7.2.14 Considera la reacció química de formació de l'amoníac:

$$N_{2(g)} + 3H_{2(g)} \iff 2NH_{3(g)}$$
,

la qual presenta una constant d'equilibri $K_P=6.76\cdot 10^5$ a 298K. En un recipient proveït d'un èmbol, i que inicialment té la capacitat d'un litre, s'aboquen 1 mol de N_2 i 3 mols de H_2 . Es deixa evolucionar el sistema fins assolir l'equilibri. Calcula el grau d'avenç de la reacció en les tres situacions que segueixen:

- a) quan el sistema ha assolit l'equilibri.
- b) quan el volum del sistema es dobla.
- si es recupera el volum inicial del sistema però llavors s'hi afegeixen 2 mols de gas amoníac.

Comenta els teus resultats en relació al principi de Le Chatelier. Considera que la pressió estàndard és $P^0=1$ atm.

Sol.: a)
$$\xi$$
=0.9956; b) ξ =0.9938; c) ξ =0.9938

Solució:

El problema es pot resoldre emprant l'expressió que relaciona K_P amb K_x o la que relaciona K_P amb K_c . Atès que a la constant K_c apareixen concentracions (mols dividit per volum), la solució és més planera per aquesta via. La relació que considerem és doncs

$$K_c = K_P \left(RT \frac{c^0}{P^0} \right)^{-\Delta v} = 4.0365 \cdot 10^8,$$

on s'ha considerat que la pressió estàndard és $P^0=1$ atm i la concentració estàndard és $c^0=1$ mol/litre.

En base a l'ordre en què estan ordenats els compostos a la reacció química escrita més amunt, s'obté que

Els mols inicials són 1 3 0
Els mols a l'equilibri són 1(1-
$$\xi$$
) 3(1- ξ) 2 ξ

Apartat a):

Les concentracions a l'equilibri són, en molaritat, $1(1-\xi)/1$, $3(1-\xi)/1$ i $2\xi/1$, respectivament. Es números de cada denominador tenen unitats de litre i els que apareixen més a l'esquerra de cada numerador tenen unitats de mol. Així, la constant d'equilibri K_c és

$$4.0365 \cdot 10^{8} = \prod_{i} \left(\frac{c_{i}}{c^{0}}\right)^{v_{i}} = \frac{\left(\frac{2\xi}{1}\right)^{2}}{\left(\frac{1(1-\xi)}{1}\right)^{1}\left(\frac{3(1-\xi)}{1}\right)^{3}} = \frac{(2\xi)^{2}}{27(1-\xi)^{4}}.$$

Aquí les unitats de concentració s'han simplificat totes. Aquesta equació de quart grau es pot simplificar traient arrel quadrada:

$$20091.1 = \frac{2\xi}{3\sqrt{3}(1-\xi)^2} \quad \text{és a dir,} \quad 52198.1 = \frac{\xi}{(1-\xi)^2},$$

que ja és una equació de segon grau. La solució que es troba en l'interval [0,1] és ξ_a=0.9956

Apartat b):

Les concentracions a l'equilibri, en molaritat, ara passen a ser $1(1-\xi)/2$, $3(1-\xi)/2$ i $2\xi/2$, respectivament. No es tracta de les mateixes concentracions de l'apartat anterior dividides per dos, perquè aquí el valor del grau d'avenç ha canviat (tot i que emprem el mateix símbol per designar-lo). Així, atès que el valor de la constant d'equilibri K_c es manté (cal recordar que només depèn de la temperatura), tenim ara que

$$4.0365 \cdot 10^{8} = \frac{\left(\frac{2\xi}{2}\right)^{2}}{\left(\frac{1(1-\xi)}{2}\right)^{1}\left(\frac{3(1-\xi)}{2}\right)^{3}} = \frac{4(2\xi)^{2}}{27(1-\xi)^{4}}.$$

Es tracta de la mateixa equació de més amunt, però apareix un factor addicional de 4. L'equació de segon grau que cal solucionar ara és

$$52198.2 = \frac{\xi}{(1-\xi)^2},$$

La solució d'interès és ξ_b =0.993829 i l'equilibri s'ha desplaçat lleugerament cap a l'esquerra. D'acord amb el principi de Le Chatelier, atès que, en augmentar el volum, la pressió ha disminuït i la reacció s'ha desplaçat cap al costat on hi ha més mols de gas.

Apartat c):

Les concentracions a l'equilibri, en molaritat, són $1(1-\xi)/1$, $3(1-\xi)/1$ i $(2\xi+2)/1$. Exceptuant la tercera, les altres concentracions tenen la mateixa expressió que les del primer apartat (però el valor numèric del grau d'avenç és diferent!). Ara cal solucionar l'equació

$$52198.1 = \frac{\xi + 1}{\left(1 - \xi\right)^2},$$

i ara el grau d'avenç és ξ_c =0.993819 i l'equilibri s'ha desplaçat lleugerament cap a l'esquerra. Això era d'esperar perquè hem afegit un producte.