

姓名: _____

学号: _____

学院(系): _____

____ 级 ____ 班

大 连 理 工 大 学

课程名称: 概率统计 A 试卷: A(48 学时) 考试形式: 闭卷

授课院(系): 数 学 考试日期: 2016 年 5 月 4 日 试卷共 4 页

| | 一 | 二 | 三 | 四 | 五 | 六 | 七 | 总分 |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|-----|
| 标准分 | 24 | 12 | 14 | 10 | 10 | 15 | 15 | 100 |
| 得 分 | | | | | | | | |

一. (共 3 个小题, 每题 8 分)

1. 设某人向一目标连续射击, 每次击中的概率均为 $\frac{1}{3}$, 且各次射击是否命中相互独立。求此人第 6 次射击时恰好命中第 3 次的概率。

2. 设 A, B 为两个事件, 且 $0 < P(A) < 1, 0 < P(B) < 1$, 已知 $P(A|B) = 1$, 求 $P(\bar{B}|\bar{A}) = 1$ 。

3. 设随机变量 X 服从参数为 p 的几何分布, 求 $P(X > 6 | X > 3)$ 。

二. 设张三每天接到的电话个数 X 服从参数为 6 的泊松分布, 而每个电话为诈骗电话的概率均为 $\frac{1}{3}$, 以 Y 表示张三每天接到的诈骗电话个数, 求 Y 的分布列。

三. 设二维随机变量 (X, Y) 的联合密度函数为 $f(x, y) = 2, 0 < x < 1, 0 < y < 1 - x$ 。

(1). 求 X 与 Y 的边际密度 $f_X(x)$ 与 $f_Y(y)$; (2). 求 $Z = \frac{Y}{X}$ 的密度函数。

四. 从单位球面上等可能地任取一点 M ，以 X, Y, Z 分别表示该点的横坐标，纵坐标，竖坐标。试求 DX 。

五. 设 X 为一个随机变量，且 $\ln X$ 服从正态分布 $N(0, 4)$ ，求 EX^3 。

六. 已知总体 X 的密度函数为 $f(x) = \frac{1}{2\theta} \exp(-\frac{|x|}{\theta})$, $x \in R$, X_1, X_2, \dots, X_n 为总体 X 的简单随机样本。(1) 求 θ 的极大似然估计量 $\hat{\theta}$; (2) 验证 $\hat{\theta}$ 是否为 θ 的无偏估计量。

七. 某工厂生产某种型号的零件, 已知零件的直径 X 服从正态分布。从某天生产的产品中随机抽取 16 个, 测得样本均值为 $\bar{x} = 50.41$ cm, 样本标准差为 $s = 2.12$ cm。(1) 求直径 X 均值的置信区间 (精确到小数点后两位数字)。(2) 可否认为总体标准差 σ 等于 2cm?

($\alpha = 0.05$, $t_{0.025}(15) = 2.1315$, $\chi_{0.025}^2(15) = 27.488$, $\chi_{0.975}^2(15) = 6.262$)

大 连 理 工 大 学

姓名: _____

学号: _____

院系: _____

____ 级 ____ 班

任课老师: _____

课程名称: 概率统计 A 试卷: A 考试形式: 闭卷
 授课院(系): 数 学 考试日期: 2014 年 11 月 11 日 试卷共 4 页

| | 一 | 二 | 三 | 四 | 五 | 六 | 七 | 八 | 总分 |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|
| 标准分 | 10 | 10 | 14 | 12 | 14 | 10 | 15 | 15 | 100 |
| 得 分 | | | | | | | | | |

一. 设 A_1, A_2, \dots, A_n 为样本空间 Ω 的一组划分, 且 $P(A_i) = p_i > 0, \sum_{i=1}^n p_i = 1$.

试用全概率公式求 A_i 比 A_j 先发生的概率. ($i \neq j$).

装

订

线

二. 已知随机变量 X 服从参数为 p 的几何分布, 证明对于任意的非负整数 n, m , 都有

$$P(X > n+m | X > m) = P(X > n).$$

A1

三. 已知随机变量 X 的密度函数为 $f(x) = \begin{cases} a, & -1 \leq x < 0 \\ b, & 0 \leq x < 2 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$, 且 $EX = 1$.

(1) 求参数 a, b ; (2) 求 $Y = X^2$ 的密度函数。

四. 某射手对一目标独立地进行射击, 每次命中的概率均为 p , 以 X 表示第一次命中时的射击次数, 以 Y 表示第三次命中时的射击次数。

(1) 求二维随机变量 (X, Y) 的联合分布列; (2) 求 X 与 Y 的边缘分布列。

五. 设二维随机变量 (X, Y) 的联合密度为 $f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{2x^2y}, & 1 < x < \infty, \frac{1}{x} < y < x \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ 。

(1) 求 X 与 Y 的边缘密度;

(2) 求 $Z = XY$ 的密度函数。

六. 设二维随机变量 (X, Y) 的联合密度为 $f(x, y) = \begin{cases} 12y^2, & 0 < y < x < 1 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$, 求 EX^2 。

七、设总体 X 服从区间 $[-\theta, \theta]$ 上的均匀分布. X_1, X_2, \dots, X_n 为随机样本。

试求参数 θ 的矩估计量 $\hat{\theta}$, 并求 $E\hat{\theta}^2$.

八、设学生在某次考试中的成绩 X 服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$, 其中 μ 与 σ^2 均未知. 今随机地

抽取 25 个样本, 得样本均值 $\bar{x} = 78.25$, 样本方差 $s^2 = 2.5^2$.

(1) 试求总体方差 σ^2 的置信区间。

(2) 问可否认为总体均值 $\mu = 80$?

($\alpha = 0.05, t_{0.025}(24) = 2.0639, \chi_{0.025}^2(24) = 39.364, \chi_{0.975}^2(24) = 12.401$)