– Typeset by GMNI & Foil $\mathrm{T}_{E}\!\mathrm{X}$ –

TUTORIAL DE MATLAB

J. París, H. Gómez, F. Navarrina, I. Colominas, X. Nogueira, M. Casteleiro



CÁLCULO NUMÉRICO

Departamento de Métodos Matemáticos y de Representación Escuela Técnica Superior de Ingenieros de Caminos, Canales y Puertos Universidade da Coruña





Tutorial de Matlab 7.0

- ► Introducción
- ► Entorno de trabajo
- ► Variables en Matlab
- ▶ Operaciones básicas
- ▶ Dibujo de funciones en 2D y 3D
- ► Programación en Matlab
- ► Ayuda de Matlab
- ► Ejemplos prácticos





Introducción

- Matlab es el nombre abreviado de Matrix Laboratory
- Es un programa que permite realizar cálculos con matrices y vectores
- ♥ También permite realizar gráficos de forma sencilla
- O Dispone de lenguaje de Programación propio
- No se utilizará en la asignatura como lenguaje de programación
- El programa del trabajo de curso debe hacerse en lenguaje Fortran





Entorno de trabajo (I)

► El entorno de trabajo presenta tres ventanas:

"Launch Pad" Ventana que da acceso a todos

los módulos de Matlab

"Workspace" Contiene e indica todas las variables

de cada sección

"Command window" Ventana donde se introducen los

comandos de ejecución

"Command history" Muestra las últimas instrucciones

ejecutadas en la ventana de

comandos

"Current directory" Indica el directorio actual de

trabajo donde se encuentran

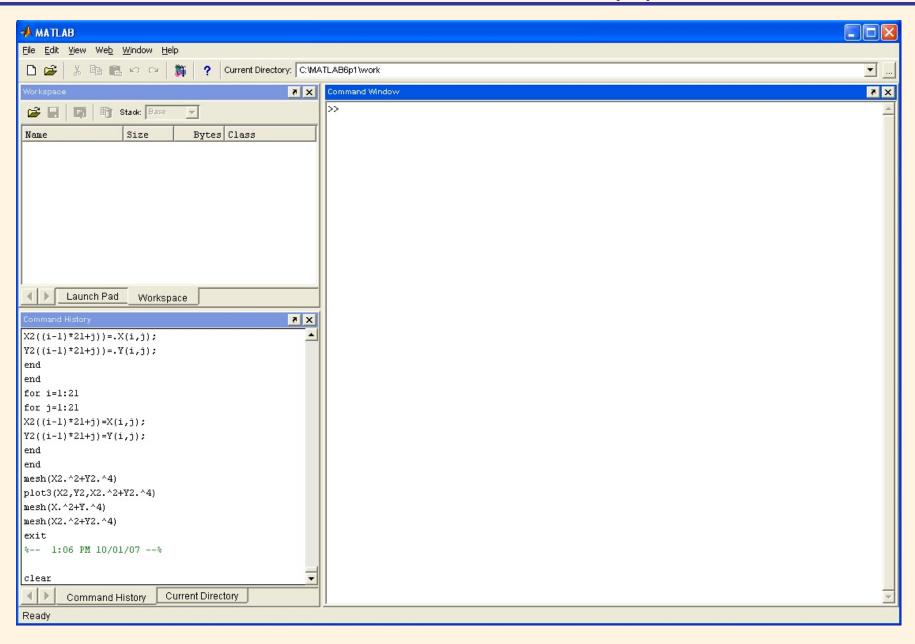
programas y funciones





Entorno de trabajo (II)

Tutorial de Matlab







Entorno de trabajo (III)

Comandos básicos

clear: elimina las variables almacenadas

anteriormente

clc: elimina todas las salidas anteriores y

limpia la ventana de comandos

home: limpia la ventana de comandos

clear all: borra todas las variables

En Matlab existen dos formas principales de trabajar

- De modo interactivo sobre la ventana de comandos
- A través de scripts (archivos *.m)
- ► La forma más sencilla de trabajar es de modo interactivo
- ▶ Si se desean hacer pequeños programas o aplicaciones se recomienda crear scripts (*.m)





Variables en Matlab

Variables

- Todas las variables numéricas se almacenan como reales en doble precisión (8 bytes)
- La forma de representación por pantalla puede ser de tipo:

short: Coma fija con 4 decimales (defecto)

long: Coma fija con 15 decimales

hex: Cifras hexadecimales

bank: números con 2 decimales

short e: notación científica, 4 decimales

short g: notación científica o decimal, dependiendo del valor

long e: notación científica, 15 decimales

long g: notación científica o decimal, dependiendo del valor

rat: números racionales como cociente de enteros

- Para cambiar el formato de los números: >> format "formato"
- Las líneas que comienzan por "%" son comentarios
- Las líneas que finalizan con ";" no muestran resultados por pantalla





Operaciones básicas

Definición de vectores

>>
$$x=[10\ 20\ 30] \rightarrow (10\ 20\ 30)$$

>> x=[10; 20; 30]
$$\rightarrow \begin{pmatrix} 10 \\ 20 \\ 30 \end{pmatrix}$$

Definición de matrices

>> x=[10 20 30]
$$\rightarrow$$
(10 20 30) >> A=[1 2 3]; [4 5 6] \rightarrow $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$ >> x=[10; 20; 30] \rightarrow $\begin{pmatrix} 10 \\ 20 \\ 30 \end{pmatrix}$ >> A=[[1 2 3]; [4 5 6]] \rightarrow $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$

Operadores algebraicos

- Suma Producto elemento a elemento
- Resta ./: División derecha elemento a elemento
 * Multiplicación .\: División izquierda elemento a elemento
- ' Transpuesta . ^: Potencia elemento a elemento Potencia
- \ División izqda. \rightarrow x=A\b \Rightarrow x=inv(A)*b
- División dcha.

Operador ": " Representa de forma general un rango

$$x=1:2:9 \rightarrow x=(1 \ 3 \ 5 \ 7 \ 9)$$

 $x=A(:,2) \rightarrow almacena en el vector x la segunda columna de la matriz A$





Dibujo de funciones en 2D y 3D (I)

Gráficos 2D

- ► Comandos de dibujo:
 - plot(): Crea un gráfico con ejes lineales
 - loglog(): Crea un gráfico con escala logarítmica en los ejes coordenados
 - semilogx(): Crea un gráfico con escala logarítmica en el eje x
 - semilogy(): Crea un gráfico con escala logarítmica en el eje y
 - close: Cierra la ventana gráfica anterior
- ► Ejemplos:
 - plot(A): Dibuja una curva representando los valores de las columnas de la matriz A en ordenadas frente al índice del elemento en abscisas
 - plot(x,A): Igual que el anterior, pero en abscisas utiliza los valores de x
 - plot(A,B): Dibuja las funciones obtenidas de representar en ordenadas las columnas de B y en abscisas las columnas de A





Dibujo de funciones en 2D y 3D (II)

Complementos del dibujo:

• title('titulo')

• xlabel('etiqueta eje x')

• ylabel('etiqueta eje y')

• axis('square')

• axis([xmin,xmax,ymin,ymax])

Introduce un título en el gráfico dibujado anteriormente

Introduce una etiqueta para las variables del eje x

Idem que el anterior para el eje y

Genera un gráfico cuadrado

Genera un gráfico con los límites que se indican en los ejes

▶ Otras funciones gráficas:

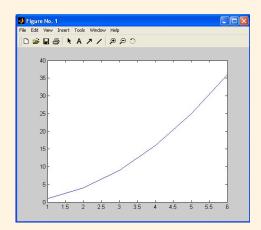
- bar(x) Genera un diagrama de barras con el vector x
- pie(x) Genera un diagrama de sectores circulares
- hist(x) Dibuja un histograma con el vector x en 3D
- rose(x) Dibuja un histograma de (ángulos en radianes)

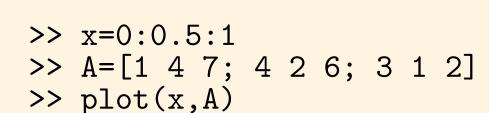


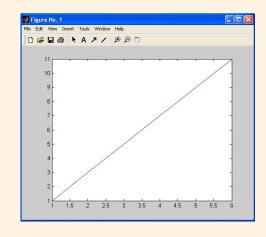


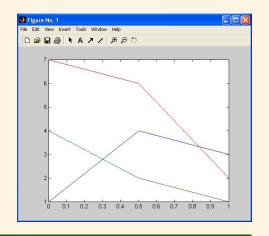
Dibujo de funciones en 2D y 3D (III)

Ejemplos prácticos:













Dibujo de funciones en 2D y 3D (IV)

► Comandos de dibujo de funciones

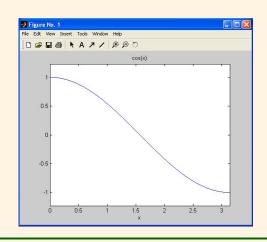
ezplot(f,a,b):

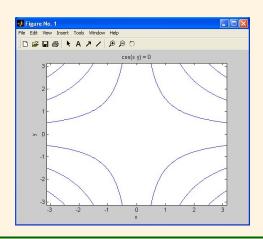
ezplot(f,[xmin,xmax,ymin,ymax]

Dibuja la función f(x) en el intervalo $a \le x \le b$ Si se omite el intervalo, por defecto es $-2\pi \le x \le 2\pi$ Dibuja la función f(x,y)=0 en el intervalo $x = x \le x \le 2\pi$ en el intervalo $x = x \le x \le 2\pi$ $x = x \le 2\pi$

Ejemplos:

>> ezplot('cos(x)',0,pi) >> ezplot('cos(x*y)',[-pi,pi,-pi,pi])









Dibujo de funciones en 2D y 3D (V)

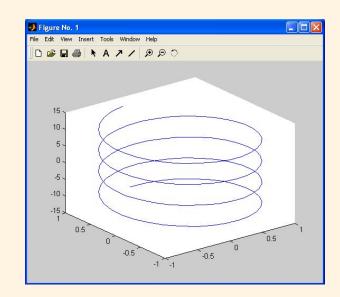
Gráficos 3D

► Comandos de dibujo de líneas 3D

plot3(x,y,z): Dibuja la función que pasa por los puntos de coordenadas x, y, z

Por ejemplo,

```
>> x=[-4*pi:0.1:4*pi];
>> plot3(sin(x),cos(x),x)
```







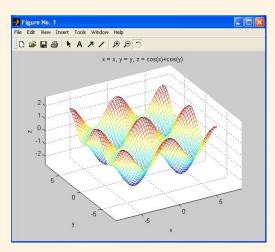
Dibujo de funciones en 2D y 3D (VI)

► Comandos de dibujo de funciones en 3D

ezmesh(x,y,z,[smin,smax,tmin,tmax])

Dibuja la superficie de coordenadas (x,y,z) siendo x=x(s,t), y=(s,t), z=z(s,t) De modo similar se pueden utilizar las funciones ezsurf y ezcontour Ejemplo:

>> ezmesh('x','y','cos(x)+cos(y)',[-2*pi,2*pi,-2*pi,2*pi])







Dibujo de funciones en 2D y 3D (VII)

► Generación de mallas de puntos equiespaciados

meshgrid Genera una malla rectangular de puntos a partir de las coordenadas de puntos en x y en y

Por ejemplo,

- >> x=-2:0.2:2; y=x
- >> [X,Y]=meshgrid(x,y)
- ► Comandos de dibujo de superficies 3D

mesh(Z) genera una malla en modo alámbrico en 3D

con la función Z a partir de la malla original

surf(Z) genera una superficie 3D con la función

Z a partir de la malla original

contour(Z) genera una imagen bidimensional

con las curvas de nivel correspondientes

a la superficie tridimensional



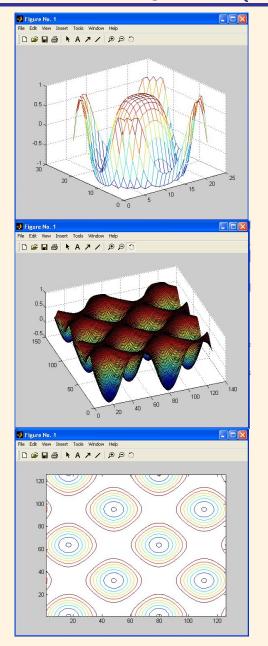


Dibujo de funciones en 2D y 3D (VIII)

Por ejemplo,

```
>> x=-2:0.1:2; y=x;
>> [X,Y]=meshgrid(x,y);
>> Z = cos(X.^2+Y.^2);
>> mesh(Z)
>> x=-2*pi:0.1:2*pi; y=x;
>> [X,Y]=meshgrid(x,y);
>> Z=\cos(\sin(X)+\cos(Y));
>> surf(Z)
>> x=-2*pi:0.1:2*pi; y=x;
>> [X,Y]=meshgrid(x,y);
>> Z=cos(sin(X)+cos(Y));
```

>> contour(Z)







Programación en Matlab (I)

- Además de las operaciones de modo interactivo podemos crear programas
- ▶ Los programas en Matlab se definen como secuencias de operaciones (script)
- ► El código de programación se implementa en archivos *.m
- ► La ejecución de los programas se realiza:
 - Seleccionando el directorio que contiene el programa como directorio de trabajo
 - Ejecutar el archivo *.m tecleando su nombre en la línea de comandos.
- Además los programas pueden llamar a funciones (archivos *.m) que actúan como subrutinas
- ► Estas funciones pueden utilizarse en numerosas ocasiones dentro de un programa





Programación en Matlab (II)

Funciones en Matlab

```
function [variables_salida] = nombre_función (variables_entrada)
...
comandos
...
return

Por ejemplo,
function z=modulo(x,y)
z=sqrt(x*x+y*y)
return
```

Guardado en un archivo de nombre "modulo.m"

- Para llamar a una función desde un archivo de comandos (*.m):
 - >> [variables_salida] = nombre_función (variables_entrada)





Sentencias de Programación (I)

IF Realiza las sentencias cuando se cumplan las condiciones establecidas

```
if condición_1
    sentencia_1
    elseif condición_2
    sentencia_2
    else
    sentencia_por_defecto
end

if A==B
    print*,A
else
    print*,B
else
    print*,B
end
```

- Operadores relacionales
 - < menor que (elemento a elemento)</p>
 - > mayor que (elemento a elemento)
 - <= menor o igual que (elemento a elemento)</p>
 - >= mayor o igual que (elemento a elemento)
 - == igual elemento a elemento (elemento a elemento)
 - ~= distinto elemento a elemento (elemento a elemento)





Sentencias de Programación (II)

Repite un conjunto de sentencias un número determinado de veces

for i=1:nsentencia 1 end

for ind=1:10x(ind)=ind*ind;end

WHILE | Repite un conjunto de sentencias mientras se cumpla la condición

while condicion sentencia end

ind=1; while ind<=1000 disp(x(ind)); ind=ind+1; end

BREAK

Termina la ejecución del bucle más interno

CONTINUE

Salta a la siguiente iteración del bucle





Entrada y salida de datos (I)

Entrada y salida de datos por pantalla

input Permite escribir un mensaje en la línea de comandos y recibir el valor de una variable

>> n=input('Indique el numero de puntos')

disp Permite representar mensajes o variables por pantalla
>> disp('Solucion alcanzada')

Formatos de salida de variables:

%s cadenas de caracteres. Por ejemplo, %10s

%d número enteros. Por ejemplo, %5d

%f números en coma flotante. Por ejemplo, %10.4f

%lf números en doble precisión. Por ejemplo, %10.4lf





Entrada y salida de datos (II)

Lectura y escritura de ficheros

fopen: Abre un archivo para leer o escribir datos

>> [log_unidad, texto_error] = fopen('nombre_archivo', permisos)

 log_unidad $texto_error$ $nombre_archivo$

permisos

variable que almacena el número de unidad lógica variable de texto que guardará mensajes de error si los hay nombre del archivo ASCII incluida su extensión

'r' lectura

'w' escritura

'a' escritura a continuación de lo ya existente

'r+' lectura y escritura

fclose: Cierra un archivo abierto

>> [texto_error] = fclose(log_unidad)





Entrada y salida de datos (III)

Funciones de lectura y escritura en archivo ASCII

fscanf: lee datos de un archivo previamente abierto

[var1, var2, ...] =fscanf(log_unidad , ' $cadena_de_control$ ', $tama\~no$)

var1, var2, ... $cadena_de_control$ $tama\~no$

son las variables en las que se almacenan los datos indica los formatos de las variables que se van a leer (opcional) tamaño de las variables a leer

Ejemplo: >> [x,y,z]=fscanf(log_unit1,'%10.4f,%10.4f,%10.4f',3)

fprintf: escribe datos en un archivo previamente abierto

fprintf(log_unidad,'cadena_de_control',var1, var2, ...)

Ejemplo: >> fprintf(log_unit2,'%10.4f,%10.4f,%10.4f',x,y,z)





Ayuda de Matlab

La ayuda de Matlab puede activarse mediante:

>> help tópico

Por ejemplo, >> help plot3

Para obtener más información:

- Colección: "Aprenda Matlab como si estuviera en Primero"
 Javier García de Jalón
- "Análisis Numérico y visualización gráfica con Matlab"
 Shoichiro Nakamura. Ed. Pearson Educación





Ejemplos prácticos (I)

Archivo de datos y dibujo de superficie (datos1.txt, malla1.m)

4 7

```
0.00000E+00 0.39250E+00 0.78500E+00 0.11775E+01 0.15700E+01
0.00000E+00 0.00000E+00 0.00000E+00 0.00000E+00 0.00000E+00
0.44857E+00 0.44857E+00 0.44857E+00 0.44857E+00 0.44857E+00
0.89714E+00 0.89714E+00 0.89714E+00 0.89714E+00
0.13457E+01 0.13457E+01 0.13457E+01 0.13457E+01 0.13457E+01
0.17943E+01 0.17943E+01 0.17943E+01 0.17943E+01 0.17943E+01
0.22429E+01 0.22429E+01 0.22429E+01 0.22429E+01 0.22429E+01
0.26914E+01 0.26914E+01 0.26914E+01 0.26914E+01 0.26914E+01
0.31400E+01 0.31400E+01 0.31400E+01 0.31400E+01 0.31400E+01
0.20000E+01 0.19240E+01 0.17074E+01 0.13832E+01 0.10008E+01
0.19011E+01 0.18250E+01 0.16085E+01 0.12843E+01 0.90186E+00
0.16238E+01 0.15478E+01 0.13312E+01 0.10071E+01 0.62464E+00
0.12232E+01 0.11471E+01 0.93057E+00 0.60642E+00 0.22398E+00
0.77837E+00 0.70232E+00 0.48575E+00 0.16160E+00-0.22084E+00
0.37740E+00 0.30136E+00 0.84788E-01-0.23936E+00-0.62180E+00
0.99624E-01 0.23580E-01-0.19299E+00-0.51714E+00-0.89958E+00
0.12683E-05-0.76043E-01-0.29261E+00-0.61676E+00-0.99920E+00
```

```
[fi,txterr]=fopen('datos1.txt','r');
[n] = fscanf(fi, \%5d', 2);
nx=n(1):
ny=n(2);
fscanf(fi,'%s',0);
for i=1:(ny+1)
  [a] = fscanf(fi,'%f',nx+1);
  AX(i.:)=a':
end
fscanf(fi,'%s',0);
for i=1:(nv+1)
  [a]=fscanf(fi,'%f',nx+1);
  BX(i,:)=a';
end
fscanf(fi,'%s',0);
for i=1:(nv+1)
  [a] = fscanf(fi, '%f', nx+1);
  CX(i,:)=a';
st=fclose(fi):
surf(AX,BX,CX);
axis('normal')
```





Ejemplos prácticos (II)

Lectura de archivo y dibujo de funciones (datos2.txt, malla2.m)

```
6
      3
0.00000E+00
                                   clear
0.523333E+00
                                   [fi,txterr]=fopen('datos2.txt','r');
0.104667E+01
0.157000E+01
                                   [n]=fscanf(fi,'%5d',2);
0.209333E+01
                                   nx=n(1);
0.261667E+01
                                   nf=n(2):
0.314000E+01
                                   fscanf(fi, '%s', 0);
0.00000E+00
0.499770E+00
                                   for j=1:nx+1
0.865760E+00
                                      [x(j)] = fscanf(fi, '%f', 1);
0.100000E+01
0.866556E+00
                                   end
0.501149E+00
                                   fscanf(fi, '%s',0);
0.159265E-02
0.00000E+00
                                   for i=1:nf
                                     for j=1:nx+1
0.999540E+00
                                        [CX(j,i)]=fscanf(fi,'%f',1);
0.173152E+01
0.200000E+01
                                     fscanf(fi,'%s',0);
0.173311E+01
0.100230E+01
                                   end
0.318531E-02
                                   st=fclose(fi):
0.00000E+00
0.149931E+01
                                   plot(x,CX);
                                   axis([0,x(nx+1),-(nf+1),nf+1]);
0.259728E+01
0.300000E+01
                                   title('Dibujo de funciones seno(x)');
0.259967E+01
                                   xlabel('Posicion x');
                                   ylabel('Amplitud');
0.150345E+01
0.477796E-02
```





Ejemplos prácticos (III)

Lectura de archivo y dibujo de superficies (datos3.txt, malla3.m)

```
5
0.396633E-12
                0.793266E-12
                               0.118990E-11
-0.951057E+00
               -0.190211E+01
                              -0.285317E+01
-0.587780E+00 -0.117556E+01
                              -0.176334E+01
0.587792E+00
                0.117558E+01
                               0.176338E+01
0.951053E+00
                0.190211E+01
                               0.285316E+01
-0.146928E-04
               -0.293856E-04
                               -0.440785E-04
0.100000E+01
                0.200000E+01
                               0.300000E+01
0.309014E+00
                0.618028E+00
                               0.927043E+00
               -0.161804E+01
                               -0.242706E+01
-0.809020E+00
-0.809012E+00
               -0.161802E+01
                               -0.242704E+01
0.309028E+00
                0.618056E+00
                               0.927085E+00
0.100000E+01
                0.200000E+01
                                0.300000E+01
0.157080E+01
                0.314159E+01
                               0.471239E+01
0.282744E+01
                0.565487E+01
                                0.848231E+01
0.408408E+01
                0.816815E+01
                               0.122522E+02
0.534072E+01
                0.106814E+02
                               0.160221E+02
0.659736E+01
                0.131947E+02
                                0.197921E+02
0.785400E+01
                0.157080E+02
                               0.235620E+02
```

```
clear
[fi,txterr]=fopen('datos3.txt','r');
[n]=fscanf(fi,'%5d',2);
nr=n(1);
nt=n(2);
fscanf(fi,'%s',0);
for j=1:nt+1
  [a]=fscanf(fi,'%f',nr+1);
  AX(j,:)=a';
end
fscanf(fi, '%s', 0);
for j=1:nt+1
  [a] = fscanf(fi, '%f', nr+1);
  BX(j,:)=a';
end
fscanf(fi,'%s',0);
for j=1:nt+1
  [a]=fscanf(fi,'%f',nr+1);
  CX(i,:)=a';
end
st=fclose(fi);
surf(AX.BX.CX):
title('Dibujo de helice');
```

