SVEUČILIŠTE JOSIPA JURJA STROSSMAYERA U OSIJEKU FAKULTET ELEKTROTEHNIKE, RAČUNARSTVA I INFORMACIJKSIH TEHNOLOGIJA

Sveučilišni studij

PARAMETRI ELEKTRIČKIH FILTARA

Završni rad

Luka Kruljac

Osijek, 2018.

Sa	drža	j	
1.	Uvo	od	1
1	1.1	1.1. Zadatak završnog rada	2
2.	Teo	orija o filtrima	3
2	2.1	Općenito o filtrima	3
2	2.2	Parametri filtara	4
	2.2.1	Prijenosna funkcija $\pmb{H}(\pmb{j}\pmb{\omega})$	5
	2.2.2	2 Amplitudno - frekvencijska karakteristika	8
	2.2.3	Fazno – frekvencijska karakteristika	9
	2.2.4	Maksimalno pojačanje	10
	2.2.5	Granična frekvencija	11
	2.2.6	ő Širina pojasa	17
	2.2.7	Fazni pomak	18
2	2.3	Podjele filtara	19
2	2.4	Primjena filtara	20
3.	Pri	mjena filtra u automobilskoj industriji	21
4.	Modeliranje i izrada filtra2		
5.	Poglavlje Y		23
6.		djučak	
Literatura			25
Sažetak			26
6.1 Ključne riječi			
		t	
	5.2	Key words	
Životopis			27
Prilozi			28

1. Uvod

Gotovo je nemoguće pronaći imalo složenije sklopvolje unutar kojeg se ne pojavljuje neki oblik električkog filtra. Ovaj rad će pokušati objasnit što su to filtri i koji su njegovi parametri. Iako postoje razne izvedbe filatra, u ovom radu naglasak je na jednostavnim pasivnim filtrima s isključivo lineranim komponentama. Osim raznih izvedbi, filitri se nalaze i u raznim primjenama. Ovaj rad će primjenu filtra prikazati unutar automobilske industrije, konkretno u filtriranju izlaznog signala sa strujnih senzora.

Drugo poglavlje "Općenito o filtirima" donosi teorijsku podlogu o najjednostavnijim tipovima filtara. Objašnjava pojedine parametre, podjele, a detaljnije objašnjava filtre prema propusnosti te za svaki tip donosi matematičku analizu i simulacijama. Također, navodi primjere u kojima se koriste filtri, a u posljednjem potpoglavlju navodi jednu primjenu odnosno konkretan problem kojim će se bavit poglavlje broj 3.

1.1 1.1. Zadatak završnog rada

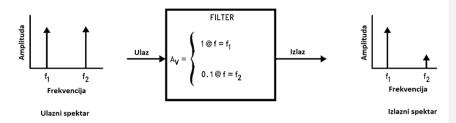
Zadatak ovog završnog rada je opisati osnovne vrste električkih filtara s obzirom na njihovu propusnost te izvesti izraze za njihove parametre u ovisnosti o vrijednostima komponenti odnosno modela od kojih su sastavljeni. Osim teorijskog opisa u sklopu završnog rada provest će se:

- > Modeliranje filtra za unaprijed određenu svrhu
- > Simulacija modela pomoću MATLAB Simulink alata
- > Izrada stvarnih filtara
- > Elektirčka mjerenja na izrađenim filtrima
- > Usporedba rezultata mjerenja i simulacije
- > Analiza rezultata odnosno dobivenog rješenja

2. Teorija o filtrima

2.1 Općenito o filtrima

Filtar je sustav odnosno sklop koji signal doveden na ulazne stezaljke obrađuje tako da određene frekvencije dovedenog signala pojačava ili stišava te tako obrađeni, odnosno filtriran signal emitira na izlaznim stezaljkama. Jednostavnije, filtar je pojačalo čije pojačanje ovisi o frekvenciji. Ako se govori o elektirčkim filitrima onda se pod pojmom signala misli na struju ili napon.



Slika 2.1¹ Filtar kao sustava koj dijeluje na spektar ulaznog signala



Slika 2.2 Filtar u konkretnoj izvedbi

 $^{^1\} http://www.ti.com/lit/an/snoa224a/snoa224a.pdf$

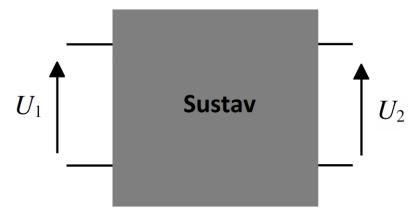
2.2 Parametri filtara

Postoji više parametara električkih filtara te često proizlaze jedni iz drugih. Mogu se opisati matematičkim izrazima ili crtežima u obliku grafova. Najčešće korišteni parametri su:

- > Prijenosna funkcija Transfer function
- > Amplitudno frekvencijska karakteristika Amplitude frequency graph
- ightharpoonup Fazno frekvencijska karakteristika Phase frequency graph
- Granična frekvencija Cutoff frequency
- Širina pojasa Bandwitht
- ➤ Maksimalno pojačanje Maximum gain
- Fazni pomak Phase shift

2.2.1 Prijenosna funkcija $H(j\omega)$

Prijenosna funkcija se definira kao omjer fazora izlaznog i fazora ulaznog napona. Fazori ulaznog i izlaznog napona su funkcije ovisne o frekvenciji pa je i sama prijenosna funkcija ovisna o frekvenciji stoga se i označava s $H(j\omega)$. Budući je definirana putem fazora, treba uočiti da se može primjenjivati samo nad monoharmonijskim funkcijama, odnosno za primjenu nad višeharmonijskim funkcijama nužno je proračunavati svaki harmonik zasebno. Ukoliko su poznate sve konstante prijenosne funkcije, funkcija se može promatrati i kao kompleksni broj koji će množenjem s funkcijom pobude dati funkciju odziva. Opčenito se koristi za opis nekog sustava pa se tako može primjeniti i za opis filtra.



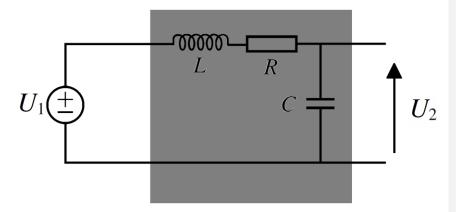
Slika 2.2.1.1 Nešto

$$H(j\omega) = \frac{\dot{U}_2}{\dot{U}_1}$$

 $\label{eq:continuous} Određivanjem fazora izlaznog napona te dovođenjem u omjer s ulaznim dobije se prijenosna funkcija.$

Commented [LK1]: Fazore označavati crtom(gore ili dolje) ili točkom?

Za primjer uzeti sustav kao sa slike 2.2.1.2. Ukoliko su R, L i C konstante, a U_1 vremenska funkcija napna U₁(t), lako se može dobiti izraz za U₂, odnosno U₂(t). Budući se svaka funkcija može rastaviti u sumu sinusnih funkcija, a svaka se sinusna funkcija može prikazati pomoću fazora, za određivanje prijenosne funkcije koristit će se fazorski račun.



Slika 2.2.1.2 Primjer jednostavnog sustava

Budući je \overline{U}_1 zadan, prema definiciji prijenosne funkcije potrebno je još odrediti samo izlazni napon $\overline{U}_2.$ Promatrajući sustav, izlazni napon \overline{U}_2 jednak je naponu na kapacitetu C, odnosno naponu \overline{U}_C .

$$\dot{U}_2 = \dot{U}_C$$

Zatim promatrajući jednostavnu petlju, budući su svi elementi spojeni u seriju(stezaljke izlaznog napona su u prekidu) kroz elemente L, R i C teče ista struja \bar{I} . Ako se reaktancije induktiviteta L i kapaciteta C predstave s X_L i X_C te se primjeni Ohmov zakon dobije se idući izraz za struju.

$$X_L = j\omega L$$

$$X_C = \frac{1}{j\omega C}$$

$$\bar{I} = \frac{\dot{U}_1}{Z} = \frac{\dot{U}_1}{X_L + R + X_C} = \frac{\dot{U}_1}{j\omega L + R + \frac{1}{j\omega C}}$$

Commented [LK2]: I=U/R je, međutim I=U/Z je neki

Commented [LK3]: Definirati ih kao Xl=jwL, ili je XL samo iznos, odnosno XL=wL, pa je potrebno pisati jXL Ista stvar i za XC

Ponovnom primjenom Ohmovog zakona na kapacitetu dobijemo izraz za napon na tom elementu, odnosno izraz za izlazni napon.

$$\dot{U}_2 = \dot{U}_C = \bar{I} * X_c = \frac{\dot{U}_1}{j\omega L + R + \frac{1}{j\omega C}} * X_c = \frac{\bar{U}_1 * \frac{1}{j\omega C}}{j\omega L + R + \frac{1}{j\omega C}}$$

Sada kad postoji izraz za izlazni napon \dot{U}_2 može se odrediti prijenosna funkcija.

$$H(j\omega) = \frac{\dot{U}_2}{\dot{U}_1} = \frac{\frac{\dot{U}_1 * \frac{1}{j\omega C}}{j\omega L + R + \frac{1}{j\omega C}}}{\overline{U}_1} = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{j\omega L + R + \frac{1}{j\omega C}}$$

Ovako dobiveni izraz je prijenosna funkcija sustava sa slike 2.2.1.2. Iz ovog izraza kasnije se mogu odrediti još neki parametri kao što su amplitudno-frekvencijska karakteristika, fazno-frekvencijska karakteristika, maksimalno pojačanje, granična frekvencija, širina pojasa, fazni pomak(određene frekvencije).

Commented [LK4]: Postupak sređivanja izraza je složen, uvodit s pa to sredit ili ostavit ovako

2.2.2 Amplitudno - frekvencijska karakteristika

2.2.3 Fazno – frekvencijska karakteristika

2.2.4 Maksimalno pojačanje

2.2.5 Granična frekvencija

Kako bi se definirala propusnost električkog filtra uveden je pojam granične frekvencije. To je frekvencija na kojoj se nalazi granica između propusnog i neporpusnog dijela spektra. Neki filtar može imati i više graničnih frekvencija, ovisno koje je propusnosti i koliko pojasa propusnosti ima.

Da bi se mogla odredit granična frekvencija, a kasnije i šrina pojasa bitno je razlikovati propusni i nepropusni dio spektra. Izlazna snaga pri propusnoj frekvenciji mora biti barem 50% ulazne snage da bi tu frekvenciju smatrali propusnom, odnosno pojačanje na toj frekvenciji ne smije biti manje od 0.5. Iz toga slijedi da je propusni dio spektra skup frekvencija za koje vrijedi izraz $P_2 \geq 50\% * P_1$, odnosno $A \geq 0.5$, gdje je P_1 ulazna snaga, P_2 izlazna snaga, a P_3 pojačanje.

Ako pojačanje snage ne smije biti manje od 0.5 slijedi da izlazni napon ili struja ne smiju biti manji od $\frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0.70711 \approx 70.711\%$ ulaznog napona ili struje, što dokazuje idući postupak.

$$P = U * I = I^{2} * R = \frac{U^{2}}{R}$$

$$P_{2} \ge 50\% * P_{1}$$

$$I_{2}^{2} * R \ge \frac{50}{100} * I_{1}^{2} * R$$

$$I_{2}^{2} \ge \frac{1}{2} * I_{1}^{2}$$

$$I_{2} \ge \frac{1}{\sqrt{2}} * I_{1}$$

$$U_{2} \ge \frac{1}{\sqrt{2}} * U_{1}$$

$$U_{2} \ge \frac{1}{\sqrt{2}} * U_{1}$$

Budući da se pojačanja A često opisuju u decibelima[dB] što je 10 logaritama baze 10 od omjera snaga, slijedi da pojačanje izraženo u decibelima za propusni pojas ne smije biti manje od -3dB.

$$A[dB] = 10 * \log_{10}\left(\frac{P_2}{P_1}\right) = 10 * \log_{10}\left(\frac{\frac{1}{2} * P_1}{P_1}\right) = 10 * \log_{10}\left(\frac{1}{2}\right) \approx -3dB$$

Prethodni izraz za pojačanje A[dB] može se računati i pomoću izvedenog izraza u kojem se u omjer stavaljuju naponi ili sturuje, odnosno pojačanje se predstavlja kao funkcija napona ili struje.

$$A[dB] = 10 * \log_{10}\left(\frac{P_2}{P_1}\right) = 10 * \log_{10}\left(\frac{I_2^2 * R}{I_1^2 * R}\right) = 10 * \log_{10}\left(\frac{I_2^2}{I_1^2}\right) = 20 * \log_{10}\left(\frac{I_2}{I_1}\right)$$

$$A[dB] = 10 * \log_{10}\left(\frac{P_2}{P_1}\right) = 10 * \log_{10}\left(\frac{\frac{{U_2}^2}{R}}{\frac{{U_2}^2}{R}}\right) = 10 * \log_{10}\left(\frac{{U_2}^2}{{U_1}^2}\right) = 20 * \log_{10}\left(\frac{{U_2}}{{U_1}}\right)$$

Ako je propusni pojas skup frekvencija na kojima je pojačanje A > 0.5, odnosno A[dB] > -3dB, a nepropusni pojas skup frekvencija na kojima je pojačanje A < 0.5, odnosno A[dB] < -3dB slijedi da je granična frekvencija ona frekvencija na kojoj je pojačanje A = 0.5, odnosno A[dB] = -3dB.

Graničnu frekvenciju možemo računati iz prijenosne funkcije ili amplitudnofrekvencijske karakteristike.

> Pomoću poznate prijenosne funkcije (Analitički)

Prijenosna funkcija $H(j\omega)$ je funkcija fazora izlaznog napona \dot{U}_2 i fazor ulaznog napona \dot{U}_1 , a pojačanje A je funkcija apsolutne vrijednosti izlaznog napona $|\dot{U}_2|$ i apsolutne vrijednosti ulaznog napona $|\dot{U}_2|$ iz toga slijedi da se pojačanje A može zapisati kao funkcija apsolutne vrijednosti prijenosne funkcije $|H(j\omega)|$.

Commented [LK5]: Ili struje

Izvod izraza:

Fazore napona može se zapisati pomoću općih kompleksnih brojeva pa tako izlazni i ulazni naponi poprimaju iduće izraze:

Izlazni:
$$\dot{U}_2 = A + jB$$
 Ulazni: $\dot{U}_1 = C + jD$

Uvrštavanjem tako zapisanih izraza u definiciju prijenosne funkcije dobije se idući izraz:

$$H(j\omega) = \frac{\dot{U}_2}{\dot{U}_1} = \frac{A + jB}{C + jD} = \frac{(AC + BD) - j(AD - BC)}{C^2 + D^2}$$

Iz čeg slijedi izraz za modul prijenosne funkcije:

$$|H(j\omega)| = \frac{1}{C^2 + D^2} * \sqrt{A^2C^2 + 2ABCD + B^2D^2 + A^2D^2 - 2ABCD + B^2C^2} =$$

$$= \frac{1}{C^2 + D^2} * \sqrt{(A^2 + B^2)(C^2 + D^2)} = \frac{\sqrt{A^2 + B^2}}{\sqrt{C^2 + D^2}} = \frac{|\dot{U}_2|}{|\dot{U}_1|}$$

Ukoliko fazore zapišemo pomoću polarnih kordinata, tada izraz za ulazni i napon izgleda ovako:

Izlazni:
$$\dot{U}_2 = \left| \dot{U}_2 \right|^{\angle \varphi_2}$$
 Ulazni: $\dot{U}_1 = \left| \dot{U}_1 \right|^{\angle \varphi_1}$

Uvrštavanjem tako zapisanih izraza u definiciju prijenosne funkcije dobije se idući izraz:

$$H(j\omega) = \frac{\dot{U}_2}{\dot{U}_1} = \frac{\left|\dot{U}_2\right|^{\angle \varphi_2}}{\left|\dot{U}_1\right|^{\angle \varphi_1}} = \left(\frac{\left|\dot{U}_2\right|}{\left|\dot{U}_1\right|}\right)^{\angle \varphi_2 - \varphi_1}$$

Iz čeg slijedi izraz za modul prijenosne funkcije:

$$|H(j\omega)| = \frac{\left|\dot{U}_2\right|}{\left|\dot{U}_1\right|}$$

Oba ova izvoda pokazalu su da je omjer modula fazora izlaznog i ulaznog napona jedank modulu prijenosne funkcije pa se izrazi za pojačanje A, odnsno za pojačanja na određenoj frekvenciji $A(\omega)$ mogu zapisati na idući način:

$$A(\omega) = |H(j\omega)|$$

$$A(\omega)[dB] = 20 * \log_{10}(|H(j\omega)|)[dB]$$

Primjer

Potrebno je odrediti granične frekvencije sustava sa slike 2.2.1.2., prijenosna funkcija sustava je poznata.

$$H(j\omega) = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{j\omega L + R + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{j\omega L + R + \frac{1}{j\omega C}} * \frac{j\omega C}{j\omega C} = \frac{1}{-\omega^2 LC + j\omega RC + 1} =$$

$$= \frac{(1 - \omega^2 LC) - j\omega RC}{(1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega RC)^2} =$$

$$= \frac{1}{(1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega RC)^2} * ((1 - \omega^2 LC) - j\omega RC)$$

Izračun modula

$$|H(j\omega)| = \frac{1}{(1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega RC)^2} * \sqrt{(1 - \omega^2 LC)^2 - (j\omega RC)^2} = \frac{1}{\sqrt{(1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega RC)^2}}$$

Granična frekvencija je točno ona frekvencija na kojo je pojačanje $A(\omega)=0.5$, pa iz izraza $A(\omega)=|H(j\omega)|$ slijedi da tražimo sve frekvencije ω koje su rješenje iduće jedandžbe.

$$A(\omega) = |H(j\omega)| = 0.5$$

$$\frac{1}{\sqrt{(1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega RC)^2}} = 0.5$$

$$1 = \frac{1}{4} * ((1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega RC)^2)$$

$$4 = (1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega RC)^2$$

$$\omega^4(L^2C^2) - \omega^2(2LC - R^2C^2) - 3 = 0$$

Commented [LK6]: Postupak sređivanja izraza je složen, uvodit s pa to sredit ili ostavit ovako

Commented [LK7]: Rješavati ovu jednadžbu s općim brojevima ili ne?

Budući je jedadžba četvrtog stupnja, uvodimo supstituciju gdje je $\,t=\omega^2,\,$ odnosno $\omega=\pm\sqrt{t}\,$. Iz stupnja jednadžbe također zaključujemo koliko graničnih frekvencija sustav ima.

$$t^{2}(L^{2}C^{2}) - t(2LC - R^{2}C^{2}) - 3 = 0$$

$$t_{1,2} = \frac{(2LC - R^2C^2)}{2} \pm \sqrt{\frac{(2LC - R^2C^2)^2}{4} + 3}$$

Vračanjem supstituiranih varijabli dobivamo izraze za sve 4 granične frekvencije sustava sa slike 2.2.1.2.

$$\omega_{1} = \sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})}{2} + \sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})^{2}}{4} + 3}}$$

$$\omega_{2} = -\sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})}{2} + \sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})^{2}}{4} + 3}}$$

$$\omega_{3} = \sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})}{2} - \sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})^{2}}{4} + 3}}$$

$$\omega_{4} = -\sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})}{2} - \sqrt{\frac{(2LC - R^{2}C^{2})^{2}}{4} + 3}}$$

Commented [LK8]: Rješavati ovu jednadžbu s općim brojevima ili ne?

> Pomoću poznate amplitnudno-frekvencijske karakteristike (Grafički)

Još o graničnem frekv., primjer izračuna, graf(pojasno propusni koji ima više i nisko/viusoki koji ima samo jednu)

2.2.6 Širina pojasa

Širina pojasa ili *Bandwith* je raspon frekvencija za koje je filtar propustan odnosno udaljenost između dvije granične frekvencije.

2.2.7 Fazni pomak

2.3 Podjele filtara

Osim što filtre opsiuje više parametara, postoji i više podjela filtara, a one najučestalije su:

- > Prema propusnosti
 - o Visoko propusni
 - o Nisko propusni
 - o Pojasno propusni
 - o Pojasne barijere (pojasno nepropusni)
 - o All pass(phase shifting)
- > Prema aktivnosti komponenti od kojih je sastavljen
 - o Aktivni
 - o Pasivni
- > Prema kontinuiranosti
 - o Diskretni
 - o Kontinuirani
- Prema vrsti signala kojeg filtriraju
 - o Digitalni
 - o Analogni
- > Prema linearnosti
 - o Linearni
 - o Nelinearni

2.4 Primjena filtara

3. Primjena filtra u automobilskoj industriji

Ovaj dio treba raspraviti s Kristijanom. Zadatak koji ćemo obrađivati, s kojih strujnih senzora?, koliko se njih nalazi u jednom automobilu?, koliko njih na izlazu ima filtar?, gdje odlazi signal s tog filtar odnosno strujnog senzora? Što bi se dogodilo kad ne bi bilo filtra? Zašto signal mora biti ispeglan? Zašto mora biti brz(manje više jasno, ali konkretno što može nastradati)?

4. Modeliranje i izrada filtra

- Generiranje ulaznog signala
- Razvoj ulaznog signala u FR s prvih X harmonika
- Propuštanje svakog harmonika kroz
 - RC1
 - RC2
 - RC3
 - RC4RC5
 - RC6RC7
- Amlitudno frekvnecijjski odziv
- Fazno frekvencijski odziv
- Vremenski odziv
- Valovitost

5. Poglavlje Y

6. Zaključak

Literatura

https://www.slideshare.net/jebemte/elektricni-filtri-50362568

 $\underline{http://www.ti.com/lit/an/snoa224a/snoa224a.pdf}$

 $\underline{https://www.youtube.com/watch?v{=}7XIXOHnmOSo}$

https://www.electronics-tutorials.ws/amplifier/frequency-response.html

Sažeta	etak				
6.1	Ključne riječi				
A 1	4 4				
Abstract					
6.2	2 Key words				

Životopis

Luka Kruljac rođen je 25.3.1997. u Đakovu. Odrastao u Gašincima gdje je i pohađao Osnovnu školu J.A.Ćolnića od 1. do 4. razreda. Osnovnu školu od 5. do 8. razreda pohađa u istoimenoj školi u Satnici Đakovačkoj. Tijekom osnovne škole sudjeluje na brojnim natjecanjima, a 2009. godine ostvaruje plasman na državno natjecanje mladih tehničara. Godine 2010. završava osnovnu školu s odličnim uspjehom te iste godine uspisuje prirodoslovno-matematičku gimnaziju A.G.Matoš u Đakovu. Gimnaziju završava 2015. godine kada upisuje progam vojnog kadeta, smjer Vojno inženjerstvo. Program kadeta napušta iz osobnih razloga te u listopadu iste godine upisuje sveučilišni preddiplomksi studij elektrotehnike na Elektrotehničkom fakultet Osijek. Tijekom preddiplomskog studija dodjeljuje mu se priznanje za postignut uspjeh u studiranju. Za vrijeme studiranja 2016. i 2017. odrađuje praksu u tvrtki Siemens Convergence Creators, Osijek.

Demonstrature,, studentski zbor.., elektrijada..

Luka Kruljac rođen je 25.3.1997. u Đakovu. Odrastao u Gašincima gdje je i pohađao Osnovnu školu J.A.Ćolnića od 1. do 4. razreda. Osnovnu školu od 5. do 8. razreda pohađa u istoimenoj školi u Satnici Đakovačkoj. Godine 2010. završava osnovnu školu te iste godine uspisuje prirodoslovno-matematičku gimnaziju A.G.Matoš u Đakovu. Gimnaziju završava 2015. godine kada upisuje progam vojnog kadeta, smjer Vojno inženjerstvo. Program kadeta napušta iz osobnih razloga te u listopadu iste godine upisuje sveučilišni preddiplomksi studij elektrotehnike na Elektrotehničkom fakultet Osijek. Za vrijeme studiranja 2016. i 2017. odrađuje praksu u tvrtki Siemens Convergence Creators, Osijek.

U Osijeku 19.5.2018.

Luka Kruljac

Luka Kruljac

Prilozi