# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico 1: Especificación

Lollapatuza

Integrante	LU	Correo electrónico
Marziano, Franco	849/19	franco.marziano.96@gmail.com
Gonzalez Correas, Alvaro	233/22	alvarogonzalezc4@gmail.com
Vazquez, Martin Ignacio	327/17	vazquez.martin.ignacio@gmail.com
Sturm, Candelaria	244/20	sturmcande@gmail.com

## Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

## 1. Lollapatuza

## 1.1. Festival

```
TAD PRODUCTO es STRING
    TAD CANTIDAD es NAT
    TAD DESCUENTO es NAT
    TAD CONSUMO es TUPLA(PRODUCTO × CANTIDAD × DESCUENTO)
TAD Festival
     igualdad observacional
                       (\forall f, f' : \text{Festival}) \ \left( f =_{\text{obs}} f' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \text{Puestos}(\mathbf{f}) =_{\text{obs}} \text{Puestos}(\mathbf{f}') \ \land_{\mathsf{L}} \\ \text{Personas}(\mathbf{f}) =_{\text{obs}} \text{Personas}(\mathbf{f}') \end{pmatrix} \right)
     usa
                       Diccionario, Puesto, Persona, Conjunto, Bool, Nat, Tupla
     exporta
                       observadores, generadores, operación adicional
     géneros
                       Festival
     observadores básicos
        puestos : Festival f \longrightarrow \text{Conj}(\text{Puesto})
        personas : Festival f \longrightarrow \text{conj}(\text{persona})
     generadores
        abrirFestival : Conj(Puesto) cp \times Conj(Persona) \longrightarrow Festival f
                      \begin{cases} (\forall p1, p2 : puesto)(p1 \in cp \land p2 \in cp \quad \Rightarrow \quad (\nexists k : producto)(k \in claves(menu(p1)) \land k \in \end{cases}
                     claves(menu(p2)) \land_{L} obtener(k, menu(p1)) \neq obtener(k, menu(p2)))
        comprar : festival f \times \text{Persona } p \times \text{Puesto } pu \times \text{Conj}(<\text{Producto} \times \text{Nat}>) cp \longrightarrow \text{Festival}
                               \{p \in personas(f) \land pu \in puestos(f) \land (\forall k : \langle producto, nat \rangle) (k \in cp \Rightarrow_L \pi_1(k) \in menu(pu))\}
        hackeo : Persona p \times festival \longrightarrow Festival
                     (p \in personas(f)) \land (\exists, k : puesto)(k \in claves(historialDeCompras(pe))) \land_{L}
                     hay Compra Sin Descuento En Puesto (obtener(k, historial De Compras(pe)))
     otras operaciones
        personaQueMasGasto : Festival \longrightarrow persona
        persona
QueMasGastoDadaLista : festival f \times \text{conj}(\text{persona}) p \longrightarrow \text{persona}
                                                                                                                              \{p \in personas(f)\}
     axiomas
     \forall pu: puesto, f: festival, pe: persona, co: conj(< producto, nat >), pers: conj(persona)
        Puestos(abrirFestival(pu,pers) \equiv pu
        Puestos(comprar(f,pe,pu,co) \equiv if vacio(co) then
                                                      puestos(f)
                                                  else
                                                       if sePuedeVender(pu,\pi_1(dameUno(co),\pi_2(dameUno(co)))) then
                                                           Vender(pu, \pi_1(dameUno(co)), \pi_2(dameUno(co))) \land
                                                           Puestos(comprar(f,pe,pu,sinUno(co)))
                                                       else
                                                           Puestos(Comprar(f,pe,pu,sinUno(co)))
```

 $Personas(abrirFestival(pu,pers) \equiv pers(f)$ 

```
Personas(Comprar(f,pe,pu,co) \equiv if vacio(co) then
                                          personas(f)
                                      else
                                          if sePuedeVender(pu,\pi_1(dameUno(co),\pi_2(dameUno(co)))) then
                                             \operatorname{comprar}(\operatorname{pu}, \pi_1(\operatorname{dameUno}(\operatorname{co})), \pi_2(\operatorname{dameUno}(\operatorname{co}))) \wedge
                                             Personas(comprar(f,pe,pu,sinUno(co)))
                                          else
                                             Personas(comprar(f,pe,pu,sinUno(co)))
                                          fi
                                      fi
Puestos(hackeo(pe,f)) \equiv Ag(hackeoPuesto(puestoDeCompraSinDescuento(pe),\pi_1(compraSinDescuento(pe))),
                             puestos(f)-puestoDeCompraSinDescuento(pe))\\
Personas(hackeo(pe,f)) \equiv Ag(hackeoPersona(pe),personas(f)-pe)
personaQueMasGasto(f) \equiv personaQueMasGastoDadaLista(f,personas(f))
personaQueMasGastoDadaLista(f,pers) \equiv if vacio(pers) then
                                                    max(plataGastadaDe(dameUno(pers)),
                                                    personaQueMasGastoDadaLista(f, sinUno(pers)) \\
                                                fi
```

Fin TAD

#### 1.2. Puesto de Comida

### TAD Puesto de Comida

```
igualdad observacional
                       (\forall p, p' : \text{Puesto}) \ \left( p =_{\text{obs}} p' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \text{menu}(p) =_{\text{obs}} \text{menu}(p') \land_{\text{L}} \text{descuentos}(p) =_{\text{obs}} \text{descuentos}(p') \\ \land_{\text{L}} \text{stock}(p) =_{\text{obs}} \text{stock}(p') \end{pmatrix} \right)
                       Diccionario, Conjunto, Bool, Nat
      usa
                       observadores, generadores, Puesto, operación adicional
      exporta
      géneros
                       Puesto
      observadores básicos
        menu : Puesto \longrightarrow Dicc(producto:nat)
        descuento : Puesto \longrightarrow conj(\langleproducto,cantidad,descuento\rangle)
        stock : Puesto \longrightarrow Dicc(producto:cantidad)
      generadores
         abrirPuesto : Dicc(producto:nat)m \times conj(consumo) d \times Dicc(producto:cantidad) s \longrightarrow Puesto
                      \left\{ (\forall \ p: \ consumo)(p \in d) \Rightarrow_{\mathsf{L}} (\nexists c: \ consumo)((c \in d) \land_{\mathsf{L}} (\pi_1(\mathsf{c}) = \pi_1(\mathsf{p}) \land \pi_2(\mathsf{c}) = \pi_2(\mathsf{p})) \land_{\mathsf{L}} \pi_3(\mathsf{c}) \right\}
         vender : puesto pu \times \text{producto } p \times \text{cantidad } c \longrightarrow \text{Puesto}
                                                                                                                      \{c \leq obtener(p, stock(p))\}\
        hackeo
Puesto : Puesto × Producto ~\longrightarrow~ Puesto
      otras operaciones
         sePuedeVender? : Puesto \times Producto \times Cantidad \longrightarrow bool
         tieneDescuento? : Puesto \times Producto \times Cantidad \longrightarrow bool
         tieneDescuento?Aux : conj(consumo) \times producto \times cantidad \longrightarrow bool
         que
Descuento? : Puesto Pu \times \text{Producto } p \times \text{Cantidad } c \longrightarrow \text{descuento}
                                                                                                                     {tieneDescuento?(pu,p,c)}
         queMejorDescuento : conj(descuento) \times producto \times cantidad \longrightarrow descuento
        que
Descuento<br/>Exacto : conj(descuento) \times producto \times cantidad \longrightarrow descuento
      axiomas
      \forall m: Dicc(producto: nat), d: conj(consumo), s: Dicc(producto: cantidad), pu: puesto, p: producto, c:
cantidad
        menu(abrirPuesto(m,d,s)) \equiv m
        menu(vender(pu,p,c)) \equiv menu(pu)
         menu(hackeoPuesto(pu,p,c)) \equiv menu(pu)
        descuentos(abrirPuesto(m,d,s)) \equiv d
         descuentos(vender(pu,p,c)) \equiv descuentos(pu)
        descuentos(hackeoPuesto(pu,p) \equiv descuentos(pu)
        stock(abrirPuesto(m,d,s)) \equiv s
        stock(vender(pu,p,c)) \equiv def(p,obtener(p,stock(pu))-c,stock(pu))
        stock(hackeoPuesto(pu,p)) \equiv definir(p,obtener(p,stock(pu))+1,stock(pu))
        sePuedeVender?(pu,p,c) \equiv obtener(p,stock(pu))\geq c
        tieneDescuento(pu,p,c) \equiv tieneDescuento?Aux(descuentos(pu),p,c)
```

```
tieneDescuento?Aux(d,p,c) \equiv if \ vacio(d) \ then
                                     {\it false}
                                 else
                                     (if \pi_1(dameUno(d)) = p \wedge \pi_2(dameUno(d)) \leq c then
                                     else
                                        tieneDesceunto?Aux(sinUno(d),p,c)
                                     fi)
                                 fi
queDescuento(pu,p,c) \equiv queMejorDescuento(descuentos(pu),p,c)
queMejorDescuento(co,p,c) \equiv if queDescuentoExacto(co,p,c) \neq 0 then
                                     queDescuentoExacto(co,p,c)
                                     queDescuentoExacto(co,p,c-1)
                                 fi
queDescuentoExacto(co,p,c) \equiv if vacio(co) then 0 else if \pi_1(dameUno(co)) = p \land c = \pi_2(dameUno(co))
                                      \pi_3(\text{dameUno(co)})
                                   else
                                      queDescuentoExacto(sinUno(co),p,c) \  \  \mathbf{fi}
                                   fi
```

Fin TAD

#### 1.3. Persona

#### TAD Persona

```
igualdad observacional
                (\forall pe, pe' : \text{Persona}) \left( pe =_{\text{obs}} pe' \iff \right)
                                                                             historialDeCompras(pe) =_{obs}
                                                                                historialDeCompras(pe')
                Diccionario, Conjunto, Bool, Nat
usa
exporta
                observadores, generadores, Persona, operación adicional, Puesto
géneros
observadores básicos
  historialDeCompras : persona \longrightarrow dicc {puesto:multicoj(consumo)}
generadores
  llegar : \longrightarrow persona
  comprar : Puesto Pu \times \text{Producto } p \times \text{Cantidad } c \times \text{Persona } pe \longrightarrow \text{persona}
                                                                         \{(p \in claves(menu(pu)) \land sePuedeVender(pu,p,c)\}\}
  hackeoPersona : persona \longrightarrow persona
otras operaciones
  plataGastadaDe : persona \longrightarrow nat
  plataGastadaTotal : dicc(puesto:multiconj(consumo)) di \times \text{conj}(\text{puesto}) co \longrightarrow \text{nat}
                                                                                                                   \{co=claves(di)\}
  plataGastadaPorPuesto : dict(puesto:multiconj(consumo)) di \times puesto pu \times multiconj(consumo) mu \longrightarrow nat
                                                                                      \{pu \in claves(di) \land obtener(pu, di) = mu\}
  compraSinDescuento : persona \longrightarrow consumo
  compraSinDescuentoEnHistorial : dict(puesto:multiconj(consumo)) di \times \text{conj}(\text{puesto}) cp \longrightarrow \text{consumo}
                                                                                                                 \{cp \in claves(di)\}\
  hay Compra Sin Descuento En Puesto : mult(consumo) \longrightarrow bool
  compraSinDescuentoEnPuesto : mult(consumo) mu \longrightarrow \text{consumo}
                                                                                    {hayCompraSinDescuentoEnPuesto(mu)}
  puesto
De<br/>CompraSin
Descuento : persona \longrightarrow puesto
              \{(\exists pu : puesto, mu : multiconj(consumo))((pu \in claves(historialDeCompras(pe)) \land mu \in \}\}
              Oolean \ obtener(pu, historial DeCompras(pe))) \land_{L} hay CompraSin Descuento EnPuesto(mu))
  puestoDeCompraSinDescuentoDadoHistorial : dict(puesto:multiconj(consumo)) di \times \text{conj}(\text{puesto}) co \longrightarrow \text{puesto}
                                                                                                                   \{co=claves(di)\}
  borrar
Consumo : persona p \times puesto pu \times consumo
 c \longrightarrow persona
                                                                                 \{c \in obtener(pu, historialDeCompras(pe))\}
  borrarConsumoDadoHistorial : dict(puesto:multiconj(consumo)) di \longrightarrow \text{dict}(\text{puesto:multiconj}(\text{consumo}))
                                          \times puesto pu \times consumo c
                                                                                       \{pu \in claves(di) \land c \in obtener(pu, di)\}
  borrarConsumoDadoHistorialAux : dict(puesto:multiconj(consumo)) di \times \longrightarrow dict(puesto:multiconj(consumo))
                                              producto p \times \text{multiconj(consumo)} mu
                                               \times consumo c
                                                                          \{p \in claves(di) \land mu = obtener(pu, di) \land c \in mu\}
  \operatorname{restarConsumo} : \operatorname{consumo} \longrightarrow \operatorname{consumo}
```

```
\forall pu, pa: \text{puesto}, \forall pe, pi: \text{persona}, \forall p, q: \text{producto}, \forall di: \text{dict(puesto:multiconj(consumo))}, \forall cl:
axiomas
              conj(puesto), \forall mu: multiconj(consumo), \forall con: consumo,
              \forall c, k: cantidad
  historialDeCompras(llegar()) \equiv \emptyset
  historialDeCompras(comprar(pu,p,c,pe)) \equiv if def?(pu,historialDeCompras(pe)) \wedge tieneDescuento(pu,p,c)
                                                     definir(pu,Ag(\langle p,c,queDescuento(pu,p,c)\rangle,
                                                     obtener(pu,historialDeCompras(pe)))
                                                     ,historialDeCompras(pe))
                                                  else
                                                     if
                                                                                   def?(pu,historialDeCompras(pe))
                                                     \land \neg tieneDescuento(pu,p,c) then
                                                         definir(pu,Ag(\langle p,c,0\rangle,
                                                        obtener(pu,historialDeCompras(pe))),historialDeCompras(pe))
                                                     else
                                                           ¬def?(pu,historialDeCompras(pe)) \land tieneDescuen-
                                                        to(pu,p,c) then
                                                            definir(p,Ag(\langle p,c,queDescuento(pu,p,c)\rangle,\emptyset)
                                                            ,historialDeCompras(pe))
                                                         else
                                                            definir(pu,Ag(\langle p,c,0\rangle,\emptyset), historialDeCompras(pe))
                                                     fi
  plataGastadaDe(pe) = plataGastadaAux(historialDeCompras(pe),claves(historialDeCompras(pe)))
  plataGastadaTotal(di,cl) \equiv if vacio(cl) then
                                 else
                                    plataGastadaPorPuesto(di,dameUno(cl),obtener(dameUno(cl),di) + plataGas-
                                    tadaTotal(di,sinUno(cl))
  plataGastadaPorPuesto(di,pu,mu) = if vacio(mu) then
                                           else
                                              aplicarDesc(obtener(\pi_1(dameUno(mu)),menu(pu))*\pi_2(dameUno(mu)),
                                              \pi_3(\text{dameUno(mu)})) + \text{plataGastadaPorPuesto(di,pu,sinUno(mu))}
  historialDeCompras(hackeoPersona(pe)) \equiv if \pi_2(compraSinDescuento(pe)) = 1 then
                                                    borrarConsumo(
                                                    historialDeCompras(pe),
                                                     puestoDeCompraSinDescuento(pe),
                                                     compraSinDescuento(pe))
                                                 else
                                                     definir(
                                                     puestoDeCompraSinDescuento(pe),
                                                     Ag(restarConsumo(compraSinDescuento(pe)),
                                                     obtener(puestoDeCompraSinDescuento(pe),
                                                     borrarConsumo(pe,puestoDeCompraSinDescuento(pe),
                                                     compraSinDescuento(pe)))),historialDeCompras(pe))
  borrarConsumo(pe,pu,con) = borrarConsumoDadoHistorial(historialDeCompras(pe),pu,con)
  borrarConsumoDadoHistorial(di,pu,con) \ \equiv \ borrarConsumoDadoHistorialAux(di,obtener(pu,di),con)
```

```
borrarConsumoDadoHistorialAux(di,mu,con) = if dameUno(mu) = con then
                                                    definir(pu,mu - dameUno(mu), di)
                                                else
                                                    borrarConsumoDadoHistorialAux(di,sinUno(mu),con)
puesto De Compra Sin Descuento (pe) \equiv puesto De Compra Sin Descuento Dado Historial
                                      (historialDeCompras(pe),claves(historialDeCompras(pe)))
puestoDeCompraSinDescuentoDadoHistorial(di,cl) \equiv if
                                                      hayCompraSinDescuentoEnPuesto(obtener(dameUno(cl),di))
                                                      then
                                                         dameUno(cl)
                                                      else
                                                         puestoDeCompraSinDescuentoDadoHistorial(di,sinUno(cl))
hayCompraSinDescuentoEnPuesto(mu) \equiv if vacio(mu) then false else if \pi_3(dameUno(mu))=0 then
                                              true
                                           else
                                              hayCompraSinDescuento(sinUno(mu)) fi
                                           fi
compraSinDescuento(pe) \equiv compraSinDescuentoEnHistorial(historialDeCompras(pe), claves(historialDeCompras(pe)))
compraSinDescuentoEnHistorial(di,cl) \equiv if
                                                hayCompraSinDescuentoEnPuesto(obtener(dameUno(cl),di))
                                             compraSinDescuentoEnPuesto(obtener(dameUno(cl),di))
                                             compraSinDescuentoEnHistorial(di,sinUno(cl))
                                         fi
compraSinDescuentoEnPuesto(mu) \equiv if \pi_3(dameUno(mu)) = 0 then
                                          dameUno(mu)
                                          CompraSinDescuento(sinUno(mu))
restarConsumo(con) \equiv \langle \pi_1(\text{consumo}), \pi_2(\text{consumo}) - 1, \pi_3(\text{consumo}) \rangle
```

Fin TAD