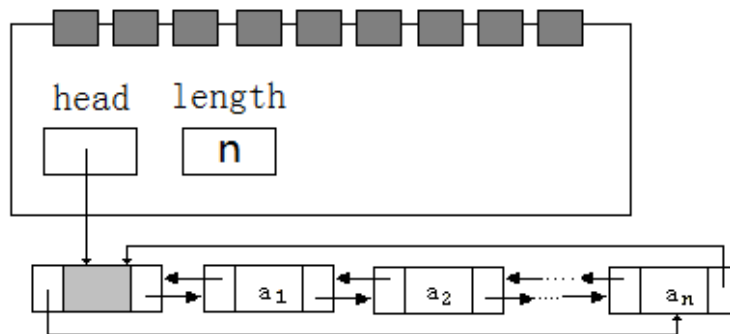
```
}
```





(8) 修改指定元素的值

```
template <class ElemType>
Status DbLinkedList<ElemType>::SetElem(int i, const ElemType &e)
{
    DbNode<ElemType> *p=head->next;
    int count;
    if (i < 1 || i > length) return RANGE_ERROR;
    else {
        for (count=1; count < i; count++) p=p->next;
        p->data=e; return SUCCESS;
    }
}
```





(9) 删除指定元素

```
templa  
Status  
{
```

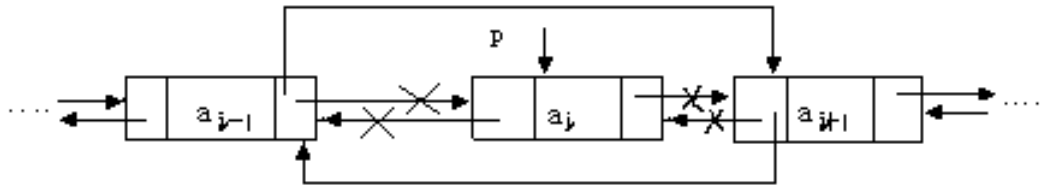


图3-23 双向链表的删除

, ElemType &e)

```
    int count;  
    if (i < 1 || i > length) return RANGE_ERROR;  
    else {  
        for (count=1; count < i; count++) p=p->next;  
        p->prior->next=p->next; p->next->prior=p->prior;  
        e=p->data; length--;  
        delete p; return SUCCESS;  
    }  
}
```





(10) 在任意位置插入元素

```
template <
```

```
Status Dbll
```

```
{ Dbll
```

```
int c
```

```
if (i
```

```
else {
```

```
for (count=1; count < i; count++) p=p->next;
```

```
q=new DbllNode<ElemType>(e, p->prior, p);
```

```
p->prior->next=q; p->prior=q;
```

```
length++; return SUCCESS;
```

```
}
```

```
}
```

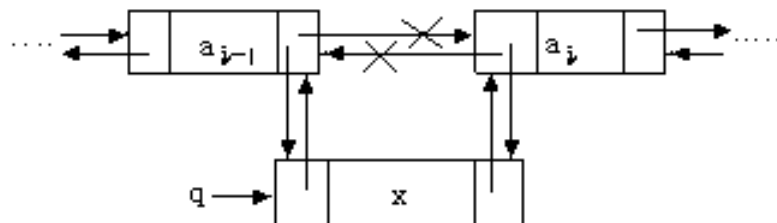


图3-24 双向链表前插入算法过程

```
t ElemType &e)
```

```
return ROR;
```





(11) 在表尾插入元素

```
template <class ElemType>
Status DbLinkedList<ElemType>::InsertElem(const ElemType &e)
{
    DbNode<ElemType> *p;
    p=new DbNode<ElemType>(e, head->prior, head);
    head->prior->next=p;
    head->prior=p;
    length++;
    return SUCCESS;
}
```





静态链表

	data	next
avail → 0		1
1		2
2		3
3		4
4		5
5		6
6		7
7		-1

链表未使用

	data	next
head → 0		-1
avail → 1		2
2		3
3		4
4		5
5		6
6		7
7		-1

初始化，创建头结点

	data	next
head → 0		3
1	'A'	-1
2	'B'	1
3	'C'	2
avail → 4		5
5		6
6		7
7		-1

依次插入 'A'、'B'、'C'

	data	next
head → 0		3
1	'A'	-1
avail → 2		4
3	'C'	1
4		5
5		6
6		7
7		-1

删除值为 'B' 的结点





3.4 线性表的应用

例3-1利用顺序表表示集合，并求两个集合的交。

数据结构：可以考虑利用两个顺序表1a和1b分别表示两个集合。

算法思想：为了简化算法实现，先定义两个数组a和b存放两个集合的元素，再利用这两个数组初始化构造两个顺序表1a、1b，定义一个空的顺序表1c以存放两个集合交的结果。通过一个循环，依次取出1a中的每一个元素e，再用定位函数确定元素e是否在1b中。如果元素e在1b中（定位函数返回序号大于0），则把它插入1c中。算法最后再分别遍历三个顺序表，输出三个集合的内容。





求两个集合的交集

```
int main(void) {  
    char a[]={'A', 'C', 'E', 'G', 'I'}, b[]={'A', 'B', 'C', 'D', 'H', 'I', 'J'}, e;  
    SeqList<char> la(a, 5, 50), lb(b, 7, 50), lc(50);  
    for (int i=1; i <= la.GetLength(); i++) {  
        la.GetElem(i, e);  
        if (lb.LocateElem(e))    lc.InsertElem(e);  
    }  
    cout << "集合A:";    la.Traverse(Write);    cout << endl;  
    cout << "集合B:";    lb.Traverse(Write);    cout << endl;  
    cout << "集合C:";    lc.Traverse(Write);    cout << endl;  
    system("PAUSE");    return 0;  
}
```





一元多项式表示和相关运算的实现

例3-2 一元多项式表示

一般情况下的多项式可写成：

$$A(x) = a_m x^{e_m} + \cdots + a_2 x^{e_2} + a_1 x^{e_1}$$

其中 a_i 是非零系数，指数 e_i 是非负整数，且 $e_m > e_{m-1} > \cdots > e_2 > e_1 \geq 0$ 。若用一个长度为 m 且每个元素有两个数据项的线性表

$$((a_m, e_m), \dots, (a_2, e_2), (a_1, e_1))$$

便可唯一确定多项式 $A(x)$ 。对此线性表可以有两种存储结构，其一是顺序存储结构；其二是链表存储结构。





项的定义

```
struct PolyItem
```

```
{
```

```
// 数据成员:
```

```
double coef;
```

```
int expn;
```

```
// 构造函数:
```

```
PolyItem() ;
```

```
PolyItem(double cf, int en);
```

```
};
```

```
// 系数
```

```
// 指数
```

```
// 无参构造函数
```

```
// 有参构造函数
```





用单链表表示一元多项式的类模板定义

```
class Polynomial
{
protected:
    LinkList<PolyItem> polyList;
public:
    Polynomial();
    ~Polynomial();
    int Length() const;
    bool IsZero() const;
    void SetZero();
```





用单链表表示一元多项式的类模板定义

```
void Display();  
void InsItem( const PolyItem &item);  
Polynomial operator +(const Polynomial &p) const;  
Polynomial operator -(const Polynomial &p) const;  
Polynomial operator *(const Polynomial &p) const;  
Polynomial(const Polynomial &copy);  
Polynomial(const LinkList<PolyItem> &copyLinkList);  
Polynomial &operator =(const Polynomial &copy);  
Polynomial &operator =(const LinkList<PolyItem>  
    &copyLinkList);  
};
```

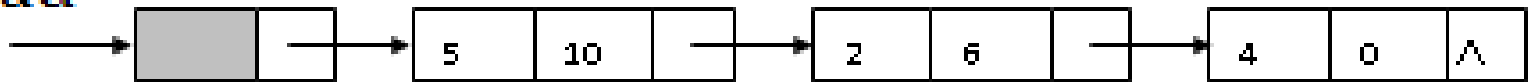




用单链表表示一元多项式的类模板定义

$$a = 5x^{10} + 2x^6 + 4$$

la.head





多项式相加运算的实现

数据结构：当上面的多项式 a 和 b 相加时，设置两个链表 $1a$ 和 $1b$ 分别存放两个多项式的二元组线性表，并设结果多项式链表为 $1c$ 。

算法思想：开始时先从 $1a$ 、 $1b$ 两个链表取第一个元素（即多项式 a 、 b 的第一项的系数和指数），进行步骤一。

步骤一：当两个链表 $1a$ 和 $1b$ 都能取到元素时，比较检测结点的指数域；否则进行步骤二。

（1）指数不等：指数大者插入 $1c$ 链表，且在指数大的链表中取下一个元素；

（2）指数相等：对应项系数相加。若相加结果不为零，则结果插入 $1c$ 链表中；且在两个链表 $1a$ 和 $1b$ 中分别取下一个元素。

步骤二：把 $1a$ 或 $1b$ 链表中剩余部分加入到 $1c$ 链表中。



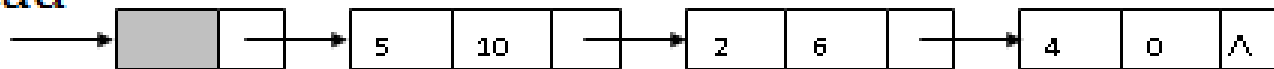


多项式相加运算的实现

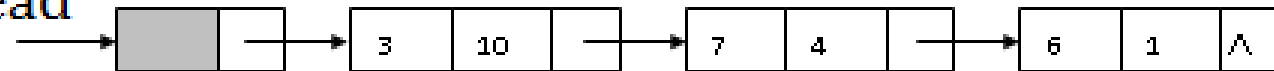
$$a = 5x^{10} + 2x^6 + 4$$

$$b = 3x^{10} + 7x^4 + 6x$$

la.head



lb.head



lc.head





多项式相加运算的实现

```
Polynomial Polynomial::operator +(const Polynomial &p) const {  
    LinkList<PolyItem> la=polyList;  
    LinkList<PolyItem> lb=p.polyList;  
    LinkList<PolyItem> lc;  
    int aPos=1, bPos=1;  
    PolyItem altem, bltem;  
    Status aStatus, bStatus;  
    aStatus=la.GetElem(aPos++, altem);  
    bStatus=lb.GetElem(bPos++, bltem);
```





多项式相加运算的实现

```
while (aStatus == ENTRY_FOUND && bStatus == ENTRY_FOUND) {  
    if (altem.expn > bltem.expn) {  
        lc.InsertElem(altem);    aStatus=la.GetElem(aPos++, altem);  
    }  
    else if (altem.expn < bltem.expn) {  
        lc.InsertElem(bltem);    bStatus=lb.GetElem(bPos++, bltem);  
    }  
    else {  
        PolyItem sumItem(altem.coef + bltem.coef, altem.expn);  
        if (sumItem.coef != 0)    lc.InsertElem(sumItem);  
        aStatus=la.GetElem(aPos++, altem);  
        bStatus=lb.GetElem(bPos++, bltem);  
    }  
}
```





多项式相加运算的实现

```
while (aStatus == ENTRY_FOUND) {  
    lc.InsertElem(altem);  
    aStatus=la.GetElem(aPos++, altem);  
}  
while (bStatus == ENTRY_FOUND) {  
    lc.InsertElem(bltem);  
    bStatus=lb.GetElem(bPos++, bltem);  
}  
Polynomial fc;  
fc.polyList=lc;  
return fc;  
}
```

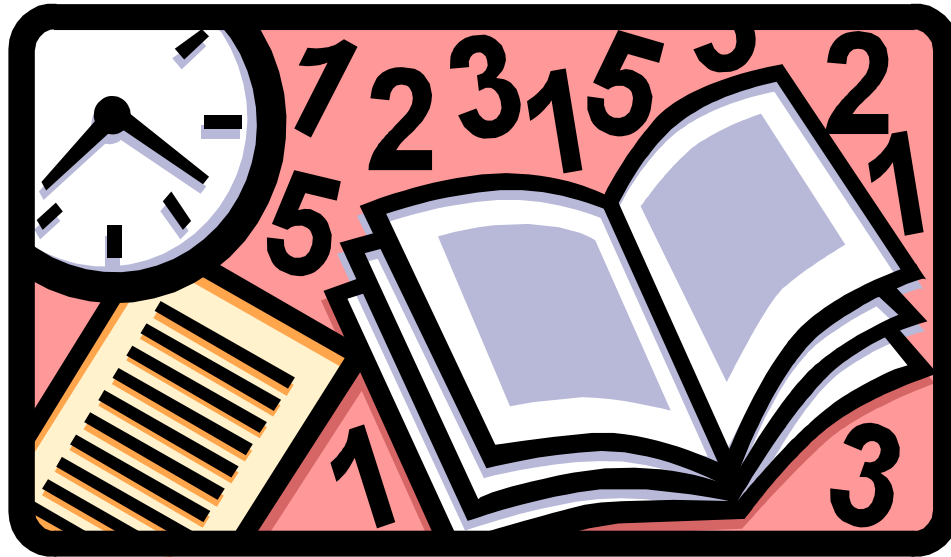




多项式相加运算的实现

设两个多项式链表的长度分别为 m 和 n ，则总的比较指数的次数为 $O(m+n)$ 。对于多项式的减法、乘法也可以类似地定义。





学习进步！

