2018해된도 2하기 수학 및 연습 2 기반과사 / 연(x,y,z) = x²cosy + z³sin(xy) ______++10 체범가는

※ ▽우를 명기하지 않거나 틀렜은 정우 ○집

(F)==0) curlF=0, Y(+)=(+,0, \frac{-11^2}{1+e^{-1}}(+-1)), -e^{-1} \leq t \leq 1

by Stokes thm, \int \text{curlFds} \int \text{F-ds} + \int \text{F-ds}

YUX = OG soitisties & O = XUY

Since curlF=0,

$$= \int_{X} F ds = -\int_{Y} F ds$$

$$= -\int_{e^{\pi}}^{1} (2t, t \cdot (\frac{-\pi^{2}}{He^{\pi}}(t-1)), 0) \cdot (1, 0, \frac{-\pi^{2}}{He^{\pi}}) dt$$

$$= -\int_{e^{\pi}}^{1} 2t dt$$

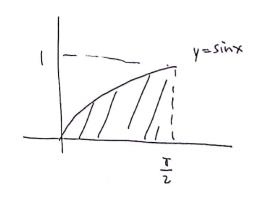
$$= -\left[t^{2} \right]_{-e^{\pi}}^{1} = e^{2\pi} - 1$$

$$= -\left[t^{2} \right]_{-e^{\pi}}^{1} = -1$$

· X Stokes' thm 을 일바고게 사용하지 않은 함 이점

문제고

작분명력이 다음과 같다.



म्मिम म्मिप खंडाणा वार्टम

$$\int_{0}^{T} \int_{\text{arcsiny}}^{T} \frac{1}{1 + \cos^{2}x} \, dx \, dy = \int_{0}^{T} \int_{0}^{\sin x} \frac{1}{1 + \cos^{2}x} \, dy \, dx$$

$$= \int_{0}^{T} \frac{\sin x}{1 + \cos^{2}x} \, dx$$

$$= \int_{0}^{1} \frac{du}{1 + u^{2}} = \operatorname{arctan}(1) - \operatorname{arctan}(0)$$

$$= \frac{T}{4}$$

푸비니 정리는 온바르게 적용한 경우 - 10점

정답인 경우 - 10점

트 21 연 이 점. (야 코비 형정식
$$\left| \frac{\partial(x,y)}{\partial(y,v)} \right| = \frac{1}{2}$$
 대신 $\left| \frac{\partial(y,v)}{\partial(x,y)} \right| = 2 를 공한 경우$ (또 건대값을 생발 $\frac{\partial(x,y)}{\partial(y,v)} = -\frac{1}{2}$ 을 급한 경우 포함.

4. 주어진 명역 R을 원기등좌포계에 대하여 나타내면:

$$\{(r\cos\theta, r\sin\theta, z): 0 \le 0 \le 2\pi, -a \le z \le a, \sqrt{b^2-a^2} \le r \le \sqrt{b^2-z^2}\}$$
. 따라서, 치환적분을 사용하면

$$Val(R) = \iiint_{R} 1 \, dV_{3} = \int_{0}^{2\pi} \int_{-a}^{a} \int_{\sqrt{b^{2}-a^{2}}}^{\sqrt{b^{2}-2a^{2}}} r \, dr \, dz \, d\theta \quad \cdots (*)$$

$$= \int_{0}^{2\pi} \int_{-a}^{a} \frac{1}{2} (a^{2}-z^{2}) \, dz \, d\theta = \int_{0}^{2\pi} a^{3} - \frac{1}{3} a^{3} \, d\theta = \frac{2}{3} a^{3} \cdot 2\pi = \frac{4}{3} \pi a^{3}$$

채절 기준.

- ① 명역을 적적한 좌포계에 대해 포현한 후, 구체적인 (다중)적분 식을 옮게 얻어낸 경우 10절. (Ex, 위의 (*)에 해당하는 식)
 - · \$\int_{0}^{2\eta} \int_{0}^{b} \int_{0}^{\overline{1}{2}-\overline{1}{2}-\overline{1}{2}}^{\overline{1}{2}-\overline{1}{2}-\overline{1}{2}} rdzdrd0 互 杂語社.

$$2\int_{0}^{2\pi}\int_{B-a^{2}}^{b}\int_{arcsin}^{\frac{\pi}{2}}\rho^{2}sin\phi d\phi d\rho d\theta$$
 등 구면좌표계를 이용한 식도 인정함

- 단, 적분 범위가 틀린 경우는 접수를 부떠하지 않음.

비고: 자주 등장한 오압

- 명역의 절반에 해당하는 책을 구한 경우 적분 범위 설정이 잘못된 것으로 0점 처리
- · 구에서 명역 R을 쌘 나머지 명역의 부피를 구한 경우에도 O점 처리. (단, 전체 구의 부리 불표b³에서 그것은 뺀다는 인당이 있으면 ①의 접수를 부여.)

5 A रे रेप X र र्म मण एटर ग्रम भर्म. ग्राच्य ग्रमुयणा बीमन

$$\int_X (\operatorname{arctan}(1+x^2) - 1y) dx + (e^{y^2 - 1y} + 3y) dy$$

$$= \iint_{A} \frac{\partial}{\partial x} (e^{y^2-2y}+3z) - \frac{\partial}{\partial y} (arctan(1+x^2)-1y) dV_2 \cdots (x)$$

X. 122对4至 148計入 完成以下 从 818十分14年 2015 对 2020 5对 2020

(E) 1) #6.

지흥 + Y³ = 1 (Yzo)을 지축으로 보전하면 다음자 같이 대재사 활수 있다.

$$X(0, \varphi) = (\cos \theta, \sin \theta \cos \varphi, \sin \theta \sin \varphi)$$
 $(\cos \theta \le \pi)$ -5% (HHH)

(priesta prince, peopleonies, Orienteons -) = 0X

> Xo xXp = (\$ sinfaceo seinfaces cosp, 3 sinfaces of)

> /xoxxo(= 3 singo (000) - 5 2

- - 설전체의 설이 = (** | XorxeldOdp

 $= \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} s \sin^{4}\theta \log \theta \log \theta = \frac{12}{5}\pi \qquad -10 \text{ M}.$

$$\int_0^{\pi} \int_0^{\pi/2} s^{2n} e^{-\frac{\pi}{2}} l(\cos\theta) d\theta d\phi = \frac{6}{5} \pi + \frac{5}{5} |\xi(x)|$$

이 경우, 정확히 영역을 당시하다 닦을 인정

그의, 다양한 매개화가 가능한데, 매개화가 한당하고 개산이 모두 맛으면 인정.

% 지축이 아닌 기축으로 최전시킨 경우, 대칭성으로 인배 최진축이 기축이어도 상관 없다는 언국이 있으면 인정, 그러한 언국이 없으면 O점

% 파푸스 정리 (Area = 2xd·l), 최정체 얽이 공식 (Area = 2x (Y(t) ((v(t))² dt) 등을 이용시, 공식을 옮게 적용시 10전, 단계리 뜻으면 10전말 총 20절

#7.

 $X^2+y^2+2^2 \le 1 \implies u^2+\cos^2 v \le 1 \implies 0 \le u \le \sin V$ $\therefore \exists \forall : 0 \le v \le \pi, 0 \le u \le \sin V.$

 $X(u,v) = u(\cos v, \sin v, 0) + \cos v(0, 0, 1)$

 $X_{u} = (\cos v, \sin v, 0)$ $X_{v} = u \cdot (-\sin v, \cos v, 0) - \sin v \cdot (0, 0, 1)$

 $|\mathcal{N}| = |X_{u} \times X_{v}| = |X_{u}| \cdot |X_{v}| = \sqrt{u^{2} + \sin^{2} v}$ $(:X_{u} \cdot X_{v} = 0)$

SS #dS = So So (u+cosv) Tu2+ sin2v dudv 1031.....

 $\int_{0}^{\pi} \int_{0}^{\sin v} u \cdot \sqrt{u^{2} + \sin^{2} v} \, du \, dv = \int_{0}^{\pi} \left[\frac{1}{3} (u^{2} + \sin^{2} v)^{\frac{3}{2}} \right]_{0}^{\sin v} \, dv.$ $= \int_{0}^{\pi} \frac{1}{3} (25 - 1) \cdot \sin^{3} v \cdot dv = \frac{1}{3} (25 - 1) \cdot \frac{4}{3} = \frac{4}{9} (25 - 1)$

 $\int_{0}^{\pi} \int_{0}^{\sin v} \cos v \int u^{2} + \sin^{2} v \cdot du dv = 0 \quad (\because v = \frac{\pi}{2})$

 $\iint_{S} f \cdot dS = \frac{4}{9} (2[5-1]) + 0 = \frac{4}{9} (2[5-1])$

· X: 적분 영역 에 5점, 피적분 할수에 5점. 이 중이 라나라도 틀리면 이후의 계산 점수는 없음.

$$div = 2 + 8xy + (10 - 8214) = 12$$

$$V \circ l[R] = \frac{1}{12} \int_{0}^{T} Sin^{4} \Theta d\Theta = \frac{T}{32}$$

(b) In을 곡면 Southel 원업에서 얼어지는 방향의 법선벡터라고 하면 $In = \frac{1}{7}(6.3.2)$

이 는, 알케각된 SS A·m dS 이다. (A: 녹음소 백등장)

$$\iint_{S} A \cdot \text{IndS} = \iint_{S} \frac{(2.9.2)}{\sqrt{249^{2}+2^{2}}} \cdot \frac{1}{7} (6.3.2) dS$$

$$= \iint_{S} \frac{(6x+3y+2z)}{\sqrt{x^{2}+y^{2}+z^{2}}} \cdot \frac{1}{7} dS$$

$$= \frac{6}{7} \cdot \iint_{S} \frac{1}{\sqrt{x^{2}+y^{2}+z^{2}}} dS$$

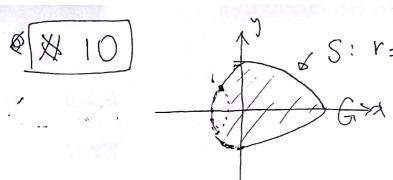
:.
$$\int_{S} \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2+z^2}} dS = \frac{7}{6} \int_{S} A \cdot \ln dS = \frac{7}{6} \cdot (9 \text{ Anizh}) + 10$$

 $\frac{1}{2h2h2}$ ① $\ln = \frac{1}{h}(6.3.2)$ 를 잘 구하는, $(2.5) \cdot (\frac{6}{h}.\frac{3}{h}.\frac{2}{h}) = \frac{1}{h}$ (62+35)+2=1 記 34×)

등을 활하여 구이진 전보역을 만내가 벡터장 다 계산선수 없이 전함이 전반시계야 누 등

@ 구이진 적분식이 구×(안씨각) 이나는 사실까지 확인하면 /5점 인정.

아기막이 겨년신수 있어도



S: r= H cos 0 = 1301 WM धेरिके नेष (०४०४२७)

$$-35: y^2+2^2=\frac{3}{16}, x=-\frac{1}{4}$$

35 章 경제 8 水片 원환을 D 와 하면,

(S의 경계등, 윈반 D른 飞 인급하면 + 단점)

or,
$$-\iint_S \operatorname{curl} F \cdot d\vec{z} = \pm \iint_S F \cdot d\vec{z} - \cdots (b)$$

=)
$$\pm \iint_D \text{Curl} F. d\vec{z}' = \iint_D - d d\vec{z}_1 = \iint_D \frac{1}{4} d\vec{z} = \frac{1}{4} \cdot \text{area}(D)$$
 $= \frac{3}{64} \pi \int_D \frac{1}{57} d\vec{z} = \frac{3}{64} \pi \int_D \frac{1}{57} d\vec{z}$

短水一

(3-b) 선적분을 이용한 3위, 3S를 (b)의 Wisis라 및게 m게 케한 구 대입하여 몰바는 서울 전으면, 수 5점 기산이 吹으면 수 5점.