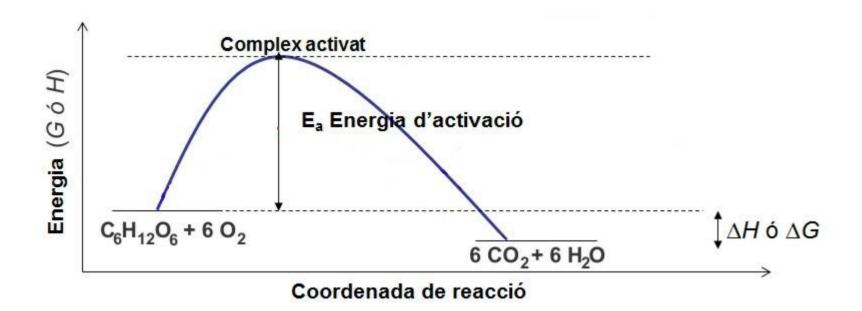
# TEMA 5 CINÈTICA QUÍMICA

- 5.1 Introducció. Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció
- 5.4 Determinació de l'ordre de reacció
  - 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials
  - 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)
    - Radioactivitat. Datació amb <sup>14</sup>C
    - Temps de semireacció
- 5.5 Dependència de la velocitat amb la temperatura
- 5.6 Models teòrics de la cinètica química. Mecanismes
- 5.7 Catàlisi. Catàlisi enzimàtica

- **5.1 Introducció.** Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

$$C_6H_{12}O_6 + 6 O_2 \longrightarrow 6 CO_2 + 6 H_2O \qquad \Delta G^0 = -2885 \text{ kJ·mol}^{-1}$$
  
 $\Delta G^0 = \Delta H^0 - T \cdot \Delta S^0 \qquad \Delta H^0 = -2808 \text{ kJ·mol}^{-1}, \quad \Delta S^0 = 259 \text{ J·K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ 

# Cinètica Química

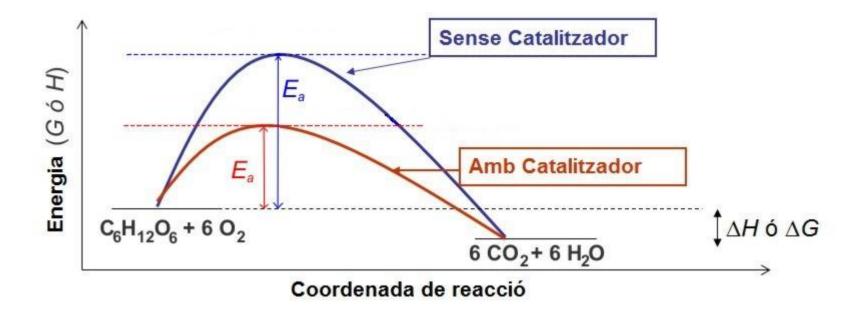


#### **5.1 Introducció.** Velocitat de reacció

- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

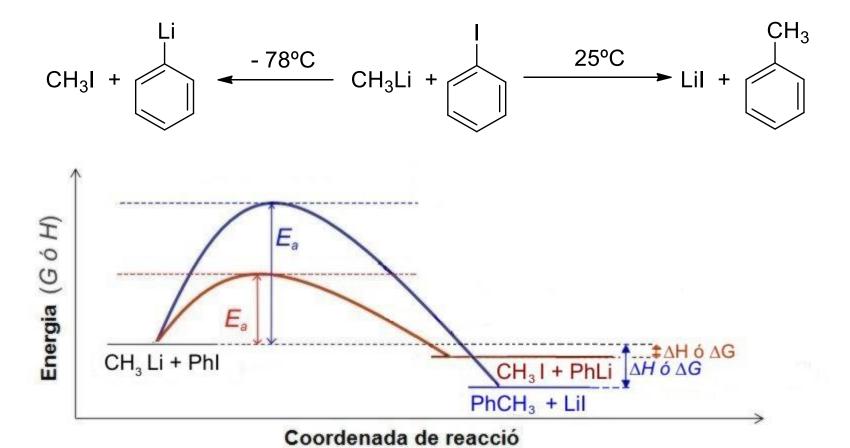
àcid L-ascòrbic (vitamina C)

(R)-3,4-dihidroxi-5-((S)-1,2-dihidroxietil)furan-2(5H)-ona



- **5.1 Introducció.** Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

# **Selectivitat**



- 5.1 Introducció. Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

#### Velocitat de reacció

Variació de la concentració de reactius i productes per unitat de temps.

Exemple 
$$N_{2(g)} + 3 H_{2(g)} \rightarrow 2 NH_{3(g)}$$

Suposem que en 10s la concentració de NH<sub>3</sub> ha augmentat en 2M:

$$V_{NH_3} = \frac{d[NH_3]}{dt} \cong \frac{\Delta[NH_3]}{\Delta t} = \frac{2M}{10s} = 0.2 \text{ Ms}^{-1}$$

$$V_{N_2} = \frac{d[N_2]}{dt} \cong \frac{\Delta[N_2]}{\Delta t} = \frac{-1M}{10s} = -0.1 \,\text{Ms}^{-1}$$

$$V_{H_2} = \frac{d[H_2]}{dt} \cong \frac{\Delta[H_2]}{\Delta t} = \frac{-3M}{10s} = -0.3 \text{ Ms}^{-1}$$

- 5.1 Introducció. Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

#### Velocitat de reacció

Obtenim un resultat únic si dividim les velocitats específiques de cada component pel coeficient estequiomètric adequat:

De l'exemple anterior: 
$$N_{2(g)} + 3 H_{2(g)} \rightarrow 2 NH_{3(g)}$$

$$\frac{v_{NH_3}}{2} = 0.1 \, Ms^{-1}$$
  $\frac{v_{N_2}}{-1} = 0.1 \, Ms^{-1}$   $\frac{v_{H_2}}{-3} = 0.1 \, Ms^{-1}$ 

En general, per a una reacció  $aA + bB \rightarrow cC + dD$  escrivim:

$$V_{reacció} = \frac{-1}{a} \frac{d[A]}{dt} = \frac{-1}{b} \frac{d[B]}{dt} = \frac{1}{c} \frac{d[C]}{dt} = \frac{1}{d} \frac{d[D]}{dt}$$

Unitats: Concentració temps<sup>-1</sup> (M s<sup>-1</sup>, M min<sup>-1</sup>, g ml<sup>-1</sup> s<sup>-1</sup>, ...)

Reaccions Invertibles / No invertibles

- 5.1 Introducció. Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

# Pregunta 4 examen del 21/6/2012

| Prova de recuperació de Química. |    | 21/6/2012 |
|----------------------------------|----|-----------|
| NOM i COGNOMS                    | GG | GM DNI    |

4) (10 punts) En unes determinades condicions, per a la reacció:

$$2 F_{2(g)} + 2 Na_2O_{(aq)} \rightarrow 4 NaF_{(aq)} + O_{2(g)}$$

el F<sub>2</sub> desapareix a una velocitat de 10<sup>-3</sup> M s<sup>-1</sup>. Contesteu de manera breu i raonada a les qüestions que segueixen:

- a) Quina és la velocitat de la reacció?
- b) Quina és la velocitat de desaparició de Na<sub>2</sub>O?
- c) Quina és la velocitat d'aparició de NaF?
- d) Quina és la velocitat d'aparició de O<sub>2</sub>?

Considereu que la reacció es de primer ordre respecte al F2 i de primer ordre respecte al Na2O.

- e) Quin és l'ordre total de la reacció?
- f) Quines seran les unitats de la constant de velocitat en el Sistema Internacional?

#### 5.1 Introducció. Velocitat de reacció

- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

$$2 F_{2(g)} + 2 Na_2O_{(aq)} \rightarrow 4 NaF_{(aq)} + O_{2(g)}$$

 $v_{F2} = \frac{d[F_2]}{dt} = -10^{-3} \text{M s}^{-1}$ 

- a) Quina és la velocitat de la reacció?
- b) Quina és la velocitat de desaparició de Na<sub>2</sub>O?
- c) Quina és la velocitat d'aparició de NaF?
- d) Quina és la velocitat d'aparició de O<sub>2</sub>?

a) 
$$V_r = -\frac{1}{2} d[F_2]/dt = -\frac{1}{2} \cdot (-10^{-3} \text{ M s}^{-1}) = +0.5 \cdot 10^{-3} \text{ M s}^{-1}$$

- b)  $d[Na_2O]/dt = -2 v_r = -2 \cdot 0.5 \cdot 10^{-3} \text{ M s}^{-1} = -10^{-3} \text{ M s}^{-1}.$ És a dir, el Na<sub>2</sub>O desapareix a un ritme de 10<sup>-3</sup> M s<sup>-1</sup>.
- c)  $d[NaF]/dt = 4 v_r = 2 \cdot 10^{-3} \text{ M s}^{-1}$ .
- d)  $d[O_2]/dt = v_r = 5 \cdot 10^{-4} \text{ M s}^{-1}$ .

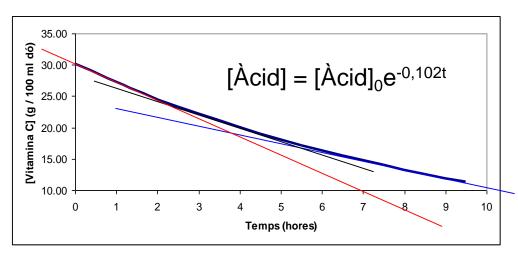
- 5.1 Introducció. Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

# Reacció d'oxidació de la Vitamina C o Àcid ascòrbic per l'O<sub>2</sub> de l'aire

| V <sub>reacció</sub><br>(g mҐ hores ¹) | temps<br>(hores) | [Àc. Ascòrbic]<br>(g / 100 ml de<br>dissolució) |
|--|------------------|---|
| 0.0                                    | 0                | 30.20   |
| 2.9                                    | 1.5              | 25.85   |
| 2.5                                    | 2.5              | 23.35   |
| 2.25                                   | 2.5              | 23.33   |
| 2.1                                    | 3.5              | 21.10   |
| 2.1                                    | 4.5              | 19.00   |
| 1.85                                   | 5.5              | 17.15   |
| 1.65                                   | 5.5              | 17.13   |
| 1.5                                    | 6.5              | 15.50   |
|  | 7.5              | 14.00   |
| 1.4                                    | 8.5              | 12.60   |
| 1.2                                    |                  |   |
|  | 9.5              | 11.40   |

– d|Àcid

- Velocitat de reacció va decreixent amb el temps.
- La velocitat de reacció és el pendent de la funció següent:



$$V_{reacció} = 0.102 \times [\dot{A}c.asc]_0 e^{-0.102t}$$
  $t(hores)$ 

- 5.1 Introducció. Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

# Velocitat de reacció va decreixent amb el temps



# Velocitat de reacció depèn de la concentració dels reactius

$$H_2O_2(I) \to H_2O(g) + \frac{1}{2}O_2(g)$$

Pur (40M) – Explosió molt ràpida

Comercial (1M) – Dissolució estable varis mesos

$$aA + bB + \cdots \rightarrow Productes$$

$$V_{\text{reacció}} = k [A]^m [B]^n \cdots$$

[A], [B] concentracions (molaritat) de reactius.

k Constant de velocitat

Reacció i les seves condicions.

Depèn de  $\Big\{$  Temperatura.

Catalitzador.

m, n Ordres de reacció respecte el reactius A i B, respectivament.

En general són coeficients positius i enters, però poden ser negatius o fraccionaris. Són valors empírics. No han de coincidir amb els coeficients estequiomètrics.

- 5.1 Introducció. Velocitat de reacció
- 5.2 Mesures experimentals de la velocitat de reacció
- 5.3 Equació de velocitat. Ordre de reacció

# Pregunta 4 examen del 21/6/2012

4) (10 punts) En unes determinades condicions, per a la reacció:

$$2 F_{2(g)} + 2 Na_2 O_{(aq)} \rightarrow 4 Na F_{(aq)} + O_{2(g)}$$

el F<sub>2</sub> desapareix a una velocitat de 10<sup>-3</sup> M s<sup>-1</sup>. Contesteu de manera breu i raonada a les qüestions que segueixen:

- a) Quina és la velocitat de la reacció?
- b) Quina és la velocitat de desaparició de Na<sub>2</sub>O?
- c) Quina és la velocitat d'aparició de NaF?
- d) Quina és la velocitat d'aparició de O<sub>2</sub>?

Considereu que la reacció es de primer ordre respecte al F<sub>2</sub> i de primer ordre respecte al Na<sub>2</sub>O.

- e) Quin és l'ordre total de la reacció?
- f) Quines seran les unitats de la constant de velocitat en el Sistema Internacional?
- e) En aquest cas ens diuen que  $v_r = k \, [F_2]^1 [Na_2O]^1$ . Per tant: n=1 i m=1 Ordre total de reacció 1+1=2
- f) Les unitats depenen de l'ordre total de la reacció:

$$V_r = k [F_2]^1 [Na_2O]^1 \rightarrow M s^{-1} = [k] \cdot M \cdot M \rightarrow [k] = M^{-1} s^{-1}$$

#### 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

#### Mètode de les velocitats inicials

$$2 \text{ HgCl}_2(aq) + C_2O_4^{2-}(aq) \rightarrow 2Cl^{-}(aq) + 2 CO_2(g) + Hg_2Cl_2(s)$$

$$V_{\text{reacció}} = k [\text{HgCl}_2]^m [\text{C}_2\text{O}_4^{2-}]^n$$

| Experiment | [HgCl <sub>2</sub> ]<br>(M) | [C <sub>2</sub> O <sub>4</sub> <sup>2-</sup> ]<br>(M) | Velocitat inicial<br>(M min <sup>-1</sup> ) |
|------------|-----------------------------|---|---|
| 1          | 0.105                       | 0.15  | 1.8·10 <sup>-5</sup>                        |
| 2          | 0.105                       | 0.30  | 7.1·10 <sup>-5</sup>                        |
| 3          | 0.052                       | 0.30  | 3.5·10 <sup>-5</sup>                        |

$$v_1 = k \, [\text{HgCl}_2]_1^m [\text{C}_2\text{O}_4^{2-}]_1^n$$
  $v_2 = k \, [\text{HgCl}_2]_2^m [\text{C}_2\text{O}_4^{2-}]_2^n = k \, [\text{HgCl}_2]_1^m (2[\text{C}_2\text{O}_4^{2-}]_1)^n = 2^n \, v_1$ 

$$7.1 \times 10^{-5} = 2^n \, 1.8 \times 10^{-5} \quad , \quad 2^n \cong 4 \qquad \Longrightarrow \qquad \boxed{n=2}$$

o 
$$V_3 = k [HgCl_2]_3^m [C_2O_4^{2-}]_3^n = k (1/2 [HgCl_2]_1)^m (2[C_2O_4^{2-}]_1)^n = (1/2)^m 2^n V_1$$
  
o  $V_3 = k [HgCl_2]_3^m [C_2O_4^{2-}]_3^n = k (1/2 [HgCl_2]_2)^m [C_2O_4^{2-}]_2^n = (1/2)^m V_2$ 

$$m=1$$

 $v_{\text{reacció}} = k \, [\text{HgCl}_2]^1 \, [\text{C}_2\text{O}_4^{2-}]^2$ , Ordre total = 3,  $k = 7.62 \cdot 10^{-3} \, \text{M}^{-2} \, \text{min}^{-1}$ 

#### 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Pregunta 7 examen del 22/6/2011

| Prova de recuperació de Química. |      | 22/6/2011 |
|----------------------------------|------|-----------|
| NOM i COGNOMS                    | . GG | GM DNI    |

7) (5 punts) Per a la reacció A+B → P s'han dut a terme tres assajos, en els quals s'han obtingut les dades següents:

|          | Velocitat inicial<br>(M/s) | Concentració<br>inicial d'A (M) | Concentració<br>inicial de B (M) |
|----------|----------------------------|---------------------------------|----------------------------------|
| Assaig 1 | 5.0×10 <sup>-6</sup>       | 0.2                             | 0.1                              |
| Assaig 2 | 7.5×10 <sup>-6</sup>       | 0.3                             | 0.1                              |
| Assaig 3 | 3.0×10⁻⁵                   | 0.3                             | 0.2                              |

Calculeu quins són els ordres de reacció respecte al reactiu A i respecte al reactiu B. Quin és l'ordre de reacció total?

# Pregunta 7 examen del 22/6/2011

#### 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

# 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

|          | Velocitat inicial<br>(M/s) | Concentració<br>inicial d'A (M) | Concentració<br>inicial de B (M) |
|----------|----------------------------|---------------------------------|----------------------------------|
| Assaig 1 | 5.0×10 <sup>-6</sup>       | 0.2                             | 0.1                              |
| Assaig 2 | 7.5×10 <sup>-6</sup>       | 0.3                             | 0.1                              |
| Assaig 3 | 3.0×10 <sup>-5</sup>       | 0.3                             | 0.2                              |

$$V_1 = k [A]_1^m [B]_1^n$$
 5,0x10<sup>-6</sup> =  $k [0,2]^m [0,1]^n$ 

$$v_2 = k [A]_2^m [B]_2^n$$
 7,5x10<sup>-6</sup> =  $k [0,3]^m [0,1]^n$ 

$$v_3 = k [A]_3^m [B]_3^n$$
 3,0x10<sup>-5</sup> =  $k [0,3]^m [0,2]^n$ 

Si fem 
$$v_1/v_2$$
  $\frac{5,0x10^{-6}}{7,5x10^{-6}} = \frac{[0,2]^m [0,1]^n}{[0,3]^m [0,1]^n}$   $0,66 = [0,66]^m$   $\longrightarrow$   $m=1$ 

$$v_{\text{reacció}} = k [A]^1 [B]^2$$
, Ordre total = 3

#### 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

|          | Velocitat inicial<br>(M/s) | Concentració<br>inicial d'A (M) | Concentració<br>inicial de B (M) |
|----------|----------------------------|---------------------------------|----------------------------------|
| Assaig 1 | 5.0×10 <sup>-6</sup>       | 0.2                             | 0.1                              |
| Assaig 2 | 7.5×10 <sup>-6</sup>       | 0.3                             | 0.1                              |
| Assaig 3 | 3.0×10 <sup>-5</sup>       | 0.3                             | 0.2                              |

$$v_{reac,0} = k[A]_0^m [B]_0^n$$
  $\ln(v_{reac,0}) = \ln k + m \ln[A]_0 + n \ln[B]_0$ 

# Combinem els assajos 1 i 2:

$$\ln(v_{reac,0,2}) - \ln(v_{reac,0,1}) = m\{\ln[A]_{0,2} - \ln[A]_{0,1}\}$$

$$m = \frac{\ln\left(\frac{v_{reac,0,2}}{v_{reac,0,1}}\right)}{\ln\left(\frac{[A]_{0,2}}{[A]_{0,1}}\right)} = \frac{\ln\left(\frac{7.5}{5.0}\right)}{\ln\left(\frac{3}{2}\right)} = \frac{\ln\left(\frac{3}{2}\right)}{\ln\left(\frac{3}{2}\right)} = 1$$

# Combinem els assajos 2 i 3:

$$n = \frac{\ln\left(\frac{v_{reac,0,3}}{v_{reac,0,2}}\right)}{\ln\left(\frac{[B]_{0,3}}{[B]_{0,2}}\right)} = \frac{\ln\left(\frac{30.0}{7.5}\right)}{\ln(2)} = \frac{\ln(4)}{\ln(2)} = \frac{2\ln(2)}{\ln(2)} = 2$$

Es a dir que la reacció és de primer ordre respecte a A i segon ordre respecte a B. Per tant l'ordre total de la reacció és 3.

- 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials
- 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# **Preguntes addicionals:**

# Quina és la constant de velocitat?

Podem utilitzar qualsevol dels experiments per calcular-la:

$$v = K[A][B]^2$$

$$5 \cdot 10^{-6} = K(0.2)(0.1)^2$$

$$K = 2.5 \cdot 10^{-3} M^{-2} s^{-1}$$

Quina és l'equació de velocitat completa?

$$v = 2.5 \cdot 10^{-3} M^{-2} s^{-1} [A] [B]^2$$

5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

**5.4.2** Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

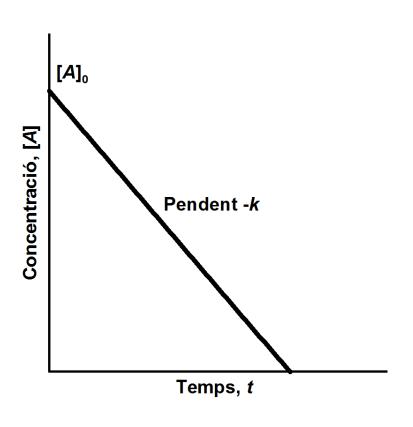
$$v = k[A]^n$$

#### Reaccions d'ordre 0

$$v = k[A]^0 = k$$
  $v = \frac{-d[A]}{dt} = k$ 

$$\int_{[A]_0}^{[A]} d[A] = -\int_0^t k dt$$

$$[A]_0 \qquad [A] = [A]_0 - kt$$
Equació integrada



Exemples: Algunes reaccions enzimàtiques.

5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

**5.4.2** Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Reaccions de primer ordre

$$V = \frac{-d[A]}{dt} = k[A]$$

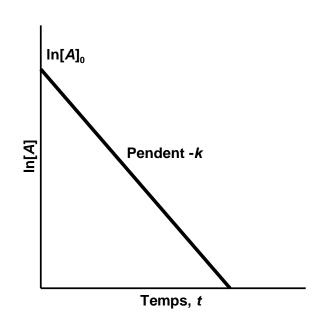
$$[A] = [A]_0 e^{-kt}$$

Equació integrada

$$\int_{[A]_0}^{[A]} \frac{d[A]}{[A]} = -k \int_0^t dt \quad \to \quad \ln \frac{[A]}{[A]_0} = -kt$$

$$\ln[A] = -kt + \ln[A]_0$$

Equació linealitzada



5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

**5.4.2** Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

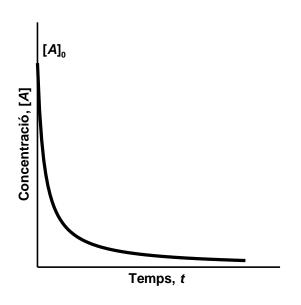
# Reaccions de segon ordre

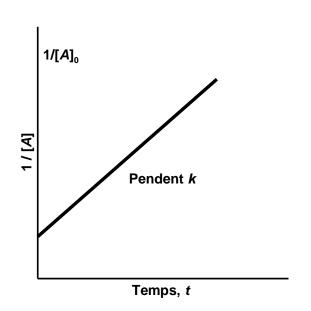
$$v = \frac{-d[A]}{dt} = k[A]^2$$

$$v = \frac{-d[A]}{dt} = k[A]^2 \qquad \int_{[A]_0}^{[A]} \frac{d[A]}{[A]^2} = -k \int_0^t dt \quad \to \quad -\frac{1}{[A]} + \frac{1}{[A]_0} = -kt$$

$$\frac{1}{[A]} = kt + \frac{1}{[A]_0}$$

Equació integrada





5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Pregunta R-1 examen del 20/2/2013

**R-1)** (10 punts) A 600 K la descomposició de l'azometà segueix aquesta reacció de primer ordre:

$$CH_3N_2CH_{3(g)} \rightarrow CH_3CH_{3(g)} + N_{2(g)}$$

A la taula que segueix es mostra la concentració existent d'azometà en funció del temps.

| [Azometà] / M | 8.20 | 5.75 | 4.00 | 2.75 | 1.95 |
|---------------|------|------|------|------|------|
| Temps / s     | 0    | 1000 | 2000 | 3000 | 4000 |

A partir d'aquestes dades troba:

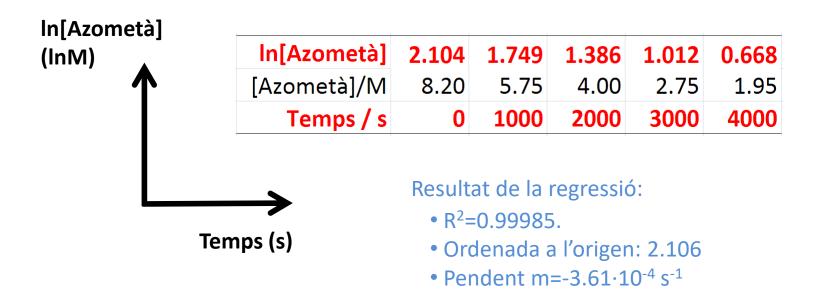
- a) Quina és la constant de velocitat de la reacció a la temperatura esmentada.
- b) Quina serà la concentració disponible d'azometà al cap de 2 hores d'haver-se iniciat la reacció.

- 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials
- 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Respostes:

# Pregunta R-1 examen del 20/2/2013

a) A l'enunciat ja s'informa del fet que la reacció és de 1er ordre. Per tant, cal emprar la fórmula linealitzada del logaritme:



La constant de velocitat és  $k = -m = 3.61 \cdot 10^{-4} \text{ s}^{-1}$ .

- 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials
- 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

Respostes:

# Pregunta R-1 examen del 20/2/2013

b) De l'ordenada a l'origen aïllem la concentració inicial teòrica d'azometà:

$$[Azometà]_0 = e^{2.106} M = 8.215 M$$

L'equació completa és (temps en segons)

$$[Azometa]_t = [Azometa]_0 e^{-kt}$$

$$[Azometà]_t = 8.215 M e^{-0.000361 t(s)}$$

d'on

$$[Azometa]_{2h=7200s} = 0.61 M$$

Cal passar el temps de 2h a segons!

5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Pregunta 5 examen del 16/6/2010

**5**. Per a la reacció de descomposició  $SO_2Cl_2 \rightarrow SO_2 + Cl_2$  s'han obtingut els resultats següents:

| t (hores) | [SO <sub>2</sub> CI <sub>2</sub> ] (M) |
|-----------|--|
| 0         | 0.2500                                 |
| 10        | 0.1437                                 |
| 20        | 0.0826                                 |
| 30        | 0.0474                                 |
| 40        | 0.0273                                 |
| 50        | 0.0157                                 |
| 60        | 0.0090                                 |
| 70        | 0.0052                                 |
| 80        | 0.0030                                 |
| 90        | 0.0017                                 |

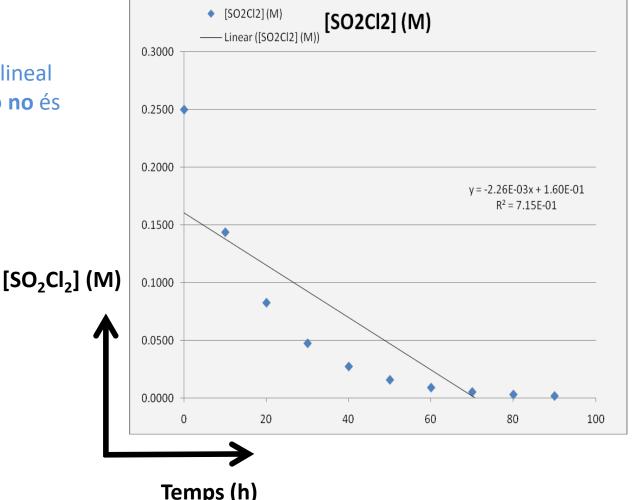
- (a) Calculeu l'ordre de reacció.
- (b) Calculeu la constant de velocitat.

- 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials
- 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Pregunta 5 examen del 16/6/2010

# Resposta:

La gràfica i la regressió lineal indiquen que la reacció no és d'ordre zero ( $R^2=0.7$ ).



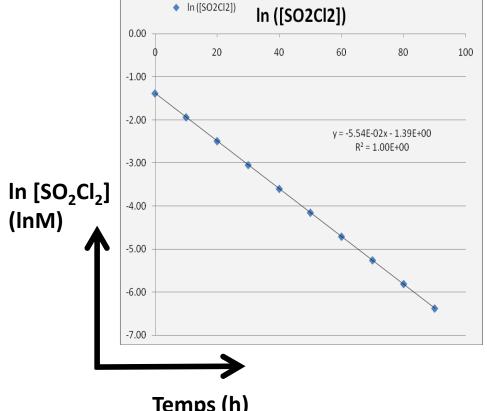
Temps (h)

- 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials
- 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Pregunta 5 examen del 16/6/2010

Resposta: En canvi, la gràfica i la regressió lineal indiquen que la reacció possiblement és d'ordre u ( $R^2=1.0$ ).

| t (hores) | In ([SO <sub>2</sub> Cl <sub>2</sub> ]) |
|-----------|---|
| 0         | -1.39                                   |
| 10        | -1.94                                   |
| 20        | -2.49                                   |
| 30        | -3.05                                   |
| 40        | -3.60                                   |
| 50        | -4.15                                   |
| 60        | -4.71                                   |
| 70        | -5.26                                   |
| 80        | -5.81                                   |
| 90        | -6.38                                   |



Temps (h)

Del pendent obtenim que la constant de velocitat és  $k = 0.0554 h^{-1} = 1.54 \cdot 10^{-5} s^{-1}$ .

- 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials
- 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

# Pregunta R-1 examen del 28/3/2011

| Segona prova parcial de Química. |        | 28/3/2011 |
|----------------------------------|--------|-----------|
| NOM                              | . Grup | . DNI     |

#### PART RECUPERABLE

R-1) (5 punts) Les següents dades corresponen a la reacció de descomposició del lodur d'hidrogen en lode i Hidrogen molecular. Per tal d'anar seguint la reacció es va mesurar la quantitat de iodur d'hidrogen que quedava a mesura que passava el temps.

| Temps / h | 0    | 2    | 4    | 6    |
|-----------|------|------|------|------|
| [HI] / M  | 1,00 | 0,50 | 0,33 | 0,25 |

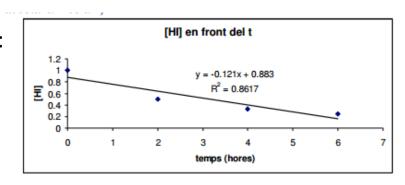
- a) Utilitzant el mètode de les regressions lineals, troba l'ordre de reacció.
- b) Calcula la constant de velocitat.
- c) ¿Quin es el temps de vida mitja de la reacció en el moment en que han transcorregut 2 hores des de l'inici de la mateixa?

| Ordre | Equació integrada      |
|-------|------------------------|
| 0     | $[A] = [A]_0 - kt$     |
| 1     | $ln[A] = ln[A]_0 - kt$ |
| 2     | $1/[A] = 1/[A]_0 + kt$ |

#### 5.4.1 Mètode de les velocitats inicials

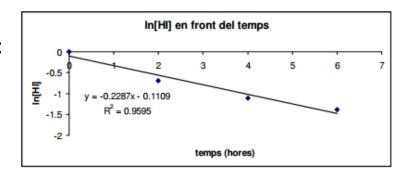
# 5.4.2 Mètode d'integració (reaccions d'ordre 0, 1 i 2)

Ordre 0:



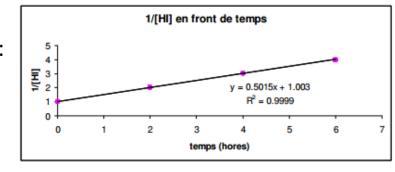
 $R^2 = 0.8617$ 

Ordre 1:



 $R^2 = 0.9595$ 

Ordre 2:



 $R^2 = 0.9999$ 

Possiblement es tracta d'una reacció de 2n odre amb valor de

k=0.5015 M<sup>-1</sup> h<sup>-1</sup>

El temps de vida mitja d'una reacció és el temps necessari per consumir-se la meitat del reactiu, és a dir, el temps necessari perquè la concentració de reactiu es redueixi a la meitat. El concepte s'aplica especialment a les reaccions de primer ordre:

$$In[A] = -kt + In[A]_0$$
 ,  $In\left(\frac{[A]}{[A]_0}\right) = -kt$  ,  $In\left(\frac{[A]_0/2}{[A]_0}\right) = -kt_{1/2}$ 

$$t_{\frac{1}{2}} = \frac{\ln 2}{k} = \frac{0.693}{k}$$
 Per a una reacció de primer ordre,  $t_{\frac{1}{2}}$  és constant i no depèn de la concentració inicial.

Exemple 
$$H_2O_2$$
:  $t_{\frac{1}{2}} = \frac{ln2}{k} = \frac{0.693}{7.3 \times 10^{-4} \, s^{-1}} = 949 \, segons$ 

Exemple Vitamina  $C$ :  $t_{\frac{1}{2}} = \frac{ln2}{k} = \frac{0.693}{0.102 h^{-1}} = 6.8 \, hores$ 

Exemple descomposició <sup>14</sup> $C$ :  $t_{\frac{1}{2}} = 5730 \, anys$ 

Exemple Vitamina C: 
$$t_{\frac{1}{2}} = \frac{\ln 2}{k} = \frac{0.693}{0.102h^{-1}} = 6.8 \text{ hores}$$

# Exemples de temps de semivida

| Uranio-235   | 7,038·10 <sup>8</sup> años | Uranio-238 | 4,468·10 <sup>9</sup> años | Potasio-40  | 1,28·10 <sup>9</sup> años |
|--------------|----------------------------|------------|----------------------------|-------------|---------------------------|
| Rubidio-87   | 4,88·10 <sup>10</sup> años | Calcio-41  | 1,03·10 <sup>5</sup> años  | Carbono-14  | 5760 años                 |
| Radio-226    | 1620 años                  | Cesio-137  | 30,07 años                 | Bismuto-207 | 31,55 años                |
| Estroncio-90 | 28,90 años                 | Cobalto-60 | 5,271 años                 | Cadmio-109  | 462,6 días                |
| Yodo-131     | 8,02 días                  | Radón-222  | 3,82 días                  | Oxígeno-15  | 122 segundos              |

El concepte de temps de vida mitja s'aplica especialment a les reaccions de primer ordre perquè el temps de vida mitja d'una reacció de primer ordre sempre és constant.

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k}$$
  $n = 1$ 

Per a **altres ordres** de reacció:

$$t_{1/2} = \frac{2^{n-1} - 1}{k(n-1)[A]_0^{n-1}} \quad n \neq 1$$

#### 5.4.2.5 Temps de vida mitjana o de semireacció

# Pregunta R-1 examen del 28/3/2011

| Segona prova parcial de Química. | 28/3/2011  |
|----------------------------------|------------|
| NOM                              | . Grup DNI |

#### PART RECUPERABLE

R-1) (5 punts) Les següents dades corresponen a la reacció de descomposició del lodur d'hidrogen en lode i Hidrogen molecular. Per tal d'anar seguint la reacció es va mesurar la quantitat de iodur d'hidrogen que quedava a mesura que passava el temps.

| Temps / h | 0    | 2    | 4    | 6    |
|-----------|------|------|------|------|
| [HI] / M  | 1,00 | 0,50 | 0,33 | 0,25 |

- a) Utilitzant el mètode de les regressions lineals, troba l'ordre de reacció.
- h) Calcula la constant de velocitat
- c) ¿Quin és el temps de vida mitja de la reacció en el moment en què han transcorregut 2 hores des de l'inici de la mateixa?

| Ordre | Equació integrada      |
|-------|------------------------|
| 0     | $[A] = [A]_0 - kt$     |
| 1     | $In[A] = In[A]_0 - kt$ |
| 2     | $1/[A] = 1/[A]_0 + kt$ |

| Temps / h | 0    | 2    | 4    | 6    |
|-----------|------|------|------|------|
| [HI] / M  | 1,00 | 0,50 | 0,33 | 0,25 |

(c) La concentració en el temps de 2 hores és 0.5 M. Cal esbrinar a quin temps ens troben quan passem a tenir-ne la seva meitat (0.25 M): en el temps de 6 hores. Per tant, el temps de vida mitjana en aquell moment era de 6-2=4 hores. Dit d'una altra manera: quan ens trobem en el temps 2 h, cal que transcorrin 4 hores per tal que la concentració de HI es redueixi fins a la seva meitat.

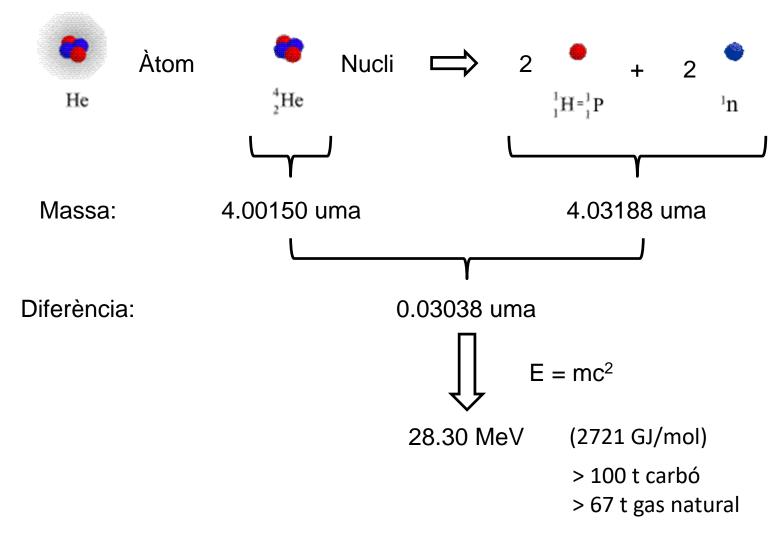
#### Matemàticament

Recordem que en aquest cas: n=2, [A]<sub>0</sub>=0.5 M i k=0.5015 M<sup>-1</sup>h<sup>-1</sup>:

$$t_{1/2} = \frac{2^{n-1} - 1}{k(n-1)[A]_0^{n-1}} \quad n \neq 1$$

$$t_{1/2} = \frac{2^1 - 1}{0.5015 M^{-1} h^{-1} 0.50 M} = 4 h$$

# 5.4.2.3. Química nuclear. Radioactivitat



Energia de formació (estabilització) del nucli

#### 5.4.2.3. Química nuclear. Radioactivitat

Si el nucli és estable, s'ha de donar energia per modificar-lo



Bombardeig amb partícules subatòmiques

Dos tipus de situacions segons el nou nucli obtingut



- El nou nucli és inestable i evoluciona trencant-se (reaccions de fissió)
- El nou nucli és estable (reaccions de fusió)

# 5.4.2.3. Química nuclear. Radioactivitat

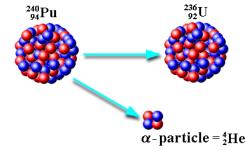
Si el nucli no és estable, descompon



Emissió espontània de partícules: Radioactivitat

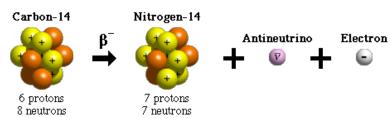
- Emissió 
$$\alpha$$
:

$$^{238}_{92}U \rightarrow ^{234}_{90}Th + ^{4}_{2}\alpha$$



- Emissió 
$$\beta$$
:  ${}^{14}_{6}C \rightarrow {}^{14}_{7}N + e^{-}$ 

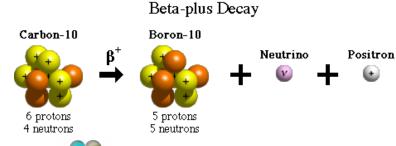
Beta-minus Decay

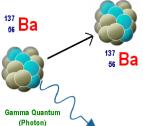


- Emissió γ:

$$^{60}$$
Ni\*  $\rightarrow$   $^{60}$ Ni +  $\gamma$ 

$$^{23}_{12}Mg 
ightarrow ^{23}_{11}Na + e^+$$





# 5.4.2.3. Química nuclear. Radioactivitat

Perillositat de les radiacions



Depèn del tipus de partícules irradiades



#### 5.4 Determinació de l'ordre de reacció

## 5.4.2.4. Temps de vida mitjana radioactiva. Datació amb <sup>14</sup>C

Els processos d'emissió radioactiva segueixen la següent llei de distribució estadística

$$dN = -\lambda N dt$$

N = nombre d'àtoms radioactius

 $\lambda$  = constant de desintegració (tant per u d'àtoms desintegrats per unitat de temps)

Integrant: 
$$N = N_0 e^{-\lambda t} \iff [A] = [A]_0 e^{-kt} \iff \lambda = k$$

Unitats de k en una reacció de primer ordre: temps<sup>-1</sup>  $\implies 1/k = 1/\lambda = \tau$  unitats: temps  $\tau$ : temps de vida mitjana radioactiva



Temps que, de mitjana, un àtom passa sense emetre radiació (sense desintegrar-se)

t<sub>1/2</sub>: Període de semidesintegració o temps de semivida

$$\hat{\mathbb{T}}$$

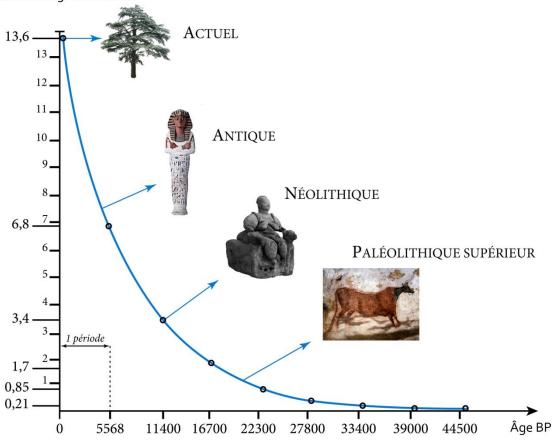
$$t_{1/2} = (\ln 2) / k = (\ln 2) / \lambda = 0.6931 \tau$$

### 5.4.2.4. **Datació amb <sup>14</sup>C**

# Datació amb <sup>14</sup>C: Desintegració beta Temps de semivida: ~5730 anys

$${}^{14}_{6}C \rightarrow {}^{14}_{7}N + e^{-}$$

Nombre de désintégration par min. et g. de carbone



# 5.5 Dependència de la velocitat amb la temperatura

Experimentalment s'ha vist que les reaccions són més ràpides quan més alta és la temperatura. El 1889, Arrhenius va demostrar que les constants de velocitat seguien aquesta expressió:

$$k = Ae^{\frac{-E_a}{RT}}$$
 Equació d'Arrhenius



**Svante Arrhenius** 

 $\bf A$ : factor preexponencial o factor de freqüència (constant amb les unitats de  $\bf k$ )

**E**<sub>a</sub>: energia d'activació (unitats d'energia)

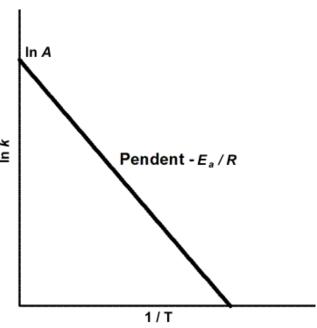
**T**: tempertura (Kelvin)

**R**: constant universal dels gasos ideals

$$lnk = lnA - \frac{E_a}{R} \frac{1}{T}$$

# 5.5 Dependència de la velocitat amb la temperatura

$$lnk = lnA - \frac{E_a}{R} \frac{1}{T}$$



A partir d'aquest expressió podem trobar-ne una altra que ens relacioni dues constants de velocitat a dues temperatures diferents.

In 
$$\frac{k_1}{k_2} = \frac{E_a}{R} \left( \frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right)$$

Equació d'Arrhenius integrada

## 5.5 Dependència de la velocitat amb la temperatura

# Pregunta 4 de l'examen del 20/6/2013

4) (10 punts) Per a la reacció:

$$H_{2(g)} + I_{2(g)} \rightarrow 2 HI_{(g)}$$

les constants de velocitat a 326  $^{\circ}$ C i a 410  $^{\circ}$ C són, respectivament,  $5.4\cdot10^{-4}~\text{M}^{-1}\text{s}^{-1}$  i  $2.8\cdot10^{-2}~\text{M}^{-1}\text{s}^{-1}$ .

- a) Calculeu l'energia d'activació.
- b) Assumint que l'equació d'Arrhenius és vàlida per a totes les temperatures, per a quina temperatura la constant de velocitat és màxima? Calculeu la constant de velocitat a aquesta temperatura.

Respostes:

# Pregunta 4 de l'examen del 20/6/2013

a) Es podria fer una regressió lineal, però no és recomanable fer-ho amb només dos punts experimentals. El millor és substituir directament a la fórmula:

$$lnk_2 - lnk_1 = -\frac{E_a}{R} \left( \frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right) \rightarrow ln\frac{k_2}{k_1} = -\frac{E_a}{R} \left( \frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right)$$

$$T_1 = 326 \,^{\circ}\text{C} + 273 = 599 \,\text{K}; \quad T_2 = 410 \,^{\circ}\text{C} + 273 = 683 \,\text{K};$$

$$ln \frac{2.8 \times 10^{-2} \cdot M^{-1} s^{-1}}{5.4 \times 10^{-4} M^{-1} s^{-1}} = -\frac{E_a}{8.314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}} \left( \frac{1}{683 \text{ K}} - \frac{1}{599 \text{ K}} \right) \longrightarrow E_a = 160 \text{ kJ/mol}$$

b) Segons l'expressió d'Arrhenius, la constant de velocitat augmenta amb la temperatura. Per tant, s'assoleixen grans velocitats a temperatures grans (mentre es mantingui el mecanisme i no es descomposin els reactius). Formalment la màxima velocitat s'assoleix a temperatura infinita:

$$\begin{split} \ln k_2 - \ln k_1 &= -\frac{E_a}{R} \left( \frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right) \\ & \to \quad \ln k_2 - \ln \left( 5.4 \times 10^{-4} \; \mathrm{M^{-1} s^{-1}} \right) = -\frac{160 \times 10^3 \, \mathrm{J \, mol^{-1}}}{8.314 \, \mathrm{J \, K^{-1} \, mol^{-1}}} \left( \frac{1}{\infty} - \frac{1}{599 \, \mathrm{K}} \right) \end{split}$$

$$\rightarrow lnk_2 = 24.60 \rightarrow k_2 = e^{24.60} = 4.85 \times 10^{10} \text{M}^{-1} \text{s}^{-1}$$

### Exercici 5.33 del Ilibre PDF del Bloc 5

Es coneix que per a la reacció de descomposició (en medi de tetraclorur de carboni, CCl<sub>4</sub>)

$$N_2O_5 \to N_2O_4 + \frac{1}{2}O_{2(g)}$$

la constant de velocitat a 298 K és  $k_1$ =3.46·10<sup>-5</sup> s<sup>-1</sup> i que la seva energia d'activació val 106 kJ mol<sup>-1</sup>. Responeu a les qüestions següents:

- a) De quin ordre és la reacció?
  - La constant de velocitat té unitats d'invers de temps. Això vol dir que la reacció és de primer ordre.
- b) Quant ha de valer la seva constant de velocitat perquè el temps de vida mitjana sigui de 2,00 hores? Expresseu la constant en h<sup>-1</sup> i en s<sup>-1</sup>.
  - Aplicant la relació  $k = \ln 2/t_{1/2}$  (equació vàlida només per a reaccions de primer ordre) s'obté que  $k = 0.347 \text{ h}^{-1} = 9.63 \cdot 10^{-5} \text{ s}^{-1}$ .
- c) A 298 K la reacció té un temps de vida mitjana superior o inferior a 2 hores? Caldrà augmentar o disminuir la temperatura per assolir aquest temps de vida mitjana?
  - A 298 K el temps de vida mitjana de la reacció és *major* de 2 hores, atès que la constant de velocitat és menor que el valor de l'apartat anterior. Així, per assolir un temps de vida mitjana de 2 hores caldrà realitzar la reacció a una temperatura superior a 298 K.
- d) A quina temperatura cal fer la reacció per reproduir experimentalment aquest temps de vida mitjana?

Basant-nos ara en l'equació d'Arrhenius escrivim:

$$\ln \frac{3,46 \cdot 10^{-5} \, s^{-1}}{9,63 \cdot 10^{-5} \, s^{-1}} = \frac{106000 \, J \, mol^{-1}}{8,31 \, J \, K^{-1} \, mol^{-1}} \left( \frac{1}{T_2} - \frac{1}{298 \, K} \right)$$

Aïllant s'obté que  $T_2$  = 305 K. Pel que havíem vist a l'apartat c), cal fer la reacció a una temperatura superior als 298 K.

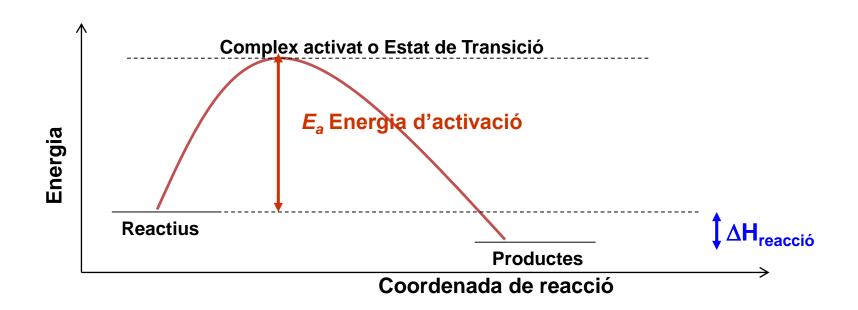
## 5.6 Models teòrics de la cinètica química. Mecanismes

5.7 Catàlisi. Catàlisi enzimàtica

**Teoria de col·lisions** Per tal de que tingui lloc una reacció química les molècules han col·lisionar unes amb les altres. No totes les col·lisions són efectives, depenen de diferents factors com ara la orientació de les molècules, l'energia cinètica que porten, ...

Teoria de l'estat de Transició

Aquest model proposa la formació d'una espècie intermedia entre reactius i productes anomenada complex activat. Aquesta espècie té una energia més alta que els reactius i productes i és inestable.



5.7 Catàlisi. Catàlisi enzimàtica

Un catalitzador és una espècie que normalment proporciona a la reacció un camí alternatiu amb una energia d'activació menor. Això pot comportar que la reacció es realitzi més ràpidament.

Catalitzadors homogenis: Es troben en la mateixa fase que els reactius.

$$H_2O_2$$
 (aq)  $\rightarrow H_2O + \frac{1}{2}O_2$  (g) (catalitzador: dissolució Nal)

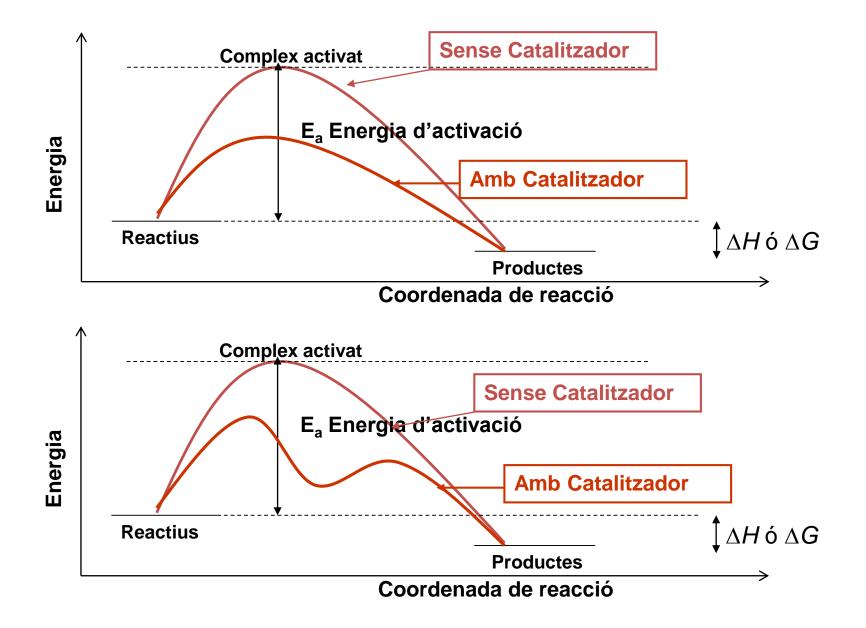
Catalitzadors heterogenis: Es troben en una fase diferent als reactius. Normalment se solen trobar en estat sòlid.

$$N_2O(g) \rightarrow N_2(g) + \frac{1}{2}O_2(g)$$
 (Catalitzador: superfície de Au)

Enzims:  $H_2O_2$  (aq)  $\rightarrow H_2O + \frac{1}{2}O_2$  (g) (enzima catalasa que es troba a la sang)

# 5.6 Models teòrics de la cinètica química. Mecanismes

#### 5.7 Catàlisi. Catàlisi enzimàtica

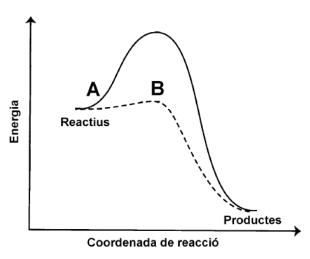


- 5.6 Models teòrics de la cinètica química. Mecanismes
- 5.7 Catàlisi. Catàlisi enzimàtica

# Pregunta NR3 de l'examen del 28/03/2011

**NR-3)** (5 punts) Pregunta test. Cada qüestió mal contestada resta la seva puntuació. No es pot treure nota negativa de la pregunta. Un apartat deixat en blanc ni suma ni resta punts. Cal marcar a dins de la casella adequada. No es corregiran les respostes considerades ambigües o dubtoses.

Una reacció pot transcórrer mitjançant dos mecanismes diferents, **A** i **B**, amb els perfils de reacció següents:



Considerant que un dels mecanismes correspon a una reacció de segon ordre, en un sol pas, i l'altre a la reacció catalitzada, quines de les següents afirmacions són correctes i incorrectes?

5.6 Models teòrics de la cinètica química. Mecanismes 5.7 **Catàlisi.** Catàlisi enzimàtica

Pregunta NR3 de l'examen del 28/03/2011

