

[Description](#)[Hints](#)[Solution](#)[Submissions](#)

Your task is to calculate $a^b \bmod 1337$ where a is a positive integer and b is an extremely large positive integer given in the form of an array.

Example 1:

Input: $a = 2, b = [3]$

Output: 8

Example 2:

Input: $a = 2, b = [1,0]$

Output: 1024

思路

由于直接 $ab\%1337$ 会溢出， b 本身也会溢出，它是一个超大数，所以 $ab\%1337$ 我们变换成 $(a\%1337)*(a\%1337) \% 1337*(a\%1337)\%1337\dots$ 这样处理。具体看代码吧。一目了然。

算法需要利用的恒等式 $(a*b)\%c = (a\%c)*(b\%c)\%c$ ，证明如下：

设 $a/c=m$,则 $mc+a\%c = a$; 设 $b/c=n$,则 $nc+b\%c = b$; 于是

$$(a*b)\%c$$
$$= \{ (mc+a\%c)*(nc+b\%c) \} \% c$$
$$= \{ mcnc + (nc)*(a\%c) + (mc)*(b\%c) + (a\%c)*(b\%c) \} \% c \quad (\text{其中 } mcnc + (nc)*(a\%c) + (mc)*(b\%c) \text{ 可以整除 } c)$$
$$= (a\%c)*(b\%c)\%c$$

```
public class L372 {  
  
    public int superPow(int a, int[] b) {  
        int res = 1;  
        for(int i = 0; i < b.length; i++) {  
            res = pow(res, 10) * pow(a, b[i]) % 1337;  
        }  
        return res;  
    }  
  
    public int pow(int a, int b) {  
        if(b == 0) return 1;  
        if(b == 1) return a % 1337;  
        return pow(a % 1337, b / 2) * pow(a % 1337, b - b / 2) % 1337;  
    }  
}
```