Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo práctico 1: Especificación

Lollapatuza

alias: JUSCIKTYMTQNAEURXVZQ

Integrante	LU	Correo electrónico
Bustos, Juan	19/22	juani8.bustos@gmail.com
Dominguez, Leonardo	285/22	leodomingue2016@gmail.co
Nandín, Matías	227/22	imatinandin@gmail.com
Marín, Candela Emilia	1405/21	canmarin17@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

```
TAD String es Secuencia(Letra)
TAD Producto es String
```

TAD Persona es String

1. TAD Lollapatuza

```
TAD Lollapatuza
     géneros
                     lollapatuza
     igualdad observacional
                      (\forall lolla, lolla': lollapatuza) \quad \left( lolla =_{\text{obs}} lolla' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \text{Puestos(lolla)} =_{\text{obs}} \text{Puestos(lolla')} \land \\ \text{PesonasHabilitadas(lolla)} =_{\text{obs}} & \text{PesonasHabilitadas(lolla')} \end{pmatrix} 
     exporta
                     DevolverPersonal, generadores, PersonasHabilitadas
     usa
                      Conjunto, PuestoDeComida, Secuencias, Personas
     observadores básicos
        Puestos : lollapatuza → conj(puestoDeComida)
        PersonasHabilitadas : lollapatuza → conj(Persona)
     generadores
        Crear
Lolla : conj<br/>(puesto
DeComida) conjPC \ \longrightarrow \ \mbox{lollapatuza}
                      (\forall PC1, PC2: puestoDeComida)(((PC1,PC2) \in ConjPC) \rightarrow (ID(PC1)=ID(PC2) \iff PC1=PC2)
                      (\forall PC1, PC2 : \texttt{puestoDeComida}) (((\texttt{PC1}, \texttt{PC2}) \in \texttt{ConjPC}) \Rightarrow_{\texttt{L}} (\forall p : \texttt{Producto})
                      ((SeEncuentraEnMenu?(InformeMenu(PC1),p) \land SeEncuentraEnMenu?(PC2,p)) \Rightarrow_L
                     (DevolverPrecio(InformeMenu(PC1,p)) = DevolverPrecio(InformeMenu(PC2,p)))))
        Registrar
Venta : lollapatuza lolla \times id \ nat \times persona \ p \times producto \ prod \times nat \ n \longrightarrow lollapatuza
                    p \in \text{PersonasHabilitadas(lolla)} \land (\exists PC : \text{puestoDeComida})(PC \in \text{Puestos(lolla)} \land \text{EstaEnMe-})
                    nu?(InformeMenu(PC),p) \wedge_L HayStockSuficiente?(InformeStock(PC),prod,n))
        Llega
Persona : persona p \times \text{lollapatuza } lolla \longrightarrow \text{lollapatuza}
                                                                                                    {p ∉ PersonasHabilitadas(lolla)}
         Hackear : lollapatuza lolla \times persona \; p \times producto \; prod \; \longrightarrow \; lollapatuza
                    p \in Personas Habilitadas(lolla) \land (\exists PC : puesto DeComida)(PC \in Puestos(Lolla) \land Puesto DeComida)
                    praHackeable?(PC,p,prod))
     otras operaciones
        DevolverPersonal : lollapatuza \longrightarrow persona
                                                                                                   \{\neg \emptyset? \text{ PersonasHabilitadas(lolla)}\}
        GastosTotales : persona \times conj(PuestosComida) \longrightarrow nat
        MaximoGastador : conj(Persona) \times conjPC \longrightarrow persona
                                                                                                                  \{\neg \emptyset ? \text{conj}(\text{Persona})\}
        RegistroDeCompraHackeable? : secu(<prod \times nat>) \times producto \times listaDeDescuentos
        Puesto
DeCompra<br/>Hackeable? : puesto
DeComida × Producto × persona \ \longrightarrow \ \text{bool}
        HackearPuestos: conj(puestoDeComida) × persona × producto → conj(puestoDeComida)
                     \forall conjPC: conj(puestoDeComida), \forall lolla: lollapatuza, \forall id, cant: nat, \forall prod: Producto, \forall persona: p,
     axiomas
                     \forall hist: secu(\langle prod, nat \rangle), \forall conjPersonas: conj(Personas), \forall pt: Puesto
        Puestos(CrearLolla(conjPC)) \equiv conjPC
        Puestos(RegistrarVenta(lolla,id,p,prod,cant)) 

RegistrarVentaPuestos(Puestos(lolla), id, p, prod, cant)
        Puestos(LlegaPersona(lolla, p)) \equiv Puestos(lolla)
        Puestos(Hackear(lolla, p, prod)) \equiv HackearPuestos(Puestos(lolla), p, prod)
        PersonasHabilitadas(CrearLolla(conjPC)) \equiv \emptyset
        PersonasHabilitadas(LlegaPersona(lolla, p)) \equiv Ag(p, PersonasHabilitadas(lolla))
        PersonasHabilitadas(RegistrarVenta(lolla, id, persona, prod, cant)) 

PersonasHabilitadas(lolla)
        PersonasHabilitadas(Hackear(lolla, p, prod)) = PersonasHabilitadas(lolla)
        PuestoDeCompraHackeable?(pc,prod,p) = RegistroDeCompraHackeable(HistorialDeCompras(pc, p), prod,
                                                             informeDescuento(pc)
```

```
RegistrarVentaPuestos(conjPC, id, p, prod, cant) = if ID(DameUno(conjPC)) = id then
                                                      Ag(RegistrarVenta(DameUno(conjPC),p,prod,cant),
                                                      SinUno(conjPC)
                                                   else
                                                      Ag(DameUno(conjPC),
                                                      RegistrarVentaPuestos(SinUno(ConjPC),id,p,prod,cant))
HackearPuestos(conjPC,p,prod) \equiv if \emptyset?(conjPC) then
                                  else
                                     if PuestoDeCompraHackeable?(DameUno(ConjPC),prod,p) then
                                         Ag(CancelarVenta(DameUno(conjPC),p,prod),SinUno(conjPC))
                                         Ag(DameUno(conjPC), HackearPuestos(SinUno(conjPC), p, prod))
RegistroDeCompraHackeable?(hist, prod,d) = if Vacia?(hist) then
                                                 False
                                              else
                                                 if prim(hist)[0]=prod then
                                                    if TieneDescuento?(d,prod,prim(hist)[1]) then
                                                       RegistroDeCompraHackeable?(fin(hist, prod,d))
                                                    else
                                                       True
                                                 else
                                                    RegistroDeCompraHackeable?(fin(hist, prod,d))
                                                 fi
MaximoGastador(conjPersonas,conjPC) \equiv if \emptyset?(SinUno(conjPersona)) then
                                             DameUno(conjPersonas)
                                             if GastosTotales(DameUno(conjPersonas), conjPc) \geq Gastos-
                                             Totales(MaximoGastadores(SinUno(conjPersonas),conjPc),conjPc)
                                                DameUno(conjPersonas)
                                             else
                                                MaximoGastadores(SinUno(conjPersonas))
                                             fi
DevolverPersonal(lolla) 

MaximoGastador(personasHabilitadas(lolla), puestos(lolla))
GastosTotales(p,conjPC) \equiv if \emptyset?(conjPC) then
                            else
                               PersonaGasto(DameUno(conjPC), p) + GastosTotales(p, SinUno(conjPC))
                            fi
```

Fin TAD

2. TAD Puesto_de_comida

TAD Puesto De Comida

igualdad observacional

```
(\forall pt, pt': \text{puesto}) \quad pt =_{\text{obs}} pt' \iff \begin{cases} \text{InformeNienu}(pv_f - v_{\text{obs}}) \\ \text{InformeDescuento}(pt) =_{\text{obs}} \\ \text{InformeDescuento}(pt') \land \\ \text{ID}(pt) =_{\text{obs}} \text{ID}(pt') \land_{\text{L}} \\ (\forall p: \text{persona})(\text{HistorialDeCompra}(pt,p) =_{\text{obs}} \\ \text{Historial-Paccampra}(nt',p))) \end{cases}
                                                                   f(InformeStock(pt) =_{obs} InformeStock(pt') \land f(InformeStock(pt')) \land f(InformeStock(pt'))
géneros
                 puesto
exporta
                 Generadores, PersonaGasto, Observadores Básico
                 BOOL, NAT, MENU, LISTADEDESCUENTO, STOCK, SECUENCIA, TUPLA
observadores básicos
  InformeStock : puesto \longrightarrow stock
  InformeMenu : puesto \longrightarrow menu
  InformeDescuento : puesto \longrightarrow listadeDescuentos
  HistorialDeCompra: puesto \times persona \longrightarrow sec(Producto, cantidad)
  ID : puesto \longrightarrow nat
generadores
   NuevoPuesto: stock s \times \text{menu } m \times \text{descuentos } d \times \text{nat } id \longrightarrow \text{puesto}
                                                    \{(\forall pr: producto)(EstaEnMenu?(m,pr) \Rightarrow_{L} EstaEnListadoStock?(m,pr)\}
   Realizar
Venta : puesto pt \times persona p \times producto pr \times nat n \longrightarrow puesto
                                  \{\text{EstaEnMenu?}(\text{InformeMenu}(pt),p) \land_L \text{HayStockSuficiente?}(\text{InformeStock}(pt),p,n)\}
   Cancelar
Venta : puesto pt \times \text{persona } p \times \text{producto } pr \longrightarrow \text{puesto}
                                                                                              \land_{L}HistorialDeCompra(pt,p)[n][0]=pr
                \int (\exists n: N)(0 \le n < Longitud(HistorialDeCompra(pt,p))
               \land \neg TieneDescuento?(InformeDescuento(pt),pr,HistorialDeCompra(pt,p)[n][1]))
otras operaciones
   EliminarDeTupla : secu(<Producto \times nat>) \longrightarrow secu(<Producto, nat>)
   CantidadDeProductoAAgregar : secu(<Producto \times nat>) \times Producto \longrightarrow nat
                                                                                                                                       \{0 < k\}
  \operatorname{div}: \operatorname{nat} p \times \operatorname{nat} k \longrightarrow \operatorname{nat}
                                                                                                                                    \{d < 100\}
  aplicar Descuento: nat p \times \text{nat } d \longrightarrow \text{nat}
  sumarGastosHistorial : secu(<Producto \times nat>) \times InformeMenu \times InformeDescuento \longrightarrow nat
  Persona
Gasto : puesto
De<br/>Comida \times persona \longrightarrow nat
                 \forall s: \text{stock}, \forall m: \text{menu}, \forall d: \text{listaDeDescuentos}, \forall id, n, k: \text{nat}, \forall prod: \text{Producto}, \forall pt: \text{puesto}, \forall p, p_1, p_2:
axiomas
                 persona, \forall s: secu(< Producto, nat >)
  InformeStock(NuevoPuesto(s,m,d,id)) \equiv s
  InformeStock(RealizarVenta(pt,p,prod,n)) \equiv SacarStock(InformeStock(pt),prod,n)
  InformeStock(CancelarCompra(pt,p,prod)) \equiv AgregarStock(InformeStock(pt),prod,
                                                                CantidadDeProductoAAgregar(HistorialDeCompra(pt,p),prod,
                                                                InformeDescuento(pt))
  InformeMenu(NuevoPuesto(s,m,d,id)) \equiv m
  InformeMenu(RealizarVenta(pt,p,prod,n)) \equiv InformeMenu(pt)
  InformeMenu(CancelarCompra(pt,p,prod)) \equiv InformeMenu(pt)
  InformeDescuento(NuevoPuesto(s,m,d,id)) \equiv d
  InformeDescuento(RealizarVenta(pt,p,prod,n)) \equiv InformeDescuento(pt)
  InformeDescuento(CancelarCompra(pt,p,prod)) \equiv InformeDescuento(pt)
  ID(NuevoPuesto(s,m,d,id)) \equiv id
  ID(NuevoPuesto(RealizarVenta(pt,p,prod,n)) \ \equiv \ ID(pt)
  ID(NuevoPuesto(CancelarCompra(pt,p,prod)) \equiv ID(pt)
  HistorialDeCompra(NuevoPuesto(s,m,d,id),p) \equiv <>
  HistorialDeCompra(RealizarVenta(pt,p_1,prod,n),p_2) \equiv if p_1=p_2 then
                                                                                <prod,n> \bullet HistorialDeCompra(pt,p_1)
                                                                           else
                                                                               HistorialDeCompra(pt,p_2)
                                                                           \mathbf{fi}
```

```
HistorialDeCompra(CancelarCompra(pt,p_1,prod),p_2) \equiv if p_1=p_2 then
                                                             Eliminar De Tupla (Historial De Compra (pt, p_1), prod,
                                                             InformeDescuento(pt))
                                                          else
                                                             HistorialDeCompra(pt,p_2)
EliminarDeTupla(s,prod,d) \equiv if vacia?(s) then
                                   <>
                                else
                                   if prim(s)[0]=prod then
                                      if ¬TieneDescuento?(d,prim(s)[0],prim(s)[1]) then
                                         fin(s)
                                      else
                                          prim(s) \bullet EliminarDeTupla(fin(s),prod,d)
                                   else
                                      prim(s) \bullet EliminarDeTupla(fin(s),prod,d)
                                   fi
CantidadDeProductoAAgregar(s,prod,d) \equiv if vacia?(s) then
                                             else
                                                 if prim(s)[0]=prod then
                                                    if \negTieneDescuento?(d,prim(s)[0],prim(s)[1]) then
                                                       prim(s)[1]
                                                    else
                                                       CantidadDeProductoAAgregar(fin(s),prod,d)
                                                 else
                                                    CantidadDeProductoAAgregar(fin(s),prod,d)
div(n,k) \equiv if n < k then 0 else 1+div(n-k, k) fi
aplicarDescuento(p,d) \equiv div(p x (100-d), 100)
sumarGastosHistorial(s,d,m) \equiv if vacia?(s) then
                                    0
                                 else
                                    if TieneDescuento?(d,prim(s)[0],prim(s)[1]) then
                                        AplicarDescuento(DevolverPrecio(m,prim(s)[0]) \times prim(s)[1]),
                                        DevolverDescuento(d,prim(s)[0],prim[1]) +
                                        sumarGastosHistorial(fin(s),d,m)
                                    else
                                        DevolverPrecio(m, prim(s)[0]) \times prim(s)[1] +
                                        sumarGastosHistorial(fin(s),d,m)
PersonaGasto(pc,p) \equiv sumarGastosHistorial(HistorialDeCompra(pc,p),InformeMenu(pc),InformeDescuento(pc))
```

Fin TAD

3. TAD Menu

```
TAD Menu
```

```
igualdad observacional  (\forall m,m': \mathrm{menu}) \ (m =_{\mathrm{obs}} m' \Longleftrightarrow (\mathrm{DevolverDicc}(m) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{DevolverDicc}(m'))) géneros menu  \mathbf{exporta} \qquad \text{Generadores, EstaEnMenu?, DevolverPrecio}  usa  \mathbf{Bool, Nat, Diccionario, Producto}  observadores básicos
```

```
\begin{array}{lll} & \text{DevolverDicc}: \text{menu} & \longrightarrow \text{dicc}(\text{Producto}, \text{nat}) \\ & & \\ & & \\ & \text{SuevoMenu}: \text{dicc}(\text{Producto} \times \text{nat}) & \longrightarrow \text{menu} \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ &
```

4. TAD Stock

```
TAD Stock
```

```
igualdad observacional
               (\forall s, s' : \text{stock}) (s =_{\text{obs}} s' \iff (\text{DevolverDicc}(s) =_{\text{obs}} \text{DevolverDicc}(s')))
géneros
                Generadores, EstaEnListadoStock?, DevolverStock, HayStockSuficiente?
exporta
               BOOL, NAT, DICCIONARIO, PRODUCTO
usa
observadores básicos
  DevolverDicc : stock \longrightarrow dicc(Producto, nat)
generadores
  NuevoStock : dicc(Producto \times nat) \longrightarrow stock
  AgregarStock : stock s \times \text{Producto } p \times \text{nat } n \longrightarrow \text{stock}
                                                                                                  \{EstaEnListadoStock?(s,p)\}
  SacarStock : stock s \times \text{Producto } p \times \text{nat } n \longrightarrow \text{stock}
                                                              \{EstaEnListadoStock?(s,p) \land_L HayStockSuficiente?(s,p,n)\}
otras operaciones
  EstaEnListadoStock? : stock \times Producto \longrightarrow bool
  DevolverStock : stock s \times \text{Producto } p \longrightarrow \text{nat}
                                                                                                  {EstaEnListadoStock?(s,p)}
  HayStockSufiente? : stock s \times \text{Producto } p \times \text{nat } n \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                  {EstaEnListadoStock?(s,p)}
axiomas
               \forall s: stock, \forall prod: Producto, \forall n, cant: nat
  DevolverDicc(s) \equiv s
  DevolverDicc(AgregarStock(s, prod, n) \equiv definir(prod, obtener(prod, DevolverDicc(s)) + n,
                                                     borrar(prod, DevolverDic(s))
  DevolverDicc(SacarStock(s, prod, n) \equiv definir(prod, obtener(prod, DevolverDic(s)) - n,
                                                  borrar(prod, DevolverDic(s))
  EstaEnListadoStock?(stock,prod) = def?(prod, DevolverDicc(stock)
  DevolverStock(stock,prod) \equiv obtener(prod, DevolverDic(stock))
  HayStockSuficiente?(stock,prod,cant) \equiv DevolverStock(stock,prod) \geq cant
```

Fin TAD

5. TAD Lista De Descuentos

TAD Lista De Descuentos

igualdad observacional

```
(\forall d, d' : \text{listadeDescuentos}) \ (d =_{\text{obs}} d' \iff (\text{DevolverDicc}(d) =_{\text{obs}} \text{DevolverDicc}(d')))
               listadeDescuentos
géneros
               Generadores, TieneDescuento?, DevolverDescuento
exporta
               BOOL, NAT, DICCIONARIO, PRODUCTO, TUPLA
usa
observadores básicos
  DevolverDicc: listadeDescuentos \longrightarrow dicc(tupla(Producto, nat), nat)
generadores
  NuevaListaDeDescuentos : dicc(tupla(Producto \times nat) \times nat) dic \longrightarrow listadeDescuentos
                         \{(\forall p : Producto)((\forall n : nat)(def?(\langle prod, n \rangle, dic) \Rightarrow_L (0 < obtener(\langle prod, n \rangle, dic) < 100))\}
otras operaciones
  ClavesDesc : listaDeDescuentos \longrightarrow secu(<Producto, nat>)
  EncontrarCantiDescuento: secu(<Producto \times nat>) \times Producto \times nat \longrightarrow nat
  TieneDescuento? : listaDeDescuentos \times Producto \times nat \longrightarrow bool
                                                                                                {TieneDescuento?(ls, p, n)}
  DevolverDescuento : listaDeDescuentos ls \times Producto p \times nat n \longrightarrow nat
               \forall ls: \text{ listaDeDescuentos}, \forall prod: \text{ Producto}, \forall cant: \text{ nat}, \forall secProd: \text{ secu}(<\text{Producto}, \text{ nat}>)
axiomas
  DevolverDicc(NuevaListaDeDescuentos(ls)) \equiv ls
  ClavesDesc(ls) \equiv claves(DevolverDicc(ls))
  EncontrarCantiDescuento(secProd, prod, cant) \equiv if vacia?(secProd) then
                                                             else
                                                                 if Prim(secProd)[0] = prod)
                                                                 then
                                                                    if Prim(secProd)[1] \le cant
                                                                    then
                                                                        max (prim(secProd)[1],
                                                                        EncontrarCantiDescuento(fin(secProd),prod,cant))
                                                                        EncontrarCantiDescuento(fin(secProd),prod,cant)
                                                                 else
                                                                    EncontrarCantiDescuento(fin(secProd), prod, cant)
                                                             fi
  TieneDescuento?(listaDesc, prod, cant) \equiv \neg(EncontrarCantiDescuento(ClavesDesc(listaDesc),prod,cant)=0?)
  DevolverDescuento(listaDesc, prod, cant) \equiv obtener(\langle prod, EncontrarCantiDescuento(ClavesDesc(listaDesc),
                                                      prod,cant), DevolverDicc(listaDesc))
```

Fin TAD