

Inferență prin enumerare în rețele bayesiene

Limbaj / platformă: C# (.NET), Windows Forms

Autor:

Chiriac Gabriel

Ciaușu Ioan-Călin

Data: Ianuarie 2026

1. Introducere. Descrierea problemei

O rețea bayesiană este un model probabilistic care reprezintă variabile aleatoare și relațiile dintre ele. În multe situații reale (diagnostic medical, detectarea fraudei, estimare risc, etc.) nu avem certitudini, ci doar probabilități. De aceea, este util un mecanism de inferență: putem calcula probabilitatea unui eveniment (variabilă interogată / *query*) având deja unele observații (variabile de evidență / *evidence*).

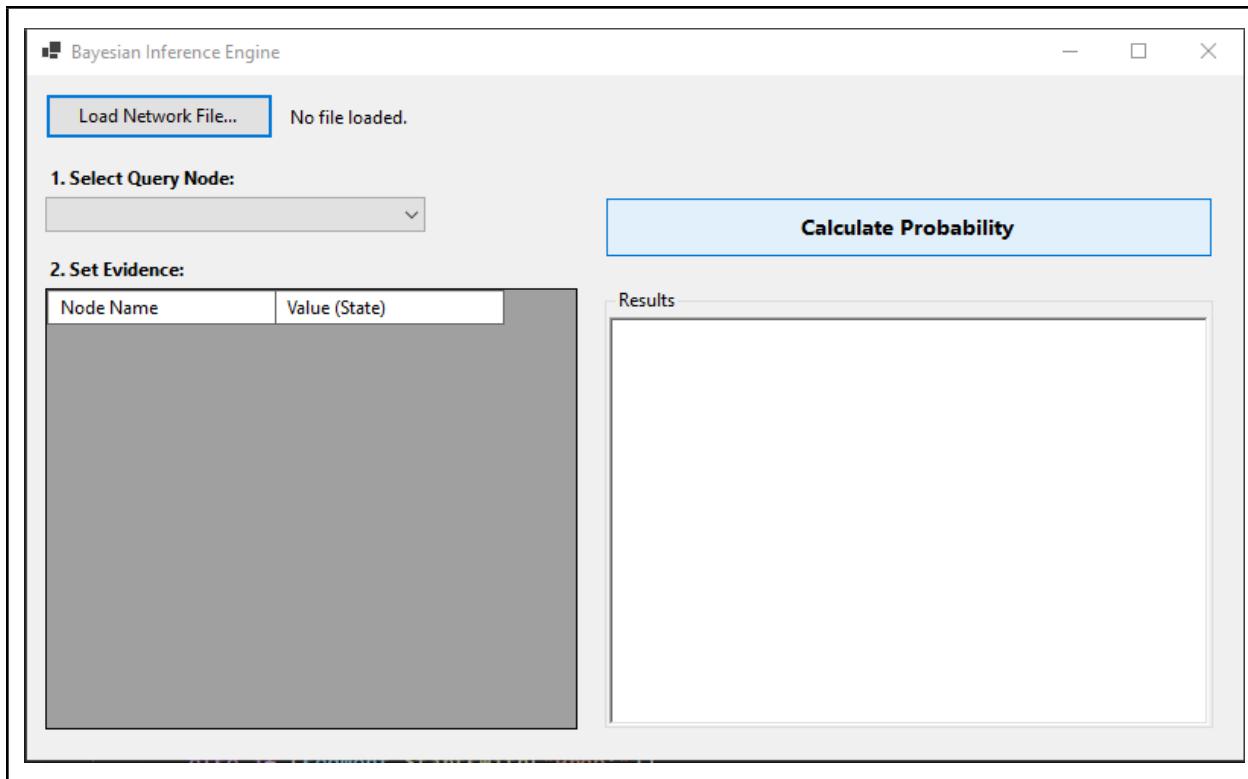
Cerința Proiectului 8 este implementarea **inferenței prin enumerare** pentru rețele bayesiene, cu funcționalitate similară laboratorului 11: programul trebuie să citească rețea din fișier, să permită setarea evidențelor și interogarea celorlalte noduri și să fie testat pe cel puțin două rețele.

Obiectivul aplicației realizate:

Aplicația încarcă o rețea bayesiană din fișier text (structură + parametri), apoi permite utilizatorului să:

- aleagă un nod „Query”;
- seteze evidențe pentru celelalte noduri (True/False/Unknown);
- calculeze și afișeze probabilitățile rezultante:
 - $P(\text{Query}=\text{True} \mid \text{Evidence})$
 - $P(\text{Query}=\text{False} \mid \text{Evidence})$

Interfața aplicației la pornire



2. Fundamente teoretice

2.1 Rețele bayesiene - definiție și interpretare

O rețea bayesiană este un graf orientat aciclic (DAG) în care:

- nodurile reprezintă variabile (evenimente),
- arcele reprezintă relații de dependență/cauzalitate/corelație,
- fiecare nod are asociat un tabel de probabilități: marginal (dacă nu are părinți) sau condiționat (dacă are părinți).

Laborator IA11

În cazul variabilelor binare (True/False), un nod fără părinți are un singur parametru independent (probabilitatea de True), iar un nod cu n părinți are $2^{*}2^n$ intrări în CPT (pentru toate combinațiile de valori ale părinților).

2.2 Factorizarea distribuției comune (regula produsului)

Modelul bayesian presupune că o variabilă depinde doar de părinții săi. Distribuția comună se poate scrie ca produs al probabilităților condiționate:

$$P(x_1, \dots, x_n) = \prod_i P(x_i | \text{Parents}(x_i)) P(x_1, \dots, x_n) = \prod_i P(x_i | \text{Parents}(x_i))$$

într-o ordine topologică în care părinții apar înaintea copiilor.

2.3 Inferență prin enumerare (exactă)

Scopul inferenței prin enumerare este calcularea probabilității unei variabile interogate (Query), date fiind variabilele observate (Evidență).

Ideea este:

- calculăm un produs de probabilități condiționate;
- pentru variabilele „ascunse” (care nu sunt nici evidență, nici query), sumăm peste toate valorile posibile (True și False).

Pentru a obține o distribuție validă asupra valorilor query-ului, se folosește normalizarea (coeficientul α) astfel încât suma probabilităților să fie 1.

3. Cerințe și modul de rezolvare

3.1 Cerințele proiectului (extras)

Proiectul 8 impune:

- inferență prin enumerare în rețele bayesiene;

- citirea structurii și parametrilor rețelei din fișier (generic);
- interfață simplă, dar care permite interogări;
- setarea evidențelor și interogarea celorlalte noduri;
- testare pe cel puțin două rețele.

CerinteProiectIA2024

3.2 Abordarea implementată

Implementarea este împărțită în două componente:

1. **Motor de inferență (logică):**
 - clasele Node și BayesianNet (încărcare rețea + enumerare).
2. **Interfață utilizator (Windows Forms):**
 - încărcare fișier;
 - selectare query;
 - setare evidențe în tabel;
 - calcul și afișare rezultat.

4. Structura aplicației și proiectare

4.1 Reprezentarea nodului (clasa Node)

Fiecare nod conține:

- **Name** - nume nod;
- **ParentNames** - lista părinților;
- **Probabilities** - probabilitatea P(True) (rădăcină) sau CPT (cu $2n^2n$ intrări).

Fragment de cod - definirea structurii nodului:

```
public class Node
{
    public string Name { get; set; }
    public List<string> ParentNames { get; set; } = new List<string>();
    public List<double> Probabilities { get; set; } = new List<double>();
}
```

4.2 Accesarea probabilităților din CPT

Metoda **GetProbability(value, evidence)** întoarce:

- $P(\text{Node}=\text{True} \mid \text{Parents})$ dacă **value==true**
- $1-P(\text{Node}=\text{True} \mid \text{Parents})$ dacă **value==false**

Când există părinți, indexul în CPT este calculat în stil „biți”, pe baza valorilor părinților din **evidence**.

Fragment de cod - GetProbability():

```
public double GetProbability(bool value, Dictionary<string, bool> evidence)
{
    double pTrue;

    if (ParentNames.Count == 0)
    {
        pTrue = Probabilities[0];
    }
    else
    {
        int index = 0;
        foreach (var parent in ParentNames)
        {
            bool parentVal = evidence[parent];
            index = (index << 1) | (parentVal ? 1 : 0);
        }
        pTrue = Probabilities[index];
    }

    return value ? pTrue : (1.0 - pTrue);
}
```

Observație: Convenția implementată este: pentru părinți [A, B] indexul este

- 0: (F,F)
- 1: (F,T)
- 2: (T,F)
- 3: (T,T).

5. Formatul fișierului de intrare

Aplicația citește rețeaua dintr-un fișier text în care fiecare linie definește un nod. Liniile goale sau comentariile (care încep cu #) sunt ignore.

Structura unei linii:

- Nod:<nume>
- Parinti:<lista> sau Parinti:None
- Prob:<valoare> pentru nod fără părinți
- CPT:[v1, v2, ...] pentru nod cu părinți (în ordinea combinațiilor)

Exemplu generic (nod rădăcină):

Nod: Angajat; Parinti: None; Prob: 0.85

Exemplu generic (nod cu părinti):

Nod: RataMica; Parinti: VenitMare; CPT: [0.30, 0.90]

Fragment de cod - LoadFromFile():

```
public void LoadFromFile(string filePath)
{
    Nodes.Clear();
    var lines = File.ReadAllLines(filePath);

    foreach (var line in lines)
    {
        if (string.IsNullOrWhiteSpace(line) || line.StartsWith("#")) continue;

        var parts = line.Split(';');
        var node = new Node();

        foreach (var part in parts)
        {
            var segment = part.Trim();
            if (segment.StartsWith("Nod:"))
            {
                node.Name = segment.Substring(4).Trim();
            }
            else if (segment.StartsWith("Parinti:"))
            {
                var parentsStr = segment.Substring(8).Trim();
                if (!parentsStr.Equals("None", StringComparison.OrdinalIgnoreCase))
                {
                    node.ParentNames = parentsStr.Split(',').Select(p => p.Trim()).ToList();
                }
            }
            else if (segment.StartsWith("Prob:"))
            {
                var valStr = segment.Substring(5).Trim();
                node.Probabilities.Add(double.Parse(valStr, CultureInfo.InvariantCulture));
            }
            else if (segment.StartsWith("CPT:"))
            {
                var arrayStr = segment.Substring(4).Trim().Trim('[', ']');
                var vals = arrayStr.Split(',')
                                .Select(v => double.Parse(v,
                                CultureInfo.InvariantCulture));
                node.Probabilities.AddRange(vals);
            }
        }
        Nodes.Add(node);
    }
}
```

Exemplu de fișier .txt încărcat

```
Nod: Angajat; Parinti: None; Prob: 0.85
Nod: IstoriceBun; Parinti: None; Prob: 0.70
Nod: VenitMare; Parinti: Angajat; CPT: [0.10, 0.80]
Nod: RataMica; Parinti: VenitMare; CPT: [0.30, 0.90]
Nod: Aprobare; Parinti: VenitMare, IstoriceBun, RataMica; CPT: [0.01, 0.20, 0.30, 0.60, 0.40,
0.70, 0.85, 0.99]
```

6. Implementarea algoritmului de inferență prin enumerare

Algoritmul este inspirat din forma clasică (Russell & Norvig / AIMA) și din explicația laboratorului 11, unde variabilele necunoscute sunt enumerate prin sumare, iar rezultatul se normalizează prin $\alpha\alpha$.

6.1 Funcția EnumerationAsk

EnumerationAsk(X, e, bn) calculează:

- $P(X=True | e)P(X=True | e)$ și $P(X=False | e)P(X=False | e)$
prin două apeluri ale funcției recursive EnumerateAll, apoi normalizează.

```
public static double[] EnumerationAsk(string X, Dictionary<string, bool> e,
BayesianNet bn)
{
    var Q = new double[2];

    var eTrue = new Dictionary<string, bool>(e);
    eTrue[X] = true;
    double pTrue = EnumerateAll(bn.Nodes, eTrue);

    var eFalse = new Dictionary<string, bool>(e);
    eFalse[X] = false;
    double pFalse = EnumerateAll(bn.Nodes, eFalse);

    double sum = pTrue + pFalse;
    return new double[] { pTrue / sum, pFalse / sum };
}
```

6.2 Funcția recursivă EnumerateAll

EnumerateAll($vars, e$):

- dacă lista este goală $\rightarrow 1$;

- dacă variabila curentă YY este în evidență → înmulțește cu $P(Y | \text{Parents}(Y))P(Y | \text{Parents}(Y))$;
- altfel → face sumare peste True și False.

```
public static double EnumerateAll(List<Node> vars, Dictionary<string, bool> e)
{
    if (vars.Count == 0) return 1.0;

    var Y = vars[0];
    var rest = vars.Skip(1).ToList();

    if (e.ContainsKey(Y.Name))
    {
        double probY = Y.GetProbability(e[Y.Name], e);
        return probY * EnumerateAll(rest, e);
    }
    else
    {

        var eTrue = new Dictionary<string, bool>(e);
        eTrue[Y.Name] = true;
        double term1;
        term1 = Y.GetProbability(true, eTrue) * EnumerateAll(rest, eTrue);

        var eFalse = new Dictionary<string, bool>(e);
        eFalse[Y.Name] = false;
        double term2;
        term2 = Y.GetProbability(false, eFalse) * EnumerateAll(rest, eFalse);

        return term1 + term2;
    }
}
```

Observație importantă (ordine topologică):

În laborator se recomandă sortarea topologică a variabilelor pentru eficiență și corectitudinea accesării părintilor înaintea copiilor.

În implementarea curentă, se presupune că nodurile din fișier sunt furnizate în această ordine (părinții apar înaintea copiilor). Dacă ai nevoie, în viitor se poate adăuga un algoritm de sortare topologică după citirea rețelei.

7. Interfața cu utilizatorul (GUI)

Aplicația are o interfață grafică simplă (conform cerinței proiectului) care permite:

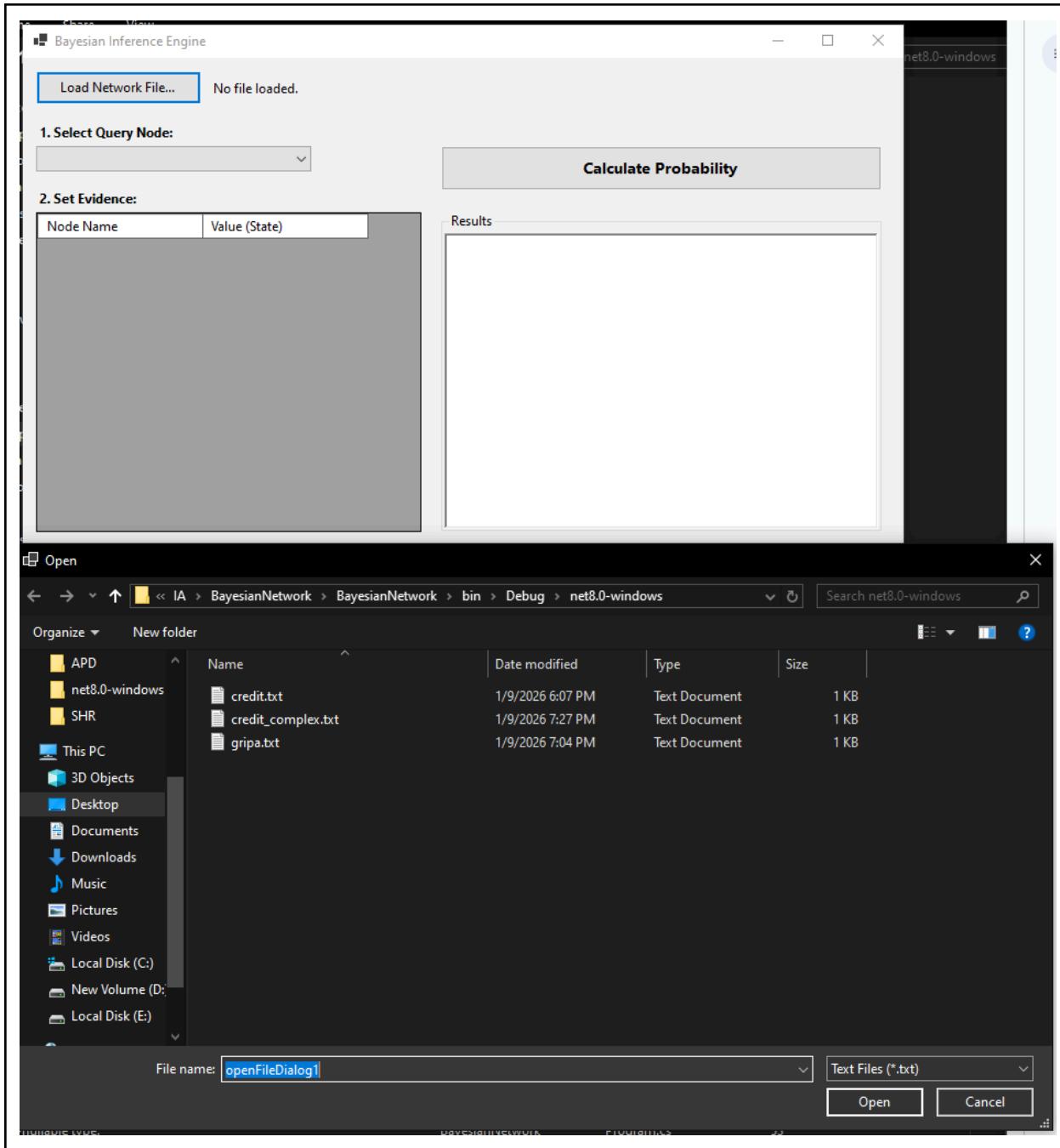
- încărcarea fișierului rețelei;
- selectarea nodului Query dintr-un combobox;
- setarea evidențelor într-un tabel cu valori Unknown / True / False;

- afișarea rezultatului în zona „Results”.

7.1 Încărcarea fișierului

La apăsarea butonului **Load Network File...**, utilizatorul alege fișierul; rețea este încărcată și se populază controalele UI.

Selectarea fișierului din OpenFileDialog



După încărcare: combobox populat + evidențe populate

Bayesian Inference Engine

Load Network File... Loaded: credit.txt

1. Select Query Node:

Angajat

2. Set Evidence:

Node Name	Value (State)
Angajat	False
IstoricBun	Unknown
VenitMare	Unknown
RataMica	True
Aprobare	False

7.2 Blocarea setării evidenței pe Query

Când utilizatorul schimbă query-ul, rândul respectiv din grid este blocat pe opțiunea de *Unknown*.

7.3 Calculul probabilităților

Butonul **Calculate Probability** citește evidențele din tabel, construiește dicționarul de evidențe și apelează **EnumerationAsk**.

Rezultatul afișat în zona Results

The screenshot shows the Bayesian Inference Engine interface. On the left, under '1. Select Query Node:', 'Angajat' is selected. Under '2. Set Evidence:', a table shows evidence values for nodes: Angajat (False), IstoriceBun (Unknown), VenitMare (Unknown), RataMica (True), and Aprobare (False). On the right, a 'Calculate Probability' button is visible above a 'Results' section. The results show the query $P(\text{RataMica} \mid \text{Evidence})$ with probabilities: TRUE (Yes) : 46.1538% and FALSE (No) : 53.8462%.

Node Name	Value (State)
Angajat	False
IstoricBun	Unknown
VenitMare	Unknown
RataMica	True
Aprobare	False

Results

Query: $P(\text{RataMica} \mid \text{Evidence})$

TRUE (Yes): 46.1538%

FALSE (No) : 53.8462%

8. Testare și rezultate

Mai jos sunt două seturi de teste.

8.1 Rețeaua 1 - Credit simplu

Fișier: *credit.txt*

Descriere: rețea de evaluare risc de neplata al un credit bancar cu 5 noduri

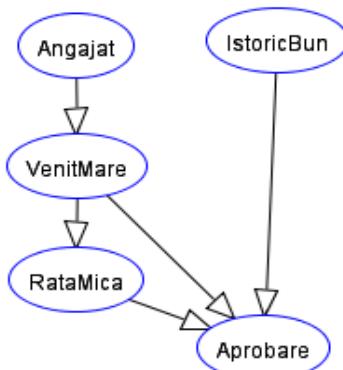
Nod: Angajat; Parinti: None; Prob: 0.85

Nod: IstoricBun; Parinti: None; Prob: 0.70

Nod: VenitMare; Parinti: Angajat; CPT: [0.10, 0.80]

Nod: RataMica; Parinti: VenitMare; CPT: [0.30, 0.90]

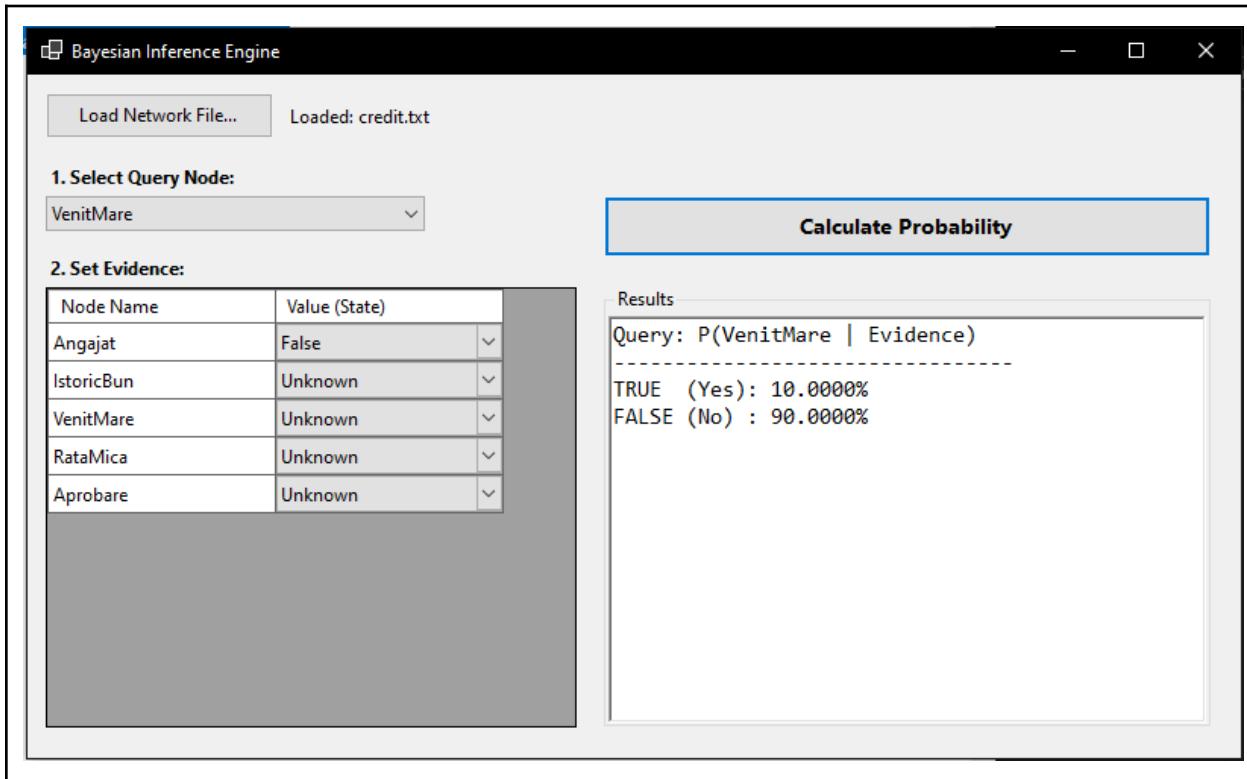
Nod: Aprobare; Parinti: VenitMare, IstoricBun, RataMica; CPT: [0.01, 0.20, 0.30, 0.60, 0.40, 0.70, 0.85, 0.99]



Test 1:

- **Query:** *Angajat*
- **Evidence:** *Angajat* = False
- **Rezultat:**
 - $P(Q1=True | \text{evidence})=10\%$
 - $P(Q1=False | \text{evidence})=90\%$
- **Observatie:** Test de baza, presupune doar analiza nodului *Angajat*. (*Nod: VenitMare; Parinti: Angajat; CPT: [0.10, 0.80]*)

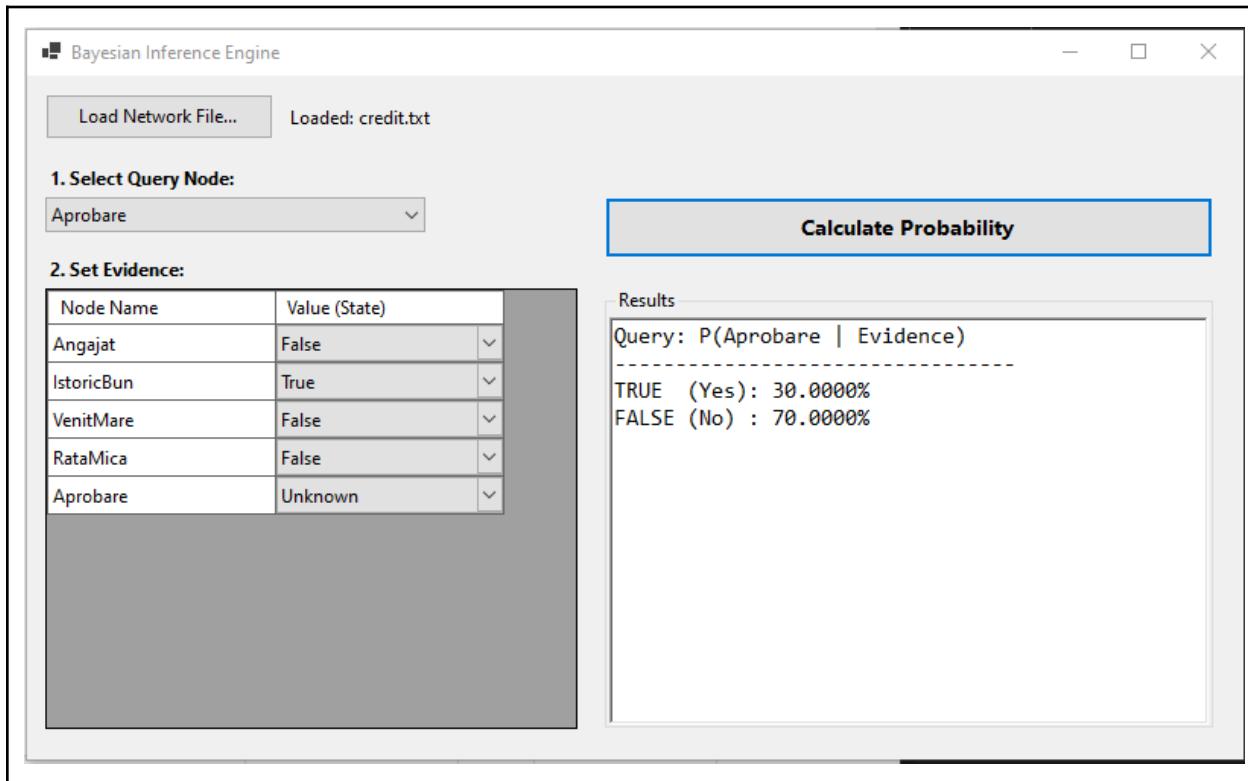
Rețeaua 1 încărcată + evidențe + rezultat



Test 2:

- **Query: Aprobare**
- **Evidence:** *Angajat* = False , *IstoricBun* = True, *VenitMare* = False, *RataMica* = False
- **Rezultat:**
 - $P(Q1=True | \text{evidence})=30\%$
 - $P(Q1=False | \text{evidence})=70\%$
- **Observații:** Vom compara cu rezultatul obtinut in aplicatia din laboratorul 11.

Rețeaua 1 încărcată + evidențe + rezultat

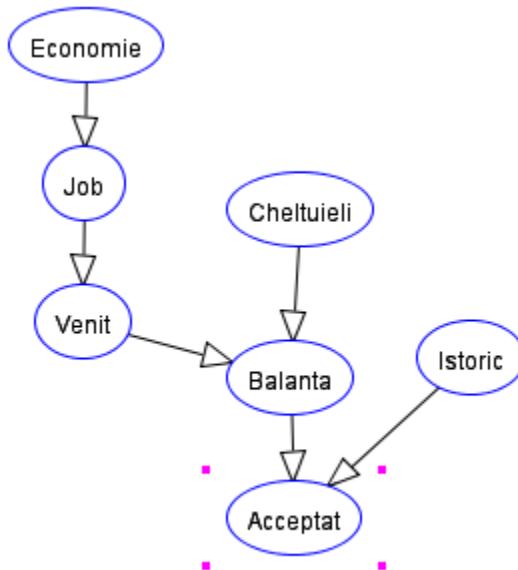


8.2 Rețeaua 2 - Credit Complex

Fisier: credit_complex.txt

Descriere: rețea de evaluare risc de neplata al un credit bancar cu 7 noduri

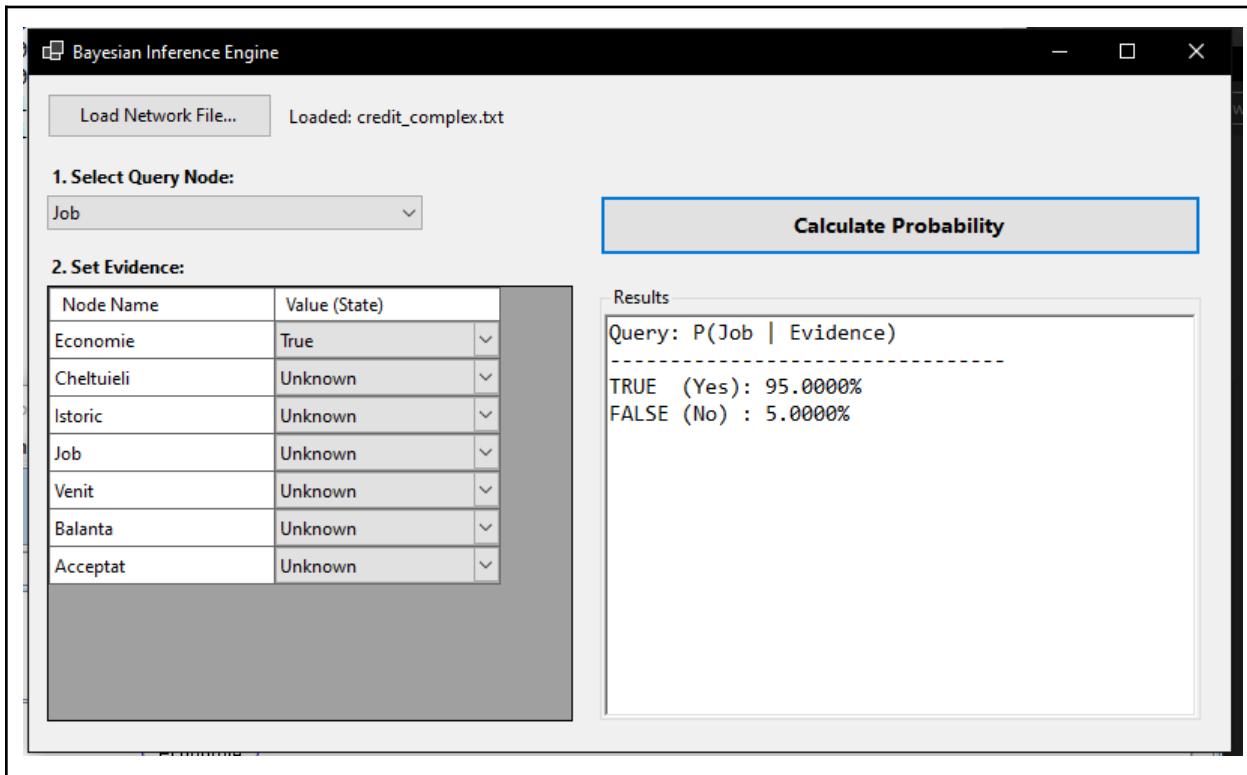
```
Nod: Economie; Parinti: None; Prob: 0.70
Nod: Cheltuieli; Parinti: None; Prob: 0.60
Nod: Istoric; Parinti: None; Prob: 0.75
Nod: Job; Parinti: Economie; CPT: [0.20, 0.95]
Nod: Venit; Parinti: Job; CPT: [0.05, 0.85]
Nod: Balanta; Parinti: Venit, Cheltuieli; CPT: [0.40, 0.05, 0.95, 0.30]
Nod: Acceptat; Parinti: Balanta, Istoric; CPT: [0.99, 0.40, 0.25, 0.01]
```



Test 1:

- **Query:** Job
- **Evidence:** Economie = True
- **Rezultat:**
 - $P(Q=True | \text{evidence})=95\%$
 - $P(Q=False | \text{evidence})=5\%$
- **Observatie:** Query simplu cu rezultatul preluat direct din fisierul de intrare. (Nod: Job; Parinti: Economie; CPT: [0.20, 0.95])

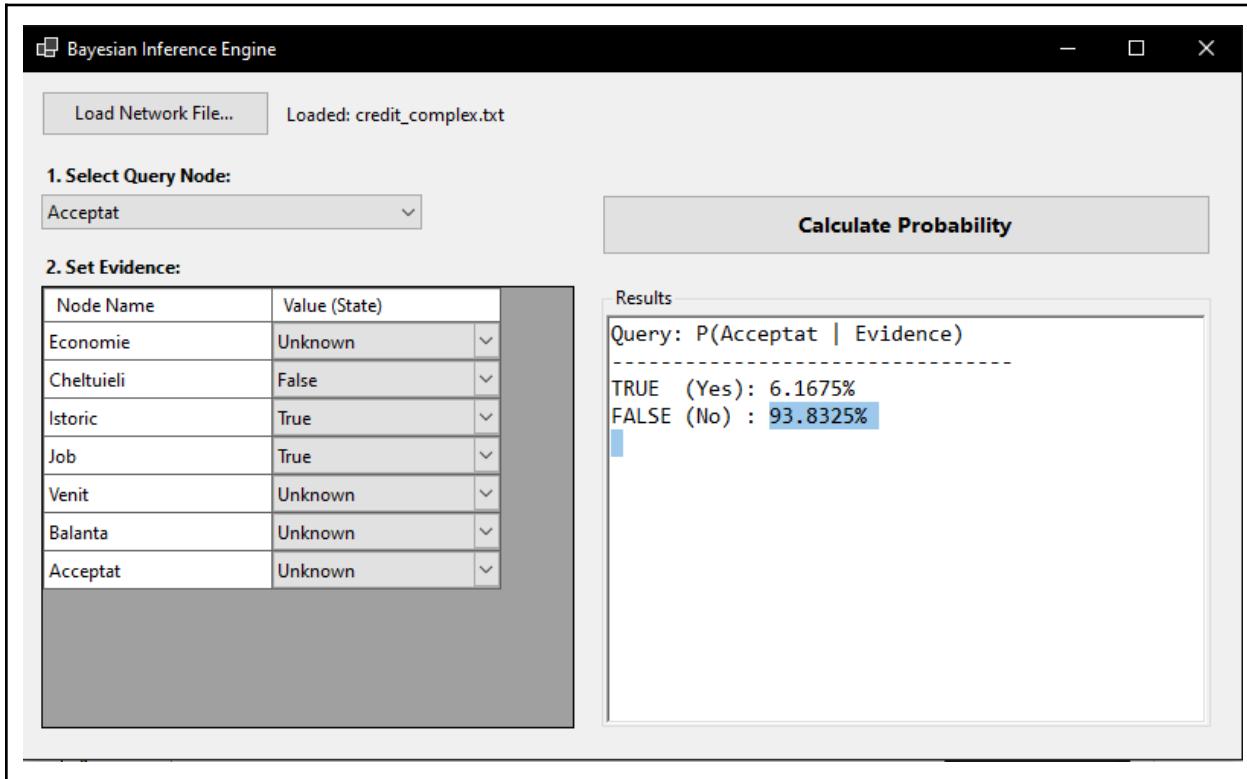
Reteaua 2, test 1



Test 2:

- **Query:** Acceptat
- **Evidence:** Cheltuieli = False, Job = True, Istoric = True;
- **Rezultat:**
 - $P(Q=\text{True} \mid \text{evidence})=6.1675\%$
 - $P(Q=\text{False} \mid \text{evidence})=93.8325\%$

Rețeaua 2, test 2



9. Concluzii

Aplicația implementează inferență exactă prin enumerare pentru rețele bayesiene, citind structura și parametrii din fișier și permitând utilizatorului să seteze evidențe și să interogheze un nod ales. Aceasta respectă cerința de interfață simplă și suport generic pentru rețele diferite (prin fișier).

Avantaje:

- implementare generală (rețeaua nu este hardcodată);
- interfață intuitivă;
- rezultate exacte (enumerare completă).

Limitări:

- complexitate mare pentru rețele cu multe noduri (enumerarea crește exponențial);
- se presupune (în forma curentă) că nodurile sunt introduse în fișier în ordine topologică (părinții înaintea copiilor), idee recomandată și în laborator pentru eficiență.

10. Impartirea sarcinilor

1. Interfata grafica: Ciaușu Ioan-Călin
2. Parsare fisier de intrare: Chiriac Gabriel
3. EnumerationAll: Ciaușu Ioan-Călin
4. EnumerateAsk si structura nod: Chiriac Gabriel

11. Bibliografie

1. Florin Leon, *Inteligentă artificială - Cursul 10: Rețele bayesiene.*
2. Florin Leon, *Inteligentă artificială - Laborator 11: Rețele bayesiene. Inferență prin enumerare.*
3. Cerințe proiect Inteligență Artificială 2024-2025 (Proiectul 8: inferență prin enumerare în rețele bayesiene).