## 第3章 酸、碱和离子平衡

## 第 3 章习题: 2, 3, 5, 7, 8, 9, 10, 12, 13, 15, 17, 18, 20, 21

2. 在某温度下  $0.5 \text{ mol·L}^{-1}$ 蚁酸(HCOOH)溶液的解离度为 2%,试求该温度时蚁酸的解离常数。

解: 
$$\alpha \approx \sqrt{\frac{K^{\circ}}{c}}$$
,  $K^{\circ} = \alpha^{2}c = (2\%)^{2} \times 0.50 = 2.00 \times 10^{-4}$ 

3. 计算  $0.050 \text{ mol·L}^{-1}$ 次氯酸(HClO)溶液中  $H_3O^+$ 的浓度和次氯酸的解离度。

解: 查表得: K<sub>a</sub> (HClO)=2.88×10<sup>-8</sup>

$$\therefore$$
  $c/K_a^{\theta} = 0.05/2.88 \times 10^{-8} = 1.74 \times 10^6 > 500$ 

$$\therefore c_{\text{H.O}^+} / c^{\theta} = \sqrt{K_a^{\theta} \cdot c} = \sqrt{2.88 \times 10^{-8} \cdot 0.05} = 3.79 \times 10^{-5}$$

$$c_{\text{H}_{2}\text{O}^{+}} = 3.79 \times 10^{-5} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$\alpha = c_{\rm H_3O^+} / c_{\rm HClO} = \frac{3.79 \times 10^{-5}}{0.05} \times 100\% = 7.58 \times 10^{-2}\%$$

- 5. 已知氨水溶液的浓度为  $0.20 \text{ mol·L}^{-1}$ 。
  - ① 求该溶液中的 OH 的浓度及 pH 值。
  - ② 在上述  $100 \, \text{mL}$  溶液中加入  $1.07 \, \text{gNH}_4 \, \text{Cl}$  晶体(忽略体积变化),求所得溶液的 OH 的浓度及 pH 值。

比较①、②计算结果,说明了什么?

解: ① 查表得: K<sub>b</sub><sup>θ</sup>(NH<sub>3</sub>)=1.74×10<sup>-5</sup>

$$c / K_{\rm b}^{\theta} = 0.20/1.74 \times 10^{-5} > 500$$

$$\therefore c_{OH^{-}} / c^{\theta} = \sqrt{cK_{b}^{\Theta}} = \sqrt{0.20 \times 1.74 \times 10^{-5}} = = 1.87 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$pH = 14 - pOH = 14 - (-\lg c_{OH^{-}}) = 11.27$$

② 设加入 NH<sub>4</sub>Cl 晶体后,溶液中 OH 的浓度为 x mol·L  $^{-1}$ :

溶液中 NH<sub>4</sub>+的浓度为 1.07g/ 53.5g·mol <sup>-1</sup>/0.1L=0.2 mol·L <sup>-1</sup>

$$NH_3 + H_2O \Longrightarrow NH_4^+ + OH^-$$
 初始浓度/  $mol \cdot L^{-1}$  0.20 0.2  $0.20 + x \times x$ 

$$K_{b}^{\theta}(NH_{3}) = \frac{(c_{NH_{4}^{+}}/c^{\theta}) \bullet (c_{OH^{-}}/c^{\theta})}{c_{NH_{2}^{-}}/c^{\theta}} = \frac{x(x+0.20)}{0.20-x} = 1.74 \times 10^{-5}$$

解得: x=1.74×10<sup>-5</sup> mol·L<sup>-1</sup>

$$pH = 14-pOH = 14-(-lg c_{OH^-}) = 9.24$$

比较①、②计算结果,说明由于同离子效应,使 NH3的解离度下降。

- 7. 试计算 25℃时 0.10 mol·L<sup>-1</sup> H<sub>2</sub>CO<sub>3</sub> 溶液中 H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>浓度和 pH 值。
- 解: 查得  $H_2CO_3$  的两步解离常数分别为:  $K_{a_1}^{\theta} = 4.36 \times 10^{-7}$ ,  $K_{a_2}^{\theta} = 4.68 \times 10^{-11}$

由于 $K_{a_1}^{\theta}$ ?  $K_{a_2}^{\theta}$ , 所以溶液中 $H_3O^+$ 主要来自于一级解离。

$$X : c_{\text{H}_2\text{CO}_3} / K_{\text{a}_1}^{\theta} = 0.1/4.36 \times 10^{-7} > 500$$

$$\therefore c_{\rm H_{30}^+} / c^{\theta} = \sqrt{K_{\rm a_1}^{\theta} \cdot c} = \sqrt{4.36 \times 10^{-7} \bullet 0.10} = 2.09 \times 10^{-4} \quad {\rm mol} \cdot {\rm L}^{-1}$$

$$pH = -lg c_{H,o^+} = 3.68$$

- 8. 计算下列各种溶液的 pH 值:
  - ① 0.20  $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \text{NH}_3$ ; ② 0.10  $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \text{NaAc}$ ; ③ 0.10  $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \text{HAc}$ ; ④ 0.10  $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \text{NH}_4 \text{Cl}$
- 解: ① 查表得:  $K_b^{\theta}(NH_3)=1.74\times10^{-5}$

$$C/K_b^\theta = 0.20/1.74 \times 10^{-5} > 500$$

: 
$$c_{OH^{-}}/c^{\theta} = \sqrt{cK_{b}^{\Theta}} = \sqrt{0.20 \times 1.74 \times 10^{-5}} = = 1.87 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$pH = 14-pOH = 14-(-lg c_{OH^-}) = 11.27$$

② 查表得: K<sub>a</sub><sup>θ</sup>(HAc)=1.75×10<sup>-5</sup>

$$K_{\text{Ac}^{-}}^{\theta} = \frac{K_{\text{W}}^{\theta}}{K_{\text{HAc}}^{\theta}} = \frac{1.00 \times 10^{-14}}{1.75 \times 10^{-5}} = 5.72 \times 10^{-10}$$

$$c / K_b^{\theta} = 0.10/5.72 \times 10^{-10} > 500$$

$$\therefore c_{\text{OH}^-} / c^{\theta} = \sqrt{cK_{\text{b}}^{\Theta}} = \sqrt{0.10 \times 5.72 \times 10^{-10}} = 7.56 \times 10^{-6}$$

$$c_{OH^{-}} = 7.56 \times 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$pH = 14 - pOH = 14 - (-lg c_{OH^-}) = 8.88$$

③ 查表得: K<sub>a</sub>(HAc)=1.75×10<sup>-5</sup>

$$C/K_a^{\theta} = 0.10/1.75 \times 10^{-5} = 5.71 \times 10^3 > 500$$

$$\therefore c_{\text{H,o}^+} / c^{\theta} = \sqrt{K_{\text{a}}^{\theta} \cdot c} = \sqrt{1.75 \times 10^{-5} \cdot 0.10} = 1.32 \times 10^{-3}$$

$$c_{\text{H}_3\text{O}^+} = 1.32 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$pH = -lg c_{H_2O^+} = 2.88$$

④ 查表得: K<sub>b</sub>(NH<sub>3</sub>)=1.74×10<sup>-5</sup>

$$K_{NH_4Cl}^{\theta} = \frac{K_{W}^{\theta}}{K_{NH_2}^{\theta}} = \frac{1.00 \times 10^{-14}}{1.74 \times 10^{-5}} = 5.75 \times 10^{-10}$$

$$C/K_a^{\theta} = 0.10/5.75 \times 10^{-10} > 500$$

$$\therefore c_{\rm H_2O^+} / c^{\theta} = \sqrt{K_{\rm a}^{\theta} \cdot c} = \sqrt{5.75 \times 10^{-10} \cdot 0.10} = 7.58 \times 10^{-6}$$

$$c_{\text{H},\text{O}^{+}} = 7.58 \times 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$pH = -lg c_{H_3O^+} = 5.12$$

9. 取  $50 \text{mL} 0.10 \text{ mol·L}^{-1}$ 某一元弱酸溶液,与  $20 \text{mL} 0.10 \text{ mol·L}^{-1}$  KOH 溶液相混合,将混合液稀释至 100 mL,测得此溶液的 pH 值为 5.25,求此一元弱酸的解离常数。

解: 
$$c_{\text{HA}} = \frac{50 \times 0.10}{100} = 0.05 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$
,  $c_{\text{KOH}} = \frac{20 \times 0.10}{100} = 0.02 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ 

HA 过量,
$$c_{\text{HA}} = \frac{30 \times 0.10}{100} = 0.03 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$
, $c_{\text{A}} = 0.02 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ 

组成 
$$HA-A$$
 缓冲体系: 
$$pH = pK_a^{\theta} - \lg \frac{c_{HA}/c^{\theta}}{c_{A}/c^{\theta}}, \quad M$$

$$pK_a^{\theta} = lg \frac{c_{HA} / c^{\theta}}{c_{A} / c^{\theta}} + pH = lg \frac{0.03}{0.02} + 5.25 = 5.43$$

$$K_a^{\theta}(HA)=3.75\times10^{-6}$$

- 10. 计算下列溶液的 pH 值:
  - ① 20mL 0.10 mol·L<sup>-1</sup> NH<sub>3</sub> · H<sub>2</sub>O 和 10mL 0.10 mol·L<sup>-1</sup> HCl 混合;
  - ②  $20mL~0.10~mol\cdot L^{-1}~NH_3~\cdot~H_2O~和~20mL~0.10~mol\cdot L^{-1}~HCl~混合;$
  - ③ 20mL 0.10 mol·L<sup>-1</sup> NH<sub>3</sub> · H<sub>2</sub>O 和 30mL 0.10 mol·L<sup>-1</sup> HCl 混合。

解: ① NH<sub>3</sub> · H<sub>2</sub>O 和 HCl 混合后, NH<sub>3</sub> · H<sub>2</sub>O 过量,组成缓冲体系: NH<sub>3</sub>-NH<sub>4</sub>+,

$$\begin{split} c_{\rm NH_3} &= \frac{20\times0.10-10\times0.10}{30} = \frac{1}{30} \ \, {\rm mol\cdot L}^{-1} \ \, , \quad c_{\rm NH_4^+} = \frac{10\times0.10}{30} = \frac{1}{30} \ \, {\rm mol\cdot L}^{-1} \ \, , \quad \text{ $\mathbb{N}$} \, \| \, \mathbf{E} \, \| \, \mathbf{E} \, \|_{10} + \left\| \mathbf{E} \, \mathbf{E}$$

查表得: 
$$K_{\rm b}^{\theta}({\rm NH_3})=1.74\times 10^{-5}$$
,  $K_{{\rm NH_4CI}}^{\theta}=\frac{K_{\rm W}^{\theta}}{K_{{\rm NH_3}}^{\theta}}=\frac{1.00\times 10^{-14}}{1.74\times 10^{-5}}=5.75\times 10^{-10}$ 

$$pH = pK_a^{\theta} - \lg \frac{c_{NH_4^+} / c^{\theta}}{c_{NH_3} / c^{\theta}} = -\lg 5.75 \times 10^{-10} - \lg 1 = 9.24$$

② NH<sub>3</sub> · H<sub>2</sub>O 和 HCl 等量混合,生成 NH<sub>4</sub>Cl, 
$$c_{\mathrm{NH_4}^+} = \frac{20 \times 0.10}{40} = 0.05 \;\; \mathrm{mol \cdot L}^{-1}$$
 。

$$C/K_{NH_4^+}^{\theta} = 0.05/5.75 \times 10^{-10} > 500$$

$$\therefore c_{\rm H,O^+} / c^{\theta} = \sqrt{K_{\rm a}^{\theta} \cdot c} = \sqrt{5.75 \times 10^{-10} \cdot 0.05} = 5.36 \times 10^{-6}$$

$$c_{\text{H}_3\text{O}^+} = 5.36 \times 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$pH = -lg c_{H,O^+} = 5.27$$

③ NH<sub>3</sub> · H<sub>2</sub>O 和 HCl 混合后,HCl 过量,
$$c_{\text{HCl}} = c_{\text{H}^+} = \frac{30 \times 0.10 - 20 \times 0.10}{50} = 0.020 \text{ mol·L}^{-1}$$
 pH=-lg  $c_{\text{H},0^+} = 1.699$ 

- 12. ① 将 0.30mol·L <sup>-1</sup> NaOH 50mL 和 0.450mol·L <sup>-1</sup> NH<sub>4</sub>Cl 100mL 混合,计算所得溶液的 pH 值。
  - ② 若在上述溶液中加入 1.0mL 2.0 mol·L<sup>-1</sup> 的 HCl,问 pH 值有何变化?
- 解: ① 混合后  $NH_4Cl$  过量,组成  $NH_3-NH_4^+$  缓冲体系。

$$pH = pK_a^{\theta} - \lg \frac{c_{NH_4^+} / c^{\theta}}{c_{NH_3} / c^{\theta}}$$

查表得: 
$$K_{\rm b}^{\theta}({\rm NH_3})=1.74\times10^{-5}$$
,  $K_{\rm NH_4Cl}^{\theta}=\frac{K_{\rm W}^{\theta}}{K_{\rm NH_4}^{\theta}}=\frac{1.00\times10^{-14}}{1.74\times10^{-5}}=5.75\times10^{-10}$ 

$$pH = pK_a^{\theta} - \lg \frac{c_{NH_4^+}/c^{\theta}}{c_{NH_4}/c^{\theta}} = -\lg 5.75 \times 10^{-10} - \lg 2 = 8.94$$

② 加入 
$$1.0 \text{mL } 2.0 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \text{ HCl } \stackrel{\frown}{\boxminus}, \quad c_{\text{HCl}} = \frac{1.0 \times 2.0}{150} = 0.0133 \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$
 
$$c_{\text{NH}_3 \downarrow} = 0.10 \, -0.0133 = 0.0867 \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$
 
$$c_{\text{NH}_4^+ \uparrow} = 0.20 + 0.0133 = 0.2133 \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$
 
$$pH = pK_a^\theta - \lg \frac{c_{\text{NH}_4^+}}{c_{\text{NH}_4^+}} / \frac{c^\theta}{c_{\text{NH}_4^+}} = -\lg 5.75 \times 10^{-10} - \lg \frac{0.2133}{0.0867} = 8.85$$

13. 欲配制 250 mL pH 值为 5.0 且含有 Ac ¯ 离子浓度为 0.5 mol·L ¯ ¹ 的缓冲溶液,需加入 6.0 mol·L ¯ ¹ HAc 溶液多少毫升? NaAc·3H<sub>2</sub>O 多少克?

解:设需加入  $6.0 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  HAc 溶液 V 毫升:

$$pH = pK_a^{\theta} - \lg \frac{c_{HAc} / c^{\theta}}{c_{Ac} / c^{\theta}} = -\lg 1.75 \times 10^{-5} - \lg \frac{6.0 \text{V} / 250}{0.5} = 5.0$$

解得 
$$V=11.90$$
mL,  $m_{NMACGRHOO} = 0.5 \times 250 \times 10^{-3} \times 136 = 17.0$ g

- 15. 根据 Mg(OH)<sub>2</sub> 的溶度积, 计算(在 25℃时):
  - ① 在水中的溶解度(mol·L<sup>-1</sup>);
  - ② 在饱和溶液中的 Mg<sup>2+</sup> 和 OH<sup>-</sup>离子的浓度;
  - ③ Mg(OH)<sub>2</sub>在 0.010 mol·L<sup>-1</sup> NaOH 溶液中 Mg<sup>2+</sup>离子的浓度;
  - ④ Mg(OH)<sub>2</sub>在 0.010 mol·L<sup>-1</sup> MgCl<sub>2</sub>溶液中的溶解度(mol·L<sup>-1</sup>)。
  - 解: ① 设 Mg(OH)<sub>2</sub> 在水中的溶解度为 s mol·L  $^{-1}$  , 则溶液中  $c_{\text{Mg}^{2+}} = s$  ,  $c_{\text{OH}} = 2s$

: 
$$(c_{Me^{2+}}/c^{\theta}) \bullet (c_{OH^{-}}/c^{\theta})^2 = s \bullet (2s)^2 = 4s^3 = K_{sp,Mg(OH)_2}^{\theta} = 5.61 \times 10^{-12}$$

- $\therefore s=1.12\times10^{-4}\,\text{mol}\cdot\text{L}^{-1}$
- ② 在饱和溶液中的  $Mg^{2+}$  和 OH<sup>-</sup>离子的浓度分别为  $1.12\times10^{-4}$   $mol\cdot L^{-1}$  和  $2.24\times10^{-4}$   $mol\cdot L^{-1}$  。
- ③ 设  $Mg(OH)_2$ 在 0.010  $mol \cdot L^{-1}$  NaOH 溶液中  $Mg^{2+}$ 离子的浓度为 s,则溶液中  $OH^{-1}$ 离子的浓度为(2s+0.01):

: 
$$(c_{\text{Mg}^{2+}}/c^{\theta}) \cdot (c_{\text{OH}^{-}}/c^{\theta})^2 = K_{\text{sp,Mg(OH)}_2}^{\theta} = 5.61 \times 10^{-12}$$

即: 
$$s \cdot (2s+0.01)^2 \approx s \cdot 0.01^2 = 5.61 \times 10^{-12}$$
,解得  $s = 5.61 \times 10^{-8} \text{ mol-L}^{-1}$ 

④ 设  $Mg(OH)_2$ 在 0.010  $mol\cdot L^{-1}MgCl_2$ 溶液中的溶解度为 s,则溶液中  $Mg^{2+}$ 的浓度为(s+0.010),  $OH^-$ 离子的浓度为 2s:

: 
$$(c_{Me^{2+}}/c^{\theta}) \cdot (c_{OH}^{-}/c^{\theta})^2 = K_{sp,Mg(OH)_2}^{\theta} = 5.61 \times 10^{-12}$$

即: (s+0.010) •  $(2s)^2 \approx 4s^2$  •  $0.01 = 5.61 \times 10^{-12}$  ,解得  $s = 1.18 \times 10^{-5}$  mol·L  $^{-1}$ 

- 17. 通过计算说明下列情况有无沉淀产生?
  - ① 等体积混合 0.010 mol·L <sup>-1</sup> Pb(NO<sub>3</sub>)<sub>2</sub> 和 0.010 mol·L <sup>-1</sup> KI
  - ② 混合 20 mL 0.050 mol·L <sup>-1</sup> BaCl<sub>2</sub> 溶液和 30 mL 0.5 mol·L <sup>-1</sup> Na<sub>2</sub>CO<sub>3</sub> 溶液,
  - ③ 在 100 mL 0.010 mol·L<sup>-1</sup> AgNO<sub>3</sub> 溶液中溶入 NH<sub>4</sub>Cl 0.535g。

解: ① 等体积混合后 
$$c_{\text{Pb}^{2+}} = \frac{0.01}{2} = 0.005 \text{ mol·L}^{-1} = c_{\text{I}^-}$$
 
$$(c_{\text{Pb}^{2+}} / c^{\theta}) \cdot (c_{\text{I}^-} / c^{\theta})^2 = (0.0050)^3 = 1.25 \times 10^{-7} > K_{\text{sp,PbI}_2}^{\theta} = 9.8 \times 10^{-9}$$

∴ 有 PbI₂沉淀产生。

② 混合后,
$$c_{\mathrm{Ba}^{2+}} = \frac{20 \times 0.050}{50} = 0.020 \,\mathrm{mol \cdot L^{-1}}$$
; $c_{\mathrm{CO}_3^{2-}} = \frac{30 \times 0.5}{50} = 0.30 \,\mathrm{mol \cdot L^{-1}}$ ( $c_{\mathrm{Ba}^{2+}} / c^{\theta}$ )·( $c_{\mathrm{CO}_3^{2-}} / c^{\theta}$ )<sup>2</sup> = 0.020×0.30 = 6.0×10<sup>-3</sup>  $> K_{\mathrm{sp,BaCO}_3}^{\theta} = 2.58 \times 10^{-9}$ 

∴ 有 BaCO<sub>3</sub> 沉淀产生。

∴ 有 AgCl 沉淀产生。

- 18. 将  $Pb(NO_3)_2$  溶液与 NaI 溶液混合,设混合液中  $Pb(NO_3)_2$  的浓度为 0.20  $mol \cdot L^{-1}$  , 问:
  - ① 当混合溶液中 I 的浓度多大时, 开始生成沉淀?
  - ② 当混合溶液中  $\Gamma$ 的浓度为  $6.0 \times 10^{-2}$   $\mathrm{mol} \cdot \mathrm{L}^{-1}$  时,残留于溶液中的  $\mathrm{Pb}^{2+}$ 的浓度为多少?

解: ① 开始生成沉淀,即: 
$$K_{\text{sp,PbI}_2}^{\theta}$$
=9.8×10<sup>-9</sup> =  $(c_{\text{Pb}^{2+}}/c^{\theta}) \cdot (c_{\text{I}^-}/c^{\theta})^2$ 

$$\begin{split} c_{\text{Cl}^-} &= \sqrt{9.8 \times 10^{-9}/0.20} &= 2.21 \times 10^{-4} \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \\ & \textcircled{2} \, c_{\text{pp},^{2+}} \Big/ c^\theta = K_{\text{sp,PbI},}^\theta \Big/ \quad (c_{\text{I}^-} \Big/ c^\theta \,)^2 \\ &= 9.8 \times 10^{-9}/(6.0 \times 10^{-2})^2 = 2.72 \times 10^{-6} \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \end{split}$$

20. 试计算下列沉淀转化的平衡常数:

$$2$$
  $ZnS(s) + Pb^{2+} \longrightarrow PbS(s) + Zn^{2+}$ 

$$\bigcirc$$
 PbCl<sub>2</sub>(s) + CrO<sub>4</sub><sup>2-</sup>  $\rightleftharpoons$  PbCrO<sub>4</sub>(s) + 2Cl<sup>-</sup>

解: ① 
$$ZnS(s) + 2Ag^+ \rightleftharpoons Ag_2S(s) + Zn^{2+}$$

$$K^{\Theta} = \frac{[\mathrm{Zn}^{2+}]}{[\mathrm{Ag}^{+}]^{2}} = \frac{K_{\mathrm{sp}}^{\Theta}(\alpha - \mathrm{ZnS})}{K_{\mathrm{sp}}^{\Theta}(\mathrm{Ag}_{2}\mathrm{S})} = \frac{1.6 \times 10^{-24}}{6.3 \times 10^{-50}} = 2.54 \times 10^{25}$$

$$K^{\Theta} = \frac{[\mathrm{Zn}^{2+}]}{[\mathrm{Ag}^{+}]^{2}} = \frac{K_{\mathrm{sp}}^{\Theta}(\beta - \mathrm{ZnS})}{K_{\mathrm{sp}}^{\Theta}(\mathrm{Ag}_{2}\mathrm{S})} = \frac{2.5 \times 10^{-22}}{6.3 \times 10^{-50}} = 4.0 \times 10^{27}$$

$$K^{\Theta} = \frac{[Zn^{2+}]}{[Pb^{2+}]} = \frac{K_{sp}^{\Theta}(\alpha - ZnS)}{K_{sp}^{\Theta}(PbS)} = \frac{1.6 \times 10^{-24}}{8.0 \times 10^{-28}} = 2.00 \times 10^{3}$$

$$K^{\Theta} = \frac{[\text{Zn}^{2+}]}{[\text{Pb}^{2+}]} = \frac{K_{\text{sp}}^{\Theta}(\beta - \text{ZnS})}{K_{\text{sp}}^{\Theta}(\text{PbS})} = \frac{2.5 \times 10^{-22}}{8.0 \times 10^{-28}} = 3.1 \times 10^{5}$$

$$K^{\Theta} = \frac{[\text{Cl}^{-}]^{2}}{[\text{CrO}_{4}^{2-}]} = \frac{K_{\text{sp}}^{\Theta}(\text{PbCl}_{2})}{K_{\text{sp}}^{\Theta}(\text{PbCrO}_{4})} = \frac{1.70 \times 10^{-5}}{2.8 \times 10^{-13}} = 6.07 \times 10^{7}$$

21. 在  $0.50 \text{ mol·L}^{-1}$  镁盐溶液中,加入等体积  $0.10 \text{ mol·L}^{-1}$  氨水,问能否产生  $Mg(OH)_2$  沉淀? 需在每升氨水中再加入多少克  $NH_4Cl$ ,才能恰好不产生沉淀?

解: 
$$[Mg^{2+}] = \frac{0.50}{2} = 0.25 \text{ mol} \cdot L^{-1}$$
,  $[NH_3] = \frac{0.10}{2} = 0.05 \text{ mol} \cdot L^{-1}$ 

根据 NH<sub>3</sub>·H<sub>2</sub>O 的解离平衡:

$$[OH^{-}] = \sqrt{c \cdot K_{b}^{\Theta}} = 9.4 \times 10^{-4} \text{ mol} \cdot L^{-1}$$

$$[Mg^{2+}][OH^{-}]^{2} = 0.25 \times (9.4 \times 10^{-4})^{2} = 2.2 \times 10^{-7} \text{ mol} \cdot L^{-1}$$

$$K_{\rm sp}^{\Theta}[{\rm Mg}({\rm OH})_{2}] = 5.61 \times 10^{-12}$$

 $[{\rm Mg}^{2+}][{\rm OH}^-]^2>~K_{\rm sp}^\Theta[{\rm Mg}({\rm OH})_2]$ ,溶液中能产生  ${\rm Mg}({\rm OH})_2$ 沉淀。

要使恰好不产生沉淀:

根据 
$$Mg(OH)_2$$
 的溶解:  $Mg(OH)_2 + 2NH_4^+ \iff Mg^{2+} + 2NH_3 + 2H_2O$ 

平衡时各组分的浓度 mol·L-1

: 
$$K^{\Theta} = \frac{K_{\text{sp}}^{\Theta}[\text{Mg(OH)}_{2}]}{(K_{\text{NH}_{3}}^{\Theta})^{2}} = \frac{0.25 \times (0.05)^{2}}{[\text{NH}_{4}^{+}]^{2}} = \frac{5.61 \times 10^{-12}}{(1.78 \times 10^{-5})^{2}}$$

$$\therefore$$
 [NH<sub>4</sub><sup>+</sup>] = 0.18 mol·L<sup>-1</sup>

每升  $NH_3 \cdot H_2O$  溶液中加入的  $NH_4Cl$  量:  $2 \times 0.18 \times 53.5 = 19.3$  g。