$$=\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\infty}\int_{0}^{1}\int_{0}^{1}e^{\rho^{3}}\rho^{2}.\sin\rho d\rho d\rho d\theta$$

$$=\frac{\pi}{6}(e-1)$$

(b)
$$\int_{0}^{2} \int_{0}^{4-x^{2}} \int_{0}^{x} \frac{\sin 2t}{4-t} dy dt dx$$

$$= \int_{0}^{2} \int_{0}^{4-x^{2}} \chi \frac{\sin 2x}{4-2} dx$$

$$=\int_{0}^{4}\int_{0}^{\sqrt{4-2}} \chi \frac{\sin 2t}{4-2} dx dt$$

$$= \int_0^4 \frac{1}{2} \cdot \sin 2\theta \, d\theta = \frac{1}{4} (1 - \cos \theta)$$

$$\int_{0}^{\infty} \int_{-\infty}^{y} \frac{1}{(x^{2}+y^{3}+1)^{3/2}} dx dy$$

$$= \int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \int_{0}^{\infty} \frac{1}{(r^{2}+1)^{3/2}} + dr d\theta$$

$$= \int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \int_{0}^{\infty} \frac{1}{(r^{2}+1)^{3/2}} + dr d\theta$$

$$=\frac{3}{4}\pi 1$$

#2. $F(\alpha, y) = (-y, \alpha)$ 4 31년 lot F = 20123 그건 정기에 의해

$$\int_{C} x \, dy - y \, dx = \iint_{\text{int}(C)} 2 \, dV_{2}$$

014.

1+52

$$y=2$$
 $m+(c)$ 는 왼쪽 그림에 색칠된 영역이므로 $y=sm20$ $y=sm$

 $=\frac{\pi}{4}$

olt.

(채절기준) - 선적분을 직접 계산 할 경우, 마지막 적분식까지 맞아야 +15절. 당도 맞을 경우 +5점.

#3.
$$F(xy) = (y^{3}-yx^{2}+\frac{1}{x}e^{\arctan x^{2}}, y^{4}cxy+\pi y^{2}-\pi^{3})$$

$$S_{c} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} (-2\pi^{2}-2y^{2}) dV_{2}$$

$$I24\pi u$$

$$S_{c} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} (-2\pi^{2}-2y^{2}) dV_{2}$$

$$I24\pi u$$

$$S_{c} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} (-2\pi^{2}-2y^{2}) dV_{2}$$

$$S_{d} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} (-2\pi^{2}-2y^{2}) dV_{2}$$

$$S_{d} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} (-2\pi^{2}-2y^{2}) dV_{2}$$

$$S_{d} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} (-2\pi^{2}-2y^{2}) dV_{2}$$

$$S_{d} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} rot F dV_{2}$$

$$S_{d} F. dx = S_{d} rot F dV_{2} = S_{d} rot F dV_{$$

 $= -\frac{5\pi}{3}a - \frac{7}{4}v$

#4. (a)
$$\int_{\partial D} u \operatorname{grad} u \cdot ds = \int_{D} \operatorname{rot} (u \operatorname{grad} u) dV_{2}$$

$$= \int_{D} \operatorname{rot} (u \frac{\partial u}{\partial x}, u \frac{\partial u}{\partial y}) dV_{2}$$

$$= \int_{D} \int_{\partial x} (u \frac{\partial u}{\partial y}) - \frac{\partial}{\partial y} (u \frac{\partial u}{\partial x}) dV_{2}$$

$$= \int_{D} \int_{\partial x} \frac{\partial u}{\partial x} du + u \frac{\partial^{2} u}{\partial x^{2} y} - \left(\frac{\partial u}{\partial y} \frac{\partial u}{\partial x} + u \frac{\partial^{2} u}{\partial y^{2} x}\right) dV_{2}$$

$$= \int_{D} \int_{\partial x} \frac{\partial u}{\partial x} du + u \frac{\partial^{2} u}{\partial x^{2} y} - \left(\frac{\partial u}{\partial y} \frac{\partial u}{\partial x} + u \frac{\partial^{2} u}{\partial y^{2} x}\right) dV_{2}$$

$$= \int_{D} \int_{\partial x} \frac{\partial u}{\partial x} du + u \frac{\partial^{2} u}{\partial x^{2} y} - \left(\frac{\partial u}{\partial y} \frac{\partial u}{\partial x} + u \frac{\partial^{2} u}{\partial y^{2} x}\right) dV_{2}$$

$$= \int_{D} \int_{\partial x} \frac{\partial u}{\partial x} du + u \frac{\partial u}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} u}{\partial y^{2}} + u \frac{\partial^{2} u}{\partial$$

#5.
$$\int_{x}^{y} \int_{x}^{y} \int_{x}^{y}$$

* 반산 장난 사용한 가야, 개보이 흑네면 점수 없음.

$$\frac{\chi^{2}}{6} + \frac{y^{2}}{6} + \frac{(-1)^{2}}{2} \le 1, \ \ 7 = -1$$

$$0! \ \ \forall \exists \ \forall \ \exists \ \forall \ \exists \ S_{2} \ge 1 \ \ \forall \ Th.$$

SUS, 가 페국면이고,

가 우는 장리에 의해 SSus F. dS = 4전 5점

$$S_2: \chi^2 + y^2 \leq 3, \quad Z = -1, \quad N = (0, 0, -1)$$

$$\iint_{S_2} F \cdot dS = \iint_{\chi_1^2 y^2 \le 3} \frac{(\gamma, y, -1)}{(\chi_1^2 + y^2 + 1)^{\frac{3}{2}}} \cdot (0, 0, -1) d\chi dy$$

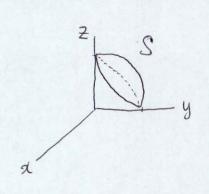
$$= \iint_{\gamma_{1}^{2}y_{2}^{2}+1} (\chi_{1}^{2}y_{1}^{2}+1)^{-\frac{3}{2}} dxdy = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{3\pi} (\chi_{1}^{2})^{-\frac{3}{2}} r drd\theta$$

$$= 2\pi \left[-(r^{2}+1)^{-\frac{1}{2}} \right]_{0}^{\sqrt{3}} = 2\pi \left(-\frac{1}{2}+1 \right) = \pi \cdot 1$$

$$\iint_{S} F \cdot dS = 4\pi - \iint_{S_{s}} F \cdot dS = 3\pi.$$

구. 곡면 S의 질량은

로 주어진다.



구면 작표계로 곡면 S의 매개함을 주면 면적소 dS는 $dS = sin \phi d\phi d\theta$

로 주어지고 메케함이 정의역은 {(Ψ,0) | 0≤Ψ≤0,0≤0≤π} 이다. 따라서

$$\iint_{S} f dS = \iint_{0}^{\pi} \cos^{3} \varphi \sin \varphi \, d\varphi \, d\theta$$

$$= \int_{0}^{\pi} \frac{1}{4} \left(1 - \cos^{4} \theta \right) d\theta$$

$$=\frac{5}{32}\pi$$

니 +10점

olt.

(체절기원) - 곡면의 매개함을 찾은 후 정확한 적분영역라 피적분 한수를 적은 경우 + 10절, 당도 맞은 경우 + 10절

$$curl F = (0, 0, 3(x^2+y^2))$$
 Sel DH741 (x, y, 2-x+y)

$$= \int_0^{2\pi} \int_0^2 3r^2 r dr d\theta$$

$$= 2\pi \cdot \left[\frac{3}{4}r^{4}\right]_{r=0}^{r=2} = \left[24\pi\right]_{r=0}^{r=2}$$

(채정기준) · 스토크스 정리를 서울하면 +3점

- · Curl 은 은바르게 계산하면 +2정
- · S를 잘 메개타하고 면적별은 메개변수에 관한 적분으로 작 구한 경우 +2점
- 계산을 끝에서 아무리하여 경압에 도달하면 +3정.
- · 향을 반대로 계산한경우 -2점.

-x'- liant the row
$$dx$$
 $\int_{S} A_{p}(x) - dS = \begin{cases} 0 & \text{if } p \in \text{ext}(S) \\ 4\pi & \text{if } p \in \text{int}(S) \end{cases}$

CCH2HA
$$S: \chi^2 + y^2 + z^2 = 1$$
 on $zvilton$ $\int_S Ap_1 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_2 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = \int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$
orange $\int_S Ap_3 \cdot dS = 0$

$$\int_S Ap_3 \cdot dS = 4\pi$$

$$\int_S$$

· X 淋에

- 입체각 베티장의 성식은 사용할 때, 두정은 나누어 생각하지 않는 경우 강점 5점.
 단, 단순계 'div (Ap. + Ap.) = 0이므로 두 립체각 벡터상의 전法 함이 0이라.
 기숙하는 경우, 입체각 벡터장 부분의 정수 없음.
- Gel 면적분을 박산정기로 준비교게 포현하면 +5정 기산까지 원내교게 12 T은 말으면 +5정

$$[\#10] \quad Z = \chi^{2} + 3y^{2}, \quad Z = 8 - \chi^{2} - y^{2}.$$

$$F(x,y,z) = (2\chi + \chi^{2} + e^{y^{2}} \sin y^{2}, \quad (2 - 3\chi^{2})^{2} y + (6\chi y, \chi (5my - 2\chi) + \chi^{2})$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} F \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} f \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} f \cdot ds = ?$$

$$Z = \chi^{2} + 3y^{2} \qquad \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} f \cdot ds = 2\pi \times \sqrt{2} \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} f \cdot ds = 2\pi \times \sqrt{2} \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} f \cdot ds = 2\pi \times \sqrt{2} \qquad \int_{2\pi}^{2\pi} f \cdot ds = 3\chi \sqrt{2}\pi \qquad \int_{2\pi}^{2$$