2019-여름 수탁 1 기말고사 채점기준 # 1.

전 (0,0,-1)을 되면 2x+y-2z=5 제 전 사이하면 $(\frac{2}{3},\frac{1}{3},-\frac{5}{3})$, 0전 (5,5,4) 은 $(\frac{41}{9},\frac{45}{9},\frac{40}{9})$ 이 된다. 직선 시의 방향벡터 (1,1,1)은 (5+x)이를 무시하면 (7,8,11), 평면과 직선 신의 모검은 (5,3,2) 이다.

 $\frac{7(-3)}{1} = \frac{9-3}{8} = \frac{2-2}{1} + \frac{1}{1}$

①,②,③,④ 중 2가기를 옮게 구한 경우 각 5점

직선의 방정식을 옮게 구한 경우 5점.

#2

(a)
$$\overrightarrow{PQ} = (-1, -1, 1), \overrightarrow{PR} = (3, 6, 3)$$

 $\overrightarrow{PQ} \times \overrightarrow{PR} = (-9, 6, -3)$ of the then the set $+2$
 $\therefore H: (-9, 6, -3) \cdot (\pi - 2, 9 - 1, 8) = 0$
 $3\pi - 29 + 8 = 4$
(b) $\triangle PQR = \frac{1}{2} |\overrightarrow{PQ} \times \overrightarrow{PR}| = \frac{3}{2} \sqrt{14}$

(c) Sol1. 지선의 방향 벡터 (1,2,1) 파 떨면 H의 법선 벡터 (3,-2,1)을 내적하면 (1,2,1)·(3,-2,1)= 이 이으로 지선은 떨면이 속하거나 IB 행하다. 1+5 지선 위의 하는 점 (1,-1,2) 와 당면 H 아이 거리를 구하면 13+2+2-4 = 3 이므로 만내지 않고, 최 단거리는 3 14 이다.

 $S_{0}|2, ~~ 경선 ~~ 2x-1=y+2=2x-3 = 100 +$

#3

(a)
$$\det \begin{pmatrix} b_1 & b_2 & b_3 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = -\det \begin{pmatrix} b_1 & b_2 & b_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} + \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = (O_1 - a_1 - a_2 - a_3)$$

$$= \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} + \det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \end{pmatrix} = (O_1 - a_1 - a_2 - a_3)$$

(6) Let
$$\begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 6_1 & 6_2 & b_3 \end{pmatrix} = det \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{pmatrix} + det \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 6_1 & 6_2 & b_3 \end{pmatrix}$$

$$= -2 det \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{pmatrix} = -2-3 = 6.$$

(c)
$$def(\frac{1}{2} \begin{array}{ccc} a_1 & b_1 \\ 2 & a_2 & 6_2 \\ 3 & ds & 63 \end{array}) = def(\frac{2}{a_1} \begin{array}{ccc} \frac{2}{a_2} & \frac{3}{a_3} \\ 6_1 & b_2 & 6_3 \end{array})$$

$$=\frac{1}{2}\left[\frac{1}{def}\begin{pmatrix} 3 & 5 & 7 \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{pmatrix} - \frac{1}{def}\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{pmatrix}\right]$$

$$=\frac{1}{2}\left[\frac{1}{def}\begin{pmatrix} 3 & 5 & 7 \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{pmatrix} - \frac{1}{def}\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{pmatrix}\right]$$

$$=\frac{1}{2}\left[\frac{1}{2}\left(\frac{7-3}{2}\right) = 2\right]$$

※ 學習4 ×

#4.

(a) APA HONEY => det (AB) \$0 => det(A) det(B) \$0 => det(A) \$0 => A \text{2-topingar}.

!: True

(b). A=((D) -1 R=(1D) [: Talse].

(C) A3= A3= In => A5= A3. A3 0/B3 A3-In

(d). det (AB+B+) = det ((A+I)B+) = det(A+I)det(B+) :det(B+) = det(B+) = det(B+) = det(B+) det(B+) = :det(B+) = det(B+) = det

(e) det(kA)= K'det(A) [: False]

 #5.

$$(a) L(x) = (a \times x) \times b + a \times (x \times b)$$

$$= 2(a-b)x - (a-x)b - (b-x)a$$

$$D L(x+cy) = (a \times (x+cy) \times b + a \times ((x+cy) \times b)$$

=
$$(\alpha x x + c \alpha x y) \times b + \alpha x ((x \times b) + c(y \times b))$$

$$= [(axx)xb + ax(xxb)]$$

· 洲型河子 人型和量的 电遥到中央 型型的 电遥到对象 的知识 多见对象

25社.

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 7 \\ 0 & 2 & 0 \\ -1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

$$L(e_1) = (0,0,-1), L(e_2) = (0,2,0) L(e_3) = (-1,0,2)$$

 $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & 2 & 0 \\ -1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$

・対なないろ、

(Da) 25 X1.413 对亚 4 271.

(24 24 Llev, Llev), Llev) 76 271

如子、 在至 对的下层 (Theyer 对重日 外山 高地区 OB)

(c)
$$det(H) = (H) \times 2 \times (H) \times sgn(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}) = -2.$$

(4) Vol(L(0), L(P), L(Q), L(R)) = (det A). hol(0, P,Q,R) (14) Soft they ready) = (4x1) EWS +XX)

: Vol (LO), LCP), L(Q), LCR)) = 10

. येपद्मार

#6

$$\det \begin{pmatrix} \chi(t), \chi(t) & \chi(t), \chi(t) \\ \gamma(t), \chi(t) & \gamma(t), \gamma(t) \end{pmatrix}$$

 $= |X(t)|^{2} |Y(t)|^{2} - |X(t) \cdot Y(t)|^{2}$

$$= \left(\mathbb{X}(t) \right)^{2} \left(\chi^{2}(t) + \mathcal{Y}^{2}(t) \right) \qquad \text{olgg}$$

LHS = 2 z(t) z'(t) (x'(t) +y'(t)) + z'(t) (2x(t) x'(t) + 2y(t)y'(t))

RHS = $|x(t)|^{2} (y(t) \cdot y'(t)) + (x(t) \cdot x'(t)) |y(t)|^{2} = 0|U=1$ $|y'(t)| = (x'(t), y'(t), \frac{1}{x^{2}(t)+y^{2}(t)} (x(t) x'(t) + y(t) y'(t)))$

Y(+). Y'(+) = 2x(+) x'(+) +2y(+) y'(+)

$$X(t), X(t) = 又(t) \times Z(t)$$
 이旦引

RHS = Z2(+) (2x(+)x(+)+2y(+)y'(+))+2z(+)z(+)(x(+)+y2(+))

따라서 좌변과 우변은 같다.

1 +20

X. 岩 新 配品

$$X(t) = \left(e^{\tan\frac{t}{2}} \tan^2\frac{t}{2}, e^{\tan\frac{t}{2}} \tan\frac{t}{2}, \tan\frac{t}{2}\right)$$

$$\Rightarrow \tilde{X}(u) = (u^2 e^u, u e^u, u)$$

$$\Rightarrow \chi'(u) = ((2u+u^{2})e^{u}, (1+u)e^{u}, 1),$$
$$\chi''(u) = ((2+4u+u^{2})e^{u}, (2+u)e^{u}, 0)$$

$$\Rightarrow \widetilde{X}(1) = (e, e, 1)_{1/2} + 5$$

$$\widetilde{X}'(1) = (3e, 2e, 1)_{1/2} + 5$$

$$\widetilde{X}''(1) = (7e, 3e, 0)_{1/2} + 5$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{n} = \widetilde{\chi}'(1) \times \widetilde{\chi}''(1) = (-3e, 7e, -5e^2)$$

재점 기준

- X(즉), X'(즉), X"(즉) 각 5점 (재매개화 여부와 상관 없음), 접촉평면의 방정식 5점
- X(즉), X'(즉), X"(즉) 가 틀렸어도 구한 벡터들로 평먼의 방정식을 맞게 구한 경우 5점

$$\Rightarrow S(\theta) = \int_0^{\theta} \sqrt{(r'(t))^2 + (r(t))^2} dt$$

$$= \int_0^{\theta} \sqrt{(1+\cos t)^2 + (-\sin t)^2} dt$$

$$= \int_0^{\theta} 2\cos \frac{t}{2} dt$$

$$= 4\sin \frac{\theta}{2} + 5$$

$$\sin \frac{\theta}{2} = \frac{s}{4} \implies \sin \theta = 2 \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2} = 2 \times \frac{s}{4} \sqrt{1 - \frac{s^2}{16}} = \frac{s}{2} \sqrt{1 - \frac{s^2}{16}},$$

$$\cos \theta = 1 - 2 \sin^2 \frac{\theta}{2} = 1 - \frac{s^2}{8}$$

$$\Rightarrow P(s) = P(s) = P(s) = (1 + cos \theta) \cos \theta = (2 - \frac{s^2}{8}) (1 - \frac{s^2}{8})_{1} + 5$$

$$Q(s) = P(s) = (1 + cos \theta) \sin \theta = (2 - \frac{s^2}{8}) \frac{S}{2} \sqrt{1 - \frac{S^2}{16}}$$

$$= S(1 - \frac{S^2}{16})^{\frac{3}{2}}$$

$$\Rightarrow$$
 $9(s) = S^{2} \left(1 - \frac{s^{2}}{16}\right)^{3}_{1+5}$

- 채점기준
- S(θ), S의 범위, P(S), Q(S) 각 5점
- P(s), P(s)를 O로 나타내거나, arcsin 등을 사용해서 다항식 꼴로 나타내지 못한 경우 점수 없음

#9.

$$X'(t) = (-Sint, (ost, 1) 0 므로 | X'(t)| = \sqrt{2} olf$$

따라서 나선의 길량 = $\int_{-\pi}^{\pi} f(t) \cdot \sqrt{2} dt = \int_{-\pi}^{\pi} \sqrt{2} t^2 dt = \frac{2\sqrt{2}}{3} \pi^3$

$$\bar{\chi} = \frac{1}{m} \int_{-\pi}^{\pi} (\cos t \cdot t^2 - \sqrt{2}) dt = -\frac{6}{\pi^2} (47a)$$

$$y = \frac{1}{m} \int_{-\pi}^{\pi} \sin t \cdot t^2 \int z \, dt = 0$$
 (471)

$$\bar{Z} = \frac{1}{m} \int_{-\pi}^{\pi} t \cdot t^2 \int_{\pi} dt = 0$$
(474)

く対なったう

- · 나선의 질량이 틸리타라도 고, 및, 코의 정의에 따라 잘구한 경우는 고, 및, 코의 잠수인집.
- (단. (조만 장의를 잘못써서 구한경우 잠유.)
- . 미침성에 대한 틀린논리를 사용한 경우 접수 다음.

: 접혹원의 방정식 X2+(y+3)2=41 +5정

< 체정1년 >

사용하면 목률벡터 정수 X

· 곡물벡터 k(t)가 틀렸다. 구한 k(t)로 접촉원의 방정식을 맛게 구한 경우 <u>+10월</u>.