

Aprendizaje Automático Profundo (Deep Learning)



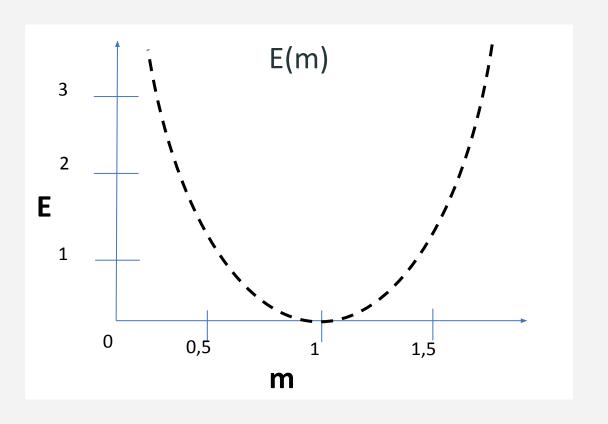




# Regresión Lineal Forma de la función de error

## Prueba de que **E(m)** es una parábola

- Error cuadrático medio
  - Función de error más común para RL
- 2 parámetros: m y b
  - o  $E(\mathbf{m,b}) = (1/n) \sum_{i=1}^{n} E_{i}(\mathbf{m,b})$
  - $\circ$  E<sub>i</sub>(**m,b**) = (y<sub>i</sub>-**m** x<sub>i</sub>+**b**)<sup>2</sup>
- Si **b** está fijo, 1 parámetro
  - o **E(m)** es una parábola
  - Único mínimo (global)



# Prueba de que **E<sub>i</sub>(m)** es una parábola

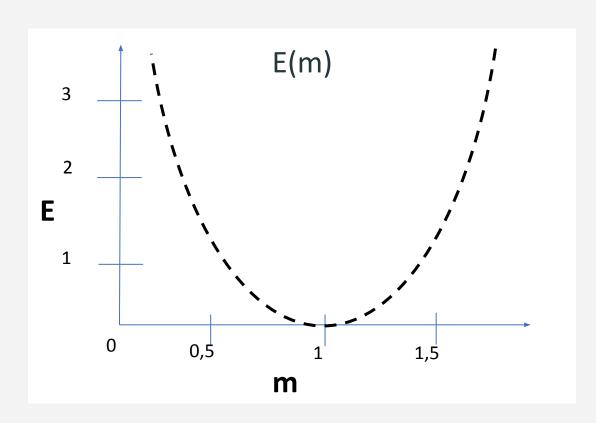
- Si b está fijo, 1 parámetro
  - $\circ$  E<sub>i</sub>(m) = (y<sub>i</sub>-m x<sub>i</sub>+b)<sup>2</sup>
    - $= y_i^2 2 (m x_i + b) y_i + (m x_i + b)^2$
    - $= y_i^2 2 m x_i + 2b y_i + (m x_i)^2 + 2m x_i b + b^2$
  - $\circ$  Si C<sub>i</sub>= y<sub>i</sub><sup>2</sup> + 2b y<sub>i</sub>+ b<sup>2</sup>
    - = -2 m x<sub>i</sub>+ (m x<sub>i</sub>)<sup>2</sup>+ 2m x<sub>i</sub>b + C<sub>i</sub>
  - Agrupando las m
    - = (-2+2b) m  $x_i + m^2 x_i^2 + C_i$
  - Si D: = (-2+2b) x; y F:=x.²
    - = E<sub>i</sub>(m) = D<sub>i</sub> m + F<sub>i</sub> m<sup>2</sup> + C<sub>i</sub>
  - o Función cuadrática: parábola
    - Sólo para el ejemplo i

#### Prueba de que **E(m)** es una parábola

- E<sub>i</sub>(m) = D<sub>i</sub> m + F<sub>i</sub> m<sup>2</sup> + C<sub>i</sub>
  Reemplazamos en E(m)
- Entonces
  - $\circ$  E(**m**) = (1/n)  $\Sigma_{i}^{n} E_{i}(\mathbf{m})$ 
    - $= (1/n) \sum_{i=1}^{n} D_{i} m + F_{i} m^{2} + C_{i}$
    - $= (1/n) \left[ \sum_{i=1}^{n} D_{i} \mathbf{m} + \sum_{i=1}^{n} F_{i} \mathbf{m}^{2} + \sum_{i=1}^{n} C_{i} \right]$
    - =  $\mathbf{m} (1/n \Sigma_{i}^{n} D_{i}) + \mathbf{m}^{2} (1/n \Sigma_{i}^{n} F_{i}) + 1/n \Sigma_{i}^{n} C_{i}$
  - $\circ$  Si D =  $1/n \Sigma_i^n D_i$
  - $\circ$  Si F =  $1/n \sum_{i=1}^{n} F_{i}$
  - $\circ$  Si C =  $1/n \Sigma_i^n C_i$ 
    - $\blacksquare E(\mathbf{m}) = \mathbf{m} D + \mathbf{m}^2 F + C$ 
      - E(**m**) es una parábola

## E(m,b) es un paraboloide

- Si b está fijo, 1 parámetro
  - o **E** es una parábola
  - Único mínimo (global)



- Si b no está fijo, 2 parámetros
  - E es un paraboloide
    - (parábola en 2D)
  - Único mínimo (global)

