# Jacobi Test

## Testing di Robustezza

### Testing sul numero di input

```
A=gallery('poisson',10);
xc=jacobi(A);

Error using jacobi (line 5)
Inserire come input almeno A e b.
```

### **Testing sulla matrice**

Testo se è una matrice

```
A=rand(10,10,10);
b=[1 2 3]';
xc=jacobi(A,b);

Error using jacobi (line 9)
Il primo input deve essere una matrice.
```

#### Testo se è sparsa o vuota

```
A=rand(100,100);
x=ones(100,1);
b=A*x;
xc=jacobi(A,b);
```

```
Error using jacobi (line 11)
La matrice deve essere sparsa e non vuota.
```

```
A=[];
A=sparse(A);
b=[1 2 3]';
xc=jacobi(A,b);
```

```
Error using jacobi (line 11)
La matrice deve essere sparsa e non vuota.
```

#### Testo se non è quadrata

```
A=sparse(rand(100,200));
x=ones(200,1);
b=A*x;
xc=jacobi(A,b);
```

Error using jacobi (line 13) La matrice deve essere quadrata.

Testo se è di grandi dimensioni

```
A=gallery('poisson',5);
x=ones(25,1);
b=A*x;
xc=jacobi(A,b);
```

Error using jacobi (line 15) La matrice deve essere di grandi dimensioni(almeno 100x100)

Testo se contiene valori corretti

```
A=gallery('poisson',10);
A(15,15)=NaN;
x=ones(100,1);
b=A*x;
xc=jacobi(A,b);
```

Error using jacobi (line 17) Gli elementi della matrice devono essere numeri reali double finiti.

```
A=gallery('poisson',10);
A(25,35)=Inf;
x=ones(100,1);
b=A*x;
xc=jacobi(A,b);
```

Error using jacobi (line 17) Gli elementi della matrice devono essere numeri reali double finiti.

Controllo se la diagonale ha elementi nulli

```
A=gallery('poisson',10);
A(25,:)=0;
x=ones(100,1);
b=A*x;
xc=jacobi(A,b);
```

Error using jacobi (line 22) Sono presenti elementi nulli all'interno della diagonale principale.

#### **Testing sul vettore**

Testo se è un vettore colonna

```
A=gallery('poisson',10);
b=10;
xc=jacobi(A,b);
```

Error using jacobi (line 28) Errore, b deve essere un vettore colonna.

```
A=gallery('poisson',10);
x=ones(100,1);
b=(A*x)';
xc=jacobi(A,b);
```

```
Error using jacobi (line 28)
Errore, b deve essere un vettore colonna.
```

Testo se ha le stesse dimensioni della matrice

```
A=gallery('poisson',10);
b=[1:200]';
xc=jacobi(A,b);
```

```
Error using jacobi (line 30)
Il vettore b e la matrice A hanno dimensioni diverse.
```

Testo se contiene valori corretti

```
A=gallery('poisson',10);
b=[1:100]';
b(10)=NaN;
xc=jacobi(A,b);
```

Error using jacobi (line 32) Errore, b deve contenere reali finiti double.

```
A=gallery('poisson',10);
b=[1:100]';
b(35)=Inf;
xc=jacobi(A,b);
```

```
Error using jacobi (line 32)
```

### **Testing su TOL**

Testo se è uno scalare

```
A=gallery('poisson',10);
x=ones(100,1);
TOL=[1:10];
b=A*x;
xc=jacobi(A,b,TOL);

Error using jacobi (line 40)
Errore, TOL deve essere uno scalare
```

Testo se ha valore accettabile

```
A=gallery('poisson',10);
x=ones(100,1);
TOL=Inf;
b=A*x;
xc=jacobi(A,b,TOL);
```

```
Error using jacobi (line 42)
Errore, TOL deve essere settato come un numero reale.
```

```
A=gallery('poisson',10);
x=ones(100,1);
TOL=NaN;
b=A*x;
xc=jacobi(A,b,TOL);
```

```
Error using jacobi (line 42)
Errore, TOL deve essere settato come un numero reale.
```

### **Testing su MAXITER**

Testo se è uno scalare

```
A=gallery('poisson',10);
x=ones(100,1);
NMAX=[1:10]';
b=A*x;
xc=jacobi(A,b,[],NMAX);
```

```
Error using jacobi (line 50)
Errore, MAXITER deve essere uno scalare
```

Testo se ha valore accettabile

```
A=gallery('poisson',10);
x=ones(100,1);
NMAX=Inf;
b=A*x;
xc=jacobi(A,b,[],NMAX);

Error using jacobi (line 52)
Errore, MAXITER deve essere settato come un numero reale finito.

A=gallery('poisson',10);
x=ones(100,1);
NMAX=NaN;
b=A*x;
xc=jacobi(A,b,[],NMAX);

Error using jacobi (line 52)
Errore, MAXITER deve essere settato come un numero reale finito.
```

### **Testing di Funzionamento**

0.999997510813969
0.999998219310184
0.999999072067297

Testo il funzionamento con due parametri di input

```
A=gallery('poisson',10);
c=condest(A)

c = 69.863370896510276

x=ones(100,1);
b=A*x;
xc=jacobi(A,b)

xc = 100×1
0.999999072067297
0.999998219310184
0.99999710813969
0.999997083975802
0.999996739859617
0.99999739859617
0.999997083976802
```

:

Testo il funzionamento con tre parametri di input

```
A=gallery('poisson',10);
  c=condest(A)
    69.863370896510276
 x=ones(100,1);
 b=A*x;
  [xc, niter]=jacobi(A,b,10^-4)
  xc = 100 \times 1
     0.999904756571118
     0.999817229198409
     0.999744508829065
     0.999692486834926
     0.999665377728570
     0.999665377728570
     0.999692486834926
     0.999744508829065
     0.999817229198409
     0.999904756571118
  niter =
     174
Testo il funzionamento con quattro parametri di input
```

```
A=gallery('poisson',10);
c=condest(A)
c =
  69.863370896510276
x=ones(100,1);
b=A*x;
[xc, niter,resrel]=jacobi(A,b,10^-6,400)
xc = 100 \times 1
   0.999999072067297
   0.999998219310184
   0.999997510813969
   0.999997003976802
   0.999996739859617
   0.999996739859617
   0.999997003976802
   0.999997510813969
   0.999998219310184
   0.999999072067297
```

```
niter =
     286
  resrel =
       1.503747201926131e-06
Testo il funzionamento se ometto TOL o MAXITER
 A=gallery('poisson',10);
 c=condest(A)
  c =
    69.863370896510276
 x=ones(100,1);
 b=A*x;
  [xc, niter]=jacobi(A,b,[],400)
  xc = 100 \times 1
     0.999999072067297
     0.999998219310184
     0.999997510813969
     0.999997003976802
     0.999996739859617
     0.999996739859617
     0.999997003976802
     0.999997510813969
     0.999998219310184
     0.999999072067297
  niter =
     286
 A=gallery('poisson',10);
 c=condest(A)
    69.863370896510276
 x=ones(100,1);
 b=A*x;
  [xc, niter]=jacobi(A,b,10^-4,[])
  xc = 100 \times 1
     0.999904756571118
     0.999817229198409
     0.999744508829065
     0.999692486834926
     0.999665377728570
     0.999665377728570
```

0.999692486834926

```
0.999744508829065
0.999817229198409
0.999904756571118
:
niter =
```

0.999997003976802
0.999996739859617

```
Testo il funzionamento con valori di TOL errati
 A=gallery('poisson',10);
  c=condest(A)
  c =
    69.863370896510276
  x = ones(100,1);
 b=A*x;
  [xc, niter]=jacobi(A,b,realmin)
  Warning: Valore TOL errato. Utilizzo valore di default.
  xc = 100 \times 1
     0.999999072067297
     0.999998219310184
     0.999997510813969
     0.999997003976802
     0.999996739859617
     0.999996739859617
     0.999997003976802
     0.999997510813969
     0.999998219310184
     0.999999072067297
  niter =
     286
 A=gallery('poisson',10);
  c=condest(A)
  C =
    69.863370896510276
  x = ones(100,1);
  b=A*x;
  [xc, niter]=jacobi(A,b,-10^-8)
  Warning: Valore TOL errato. Utilizzo valore di default.
  xc = 100 \times 1
     0.999999072067297
     0.999998219310184
     0.999997510813969
```

```
0.999996739859617
     0.999997003976802
     0.999997510813969
     0.999998219310184
     0.999999072067297
  niter =
     286
Testo il funzionamento con valori di MAXITER errati
 A=gallery('poisson',10);
  c=condest(A)
  c =
    69.863370896510276
  x=ones(100,1);
 b=A*x;
  [xc, niter]=jacobi(A,b,[],-5)
  Warning: Valore MAXITER errato. Utilizzo valore di default.
  xc = 100 \times 1
     0.999999072067297
     0.999998219310184
     0.999997510813969
     0.999997003976802
     0.999996739859617
     0.999996739859617
     0.999997003976802
     0.999997510813969
     0.999998219310184
     0.999999072067297
  niter =
     286
 A=gallery('poisson',10);
  c=condest(A)
    69.863370896510276
 x=ones(100,1);
 b=A*x;
  [xc, niter]=jacobi(A,b,[],1)
```

Warning: Valore MAXITER errato. Utilizzo valore di default.

 $xc = 100 \times 1$ 

0.999999072067297
0.999998219310184
0.999997510813969

```
0.999997003976802
0.999996739859617
0.999996739859617
0.999997003976802
0.999997510813969
0.999998219310184
0.999999072067297
...
...
niter =
```

Testo il funzionamento quando l'algoritmo si arresta senza convergere

```
A=gallery('poisson',10);
c=condest(A)
  69.863370896510276
x=ones(100,1);
b=A*x;
[xc]=jacobi(A,b,[],50)
Warning: L 'algoritmo si è arrestato all'iterazione 50, senza convergere. Il residuo relativo è 0.026020.
xc = 100 \times 1
   0.983938530159793
   0.969180251057885
   0.956919822702248
   0.948151504962609
   0.943582361252061
   0.943582361252061
   0.948151504962609
   0.956919822702248
   0.969180251057885
   0.983938530159793
```

# Testing di Accuratezza

Verifica dell'errore relativo per metodo convergente al variare di TOL

```
A=gallery('poisson',10);
c=condest(A)

c = 69.863370896510276

x=ones(100,1);
b=A*x;
[xc, niter,resrel]=jacobi(A,b);
```

```
err=norm(x-xc)/norm(xc)
err =
     6.429949363240837e-06
A=gallery('poisson',10);
c=condest(A)
  69.863370896510276
x=ones(100,1);
b=A*x;
[xc, niter,resrel]=jacobi(A,b,10^-4);
err=norm(x-xc)/norm(xc)
err =
     6.603524321910592e-04
A=gallery('poisson',10);
c=condest(A)
c =
  69.863370896510276
x=ones(100,1);
b=A*x;
[xc, niter,resrel]=jacobi(A,b,10^-8);
err=norm(x-xc)/norm(xc)
err =
     6.528971632873157e-08
```