

MATERIA
MÉTODOS NUMÉRICOS

TEMA
REPORTE DE ACTIVIDADES

ESTUDIANTE
CAPIN ALBERTO HERNÁNDEZ PÉREZ

DOCENTE
ING. EFREN FLORES CRUZ

FECHA DE ENTREGA
02 DE MAYO DEL 2020



Unidad 3 Métodos de solución de sistemas de ecuaciones

Métodos iterativos

El método de Gauss y sus variantes se conocen con el nombre de métodos directos; se ejecutan a través de un número finito de pasos y dan lugar a una solución que sería exacta si no fuese por los errores de redondeo.

Por contra, un método indirecto da lugar a una sucesión de vectores que idealmente converge a la solución. El cálculo se detiene cuando se cuenta con una solución aproximada con cierto grado de precisión especificada de antemano o después de cierto número de iteraciones. Los métodos indirectos son casi siempre iterativos. Para obtener la sucesión mencionada se utiliza, se utiliza repetidamente un proceso sencillo.

Sistema de ecuaciones no lineales

llamamos sistema no lineal o un sistema de ecuaciones en el que una o ambas de las ecuaciones que forman el sistema es una ecuación no lineal cuando alguna de las incógnitas que forman parte de la ecuación no son de primer grado. Por tanto en este tipo de sistema nos podemos encontrar polinomios de segundo grado, raíces, logaritmo, exponentes.

la mayor parte de estos sistemas se resuelven utilizando el método de sustitución, aunque en algunos casos puede ocurrir que no sea la forma más sencilla.



Iteración y convergencia de sistema de ecuaciones

En general, en todos los procesos iterativos para resolver el sistema $Ax=b$ se recurre a una cierta matriz Q , llamada matriz descomposta escogida de tal forma que el problema original adopte la forma equivalente:

$$Qx = (Q - A)x + b$$

La ecuación (67) quiere un proceso iterativo que se concreta al escribir:

$$Qx^{(k)} = (Q - A)x^{(k-1)} + b \quad (k \geq 1).$$

El vector inicial $x^{(0)}$ puede ser arbitrario aunque si se dispone de un buen candidato como solución este es el que se debe emplear la aproximación inicial que se adopta, a no ser que se disponga de una mejor, es la idénticamente nula $x_1 = x_2 = x_3 = \dots = x_n = 0$

A partir de la ecuación se puede calcular una sucesión de vectores $x^{(1)}, x^{(2)}, \dots$. Nuestro objetivo es escoger una matriz, Q de manera que

- se pueda calcular fácilmente la sucesión $[x^{(k)}]$
- la sucesión $[x^{(k)}]$ converja rápidamente a la solución.



Unidad 4 Diferenciación e Integración numérica

4.1 Diferenciación numérica

El cálculo de la derivada de una función puede ser un proceso difícil ya sea por lo complicado de la definición analítica de la función o porque esta se conoce únicamente en un número discreto de puntos.

Formulas para la primera derivada: la definición de la derivada de la función $F(x)$ en el punto " x " está dada en términos del límite

$$F'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{F(x+h) - F(x)}{h}$$

De esta definición podemos decir que si h es pequeño entonces: $F'(x) \approx \frac{F(x+h) - F(x)}{h}$

4.2 Integración numérica

En análisis numérico la integración numérica constituye una amplia gama de algoritmos para calcular el valor numérico de una integral definida y por extensión, el término se usa a veces para describir algoritmos numéricos para resolver ecuaciones diferenciales.

El problema básico considerado por la integración numérica es calcular una solución aproximación a la integral definida:

$$\int_a^b f(x) dx$$



4.3 Integración Multiple

Las integrales múltiples se utilizan a menudo en la ingeniería, una ecuación general para calcular el promedio de una función bidimensional puede escribirse

$$F = \frac{\int_a^b \left(\int_c^d f(x,y) dx \right) dy}{(d-c)(b-a)}$$

Al numerador se le llama integral doble
El cálculo de dichas integrales se pueden calcular como integrales iterados

$$\int_c^d \left(\int_a^b f(x,y) dx \right) dy = \int_c^d f(x,y) dy$$

primero se evalúa la integral en una de las dimensiones y el resultado de esta primera integración se incorpora a la segunda integración

Ejercicio

Sistema de ecuaciones no lineales

Encontrar las soluciones, si las hay de

$$x^2 + y^2 = 25$$

$$x + y = 5$$

Despejamos

$$y = 5 - x$$

$$x^2 + (5 - x)^2 = 25$$

$$x^2 + 25 - 10x + x^2 = 25 \quad 2x^2 - 10x$$

$$0x \cdot (2x - 10) = 0 \quad x_1 = 0 \quad x_2 = 10$$

$$x_1 = 0$$

$$y_1 = 5$$

$$x_2 = 5$$

$$y_2 = 0$$

comprobación

$$x^2 + y^2 = 25$$

$$10^2 + 15^2 = 25$$

$$25 = 25$$

$$x + y = 5$$

$$5 + 0 = 5$$

$$5 = 5$$