# SVEUČILIŠTE JOSIPA JURJA STROSSMAYERA U OSIJEKU ELEKTROTEHNIČKI FAKULTET

Sveučilišni studij

## Mjerna nesigurnost karakteristike nelinearne zavojnice

Diplomski rad

Ivan Biondić



#### Obrazac D1: Obrazac za imenovanje Povjerenstva za obranu diplomskog rada

Osijek,2014.

#### Odboru za završne i diplomske ispite

	Odbord za zavrske i diplomske ispite	
Imenovanje Povjerenstva za obranu diplomskog rada		
Ime i prezime studenta:	Ivan Biondić	
Studij, smjer:	Sveučilišni diplomski studij elektrotehnike, smjer Elektroenergetika	
Mat. br. studenta, godina upisa:	D-596	
Mentor:	Izv.prof.dr.sc.Kruno Miličević	
Sumentor:		
Predsjednik Povjerenstva:	Izv.prof.dr.sc. D. Pelin	
Član Povjerenstva:		
Naslov diplomskog rada:	Mjerna nesigurnost karakteristike nelinearne zavojnice	
Primarna znanstvena grana rada:	Elektrostrojarstvo	
Sekundarna znanstvena grana (ili polje) rada:	-	
Zadatak diplomskog rada:	Odrediti parametre karakteristike nelinearne zavojnice na temelju mjerenja. Procijeniti utjecaj nesigurnosti izmjerenih veličina na karakteristike nelinearne zavojnice.	
Prijedlog ocjene pismenog dijela ispita (diplomskog rada):	Izvrstan (5)	
Kratko obrazloženje ocjene prema Kriterijima za ocjenjivanje završnih i diplomskih radova:	Primjena znanja stečenih na fakultetu: 3 boda Postignuti rezultati u odnosu na složenost zadatka: 3 boda Jasnoća pismenog izražavanja: 3 boda Razina samostalnosti: II. razina	
Potpis sumentora:	Potpis mentora:	
·	·	
Dostaviti:		
1. Studentska služba		
U Osijeku,2014. godine	Potpis predsjednika Odbora:	



Sveučilište Josipa Jurja Strossmayera u Osijeku			
IZJAVA O ORIGINALNOSTI RADA			
Osijek, 2014.			
Ime i prezime studenta:	Ivan Biondić		
Studij :	Sveučilišni diplomski studij elektrotehnike, smjer Elektroenergetika		
Mat. br. studenta, godina upisa:	D-596		
Ovom izjavom izjavljujem da je rad pod nazivom:			
Mjerna nesigurnost karakteristike nelinearne zavojnice			
izrađen pod vodstvom mentora			
Izv.prof.dr.sc.Krune Miličevića			
i sumentora			
moj vlastiti rad i prema mom najboljem znanju ne sadrži prethodno objavljene ili neobjavljene pisane materijale drugih osoba, osim onih koji su izričito priznati navođenjem literature i drugih izvora informacija.  Izjavljujem da je intelektualni sadržaj navedenog rada proizvod mog vlastitog rada, osim u onom dijelu za koji mi je bila potrebna pomoć mentora, sumentora i drugih osoba, a što je izričito navedeno u radu.			
Potpis studenta:			

### SADRŽAJ

1. UVOD	1
1.1. TEORIJSKI UVOD U IZRAČUN MJERNE NESIGURNOSTI	1
1.1.1. Normalna (Gaussova) razdioba	1
1.1.2. Izračun mjerne nesigurnosti na temelju modela s jednim ulazom i jednim izlaz	zom4
1.1.3. Izračun mjerne nesigurnosti na temelju modela s više ulaza i jednim izlazom .	6
1.1.4. Izračun mjerne nesigurnosti na temelju modela s više ulaza i više izlaza	7
2. MATEMATIČKI MODEL NELINEARNE ZAVOJNICE	10
2.1. OPIS MJERENJA	12
2.2. KARAKTERISTIKA OTPORA	13
2.2.1. Prvi odsječak karakteristike otpora	13
2.2.2. Drugi odsječak karakteristike otpora	14
2.2.3. Poopćenje izračuna karakteristike otpora	16
2.3. KARAKTERISTIKA INDUKTIVITETA	18
2.3.1. Prvi odsječak karakteristike induktiviteta	18
2.3.2. Drugi odsječak karakteristike induktiviteta	20
2.3.3. Poopćenje izračuna karakteristike induktiviteta	22
3. MJERNA NESIGURNOST KARAKTERISTIKA	25
3.1. Analitički izračun mjerne nesigurnosti karakteristike otpora i induktiviteta	25
3.1.1 Analitički izračun faktora utjecajnosti (osjetljivosti)	28
3.1.2 Numerički izračun faktora utjecajnosti (osjetljivosti)	29
3.2. Primjer izračuna mjerne nesigurnosti krivulje magnetiziranja transformatora	30
4 ZAKLIIIČAK	36

Sažetak

Nelinearna zavojnica modelira se otporom i induktivitetom čije su karakteristike linearne po

odsječcima. Parametri karakteristika se određuju na temelju mjerenja napona, struje i snage.

Kako sva mjerenja posjeduje mjernu nesigurnost promatra se njihov utjecaj na parametre

karakteristika otpora i induktiviteta. Procjena mjerne nesigurnosti parametara karakteristika

temelji se na pretpostavkama da se mjerne pogreške izmjerenih veličina mogu opisati

normalnom razdiobom i da se može primijeniti linearizirani matematički model. Na temelju

provedene analize uočeno je kako dolazi do znatnog povećanja mjerne nesigurnosti

karakteristika s porastom napona. Najveći doprinos mjernoj nesigurnosti karakteristika dolazi od

mjerne nesigurnosti izmjerenog napona.

Ključne riječi: širenje pogrešaka, procjena mjerne nesigurnosti, modeliranje nelinearne

zavojnice, područja pouzdanosti

Measurement uncertainty of the instantaneous characteristics of nonlinear coil

**Abstract** 

Nonlinear coil model is defined by piecewise characteristics of resistance and inductance. The

characteristics of coil are obtained by measurements: RMS coil voltage, RMS coil current and

coil losses. Since every measurement has uncertainties, it is investigated how measurement

uncertainties reflect on coil characteristics. Estimation of coil characteristics uncertainties is

based on following assumptions: all measurement errors have normal distribution and linearized

model is sufficiently accurate approximation of nonlinear coil model. Results show that

uncertainty of coil characteristics is growing for higher amplitudes of voltage. Highest

contribution to coil characteristics uncertainty has uncertainty of measured RMS voltage.

**Key words**: error propagation, uncertainty estimation, nonlinear coil model, confidence regions

39