决策树与随机森林

主讲老师: 高彦杰

课程信息

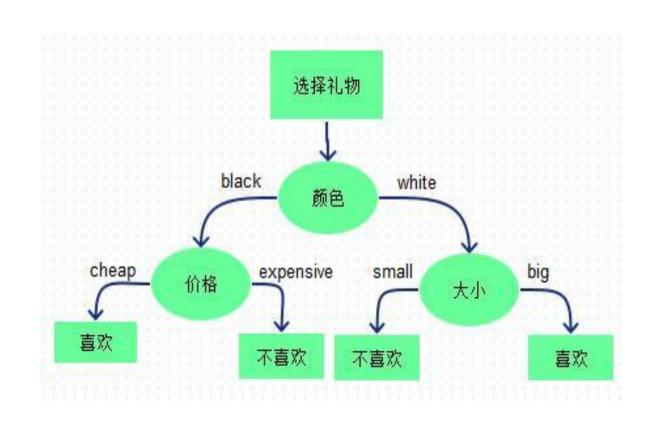
主流回归与分类算法:线性加归,逻辑回归,Softmax回归及其变种和扩展算法。梯度下降,牛顿法等最优化方法,正则化方法及其推导原理。通过实例掌握如何应用逻辑回等算法。

课程大纲

- 1) 决策树算法 (★★★)
- 2) ID3, C4.5, CART(★★★)
- 3) 随机森林(★★★)
- 4) Boost(★★)
- 5) **GBDT**(★★)
- 6) 集成学习(★★)
- 7) XGBoost(★★)
- 8) 案例实战(★★)

决策树算法

决策树



创建决策树

输入: 数据集

输出: 构造好的决策树(也即训练集)

def 创建决策树:

if(数据集中所有样本分类一致):

创建携带类标签的叶子节点

else:

寻找划分数据集最好特征

根据最好特征划分数据集

for 每个划分的数据集:

创建决策子树(递归方式)

▶ 决策树算法衍生算法

- 决策树的关键在于当前状态下选择哪个属性作为分类条件。
- · 最佳分类属性这种"最佳性"可以用非纯度 (impurity) 进行衡量。
- 如果一个数据集合中只有一种分类结果,则该集合最纯,即一致性好
- 有许多分类,则不纯,即一致性不好

▶ 决策树算法衍生算法

有很多指标定义不纯度,根据不同判定不纯度的目标函数:

- ✓ ID3 (信息增益): 分类
- ✓ C4.5 (信息增益比): 分类
- ✓ CART (GINI系数): 分类与回归

ID3

- ✓ 分类算法
- ✓ 熵作为衡量样本集合纯度的标准, 熵越大, 越不纯。
- ✓ 希望在分类以后能够降低熵的大小,变纯一些。
- ✓ 分类后熵变小可以用信息增益 (Information Gain) 来衡量。

ID3

1. 计算数据集D的经验熵H(D)

$$H(D) = -\sum_{k=1}^{K} \frac{|C_k|}{|D|} \log_2 \frac{|C_k|}{|D|}$$

2. 计算特征A对数据集D的经验条件熵H(D|A)

$$H(D|A) = \sum_{i=1}^{n} \frac{|D_i|}{|D|} H(D_i) = -\sum_{i=1}^{n} \frac{|D_i|}{|D|} \sum_{k=1}^{K} \frac{|D_{ik}|}{|D_i|} \log_2 \frac{|D_{ik}|}{|D_i|}$$

3. 计算信息增益

$$g(D,A) = H(D) - H(D|A)$$

C4.5

- ✓ 分类算法
- ✓ ID3的信息增益一个缺点,一般会优先选择有较多属性值的特征
- ✓ 解决:增加惩罚项,C4.5使用信息增益比率(gain ratio)

SplitInformation
$$(D, A) = -\sum_{i=1}^{N} \frac{|D_i|}{|D|} \log \frac{|D_i|}{|D|}$$

$$GainRatio(D, A) = \frac{g(D, A)}{SplitInformation(D, A)}$$

CART

CART算法 (Classification and Regression Tree)

- ✓ 可以进行分类和回归
- ✓ 分类树使用最小GINI指数来选择划分属性
- ✓ 回归树使用Mean Squared Error:

基尼系数
$$Gini(D) = 1 - \sum_{i=0}^{n} \left(\frac{D_i}{D}\right)^2$$

$$Gini\left(D|A\right) = \sum_{j=0}^{k} \frac{D_{j}}{D} Gini\left(D_{j}\right)$$

MSE

$$\min \left[\frac{1}{n_{R1}} \sum_{x_i \in R_1} (y_i - c_1)^2 + \frac{1}{n_{R2}} \sum_{x_i \in R_2} (y_i - c_2)^2 \right]$$

剪枝算法

预剪枝

- ✓ 在构造决策树的同时进行剪枝。
- ✓ 所有决策树的构建方法,都是在无法进一步降低熵的情况下才会停止创建分支的过程, 为了避免过拟合,可以设定一个阈值。
- ✓ 例如: 熵减小的数量小于这个阈值,即使还可以继续降低熵,也停止继续创建分支。

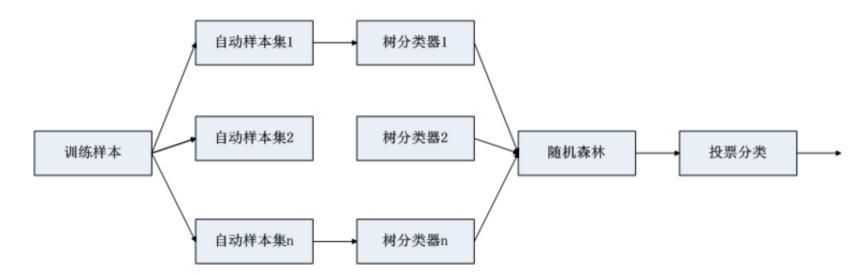
后剪枝

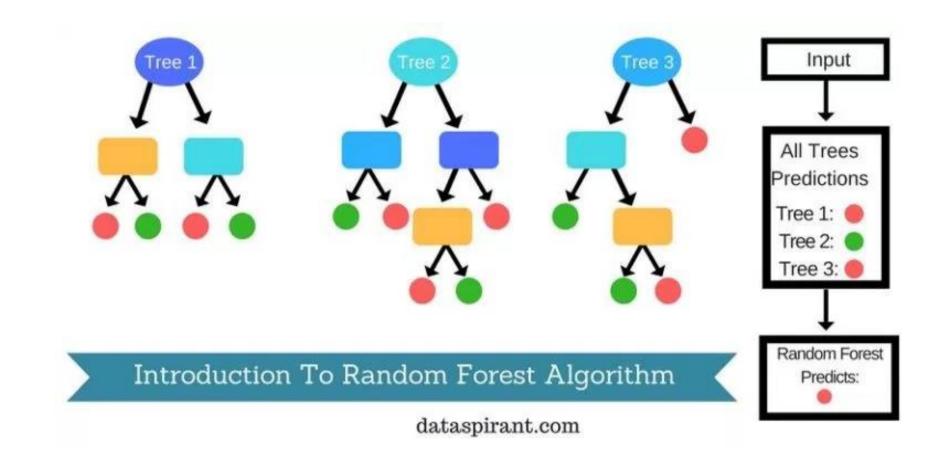
- ✓ 决策树构造完成后进行剪枝。
- ✓ 剪枝的过程是对拥有同样父节点的一组节点进行检查,判断如果将其合并,熵的增加量是否小于某一阈值。
- ✓ 如果满足阈值要求,则这一组节点可以合并一个节点,其中包含了所有可能的结果。

▋ 后剪枝-示例

- Reduced-Error Pruning (REP,错误率降低剪枝)
 - 思路: 决策树过度拟合后, 通过测试数据集来纠正。
 - 步骤:
 - 1. 对于完树中每一个非叶子节点的子树,尝试着把它替换成一个叶子节点
 - 2. 该叶子节点的类别用子树覆盖训练样本中存在最多的那个类来代替,产生简化决策树
 - 3. 然后比较这两个决策树在测试数据集中的表现
 - 4. 简化决策树在测试数据集中的错误比较少, 那么该子树就可以替换成叶子节点
 - 5. 以bottom-up的方式遍历所有的子树,当没有任何子树可以替换提升,算法终止

- 随机森林以随机的方式建立一个森林
- 森林里有很多决策树,且每棵树之间无关联
- 当有一个新样本进入后,让森林中每棵决策树分别各自独立判断,看这个样本应该属于哪一类(分类算法)
- 然后看哪一类被选择最多,就选择预测此样本为那一类





随机森林构造过程

- (1) 原始训练集为N,应用bootstrap法有放回地随机抽取k个新的自助样本集,并由此构建k棵分类树,每次未被抽到的样本组成了k个袋外数据
- (2) 设有mall个变量,则在每一棵树的每个节点处随机抽取mtry个变量,然后在mtry中选择一个最具有分类能力的变量,变量分类的阈值通过检查每一个分类点确定
 - (3) 每棵树最大限度地生长, 不做任何修剪
- (4) 将生成的多棵分类树组成随机森林,用随机森林分类器对新的数据进行判别与分类,分类结果按树分类器的投票多少而定

```
f21
                           f25
                           f35
       f31
                               t3
                          fm5
               Dataset
                  f15
                         Random Dataset
                            for Tree-o1
                                         t5
Random Dataset
                                         t3
  for Tree-02
                  f35
                      t6
                           Random Dataset
                      t9
                              for Tree-03
                             dataaspirant.com
```

随机森林优缺点

优点:

- 1.适用数据集广
- 2.高维数据
- 3.Feature重要性排序
- 4.训练速度快,并行化

缺点:

1.级别划分较多的属性影响大

Scikit-Learn RandomForest

RandomForestClassifier

RandomForestRegressor

分类与回归模型

model = fit(x, y)

X : array-like or sparse matrix of shape = [n_samples, n_features]

The training input samples. Internally, its dtype will be converted to dtype=np.float32.

y : array-like, shape = [n_samples] or [n_samples, n_outputs]

The target values (class labels in classification, real numbers in regression).

Returns: self: object

results = predict(x)

X : array-like or sparse matrix of shape = [n_samples, n_features]

The input samples. Internally, its dtype will be converted to dtype=np.float32.

Returns: y: array of shape = [n samples] or [n samples, n outputs]

The predicted classes.

训练-输入与输 出格式

预测-输入与输 出格式

✓ 场景:入侵检测

✓ 挑战

✓ 问题建模: 分类问题

✓ 算法选型: 随机森林



Boost

Boost算法

- · 决策树: 单决策树时间复杂度较低,模型容易展示,但是容易Over-fitting
 - ✓ 分类树
 - ✓ 回归树
- · 决策树的Boost方法: 迭代过程, 新的训练为了改进上一次的结果
 - ✓ 传统Boost: 对正确、错误的样本进行加权,每一步结束后,增加分错点的权重,减少对分 对点的权重
 - ✓ GB: 梯度迭代Gradient Boosting,每一次建立模型是在之前建立的模型损失函数的梯度下降方向

Adaboost算法

- ✓ Adaboost的核心思想
- ✓ 关注被错分的样本,器重性能好的分类器
- ✓ 如何实现
 - ✓ 不同的训练集 -> 调整样本权重
 - ✓ 关注 -> 增加错分样本权重
 - ✓ 器重 -> 好的分类器权重大
 - ✓ 样本权重间接影响分类器权重

Adaboost算法步骤

For $t=1, \dots, T$

1. Train learner h_t with min error $\varepsilon_t = \Pr_{i \sim D}[h_t(x_i) \neq y_i]$

若划分正确,则不计入误差,若所有元素都被正确划分,则误差为0

若划分错误,则计入误差

- 3. Compute the hypothesis weight $\alpha_i = \frac{1}{2} \ln \left(\frac{1 \varepsilon_i}{\varepsilon_i} \right)$ bigger ε_t becomes the smaller α_t becomes.

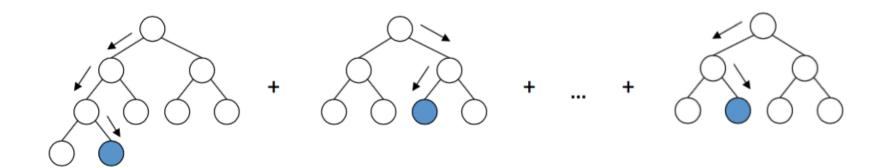
The weight Adapts. The bigger ε_t becomes the

- 4. $D_{t+1}(i) = D_t(i) \exp\left(\alpha_t * 1_{(h_t(i)=y_i)}\right) = \begin{cases} D_t(i), & 描 y_i = h_t(x_i) \\ D_t(i) \frac{1-\varepsilon_t}{\varepsilon_t}, & 描 y_i \neq h_t(x_i) \end{cases}$
- **5.**最后得到的强分类器: $H(x) = \text{sign}\left(\sum_{t=1}^{T} \alpha_t h_t(x)\right)$

GBDT

GBDT(Gradient Boosting Decision Tree)算法

- ✓ 用一个初始值来学习一棵决策树,叶子处可以得到预测的值,以及预测之后的残差,然后后面的决策树就要基于前面决策树的残差来学习,直到预测值和真实值的残差为零。
- ✓ 最后对于测试样本的预测值,就是前面许多棵决策树预测值的累加。



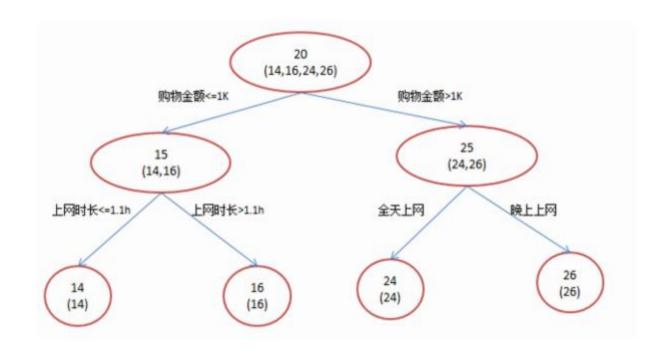
GBDT算法应用场景

- ✓ 适用问题广,可扩展性好
- ✓ GBDT几乎可以用于所有回归问题(线性、非线性)
- ✓ 分类问题
- ✓ 排序问题
- ✓ 常用于各大数据挖掘竞赛
- ✓ 广告推荐

GBDT实例

训练集: (A, 14岁) 、(B, 16岁) 、(C, 24岁) 、(D, 26岁);

下面为决策树示例



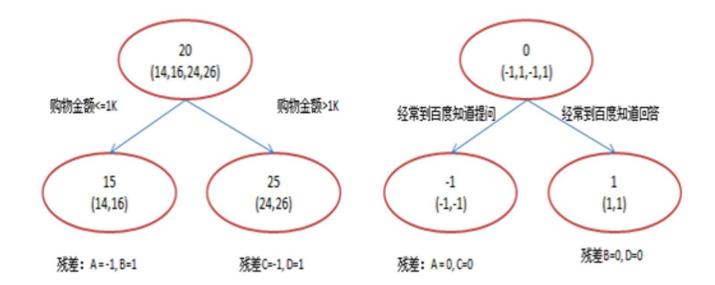
GBDT实例

A: 14岁高一学生, 购物较少, 经常问学长问题; 预测年龄A = 15 - 1 = 14

B: 16岁高三学生; 购物较少, 经常被学弟问问题; 预测年龄B = 15 + 1 = 16

C: 24岁应届毕业生; 购物较多, 经常问师兄问题; 预测年龄C = 25 - 1 = 24

D: 26岁工作两年员工;购物较多,经常被师弟问问题;预测年龄D = 25 + 1 = 26



GBDT算法

```
Algorithm 1: Gradient_Boost
1 \mid F_0(\mathbf{x}) = \arg\min_{\rho} \sum_{i=1}^{N} L(y_i, \rho)
          For m=1 to M do:

\tilde{y}_{i} = -\left[\frac{\partial L(y_{i}, F(\mathbf{x}_{i}))}{\partial F(\mathbf{x}_{i})}\right]_{F(\mathbf{x}) = F_{m-1}(\mathbf{x})}, i = 1, N

\mathbf{a}_{m} = \arg\min_{\mathbf{a}, \beta} \sum_{i=1}^{N} [\tilde{y}_{i} - \beta h(\mathbf{x}_{i}; \mathbf{a})]^{2}

\rho_{m} = \arg\min_{\rho} \sum_{i=1}^{N} L(y_{i}, F_{m-1}(\mathbf{x}_{i}) + \rho h(\mathbf{x}_{i}; \mathbf{a}_{m}))

                         F_m(\mathbf{x}) = F_{m-1}(\mathbf{x}) + \rho_m h(\mathbf{x}; \mathbf{a}_m)
            endFor
            end Algorithm
```

Random Forest VS GBDT

- 准确度与拟合: GBDT > RF better accuracy with less trees. RF are harder to overfit than GBDT
- 建模能力: GBDT > RF because boosted trees are derived by optimizing a
 objective function, basically it can be used to solve almost all objective
 you can write gradient out.
- 并行化: Random Forests can be easily deployed in a distributed fashion due to the fact that they can run in parallel, whereas Gradient Boosted Machines only run trial after trial.

✓场景:

Facebook互联网广告CTR预估

✓挑战:

- ✓ LR模型中的特征组合
- ✓ 依靠人工经验,耗时耗力同时并不一定会带来效果提升。
- ✓ 如何自动发现有效的特征、特征组合,弥补人工经验不足



✓ 背景:



In sponsored search advertising, the user query is used to retrieve candidate ads, which explicitly or implicitly are matched to the query. At Facebook, ads are not associated with a query, but instead specify demographic and interest targeting. As a consequence of this, the volume of ads that are eligible to be displayed when a user visits Facebook can be larger than for sponsored search.

✓ 解决方案

index of the leaf an instance ends up falling in. We use 1-of-K coding of this type of features. For example, consider the boosted tree model in Figure 1 with 2 subtrees, where the first subtree has 3 leafs and the second 2 leafs. If an instance ends up in leaf 2 in the first subtree and leaf 1 in second subtree, the overall input to the linear classifier will be the binary vector [0,1,0,1,0], where the first 3 entries correspond to the leaves of the first subtree and last 2 to those of the second subtree. The boosted decision trees we

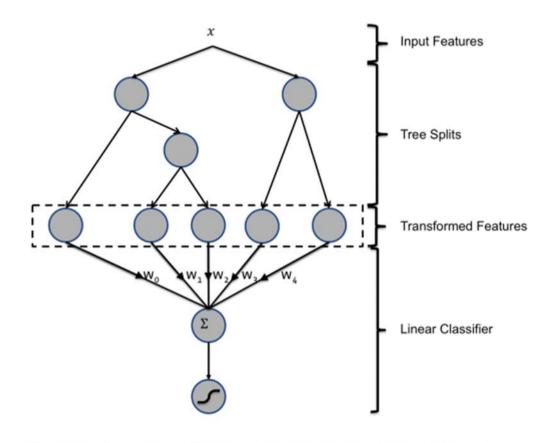
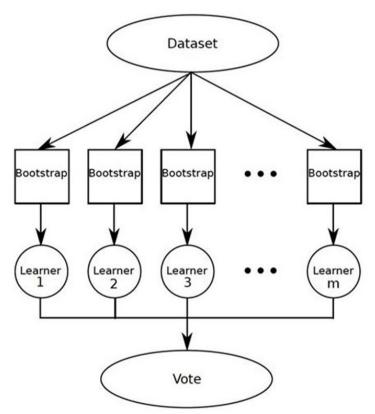


Figure 1: Hybrid model structure. Input features are transformed by means of boosted decision trees. The output of each individual tree is treated as a categorical input feature to a sparse linear classifier. Boosted decision trees prove to be very powerful feature transforms.

集成学习

集成学习 Bagging

让该学习算法训练多轮,每轮的训练集由从初始的训练集中随机取出的n个训练样本组成,某个初始训练样本在某轮训练集中可以出现多次或根本不出现,训练之后可得到一个预测函数序列h_1, ……h_n ,最终的预测函数H对分类问题采用投票方式,对回归问题采用简单平均方法对新示例进行判别。



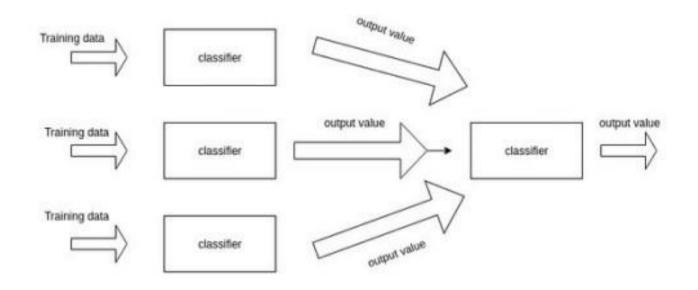
集成学习Boosting

- · 初始化时对每一个训练例赋相等的权重1/n,
- · 然后用该学算法对训练集训练t轮
- · 每次训练后,对训练失败的训练例赋以较大的权重,也就是让学习算法在后续的学习中集中对比较难的训练例进行学习,从而得到一个预测函数序列h_1,···, h_m, 其中h_i也有一定的权重,预测效果好的预测函数权重较大,反之较小。
- 最终的预测函数H对分类问题采用有权重的投票方式,对回归问题采用加权平均的方法对新示例进行 判别。

集成学习 Stacking

将训练好的所有基模型对训练基进行预测,第j个基模型对第i个训练样本的预测值将作为新的训练集中第i个样本的第j个特征值,最后基于新的训练集进行训练。

同理,预测的过程也要先经过所有基模型的预测形成新的测试集,最后再对测试集进 行预测



XGboost

XGBoost

- XGBoost is an optimized distributed gradient boosting library designed to be highly efficient, flexible and portable.
- It implements machine learning algorithms under the Gradient Boosting framework.
- XGBoost provides a **parallel tree boosting** (also known as GBDT, GBM) that solve many data science problems in a fast and accurate way.
- The same code runs on major distributed environment (Hadoop, SGE, MPI) and can solve problems beyond billions of examples.

官网: https://github.com/dmlc/xgboost



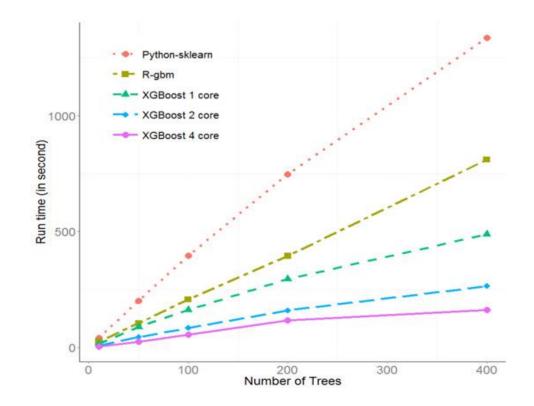
XGBoost

- ✓ Boosting分类器将成百上干个分类准确率较低的树模型组合起来,成为一个 准确率很高的模型。
- ✓ 数据集较大较复杂的时候,我们可能需要几干次迭代运算,这将造成巨大的 计算瓶颈。
- ✓ XGboost正是为了解决这个瓶颈而提出。单机它采用多线程来加速树的构建, 并可以进行分布式计算。
- ✓ xgboost提供了 Python和R语言接口。

XGBoost

Kaggle的希格斯子竞赛数据上

- ✓ 单线程xgboost比其他两个包均要快出50%
- **✓** 在多线程上xgboost更是有接近线性的性能提升



案例实战

预习/复习内容重点与难点

- ✓ 重点:
- **✓ 1.** 线性回归
- **✓ 2.** 梯度下降
- **✓** 3. 逻辑回归
- ✓ 4. Softmax函数
- ✓ 难点:
- ✓ 随机梯度下降

| 参考资料

- Induction of Decision Trees
- An introduction to random forests
- Ensemble Learning
- 统计学习方法