- 一、课前准备
- 二、课堂主题
- 三、课堂目标
- 四、知识要点
 - 1. Numpy介绍
 - 2. 为什么要学NumPy
 - 3. NumPy的优势
 - 4. ndarray与Python原生list运算效率对比
 - 5. NumPy 的Ndarray 对象
 - 5.1 创建一维数组
 - 5.2 创建二维数组
 - 5.3 常用属性
 - 5.4 调整数组的形状
 - 5.5 将数组转成list
 - 6. NumPy的数据类型
 - 7. 数组的计算
 - 7.1 数组和数的计算
 - 7.2 数组与数组之间的操作
 - 8. 数组中的轴
 - 9. 数组的索引和切片
 - 10. 数组中的数值修改
 - 11. 数组的添加、删除和去重
 - 12. numpy的计算
 - 13. 数组的拼接
 - 14. 数组的分割
 - 15. 数组中nan和inf
 - 16. 二维数组的转置
- 五、总结
- 六、作业

一、课前准备

1. Python环境是使用anaconda安装的并创建了虚拟环境。

```
Last login: Tue Jun 18 10:18:45 on ttys001
(base) MacBook-Pro:~ mac$ source activate py37
(py37) MacBook-Pro:~ mac$ pip install numpy
```

注意: Windows下切换环境,不需要加source。

2. 如果是直接在官网下载并安装的Python,可以直接 pip install numpy

二、课堂主题

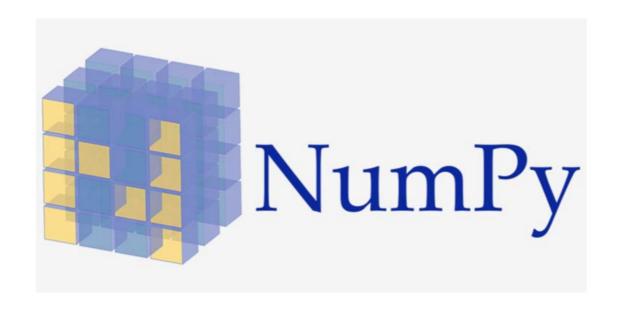
本小节主要讲解numpy中Ndarray对象的属性、形状、类型,数组的基本操作,数组间的运算,及数组nan和inf处理。

三、课堂目标

- 1. 了解Numpy运算速度上的优势;
- 2. 知道数组的属性,形状、类型;
- 3. 掌握Numpy实现数组的基本操作;
- 4. 掌握Numpy实现数组的逻辑运算;
- 5. 掌握Numpy实现数组之间的运算;
- 6. 掌握Numpy实现数组之合并、分割;
- 7. 掌握NumPy处理的Nan和inf的方法。

四、知识要点

1. Numpy介绍



NumPy中文官网

NumPy (Numerical Python)是一个开源的Python科学计算库,用于快速处理任意维度的数组。

NumPy支持常见的数组和矩阵操作。对于同样的数值计算任务,使用Numpy比直接使用Python要简洁的多。

NumPy使用ndarray对象来处理多维数组,该对象是一个快速而灵活的大数据容器。

2. 为什么要学NumPy

- 1. 快速
- 2. 方便
- 3. 科学计算的基础库

3. NumPy的优势

- 对于同样的数值计算任务,使用NumPy要比直接编写Python代码便捷得多;
- NumPy中的数组的存储效率和输入输出性能均远远优于Python中等价的基本数据结构,且其能够 提升的性能是与数组中的元素成比例的;
- NumPy的大部分代码都是用C语言写的,其底层算法在设计时就有着优异的性能,这使得NumPy 比纯Python代码高效得多

4. ndarray与Python原生list运算效率对比

```
import random
import time
import numpy as np
a = []
for i in range(100000000):
    a.append(random.random())
t1 = time.time()
sum1=sum(a)
t2=time.time()

b=np.array(a)
t4=time.time()
sum3=np.sum(b)
t5=time.time()
print(t2-t1, t5-t4)
```

t2-t1为使用python自带的求和函数消耗的时间,t5-t4为使用numpy求和消耗的时间,结果为:

5.177573919296265 0.48987507820129395

从中我们看到ndarray的计算速度要快很多,节约了时间。

5. NumPy 的Ndarray 对象

NumPy 最重要的一个特点是其 N 维数组对象 ndarray , 它<mark>是一系列同类型数据的集合</mark> , 以 0 下标为开始进行集合中元素的索引。ndarray 对象是用于存放同类型元素的多维数组。

5.1 创建一维数组

```
import numpy as np
list1 = [1,2,3,4]
oneArray = np.array(list1)
print(type(oneArray))
print(oneArray)

# 创建数组的多种形式
# 1. 直接传入列表的方式
t1 = np.array([1,2,3])
print(t1)
print(type(t1))
'''
[1 2 3]
<class 'numpy.ndarray'>
'''

# 2. 传入range生成序列
```

```
t2 = np.array(range(10))
print(t2)
print(type(t2))

""
[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]
<class 'numpy.ndarray'>
""

# 3. 使用numpy自带的np.arange()生成数组
t3 = np.arange(0,10,2)
print(t3)
print(type(t3))
""
[0 2 4 6 8]
<class 'numpy.ndarray'>
""
```

5.2 创建二维数组

```
import numpy as np
list2 = [[1,2],[3,4],[5,6]]

twoArray = np.array(list2)
print(twoArray)

!!!
[[1 2]
[3 4]
[5 6]]
!!!
```

5.3 常用属性

```
list2 = [[1,2],[3,4],[5,6]]

twoArray = np.array(list2)

# 获取数组的维度(注意: 与函数的参数很像)
print(twoArray.ndim)

'''2'''

# 形状(行,列)
print(twoArray.shape)

'''(3, 2)'''

# 有多少个元素
print(twoArray.size)
```

5.4 调整数组的形状

```
four = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
# 修改的是原有的
four.shape = (3,2)
print(four)
# 返回一个新的数组
four = four.reshape(3,2)
print(four)
# 将多维变成一维数组
five = four.reshape((6,),order='F')
# 默认情况下'C'以行为主的顺序展开,'F'(Fortran风格)意味着以列的顺序展开
six = four.flatten(order='F')
print(five)
print(six)
# 拓展: 数组的形状
t = np.arange(24)
print(t)
print(t.shape)
# 转换成二维
t1 = t.reshape((4,6))
print(t1)
print(t1.shape)
# 转成三维
t2 = t.reshape((2,3,4))
print(t2)
print(t2.shape)
```

5.5 将数组转成list

```
# 将数组转成list

a= np.array([9, 12, 88, 14, 25])

list_a = a.tolist()

print(list_a)

print(type(list_a))
```

6. NumPy的数据类型

```
f = np.array([1,2,3,4,5], dtype = np.int16)
# 返回数组中每个元素的字节单位长度
print(f.itemsize)
# 获取数据类型
print(f.dtype)

# 调整数据类型
f1 = f.astype(np.int64)
print(f1.dtype)

# 拓展随机生成小数
# 使用python语法, 保留两位
print(round(random.random(),2))

arr = np.array([random.random() for i in range(10)])
```

dtype是numpy.dtype类型,先看看对于数组来说都有哪些类型:

名称	描述	简写
np.bool	用一个字节存储的布尔类型(True或False)	'b'
np.int8	一个字节大小,-128 至 127 (一个字节)	'i'
np.int16	整数 , -32768 至 32767 (2个字节)	'i2'
np.int32	整数 , -2 31 至 2 32 -1 (4个字节)	'i4'
np.int64	整数 , -2 63 至 2 63 - 1 (8个字节)	'i8'
np.uint8	无符号整数,0至255	'u'
np.uint16	无符号整数,0至65535	'u2'
np.uint32	无符号整数,0至2**32-1	'u4'
np.uint64	无符号整数,0至2**64-1	'u8'
np.float16	半精度浮点数:16位,正负号1位,指数5位,精度10位	'f2'
np.float32	单精度浮点数:32位,正负号1位,指数8位,精度23位	'f4'
np.float64	双精度浮点数:64位,正负号1位,指数11位,精度52位	'f8'
np.complex64	复数,分别用两个32位浮点数表示实部和虚部	'c8'
np.complex128	复数,分别用两个64位浮点数表示实部和虚部	'c16'
np.object_	python对象	'0'
np.string_	字符串	'S'
np.unicode_	unicode类型	'U'

7. 数组的计算

7.1 数组和数的计算

由于numpy的广播机机制在运算过程中,加减乘除的值被广播到所有的元素上面。

```
t1 = np.arange(24).reshape((6,4))
print(t1+2)
print(t1*2)
print(t1/2)
```

7.2 数组与数组之间的操作

同种形状的数组(对应位置进行计算操作)

```
t1 = np.arange(24).reshape((6,4))
t2 = np.arange(100,124).reshape((6,4))

print(t1+t2)
print(t1*t2)
```

不种形状的多维数组不能计算

```
t1 = np.arange(24).reshape((4,6))
t2 = np.arange(18).reshape((3,6))
print(t1)
print(t2)
print(t1-t2)
'''

ValueError: operands could not be broadcast together with shapes (4,6) (3,6)
'''
```

行数或者列数相同的一维数组和多维数组可以进行计算:

行形状相同(会与每一行数组的对应位相操作)

```
t1 = np.arange(24).reshape((4,6))
t2 = np.arange(0,6)
print(t1-t2)
```

列形状相同(会与每一个相同维度的数组的对应位相操作)

```
t1 = np.arange(24).reshape((4,6))
t2 = np.arange(4).reshape((4,1))
print(t1-t2)
```

8. 数组中的轴

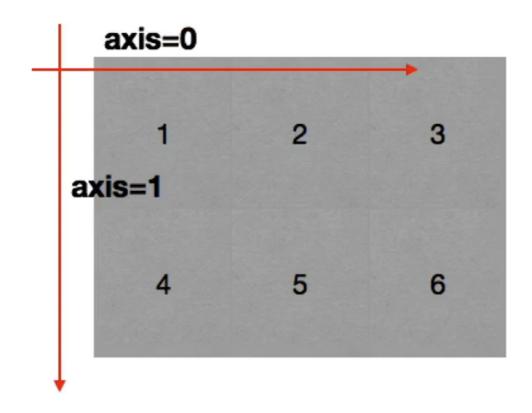
1. 什么是轴: 在numpy中可以理解为方向,使用0,1,2数字表示,对于一个一维数组,只有一个0 轴,

对于2维数组(shape(2,2))有0轴和1轴,

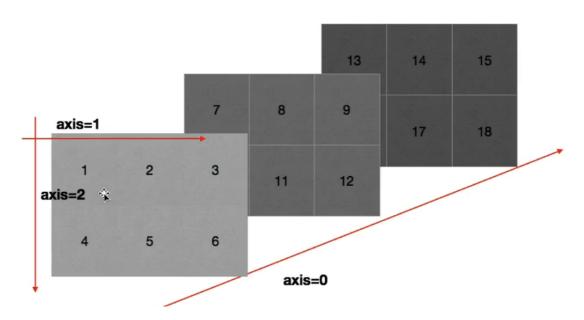
对于3维数组(shape(2,2,3))有0,1,2轴

2. 为什么要学习轴:有了轴的概念后,我们计算会更加方便,比如计算一个2维数组的平均值,必须指定是计算哪个方向上面的数字的平均值。

二维数组的轴



三维数组的轴



```
import numpy as np
a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
print(np.sum(a,axis=0)) # [5 7 9]

print(np.sum(a,axis = 1)) # [ 6 15]

print(np.sum(a))# 计算所有的值的和
```

```
#三维的数据
a = np.arange(27).reshape((3,3,3))
print(a)
[[[ 0 1 2]
 [ 3 4 5]
 [6 7 8]]
[[ 9 10 11]
 [12 13 14]
 [15 16 17]]
 [[18 19 20]
 [21 22 23]
 [24 25 26]]]
b = np.sum(a, axis=0)
print(b)
[[27 30 33]
[36 39 42]
[45 48 51]]
c = np.sum(a, axis=1)
print(c)
[[ 9 12 15]
[36 39 42]
[63 66 69]]
c = np.sum(a, axis=2)
print(c)
[[ 3 12 21]
[30 39 48]
[57 66 75]]
```

总结: 在计算的时候可以想象成是每一个坐标轴,分别计算这个轴上面的每一个刻度上的值,或者在二维数组中记住0表示列1表示行.

9. 数组的索引和切片

一维数组的操作方法

```
import numpy as np

a = np.arange(10)
# 冒号分隔切片参数 start:stop:step 来进行切片操作
print(a[2:7:2])# 从索引 2 开始到索引 7 停止,间隔为 2

# 如果只放置一个参数,如 [2],将返回与该索引相对应的单个元素
print(a[2],a)

# 如果为 [2:],表示从该索引开始以后的所有项都将被提取
print(a[2:])
```

多维数组的操作方法

```
import numpy as np
```

```
t1 = np.arange(24).reshape(4,6)
print(t1)
print('*'*20)
print(t1[1]) # 取一行(一行代表是一条数据,索引也是从0开始的)
print(t1[1,:]) # 取一行

print(t1[1:]) # 取连续的多行
print(t1[1:3,:]) # 取连续的多行
print(t1[[0,2,3]]) # 取不连续的多行
print(t1[[0,2,3],:]) # 取不连续的多行
print(t1[:,1:]) # 取一列
print(t1[:,1:]) # 连续的多列
print(t1[:,[0,2,3]]) # 取来一个值,三行四列
print(t1[2,3]) # # 取某一个值,三行四列
print(t1[[0,1,1],[0,1,3]]) # 取多个不连续的值,[[行,行。。。],[列,列。。。]]
```

10. 数组中的数值修改

```
t = np.arange(24).reshape(4,6)
# 修改某一行的值
t[1,:]=0
# 修改某一列的值
t[:,1]=0
# 修改连续多行
t[1:3,:]=0
# 修改连续多列
t[:,1:4]=0
# 修改多行多列,取第二行到第四行,第三列到第五列
t[1:4,2:5]=0
# 修改多个不相邻的点
t[[0,1],[0,3]]=0
# 可以根据条件修改,比如讲小于10的值改掉
t[t<10]=0
# 使用逻辑判断
# np.logical_and
# np.logical_or
# np.logical_not
t[(t>2)&(t<6)]=0 # 与
t[(t<2)|(t>6)]=0 # 或
t[\sim(t>6)]=0 # #
print(t)
# 三目运算 ( np.where(condition, x, y)满足条件(condition), 输出x, 不满足输出y。))
score = np.array([[80,88],[82,81],[75,81]])
result = np.where(score>80,True,False)
```

11. 数组的添加、删除和去重

数组的添加

```
# 1. numpy.append 函数在数组的末尾添加值。 追加操作会分配整个数组,并把原来的数组复制到新数组
中。 此外,输入数组的维度必须匹配否则将生成ValueError。
参数说明:
arr: 输入数组
values:要向arr添加的值,需要和arr形状相同(除了要添加的轴)
axis:默认为 None。当axis无定义时,是横向加成,返回总是为一维数组!当axis有定义的时候,分别为
0和1的时候。当axis有定义的时候,分别为0和1的时候(列数要相同)。当axis为1时,数组是加在右边
(行数要相同)。
1.1.1
a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
print ('第一个数组: ')
print (a)
print ('\n')
print ('向数组添加元素: ')
print (np.append(a, [7,8,9]))
print ('\n')
print ('沿轴 0 添加元素: ')
print (np.append(a, [[7,8,9]], axis = 0))
print ('\n')
print ('沿轴 1 添加元素: ')
print (np.append(a, [[5,5,5],[7,8,9]],axis = 1))
# 2. numpy.insert 函数在给定索引之前,沿给定轴在输入数组中插入值。
# 如果值的类型转换为要插入,则它与输入数组不同。 插入没有原地的,函数会返回一个新数组。 此外,如
果未提供轴,则输入数组会被展开。
a = np.array([[1,2],[3,4],[5,6]])
print ('第一个数组: ')
print (a)
print ('\n')
print ('未传递 Axis 参数。 在插入之前输入数组会被展开。')
print (np.insert(a,3,[11,12]))
print ('\n')
print ('传递了 Axis 参数。 会广播值数组来配输入数组。')
print ('沿轴 0 广播: ')
print (np.insert(a,1,[11],axis = 0))
print ('\n')
print ('沿轴 1 广播: ')
print (np.insert(a,1,11,axis = 1))
```

```
#numpy.delete 函数返回从输入数组中删除指定子数组的新数组。 与 insert() 函数的情况一样,如果
未提供轴参数,则输入数组将展开。
参数说明:
arr: 输入数组
obj: 可以被切片,整数或者整数数组,表明要从输入数组删除的子数组
axis: 沿着它删除给定子数组的轴,如果未提供,则输入数组会被展开
a = np.arange(12).reshape(3,4)
print ('第一个数组: ')
print (a)
print ('\n')
print ('未传递 Axis 参数。 在删除之前输入数组会被展开。')
print (np.delete(a,5))
print ('\n')
print ('删除每一行中的第二列:')
print (np.delete(a,1,axis = 1))
print ('\n')
```

数组去重

```
# numpy.unique 函数用于去除数组中的重复元素。
arr: 输入数组,如果不是一维数组则会展开
return_index:如果为true,返回新列表元素在旧列表中的位置(下标),并以列表形式储
return_inverse: 如果为true,返回旧列表元素在新列表中的位置(下标),并以列表形式储
return_counts: 如果为true,返回去重数组中的元素在原数组中的出现次数
1.1.1
a = np.array([5,2,6,2,7,5,6,8,2,9])
print ('第一个数组: ')
print (a)
print ('\n')
print ('第一个数组的去重值:')
u = np.unique(a)
print (u)
print ('\n')
print ('去重数组的索引数组:')
u,indices = np.unique(a, return_index = True)
print (indices)
print ('\n')
print ('我们可以看到每个和原数组下标对应的数值:')
print (a)
print ('\n')
print ('去重数组的下标:')
u,indices = np.unique(a,return_inverse = True)
print (u)
print (indices)
print ('\n')
```

```
print ('返回去重元素的重复数量: ')
u,indices = np.unique(a,return_counts = True)
print (u)
print (indices)
```

12. numpy的计算

```
import numpy as np
score = np.array([[80,88],[82,81],[75,81]])
# 1. 获取所有数据最大值
result = np.max(score)
# 2. 获取某一个轴上的数据最大值
result = np.max(score,axis=0)
# 3. 获取最小值
result = np.min(score)
# 4. 获取某一个轴上的数据最小值
result = np.min(score,axis=0)
# 5. 数据的比较
result = np.maximum([-2, -1, 0, 1, 2], 0) # 第一个参数中的每一个数与第二个参数比较返回
result = np.minimum([-2, -1, 0, 1, 2], 0) # 第一个参数中的每一个数与第二个参数比较返回
小的
result = np.maximum([-2, -1, 0, 1, 2], [1,2,3,4,5]) # 接受的两个参数,也可以大小一致;
第二个参数只是一个单独的值时,其实是用到了维度的广播机制;
# 6. 求平均值
result = np.mean(score) # 获取所有数据的平均值
result = np.mean(score,axis=0) # 获取某一行或者某一列的平均值
# 7. 返回给定axis上的累计和
arr = np.array([[1,2,3], [4,5,6]])
print(arr)
print(arr.cumsum(0))
[1, 2, 3]---->
                       |2
                 |1
                              | 3
[4, 5, 6]----> |5=1+4 |7=2+5 |9=3+6|
print(arr.cumsum(1))
[1, 2, 3]-----> |1 |2+1 |3+2+1 |
[4, 5, 6]----> |4 |4+5 |4+5+6 |
# 8. argmin求最小值索引
result = np.argmin(score,axis=0)
print(result)
# 9. 求每一列的标准差
# 标准差是一组数据平均值分散程度的一种度量。一个较大的标准差,代表大部分数值和其平均值之间差异较
大;
```

一个较小的标准差,代表这些数据较接近平均值反应出数据的波动稳定情况,越大表示波动越大,越不稳 result = np.std(score,axis=0) print(result) # 10. 极值 # np.ptp(t,axis=None)就是最大值和最小值的差 # 拓展: 方差var, 协方差cov, 计算平均值 average, 计算中位数 median

通用函数:

numpy.sqrt(array)	平方根函数
numpy.exp(array)	e^array[i]的数组
numpy.abs/fabs(array)	计算绝对值
numpy.square(array)	计算各元素的平方 等于 array**2
numpy.log/log10/log2(array)	计算各元素的各种对数

numpy.sqrt(array)	平方根函数
numpy.sign(array)	计算各元素正负号
numpy.isnan(array	计算各元素是否为NaN
numpy.isinf(array)	计算各元素是否为NaN
numpy.cos/cosh/sin/sinh/tan/tanh(array)	三角函数
numpy.modf(array)	将array中值得整数和小数 分离,作两个数组返回
numpy.ceil(array)	向上取整,也就是取比这个 数大的整数
numpy.floor(array)	向下取整,也就是取比这个 数小的整数
numpy.rint(array)	四舍五入
numpy.trunc(array)	向0取整
numpy.cos(array)	正弦值
numpy.sin(array)	余弦值
numpy.tan(array)	正切值
numpy.add(array1,array2)	元素级加法
numpy.subtract(array1,array2)	元素级减法
numpy.multiply(array1,array2)	元素级乘法
numpy.divide(array1,array2)	元素级除法 array1./array2
numpy.power(array1,array2)	元素级指数 array1.^array2
numpy.maximum/minimum(array1,aray2)	元素级最大值
numpy.fmax/fmin(array1,array2)	元素级最大值 , 忽略NaN
numpy.mod(array1,array2)	元素级求模
numpy.copysign(array1,array2)	将第二个数组中值得符号复制给第一个数组中值
numpy.greater/greater_equal/less/less_equal/equal/not_equal (array1,array2)	元素级比较运算,产生布尔 数组
numpy.logical_end/logical_or/logic_xor(array1,array2)	元素级的真值逻辑运算

13. 数组的拼接

有的时候我们需要将两个数据加起来一起研究分析,我们就可以将其进行拼接然后分析

1. 根据轴连接的数组序列

a = np.array([[1,2],[3,4]])

```
b = np.array([[5,6],[7,8]])
# 要求a,b两个数组的维度相同
print ('沿轴 0 连接两个数组: ')
print (np.concatenate((a,b),axis= 0))
print ('\n')
print ('沿轴 1 连接两个数组: ')
print (np.concatenate((a,b),axis = 1))
# 2. 根据轴进行堆叠
print ('沿轴 0 连接两个数组: ')
print (np.stack((a,b),axis= 0))
print ('\n')
print ('沿轴 1 连接两个数组: ')
print (np.stack((a,b),axis = 1))
# 3. 矩阵垂直拼接
v1 = [[0,1,2,3,4,5],
     [6,7,8,9,10,11]]
v2 = [[12,13,14,15,16,17],
     [18,19,20,21,22,23]]
result = np.vstack((v1,v2))
print(result)
# 4. 矩阵水平拼接
v1 = [[0,1,2,3,4,5],
     [6,7,8,9,10,11]]
v2 = [[12,13,14,15,16,17],
     [18,19,20,21,22,23]]
result = np.hstack((v1, v2))
print(result)
```

14. 数组的分割

```
# print ('拆分后: ')
# print(np.hsplit(harr, 3))

# 3.numpy.vsplit 沿着垂直轴分割
a = np.arange(16).reshape(4,4)

# print ('第一个数组: ')
# print (a)
# print ('\n')

# print ('坚直分割: ')
# b = np.vsplit(a,2)
# print (b)
```

15. 数组中nan和inf

C 语言中表示最大的正整数值是 0x7FFFFFFF,最小的负整数是 $0x8000\ 0000$ 。 **inf** 表示无穷大,需要使用 **float('inf')** 函数来转化,那么对应的就有 **float('-inf')** 表示无穷小了。这样你就可以使用任意数来判断和它的关系了。

那什么时候会出现inf呢?比如一个数字除以0, Python中会报错,但是numpy中会是一个inf或者-inf 另外还有 nan, 这种写法在 pandans 中常见,表示缺失的数据,所以一般用 nan 来表示。任何与其做运算结果都是 nan。

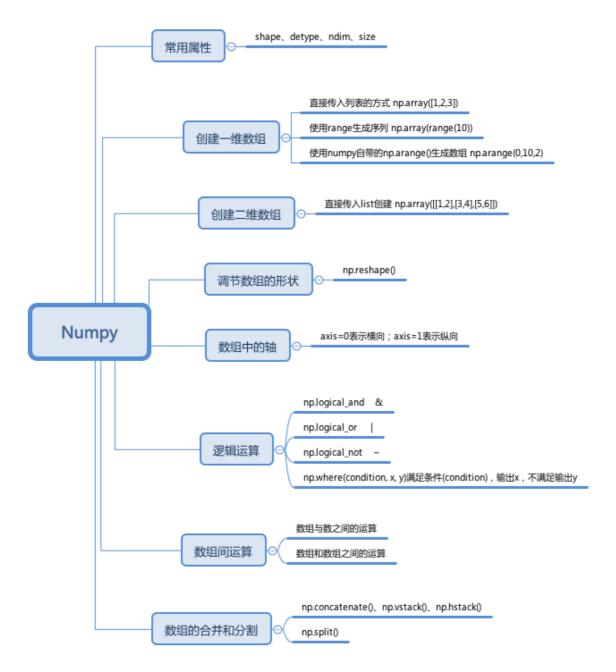
```
# 创建一个nan和inf
a = np.nan
b = np.inf
print(a,type(a))
print(b, type(b))
# --判断数组中为nan的个数(注意: float类型的数据才能赋值nan)
t = np.arange(24,dtype=float).reshape(4,6)
# 可以使用np.count_nonzero() 来判断非零的个数
print(np.count_nonzero(t))
# 将三行四列的数改成nan
t[3,4] = np.nan
# 并且 np.nan != np.nan 结果 是TRUE
# 所以我们可以使用这两个结合使用判断nan的个数
print(np.count_nonzero(t != t))
# 注意: nan和任何数计算都为nan
print(np.sum(t,axis=0))
# 将nan替换为0
t[np.isnan(t)] = 0
print(t)
#-----练习: 处理数组中nan
t = np.arange(24).reshape(4,6).astype('float')
# 将数组中的一部分替换nan
t[1,3:] = np.nan
print(t)
# 遍历每一列,然后判断每一列是否有nan
```

```
for i in range(t.shape[1]):
   #获取当前列数据
   temp\_col = t[:,i]
   # 判断当前列的数据中是否含有nan
   nan_num = np.count_nonzero(temp_col != temp_col)
   if nan_num != 0: # 条件成立说明含有nan
       # 将这一列不为nan的数据拿出来
       temp_col_not_nan = temp_col[temp_col==temp_col]
       # 将nan替换成这一列的平均值
       temp_col[np.isnan(temp_col)] = np.mean(temp_col_not_nan)
print(t)
```

16. 二维数组的转置

```
#对换数组的维度
a = np.arange(12).reshape(3,4)
print ('原数组: ')
print (a )
print ('\n')
print ('对换数组: ')
print (np.transpose(a))
# 与transpose一致
a = np.arange(12).reshape(3,4)
print ('原数组: ')
print (a)
print ('\n')
print ('转置数组: ')
print (a.T)
# 函数用于交换数组的两个轴
t1 = np.arange(24).reshape(4,6)
re = t1.swapaxes(1,0)
print ('原数组: ')
print (t1)
print ('\n')
print ('调用 swapaxes 函数后的数组: ')
print (re)
```

五、总结



六、作业

- 1. 练习矩阵相乘
- 2. 练习数组索引
- 3. 练习数组形状修改