CPE 721 – RNs Feedforward 3a Série de Exercícios - Treinamento BP

Obs: O objetivo da série de exercícios é a fixação do aprendizado. A série pode ser feita em grupo, mas é importante que cada um tente achar as soluções individualmente antes do trabalho em grupo.

1-A função logística L(u) também é utilizada como função de ativação em redes neurais feedforward. Escreva a relação entre as funções de ativação logística L(u) e tangente hiperbólica tgh(u), e também entre suas derivadas dL(u)/du e dtgh(u)/du em função de u e dtgh(u), respectivamente.

$$L(u) = \frac{1}{1 + e^{-2u}} \qquad tgh(u) = \frac{e^{u} - e^{-u}}{e^{u} + e^{-u}} = \frac{1 - e^{-2u}}{1 + e^{-2u}}$$

- 1.1 Mostre que o custo computacional de treinar ou operar as duas redes é similar, comparando o número e tipo de operações (somas multiplicações e exponenciações) necessárias para calculá-las.
- 1.2 Considerando que a excitação interna do neurônio é uma soma ponderada das entradas adicionada a uma polarização,

$$u_{i} = \sum_{j=1}^{n} w_{ij} x_{j} + w_{i0} ,$$

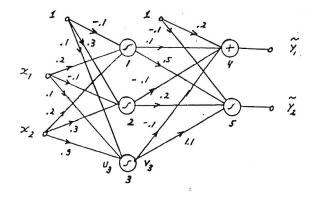
mostre que redes feedforward (mesmo multicamadas) com neurônios com os dois tipos função de ativação, L(u) ou tgh(.), são equivalentes em capacidade de mapeamento entradasaída. Sugestão: mostre que as séries que representam as saídas são similares.

2 - Um neurônio tipo log(.) tem função de excitação u e de ativação v dadas por

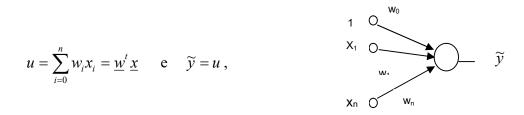
$$\mathbf{u} = \sum_{0}^{n} \mathbf{w}_{i} \mathbf{x}_{i} \qquad \mathbf{x}_{0} = 1$$

$$\mathbf{v} = \begin{cases} \ln(1+\mathbf{u}) & \mathbf{u} \ge 0 \\ -\ln(1-\mathbf{u}) & \mathbf{u} < 0 \end{cases}$$

- 2.1 Desenvolva um processo de aprendizado BP para uma rede com duas camadas, usando neurônios tipo log na camada intermediária e neurônios lineares e/ou tipo tgh na camada de saída, como na rede abaixo. A função objetivo a ser minimizada é o e.m.q. na saída. Apresente um algorítmo que determine de forma explícita os acréscimos a serem aplicados nas sinapses da primeira e da segunda camada, w_{ii} e t_{li}.
- 2.2 Na rede abaixo os neurônios 1, 2, 3 são tipo log, o neurônio 4 é linear (v = u) e o 5 é tipo tgh. O treinamento é tipo regra delta sem momento com $\alpha = 0,1$. É apresentado o par entrada-saída $\{\underline{x} ; \underline{y}\}$, onde $\underline{x} = [0,1 ; 0,7]^t$ e $\underline{y} = [0,2 ; 1,0]^t$. Quais os novos valores das sinapses após o passo de treinamento ?



3 - Considere uma rede neural que utiliza um único neurônio linear, como na figura abaixo,



treinada usando backpropagation regra delta com $\alpha = 0,2$ e sem momento. No início do i-ésimo passo de treinamento o vetor sinapse é $\underline{w}(i-1)$. É então apresentado o par entrada-saída $\{\underline{x}(i),y(i)\}$ e o novo \underline{w} é calculado,

$$\underline{\mathbf{w}}(\mathbf{i}) = \underline{\mathbf{w}}(\mathbf{i} - 1) + \Delta \ \underline{\mathbf{w}}(\mathbf{i})$$

3a - Deseja-se retroceder este passo. É possível calcular $\underline{w}(i-1)$ conhecendo-se \underline{apenas} w(i) e $\{x(i),y(i)\}$? Se sim, apresente uma fórmula explícita $\underline{w}(i-1) = f\{\underline{w}(i),\underline{x}(i),y(i)\}$.

3b - Repita agora para o caso em que o neurônio é do tipo $\tilde{y} = tgh(u)$ apresentando a equação a ser resolvida para determinar $\underline{w}(i-1)$.

Sugestão: use formulação matricial.