Методы вычислений

Семинар 4

Численные методы интерполирования скалярных функций

- 1. Подготовка к выполнению задания на семинар.
- **1.1. Создать скрипт** sem 04 interp.m.
- 1.2. В скрипте $sem_04_{interp.m}$ задать величины количества разбиений интервала [0...1] для интерполируемой сетки с количеством разбиений $N_a=8$ и интерполяционной сетки с $N_b=10N_a$. Задать соответствующие вектора значений узлов $\times 1$ для интерполируемой сетки и $\times 0$ для интерполяционной сетки.
- 1.3. Вычислить значения функций $f_0(\mathbf{x}_0)$ (модель аналитической функции) и $f_1(\mathbf{x}_1)$ (модель экспериментальных данных). В качестве интерполируемой функции принять $f(x) = \sin(\omega x)$ с частотой $\omega = 2$ Гц.
- 2. Реализация численных методов интерполяции скалярных функций.
- 2.1. В отдельных функциях (с соответствующими названиями) реализовать функционал следующих методов интерполяции:
 - метод ближайшего соседа sem 04 nn();
 - метод линейной интерполяции sem 04 linear();
 - метод интерполяции полином Лагранжа sem 04 lagrange();
 - метод интерполяции полином Ньютона вперед sem 04 newton forward();
 - метод интерполяции полином Ньютона назад sem 04 newton backward().

Входные параметры функций:

- х1 вектор значений заданных узлов интерполяции;
- £1 вектор значений функции в заданных узлах интерполяции;
- x0 вектор значений узлов интерполяционной сетки;

Выходные параметры функций:

- x0 вектор значений узлов интерполяционной сетки;
- f вектор значений интерполированной функции.

<u>Примечание.</u> В методах Ньютона вычислять значения конечных разностей до цикла, решающего задачу интерполяции, а также добавить в функцию дополнительный входной параметр: n – порядок аппроксимирующего полинома.

- 3. Применение численных методов интерполяции скалярных функций.
- 3.1. Реализовать решение задачи интерполяции заданной функции всеми описанными методами. Для методов Ньютона принять n=3.
- 3.2. Построить на одной фигуре два вертикально расположенных графика. На верхнем отобразить следующие кривые:
 - модель аналитической функции;
 - модель экспериментальных данных;
 - результат интерполяции методом ближайшего соседа;
 - результат интерполяции методом линейной интерполяции;
 - результат интерполяции методом Лагража;

а на нижнем графике отобразить следующие кривые:

- модель аналитической функции;
- модель экспериментальных данных;
- результат интерполяции методом Ньютона вперед;
- результат интерполяции методом Ньютона назад.

Примечание. При построении кривой — результата интерполяции методом ближайшего соседа воспользоваться функцией stairs(), а при построении модели экспериментальных данных функцией stem(), для остальных кривых использовать функцию plot().