

Bài toán: Hãy liệt kê tất cả các số nguyên tố trong đoạn $[1, N]$.

Đây là bài toán cơ bản. Mục đích chúng ta xây dựng:

int Prime[maxN] - Mảng các số nguyên tố Prime[1]=2, Prime[2]=3, ...

int nP - số lượng các số nguyên tố tìm được

int factor[maxN] - Cho thừa số nguyên tố nhỏ nhất, ví dụ factor[10]=2

Mệnh đề: nếu thừa số nguyên tố nhỏ nhất của a là p thì với mọi số nguyên tố x nhỏ hơn hoặc bằng p ta có thừa số nguyên tố nhỏ nhất của $a.x$ là x . Do đó ta có thuật toán sau:

Khởi đầu mảng factor bằng 0, bắt đầu duyệt từ số 2 đến số n . Nếu như đến số i ta có factor[i]=0 thì i là số nguyên tố và ta thêm i vào mảng Prime đồng thời đặt thừa số nguyên tố nhỏ nhất của i là i . Tiếp theo, duyệt tất cả các số nguyên tố nhỏ hơn hoặc bằng thừa số nguyên tố nhỏ nhất của i giả sử số x . Khi đó đặt thừa số nguyên tố nhỏ nhất của $x*i$ là x :

```
biến chính: int nP, Prime[maxn], factor[maxn];

void sangNT(int n) {
    for(int i=2;i<=n;i++) factor[i]=0;
    nP=0;
    for(int i=2;i<=n;i++) {
        if (factor[i]==0) {Prime[++nP]=i; factor[i]=nP;}
        int j=1;
        while (j<=nP && Prime[j]<=factor[i] && Prime[j]<=n/i) {
            factor[Prime[j]*i]=Prime[j];
            j++;
        }
    }
}
```

Chú ý sản phẩm của thủ tục trên là:

- Số nguyên **nP** - số lượng các số nguyên tố thuộc $[1, n]$
- Mảng **int Prime[maxn]** - mảng các số nguyên tố (2, 3, 5, 7, ...)
- Mảng **int factor[maxn]** - mảng chứa thừa số nguyên tố nhỏ nhất của một số.

Như vậy một số p là số nguyên tố khi và chỉ khi **factor[p]==p**. Ví dụ với số 7 thì factor[7]=7.

Chú ý rằng trên mảng factor, mỗi số chỉ thay đổi giá trị đúng một lần. Do đó độ phức tạp của thuật toán trên là $O(n)$