Thực hành TTƯD Week 3 Chia để trị, Tham lam

Bài 1. Disjoint Segment

Tìm tập các đoạn không giao nhau lớn nhất

- Cho đầu vào là tập X gồm n
 đoạn $X = \{(a_1, b_1), \ldots, (a_n, b_n)\}$ với $a_i < b_i$
- Hãy tìm và đưa ra tập con lớn nhất của X chứa các đoạn này sao cho không có 2 đoạn nào giao nhau

Input

- Dòng 1 là giá trị của n (1 <= n <= 100000)
- Các dòng tiếp theo là các khoảng (a_i, b_i) $(1 \le a_i \le b_i \le 1000000)$ Output
- Số lượng phần tử của tập con lớn nhất



Tìm tập các đoạn không giao nhau lớn nhất

Example

stdin		stdout	
6 0 10 3 7 6 14 9 11 12 15 17 19	Dòng 1 là giá trị của n (1 <= n <= 100000) • Các dòng tiếp theo là các khoảng (a_i, b_i) $(1 <= a_i <= b_i <= 1000000)$	4	Số lượng phần tử của tập con lớn nhất

Disjoint Segment- Hint

- Áp dụng tham lam để chọn được số lượng đoạn lớn nhất
- Nếu có 2 đoạn trùng nhau, ta sẽ ưu tiên chọn khoảng có điểm cuối nhỏ hơn
- Sắp xếp các đoạn tăng dần theo điểm kết thúc
- Biến phụ trợ:

last: lưu điểm kết thúc của đoạn trước đó ta đã chọn

- Duyệt qua tất cả các đoạn, kiểm tra xem điểm bắt đầu của điểm đó có lớn hơn điểm kết thúc của điểm cuối cùng ta đã chọn hay không
- Nếu đoạn đang xét thỏa mãn, tăng số lượng đoạn được chọn lên, và cập nhật last



Bài 2 MAX-DISTANCE SUB-SEQUENCE

- Cho 1 tập gồm N điểm trong không gian 1 chiều (đường thẳng).
- Độ kết nối của cụm (tập con) gồm C phần tử được tạo ra từ tập ban đầu được tính bằng khoảng cách của 2 điểm gần nhau nhất trong cụm
- VD. Cụm gồm C=5 điểm là 12,30,15,10,37 thì độ kết nối của cụm sẽ là 2, chính là khoảng cách nhỏ nhất giữa 12 và 10



MAX-DISTANCE SUB-SEQUENCE

Example

stdin	stdout
1	3
5 3	
1	
2	
8	
4	
9	

Dòng đầu tiên sẽ là số lượng test trong bộ test T (1 <= T <= 20)

- Các dòng tiếp theo sẽ là chi tiết các test. Mỗi test tương ứng gồm 2 giá trị là N và C, trong đó N là số lượng phần tử và C là kích thước tập con. Trong 1 bộ dữ liệu thì giá trị N sẽ là giống nhau trong các test.
- Các dòng tiếp sau sẽ lần lượt là giá trị tọa độ của các điểm trong tập N điểm
- Giá trị N(2≤ N ≤100,000) và tọa độ các điểm x1,..., xn (0≤ x ≤1,000,000,000)
- Đầu ra sẽ là độ kết nối lớn nhất của tập con với kích thước C tương ứng (với các test). Nếu có T test thì sẽ có
 T giá trị đầu ra, với mỗi kết quả đầu ra được in trên 1 dòng.



MAX-DISTANCE SUB-SEQUENCE- Hint

- Sắp xếp lại mảng theo thứ tự tăng dần
- Sử dụng thuật toán tìm kiếm nhị phân để thử kết quả

Tìm khoảng cách (distance) lớn nhất giữa các phần tử có thể có trong dãy. Nếu có đủ C phần tử thỏa khoảng cách này thì dừng.

- Thực hiện tìm kiếm nhị phân (giá trị distance) để tìm kết quả tốt nhất d:
- 0 <= d <= (a[n] a[1])
- Bắt đầu thử từ giá trị d = mid:
- Kiểm tra xem có thể chọn được ít nhất c phần tử, mỗi phần tử cách nhau ít nhất d đơn vị hay không
- Nếu giá trị d = mid là 1 giá trị khả thi, ta tiếp tục tìm kiếm ở nửa bên phải.
- Ngược lại, ta sẽ tìm kiếm tiếp ở nửa bên trái



Bài 3 Inversion

- Cho một dãy số nguyên $a_1, a_2,..., a_n$. Một cặp (a_i, a_j) được gọi là bị đảo ngược nếu i<j nhưng giá trị $a_i > a_j$
- Hãy đếm số lượng các cặp bị đảo ngược trong dãy

Input

- Dòng 1: là giá trị của n (1 <= n <= 10⁶)
- Dòng 2: là các giá trị của $a_1, a_2, ..., a_n$. ($0 \le a_i \le 10^6$)

Output

Số lượng cặp bị đảo Q module $10^9 + 7$

	stdin	stdout	
и нос	6	6	
ноа	3 2 4 5 6 1		Ī



Inversion: Hint

- Ý tưởng tương tự như sắp xếp hợp nhất (merge sort), chia mảng thành hai nửa (gần) bằng nhau trong mỗi bước cho đến khi đạt được trường hợp cơ sở (trường hợp khi chỉ có 1 phần tử trong mảng)
- Tạo một hàm đệ quy để chia mảng thành hai nửa.
 - Kết quả của mảng con từ left đến right là tổng số lần đảo ngược trong nửa đầu, số lần đảo ngược trong nửa sau và số lần đảo ngược khi hợp nhất cả hai.
- Tạo một hàm hợp nhất đếm số lần nghịch đảo khi hai nửa của mảng được hợp nhất
 - Nếu a[i] > a[j], thì có (mid i) nghịch đảo (với a[i] thuộc nửa mảng thứ nhất, a[j] thuộc nửa mảng thứ 2, mid là phần tử cuối cùng của nửa thứ nhất)
 - Bởi vì mảng con bên trái và bên phải đã được sắp xếp, nên tất cả các phần tử còn lại trong mảng con bên trái (a[i+1], a[i+2] ... a[mid]) sẽ lớn hơn a[j]

