Programación y Métodos Numéricos Avanzado Tarea 6

Entrega: - Profesor: Benjamín Toledo 21 de junio de 2019 Ayudante: Víctor Gaete

• Comprima sus respuestas en un único archivo con el formato nombre_apellido_tareaN.tar.bz2

- En el archivo comprimido debe existir una carpeta por cada problema de su tarea con el nombre problemaN, donde almacenará los programas necesarios para sus respuestas.
- Envíe el archivo tar.bz2 al correo victor.gaete@ug.uchile.cl. Cualquier tarea enviada fuera de plazo y sin el formato pedido, no será revisada.
- Para cada problema, usted debe generar un único texto en LATEX, en el que explique de manera clara y breve el método utilizado para desarrollar su programa, modo de uso y los resultados del mismo (output de programas, gráficos, ecuaciones, tablas, etc.) si es necesario.
- Se sugiere comentar partes de su código explicando de forma **breve** lo que realiza. Evite incluir código innecesario, es decir, que no se utiliza al correr su programa. Se sugiere ser ordenado, recuerde que otra persona debe entender lo que usted quiso hacer.
- En caso de recibir códigos copiados o tareas similares se calificará con la nota mínima.

Problema 1

Genere un programa capaz de encontrar **todas** las raíces para el n-ésimo polinomio de Legendre $P_n(x)$ utilizando los siguientres métodos

- Newton-Rhapson
- Bisección
- Durand-Kerner

el valor de n será ingresado por el usuario del programa como usted estime conveniente, pero de forma que no se requiera recompilar el programa.

Hint: Todas las raíces de este polinomio se encuentran ubicadas en el intervalo]-1,1[

Problema 2

Resuelva las siguientes integrales de forma númerica utilizando los métodos señalados

Trapezoide:

$$I(x) = \int_0^x e^{-y^2} dy$$

• Gauss-Legendre:

$$\gamma(s,x) = \int_0^x t^{s-1}e^{-t}dt$$

• Romberg:

$$\Gamma(s) = \int_0^\infty t^{s-1} e^{-t} dt$$

Para la cuadratura de Gauss-Legendre utilize un polinomio de grado no menor a 10