Problemes resolts del tema EQUILIBRI DE SOLUBILITAT (Q2_B2_3)

1. Ordena per ordre creixent de solubilitat les sals següents, tenint en compte el corresponent producte de solubilitat: fluorur de bari, fluorur de calci, fluorur de plom(II). Dades: K_s (BaF₂) = $1,7\cdot10^{-6}$; K_s (CaF₂) = $4,0\cdot10^{-11}$; K_s (PbF₂) = $4,1\cdot10^{-8}$

Resolució:

Es tracta de tres compostos amb igual fórmula general AB₂. Per tant, segons l'equilibri de solubilitat:

$$AB_2$$
 (s) \rightleftharpoons A^{2+} (aq) + 2 B^- (aq)

La relació entre K_s i la solubilitat (S) será:

$$K_s = S \cdot (2S)^2 = 4 S^3$$

Per tant, com més gran sigui K_s, major serà la solubilitat:

$$S(CaF_2) < S(PbF_2) < S(BaF_2)$$

2. Escriu per als compostos següents l'expressió del seu producte de solubilitat: carbonat de magnesi, iodur de plom(II), carbonat d'argent, hidròxid d'alumini, fosfat de calci, clorur de mercuri(I)

Resolució:

$$K_s = [Mg^{2+}][CO_3^{2-}] = 4.0 \cdot 10^{-5}$$

•
$$PbI_2(s) \rightleftharpoons Pb^{2-}(aq) + 2I^-(aq)$$

$$K_s = [Pb^{2+}][I^-]^2 = 1,4 \cdot 10^{-8}$$

$$K_s = [Ag^+]^2 [CO_3^{2^-}] = 8.1 \cdot 10^{-12}$$

$$K_s = [Al^{3+}][OH^-]^3 = 1.8 \cdot 10^{-33}$$

$$K_s = \left[Ca^{2+}\right]^3 \left[PO_4^{3-}\right]^2 = 1.2 \cdot 10^{-26}$$

$$K_s = [Hg_2^{2+}][Cl^-]^2 = 3.5 \cdot 10^{-18}$$

3. La solubilitat del dicromat d'amoni, (NH₄)₂Cr₂O₇, a 15 °C és de 30,8 g en 100 mL d'aigua. Indica si en afegir 250 g de la sal a un litre d'aigua a aquesta temperatura es dissoldrà totalment. Qualifica aquesta solució com a saturada, insaturada o sobresaturada (precipitarà com a sòlid part del compost).

Resolució:

$$S[(NH_4)_2Cr_2O_7] = \frac{30.8 \text{ g}}{100 \text{ mLH}_2O}$$

Calculem la massa de $(NH_4)_2Cr_2O7$ que es pot dissoldre en un litre d'aigua:

$$m_{(NH_4)_2Cr_2O_7} = \frac{1000 \text{ mL}}{1 \text{ L}} \cdot \frac{30.8 \text{ g}_{(NH_4)_2Cr_2O_7}}{100 \text{ mLH}_2O} =$$

$$= 308.0 \text{ g} \cdot \text{L}^{-1}$$

Com que la quantitat que hi hem afegit (250 g) és menor que la solubilitat (308,0 g), a aquesta temperatura sí que es dissoldrà totalment i obtindrem una solució insaturada.

4. El producte iònic, Q, d'una solució aquosa de clorur de plom(II) és $3.9 \cdot 10^{-3}$. Raona si la solució està insaturada, saturada o sobresaturada (precipitarà com a sòlid part del compost). Dades $(K_s (PbCl_2) = 2.4 \cdot 10^{-4})$

Resolució:

Com que $\mathbf{Q} > \mathbf{K}_{s}$, això implica que la concentració de ions és més gran que la màxima possible. Per tant, la solució està sobresaturada i precipitarà l'excés de PbCl₂ fins que $\mathbf{Q} = \mathbf{K}_{s}$

5. La solubilitat molar del sulfat d'argent, Ag_2SO_4 , és $1,5\cdot 10^{-2}$ M. Troba el valor del producte de solubilitat d'aquesta sal i la concentració molar dels ions Ag^+ i $SO_4^{2^-}$ Sol.: $1,35\cdot 10^{-5}$; $3,0\cdot 10^{-2}$ mol· L^{-1} i $1,5\cdot 10^{-2}$ mol· L^{-1}

Resolució:

Equilibri de solubilitat:

$$Ag_2SO_4$$
 (s) \rightleftharpoons $2Ag^+$ (aq) $+SO_4^{2-}$ (aq)

El producte de solubilitat serà:

$$K_s = [Aq^{2+}]^2 [SO_4^{2-}] = (2S)^2 \cdot S = 4 S^3$$

Substituïm en aquesta expressió la dada de la solubilitat i es determina el valor de K_s,:

$$K_s = 4 S^3 = 4 \cdot (1.5 \cdot 10^{-2})^3 = 1.35 \cdot 10^{-5}$$

Trobem la concentració molar de cada ió:

$$[Ag^{+}] = 2 S = 2 \cdot 1,5 \cdot 10^{-2} = 3,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

 $[SO_4^{2-}] = S = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

- **6.** Una solució saturada de clorur de plom(II) conté a 25 °C una concentració d'ions Pb²⁺ de 1,6·10⁻² mol·L⁻¹.
- a) Calcula la concentració d'ions clorur d'aquesta solució.
- **b)** Calcula el valor de la constant del producte de solubilitat del PbCl₂ a aquesta temperatura.

Sol.:3,2·10⁻² M; 1,64 10⁻⁵

Resolució:

a) L'equilibri de solubilitat és:

$$PbCl_2$$
 (s) \rightleftharpoons Pb^{2+} (aq) + 2 Cl^{-} (aq)

Com que coneixem la concentració de Pb²⁺, podem determinar la solubilitat S del PbCl₂, i, a partir d'ella, la concentració de Cl⁻, ja que, segons l'estequiometria de la reacció:

$$[Pb^{2+}] = S = 1.6 \cdot 10^{-2} \frac{\text{mol}}{L}$$

 $[Cl^{-}] = 2 S = 2 \cdot 1.6 \cdot 10^{-2} \frac{\text{mol}}{L} = 3.20 \cdot 10^{-2} \frac{\text{mol}}{L}$

b) Amb les dades anteriors, calculem el producte de solubilitat substituint els valors de les concentracions:

$$K_{s} = \left[Pb^{2+}\right]\left[Cl^{-}\right]^{2}$$

$$K_{5} = 1.6 \cdot 10^{-2} \cdot \left(3.20 \cdot 10^{-2}\right)^{2} = 1.64 \cdot 10^{-5}$$

7. Es mesclen 20 mL de solució de Ba(NO₃)₂ 0,10 M amb 50 mL de solució Na₂CO₃ 0,10 M. Determina si es produirà una precipitació de carbonat de bari. Dades: K_s (BaCO₃) = 2,6·10⁻⁹

Resolució:

L'equació iònica neta:

Calculem el nombre de mols de Ba²⁺ i la seva concentració, un cop mesclades les solucions i considerant volums additius:

$$n_{Ba^{2*}} = 20.0 \text{ mL} \cdot \frac{1 \text{ L}}{1000 \text{ mL}} \cdot \frac{0.10 \text{ mol}}{1 \text{ L}} = 2.00 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

$$\left[Ba^{2+}\right]_0 = \frac{2,00 \cdot 10^{-3} \ mol}{70,0 \ mL} \cdot \frac{1\ 000 \ mL}{1\ L} = 2,86 \cdot 10^{-2} \ \frac{mol}{L}$$

Calculem el nombre de mols de ${\rm CO_3}^{2^-}$ i la seva concentració, un cop mesclades les solucions i considerant volums additius:

$$n_{CO_3^{2-}} = 50.0 \, mL \cdot \frac{1 \, L}{1000 \, mL} \cdot \frac{0.10 \, mol}{1 \, L} = 5.00 \cdot 10^{-3} \, mol$$

$$\left[CO_3^{2-}\right]_0 = \frac{5.00 \cdot 10^{-3} \text{ mol}}{70.0 \text{ mL}} \cdot \frac{1000 \text{ mL}}{1 \text{ L}} = 7.14 \cdot 10^{-2} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

Calculem el producte iònic i el comparem amb el producte de solubilitat:

$$Q = \left[Ba^{2+}\right]_0 \left[CO_3^{2-}\right]_0 = \left(2.86 \cdot 10^{-2}\right) \cdot \left(7.14 \cdot 10^{-2}\right) =$$
$$= 2.04 \cdot 10^{-3}$$

Com que $Q > K_s$, la solució està sobresaturada i precipitarà $BaCO_3$, fins que $Q = K_s$.

8. Calcula la solubilitat del Pb(IO₃)₂ en una solució que conté 0,020 mols de KIO₃ per litre de solució.

Dades: K_s [Pb(IO₃)₂] = 3,2·10⁻¹³

Sol.: 8,0·10⁻¹⁰ M.

Resolució:

L'equilibri de solubilitat i expressió de K_s és:

$$Pb(IO_3)_2$$
 (s) \rightleftharpoons Pb^{2^*} (aq) + 2 IO_3^- (aq)

$$K_s = \left[Pb^{2+}\right] \left[IO_s^{-}\right]^2$$

La solubilitat disminuirà (respecte l'aigua pura) perquè ara hi ha ions iodat provinent del iodat de potassi. Aquest és l'anomena't efecte de l'ió comú.

$$K IO_3$$
 (aq) $\rightarrow K^*$ (aq) $+ IO_3^-$ (aq)

$$\left[K^+\right]_{KIO_3} = 0.020 \frac{\text{mol}}{L} \qquad \left[IO_3^-\right]_{KIO_3} = 0.020 \frac{\text{mol}}{L}$$

D'acord amb l'estequiometria de la reacció:

$$\left[Pb^{2+} \right]_{Pb(IO_3)_2} = S$$
 $\left[IO_3^- \right]_{Pb(IO_3)_2} = 2 S$

En l'equilibri:

$$\begin{split} \left[Pb^{2+}\right] &= \left[Pb^{2+}\right]_{Pb(IO_3)_2} = S \\ \left[IO_3^-\right] &= \left[IO_3^-\right]_{KIO_3} + \left[IO_3^-\right]_{Pb(IO_3)_2} = 0.020 + 2 S = \\ &= 0.020 \end{split}$$

(S se suposa negligible enfront de 0,020 mol·L-1.)

$$K_{S} = \left[Pb^{2+}\right] \left[IO_{3}^{-}\right]^{2} = S \cdot (0.020)^{2} \implies S = \frac{K_{S}}{(0.020)^{2}}$$

$$S = \frac{3.2 \cdot 10^{-13}}{(0.020)^{2}} = 8.0 \cdot 10^{-10} \text{mol} \cdot L^{-1}$$

Comprovem la validesa de l'aproximació:

$$\frac{8.0 \cdot 10^{-10}}{0.020} \cdot 100 = 0.000004\% < 5\%$$

La suposició que S és negligible enfront de 0,02 és vàlida (l'error comès és molt petit, molt menor del 5% que seria el màxim admès). Per tant, la solubilitat molar del $Pb(IO_3)_2$ és **8,0·10**⁻¹⁰ **M.**

9. Donat l'equilibri de solubilitat de l'hidròxid de ferro(III), raona com hi influirà l'addició d'àcid clorhídric.

Resolució:

L'equilibri de solubilitat és:

$$Fe(OH)_3$$
 (s) \rightleftharpoons Fe^{3+} (aq) + 3 OH^{-} (aq)

En afegir-hi àcid clorhídric, els ions H⁺ provinents de l'àcid es combinen amb els ions OH⁻ de la solució i es forma aigua (reacció de neutralització):

$$H^+$$
 (aq) + OH^- (aq) \rightleftharpoons H_2O (aq)

En disminuir la concentració de OH, l'equilibri de solubilitat de l'hidròxid de ferro (III) es desplaça *cap a la dreta* per a contrarestar aquesta variació, i l'hidròxid es dissol. L'equació global seria:

$$Fe(OH)_3$$
 (s) + 3 H⁺ (aq) \rightleftharpoons Fe^{3+} (aq) + 3 H₂O (aq)