

Backtracking

- Normalmente Prolog efetua um retrocesso (backtrack) sempre que necessário na tentativa de satisfazer um cláusula
- O backtracking automático é um conceito muito útil já que ele libera o programador de implementá-lo explicitamente
- Por outro lado, o uso indiscriminado de backtracking pode causar ineficiência em um programa

Backtracking

gosta(maria,comida). gosta(maria,vinho). gosta(joao,vinho). gosta(joao,maria). ?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

Backtracking

gosta(maria,comida). - gosta(maria,vinho). gosta(joao,vinho). gosta(joao,maria).

- ?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

 comida comida
- A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com "comida"
- 2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

Backtracking

gosta(maria,comida). ← ←× gosta(maria,vinho). gosta(joao,vinho). gosta(joao,maria).

- ?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).
- A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com "comida"
- 2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

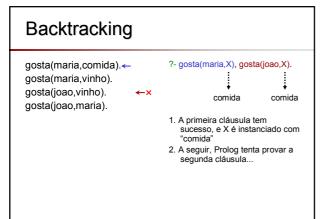
Backtracking

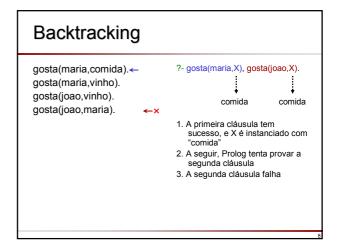
gosta(maria,comida).←
gosta(maria,vinho).
gosta(joao,vinho).
gosta(joao,maria).

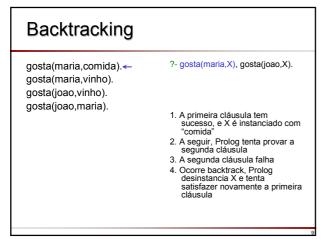
?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

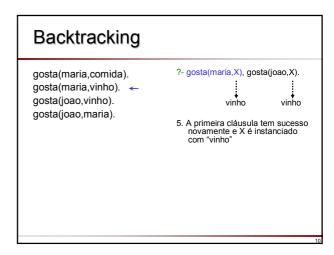
comida comida

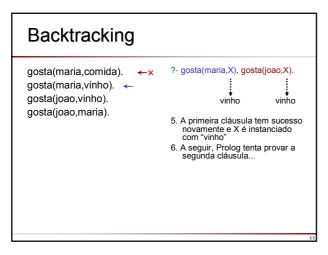
- A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com "comida"
- 2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

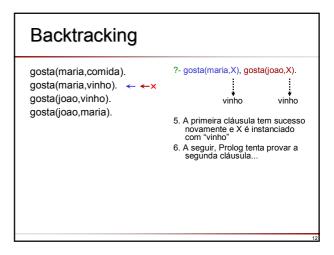


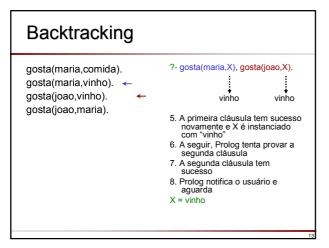


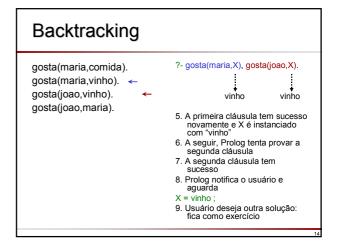






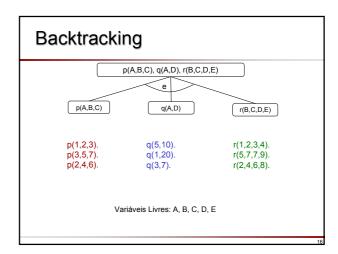


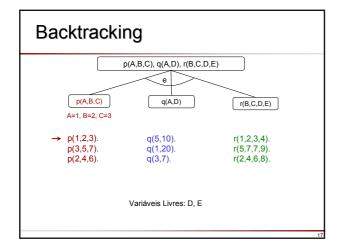


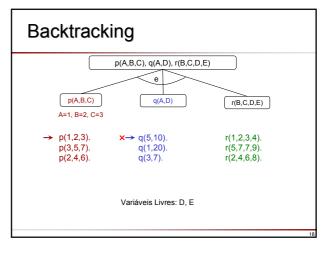


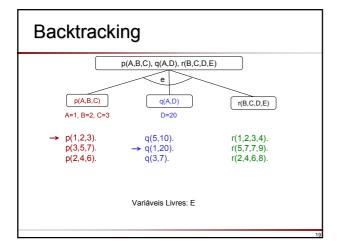
Importante

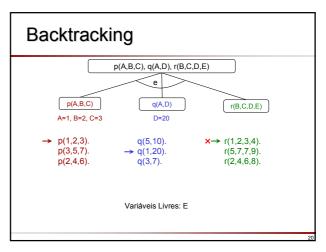
- Sempre que uma cláusula falha (conseqüentemente ocorre um backtrack), as variáveis que se tornaram instanciadas naquela cláusula tornam-se variáveis livres novamente
- As variáveis instanciadas em cláusulas anteriores permanecem instanciadas
- Quando uma solução é encontrada e o usuário solicita outra solução (digitando ;), as variáveis instanciadas na cláusula atual tornam-se variáveis livres e o processo de prova reinicia a partir da situação corrente

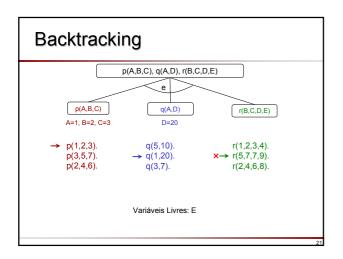


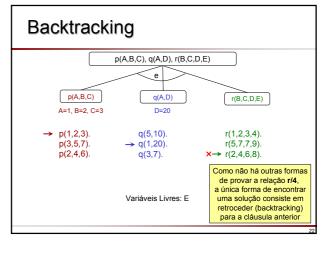


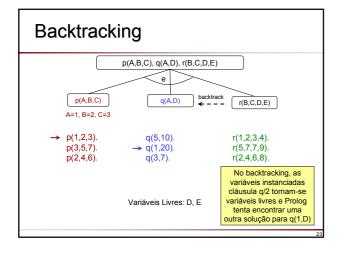


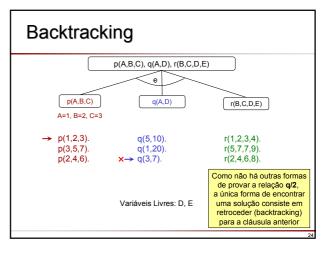


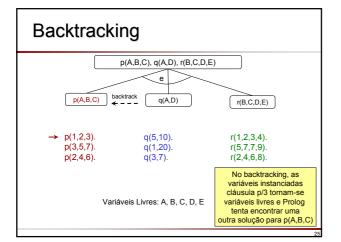


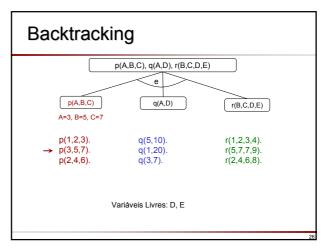


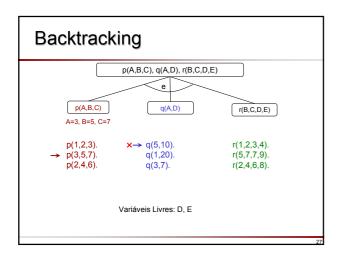


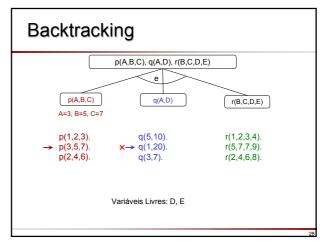


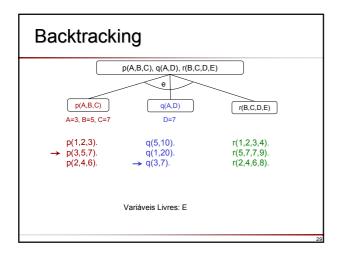


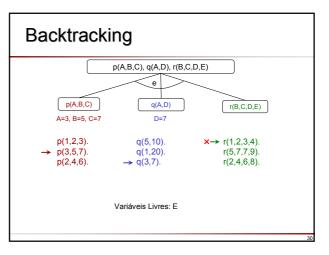


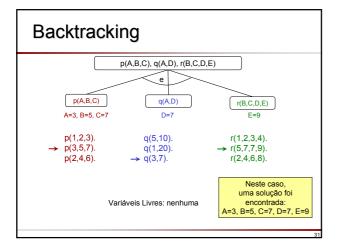


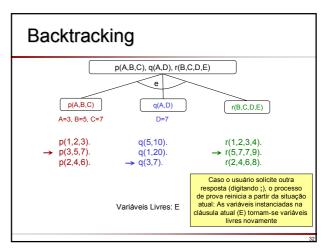


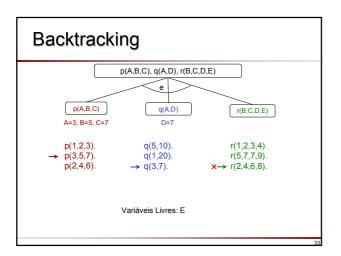


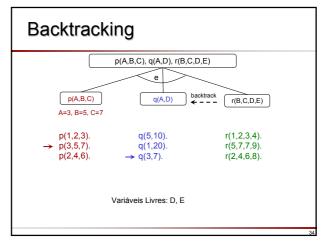


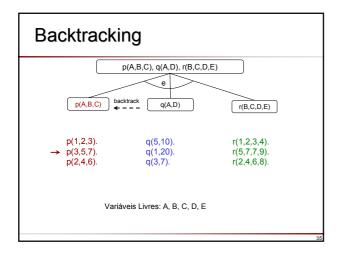


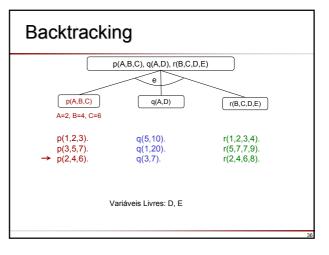


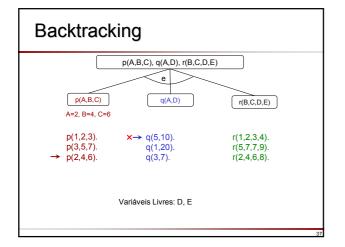


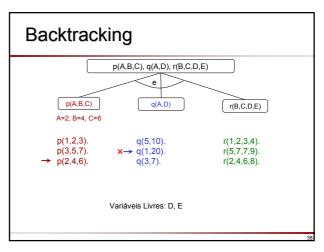


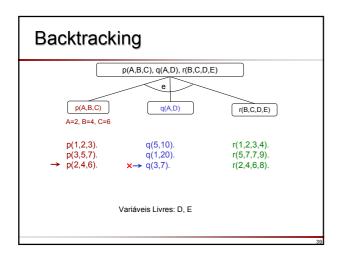


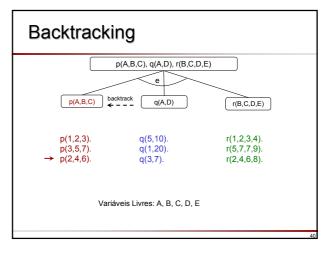


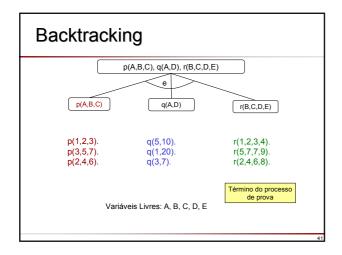












- Existe um mecanismo especial que permite informar Prolog que soluções anteriores não precisam ser reconsideradas quando ele volta (backtrack) através de uma lista de condições satisfeitas: o corte (cut)
- ☐ Há duas razões para o uso do corte:
 - O programa torna-se mais rápido, já que Prolog não gasta tempo tentando satisfazer metas que o programador sabe previamente que nunca vão contribuir para uma solução
 - O programa ocupa menos memória, uma vez que pontos de backtracking não precisam ser mantidos para avaliação futura
- □ Há dois tipos de cortes
 - Verde: caso removido, as soluções encontradas não se alteram (corte foi utilizado apenas por motivos de eficiência)
 - Vermelho: caso removido, o programa não apresenta as mesmas soluções; pelo contrário, passa a apresentar um comportamento anormal

- Considere a função escada
 - Regra 1: se X < 3 então Y = 0</p>
 - Regra 2: se 3 ≤ X < 6 então Y = 2</p>
 - Regra 3: se X ≥ 6 então Y = 4
- Podemos escrever em Prolog como f(X,Y)
 - f(X,0):- X < 3.
 f(X,2):- 3 =< X, X < 6.
 Regra 2
 f(X,4):- X >= 6.
 Regra 3
- O programa assume, logicamente, que X esteja instanciado antes que f(X,Y) seja executado

Controlando Backtracking

- Vamos analisar o que ocorre quando se pergunta ?- f(1, Y), 2<Y.</p>
 - f(X,0) :- X < 3.
 f(X,2) :- 3 =< X, X < 6.
 Regra 2
 f(X,4) :- X >= 6.
 Regra 3
- Ao executar a primeira meta, f(1,Y), Y instancia com 0
- Assim a segunda meta torna-se: 2<0 que falha, assim a pergunta falha
- Mas antes de admitir que a pergunta falhou, Prolog tentou, através de backtracking duas alternativas improdutivas

4

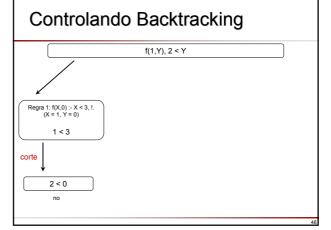
| Controlando Backtracking | f(1,Y), 2 < Y | backtrack | corte | backtrack | corte | backtrack | corte | backtrack | corte | c

Controlando Backtracking

- As 3 regras sobre a relação f são mutuamente exclusivas, assim, no máximo, uma delas será verdadeira
- Portanto, o programador (não Prolog) sabe que tão logo uma das regras tenha sucesso, não há razão para continuar tentando utilizar as demais regras, pois vão falhar
- No exemplo, sabe-se que a Regra 1 teve sucesso no ponto indicado pela palavra 'corte'
- De modo a evitar backtracking inútil o programador deve informar explicitamente para Prolog não realizar backtrack, através do corte
- O corte é escrito como ! e inserido entre as metas

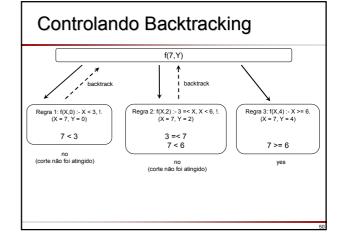
Controlando Backtracking

- O programa com corte verde fica assim:
- O símbolo! evita backtracking nos pontos indicados
- Se fizermos a mesma pergunta
 - ?- f(1,Y), 2<Y.
 - Com os cortes, os ramos alternativos que correspondem às Regras 2 e 3 não serão gerados
 - Este programa com corte é mais eficiente que a versão original: quando a execução falha, este programa irá reconhecer este fato, em geral, mais cedo que o programa original
- Os cortes são verdes neste exemplo, pois se eles forem removidos o programa ainda produzirá os mesmos resultados (ele apenas gastará mais tempo)



7

- Ainda considerando:
 - f(X,0) :- X < 3, !. % Regra 1
 f(X,2) :- 3 =< X, X < 6, !. % Regra 2
 f(X,4) :- X >= 6. % Regra 3
- Suponha agora a seguinte pergunta
 - ?- f(7,Y).
 - Y = 4
- Note que todas as 3 regras são avaliadas antes que uma resposta seja encontrada
 - Tente Regra 1: 7 < 3 falha, backtrack e tente Regra 2 (corte não foi atingido)
 - Tente Regra 2: 3 ≤ 7 é satisfeita mas 7 < 6 falha, backtrack e tente Regra 3 (corte não foi atingido)
 - Tente Regra 3: 7 ≥ 6 é satisfeita



Controlando Backtracking

- Isto mostra outra fonte de ineficiência:
 - Primeiro é estabelecido que X<3 não é verdadeiro (7<3 falha)
 - A seguir, 3=<X (3=<7) é satisfeita, mas sabemos que uma vez que o primeiro teste falhou, o segundo teste será satisfeito, pois ele é a negação do primeiro
 - Portanto, o segundo teste é redundante e pode ser omitido
 - O mesmo ocorre com X >= 6 na Regra 3
- Isto leva à seguinte formulação:
 - Se X < 3 então Y = 0</p>
 - Senão Se X < 6 então Y = 2 Senão Y = 4</p>
- Podemos omitir as condições que são sempre verdadeiras quando executadas

Controlando Backtracking

- Isto nos leva à terceira versão, com corte vermelho:
 - f(X,0):-X < 3,!. % Regra 1
 f(X,2):-X < 6,!. % Regra 2
 f(X,4). % Regra 3
- O programa com corte vermelho produz as mesmas soluções que a versão original, mas é mais eficiente que as duas versões anteriores
- □ Entretanto, o que ocorre se agora removermos os cortes?
- O programa agora produz várias soluções, algumas das quais incorretas, por exemplo:
 - ?- f(1,Y).
 - Y = 0;
 - Y = 2;
 - Y = 4

Controlando Backtracking

- O mecanismo de corte funciona da seguinte forma
 - Seja meta-pai a meta que unificou com a cabeça da cláusula contendo o corte
 - Quando o corte é encontrado, como uma meta ele é satisfeito imediatamente mas ele estabelece um compromisso de manter todas as escolhas efetuadas entre o momento em que a meta-pai foi invocada e o momento no qual o corte foi encontrado
 - Todas as alternativas restantes entre a meta-pai e o corte são descartadas

Controlando Backtracking

- Considere a cláusula
 - H :- B1, B2, ..., Bm, !, ..., Bn.
- Suponha que uma meta G unificou com H (nesse caso, G é a meta pai)
- □ No momento em que o corte é encontrado, o sistema já encontrou alguma solução para as metas B1, ..., Bm.
- Quando o corte é executado, esta solução atual B1, ...,
 Bm é congelada e todas alternativas possíveis são descartadas
- Além disso, a meta G fica comprometida a esta cláusula: qualquer tentativa de unificar G com a cabeça de uma outra cláusula é excluída

┙

Por exemplo

■ C :- P, Q, R, !, S, T, U.

- O corte afetará a execução da meta C
- Backtracking será possível dentro da lista de metas P, Q, R; entretanto, tão logo o corte seja encontrado, todas as soluções alternativas de P, Q, R são

Z, A

B ←-- C ←-- D

- Também será descartada a cláusula alternativa para a meta C
- □ Entretanto, backtracking ainda será possível entre a lista de metas S, T, U
- A meta-pai da cláusula contendo o corte é a meta C na cláusula
- Portanto, o corte afetará apenas a execução da meta C; mas será 'invisível' de dentro da meta A: backtracking automático continuará a existir entre a lista de metas B, C, D apesar do corte dentro da cláusula usada para satisfazer C

Negação por Falha

■ Exemplo 1: Suponha os seguintes fatos (BC):

gosta(joao, peixe). gosta(joao,maria).

gosta(maria,livro). gosta(pedro,livro).

?- gosta(joao, dinheiro). no ?- gosta (maria, joao). no

?- gosta (maria, livro) . yes

?- rei(joao,inglaterra).

Negação por Falha

?- rei(joao, inglaterra).

- Como não existe nenhum fato na base sobre a relação "rei", Prolog responde "no" significando que nada foi encontrado que pudesse provar o que foi pedido
- "no" não é a mesma coisa que "falso"
- "no" significa "não foi possível provar"

Negação por Falha

Exemplo 2:

?- humana (maria) . ?- \+ humana(maria).

yes

- □ A segunda resposta não deve ser entendida como 'Maria não é humana'
- O que Prolog quer dizer é: 'Não há informação suficiente no programa para provar que Maria é humana'
- □ Isto ocorre porque Prolog não tenta provar diretamente \+humana (maria), mas sim o seu oposto humana (maria). Se o oposto não pode ser provado, Prolog assume que a negação \+humana(maria) é verdadeira

Negação por Falha

O predicado \+ é definido como:

 $\backslash + (X)$.

Ou, alternativamente, como:

 $\+(X) := X, !, fail; true.$

Que é equivalente a:

 $\+(X) :- (X, !, fail); true.$

Negação por Falha

- □ Prolog trabalha com o conceito de mundo fechado
- O mundo é fechado no sentido que tudo o que existe está declarado no programa ou pode ser derivado do programa
- □ Assim, se algo não está no programa (ou não pode ser derivado dele) então ele é falso e, consequentemente, sua negação é verdadeira

Negação por Falha

■ Exemplo 3:

```
bom_padrao(jeanluis).
caro(jeanluis).
bom_padrao(francesco).
razoavel(Restaurante):-
    \+ caro(Restaurante).
?- bom_padrao(X),
```

razoavel(X)

- razoavel(X),

bom padrao(X).

X = francesco

- A diferença entre ambas perguntas é que a variável X está, no primeiro caso, já instanciada quando razoavel(X) é executado, ao passo que X não está instanciada no segundo caso
- □ A dica geral é \+ Meta funciona com segurança se as variáveis em Meta estão todas instanciadas no momento em que \+Meta é chamada; caso contrário pode-se obter resultados inesperados

```
Negação por Falha
```

- Há diferença entre?
 - -? pertence(X,[a,b,c]).
 - ?- \+ \+ pertence(X,[a,b,c]).

Negação por Falha

- Há diferença entre?
 - -?- pertence(X,[a,b,c]).
 - -?- \+ \+ pertence(X,[a,b,c]).
- Há uma tendência a dizer que não, por pensar da seguinte forma:
 - pertence (X, [a,b,c]) tem sucesso então
 - + pertence(X, [a,b,c]) falha, portanto
 - + \+ pertence(X,[a,b,c]) tem sucesso
- Isto está apenas em parte correto

Negação por Falha

- □ Isto é o que ocorre:
 - ?- \+ \+ pertence(X,[a,b,c]).
 - pertence (X, [a,b,c]) tem sucesso instanciando X=a
 - Prolog tenta provar \+ pertence (X, [a,b,c]) e falha (pois conseguiu provar o oposto)
 - Quando uma cláusula falha, qualquer variável que se tornou instanciada através daquela cláusula torna-se livre
 - Assim X torna-se uma variável livre
 - Prolog tenta provar \+ \+ pertence (X, [a,b,c]) e tem sucesso, X é uma variável livre
 - Prolog escreve a variável livre

?- pertence(X,[a,b,c]).

X = a;

X = b

X = c

?- \+ \+ pertence(X,[a,b,c]).

X = G390

Predicados de Entrada e Saída

- Estes predicados têm sucesso (são verdadeiros) uma única vez (não podem ser re-satisfeitos através de backtracking)
 - get_char(X): é verdadeiro se X unifica com o próximo caractere encontrado na entrada atual
 - put_char(X): escreve o caractere X na saída atual (um erro ocorre se X está livre)
 - read(X): lê um termo da entrada e é verdadeiro se o termo lido unifica com X; o termo deve ser terminado por um ponto-final '.' que não faz parte do termo lido
 - write(X): escreve o termo X na saída; variáveis livres são numeradas de forma única e geralmente inicial com um underscore '_'
 - write_canonical(X): escreve o termo X sem considerar a definição de operadores
 - nl: escreve um caractere de nova linha (new line)
 - tab(N): escreve N espaços em branco

Exemplo

- Usando o programa pertence/1, suponha que desejamos imprimir todas as soluções encontradas, sem precisar digitar ';'
- Podemos estender o programa da seguinte forma:

```
pertence(E, [E|_]).
pertence(E, [|T]) :-
    pertence(E,T).
mostra_todos(Lista) :-
    pertence(X, Lista),
    write('elemento'),
    write(X),
    nl,
    fail.
?- mostra_todos([a,b,c]).
elemento a
elemento b
elemento c
```

-

0

Exemplo

- □ Embora o programa tenha impresso todos os elementos da lista, ele falha
 □ Embora o programa tenha impresso todos os pertence (E, [e]]). □ pertence (E, T]
 □ pertence (E, T)
 □ pertence (E, T
- Uma forma de garantir que o programa tenha sucesso ao terminar é dada na versão ao lado

```
pertence(E, [E]]):
    pertence(E, []]):-
        pertence(E, T].

mostra_todos(Lista):-
    pertence(X, Lista),
    write('elemento'),
    write(X),
    nl,
    fail.

mostra_todos(_).

?- mostra_todos([a,b,c]).
elemento a
elemento b
elemento c
yes
```

Predicados Adicionais

- repeat é uma meta que sempre é satisfeita e é definida como:
 - repeat.
 - repeat :- repeat.
- Exemplo

```
quadrado :-
   repeat,
   read(X),
   ( X = stop, !;
    Y is X*X, write(Y), nl, fail
   ).
```

Predicados Adicionais

findall(X,G,L) constrói uma lista L consistindo de todos os objetos X tais que a meta G é satisfeita

Exemplo

Manipulação da BD/BC

Predicado	Significado
listing/0	Lista todos os predicados
listing(A)	Lista os predicados que têm A como functor principal
asserta(C)	Insere a cláusula C no início da base de dados; sempre tem sucesso.
assertz(C)	Insere a cláusula C no final da base de dados; sempre tem sucesso (assert(C) na sintaxe de Edinburgh)
retract(C)	Remove todas cláusulas que podem ser instanciadas com o fato C (C deve estar instanciado o suficiente)
retract(H :- B)	Remove todas cláusulas que podem ser instanciadas com a regra HB (H deve estar instanciado o suficiente)
clause(X,Y)	É verdade se X e Y unificam com a cabeça e o corpo de alguma cláusula no programa (X deve estar instanciado o suficiente)

Manipulação da BD/BC

- □ Em algumas implementações Prolog asserta/1, assertz/1 e retract/1 só funcionam em predicados que tenham sido declarados dinâmicos, que deve aparecer antes da definição ou uso do predicado dinâmico:
 - -: dynamic Nome/Aridade.
- A intenção é evitar a alteração acidental das definições
- Por exemplo:
 - -: dynamic gosta/2.
 - -: dynamic gosta/2, pertence/2.

Manipulação da BD/BC

```
?- gosta(vivian, vinicius).
no
?- asserta(gosta(vivian, vinicius)).
yes
?- gosta(vivian, vinicius).
yes
?- rectract(gosta(vivian, vinicius)).
yes
?- gosta(vivian, vinicius).
no
```

7.1

Manipulação da BD/BC

```
:- dynamic legal/0,
                                   ?- legal.
   ensolarado/0,
                                   ?- chato.
   chovendo/0,
                                   yes
?- retract(neblina).
   neblina/0.
                                  yes
?- chato.
legal :-
  ensolarado,
  \+ chovendo.
                                   ?- assertz(ensolarado).
divertido :-
                                  yes
?- divertido.
 ensolarado,
                                   yes
?- retract(chovendo).
  chovendo.
chato :-
                                   yes
?- legal.
  chovendo,
  neblina.
                                   yes
?- retract(legal :- _).
chovendo.
neblina.
                                   yes
?- legal.
```

Manipulação da BD/BC

Podemos definir um predicado que remove todas cláusulas (fatos e regras) de uma determinada relação

```
retractall(X) :- retract(X), fail.
retractall(X) :- retract(X :- Y), fail.
retractall().
```

□ Em algumas implementações Prolog, retractall/1 é um predicado pré-definido

Slides baseados em:

Bratko, I.;

Prolog Programming for Artificial Intelligence, 3rd Edition, Pearson Education, 2001.

> Clocksin, W.F.; Mellish, C.S.; Programming in Prolog, 5th Edition, Springer-Verlag, 2003.

Programas Prolog para o Processamento de Listas e Aplicações, Monard, M.C & Nicoletti, M.C., ICMC-USP, 1993

> Material elaborado por José Augusto Baranauskas Revisão 2007

74