

# Atividade Avaliativa - Física de Reatores

Thalles Oliveira Campagnani

## 1 Exercício 1

### 1.1 Enunciado

Como é de conhecimento, a equação da difusão de nêutrons em estado estacionário, unidimensional, monoenergética em um meio homogêneo é representada por:

$$-D\nabla^2\varphi(r) + \Sigma_a\varphi(r) = S(r) \quad (01)$$

na qual:

- $\varphi(r)$  é o fluxo de nêutrons na posição  $r$ ;
- $D$  é o coeficiente de difusão do meio homogêneo;
- $\Sigma_a$  é a seção de choque macroscópica de absorção; e
- $S(r)$  é o termo fonte que também está em função do fluxo de nêutrons e é dado por:

$$S(r) = \frac{1}{k}\nu\Sigma_f\varphi(r) \quad (02)$$

onde  $k$  é o fator de multiplicação efetivo,  $\nu$  é o número médio de nêutrons produzidos por fissão, e  $\Sigma_f$  é a seção de choque macroscópica de fissão.

Mostre que aplicando *Fórmulas Diferença Finita* centrada de segunda ordem a Equação (01) se obtém a seguinte *Equação de Diferença Finita*:

$$a_1 \cdot \varphi_{i-1} + b \cdot \varphi_i + a_2 \cdot \varphi_{i+1} = S_i \quad (03)$$

sendo

$$a_1 = -\frac{D}{\Delta r^2} \left[ 1 - \frac{c}{2N} \right], \quad b = \frac{2D}{\Delta r^2} + \Sigma_a, \quad a_2 = -\frac{D}{\Delta r^2} \left[ 1 + \frac{c}{2N} \right], \quad N = \frac{\Delta r}{r}$$

onde  $N$  é o número de segmentos da malha e  $c = 0, 1, 2$  para geometria plana, cilíndrica e esférica, respectivamente.

### 1.2 Dados

Equação da Difusão:

$$-D\nabla^2\phi(r) + \Sigma_a\phi(r) = S(r) \quad (1)$$

tal que

$$S(r) = \frac{1}{k}\nu\Sigma_f\phi(r) \quad (2)$$

Formulas de diferença:

$$f_{x|i} = \frac{f_{i+1} - f_{i-1}}{2\Delta x} \quad (3)$$

e

$$f_{xx|i} = \frac{f_{i+1} - 2f_i + f_{i-1}}{\Delta x^2} \quad (4)$$

Laplaciano para o caso unidimensional de coordenadas cartesianas:

$$\nabla = \frac{\partial^2}{\partial x^2} \quad (5)$$

Laplaciano para o caso unidimensional de coordenadas cilíndricas:

$$\nabla = \frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial}{\partial r} \quad (6)$$

Laplaciano para o caso unidimensional de coordenadas esféricas:

$$\nabla = \frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \quad (7)$$

### 1.3 Desenvolvimento

#### 1.3.1 Plano

Aplicando o laplaciano para o caso caso cartesiano na equação da difusão e omitindo que os termos estão em função de x, temos que

$$-D \frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2} + \Sigma_a \phi = S \quad (8)$$

aplicando as formulas da diferença

$$-D \left( \frac{\phi_{i+1} - 2\phi_i + \phi_{i-1}}{\Delta x^2} \right) + \Sigma_a \phi_i = S_i \quad (9)$$

colocando cada  $\phi$  em evidência

$$\left( -\frac{D}{\Delta x^2} \right) \phi_{i+1} + \left( \frac{2D}{\Delta x^2} + \Sigma_a \right) \phi_i + \left( -\frac{D}{\Delta x^2} \right) \phi_{i-1} = S_i \quad (10)$$

temos que

$$a_p \phi_{i-1} + b_p \phi_i + c_p \phi_{i+1} = S_i \quad (11)$$

Tal que

$$a_p = \frac{-D}{\Delta x^2} = \frac{-D}{\Delta x^2} \left( 1 - \frac{c}{2N} \right) \quad (12)$$

e

$$b_p = \frac{2D}{\Delta x^2} + \Sigma_a \quad (13)$$

e

$$c_p = \frac{-D}{\Delta x^2} = \frac{-D}{\Delta x^2} \left( 1 + \frac{c}{2N} \right) \quad (14)$$

Portanto concluímos que  $c = 0$  para o caso plano.

### 1.3.2 Cilíndrico

Aplicando o laplaciano para o caso caso cilíndrico na equação da difusão e omitindo que os termos estão em função de  $r$ , temos que

$$-D\left(\frac{\partial^2 \phi}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial \phi}{\partial r}\right) + \Sigma_a \phi = S \quad (15)$$

aplicando as formulas da diferença

$$-D\left(\frac{\phi_{i+1} - 2\phi_i + \phi_{i-1}}{\Delta r^2} + \frac{2}{r} \frac{\phi_{i+1} - \phi_{i-1}}{2\Delta r}\right) + \Sigma_a \phi_i = S_i \quad (16)$$

colocando cada  $\phi$  em evidência

$$\left(-\frac{D}{\Delta r^2} - \frac{D}{r\Delta r}\right)\phi_{i+1} + \left(\frac{2D}{\Delta r^2} + \Sigma_a\right)\phi_i + \left(-\frac{D}{\Delta r^2} + \frac{D}{r\Delta r}\right)\phi_{i-1} = S_i \quad (17)$$

temos que

$$a_c \phi_{i-1} + b_c \phi_i + c_c \phi_{i+1} = S_i \quad (18)$$

Tal que

$$a_c = \frac{-D}{\Delta r^2} \left(1 - \frac{\Delta r}{r}\right) = \frac{-D}{\Delta x^2} \left(1 - \frac{c}{2N}\right) \quad (19)$$

e

$$b_c = \frac{2D}{\Delta r^2} + \Sigma_a \quad (20)$$

e

$$c_c = \frac{-D}{\Delta r^2} \left(1 + \frac{\Delta r}{r}\right) = \frac{-D}{\Delta x^2} \left(1 + \frac{c}{2N}\right) \quad (21)$$

Portanto concluímos que  $c = 2$  para o caso cilíndrico.

### 1.3.3 Esférico

Aplicando o laplaciano para o caso caso esférico na equação da difusão e omitindo que os termos estão em função de  $r$ , temos que

$$-D\left(\frac{\partial^2 \phi}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \phi}{\partial r}\right) + \Sigma_a \phi = S \quad (22)$$

aplicando as formulas da diferença

$$-D\left(\frac{\phi_{i+1} - 2\phi_i + \phi_{i-1}}{\Delta r^2} + \frac{1}{r} \frac{\phi_{i+1} - \phi_{i-1}}{2\Delta r}\right) + \Sigma_a \phi_i = S_i \quad (23)$$

colocando cada  $\phi$  em evidência

$$\left(-\frac{D}{\Delta r^2} - \frac{D}{2r\Delta r}\right)\phi_{i+1} + \left(\frac{2D}{\Delta r^2} + \Sigma_a\right)\phi_i + \left(-\frac{D}{\Delta r^2} + \frac{D}{2r\Delta r}\right)\phi_{i-1} = S_i \quad (24)$$

temos que

$$a_e \phi_{i-1} + b_e \phi_i + c_e \phi_{i+1} = S_i \quad (25)$$

Tal que

$$a_e = \frac{-D}{\Delta r^2} \left(1 - \frac{\Delta r}{2r}\right) = \frac{-D}{\Delta x^2} \left(1 - \frac{c}{2N}\right) \quad (26)$$

e

$$b_e = \frac{2D}{\Delta r^2} + \Sigma_a \quad (27)$$

e

$$c_e = \frac{-D}{\Delta r^2} \left(1 + \frac{\Delta r}{2r}\right) = \frac{-D}{\Delta x^2} \left(1 + \frac{c}{2N}\right) \quad (28)$$

Portanto concluimos que  $c = 1$  para o caso esférico.

## 2 Exercício 2

### 2.1 Enunciado

Uma placa de altura infinita possui espessura de 1,0 cm. Empregado a Equação (03), determine a distribuição do fluxo e o fator de multiplicação do sistema, considerando o meio homogêneo,  $D=1,0$  cm,  $\Sigma_a = 1,0$  cm<sup>-1</sup>,  $\nu\Sigma_f=10,8$  cm<sup>-1</sup> e  $\Delta x=1/6$ . Também considere que não há fugas nem reflexão de nêutrons; isto é  $\varphi_0 = \varphi_N = 0$ .

### 2.2 Desenvolvimento

#### 2.2.1 Analítico

Calculando  $N$  temos que

$$N = \frac{r}{\Delta r} = \frac{1}{\frac{1}{6}} = 6 \quad (29)$$

Iterando a equação (1) de 1 até  $N - 1 = 5$ , temos

$$\begin{aligned} i = 1 &\implies a_1\phi_0 + b\phi_1 + a_2\phi_2 = \frac{1}{k}S_1 \\ i = 2 &\implies a_1\phi_1 + b\phi_2 + a_2\phi_3 = \frac{1}{k}S_2 \\ i = 3 &\implies a_1\phi_2 + b\phi_3 + a_2\phi_4 = \frac{1}{k}S_3 \\ i = 4 &\implies a_1\phi_3 + b\phi_4 + a_2\phi_5 = \frac{1}{k}S_4 \\ i = 5 &\implies a_1\phi_4 + b\phi_5 + a_2\phi_6 = \frac{1}{k}S_5 \end{aligned} \quad (30)$$

pelas condições de contorno temos que

$$\phi_0 = \phi_6 = 0 \quad (31)$$

logo

$$\begin{aligned} i = 1 &\implies b\phi_1 + a_2\phi_2 = \frac{1}{k}S_1 \\ i = 2 &\implies a_1\phi_1 + b\phi_2 + a_2\phi_3 = \frac{1}{k}S_2 \\ i = 3 &\implies a_1\phi_2 + b\phi_3 + a_2\phi_4 = \frac{1}{k}S_3 \\ i = 4 &\implies a_1\phi_3 + b\phi_4 + a_2\phi_5 = \frac{1}{k}S_4 \\ i = 5 &\implies a_1\phi_4 + b\phi_5 = \frac{1}{k}S_5 \end{aligned} \quad (32)$$

Podemos definir

$$\Phi^T = [\phi_1, \phi_2, \phi_3, \phi_4, \phi_5] \quad (33)$$

e

$$\mathbf{S}^T = [S_1, S_2, S_3, S_4, S_5] \quad (34)$$

e

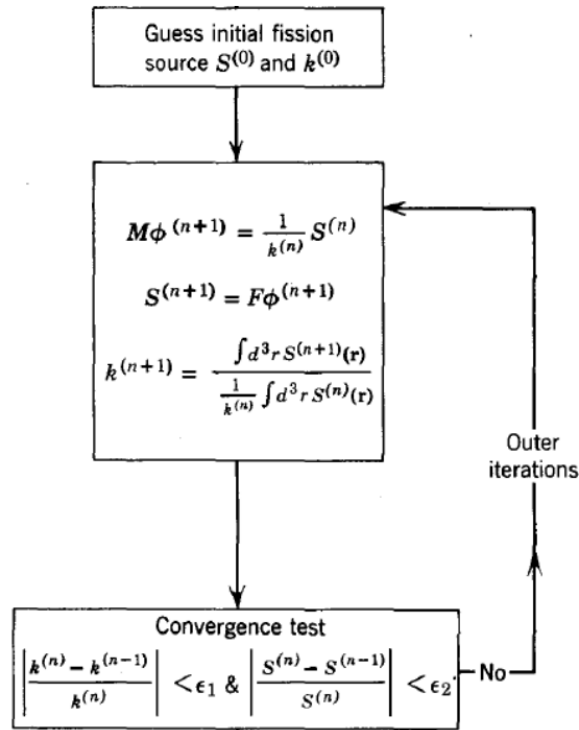
$$\mathbf{M} = \begin{pmatrix} b & a_2 & 0 & 0 & 0 \\ a_1 & b & a_2 & 0 & 0 \\ 0 & a_1 & b & a_2 & 0 \\ 0 & 0 & a_1 & b & a_2 \\ 0 & 0 & 0 & a_1 & b \end{pmatrix}$$

Logo o sistema de equações pode ser escrito como a seguinte equação matricial

$$\mathbf{M}\Phi = \frac{1}{k}\mathbf{S} \quad (35)$$

### 2.2.2 Computacional

A partir do fluxograma abaixo, do dados do enunciado e dos cálculos algébricos que foram realizados, foi desenvolvido um algoritmo para resolver o problema



Código desenvolvido em linguagem MATLAB

```

clear
clc

%Dados
D      = 1.0; %cm
Sigma_a = 1.0; % cm1
vSigma_f = 10.8; % cm1
x      = 1; %cm
dx     = 1/6; %cm

%Formulas

```

```

N      = x/dx;
a1     = -D/dx^2;
a2     = a1;
b      = 2*D/dx^2 + Sigma_a;

%Matriz
M = [
    b a2 0 0 0;
    a1 b a2 0 0;
    0 a1 b a2 0;
    0 0 a1 b a2;
    0 0 0 a1 b;
];

%Inversa da matriz
inv_M = inv(M);

% Chute inicial
k=1;
S = [
    1;
    1;
    1;
    1;
    1;
    1;
];

%Calculo de Phi a partir do chute inicial
phi = inv_M * S / k;

%Dados para loop
i = 1; %Variavel auxiliar 1
e = 2; %Variavel auxiliar 2
err = 0.001; %Erro mximo (criterio de parada)

%loop
while 1
    i = i + 1; %Primeiro phi j foi calculado, loop comea na segunda interao

    S(:,i) = vSigma_f * phi(:,i-1); %Calcule S

    k(i) = k(i-1) * ( S(1,i) + S(2,i) + S(3,i) + S(4,i) + S(5,i) ) / ( S(1,i-1) + S(2,i-1) + S(3,i-1) + S(4,i-1) + S(5,i-1) ); %Calcule K

    phi(:,i) = inv_M * S(:,i-1) / k(i-1); %Calcule phi

    % Condição de parada
    if (i>2 && ( abs(k(i) - k(i-e)) < err ) && ( abs(S(1,i) - S(1,i-e)) < err ) && ( abs(S(2,i) - S(2,i-e)) < err ) && ( abs(S(3,i) - S(3,i-e)) < err ))
        break;
    end
end

```

---

### 2.2.3 Resultado

Executando o loop até que o erro entre uma iteração e outra seja de no máximo 1 centésimo, resultou em um total de 9 iterações.

Os valores de  $k$  para cada iteração podem ser vistos na tabela abaixo, o qual  $i = 1$  é o chute inicial.

$k_i$	i=1	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7	i=8	i=9	i=10
k	1.0000	0.9522	0.9522	1.0051	1.0051	1.0131	1.0131	1.0143	1.0143	1.0144

Os valores de  $\Phi$  para cada iteração podem ser vistos na tabela abaixo, o qual  $i = 1$  é o resultado do chute inicial.

$\Phi_i$	i=1	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7	i=8	i=9	i=10
$\phi_1$	0.0633	0.0633	0.0630	0.0630	0.0629	0.0629	0.0629	0.0629	0.0629	0.0629
$\phi_2$	0.1006	0.1006	0.1078	0.1078	0.1088	0.1088	0.1090	0.1090	0.1090	0.1090
$\phi_3$	0.1129	0.1129	0.1238	0.1238	0.1255	0.1255	0.1258	0.1258	0.1258	0.1258
$\phi_4$	0.1006	0.1006	0.1078	0.1078	0.1088	0.1088	0.1090	0.1090	0.1090	0.1090
$\phi_5$	0.0633	0.0633	0.0630	0.0630	0.0629	0.0629	0.0629	0.0629	0.0629	0.0629



### 3 Exercício 3

#### 3.1 Enunciado

Uma esfera constituída unicamente de  $^{239}\text{Pu}$  possui densidade de  $14,4 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ .

- Usando os dados informados na tabela abaixo, calcule o raio e a massa crítica dessa esfera.
- A partir do raio calculado e considerando o meio homogêneo, determine a distribuição do fluxo de nêutrons e o fator de multiplicação usando a Equação (03). Nesse caso, empregue a simetria do sistema, impondo  $\Delta r = 1/5$  e supondo que não haja fugas de nêutrons da esfera, isto é  $\varphi_N = 0$ .
- Verifique se o valor do fator de multiplicação imposto em (a) é igual ao calculado em (b). Explique.

Dados:				
A (g/mol)	v	$\sigma_f(\text{b})$	$\sigma_\gamma(\text{b})$	$\sigma_{tr}(\text{b})$
239.05	2.98	1.85	0.26	6.80

#### 3.2 Desenvolvimento Letra A

Considerando a teoria da difusão para um único grupo de energia, temos que

$$k = \frac{v \frac{\Sigma_f}{\Sigma_a}}{1 + L^2 B_g^2} \quad (36)$$

podemos considerar também as seguintes relações

$$L^2 = \frac{D}{\Sigma_a}; \quad D = \frac{1}{3\Sigma_{tr}}; \quad B_g^2 = \left(\frac{\pi}{R}\right)^2 \quad (37)$$

dado que estamos querendo encontrar o raio que torna a esfera crítica, podemos substituir  $k = 1$  na Eq. 36 e as relações da Eq. 37 a fim de encontrar o raio  $R$

$$\frac{v \frac{\Sigma_f}{\Sigma_a}}{1 + \frac{1}{3\Sigma_{tr}\Sigma_a} \frac{\pi^2}{R^2}} = 1 \quad (38)$$

realizando algumas álgebras em prol de isolar  $\tilde{R}$

$$v \frac{\Sigma_f}{\Sigma_a} = 1 + \frac{1}{3\Sigma_{tr}\Sigma_a} \frac{\pi^2}{\tilde{R}^2} \quad (39)$$

$$v \frac{\Sigma_f}{\Sigma_a} - 1 = \frac{1}{3\Sigma_{tr}\Sigma_a} \frac{\pi^2}{\tilde{R}^2} \quad (40)$$

$$3\Sigma_{tr}\Sigma_a \tilde{R}^2 = \frac{\pi^2}{v \frac{\Sigma_f}{\Sigma_a} - 1} \quad (41)$$

$$\tilde{R}^2 = \frac{\pi^2}{3\Sigma_{tr}\Sigma_a(v \frac{\Sigma_f}{\Sigma_a} - 1)} = \frac{\pi^2}{3\Sigma_{tr}(v\Sigma_f - \Sigma_a)} \quad (42)$$

chegamos a

$$\tilde{R} = \frac{\pi}{\sqrt{3}} \sqrt{\frac{1}{\Sigma_{tr}(v\Sigma_f - \Sigma_a)}} \quad (43)$$

Podemos também considerar a relação entre seção de choque macroscópica e microscópica

$$\Sigma_i = N\sigma_i \quad (44)$$

como a esfera é constituída unicamente de um material, temos que

$$\tilde{R} = \frac{\pi}{\sqrt{3}} \frac{1}{\sqrt{N\sigma_{tr}(vN\sigma_f - N\sigma_a)}} = \frac{\pi}{\sqrt{3}} \frac{1}{N\sqrt{\sigma_{tr}(v\sigma_f - \sigma_a)}} \quad (45)$$

considerando a relação entre  $\tilde{R}$  e  $R$

$$\tilde{R} = R + a; \quad a = 0,71\lambda_{tr}; \quad \lambda_{tr} = \frac{1}{\Sigma_{tr}} \implies R = \tilde{R} - \frac{0,71}{N\sigma_{tr}} \quad (46)$$

temos que

$$R = \frac{\pi}{\sqrt{3}} \frac{1}{N\sqrt{\sigma_{tr}(v\sigma_f - \sigma_a)}} - \frac{0,71}{N\sigma_{tr}} \quad (47)$$

Considerando que

$$N = \frac{\rho N_a}{M} \quad (48)$$

e

$$\sigma_a = \sigma_f + \sigma_\gamma \quad (49)$$

Calculando  $R$  com os dados oferecidos na tabela, temos que

$$R = \frac{\pi}{\sqrt{3}} \frac{1}{\frac{14,4*6,022*10^{23}}{239,05} \sqrt{6,8 * 10^{-24}(2,98 * 1,85 * 10^{-24} - (0,26 + 1,85) * 10^{-24})}} - \frac{0,71}{\frac{14,4*6,022*10^{23}}{239,05} 6,8 * 10^{-24}} \quad (50)$$

logo

$$\begin{aligned} R &= 7,5159cm \\ \tilde{R} &= 10,3942cm \end{aligned} \quad (51)$$

### 3.3 Desenvolvimento Letra B

#### 3.3.1 Analítico

Iterando a equação (1) de 0 até  $N - 1 = 4$ , temos

$$\begin{aligned} i = 0 &\implies a_1\phi_{-1} + b\phi_0 + a_2\phi_1 = \frac{1}{k}S_0 \\ i = 1 &\implies a_1\phi_0 + b\phi_1 + a_2\phi_2 = \frac{1}{k}S_1 \\ i = 2 &\implies a_1\phi_1 + b\phi_2 + a_2\phi_3 = \frac{1}{k}S_2 \\ i = 3 &\implies a_1\phi_2 + b\phi_3 + a_2\phi_4 = \frac{1}{k}S_3 \\ i = 4 &\implies a_1\phi_3 + b\phi_4 + a_2\phi_5 = \frac{1}{k}S_4 \end{aligned}$$

pelas condições de contorno temos que

$$\phi_5 = 0 \quad (52)$$

e

$$\phi_{-1} = \phi_1 \quad (53)$$

logo

$$\begin{aligned} i = 0 &\implies b\phi_0 + (a_1 + a_2)\phi_1 = \frac{1}{k}S_0 \\ i = 1 &\implies a_1\phi_0 + b\phi_1 + a_2\phi_2 = \frac{1}{k}S_1 \\ i = 2 &\implies a_1\phi_1 + b\phi_2 + a_2\phi_3 = \frac{1}{k}S_2 \\ i = 3 &\implies a_1\phi_2 + b\phi_3 + a_2\phi_4 = \frac{1}{k}S_3 \\ i = 4 &\implies a_1\phi_3 + b\phi_4 = \frac{1}{k}S_4 \end{aligned}$$

Podemos definir

$$\Phi^T = [\phi_0, \phi_1, \phi_2, \phi_3, \phi_4] \quad (54)$$

e

$$\mathbf{S}^T = [S_0, S_1, S_2, S_3, S_4] \quad (55)$$

e

$$\mathbf{M} = \begin{pmatrix} b & a_1 + a_2 & 0 & 0 & 0 \\ a_1 & b & a_2 & 0 & 0 \\ 0 & a_1 & b & a_2 & 0 \\ 0 & 0 & a_1 & b & a_2 \\ 0 & 0 & 0 & a_1 & b \end{pmatrix}$$

Logo o sistema de equações pode ser escrito como a seguinte equação matricial

$$\mathbf{M}\Phi = \frac{1}{k}\mathbf{S} \quad (56)$$

### 3.3.2 Computacional

A partir do fluxograma já citado, foi desenvolvido o seguinte código em linguagem MATLAB

---

```
clear
clc

%Dados
dens = 14.4*6.022*10^23/239.05; %densidade
D = 1/(3*dens*6.8*10^-24); %cm
Sigma_a = dens*(0.26+1.85)*10^-24; %cm1
vSigma_f = 2.98*dens*1.85*10^-24; % cm1
r = 7.5159;%cm
N = 5;

%Formulas
dr = r/N;
a1 = -D/dr^2 * (1 - 1/(2*N));
a2 = -D/dr^2 * (1 + 1/(2*N));
b = 2*D/dr^2 + Sigma_a;

%Matriz
M = [
    b (a1+a2) 0 0 0;
    a1 b a2 0 0;
```

```

0 a1 b a2 0;
0 0 a1 b a2;
0 0 0 a1 b;
];
%Inversa da matriz
inv_M = inv(M);

% Chute inicial
k=1;
S = [
1;
1;
1;
1;
1;
1;
];

%Calculo de Phi a partir do chute inicial
phi = inv_M * S / k;

%Dados para loop
i = 1; %Variavel auxiliar 1
e = 2; %Variavel auxiliar 2
err = 0.005; %Erro mximo (criterio de parada)

%loop
while 1
i = i + 1; %Primeiro phi j foi calculado, loop comea na segunda interao

S(:,i) = vSigma_f * phi(:,i-1); %Calcule S

k(i) = k(i-1) * ( S(1,i) + S(2,i) + S(3,i) + S(4,i) + S(5,i) ) / ( S(1,i-1) + S(2,i-1) + S(3,i-1) +
S(4,i-1) + S(5,i-1) ); %Calcule K

phi(:,i) = inv_M * S(:,i-1) / k(i-1); %Calcule phi

% Condio de parada
if (i>2 && ( abs(k(i) - k(i-e)) < err ) && ( abs(S(1,i) - S(1,i-e)) < err ) && ( abs(S(2,i) -
S(2,i-e)) < err ) && ( abs(S(3,i) - S(3,i-e)) < err ))
break;
end
end
end

```

---

### 3.3.3 Resultado

Executando o loop até que o erro entre uma iteração e outra seja de no máximo 5 centésimos, resultou em um total de 9 iterações.

Os valores de  $k$  para cada iteração podem ser vistos na tabela abaixo, o qual  $i = 1$  é o chute inicial.

$k_i$	i=1	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7	i=8	i=9	i=10
k	1.0000	1.2006	1.2006	1.2378	1.2378	1.2416	1.2416	1.2418	1.2418	1.2417

Os valores de  $\Phi$  para cada iteração podem ser vistos na tabela abaixo, o qual  $i = 1$  é o resultado do chute inicial.

$\Phi_i$	i=1	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	i=7	i=8	i=9	i=10
$\phi_1$	7.8534	7.8534	8.7327	8.7327	8.9504	8.9504	9.0063	9.0063	9.0211	9.0211
$\phi_2$	7.5200	7.5200	8.1978	8.1978	8.3436	8.3436	8.3773	8.3773	8.3857	8.3857
$\phi_3$	6.6020	6.6020	6.8098	6.8098	6.8047	6.8047	6.7946	6.7946	6.7907	6.7907
$\phi_4$	5.0989	5.0989	4.7948	4.7948	4.6648	4.6648	4.6241	4.6241	4.6124	4.6124
$\phi_5$	2.9423	2.9423	2.4130	2.4130	2.2793	2.2793	2.2442	2.2442	2.2347	2.2347

### 3.4 Letra C

Não é igual. Valor de  $k$  na letra 'A' é igual a 1, enquanto foi encontrado na letra 'B' o valor de  $k$  é igual a 1,2417. Isso se deve ao fato que na letra 'A' foi considerada fuga de nêutrons, enquanto na letra 'B' foi considerada que a fuga é nula.