

Sumário

1	Introdução	3
2	Grafos: Aspectos Gerais	4
2.1	Classificações	5
3	Um Passeio pela Bioquímica	6
3.1	Carbono	6
3.2	Classificação Macromolecular	7
3.3	Configuração Molecular	8
3.4	Aminoácidos	9
3.5	Estrutura das Proteínas	11
3.6	<i>Worldwide Protein Data Bank</i>	12
3.6.1	<i>Sotware PDBReader</i>	15
4	<i>Molecular Distance Geometry Problem</i>	18
4.1	Geometria de Distâncias	18
4.2	Representações de Átomos em Coordenadas	18
4.3	Ressonância Magnética Nuclear	21
4.4	Modelagem Matemática	21
4.4.1	MDGP: Uma definição formal	22
4.5	Modelagem Computacional	23
4.6	Estudando o Conjunto Solução de um MDGP	25
4.7	Ordenação Conveniente dos Vértices	27
4.8	<i>Discretizable Molecular Distance Geometry Problem</i>	29
5	<i>Branch-and-Prune</i>	31
5.1	O Algoritmo	31
5.2	Estrutura Algorítmica	35
5.3	Simulações Computacionais	36
5.3.1	Representando distâncias com matrizes	36
5.3.2	Medida de distância entre resultados	36
5.3.3	Experimentos	36
6	Considerações Finais	37
	Referências	38
	Apêndice A - Lei dos Cossenos e Ângulos Entre dois Vetores no \mathbb{R}^3	40
	Apêndice B - Matrizes como Transformações Lineares e Sobre B_i	42
	Apêndice C - Vinte Aminoácidos Naturais	50

Abstract

study
In this work, we ~~presented the basic principles of the~~ Discretizable Molecular Distance Geometry Problem (DMDGP), as well as the necessary tools for its introduction, going from graph theory to ~~the biomolecular structure of the primordial structures of study.~~ We also ~~present~~ some recent results on the ordering that makes *composed* up the problem. The text concludes with a study of the main algorithm described to solve the problem and a brief section of computer simulations.

Keywords: DMDGP, Distance geometry, Optimization.

applied to proteins
deal with
of a protein graph

Resumo

Neste trabalho foram apresentados os princípios básicos sobre o Discretizable Molecular Distance Geometry Problem (DMDGP), bem como as ferramentas necessárias para sua introdução, passando da teoria de grafos à estrutura biomolecular das estruturas primordiais de estudo. Também apresentamos alguns resultados recentes sobre a ordenação que compõe o problema. O texto se encerra com um estudo sobre o principal algoritmo descrito para solucionar o problema e uma breve seção de simulações computacionais.

Palavras-chave: DMDGP, Geometria de Distâncias, Otimização.

1 Introdução

Existe uma relação muito forte com a forma geométrica das moléculas orgânicas e suas funções em organismos vivos. Pode-se fazer uma analogia destes organismos com um grande quebra-cabeça, cheio de peças tão variadas quanto se queira, onde cada peça tem um local específico no grande quebra-cabeça, de forma que sua posição e função é dado justamente pela forma geométrica de cada peça. Imagine este grande quebra-cabeça de forma tridimensional ao invés de plana, com peças em formatos diversos e escalafobéticos, logo, você não estará tão longe de entender como funciona um organismo vivo.

Outrora, em pesquisas sobre a molécula de DNA (ácido desoxirribonucleico), descobriu-se que essa era parte fundamental da produção de um dos pilares para a vida: a proteína. Esta será o alvo principal deste estudo e possui uma gama extensa de funções em nosso organismo — como se fossem as tais peças do quebra-cabeça da analogia acima. Podemos dizer que somos feitos de proteínas. Organismos vivos lutam constantemente contra a desorganização intrínseca do universo e as proteínas tem papel importantíssimo nessa luta. São elas as estruturas que utilizamos para nos organizar, gerando informação, ao possibilitarem um mecanismo procedural natural para a vida, como com o seu papel no transporte de oxigênio (hemoglobina), na proteção do corpo contra organismos patogênicos (imunoglobulina), com a catalização de reações químicas (apoenzima), além de outras inúmeras funções primordiais no nosso organismo [1]. Perceba a importância fundamental em estudar a estrutura geométrica de cada uma dessas proteínas e sua relação com suas funções.

Por conta dessa motivação tem-se esforços como o de Kurt Wüthrich, que propôs que se utilizasse experimentos de *Ressonância Magnética Nuclear* (RMN) para calcular a estrutura tridimensional de uma molécula de proteína, ganhando o prêmio Nobel da Química em 2002 [2]. Porém, a partir dessa estratégia tivemos novos problemas. A RMN não tem como resultado a estrutura tridimensional de uma proteína, mas sim distâncias entre átomos relativamente próximos que compõem a proteína. Para poder calcular a estrutura de uma proteína a partir dessas distâncias, surgiu um novo problema, conhecido na literatura como *Problema de Geometria de Distâncias Moleculares*, ou simplesmente, MDGP [3].

Ao longo desse texto estudaremos este problema, suas variações, seus problemas relacionados, as ferramentas que nos facilitarão a resolvê-los, suas soluções e as complexidades relacionadas a estas soluções.

Partindo para uma introdução a ferramenta matemática usada para definir o nosso problema, o capítulo 2 da aspectos essenciais para este texto sobre a teoria de grafos, donde segue-se para uma contextualização do problema do ponto de vista biomolecular, explorando cada detalhe da estrutura das proteínas no capítulo 3. Após, segue-se para a seção principal do texto, o capítulo 4, que se encerra com a definição formal do problema, nos permitindo tratar do algoritmo que é responsável por sua solução, introduzido no capítulo 5.

O texto se encerra com os três apêndices: A, B e C. O primeiro trata de uma breve explicação sobre a lei dos cossenos, que nos é essencial; O apêndice B constrói, junto ao leitor, uma linha de raciocínio para definir o conjunto de operações que compõe a matriz B_i ; Por último, no apêndice C, temos uma representação química das estruturas básicas que compõe as proteínas.

Um conjunto de referências podem ser encontrados no fim do documento.

Mencionar brevemente a discussão do espaço de busca.

Nosso foco não é ele, mas o MDGP.

2 Grafos: Aspectos Gerais

Esta seção tem como objetivo apresentar a teoria de grafos, um tema muito estudado por diversos matemáticos, o que dá uma certa sensação de importância histórica na matéria.

Pode-se dizer que em 1736 é que a teoria teve início, com base no artigo publicado por Leonhard Euler, sobre as 7 pontes de Königsberg [4] [5]. Esse é o problema que normalmente introduz quem está começando a trabalhar com grafos — se trata do desafio de ligar todos os pontos de um desenho sem tirar o lápis do papel e sem passar duas vezes no mesmo ponto. Diz a lenda que esta era uma dúvida rotineira dos moradores de Königsberg, que tentavam constantemente fazer o trecho a pé motivados a resolverem o desafio — algo que, tanto pelo tamanho demasiadamente grande do percurso quanto pela falta de fé de que esse problema realmente motivaria alguém não ligado a matemática, pessoalmente, acho que alguém inventou essa última parte.

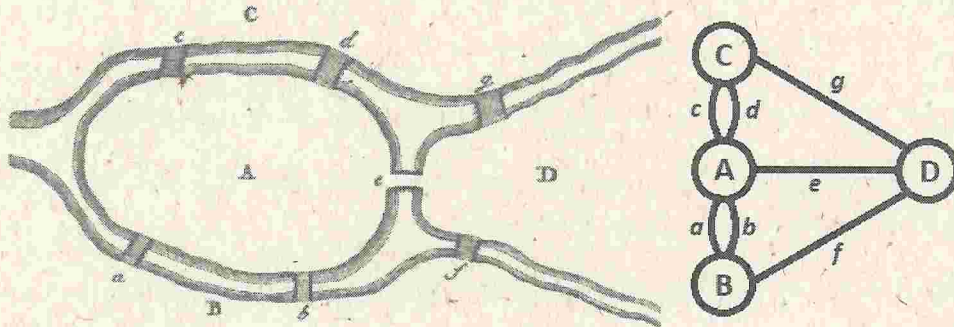


Figura 1: Ilustração original do problema [4] e sua representação em Grafos.

Muitas situações reais podem ser convenientemente representadas por diagramas contendo um conjunto de pontos e linhas ligando pares desses pontos — que é a definição empírica de um grafo. Por exemplo, esses pontos podem ser pessoas, onde as linhas representam pares de amigos.

Existe uma íntima relação entre Grafos e algoritmos. De fato, podemos inclusive representar um algoritmo por um grafo [6]. Na verdade, a definição de grafos é tão abrangente que podemos ver suas ligações com diversas áreas do conhecimento.

Grafo: Um grafo G é uma tripla ordenada da forma $(V(G), E(G), \psi_G)$, composto por um conjunto de *vértices* $V(G)$, de arestas $E(G)$ e uma *função de incidência* ψ_G que, por sua vez, associa a cada aresta de $V(G)$ um par não ordenado de vértices (nem sempre distintos) de $E(G)$. Costumamos dizer que as arestas ligam os vértices.

Pede-se uma pequena pausa para a licença poética: Acreditamos que uma das mais belas características da representação dos grafos é que o conjunto de vértices V aceita qualquer elemento, ou seja, pode ser tanto um prédio, quanto um átomo. Daí vem o grande poder de abstração da representação de grafos.

~~Essa abstração na representação de grafos é tamanha que nos motiva a usar um paradigma diferente para apresentá-los. Na literatura, grafos sempre são usados em paralelo com desenhos de diagramas que tentam demonstrar, geometricamente, a que está associado os conjuntos que os definem. Porém, essa representação é enganosa: Os vértices simplesmente não tem uma posição bem definida no espaço.~~

No que se segue, definiremos algumas características elementares que serão utilizadas durante esse texto. Para um estudo mais completo sobre essa teoria (a qual recomendamos profundamente), favor considerar [5] e [7].

VIDE.

2.1 Classificações

Existem duas definições de extrema importância para o nosso problema molecular (tema central desse texto): o conceito de grafo completo e o de estruturas k -cliques. Porém, seremos obrigado a definir alguns outros conceitos prévios, como segue.

Laço: Uma aresta $\{e_i, e_j\} \in E$ tal que $i = j$.

Também, caso existam duas arestas iguais ($\{e_i, e_j\}$ e $\{e_j, e_i\}$, por exemplo), com as mesmas extremidades são ditos *paralelos*.

Grafo simples: Um grafo que não possui laços ou arestas paralelas.

Grafo Completo: Um grafo simples onde quaisquer dois vértices são adjacentes é denominado *grafo completo*.

Outro conceito que nos será de grande utilidade é o de subgrafo.

Subgrafo: É um grafo resultante de um subconjunto de vértices e outro subconjunto de arestas de outro grafo. Isto é, seja $G = (V, E)$, $G' = (V', E')$ é dito um subgrafo de G se (V', E') é um grafo, $V' \subseteq V$ e $E' \subseteq E$.

E, finalmente

k -Clique: é um subgrafo G' com k vértices tal que G' é completo.

Em especial, também podemos interpretar as arestas como *caminhos* e, se o fizermos, podemos pensar em alguma forma de métrica para esses caminhos. Esse pensamento da origem aos grafos ditos *ponderados*.

Grafo Ponderado: É um grafo que possui uma função $d(E) \rightarrow \mathbb{R}$ associada, isto é, o grafo que possui valores numéricos atribuídos as suas arestas.

Para nós essa última definição terá uma maior importância, visto que nosso problema é localizar um conjunto de pontos dado um conjunto de distâncias entre eles [1]. Perceba que se trata do problema de desenhar o diagrama que representa esse grafo ponderado, completo [8], respeitando as suas distâncias no papel.

Ah, é!
O leitor não foi
informado do disco
previamente e
estava barando...

→ QUE ISTO?

FORA DE
CONTE