

MINI PROJET IA

L3 Informatique (CILS)

Camille Berthaud - 20202238

Projet encadré par Jean-Christophe Janodet

Introduction

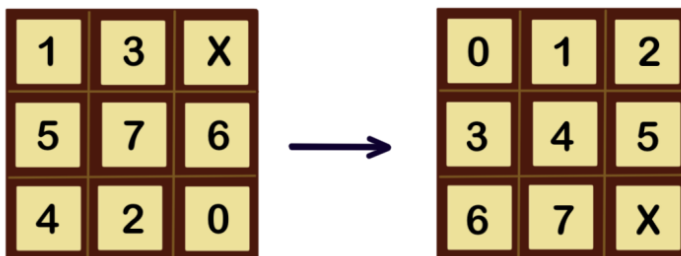
Abstract

Dans le cadre de la matière d'Intelligence Artificielle, nous avons eu pour consigne de développer un programme capable de résoudre automatiquement un jeu de taquin. Le domaine de l'IA englobe toutes les théories et techniques nécessaires pour créer des programmes informatiques complexes capables de simuler certaines capacités humaines, ce qui inclut les jeux en tant que domaine d'application idéal pour relever des défis intellectuels. Pour répondre à ce défi, nous avons utilisé des heuristiques, des méthodes fournissant des solutions réalisables pour des problèmes complexes.

1. Etude théorique

1.1 Le problème du taquin

Un taquin est un puzzle carré contenant $(n^2 - 1)$ carreaux et une case vide (représentée par un "X" sur les schémas ci-dessous). L'objectif est de reconstituer l'ordre des carreaux à partir d'une configuration initiale valide. Nous avons choisi de mettre en oeuvre la résolution d'un taquin de taille 3×3



Dans le jeu de taquin, il est possible de déplacer les tuiles uniquement en les faisant glisser dans la case vide, et ce déplacement ne peut se faire que pour une seule tuile à la fois. A travers ce projet nous allons déterminer quelle est la séquence minimale de déplacements à réaliser pour obtenir la solution. Pour ce faire, nous avons décidé d'utiliser l'algorithme A-star ou A*.

1.2 L'Algorithme A*

L'algorithme A* est un algorithme de recherche de chemin utilisé pour trouver le chemin le plus court entre un nœud de départ et un nœud d'arrivée dans un graphe pondéré. Il utilise une approche heuristique pour améliorer l'efficacité de la recherche en explorant d'abord les nœuds les plus prometteurs.

L'algorithme fonctionne en utilisant une fonction d'évaluation $f(n)$ qui estime le coût total pour atteindre le nœud final en passant par le nœud actuel. Cette fonction est définie comme la somme de deux autres fonctions :

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

Avec :

- $g(n)$: le coût réel pour atteindre le nœud n depuis le nœud initial
- $h(n)$: une estimation heuristique du coût restant pour atteindre le nœud final depuis le nœud n
- $f(n)$: coût total du nœud n

La fonction d'évaluation $f(n)$ est utilisée pour classer les nœuds à explorer en priorité. Ainsi, les nœuds avec les plus petites valeurs de $f(n)$ sont explorés en premier. Cela permet de rechercher en premier les nœuds les plus prometteurs, c'est-à-dire ceux qui ont le potentiel d'atteindre le nœud final avec le coût le plus faible.

L'algorithme A* garantit de trouver le chemin le plus court si la fonction heuristique est admissible, c'est-à-dire si elle est toujours inférieure ou égale au coût réel pour atteindre le nœud final. Cependant, l'algorithme peut être coûteux en temps de calcul si le graphe est très grand et complexe, ou si la fonction heuristique n'est pas bien choisie.

2. Explication du code

Pour la réalisation du projet, le code s'organise en 3 classes distinctes : Taquin, Algo et Test. Le choix de fractionner le code de cette manière permet de clarifier le code, et surtout de rendre générique la classe Algo, afin qu'elle puisse résoudre tout type de problème.

2.1 Class Taquin

2.2 class Taquin

constructeur : définition d'un état

Le constructeur de la classe Taquin a un paramètre qui peut avoir 2 types :

- une chaîne de caractères qui représente un état du taquin. Dans ce cas, le constructeur vérifie la longueur de la chaîne. Si la condition est respectée, la taille de la grille est calculée, ainsi que la distance f jusqu'à l'état final et l'historique des mouvements effectués pour arriver à cet état.
- un objet de type Taquin. Dans ce cas, le constructeur est un constructeur de copie et sert à générer un enfant à partir d'un état Taquin parent. On conserve alors l'état, la taille, l'historique et le coût final pour arriver jusqu'à la solution.

```

1  def __init__(self, param):
2
3      if isinstance(param, str):
4          self.state = param
5          self.size = int(math.sqrt(len(self.state)))
6          if self.size ** 2 != len(self.state):
7              raise Exception("Le taquin doit être un carre")
8          self.f = 0
9          self.history = ''
10     elif isinstance(param, Taquin):
11         self.state = param.state
12         self.size = param.size
13         self.history = param.history
14         self.f = param.f
15     else:
16         raise Exception("Parametre inconnu")

```

projet2.py

move() et getChild() : obtention des enfants d'un état

Pour résoudre le problème, il est essentiel de définir les états et les actions associées. Une action correspond à un déplacement de tuile impliquant l'inversion de sa position avec celle de la case 'X'. Seules les tuiles adjacentes à la case vide peuvent être déplacées, et une tuile déplacée ne peut pas être replacée à sa position précédente pour optimiser la résolution du problème.

À partir de ce postulat, on peut en déduire les conclusions suivantes :

- Si la case vide est située à l'intérieur du puzzle à l'état initial, il y a quatre coups possibles.
- Si la case vide est située sur un bord du puzzle (mais pas dans un coin) à l'état initial, il y a trois coups possibles
- Si la case vide est située dans un coin du puzzle à l'état initial, il y a deux coups possibles

La méthode `move()` prend en paramètre une direction ('N' : Nord, 'S' : Sud, 'O' : Ouest, 'E' : Est) représentant la direction dans laquelle la tuile doit être déplacée. La méthode commence par trouver la position du carreau 'X' dans l'état actuel du taquin.

La méthode calcule ensuite la nouvelle position de la tuile 'X' en fonction du paramètre direction. Si la nouvelle position est hors limites (au-delà des bords du taquin), la méthode retourne `None`.

Si la nouvelle position est valide, la méthode crée une nouvelle instance de la classe `Taquin` appelée `res`, qui est une copie de l'état actuel du taquin. Elle échange ensuite les positions de la tuile 'X' et de la tuile à la nouvelle position dans l'état enfant qui vient d'être créé. Enfin, elle ajoute le paramètre direction à l'historique du taquin et retourne le nouvel état du taquin.

La méthode `getChild()` de la classe "`Taquin`" essaie de faire tous les déplacements possibles et ne retourne que les solutions valides (différentes de `None`) sous la forme d'une liste d'objets `Taquin`.

```

1      def move(self, direction):
2
3          pos = self.state.find('X')
4          newpos = pos
5          if pos is None:
6              return None
7
8          if (direction == "N"):
9              newpos = pos-3
10             if (newpos < 0):
11                 return None
12             elif (direction == "S"):
13                 newpos = pos+3
14                 if (newpos > (self.size*self.size)-1):
15                     return None
16             elif (direction == "O"):
17                 if (pos % 3 == 0):
18                     return None
19                 newpos = pos-1
20             elif (direction == "E"):
21                 if (pos % 3 == 2):
22                     return None
23                 newpos = pos+1
24
25             res = Taquin(self)
26             tmp = res.state[newpos]
27             res.state = res.state.replace('X', 'Y')
28             res.state = res.state.replace(self.state[pos], 'X')
29             res.state = res.state.replace('Y', tmp)
30             res.history += direction
31             return res
32
33     def getChild(self):
34         children = []
35
36         if self.move("N") != None:
37             children.append(self.move("N"))

```

```

38
39         if self.move("S") != None:
40             children.append(self.move("S"))
41
42         if self.move("E") != None:
43             children.append(self.move("E"))
44
45         if self.move("O") != None:
46             children.append(self.move("O"))
47
48     return children
    
```

projet2.py

dist_manhattan() et get_h_score() : calculs des heuristiques

Lors de l'utilisation de l'algorithme A*, il est essentiel de sélectionner des heuristiques appropriées. Nous avons choisi d'utiliser 6 heuristiques qui surestiment la distance nécessaire pour atteindre l'état final. Les six heuristiques sont basées sur la distance de Manhattan et sont identifiées comme h1, h2, h3, h4, h5 et h6. Chacune de ces heuristiques est calculée avec des pondérations différentes en fonction des tuiles.

Tuile	0	1	2	3	4	5	6	7	X
π_1	36	12	12	4	1	1	4	1	0
$\pi_2 = \pi_3$	8	7	6	5	4	3	2	1	0
$\pi_4 = \pi_5$	8	7	6	5	3	2	4	1	0
π_6	1	1	1	1	1	1	1	1	0

Avec pour coefficient de normalisation respectifs :

```

1 COEFF = (4, 1, 4, 1, 4, 1) # rho1 a rho6
    
```

projet2.py

A partir de ces pondérations nous pouvons calculer la distance de Manhattan :

$$h_k(E) = \left(\sum_{i=1}^8 \pi_k(i) \times \varepsilon_E(i) \right) // \rho_k$$

$\varepsilon_E(i)$ correspond au nombre de déplacements nécessaires pour déplacer la tuile i de l'état initial à l'état final, calculé à partir de cette formule :

$$d(A, B) = |X_B - X_A| + |Y_B - Y_A|$$

La méthode dist_manhattan() calcule la distance de Manhattan pondérée entre une tuile spécifiée et sa position finale. La méthode get_h_score() calcule le score heuristique pour l'état actuel en utilisant la distance de Manhattan pondérée pour toutes les tuiles, en fonction du coefficient de normalisation et du poids associé à chaque tuile.

```

1  def dist_manhattan(self, e, state_final):
2      # renvoie le nombre de deplacement a faire pour obtenir l'etat
      final
3      pos = self.state.find(e)
4
5      # cherche la position de la tuile dans l'etat final
6      pos_final = state_final.state.index(e)
7      # déplacements a faire pour obtenir la position finale de la
      tuile
8      h = abs(pos % self.size - pos_final % self.size) + \
9          abs(pos // self.size - pos_final // self.size)
10     return h
11
12     def get_h_score(self, mod, final_state):
13         res = 0
14         a = 0
15         for e in self.state:
16             if (e == "X"):
17                 continue
18
19             a += POIDS[mod-1][int(e)] * (self.dist_manhattan(e,
      final_state))
20             res = a // COEFF[mod-1]
21         return res

```

projet2.py

2.3 class Algo

A_star() : Algorithme A*

Cette classe implémente l'algorithme A*. La méthode A_star() prend en entrée un mode de recherche (heuristique), l'état initial et l'état final. Cette méthode retourne l'état final ainsi que le chemin parcouru pour l'atteindre.

La méthode A_star() utilise une liste ordonnée de l'ensemble frontière border_set pour stocker les états à explorer, un dictionnaire de l'ensemble frontière border_dict pour référencer chaque état de la frontière, et un dictionnaire des états explorés explored_dict pour éviter de visiter les mêmes états plusieurs fois.

A_star() parcourt la frontière en extrayant l'état avec la plus petite valeur de la fonction d'évaluation f. Elle explore ensuite les enfants de l'état extrait, en calculant leur fonction d'évaluation f et en les ajoutant à la frontière s'ils ne sont pas déjà présents. Elle met également à jour la frontière et le dictionnaire si un enfant est déjà présent avec un chemin plus court. La boucle se poursuit jusqu'à ce que l'état final soit atteint ou que la frontière soit vide. Si l'état final n'est pas atteint, elle renvoie None.

```

1  def find(self, mode, initial_state, final_state):
2      border_set = [] # liste ordonnee de l'ensemble frontiere
3      border_dict = {} # dictionnaire de l'ensemble frontiere
4      explored_dict = {} # savoir si l'etat a deja ete parcouru
5      cpt = 0

```

```

6      # au debut mettre l'etat initial dans frontiere + explored
7      initial_state.f = initial_state.get_h_score(mode, final_state)
8      border_set.append(initial_state)
9      border_dict[initial_state] = initial_state
10
11     while border_set:
12         current = border_set.pop(0)
13
14         # supprime de border_dict et ajoute a explored_dict
15         del border_dict[current]
16         explored_dict[current] = current
17         self.explored_count += 1
18
19     # Verifier si l'etat courant de la liste correspond a l'etat
final
20     if current.state == final_state.state:
21         # Si oui, terminer la boucle
22         return current
23
24     # recuperer les enfants de ce premier etat de la liste
fontiere
25     neighbors = current.getChild()
26
27     for neighbor in neighbors:
28         # calculer les heuristiques des enfants
29         neighbor.f = neighbor.get_traveledPath() + neighbor.
get_h_score(mode, final_state)
30
31     # rechercher dans l'ensemble si les etats des enfants ne
sont pas deja presents => Si l'etat est deja present et a un chemin
plus long que le nouveau, on le supprime de l'ensemble et du
dictionnaire frontiere
32         if neighbor in border_dict:
33             found = border_dict[neighbor]
34             if (found.get_traveledPath() > neighbor.
get_traveledPath()):
35                 border_set.remove(found)
36                 del border_dict[found]
37             else:
38                 continue
39
40     # Si l'etat est deja present et a un chemin plus court
que le nouveau, on oublie le nouveau
41     # sinon on l'insere dans l'ensemble frontiere par ordre d
heuristique croissante, et on le reference dans le dictionnaire d
fontiere
42         if neighbor in explored_dict:
43             found = explored_dict[neighbor]
44
45             if (found.get_traveledPath() > neighbor.
get_traveledPath()):
46                 explored_dict[neighbor] = neighbor
47             else:
48                 continue
49
50     # Ajouter le voisin a la frontiere en triant par ordre
croissan

```

```

51         border_set.append(neighbor)
52         border_set.sort(key=lambda x: x.f)
53         border_dict[neighbor] = neighbor
54
55     # Si on n a pas trouve d etat final , on renvoie None
56     return None

```

projet2.py

2.4 class Test

Le jeu du taquin n'a pas forcément de solution suivant l'état initial et l'état final choisis. Il faut notamment que le nombre de différences de positionnement des tuiles, entre ces deux états, soit pair.

Nous avons choisi d'utiliser cette propriété pour éviter de générer des cas insolubles lors de la phase de tests. Pour cela, nous nous sommes également placés dans un cas particulier où l'état final souhaité sera le suivant : "01234567X".

isSolvable() : vérifier si le taquin est résolvable

La méthode `isSolvable()` calcule le nombre d'inversions dans le taquin, entre l'état initial et l'état final. Le taquin est résolvable uniquement si le nombre d'inversions est pair.

```

1  def isSolvable(self):
2      # Convertir la chaîne de caractères en une liste d'entiers
3      nums = [int(x) for x in self.data if x != 'X']
4
5      # Compter le nombre d'inversions dans la liste
6      inversions = 0
7      for i in range(len(nums)):
8          for j in range(i+1, len(nums)):
9              if nums[i] > nums[j]:
10                 inversions += 1
11
12     # Si le nombre d'inversions est pair, le puzzle est soluble
13     return inversions % 2 == 0

```

projet2.py

melanger_chaine() : mélanger le taquin

La méthode `melanger_chaine()` mélange aléatoirement les caractères d'une chaîne, elle renvoie la chaîne obtenue. Cette méthode utilise la fonction `shuffle()` du module `random` de Python pour mélanger les caractères de la chaîne.

```

1  def melanger_chaine(self):
2      """Mélange une chaîne de caractères"""
3      list_car = list(self.data)
4      random.shuffle(list_car)
5      chaine_melangee = ''.join(list_car)
6      return chaine_melangee

```


3. Tests de performance

Afin d'évaluer les performances des différentes heuristiques, nous avons réalisé quelques tests.

Les critères d'évaluation que nous avons choisis de mesurer sont :

- le temps de résolution : le temps nécessaire à l'algorithme pour effectuer les calculs et retourner un résultat
- le nombre de nœuds explorés : le nombre de nœuds examinés avant d'arriver à la solution souhaitée. Ce critère permet d'évaluer l'espace mémoire utilisé par l'algorithme.
- le nombre de coup : le nombre déplacements minimum que l'algorithme a trouvé pour parvenir à la solution.

3.1 Test de performances en fonction des différentes heuristiques pour un état initial donné

Etat initial : taquin = Taquin("135X76420")

Voici les résultats :

	Temps de résolution	Nombre de noeuds explorés	Nombre de coups
h1	0.04266s	738	31
h2	0.00804s	196	39
h3	0.83842s	4737	27
h4	0.01186s	252	39
h5	0.76512s	4293	27
h6	0.34134s	2835	25

Nous pouvons voir que chaque heuristique permet d'arriver à la solution avec un nombre de coups différent. Nous pouvons constater aussi que plus le nombre de noeuds explorés est faible, plus le nombre de coups est important.

Parmi les heuristiques, il semblerait que h6 soit la plus intéressante :

- le nombre de coups est optimal
- le temps de résolution et le nombre de noeuds explorés sont dans la moyenne.

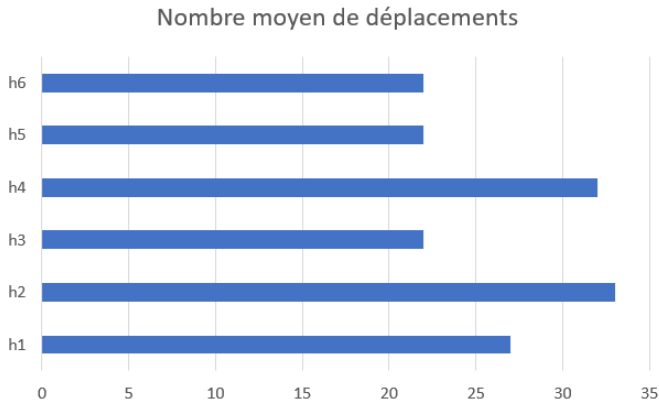
Les heuristiques h3 et h5 permettent également d'avoir une solution la plus rapide en nombre de coups, en revanche elles sont moins intéressantes en terme de temps d'exécution et d'utilisation de la mémoire.

3.2 Test de performances pour des états initiaux générés aléatoirement en fonction des différentes heuristiques

Nous allons maintenant vérifier si le test précédent est représentatif, en testant sur un échantillon de 1000 taquins générés aléatoirement. Les résultats obtenus sont les

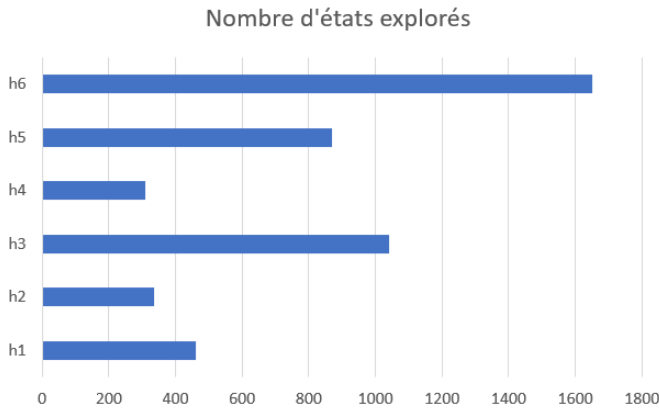
moyennes des différents tests. Dans les tests réalisés en moyenne 50 % des taquins sont résolubles.

Le nombre de coups



Nous constatons que le résultat est cohérent avec le test est précédent. Les heuristiques h3, h5, h6 permettent de parvenir à la solution avec un nombre de coup le plus faible.

Le nombre d'états explorés

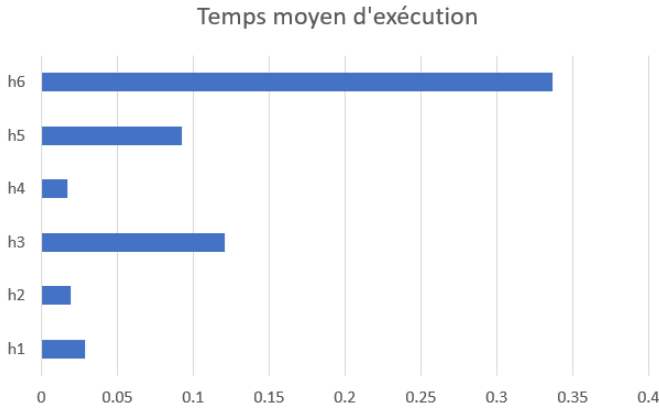


Contrairement au test précédent, l'heuristique h6 présente une consommation beaucoup plus importante en terme de mémoire, dû à un nombre d'états explorés élevé.

Nous pouvons constater que le nombre de nœuds explorés est inversement proportionnel au nombre de coups joués. Cela suggère que plus le programme explore de nœuds,

plus il est en mesure de trouver une solution qui minimise le nombre de mouvements de pièces.

Le temps d'exécution



Nous pouvons constater que les heuristiques qui expandent le plus de noeuds sont les moins rapides. En revanche un algorithme explore des possibilités, plus il est susceptible de trouver une solution optimale en nombre de coups.

Sur un échantillon de 1000 tests, nous constatons que h5 est l'heuristique la plus intéressante, elle est la plus optimale et présente une consommation en espace mémoire et un temps d'exécution les plus faibles en moyenne.

4. Extensions possibles

5. Conclusion

En conclusion, l'algorithme A^* est un algorithme complet, capable de trouver une solution à un problème complexe si elle existe. Il utilise une heuristique pour guider la recherche, ce qui permet de réduire considérablement le nombre de nœuds explorés par rapport à des recherches simples de type BFS ou DFS. En revanche, la difficulté de cet algorithme réside dans le choix de l'heuristique. Nous avons vu dans les exemples précédents qu'un réglage de la pondération était nécessaire pour arriver à une solution acceptable en terme de consommation de mémoire et de temps d'exécution.

6. Annexes

```

1
2
3 from gettext import find
4 import math

```

```

5 import random
6 from collections import deque
7 import time
8
9 POIDS = ((36, 12, 12, 4, 1, 1, 4, 1, 0), # pi1
10          (8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0), # pi2 = pi3
11          (8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0), # pi3 = pi2
12          (8, 7, 6, 5, 3, 2, 4, 1, 0), # pi4 = pi5
13          (8, 7, 6, 5, 3, 2, 4, 1, 0), # pi5 = pi4
14          (1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0)) # pi6
15
16 COEFF = (4, 1, 4, 1, 4, 1) # rho1 a rho6
17
18
19 class Taquin:
20
21     def __init__(self, param):
22
23         if isinstance(param, str):
24             self.state = param
25             self.size = int(math.sqrt(len(self.state)))
26             if self.size ** 2 != len(self.state):
27                 raise Exception("Le taquin doit être un carre")
28             self.f = 0
29             self.history = ''
30         elif isinstance(param, Taquin):
31             self.state = param.state
32             self.size = param.size
33             self.history = param.history
34             self.f = param.f
35         else:
36             raise Exception("Parametre inconnu")
37
38     def __eq__(self, other):
39         return isinstance(other, Taquin) and self.state == other.state
40
41     def __hash__(self):
42         return hash(self.state)
43
44     def __str__(self):
45         grille = [self.state[i * self.size:(i + 1) * self.size]
46                   for i in range(self.size)]
47         return '\n'.join(' '.join(str(cell) for cell in row) for row in
48                             grille)
49
50     def move(self, direction):
51
52         pos = self.state.find('X')
53         newpos = pos
54         if pos is None:
55             return None
56
57         if (direction == "N"):
58             newpos = pos-3
59             if (newpos < 0):
60                 return None
61         elif (direction == "S"):

```

```

61         newpos = pos+3
62         if (newpos > (self.size*self.size)-1):
63             return None
64         elif (direction == "O"):
65             if (pos % 3 == 0):
66                 return None
67             newpos = pos-1
68         elif (direction == "E"):
69             if (pos % 3 == 2):
70                 return None
71             newpos = pos+1
72
73         res = Taquin(self)
74         tmp = res.state[newpos]
75         res.state = res.state.replace('X', 'Y')
76         res.state = res.state.replace(self.state[newpos], 'X')
77         res.state = res.state.replace('Y', tmp)
78         res.history += direction
79         return res
80
81     def getChild(self):
82         children = []
83
84         if self.move("N") != None:
85             children.append(self.move("N"))
86
87         if self.move("S") != None:
88             children.append(self.move("S"))
89
90         if self.move("E") != None:
91             children.append(self.move("E"))
92
93         if self.move("O") != None:
94             children.append(self.move("O"))
95
96         return children
97
98     def dist_manhattan(self, e, state_final):
99         # renvoie le nombre de deplacement a faire pour obtenir l'etat
100         final
101         pos = self.state.find(e)
102
103         # cherche la position de la tuile dans l'etat final
104         pos_final = state_final.state.index(e)
105         # déplacements a faire pour obtenir la position finale de la
106         tuile
107         h = abs(pos % self.size - pos_final % self.size) + \
108             abs(pos // self.size - pos_final // self.size)
109         return h
110
111     def get_h_score(self, mod, final_state):
112         res = 0
113         a = 0
114         for e in self.state:
115             if (e == "X"):
116                 continue

```

```

116         a += POIDS[mod-1][int(e)] * (self.dist_manhattan(e,
final_state))
117         res = a // COEFF[mod-1]
118         return res
119
120     def get_traveledPath(self):
121         return len(self.history)
122
123     def printTaquin(self, deplacement):
124         temp = self
125         list = []
126         for i in deplacement:
127             a = temp.move(i)
128             if a:
129                 temp = a
130                 list.append(a)
131         return list
132
133
134     class Algo:
135
136         def __init__(self):
137             self.explored_count = 0 # Initialisation du compteur
138
139         def find(self, mode, initial_state, final_state):
140             border_set = [] # liste ordonnee de l'ensemble frontiere
141             border_dict = {} # dictionnaire de l'ensemble frontiere
142             explored_dict = {} # savoir si l'etat a deja ete parcouru
143             cpt = 0
144             # au debut mettre l'etat initial dans frontiere + explored
145             initial_state.f = initial_state.get_h_score(mode, final_state)
146             border_set.append(initial_state)
147             border_dict[initial_state] = initial_state
148
149             while border_set:
150                 current = border_set.pop(0)
151
152                 # supprime de border_dict et ajoute a explored_dict
153                 del border_dict[current]
154                 explored_dict[current] = current
155                 self.explored_count += 1
156
157                 # Verifier si l'etat courant de la liste correspond a l'etat
final
158                 if current.state == final_state.state:
159                     # Si oui, terminer la boucle
160                     return current
161
162                 # recuperer les enfants de ce premier etat de la liste
frontiere
163                 neighbors = current.getChild()
164
165                 for neighbor in neighbors:
166                     # calculer les heuristiques des enfants
167                     neighbor.f = neighbor.get_traveledPath() + neighbor.
get_h_score(mode, final_state)
168

```

```

169         # rechercher dans l ensemble si les etats des enfants ne
sont pas deja presents => Si l etat est deja present et a un chemin
plus long que le nouveau, on le supprime de l'ensemble et du
dictionnaire frontiere

```

```

170         if neighbor in border_dict:
171             found = border_dict[neighbor]
172             if (found.get_traveledPath() > neighbor.
get_traveledPath()):
173                 border_set.remove(found)
174                 del border_dict[found]
175             else:
176                 continue
177

```

```

178         # Si l etat est deja present et a un chemin plus court
que le nouveau, on oublie le nouveau
179         # sinon on l insere dans l ensemble frontiere par ordre d
heuristique croissante, et on le reference dans le dictionnaire
frontiere

```

```

180         if neighbor in explored_dict:
181             found = explored_dict[neighbor]
182
183             if (found.get_traveledPath() > neighbor.
get_traveledPath()):
184                 explored_dict[neighbor] = neighbor
185             else:
186                 continue
187

```

```

188         # Ajouter le voisin a la frontiere en triant par ordre
croissan

```

```

189         border_set.append(neighbor)
190         border_set.sort(key=lambda x: x.f)
191         border_dict[neighbor] = neighbor
192

```

```

193         # Si on n a pas trouve d etat final, on renvoie None
194         return None
195

```

```

196     def get_explored_states_count(self):
197         return self.explored_count
198

```

```

200     class Test:

```

```

201
202     def __init__(self, data):
203         self.data = data
204

```

```

205     def getData(self):
206         return self.data
207

```

```

208     def isSolvable(self):
209         # Convertir la chaîne de caractères en une liste d'entiers
210         nums = [int(x) for x in self.data if x != 'X']
211
212         # Compter le nombre d'inversions dans la liste
213         inversions = 0
214         for i in range(len(nums)):
215             for j in range(i+1, len(nums)):
216                 if nums[i] > nums[j]:

```

```

217             inversions += 1
218
219         # Si le nombre d'inversions est pair, le puzzle est soluble
220         return inversions % 2 == 0
221
222     def melanger_chaine(self):
223         """Mélange une chaîne de caractères"""
224         list_car = list(self.data)
225         random.shuffle(list_car)
226         chaine_melangee = ''.join(list_car)
227         return chaine_melangee
228
229
230     # sum_dep = 0
231     # sum_time = 0
232     # cpt_ok = 0
233     # sum_expl = 0
234     # cpt_bad = 0
235     # test = Test("01234567X")
236     # final = Taquin("01234567X")
237     # for i in range(1000):
238
239     #     t = test.melanger_chaine()
240     #     new_test = Test(t)
241     #     print("Test", i)
242     #     if new_test.isSolvable():
243     #         taquin = Taquin(new_test.getData()) # [0, 1, 2, 3, 'x', 4, 5,
244         6, 7]
245
246     #         monAlgo = Algo()
247     #         start = time.time()
248     #         res = monAlgo.find(3, taquin, final)
249     #         end = time.time()
250     #         elapsed = end - start
251     #         print("temps d'execution : ", round(elapsed, 5))
252     #         print("nombre de déplacements :", len(res.history))
253     #         print("déplacements réalisés :", res.history)
254     #         print("nombre d'états explorés : ",
255     #               monAlgo.get_explored_states_count())
256     #         sum_expl += monAlgo.get_explored_states_count()
257     #         sum_time += round(elapsed, 5)
258     #         sum_dep += len(res.history)
259     #         cpt_ok += 1
260
261     #     else:
262     #         print("Pas de solution")
263     #         cpt_bad += 1
264     #         print("\n")
265
266     # print("Nombre d'états ok : ", cpt_ok)
267     # print("Nombre d'états initiaux mauvais : ", cpt_bad, "\n")
268
269     # print("Nombre d'états explorés : ", round(sum_expl/cpt_ok))
270     # print("Temps moyen : ", round(sum_time/cpt_ok, 5))
271     # print("Déplacement moyen : ", round(sum_dep/cpt_ok))
272
273     taquin = Taquin("X76543210") # [0, 1, 2, 3, 'x', 4, 5, 6, 7]

```



```
273 final = Taquin("01234567X")
274
275
276 monAlgo = Algo()
277 start = time.time()
278 res = monAlgo.find(1, taquin, final)
279 end = time.time()
280 elapsed = end - start
281
282 print("\n")
283 cpt = 0
284
285 print("Etat initial :")
286 print("-----")
287 print(taquin)
288 for i in taquin.printTaquin(res.history):
289     cpt += 1
290     print(" ")
291     print("Etape : ", cpt)
292     print("-----")
293     print(i)
294 print("nombre d'états explorés : ", monAlgo.get_explored_states_count())
295 print("temps d'exécution : ", round(elapsed, 5))
296 print("nombre de déplacements :", len(res.history))
297 print("déplacements réalisés :", res.history)
```