## 019 - 여르 수학1

$$\left(Q\right) \sum_{n=3}^{\infty} \left(\frac{n-1}{4^{n}}\right)^{n} \left(\frac{n-1}{n-2}\right)^{n-1}$$

Sol) 
$$Q_n = \left(\frac{n-1}{4n}\right)^n \left(\frac{n-1}{n-1}\right)^{n^2} \cdot |2| + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}, \quad Q_n > 0 \quad (n \ge 3)$$

$$\lim_{n\to\infty} \sqrt[n]{a_n} = \lim_{n\to\infty} \left(\frac{n-1}{4n}\right) \left(\frac{n-1}{n-2}\right)^n = \lim_{n\to\infty} \left(\frac{n-1}{4n}\right) \left(1-\frac{1}{n-2}\right)^{n-2} \cdot \left(1-\frac{1}{n-2}\right)^2$$

$$=\frac{1}{4} \cdot e \cdot 1 = \frac{e}{4} < 1$$

sol) 
$$\lim_{n\to\infty} \frac{\frac{1}{n}}{\frac{(\log n)^{1/2}}{(\log n)^{1/2}}} = \lim_{n\to\infty} \frac{\frac{1}{n}}{\tanh \frac{1}{n}} = |0| \frac{n}{2}$$

구한비교단정법에 의해 
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{\tanh \frac{1}{n}}{(\log n)^{1/2}}$$
 라  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n(\log n)^{1/2}}$ 의 수경성이 같다.

$$f(x) = \frac{1}{\chi(\log x)^{1/2}} + \frac{1}{2} f(x) > 0, f(x) = \frac{1}{\chi(\log x)^{1/2}} (x \ge 2 \text{ and})$$

$$\int_{2}^{\infty} f(x) dx = \int_{2}^{\infty} \frac{1}{\chi(\log x)^{1/2}} dx = \left[ \frac{1}{-0.2} (\log x)^{-0.2} \right]_{2}^{\infty} < \infty \text{ and.}$$

(c) 
$$\sum_{n=4}^{\infty} \frac{1}{n \log(n!-2^{n-1})}$$

$$|a_{n}|^{2} = \frac{1}{n \log (n! - 2^{n-1})} = \frac{1}{n \log (n! - 2^{n-1})} = \frac{1}{n \log 2^{n-1}} = \frac{1}{n \log 2^{n-1}}$$

$$(q) \sum_{\infty}^{n=1} \frac{u_{\nu}}{3_{\nu} \cdot u_{\nu}}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{Q_{n+1}}{Q_{n}} = \lim_{n \to \infty} \frac{\frac{3^{n}(n+1)!}{(n+1)^{n+1}}}{\frac{3^{n} \cdot n!}{n^{n}}} = \lim_{n \to \infty} \frac{3 \cdot (n+1) \cdot n^{n}}{(n+1)^{n+1}} = \lim_{n \to \infty} \frac{3}{(1+\frac{1}{n})^{n}} = \frac{3}{e} > 1$$

비울단정법에 의해 방산

채성기원)

잘못된 논리를 자용하거나 답이 틀린 경우 0정 부분정수 없음.

2. (a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{1}{n} \sin \frac{1}{n}\right) x^n$$

sol) 
$$Q_n = (-1)^n \cdot \frac{1}{n} \sin \frac{1}{n} = |2| \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{7}$$

$$\lim_{n\to\infty} \left| \frac{\alpha_{n+1}}{\alpha_n} \right| = \lim_{n\to\infty} \frac{\left| \frac{(-1)^{n+1} - \overline{sin} \cdot \overline{h}}{h} \right|}{\left| \frac{(-1)^n + \overline{sin} \cdot \overline{h}}{h} \right|} = \lim_{n\to\infty} \frac{n}{n+1} \cdot \frac{\overline{sin} \cdot \overline{h}}{\frac{1}{n+1}} \cdot \frac{1}{\overline{sin} \cdot \overline{h}} \cdot \frac{1}{\overline{h}} = 1$$

따라서 수명반경=1.1+4

$$2 = -1 2 = 1$$
.  $\frac{1}{n} \sin \frac{1}{n} > 0 = 1$ .  $\frac{1}{n} \sin \frac{1}{n} \le \frac{1}{n} \cdot \frac{1}{n} = \frac{1}{n^2}$ .

$$x=1$$
인대  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n} \sin \frac{1}{n}$  은 전대수녕하고 수가 +3 많은  $-1 \le x \le 1$ 

게정기를) 모대급수 정기를 실 점수 조건(a, a, 1<0, la, 1>1a, 1, lim a, =) 체크 반찬기 0정.

(b) 
$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-3)^n x^n}{\sqrt{n+1}}$$

sol) 
$$Q_{\Lambda} = \frac{(-3)^{n}}{\sqrt{n+1}}$$
 of  $2(-\frac{7}{2})^{\frac{1}{2}}$ .

$$\lim_{n\to\infty} \left| \frac{Q_{n+1}}{Q_{\Lambda}} \right| = \lim_{n\to\infty} \frac{\left| \frac{(-3)^{n}}{\sqrt{n+1}} \right|}{\left| \frac{(-3)^{n}}{\sqrt{n+1}} \right|} = \lim_{n\to\infty} 3 \cdot \frac{\sqrt{n+1}}{\sqrt{n+2}} = 3$$

고대급수 생기에 기해 수업 1 +3

$$\chi = -\frac{1}{3}$$
일때, 주어진 7등제공라 =  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n+1}}$ 

$$X = -\frac{1}{3} \stackrel{?}{!} \text{CM}, \quad \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{def}}{!} = \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{def}}{!} = \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{def}}{!} = \stackrel{\text{def}}{!} \stackrel{\text{de$$

비고단정법이 의해 발化 +2

채정기준) 고대급수 정기를 본때 세가지 조건을 제고하지 않을 경우 O점.

3. 
$$\sum_{n=0}^{\infty} \int_{n}^{n+1} \frac{1}{1+n^{2}} dx = ?$$

$$\int_{n}^{n+1} \frac{1}{1+n^{2}} dx = \operatorname{Arcton}(n+1) - \operatorname{Arctan}(n) d^{2}$$

$$= \operatorname{Arcton}(n+1) - \operatorname{Arctan}(n) d^{2}$$

$$= \sum_{k=0}^{\infty} \int_{k}^{k+1} \frac{1}{1+n^{2}} dx = (\operatorname{Arcton}(1-\operatorname{Arctan}(n)) + (\operatorname{Arctan}(n+1) - \operatorname{Arctan}(n)) + (\operatorname{Arctan}(n+1) - \operatorname{Arctan}(n))$$

$$= \operatorname{Arctan}(n+1)$$

$$\lim_{n\to\infty} \operatorname{Orctan}(n+1) = \frac{\pi}{2}$$

$$\frac{\int_{n=0}^{\infty} \int_{n}^{n+1} \frac{1}{1+n^2} dn = \frac{\pi}{2}.$$

4. 
$$f(x) = 3c \arctan 3c - \frac{1}{2} \log 3c$$
  

$$\Rightarrow f'(x) = \arctan 3c + \frac{3c}{1+x^2} - \frac{1}{2x}$$

$$= \arctan 3c + \frac{3c^2 - 1}{2x(1+x^2)}$$

$$x \ge 1$$
 에서  $\arctan x > 0$ ,  $\frac{x^2-1}{2x(1+x^2)} \ge 0$  이므로  $f'(xy) > 0$  이다.  
 $\Rightarrow [1,\infty)$ 에서  $f'(xy) \ne 0$  이므로 역타수 정리에 의해  
 $x = 9(y)$ 가  $[1,\infty)$ 에서 존재한다.

$$f(1) = \frac{\pi}{4} \text{ oluse } 9(\frac{\pi}{4}) = |\text{oluse } 7$$

$$f'(x) = \arctan x + \frac{x}{|+x^2|} - \frac{1}{2x},$$

$$f''(x) = \frac{1}{|+x^2|} + \frac{(|+x^2|)^2 + 1}{(|+x^2|)^2} + \frac{1}{2x^2}$$

$$= \frac{2}{(|+x^2|)^2} + \frac{1}{2x^2} \text{ oluse } 7$$

$$f''(1) = \frac{\pi}{4}, f''(1) = |\text{oluse } 7$$

$$f(g(x)) = x$$

$$\Rightarrow f'(900) g'(20) = 1,$$

$$f''(900) (g'(20))^{2} + f'(900) g''(20) = 0$$

$$\Rightarrow 9'(\frac{\pi}{4}) = \frac{1}{f'(9(\frac{\pi}{4}))} = \frac{1}{f'(1)} = \frac{4}{\pi} \int_{-1}^{1} +5$$

$$9''(\frac{\pi}{4}) = -\frac{f''(9(\frac{\pi}{4}))}{f'(9(\frac{\pi}{4}))} (9'(\frac{\pi}{4}))^{2} = -\frac{f''(1)}{f'(1)} (\frac{4}{\pi})^{2} = -\frac{64}{\pi^{3}} +5$$

채점기준

- 역함수 존재성, 9'(즉), 9"(즉) 각 5점.
- 역 함수 존재성에서 f'(xx)≥0 이라고 쓴 경우 점수 없음,

(a) 
$$\lim_{x\to 0+} (1+x)^{\cot x} = \lim_{x\to 0+} (1+x)^{\frac{1}{x}} \cdot \frac{x}{\tan x} = e^{1} = e^{-1} + 5$$

or  $\lim_{x\to 0+} \log (1+x)^{\cot x}$ 

$$= \lim_{x\to 0+} (\log (1+x)^{\cot x}) \cdot (\log (1+x)^{\cot x})$$

$$= \lim_{x\to 0+} \frac{\log (1+x)}{\tan x} = \lim_{x\to 0+} \frac{\log (1+x)}{\sec^{2}x \cdot (1+x)^{\cot x}} = e^{-1} + 2$$

$$= \lim_{x\to 0+} \frac{\log (1+x)^{\cot x}}{\cot x} = e^{-1} + 3$$

(b). 
$$\lim_{x\to 0} \frac{1}{x} \frac{1-oshz}{sinhx} = \lim_{x\to 0} \frac{-sinhx}{sinhzt + xoshzt}$$

$$= \lim_{z\to 0} \frac{-coshzt}{2coshzt + sinhzt} = -\frac{1}{2} \int_{x\to 0}^{x\to 0} \frac{-f(x)}{2coshzt} = -\frac{1}{2} \int_{x\to 0}^{x\to 0} \frac{-f(x)}$$

※ 균실 이후보 감다, 본격 모급가 없고 당기 말라야 +(O. ※ 당기 왓데 유로과정에 이번 모급가 있다면 ~3, 과정이 모두 말고 당에 받음 일구가 있으면 ~3

6. (a).

[Ist] 
$$f(x) = \int_{0}^{x} \frac{de}{1+5+6e^{2}} = \int_{0}^{x} \frac{3}{3eH} - \frac{2}{2eH}de$$
.

$$\frac{3}{1+3e} = 3\int_{0}^{\infty} (-3e)^{n} (|e| < \frac{1}{3})$$

$$= \frac{2e}{1+3e}(-1)^{n} \cdot 2^{nH} \cdot e^{n}$$

$$\frac{2}{1+2e} = \frac{2e}{1+2e}(-1)^{n} \cdot 2^{nH} \cdot e^{n} (|e| < \frac{1}{2})$$

$$f(x) = \frac{2e}{1+2e} \frac{(-1)^{n}}{1+1} \left[ 3^{nH} - 2^{nH} \right] x^{nH} / (|x| < \frac{1}{3}) |+ (0)$$

$$\therefore (-3f(x) = x - \frac{1}{3}x^{2} + \frac{19}{3}x^{3} / + 5.$$

$$[Ind] \frac{1}{1+5x+6x^{2}} = \frac{1}{1-(-5x-6x^{2})} + (-5x-6x^{2})^{2} + \cdots$$

$$\frac{2e}{1+3e} \frac{1}{1+5x+6x^{2}} = \frac{1}{1-(-5x-6x^{2})} + (-5x-6x^{2})^{2} + \cdots$$

$$\frac{2e}{1+5x+6x^{2}} \frac{1}{3}x^{3} / + 5.$$

$$[Ind] \frac{1}{1+5x+6x^{2}} = \frac{1}{1-(-5x-6x^{2})} + (-5x-6x^{2})^{2} + \cdots$$

$$\frac{2e}{1+5x+6x^{2}} \frac{1}{3}x^{3} / + 5.$$

$$\frac{1}{1+5x+6x^{2}} \frac{1}{3}x^{3} + 5.$$

$$\frac{1}{1+5x+6x^{2}} \frac{1}{3}x^{3} / + 5.$$

$$\frac{1}{1+5x+6x^{2}} \frac{1}{3}$$

こてるひょ スーラス2+号パ (かんら ラな)

次 时号7件是 모두 구하고 鞍27억호 CF지 명은7号우 ─3.

(b). [IST]  $\alpha_{14}$ ,  $f(x) \in \mathbb{Z}$   $\alpha_{14}$ ,  $f(x) \in \mathbb{Z}$   $\alpha_{14}$ ,  $|R_{2}(0,1)| \leq \frac{19}{3} \cdot 0.1^{3} < 7 \cdot 0.1^{3} = \frac{7}{1000}$ .  $|R_{2}(0,1)| \leq \frac{19}{3} \cdot 0.1 - \frac{5}{2}(0.1)^{2}$ .  $|R_{3}(0,1)| \leq \frac{19}{3} \cdot 0.1 - \frac{5}{2}(0.1)^{2}$ .

※ ENRY 정기를 명하여 오차에 포한 참인 명제를 제우면 3월. 실제3 Max 4 Upper bound를 구하여 오차까지 맣게 구하면 40종, ※ 공항값 조지 성은 경우 -2.

X (SAME) DOI OF BUSIN SON SEPTE -2.

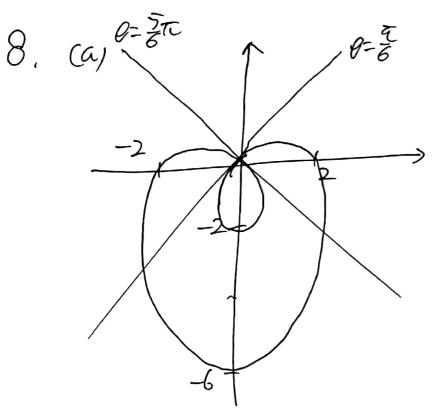
7. 
$$\int_{0}^{\infty} \frac{\sinh t}{t} dt = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\chi^{2n+1}}{(2n+1)!} \quad (\forall x \in \mathbb{R}).$$

$$R_{2n}(1) = \frac{\int_{-\infty}^{\infty} (2n+1)(x+1)}{(2n+1)}$$

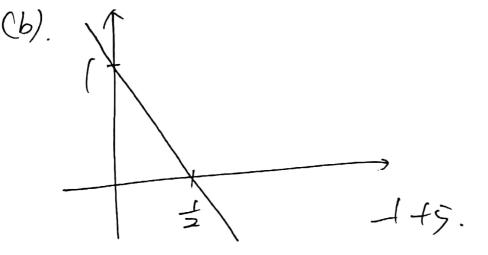
$$\int (2nH)(34) = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\chi^{2k}}{(2n+1+2k)(2k)!}$$

$$\leq \frac{2h}{\log (2n+1)(2k)!} = \frac{\cosh x}{2n+1} \sqrt{\frac{2}{2}}$$

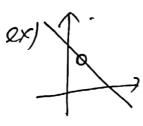
$$R_{2n}(1) \leq \frac{\cosh x}{(2n+1)!} < \frac{\cosh 1}{(2n+1)!}$$



兴阳的 5弦, 3至 5弦 (部里) 三州 46 一岁)



·X arctan(-2)=0 2 强 知明 -2.



무절 아삼 제일하면 이정.

$$Y^{2} = \chi^{2} + Y^{2} = 4 l^{2} / 2$$

$$Z^{2} = \frac{3}{4} l^{2} -3Y^{2} = 2^{2} -0$$

$$\begin{array}{l}
(1 + 2) = (2) \\
(1 + 2) = (2) \\
(1 + 2) = (2)
\end{array}$$

$$\begin{array}{l}
(1 + 2) = (2) \\
(2 + 2) = (2)
\end{array}$$

## 二、可到到智能 {(13,9,3) 05052元{(1{(0,0,0)?)

- 는 그림을 어려게 고경의 전함이 될다 윤경원을 보이고, 이 윤일: Y=3, 모=53 으로 표현해도 인정 ※윤경 연급 없으면 -3. 원기당 작품계로 표현하지 않으면 -3