2018日 部刊

$$| \cdot S(x,y) = \frac{xy^2}{\sqrt{x^4 + x^2 y^2 + y^4}} \qquad (x,y) \neq (0,0)$$

$$(x,y) = (0,0)$$

(a)
$$\lim_{(xy) \to (0,0)} \left| \frac{2y^2}{5x^4x^2y^4} \right| = \lim_{(xy) \to (0,0)} |y| \cdot \frac{1/2y^2}{5x^4x^3y^4}$$

$$\leq \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = \lim_{(xy) \to (0,0)} |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^2y^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2y^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

$$= \lim_{(xy) \to (0,0)} \frac{1/2x^2+y^4}{5x^4x^4} \cdot |y| = 0$$

X 2년 19년12일 23 2일을 사망했다 시 경우 기 경을 언래지 않는 경우 극좌표계를 사용했을 시 보다 0이 아닐 땅바지 않은 경우 의 그건 2

(b)
$$D_1 = \lim_{t \to 0} \frac{f(t,0)}{t} = \lim_{t \to 0} \frac{f(t,0)}{t} = 0$$

 $D_2 = \lim_{t \to 0} \frac{f(t,0)}{t} = \lim_{t \to 0} \frac{f(t,0)}{t} = 0$

2.
$$\chi^{3} + y^{3} + z^{3} + 6\chi y z = 1$$
 $3z^{2} \frac{\partial z}{\partial \chi} + 3\chi^{2} + 6y z + 6\chi y \frac{\partial z}{\partial \chi} = 0$
 $(3z^{2} + 6\chi y) \frac{\partial z}{\partial \chi} + 3\chi^{2} + 6y z = 0$
 $z^{2} + 2\chi y \neq 0 \Rightarrow \frac{\partial z}{\partial \chi} = \frac{\chi^{2} - 2y z}{z^{2} + 2\chi y}$
 $\times \text{ #AAA} \text{ SIGh}$

3. (a) 가장 벨리 甘文값이 공가하는 방향은 grad f 와 평해하다. grad f =
$$(-2xe^{-x^2-2y^2})$$
, $-4ye^{-x^2-2y^2})$ = $(r\cos\theta, r\sin\theta)$ $(r = \sqrt{(-2xe^{x^2-2y^2})^2 + (-4ye^{-x^2-2y^2})^2})$: $tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta} = \frac{r\sin\theta}{r\cos\theta} = \frac{4ye^{x^2-2y^2}}{2xe^{x^2-2y^2}} = \frac{4e^2}{2e^2} 2$

X grad 두를 제대로 구하면 3점

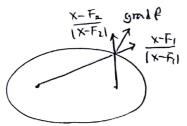
4. DEE 01831-12 f(X) = [X-Fi]+(X-Fi]

$$\Rightarrow \operatorname{grad} f(x) = \frac{x - F_1}{|x - F_1|} + \frac{x - F_2}{|x - F_1|} + \frac{x}{|x - F_2|}$$

$$\forall f \in \mathcal{F}_1$$

$$\forall f \in \mathcal{F}_2$$

$$\forall f \in \mathcal{F}_2$$



두 단위 버리의 사이 가를 고유 라고 하면

72日至 grad f et X-F1 의 和沙尼日 이고

017-7-713 grad f et X-F2 ex A017-53 A 01Ct.

1+10.

73 461 p. 이 나는서 夕은 여용해 표 전에 시킨 바고게 대시라면 5점.
- V*= V - 7 N·N / 그= 좌가 보바그면 다짐.

* 그의 도행을 여러한 돌이는 반려한 경우 만점, 그의 뿌짐수 없음.

5.
$$f(x,y) = \int_{y^2}^{x} \frac{e^{xt^2}}{t} dt$$

$$D_1 f(x,y) = \frac{e^{x^3}}{x} + \int_{y^2}^{x} \frac{2e^{xt^2}}{x} dt$$

$$= \frac{e^{x^3}}{x} + \int_{y^2}^{x} \frac{1}{x} e^{xt^2} dt$$

$$= \frac{3}{2x} e^{x^3} - \frac{1}{2x} e^{xy^4}$$

$$D_2 f(x,y) = -\frac{e^{xy^4}}{y^2} \cdot 2y = -2 \frac{e^{xy^4}}{y} \right] 42d$$
of ord $f(x,y) = \left(\frac{1}{4}(3e^8 - e^2), -2e^2\right)$

* 相切到电 超龄X

5.
$$f(x,y) = \int_{y^2}^{x} \frac{e^{xt^2}}{t} dt$$

$$D_1 f(x,y) = \frac{e^{x^3}}{x} + \int_{y^2}^{x} \frac{2e^{xt^2}}{3x^{1+2}} dt$$

$$= \frac{e^{x^3}}{x} + \int_{y^2}^{x} t e^{xt^2} dt$$

$$= \frac{3}{2x} e^{x^3} - \frac{1}{2x} e^{xy^4}$$

$$D_2 f(x,y) = -\frac{e^{xy^4}}{y^2} \cdot 2y = -2 \frac{e^{xy^4}}{y} \right] 42d$$
of or grad $f(x,y) = \left(\frac{1}{4}(3e^8 - e^2), -2e^2\right)$

* 冰时型电 特路X

(a)
$$e^{x} = 1 + x + \frac{1}{2}x^{2} + o(x^{2})$$

 $\log(1+y) = y - \frac{1}{2}y^{2} + \frac{1}{3}y^{3} + o(y^{3})$
 $e^{x}\log(1+y) = y - \frac{1}{2}y^{2} + xy - \frac{1}{2}xy^{2} + \frac{1}{2}x^{2}y + \frac{1}{3}y^{3} + o(y^{3})$
 $+ o(\sqrt{x^{2}y^{2}})$

테워너 건개의 유엔성이 의해

(b)
$$D_{t}^{4}f(x,y) = e^{x}\log(1+y)$$
 $D_{t}^{2}D_{2}^{3}f(x,y) = \frac{2e^{x}}{(1+y)^{3}}$ $D_{t}^{3}D_{2}f(x,y) = \frac{e^{x}}{(1+y)^{4}}$ $D_{t}^{2}D_{2}^{2}f(x,y) = -\frac{e^{x}}{(1+y)^{4}}$ $D_{t}^{2}D_{2}^{2}f(x,y) = -\frac{e^{x}}{(1+y)^{4}}$

$$M_{\phi} = \max\{|D_{\xi_{1}}...D_{\xi_{4}}f(0.t,0.t)|: 1 \le \xi_{4},\xi_{5},\xi_{5},\xi_{4} \le 2\}$$

$$\leq \frac{6e^{0.4}}{14} < 7.2$$

0/03

$$|R_3| \leq M_4 \cdot \frac{(0.1+0.1)^4}{4!} < 7.2 \times \frac{1}{4!} \times 0.2^4 < 5 \times 10^{-4}$$

- - (b) 4月101年7月16日 47日 M47日16日 37日, R3日子以为的10日午1月37日

1. 5はりまた (スター) = で かり を かり (スター) = スキュナー (スター) = スター) = スター)

$$\text{grad} f(x,y,Z) = 2(x,y,Z)$$
 $\text{grad} g(x,y,Z) = (y^2, 201y, 27).$

~ 주어진 픽면 뛰어서는 grad f(1,13,2) + 0 이다. -- (X)

스 라그랑즈 승수법에 위해 (3,3,2) 가 국어진 곡면에서 우의 극점이인

2件外到此

$$\begin{cases} 2\lambda_{3} = 3^{2} & -... & 2 \\ 2\lambda_{3} = 2\lambda_{3} & -... & 3 \\ 2z = 2\lambda_{2} & -... & 4 \end{cases}$$

- (4) => ₹=0 or >=1.
 - 기=1인경우: 기=1 원 ③에 대압하면 2y=2xy => 기=1 or y=0.
 - ②에 X의과 가의은 대인하면 y'= 2. X=1, y'= 2 이번 ①을 만하는 선 Z가 관계하지 않음.
 - ②에 강=0과 기=1 은 대인하면 기=0. 기=0, 강=0 어떤 ① 3부터 모= +1. -> (0,0,1), (0,0,-1) -··(**)
 - · Z=0 인권: Z=0을 D에 대표하면 거광=1.

지경²=1 은 ②에 대인하면
$$\chi^2 = \frac{1}{2\lambda}$$
) => $\chi^2 = 2\chi^2$ => $\chi = \pm \sqrt{2}\chi$.
지경²=1 은 ③에 대인하면 $\chi^2 = \frac{1}{\lambda}$) => $\chi^2 = 2\chi^2$ => $\chi = \pm \sqrt{2}\chi$.

$$7=0$$
, $y=\pm \sqrt{2}$ ①에 대원하면 $2x^{3}-1=0$ =) $x=2^{-\frac{1}{3}}$ = $y=\pm\sqrt{2}$ 이약 $y=\pm\sqrt{6}$ —) $(2^{-\frac{1}{3}},2^{\frac{1}{6}},0)$, $(2^{-\frac{1}{3}},-2^{\frac{1}{6}},0)$ — (***) 12 전

f(0,0,1) = f(0,0,-1) = 1. $f(2^{-\frac{1}{3}},2^{\frac{1}{6}},0) = f(2^{-\frac{1}{3}},-2^{\frac{1}{6}},0) = 3 \cdot 2^{-\frac{7}{3}} 71$. 二型 $z^2 + xy^2 - 1 = 0$ 위의 접 중 원정과 가장 가까고 접은 (0,0,1),(0,0,1) 이의, <u>의단거리는 1</u> 일을 안다. 15점.

* 채점 7년

- ·(*)是网路里发强多3在7组。
- · (**) 中 (***) 의 川 直音 神中丘 脚刀兒 堪如千 臨主.

#8.
$$f(x_1,y_1) = x^2 - y^3 - xy$$
 $\Rightarrow \text{ grad} f(x_1,y_1) = (3x^2 - y_1, -3y^2 - x_1) = (0,0) \text{ Q} (x_1,y_1) \text{ Phi Adolph.}$
 $\Rightarrow y = 3x^2, \quad x = -3y^2.$
 $\text{ Phi Adolphi A Form } (0,0), \left(-\frac{1}{3},\frac{1}{3}\right) \text{ The Application } 2 \text{ Phi Adolphi Adolphi Application } 1 + 5 \text{ Phi Adolphi Adolphi Application } 1 + 5 \text{ Phi Adolp$

$$\det f''(0,0) = -1 < 0 \text{ ole } \underline{(0,0)} \in \underline{\text{PSA}}dt.$$

$$f''(-\frac{1}{3},\frac{1}{3}) = \begin{pmatrix} -2 & -1 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$$

$$\det f''(-\frac{1}{3},\frac{1}{3}) = 4 - 1 = 3 > 0 \text{ old } -2 < 0 \text{ ole } \underline{1} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} +$$

X 채접기원

· 임계검은 또두 맛았으나, 물중한점이 극대·각·안장점 여부를 잘못 판정하면 마지막 5점 중 2점만 부여합.

#9.
$$\overline{H}(v,\theta) = (r \cos \theta, r \sin \theta)$$

 $\Rightarrow \overline{H}(2,\frac{\pi}{6}) = (\sqrt{3}, 1).$

$$= \det \left(G(\overline{F}(2, \frac{\pi}{6})) F'(2, \frac{\pi}{6}) \right)$$

$$= \det \left(G'(\overline{F}(2, \frac{\pi}{6})) F'(2, \frac{\pi}{6}) \right)$$

$$= \det \left(G'(\overline{A}_{3,1}) F'(2, \frac{\pi}{6}) \right)$$

$$= \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det F'(2, \frac{\pi}{6}) \cdots (A)$$

$$= \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \cdots (A)$$

$$= \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \cdots (A)$$

$$= \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \cdots (A)$$

$$= \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \cdots (A)$$

$$= \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \cdots (A)$$

$$= \det G'(\overline{A}_{3,1}) \det G'(\overline{A}_{3,1}) \cot G'(\overline{A}_{3,1$$

det 下(2,=)=2 olf. oth (本)的 Thelate

$$| \bigcirc . \times (t) = (t, sint, cogt) \quad (1 \le t \le e^2)$$

 $\Rightarrow \times (t) = (1, cogt, -sint).$

$$\int_{X} \log x \, dx - z \, dy + y \, dz = \int_{1}^{e^{2}} (\log t, -\cos t, \sin t) \cdot (1, \cos t, -\sin t) \, dt$$

$$= \int_{1}^{e^{2}} (\log t - (\cos^{2} t - \sin^{2} t)) \, dt$$

$$= \int_{1}^{e^{2}} (\log t - 1) \, dt$$

$$= \left[+ \log t - t - t \right]_{1}^{e^{2}}$$

$$= \frac{2}{8\pi t} \int_{1}^{e^{2}} \log t \, dt$$

11.
$$\varphi = 4z^2 \sin x + \cosh(1+4z) + \frac{1}{2}z^2$$

$$2+2 + 5+x.$$

2건 grad
$$Q = F O I d$$
.

테터라이 저의된 $24z - 626$ 연결되어 있으므로 자개하나수의 유일서에 의해.

 $Y_c = 4z^2 sin x + Cosh(1+4z) + 5z^2 + C O I$
우리가 구하기는 오른 잠기탕수이다.

洲到之

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1$$

Scanned by CamScanner

- (b) H= (a,4) 1,70/은 열린 볼 집합되으로 트 아카레 모음 경기에 의해 잠개함수는 갓눈다. $y = \arctan\left(\frac{y}{x}\right)$ 3+2 3+2 $\frac{24}{24} = \frac{1}{1+(\frac{41}{2})} \times -\frac{4}{1} = \frac{-4}{1+(\frac{41}{2})}$ $\frac{24}{44} = \frac{1}{1+(\frac{1}{4})^2} \times \frac{4}{1} = \frac{1}{1+(\frac{1}{4})^2} \text{ of } 4.$ 424M PE FOI 227 36401 58
- (C) F가 장개함수는 가게되고 선적부터 기보정인에 의해 $\int_{X} F \cdot dS = \varphi(||f||) - \varphi(||f||) \left(\begin{cases} \varphi = \arctan(\frac{4}{\pi}) \\ \chi(t_0) = (|f||) \end{cases} \right)$

$$= \arctan(1) - \arctan(-1) \times (t_1) = (1,1).$$

$$= \frac{\pi}{4} - (-\frac{\pi}{4}) = \frac{\pi}{2}$$

长洲石油

- (a) 계산이 될거나 없으며 이점
- (6) 장개함수의 존재성인 1인 경우 -3점
- (c) 작원소 벡터장의 성질을 이용해도 당이 맛으면 5점. -夏 9° 72 600 4 74 -374.