

```
Clear["Global`*"]
```

Funciones y parámetros

```
(*variables utilizadas en el módulo dinámico*)
{framePane, textPane, tabImage, tabText,
 style1, style2, style3,
 color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■,
 tama1 = 15, tama2 = 18, tama2 = 22, font1 = "Georgia",
 page1, page2, page3, page4, page5,
 titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600};

panelWidth = 750;
bodyWidth = 600;

(*estilos de los textos/recuadros*)
framePane[s_String] := Pane[TextCell[Style[s, tama1], "Cuadro/Titulo",
 LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
 {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPane[s_String] := Pane[TextCell[Style[s, tama1], "EmphasisText",
 LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
 {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 15}];
style2[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 15}];
style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 15}];

(*Estilos de las ventanas emergentes*)
titlePopUp[s_String] :=
 Pane[TextCell[Style[s, tama2, FontFamily → font1, color3, Italic],
 "Text", LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
 {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPopUp[s_String] :=
 Pane[TextCell[Style[s, tama1, FontFamily → font1], "Text",
 LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
 {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
```

```
(*Funciones para hacer la grilla*)
tabImage[img_] := Deploy[(* Icon *)
  Pane[Image[img, ImageSize -> {Automatic, Automatic}], {Automatic, Automatic}]];
tabText[txt_] := Deploy[
  Pane[
    Grid[
      {{(* Text *)}
        Style[Column[txt, Alignment -> {Left, Center}], {FontFamily -> "Arial",
          FontSize -> 15, FontWeight -> Bold, FontColor -> GrayLevel[.5]}]
      }},
      Alignment -> {Center, Center}, Spacings -> { .5, 0}], FrameMargins -> 6]]
```

Imágenes y textos

» Imágenes

```
MapThread[Import["C:\\Users\\Camilo\\Google
  Drive\\_POLI\\_Proyecto2015\\_Unidad03\\ptsp\\\" <> #1 <> ".png"] &,
{{"01", "01_1", "01_2", "01_3", "01_4", "02", "02_1", "03", "03_1", "03_3"}}]
```

(Handwritten notes overlaid on the imported images)

Handwritten notes from the imported images:

- Ecuaciones, $f_0 = \frac{\text{Definición}}{2\pi f}$, Lineal, Cuadrática
- No lineal, No cuadrática, Sistemas de ecuaciones, Sin, $\sin(\alpha) = \frac{v_1}{\sqrt{1-v_1^2}}$, $\sin(\beta) = \frac{v_2}{\sqrt{1-v_2^2}}$
- Desigualdades, $f_0 = \frac{1}{2\pi f}$, Definición, No lineal, $\frac{v_1}{\sqrt{1-v_1^2}} > \frac{v_2}{\sqrt{1-v_2^2}}$

```
MapThread[Import["C:\\Users\\Camilo\\Google
  Drive\\_POLI\\_Proyecto2015\\_Unidad03\\ptsp\\\" <>
  #1 <> ".png"] &, {{ "01v2", "00v3"}}]
```

(Handwritten notes overlaid on the imported images)

» Grillas

```
MapThread[
  MouseAppearance[EventHandler[tabImage[#1], {"MouseClicked" -> (page1 = #2)}, {"LinkHand"}] &, {{Ecuaciones, Sistemas de ecuaciones, Inequaciones}, Range[3]}]
```

(Handwritten notes overlaid on the imported images)

Handwritten notes from the imported images:

- Ecuaciones, Sistemas de ecuaciones, Inequaciones
- $\sin \alpha = \frac{v_1}{\sqrt{1-v_1^2}}$, $\sin \beta = \frac{v_2}{\sqrt{1-v_2^2}}$, $v_1 = v_2 = 1$

```
MapThread[
MouseAppearance[EventHandler[tabImage[#1], {"MouseClicked" :> (page1 = #2)}], {"LinkHand"] &, {{Ecuaciones, Inecuaciones}, Range[2]}]
```

Ecuaciones

$$E = L$$

Inecuaciones

$$2 \sin \beta = 2L$$

```
MapThread[
MouseAppearance[EventHandler[tabImage[#1], {"MouseClicked" :> (page2 = #2)}], {"LinkHand"] &, {{Definición, Lineal, Cuadrática, No lineal}, Range[4]}]
```

Definición

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) dx = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} L \sin \beta dx$$

Lineal

Cuadrática

No lineal

No cuadrática

```
MapThread[
MouseAppearance[EventHandler[tabImage[#1], {"MouseClicked" :> (page3 = #2)}], {"LinkHand"] &, {{Definición, Lineal, No lineal}, Range[3]}]
```

Definición

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) dx = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} L \sin \beta dx$$

Lineal

No lineal

```
MapThread[MouseAppearance[
EventHandler[tabText[#1], {"MouseClicked" :> (page4 = #2)}], {"LinkHand"] &, {{ {"Ejemplo 1"}, {"Ejemplo 2"}, {"Ejemplo 3"}, {"Ejemplo 4"}, {"Ejemplo 5"}, {"Ejemplo 6"}, {"Ejemplo 7"}, {"Ejemplo 8"}}, Range[8]}]
```

{ { Ejemplo 1 }, { Ejemplo 2 }, { Ejemplo 3 }, { Ejemplo 4 }, { Ejemplo 5 }, { Ejemplo 6 }, { Ejemplo 7 }, { Ejemplo 8 } }

{ { Ejemplo 1 }, { Ejemplo 2 }, { Ejemplo 3 }, { Ejemplo 4 }, { Ejemplo 5 }, { Ejemplo 6 }, { Ejemplo 7 }, { Ejemplo 8 } }

Resumen General

```
Deploy@DynamicModule[{framePane, textPane, tabImage, tabText,
style1, style2, style3,
color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■},
```

```

4 | tama1 = 15, tama2 = 18, tama3 = 25, font1 = "Georgia",
page1, page2, page3, page4, page5,
titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600},
(*Inicializar page`s*)
page1 = page2 = page3 = page4 = page5 = 1;
(*estilos de los textos/recuadros*)
style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 14}];
style2[txt_] :=
  Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 18, color3, Italic}];
style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 25}];
framePane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Cuadro/Titulo",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "EmphasisText",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
(*Estilos de las ventanas emergentes*)
titlePopUp[s_String] := Pane[TextCell[style2[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPopUp[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
Pane[
Grid[{
  Grid[{{Ecuaciones}, {
    Inequaciones = 2πf}}], Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9],
  Background → {None, None, Dynamic[{1, page1}] → Lighter@LightBlue}]],
  PaneSelector[{
    (*ECUACIÓN*)
    1 → Pane[

```

$f_o = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) dx = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \sin(\beta x) dx = \frac{1}{2\pi} \left[-\frac{1}{\beta} \cos(\beta x) \right]_{-\pi}^{\pi} = \frac{1}{2\pi} \left(-\frac{1}{\beta} \cos(\beta\pi) + \frac{1}{\beta} \cos(-\beta\pi) \right) = \frac{1}{2\pi} \left(-\frac{1}{\beta} (-1)^{\beta} + \frac{1}{\beta} (-1)^{-\beta} \right) = \frac{1}{2\pi} \cdot 0 = 0$

```

Column[{{Grid[{{{"Definición", "Lineal"}, {"Cuadrática", "No lineal"}, {"", "No cuadrática}}}], Spacings -> {0, -.2}, Dividers -> All, FrameStyle -> GrayLevel[.9], Background -> {None, None, Dynamic[{1, page2}] -> Lighter@LightGreen}], Framed[PaneSelector[{"*Definición*"}, 1 -> Pane[Column[{"textPane[""Definición de ecuación:"
```

Una ecuación es la igualdad de dos expresiones matemáticas que contienen al menos una incógnita.

Resolver una ecuación significa encontrar todos los números reales que hacen La ecuación verdadera.

Estos números son llamados soluciones o raíces de la ecuación y todas las soluciones de la ecuación forman el conjunto solución.",

```
TextCell[Style[Row[{"Cabe notar que el conjunto solución puede"}], MouseAppearance[Button[Row[{"ser vacío"}]], CreateDialog[Pane[Column[{"titlePopUp[""Conjunto solución vacío""], textPopUp["El conjunto solución es vacío cuando la ecuación no tiene solución: quiere decir que ningún número real satisface la igualdad. Un ejemplo muy sencillo es intentar encontrar las soluciones de la ecuación  $x^2 = -1$ , esta ecuación no tiene solución porque no existe ningún número real"}]]]]]
```

que elevado al cuadrado sea negativo.

Una ecuación no tiene solución cuando, de alguna manera, ocurre algún tipo de inconsistencia (una expresión que es falsa) como:

- Cuando se está despejando la variable, esta se cancela creando la inconsistencia como " $0 = -5$ ", que siempre será falsa sin importar el valor de la variable.

$$\begin{aligned} 2x + 3 &= 2x - 2 \\ 2x - 2x &= -2 - 3 \\ 0 &= -5 \end{aligned}$$

- Al aplicar fórmulas (como la fórmula cuadrática) se llega a una raíz negativa (otra inconsistencia) como " $\sqrt{-10}$ ", número que no existe en el conjunto de los números reales.

$$\begin{aligned} 2x^2 + 1 &= -19 \\ 2x^2 &= -20 \\ x^2 &= -10 \\ x &= \pm\sqrt{-10} \end{aligned}$$

- Al simplificar una expresión se debe tener cuidado de las restricciones de la variable porque *no se puede dividir por cero*.

$$\begin{aligned} \frac{2x-4}{x-2} &= 5 \\ \frac{2(x-2)}{x-2} &= 5 \\ 2 &= 5 \end{aligned}$$

- Otra manera de que el conjunto solución sea vacío es cuando se aplican las soluciones a un contexto específico; si la solución *matemática* no tiene sentido en el momento de trabajarla en el contexto, entonces esta no puede ser una solución, por ejemplo, si se pide calcular el tiempo de vuelo de un proyectil y la solución de la ecuación es $t = -2$, no tiene sentido que el tiempo de vuelo sea *menos dos segundos ¿verdad?*"] }],

```

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars → {False, True} ] } ,
Background → White, Deployed → True ] ,
ImageSize → All ] , "LinkHand" ] ,
style1["o tener ⇒"] ,
MouseAppearance[Button[Row[{ "única solución"}] ,
CreateDialog[{
Pane[Column[{
titlePopUp[
"Conjunto solución con única solución"],
textPopUp["Siempre que el conjunto
solución tenga un único elemento
se dice que la solución es
única. Los siguientes ejemplos
muestran este tipo de solución:

```

- Resolver la ecuación $(x - 1)^2 = 0$:

$$\begin{aligned}(x - 1)^2 &= 0 \\ x - 1 &= 0 \\ x &= 1\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1\}$.

- Resolver la ecuación $\sqrt{x + 4} = 2$:

$$\begin{aligned}\sqrt{x + 4} &= 2 \\ x + 4 &= 4 \\ x &= 0\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0\}$.

- Resolver la ecuación $\frac{2x-3}{5} = \frac{4x-5}{3}$:

$$\begin{aligned}\frac{2x-3}{5} &= \frac{4x-5}{3} \\ 3(2x-3) &= 5(4x-5) \\ 6x-9 &= 20x-25 \\ -14x &= -16 \\ x &= \frac{16}{14} \\ x &= \frac{8}{7}\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{7}\right\}$.

- Al aplicar las soluciones de una ecuación en un contexto específico puede darse el caso que solo una tenga sentido, por ejemplo, si el conjunto solución de cierta ecuación es $\left\{-1, -\frac{1}{2}, 3\right\}$ y se quiere calcular el tiempo de vuelo de un proyectil, la única solución al problema debería ser $x = 3$, pues las dos primeras al ser negativas no tienen sentido en el contexto."] }] ,

```
ImageSize → {panelWidth, bodyWidth} ,
Scrollbars → {False, True} ] } ,
Background → White, Deployed → True ] ,
ImageSize → All ] , "LinkHand" ] ,
MouseAppearance [
Button [ Row [ {"dos o más soluciones"} ] ,
CreateDialog [ {
Pane [ Column [ {
titlePopUp ["Conjunto solución
con dos o más soluciones"] ,
textPopUp ["Algunas ecuaciones tienen más
de una solución, lo que significa que
existen varios valores que hacen de la igualdad verdadera. Los

```

siguientes ejemplos muestran este tipo de solución:

- Resolver la ecuación $x^2 - 1 = 0$:

$$\begin{aligned}x^2 - 1 &= 0 \\(x - 1)(x + 1) &= 0 \quad \text{Factorizando} \\x - 1 &= 0, \quad x + 1 = 0 \\x &= 1, \quad x = -1\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1, -1\}$.

- La ecuación $x^2 = 4$ es verdadera cuando $x = 2$ ya que $2^2 = 4$, y cuando $x = -2$, ya que $(-2)^2 = 4$. En este caso el conjunto solución es $\{-2, 2\}$.

-Resolver la ecuación $\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$

$$\begin{aligned}\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} &= 0 \\x(x+2)(x-3) &= 0 \quad \text{Simplificando} \\x = 0, \quad x+2 &= 0, \quad x-3 = 0 \\x = 0, \quad x = -2, \quad x &= 3\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0, 3\}$, recuerde que no se puede dividir por cero, por lo que $x = -2$ no puede ser solución."}]}, ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}]}, Background → White, Deployed → True], ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance[

Button[Row[{"infinitas soluciones"}],

CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["Conjunto solución

con infinitas soluciones"],

textPopUp["Algunas ecuaciones tienen infinitas soluciones,

lo que significa que hay un conjunto infinito de valores que hacen de la igualdad verdadera.

Por ejemplo en la ecuación $\frac{0}{x} = 0$, el valor de x puede ser cualquier número

real excepto 0, x puede ser infinitos valores y la igualdad se cumple.

En este caso el conjunto solución se puede escribir como $\{x \in \mathbb{R}, x \neq 0\}.$ "] }],

```
ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
```

```
Scrollbars → {False, True} ] },
```

```
Background → White, Deployed → True],
```

```
ImageSize → All], "LinkHand"]
```

```
}, " " ], 14], "Multimedia"],
```

```
textPane["¿Cómo resolver ecuaciones?"]
```

Dependiendo del tipo de ecuación y el número de

variables la manera de resolverla puede variar; generalmente, para resolver cualquier ecuación se deben despejar la(s) variable(s), la forma de resolverla no siempre es única y con práctica se crean métodos propios cada vez más eficaces."],

```
TextCell[style1[
```

```
Column[{
```

"Puede descargar los siguientes aplicativos para practicar la resolución de ecuaciones",

```
Row[{
```

```
MouseAppearance[
```

```
Button[Row[{ "Ecuaciones \n lineales"}]],
```

```
NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/1eEvpt"]},  
None}],
```

```
ImageSize → All], "LinkHand"],
```

```
MouseAppearance[
```

```
Button[Row[{ "Ecuaciones \n cuadráticas"}]],
```

```
NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/dwA9GS"]},  
None}],
```

```

      ImageSize → All], "LinkHand"],
      MouseAppearance[Button[Row[
        {"Ecuaciones no lineales \n no cuadráticas"}]],
      NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/5acqFX"]},
      None}],
      ImageSize → All], "LinkHand"]],
      ""] },
      Alignment → Center]], "PildIzq"]},
      Alignment → Center], ImageSize → {795, Automatic}],
      (*Lineal*)
      2 → Pane[
        Column[{"textPane["Definición de una ecuación Lineal:

```

Toda ecuación de la forma $a x + b = 0$, donde a y b son números reales y a es distinto de cero, es llamada ecuación lineal en x o ecuación de primer grado en x ."],

```

      Item[
        TextCell[Row[{"style1[
          "Para resolver ecuaciones lineales se utilizan las
          propiedades de la  $\Rightarrow$ "], MouseAppearance[
          Button[Row[{"adición y sustracción"}],
          CreateDialog[{
            Pane[Column[{
              titlePopUp[
                "Propiedad de la adición y sustracción"],
              textPopUp["Una de las propiedades que
                se usa para despejar la variable
                en una ecuación lineal es la
                propiedad de la adición o sustracción
                (recuerde: la sustracción es una
                adición escrita de manera diferente):
```

Si $a = b$, entonces $a + c = b + c$ para cualquier número real a , b y c .

Si $a = b$, entonces $a - c = b - c$ para cualquier número real a , b y c .

Esta propiedad indica que en una igualdad se puede sumar la misma

cantidad en ambos lados y la igualdad no será afectada.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."],

textPopUp[

"Ejemplo 1: Resolver la ecuación $2 - x = 11$

$$2 - x = 11$$

$$2 - x + 2 = 11 + 2$$

$$-x = 13$$

$$x = -13$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se sumó 2

El conjunto solución es $\{-13\}$ "],

textPopUp[

"Ejemplo 2: Resolver la ecuación $x + \frac{2}{3} = \frac{5}{2}$

$$x + \frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{5}{2} - \frac{2}{3}$$

$$x = \frac{15}{6} - \frac{4}{6}$$

$$x = \frac{11}{6}$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se restó $\frac{2}{3}$ (o se sumó $-\frac{2}{3}$). f

El conjunto solución es $\{\frac{11}{6}\}$ "],

textPopUp["Como pudo observar, el fin de utilizar esta propiedad es cancelar el término que está sumando (o restando) a la variable."]

}], **ImageSize** → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}],

Background → White, **Deployed** → True],

ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance[

Button[Row[{"multiplicación y división"}]],

CreateDialog[{

```

Pane[Column[{
    titlePopUp["Propiedad de la
        multiplicación y división"],
    textPopUp["La otra propiedad usada
        despejar la variable en una ecuación
        lineal es la propiedad de la
        multiplicación y división (recuerde:
        la división es una multiplicación
        escrita de manera diferente):"]
}]

```

Si $a = b$, entonces $a c = b c$ para cualquier número real a, b y c , $c \neq 0$. Esta propiedad indica que en una igualdad se puede *multiplicar* la misma cantidad en ambos lados y la igualdad no será afectada, la única condición es que la cantidad a multiplicar sea diferente de cero.

En el caso de la división, en lugar de multiplicar por c , se puede

multiplicar por $\frac{1}{c}$ donde $c \neq 0$.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."],

textPopUp[

"**Ejemplo 1:** Resolver la ecuación $2x = 11$

$$\begin{aligned} 2x &= 11 \\ \frac{2x}{2} &= \frac{11}{2} \\ x &= \frac{11}{2} \end{aligned}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se divide por 2 (o ambos

lados se multiplican por $\frac{1}{2}$).

El conjunto solución es $\left\{\frac{11}{2}\right\}$ ",

textPopUp[

"**Ejemplo 2:** Resolver la ecuación $-\frac{x}{3} = -7$

$$\begin{aligned} -\frac{x}{3} &= -7 \\ -3 \left(-\frac{x}{3}\right) &= -3 (-7) \\ x &= 21 \end{aligned}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por -3.

El conjunto solución es $\{21\}$ "],

textPopUp[

"*Ejemplo 3:* Resolver la ecuación $-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$

$$-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$$

$$-\frac{5}{4} \left(-\frac{4x}{5}\right) = -\frac{5}{4} \left(\frac{2}{3}\right)$$

$$x = -\frac{5}{6}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por $-\frac{5}{6}$.

El conjunto solución es $\{-\frac{5}{6}\}$ "],

textPopUp["Como pudo observar, el fin de utilizar esta propiedad es simplificar la expresión que está multiplicando (o dividiendo) la variable."]

}]], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}]},

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"]

}, " "], "Multimedia"]

, Alignment → Right],

Grid[{{Item[

Style["*Ejemplos de solución de ecuaciones Lineales*", FontFamily → "Georgia", 17], Alignment → Center], ...}],

{Grid[{{Ejemplo 1}, {Ejemplo 2}, {Ejemplo 3}, {Ejemplo 4}, {Ejemplo 5}, {Ejemplo 6}, {Ejemplo 7}, {Ejemplo 8}}],

Spacings → {0, 0}, Dividers → {All, All},

FrameStyle → GrayLevel[.7],

Background → {None, None, Dynamic[{page4,

1}] → Lighter@LightRed}],

```

Framed[
  PaneSelector[{
    1 → style1["Resolver la ecuación  $2x + 3 = -11$ 
 $2x + 3 = -11$ 
 $2x + 3 - 3 = -11 - 3$ 
 $2x = -14$ 
 $\frac{2x}{2} = -\frac{14}{2}$ 
 $x = -7$ "]
  }
]

```

El conjunto solución es $\{-7\}$.],

```

2 → style1[
  "Resolver la ecuación  $6x + 5 - 7x = 10 - 4x + 3$ 
 $6x + 5 - 7x = 10 - 4x + 3$ 
 $-x + 5 = 13 - 4x$ 
 $-x + 5 + 4x = 13 - 4x + 4x$ 
 $3x + 5 = 13$ 
 $3x + 5 - 5 = 13 - 5$ 
 $3x = 8$ 
 $\frac{3x}{3} = \frac{8}{3}$ 
 $x = \frac{8}{3}$ "]

```

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{3}\right\}$.],

```

3 → style1["Resolver la ecuación  $\frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t = -10$ 
 $\frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t = -10$ 
 $\frac{20}{3}t + t = -10 + \frac{11}{2}$ 
 $\frac{23}{3}t = -\frac{9}{2}$ 
 $t = \left(-\frac{9}{2}\right) \left(\frac{3}{23}\right)$ 
 $t = -\frac{27}{46}$ "]

```

El conjunto solución es $\left\{-\frac{27}{46}\right\}$.],

4 → style1[

$$\text{"Resolver la ecuación } 10x - 6 = 3 \left(-\frac{14}{3}x + 2 \right) - 10$$

$$10x - 6 = 3 \left(-\frac{14}{3}x + 2 \right) - 10$$

$$10x - 6 = -14x + 6 - 10$$

$$10x - 6 = -14x - 4$$

$$10x + 14x = -4 + 6$$

$$24x = 2$$

$$x = (2) \left(\frac{1}{24} \right)$$

$$x = \frac{1}{12}$$

El conjunto solución es $\left\{ \frac{1}{12} \right\}$ ",],

5 → style1["Resolver la ecuación $2x - 1 = 2x + 4$

$$2x - 1 = 2x + 4$$

$$2x - 1 - 2x = 2x + 4 - 2x$$

$$-1 = 4$$

Como se llegó a una inconsistencia, la ecuación no tiene solución, el conjunto solución es vacío."],

6 → style1["Resolver la ecuación $\frac{1}{2}x + 5 = \frac{3}{4}$

$$\frac{1}{2}x + 5 = \frac{3}{4}$$

$$4 \left(\frac{1}{2}x + 5 \right) = 4 \left(\frac{3}{4} \right)$$

$$4 \left(\frac{1}{2}x \right) + 4(5) = 4 \left(\frac{3}{4} \right)$$

$$2x + 20 = 3$$

$$2x + 20 - 20 = 3 - 20$$

$$2x = -17$$

$$\frac{2x}{2} = -\frac{17}{2}$$

$$x = -\frac{17}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{ -\frac{17}{2} \right\}$ ",],

7 → style1["Resolver la ecuación $x - 9 + \frac{5}{3}x = -11$

$$\begin{aligned}
 x - 9 + \frac{5}{3}x &= -11 \\
 x + \frac{5}{3}x &= -11 + 9 \\
 \frac{8}{3}x &= -2 \\
 x &= \frac{3}{8}(-2) \\
 x &= -\frac{3}{4}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{4}\right\}$,

$$8 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{3x+5}{2} = \frac{6x+10}{4}\right]$$

$$\begin{aligned}
 4\left(\frac{3x+5}{2}\right) &= 4\left(\frac{6x+10}{4}\right) \\
 2(3x+5) &= 6x+10 \\
 6x+10 &= 6x+10 \\
 6x-6x &= 10-10 \\
 0 &= 0
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{x \in \mathbb{R}\}$ (todos los números reales)

`Dynamic[page4],
 FrameMargins → 1, FrameStyle → GrayLevel[.7],
 ImageMargins → {{0, 1}, {1, 0}}, ImageSize →
 {650, 300}]]}, Alignment → {Left, Top}]], Alignment →
 Center], Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic}],
 (*cuadrática*)`

`3 → Pane[`

`Column[{"textPane["Definición de una ecuación cuadrática:`

Toda ecuación de la forma $ax^2 + bx + c = 0$, donde a, b y c son números reales y a es distinto de cero, es llamada
 ecuación cuadrática en x o
 ecuación de segundo grado en $x.$ "],

`Item[`

`TextCell[`

`Column[{"Row[{"style1["Para resolver ecuaciones
 cuadráticas es necesario que uno de
 los lados de la igualdad sea cero (se`

conoce como igualar a cero), luego se puede aplicar el método de la \Rightarrow], MouseAppearance[Button[Row[{ "factorización" }] , CreateDialog[{ Pane[Column[{ titlePopUp["factorización"] , textPopUp["Recuerde que el primer paso es tener la ecuación igualada a cero, es decir de la forma $a x^2 + b x + c = 0$ "] }] }]] ,

donde la expresión de la derecha es un trinomio de grado dos, a , b y c son números reales y $a \neq 0$.

Como vimos en la unidad de factorización, los trinomios no siempre se pueden factorizar, esto quiere decir que este método no es 100% efectivo. Supongamos entonces que el trinomio se puede factorizar, esto quiere decir que se encontraron dos factores lineales $p(x)$ y $q(x)$ tal que

$$a x^2 + b x + c = p(x) q(x)$$

es decir que

$$p(x) q(x) = 0$$

Se tienen ahora dos factores cuyo producto es cero y la única forma que esto ocurre es que uno de ellos, o ambos, sean iguales a cero, es decir

Si $p(x) q(x) = 0$, entonces $p(x) = 0$, o, $q(x) = 0$

Como $p(x)$ y $q(x)$ son factores lineales se sigue que $p(x) = 0$ y $q(x) = 0$ son ecuaciones lineales, las cuales ya sabemos resolver."],

textPopUp["**Ejemplo 1:** Resolver la ecuación $2(72x) + 2(10x) + 4x^2 = 720$

Primero expresar la ecuación como $a x^2 + b x + c = 0$,

$$2(72x) + 2(10x) + 4x^2 = 720$$

$$144x + 20x + 4x^2 = 720$$

$$4x^2 + 164x - 720 = 0$$

El término de la derecha se puede factorizar y luego se puede aplicar la

posibilidad de multiplicar por $\frac{1}{4}$,

$$\begin{aligned} 4x^2 + 164x - 720 &= 0 \\ 4(x^2 + 41x - 180) &= 0 \\ \frac{4(x^2 + 41x - 180)}{4} &= \frac{0}{4} \\ x^2 + 41x - 180 &= 0 \end{aligned}$$

Ahora se puede factorizar el término de la derecha

$$\begin{aligned} x^2 + 41x - 180 &= 0 \\ (x + 45)(x - 4) &= 0 \end{aligned}$$

y quedaron dos factores lineales: $x + 45$ y $x - 4$, cada factor se iguala a cero
y se despeja el valor de x

$$\begin{aligned} (x + 45)(x - 4) &= 0 \\ x + 45 = 0, \quad 0, \quad x - 4 = 0 & \\ x = -45, \quad 0, \quad x = 4 & \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{-45, 4\}$ "],

textPopUp["*Ejemplo 2 (resumido)*: Resolver
la ecuación $-z^2 - 2 = -2 + 2z$

$$\begin{aligned} -z^2 - 2z &= 0 \\ -z(z + 2) &= 0 \\ -z = 0, \quad 0, \quad z + 2 = 0 & \\ z = 0, \quad 0, \quad z = -2 & \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{-2, 0\}$ "],

textPopUp["*Ejemplo 3 (resumido)*: Resolver
la ecuación $4u^2 + 12u = -9$

$$\begin{aligned} 4u^2 + 12u + 9 &= 0 \\ (2u + 3)(2u + 3) &= 0 \\ (2u + 3)^2 &= 0 \\ 2u + 3 &= 0 \\ u = -\frac{3}{2} & \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{2}\right\}$ "]

}, ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

```

    Scrollbars → {False, True} ] } ,
    Background → White, Deployed → True ] ,
    ImageSize → All ], "LinkHand" ], " ", "×
MouseAppearance [
    Button[Row[{ "fórmula cuadrática"}]],
    CreateDialog[{
        Pane[Column[{
            titlePopUp["fórmula cuadrática"],
            textPopUp["Recuerde que el primer paso
                es tener la ecuación igualada
                a cero, es decir de la forma
                 $a x^2 + b x + c = 0$ 
            donde la expresión de la derecha es un trinomio de grado dos,  $a$ ,  $b$  y
             $c$  son números reales y  $a \neq 0$ .
            Una vez identificados, los coeficientes  $a$ ,  $b$  y  $c$  se reemplazan en
            la fórmula cuadrática:
            Si  $a x^2 + b x + c = 0$ , entonces
             $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}$ 
            son soluciones de la ecuación
            La expresión  $b^2 - 4 a c$  es de especial cuidado porque de acuerdo a su valor la
            ecuación tiene o no solución:
            Cuando  $b^2 - 4 a c < 0$  se tiene el término de la raíz  $\sqrt{b^2 - 4 a c}$  es negativo,
            por lo tanto no hay solución real.
            Cuando  $b^2 - 4 a c = 0$  se tiene el término de la raíz  $\sqrt{b^2 - 4 a c}$  es
            cero, por lo tanto solo hay una
            solución real, y es  $x = -\frac{b}{2 a}$ .
            Cuando  $b^2 - 4 a c > 0$  se tiene el término de la raíz  $\sqrt{b^2 - 4 a c}$  es positivo,
            por lo tanto hay dos soluciones, y son
             $x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}$ , y,  $x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}$ 
        }]]]
    
```

donde la expresión de la derecha es un trinomio de grado dos, a , b y
 c son números reales y $a \neq 0$.

Una vez identificados, los coeficientes a , b y c se reemplazan en
la *fórmula cuadrática*:

Si $a x^2 + b x + c = 0$, entonces

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}$$

son soluciones de la ecuación

La expresión $b^2 - 4 a c$ es de especial cuidado porque de acuerdo a su valor la
ecuación tiene o no solución:

Cuando $b^2 - 4 a c < 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4 a c}$ es negativo,
por lo tanto no hay solución real.

Cuando $b^2 - 4 a c = 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4 a c}$ es
cero, por lo tanto solo hay una
solución real, y es $x = -\frac{b}{2 a}$.

Cuando $b^2 - 4 a c > 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4 a c}$ es positivo,
por lo tanto hay dos soluciones, y son

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}, \text{ y, } x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}$$

"],

textPopUp["Ejemplo 1: Resolver

$$\text{la ecuación } \frac{9}{2} u^2 - u + 1 = -3$$

Primero expresar la ecuación como $a x^2 + b x + c = 0$,

$$\frac{9}{2} u^2 - u + 4 = 0$$

para facilitar el desarrollo de la ecuación se puede multiplicar ambos términos de la igualdad por dos,

$$2 \left(\frac{9}{2} u^2 - u + 4 \right) = 20$$

$$9 u^2 - 2 u + 8 = 0$$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$u = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 9 \cdot 8}}{2 \cdot 9}$$

$$u = \frac{2 \pm \sqrt{-284}}{18}$$

Como el término de la raíz es negativo, la ecuación no tiene solución real y el conjunto solución es vacío."],

textPopUp["Ejemplo 2: Resolver

$$\text{la ecuación } -2 z^2 + 4 z + 1 = 0$$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$z = \frac{-4 \pm \sqrt{16 - 4 \cdot (-2) \cdot 1}}{2 \cdot (-2)}$$

$$z = \frac{-4 \pm \sqrt{24}}{-4}$$

$$z = 1 + \frac{\sqrt{6}}{2}, \text{ y, } z = 1 - \frac{\sqrt{6}}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{ 1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, 1 + \frac{\sqrt{6}}{2} \right\}$. "],

textPopUp["Ejemplo 3: Resolver

$$\text{la ecuación } y^2 - 2y = -1$$

Primero expresar la ecuación como $a x^2 + b x + c = 0$,

$$y^2 - 2y + 1 = 0$$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$y = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1}}{2 \cdot 1}$$

$$y = \frac{2 \pm \sqrt{0}}{2}$$

$$y = 1$$

El conjunto solución es $\{1\}.$ "] ,

textPopUp["Ejemplo 4: Resolver

la ecuación $-9u^2 + 12u - 3 = 0$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$u = \frac{-12 \pm \sqrt{144 - 4(-9)(-3)}}{2(-9)}$$

$$u = \frac{-12 \pm \sqrt{36}}{-18}$$

$$u = -\frac{1}{18}(-12 \pm 6)$$

$$u = -\frac{1}{18}(-6), y, u = -\frac{1}{18}(-18)$$

$$u = \frac{1}{3}, y, u = 1$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{1}{3}, 1\right\}.$ "]

}] , ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}] },

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"]

}, " "],

Row[{ MouseAppearance[Button[Row[{"Tipos de solución de una ecuación cuadrática"}],

CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["Tipos de solución de una ecuación cuadrática"],

textPopUp["En el conjunto de los números reales, las ecuaciones cuadráticas pueden no tener solución, tener única solución o tener dos soluciones."],

textPopUp["**No tener solución**

No todas las ecuaciones cuadráticas tienen

solución, cuando $b^2 - 4ac < 0$, el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es negativo, por lo tanto no hay solución real."],

textPopUp["**Única solución**

Las ecuaciones cuadráticas pueden tener

solamente una solución, esto ocurre cuando al factorizar la expresión cuadrática $ax^2 + bx + c$ se llega a factores lineales repetidos, es decir $ax^2 + bx + c = p(x)^2$. De la misma manera, la solución es única cuando $b^2 - 4ac = 0$ pues el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es cero."],

textPopUp["**Dos soluciones**

Las ecuaciones cuadráticas pueden tener

dos soluciones, esto ocurre cuando al factorizar la expresión cuadrática $ax^2 + bx + c$ se llega a dos factores lineales diferentes, es decir $ax^2 + bx + c = p(x)q(x)$. De la misma manera, la solución es única cuando $b^2 - 4ac > 0$ pues el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es positivo y da lugar a dos soluciones:

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}, y, x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}.$$

"]

}]], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}]},

```

Background → White, Deployed → True],  

ImageSize → All], "LinkHand"]  

}, "    "]]]  

, "Multimedia"]  

, Alignment → Right],  

Grid[{{Item[Style[  

"Ejemplos de solución de ecuaciones cuadráticas",  

FontFamily → "Georgia", 17], Alignment → Center], ...},  

{Grid[{{Ejemplo 1}, {Ejemplo 2}, {Ejemplo 3}, {Ejemplo 4},  

{Ejemplo 5}, {Ejemplo 6}, {Ejemplo 7}, {Ejemplo 8}}],  

Spacings → {0, 0}, Dividers → {All, All},  

FrameStyle → GrayLevel[.7],  

Background → {None, None, Dynamic[{page4,  

1}] → Lighter@LightRed}],  

Framed[  

PaneSelector[{  

1 → style1["Resolver la ecuación  $\frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 2 = -1$   

 $\frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 2 = -1$   

 $\frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 3 = 0$   

 $6 \left( \frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 3 \right) = 0 6$   

 $10 t^2 - 13 t + 18 = 0$   

 $t = \frac{-(-13) \pm \sqrt{(-13)^2 - 4 \cdot 10 \cdot 18}}{2 \cdot 10}$   

 $t = \frac{13 \pm \sqrt{-551}}{20}$   

No tiene solución, el conjunto solución es vacío."],  

2 → style1["Resolver la ecuación  $x - 2 x^2 = 0$ "]

```

$$\begin{aligned}
 x - 2x^2 &= 0 \\
 -x(2x - 1) &= 0 \\
 -x = 0, \quad 0, \quad 2x - 1 &= 0 \\
 x = 0, \quad 0, \quad x = \frac{1}{2} &
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{0, \frac{1}{2}\right\}$,

$$3 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \sqrt{y+1} = 3y + 3\right]$$

$$\begin{aligned}
 \sqrt{y+1} &= 3y + 3 \\
 y+1 &= (3y+3)^2 \\
 y+1 &= 9y^2 + 18y + 9 \\
 -9y^2 - 17y - 8 &= 0 \\
 y &= \frac{-17 \pm \sqrt{289-498}}{29} \\
 y &= \frac{-17 \pm \sqrt{1}}{18} \\
 y = -1, \quad 0, \quad y = -\frac{8}{9} &
 \end{aligned}$$

Se deben probar ambas soluciones, pues se puede dar el caso que la raíz cuadrada no exista (si $y+1 < 0$, raíz cuadrada de una expresión negativa no existe), el conjunto solución es $\left\{-1, -\frac{8}{9}\right\}$,

$$4 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } -2z^2 + 7z - 6 = 0\right]$$

$$\begin{aligned}
 -2z^2 + 7z - 6 &= 0 \\
 -2z^2 + 3z + 4z - 6 &= 0 \\
 -z(2z - 3) + 2(2z - 3) &= 0 \\
 (2z - 3)(2 - z) &= 0 \\
 2z - 3 = 0, \quad 0, \quad 2 - z &= 0 \\
 z = \frac{3}{2}, \quad 0, \quad z = 2 &
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{3}{2}, 2\right\}$,

$$5 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } -3z^2 - z - 1 = -1\right]$$

$$\begin{aligned}
 -3z^2 - z - 1 &= -1 \\
 -3z^2 - z &= 0 \\
 z &= \frac{-(-1) \pm \sqrt{1-4(-3)(0)}}{2(-3)} \\
 z &= -\frac{1}{6}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{1}{6}\right\}''\right]$,

$$6 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } -\frac{4}{3}t^2 - 3t + 3 = -1\right]$$

$$-\frac{4}{3}t^2 - 3t + 4 = 0$$

$$\frac{1}{3}(-4t^2 - 9t + 12) = 0$$

$$-4t^2 - 9t + 12 = 0$$

$$t = \frac{-(-9) \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \cdot (-4) \cdot 12}}{2(-4)}$$

$$t = -\frac{1}{8}(9 \pm \sqrt{273})$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{1}{8}(9 - \sqrt{273}), -\frac{1}{8}(9 + \sqrt{273})\right\}''\right]$,

$$7 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } 6z^2 + 11z + 3 = 0\right]$$

$$6z^2 + 11z + 3 = 0$$

$$6z^2 + 2z + 9z + 3 = 0$$

$$2z(3z + 1) + 3(3z + 1) = 0$$

$$(3z + 1)(2z + 3) = 0$$

$$3z + 1 = 0, \quad o, \quad 2z + 3 = 0$$

$$z = -\frac{1}{3}, \quad o, \quad z = -\frac{3}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}\right\}''\right]$,

$$8 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } y^2 - 4 = 0\right]$$

$$y^2 - 4 = 0$$

$$(y - 2)(y + 2) = 0$$

$$y = 2, \quad o \quad y = -2$$

El conjunto solución es $\{-2, 2\}''\right]\}, \text{Dynamic}[\text{page4}]\Big],$

`FrameMargins` → 1, `FrameStyle` → `GrayLevel[.7]`,

`ImageMargins` → {{0, 1}, {1, 0}}, `ImageSize` →

{650, 300}]]}, `Alignment` → {Left, Top}]], `Alignment` →

Center]], `Alignment` → Center, `ImageSize` → {795, Automatic}],

(*no lin / no cuad*)

4 → `Pane`[

```

Column[{"textPane["Este tipo de ecuaciones son las que no
se pueden expresar de forma
líneaal ( $a x + b = 0$ ) ni de forma
cuadrática ( $a x^2 + b x + c = 0$ )."]},
Item[
TextCell[
Column[{Row[{style1["No hay un proceso general. Una de
las estrategias para resolver este
tipo de ecuaciones es convertirlas
en lineales o cuadráticas, encontrar
las soluciones y probar dicho
tipo de soluciones en la ecuación
original (o en el contexto)."]}]}
, "Multimedia"]
, Alignment → Right],
Grid[{"Item[Style["Ejemplos de solución",

FontFamily → "Georgia", 17], Alignment → Center], ...},
{Grid[{{"Ejemplo 1"}, {"Ejemplo 2"}, {"Ejemplo 3"},

 {"Ejemplo 4"}, {"Ejemplo 5"}, {"Ejemplo 6"}},

Spacings → {0, 0}, Dividers → {All, All},
FrameStyle → GrayLevel[.7],
Background → {None, None, Dynamic[{page4,
1}] → Lighter@LightRed}],


Framed[

PaneSelector[{

1 → style1["Resolver la ecuación  $-1 - \frac{-z+2}{-3z-1} = 0$ 

 $\frac{-1(-3z-1)}{-3z-1} - \frac{-z+2}{-3z-1} = -1$ 

 $\frac{3z+1-(-z+2)}{-3z-1} = 0$ 

 $\frac{4z-1}{-3z-1} = 0$ 

 $4z-1 = 0$ 

 $z = \frac{1}{4}$ 
}]]]

```

El conjunto solución es $\left\{ \frac{1}{4} \right\}$ "],

2 → style1["Resolver la ecuación $t^3 = 16 t$

$$t^3 - 16 t = 0$$

$$t(t^2 - 16) = 0$$

$$t(t - 4)(t + 4) = 0$$

$$t = 0, \quad t = -4, \quad t = 4$$

El conjunto solución es $\{-4, 0, 4\}$ "],

3 → style1["Resolver la ecuación $-3 + \frac{3m+1}{m-3} = 0$

$$-3 + \frac{3m+1}{m-3} = 0$$

$$\frac{-3(m-3)}{m-3} + \frac{3m+1}{m-3} = 0$$

$$\frac{-3m+9+(3m+2)}{m-3} = 0$$

$$\frac{11}{m-3} = 0$$

$$11 = 0$$

La ecuación no tiene solución."],

4 → style1["Resolver la ecuación $\frac{3u-3}{3u-1} = \frac{2u-3}{9u^2-1}$

$$\frac{3u-3}{3u-1} - \frac{2u-3}{9u^2-1} = 0$$

$$\frac{(3u-3)(3u+1)}{(3u-1)(3u+1)} - \frac{2u-3}{(3u-1)(3u+1)} = 0$$

$$\frac{(3u-3)(3u+1)-(2u-3)}{(3u-1)(3u+1)} = 0$$

$$\frac{9u^2-8u}{(3u-1)(3u+1)} = 0$$

$$9u^2 - 8u = 0$$

$$u(9u - 8) = 0$$

El conjunto solución es $\{0, \frac{8}{9}\}$ "],

5 → style1["Resolver la ecuación $\frac{1}{x} + \frac{2}{3x} = 4$

$$\begin{aligned}\frac{3}{3x} + \frac{2}{3x} &= 4 \\ \frac{5}{3x} &= 4 \\ 5 &= 4(3x), \quad x \neq 0 \\ 5 &= 12x \\ x &= \frac{5}{12}\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{5}{12}\right\}$.

$6 \rightarrow \text{style1} [$

$$\text{"Resolver la ecuación } \frac{-3y-1}{3y+3} + \frac{2y-1}{6y^2+15y+9} = 0$$

$$\begin{aligned}\frac{(-3y-1)(2y+3)}{3(y+1)(2y+3)} + \frac{2y-1}{3(y+1)(2y+3)} &= 0 \\ \frac{(-3y-1)(2y+3) + 2y-1}{3(y+1)(2y+3)} &= 0 \\ \frac{-6y^2 - 9y - 4}{3(y+1)(2y+3)} &= 0 \\ -6y^2 - 9y - 4 &= 0\end{aligned}$$

La ecuación no tiene solución."] }, Dynamic[page4]],

FrameMargins → 1, FrameStyle → GrayLevel[.7],
 ImageMargins → {{0, 1}, {1, 0}}, ImageSize →
 {650, 300}] }], Alignment → {Left, Top}] }], Alignment →
 Center], Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic}] }
 , Dynamic@page2],

FrameMargins → 1, FrameStyle → GrayLevel[.7],
 ImageMargins → {{1, 1}, {0, 0}}] }]] ,

(*DESIGUADES*)

2 → Pane [

Column[{ Grid[{ { $f_0 = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{j\omega x} dx$ }] }] }] ,
 Lineal, No lineal }]] ,

Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle →
 GrayLevel[.9], Background →

{None, None, Dynamic[{1, page3}] → Lighter@LightGreen}] ,

```

Framed[PaneSelector[{
  (*Definición*)
  1 → Pane[
    Column[{textPane["Definición de inecuación:"]}]
  ]
}]

Una inecuación es una desigualdad que tiene expresiones
matemáticas con al menos una
cantidad desconocida (incógnita).

Se ven muy semejante a una ecuación, excepto que en una inecuación
en lugar del símbolo de igualdad
(=), se tienen los símbolos de
desigualdad (<, >, ≤, ≥), que
se leen menor que, mayor que, menor
o igual que, mayor o igual que."],
textPane["¿Cómo resolver inecuaciones?"]

Dependiendo del tipo de inecuación y el número de
variables, el método para resolver
la inecuación puede variar.

Resolver una inecuación significa
encontrar todos los números reales
que hacen cierta la desigualdad, y
a diferencia de las ecuaciones, por
lo general, las inecuaciones tienen
un conjunto infinito de soluciones
que forman el intervalo solución."],
TextCell[Style[Row[{style1["Para resolver
  inecuaciones es necesario
  comprender los conceptos de ⇒"]}], MouseAppearance[Button[Row[{"desigualdades"}]], CreateDialog[{
  Pane[Column[{
    titlePopUp["Desigualdad"],
    textPopUp["Expresiones como  $a < b$ ,  $a > b$ ,
 $a \leq b$ ,  $a \geq b$  se denominan
desigualdades, en particular,  $a < b$  y
 $a > b$ , son desigualdades estrictas.
Al escribir  $a \leq b$ , se quiere expresar
 $a = b$  o  $a < b$ ."]],
    style1["Resolvemos inecuaciones"]
  }], "InputForm"]
}]]]

```

que $a < b$ o bien $a = b$, es decir,
que a es menor o igual que b .

Las desigualdades cumplen con ciertas propiedades que permiten
reducirlas y simplificarlas.

Propiedades:

1. Para a, b números

reales, se tiene una y solo
una de las tres relaciones:

$$a < b, \quad a > b, \quad o, \quad a = b$$

2. Si $a < b$ y $c \in \mathbb{R}$ entonces $a + c < b + c$. (está permitido sumar a
ambos lados de la desigualdad).

3. Si $a < b$ y $c > 0$ entonces $ac < bc$. (se puede multiplicar una
cantidad positiva a ambos
lados de la desigualdad).

4. Si $a \neq 0$ entonces $a^2 > 0$.

5. Si $a < b$ y $c < 0$ entonces $ac > bc$. (si se multiplica por una cantidad
negativa el símbolo de la
desigualdad cambia, aquí se
requiere especial atención!)."]}],

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]},

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance[Button[Row[{ "Intervalos"}]],

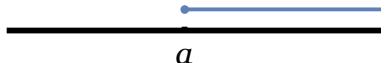
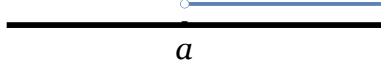
CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["Intervalos"],

textPopUp["Un intervalo es una de las

maneras de escribir la solución
de una inecuación pues estas son,
generalmente, un conjunto infinito
de valores. En la siguiente tabla se
muestran los tipos de intervalos y las
diferentes soluciones que representan:

<pre>"\!\\(\(*\\nStyleBox [\"Notación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\",\\n FontWeight->\" Bold\"]\\)" "\!\\(\(*\\nStyleBox [\"intervalo\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<pre>"\!\\(\(*\\nStyleBox [\"Tipo\",\\n FontWeight->\" Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\",\\n FontWeight->\" Bold\"]\\)" "\!\\(\(*\\nStyleBox [\"intervalo\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<pre>"\\!\\(\nStyleBox [\"Notación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\",\\n FontWeight->\"Bold\"]\\)" "\!\\(\nStyleBox [\"de\",\\n FontWeight->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"la\",\\n FontWeight->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"inecuación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<p>"\\!\\(\nStyleBox [\" \",\\nFontWeight->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"gráfic\",\\n FontWeight->\"Bold\"]\\)"</p>
<pre>"\!\\(TraditionalForm `\\(([a, ∞)\\()\\)\\)"</pre>	<p>"Cerrado"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x ≥ a)"</pre>	
<pre>"\!\\(TraditionalForm `((a, ∞)\\()"</pre>	<p>"Abierto"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x > a)"</pre>	
<pre>"\!\\(TraditionalForm `(((-∞),</pre>	<p>"Cerrado"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x ≤ b)"</pre>	

```

" ] } ], ImageSize → { panelWidth,
                           bodyWidth }, Scrollbars → { False, True } ] },
                           Background → White, Deployed → True ] ,
                           ImageSize → All ], "LinkHand" ]
}, "    " ], 14 ], "Multimedia" ],
TextCell[style1[
Column[{ "Puede descargar los siguientes
           aplicativos para practicar la
           resolución de ecuaciones",
Row[ {
MouseAppearance[
Button[Row[ {"Inecuaciones \n lineales"}],
NotebookLocate[ {URL["https://goo.gl/Lt4CZV"]},
None}],
ImageSize → All], "LinkHand"],
MouseAppearance[
Button[Row[ {"Inecuaciones \n no lineales"}],
NotebookLocate[ {URL["https://goo.gl/TexV20"]},
None}],
ImageSize → All], "LinkHand"]},
"          "] }, Alignment →
Center]], "PildIzq"] }, Alignment → Center],
Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic} ],
(*lineal*)
2 → Pane[
Column[ {textPane["Definición de una inecuación Lineal:
Las inecuaciones lineales son desigualdades donde cada término
es constante, o múltiplo de
una variable, por ejemplo,
 $15 \leq \frac{5}{2}x$  o  $-10 < 3t - 8 \leq 15.$ "] ,
Grid[ { {Item[Style["Ejemplos de solución de
inecuaciones Lineales", FontFamily →

```

```

    "Georgia", 17], Alignment -> Center], ...},  

{Grid[{{{"Ejemplo 1"}, {"Ejemplo 2"}, {"Ejemplo 3"}, {"Ejemplo 4"},  

 {"Ejemplo 5"}, {"Ejemplo 6"}, {"Ejemplo 7"}, {"Ejemplo 8}}},  

 Spacings -> {0, 0}, Dividers -> {All, All},  

 FrameStyle -> GrayLevel[.7],  

 Background -> {None, None, Dynamic[{page4,  

 1}] -> Lighter@LightRed}],  

Framed[  

 PaneSelector[{  

 1 -> style1["Resolver la inecuación  

 -6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)  

 -6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)  

 -6 - 10 + 4 x < 14 x - 7  

 4 x - 14 x < -7 + 16  

 -10 x < 9 **  

 x > -  $\frac{9}{10}$   

 **multiplicando por -1, cambia el símbolo de la desigualdad.  

El intervalo solución de es  $(-\frac{9}{10}, \infty)$  y su representación gráfica es:  

2 -> style1["El mismo ejemplo anterior, esta vez sin  

emplear la propiedad de cambio de  

símbolo, resolver la inecuación  

-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1).  

-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)  

-6 - 10 + 4 x < 14 x - 7  

4 x - 14 x < -7 + 16  

-10 x < 9 **  

-9 < 10 x  

-\frac{9}{10} < x  

El intervalo solución de es  $(-\frac{9}{10}, \infty)$  y su representación gráfica es:  


```

**multiplicando por -1, cambia el símbolo de la desigualdad.

El intervalo solución de es $(-\frac{9}{10}, \infty)$ y su representación gráfica es:



2 -> style1["El mismo ejemplo anterior, esta vez sin
emplear la propiedad de cambio de
símbolo, resolver la inecuación
-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1).
-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)
-6 - 10 + 4 x < 14 x - 7
4 x - 14 x < -7 + 16
-10 x < 9 **
-9 < 10 x
-\frac{9}{10} < x

-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)
-6 - 10 + 4 x < 14 x - 7
4 x - 14 x < -7 + 16
-10 x < 9 **
-9 < 10 x
-\frac{9}{10} < x

El intervalo solución de es $(-\frac{9}{10}, \infty)$ y su representación gráfica es:



3 → style1[

"La solución de la inecuación $4x + 4 > \frac{x + 3}{2}$ es:

$$8x + 8 > x + 3$$

$$8x - x > 3 - 8$$

$$7x > -5$$

$$x > -\frac{5}{7}$$

El intervalo solución es $\left(-\frac{5}{7}, \infty\right)$.



4 → style1[

"La solución de la inecuación $-\frac{9}{2}t - \frac{19}{5} \leq -4$ es:

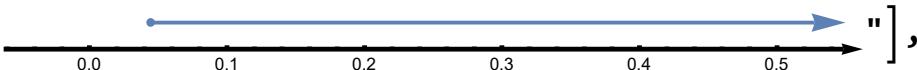
$$-\frac{9}{2}t \leq -4 + \frac{19}{5}$$

$$-\frac{9}{2}t \leq -\frac{1}{5}$$

$$t \geq \left(-\frac{1}{5}\right) \left(-\frac{2}{9}\right)$$

$$t \geq \frac{2}{45}$$

El intervalo solución es $\left[\frac{2}{45}, \infty\right)$.



5 → style1[

"La solución de la inecuación $3 < \frac{4m - 2}{3} \leq 6$ es:

$$9 < 4m - 2 \leq 18$$

$$9 + 2 < 4m \leq 18 + 2$$

$$11 < 4m \leq 20$$

$$11 \left(\frac{1}{4}\right) < m \leq 20 \left(\frac{1}{4}\right)$$

$$\frac{11}{4} < m \leq 5$$

El intervalo solución es $\left(\frac{11}{4}, 5\right]$.



6 → style1["La solución de la
inecuación $-\frac{7}{3}x + 2 > \frac{2x+2}{2}$ es:

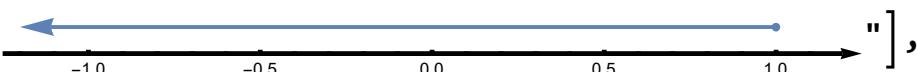
$$\begin{aligned} -\frac{7}{3}x + 2 &> \frac{2x+2}{2} \\ -\frac{14}{3}x + 4 &> 2x + 2 \\ -\frac{20}{3}x &> -2 \\ x &< (-2) \left(-\frac{3}{20}\right) \\ x &< \frac{3}{10} \end{aligned}$$

El intervalo solución es $\left(-\infty, \frac{3}{10}\right)$.



7 → style1[
"La solución de la inecuación $3w + 4 \leq 1$ es:
 $3w \leq 1 - 4$
 $3w \leq -3$
 $w \leq -3 \left(\frac{1}{3}\right)$
 $w \leq -1$

El intervalo solución es $(-\infty, 1]$.



8 → style1["La solución de la
inecuación $\frac{7}{2} \leq \frac{3t-4}{4} < \frac{13}{2}$ es:

$$\begin{aligned} \frac{7}{2} (4) &\leq 3t - 4 < \frac{13}{2} (4) \\ 14 &\leq 3t - 4 < 26 \\ 14 + 4 &\leq 3t < 26 + 4 \\ 18 &< 3t \leq 30 \\ 18 \left(\frac{1}{3}\right) &< t \leq 30 \left(\frac{1}{3}\right) \\ 6 &< m \leq 10 \end{aligned}$$

El intervalo solución es $[6, 10)$.



```

" ] }, Dynamic[page4] ],
FrameMargins -> 1, FrameStyle -> GrayLevel[.7],
ImageMargins -> {{0, 1}, {1, 0}}, ImageSize ->
{650, 300} ] }}, Alignment -> {Left, Top} ] }}, Alignment ->
Center], Alignment -> Center, ImageSize -> {795, Automatic} ],
(*no lin / no cuad*)
3 -> Pane[

```

Column [{textPane["*Definición de una inecuación no Lineal:*"]}

Como su nombre lo indica, este tipo de inecuaciones no se pueden escribir de forma lineal y esto influye en los procedimientos de solución, en general se puede seguir una serie de procedimientos para resolver una inecuación no lineal."],

TextCell[Column[{Row[{"¿cómo resolver una inecuación no lineal? ⇒", " ", " "}],

MouseAppearance[Button[TextCell[" enlace ", "Text"], CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["Método para resolver inecuaciones no lineales"],

textPopUp["Para resolver inecuaciones no lineales se puede seguir una serie de pasos que garantizan encontrar el conjunto solución de la inecuación, tenga en cuenta que este no es el único método y quizás no sea siempre el más efectivo, con práctica se podrán identificar atajos o alternativas que faciliten el desarrollo de la solución."],

textPopUp["La inecuación $30 \geq 10x^2 - 5x$ es no lineal porque la variable

x está elevada al cuadrado en uno de los términos, para encontrar el conjunto solución se proponen los siguientes pasos:"],

textPopUp[" 1. Organizar y comparar la inecuación con cero, es decir, $-10x^2 + 5x + 30 \geq 0.$ "],

textPopUp[" 2. Efectuar operaciones y simplificar: $2x^2 - x - 6 \leq 0.$ "],

textPopUp["Para obtener el resultado anterior se multiplicó a ambos lados de la inecuación por $-\frac{1}{5}$, lo que permite hacer cálculos con cifras más pequeñas, además de *ajustar el signo de término cuadrático*.

*De ser factorizable, como en este caso, se puede considerar el resultado equivalente:

$$(x - 2)(2x + 3) \leq 0.$$

textPopUp[" 3. Asociar y resolver ecuación, es decir, resolver $2x^2 - x - 6 = 0$, las soluciones son $x = 2$, $x = -\frac{2}{3}.$ "],

textPopUp[" 4. Considerar las restricciones sobre la variable, de existir. Esto generalmente hace referencia a considerar restricciones en los denominadores. En este caso no hay."],

textPopUp[" 5. Representar los números encontrados en los numerales 3. y 4. sobre una recta real e identificar los intervalos generados por estos: $\left\{-\frac{2}{3}, 2\right\}$ dividen la recta en tres intervalos, estos son:

$\left(-\infty, -\frac{2}{3}\right), \left(-\frac{2}{3}, 2\right) \text{ y } (2, \infty) . "],$
 textPopUp[



"
 textPopUp[" 6. Escoger un valor en cada intervalo (valor de prueba) y sustituirlo en alguna de las inecuaciones anteriores al punto 3. "],

textPopUp["⇒ Del intervalo $\left(-\infty, -\frac{2}{3}\right)$ se toma, por ejemplo, $x = -2$ y se sustituye en la inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$. Esto deja como resultado $2(-2)^2 - (-2) - 6 \leq 0$, es decir, $4 \leq 0$.

Lo anterior es **falso**, lo que implica que el intervalo al que pertenece $x = -2$ no hace parte del conjunto solución de la inecuación."],

textPopUp["⇒ Del intervalo $\left(-\frac{2}{3}, 2\right)$ se toma, por ejemplo, $x = 0$ y se sustituye en la inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$. Esto deja como resultado $2(0)^2 - (0) - 6 \leq 0$, es decir, $-6 \leq 0$.

Lo anterior es **verdadero**, lo que implica que el intervalo al que pertenece $x = 0$ *hace parte del conjunto solución de la inecuación.*"],

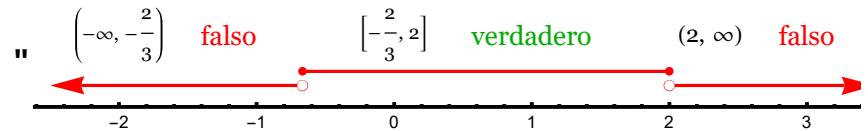
textPopUp["⇒ Del intervalo $(2, \infty)$ se toma, por ejemplo, $x = 3$ y se sustituye en la inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$. Esto deja como resultado $2(3)^2 - (3) - 6 \leq 0$, es decir, $9 \leq 0$.

Lo anterior es **falso**, lo que implica que el intervalo al que pertenece $x = 3$ no hace parte del conjunto solución de la inecuación."],

`textPopUp[" 7. El intervalo solución
consiste en los intervalos en los
que se llegó a una afirmación
verdadera. El simbolo de la
desigualdad (\leq) indica que los
extremos del intervalo son cerrados.`

`Por tanto, el conjunto solución de la inecuación $30 \geq 10x^2 - 5x$, o
equivalentemente de la
inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$
es el intervalo $[-\frac{2}{3}, 2]$."]`

`textPopUp[`



`}]], ImageSize \rightarrow \{panelWidth, bodyWidth\},
Scrollbars \rightarrow \{False, True\}]]},`

`Background \rightarrow White, Deployed \rightarrow True],
ImageSize \rightarrow All], "LinkHand"]`

`}}}}`

`, "Multimedia"],`

`Grid[\{\{Item[Style["Ejemplos de solución",
FontFamily \rightarrow "Georgia", 17], Alignment \rightarrow Center], ...},
\{Grid[\{\{\text{ Ejemplo 1 }\}, \{\text{ Ejemplo 2 }\}, \{\text{ Ejemplo 3 }\},
\{\text{ Ejemplo 4 }\}, \{\text{ Ejemplo 5 }\}, \{\text{ Ejemplo 6 }\}\}],
Spacings \rightarrow \{0, 0\}, Dividers \rightarrow \{All, All\},
FrameStyle \rightarrow GrayLevel[.7],
Background \rightarrow \{None, None, Dynamic[\{page4,
1\}] \rightarrow Lighter@LightRed\}],`

`Framed[`

`PaneSelector[\{`

$$1 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la inecuación } \frac{-2x^2 - 9x - 4}{1-x} > -4\right]$$

$$\frac{-2x^2 - 9x - 4}{1-x} + 4 > 0$$

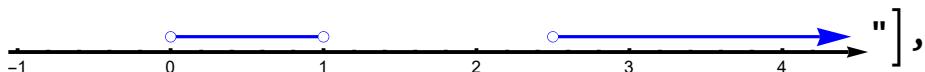
$$\frac{-x(2x+5)}{1-x} > 0$$

La solución de la ecuación $-x(2x+5) = 0$ es: $\{0, \frac{5}{2}\}$, y la restricción en la variable es: $\{1\}$.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por los números

$\{0, 1, \frac{5}{2}\}$ y se sustituye en $\frac{-x(2x+5)}{1-x} > 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $(0, 1)$ y $\left(\frac{5}{2}, \infty\right)$.



$$2 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la inecuación } 16m - 16m^2 \geq 4\right]$$

$$-16m^2 + 16m - 4 \geq 0$$

$$-4(2m-1)^2 \geq 0$$

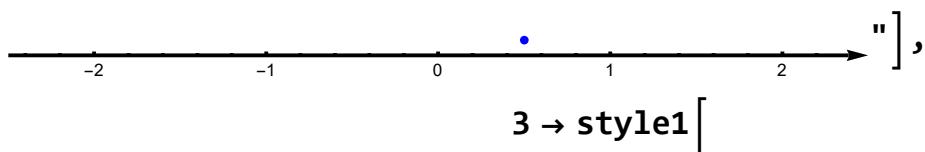
La solución de la ecuación $-4(2m-1)^2 = 0$ es: $\{\frac{1}{2}\}$, y no hay restricción en la variable.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos

generados por $\{\frac{1}{2}\}$ y se sustituye en $-4(2m-1)^2 \geq 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

En ambos intervalos la desigualdad no se cumple, por lo tanto el único valor en donde la

desigualdad es verdadera es $m = \frac{1}{2}$.



$$3 \rightarrow \text{style1}\left[$$

"Resolver la inecuación $\frac{-3y^2 + 16y - 16}{-y - 1} \leq 0$

$$\frac{-(y-4)(3y-4)}{-(y+1)} \leq 0$$

$$\frac{(y-4)(3y-4)}{(y+1)} \leq 0$$

La solución de la ecuación $(y - 4)(3y - 4) = 0$ es: $\left\{\frac{4}{3}, 4\right\}$, y la restricción en la variable es: $\{-1\}$.

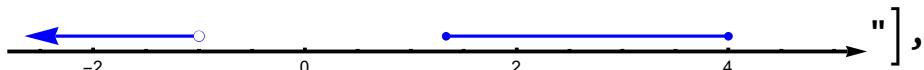
Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por los números

$\left\{-1, \frac{4}{3}, 4\right\}$ y se sustituye en

$$\frac{(y-4)(3y-4)}{(y+1)} \leq 0 \text{ para identificar}$$

si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $(-\infty, -1)$ y $\left[\frac{4}{3}, 4\right]$.



4 → style1["Resolver la inecuación $m^2 - 2m \leq 8$
 $m^2 - 2m - 8 \leq 0$
 $(m - 4)(m + 2) \leq 0$

La solución de la ecuación $(m - 4)(m + 2) = 0$ es: $\{-2, 4\}$, y no hay restricción en la variable.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por $\{-2, 4\}$ y se sustituye en $(m - 4)(m + 2) \leq 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

El intervalo solución es: $[-2, 4]$.



5 → style1[],

6 → style1["Resolver la inecuación $\frac{2u^2 - 8}{4 - u} \leq -2$

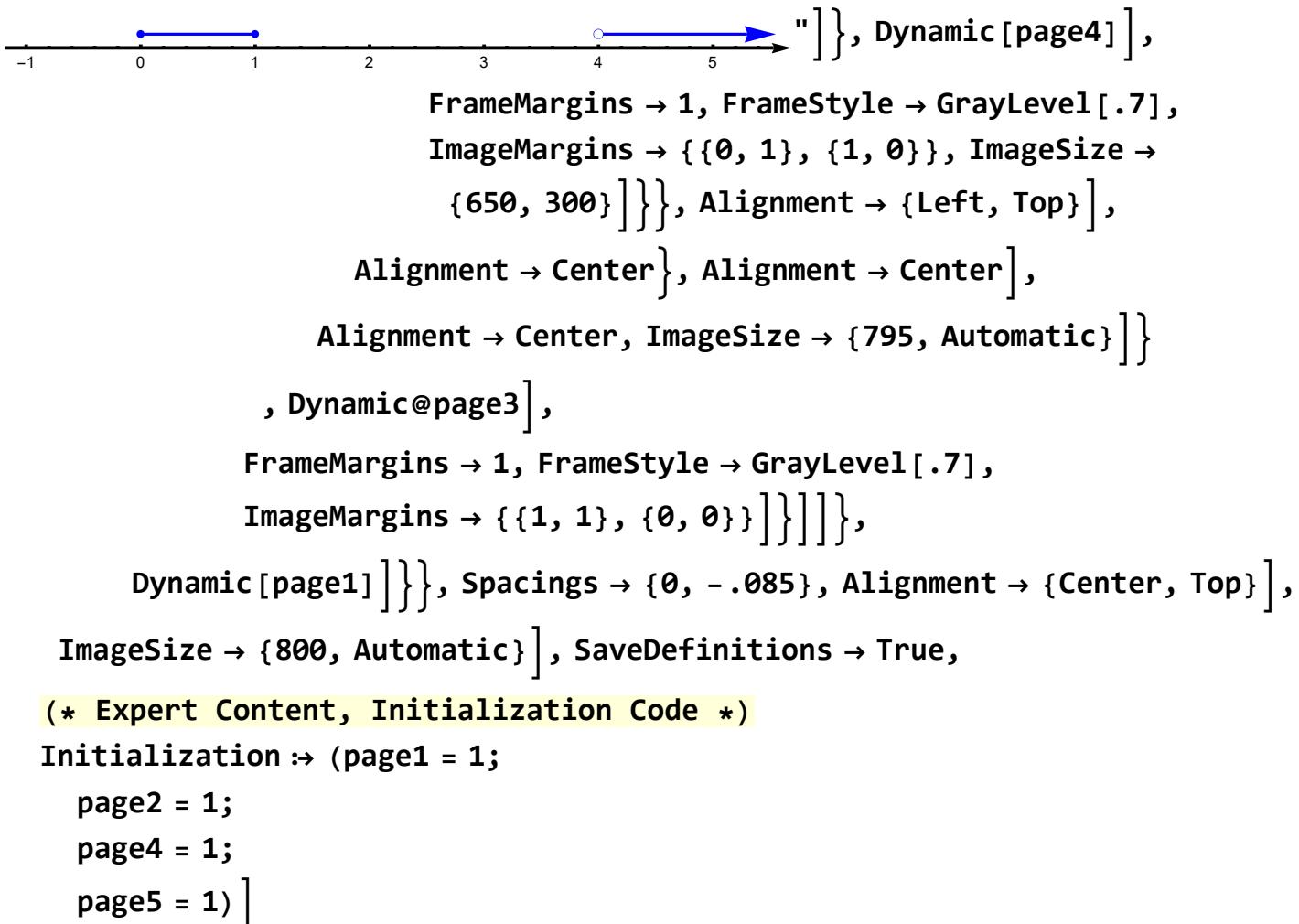
$$\frac{2u^2-8}{4-u} + 2 \leq 0$$

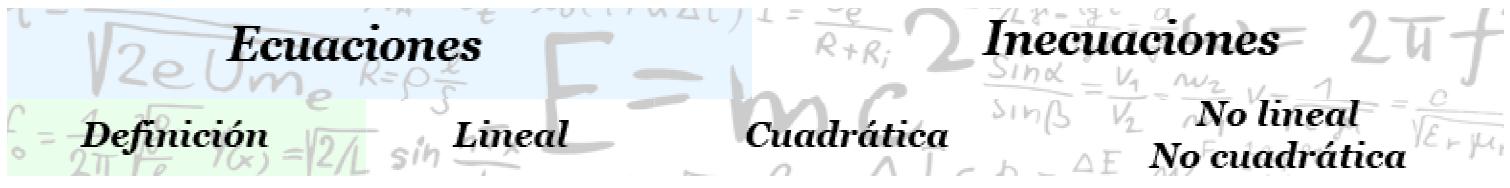
$$\frac{2u(u-1)}{4-u} \leq 0$$

La solución de la ecuación $2u(u-1) = 0$ es: $\{0, 1\}$, y la restricción en la variable es: $\{4\}$.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por los números $\{0, 1, 4\}$ y se sustituye en $\frac{2u(u-1)}{4-u} \leq 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $[0, 1]$ y $(4, \infty)$.





Definición de ecuación:

Una ecuación es la **igualdad** de dos expresiones matemáticas que contienen al menos una **incógnita**.

Resolver una ecuación significa **encontrar todos los números reales que hacen la ecuación verdadera**. Estos números son llamados **soluciones** o **raíces** de la ecuación y todas las soluciones de la ecuación forman el **conjunto solución**.

Cabe notar que el **conjunto solución** puede ser vacío o tener \Rightarrow única solución dos o más soluciones infinitas soluciones

¿Cómo resolver ecuaciones?

Dependiendo del tipo de ecuación y el número de variables la manera de resolverla puede variar; generalmente, para resolver cualquier ecuación se deben despejar la(s) variable(s), la forma de resolverla no siempre es única y con práctica se crean métodos propios cada vez más eficaces.

Puede descargar los siguientes aplicativos para practicar la resolución de ecuaciones

[Ecuaciones lineales](#)

[Ecuaciones cuadráticas](#)

[Ecuaciones no lineales no cuadráticas](#)

Resumen partes

1.1 Trabajando con ecuaciones

```
Deploy@DynamicModule[{framePane, textPane, tabImage, tabText,
  style1, style2, style3,
  color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■,
  tama1 = 15, tama2 = 18, tama3 = 25, font1 = "Georgia",
  page1, page2, page3, page4, page5,
  titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600},
  (*Inicializar page's*)
  page1 = page2 = page3 = page4 = page5 = 1;
```

```
(*estilos de los textos/recuadros*)
style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 14}];
style2[txt_] :=
  Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 18, color3, Italic}];
style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 25}];
framePane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Cuadro/Titulo",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "EmphasisText",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
(*Estilos de las ventanas emergentes*)
titlePopUp[s_String] := Pane[TextCell[style2[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPopUp[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
Pane[
  Grid[{
    Grid[{{Ecuaciones}}, Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9],
    Background → {None, None, Dynamic[{1, page1}] → Lighter@LightBlue}],  

    (*ECUACIÓN*)
    1 → Pane[
      Column[{{Grid[{{f₀ =  $\frac{1}{2\pi}\int_{-\pi}^{\pi} f(x) dx = \sqrt{2/L}$ }}]},  

      Spacings → {0, -.2},
      Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9], Background →
      {None, None, Dynamic[{1, page2}] → Lighter@LightGreen}],  

      Framed[
        PaneSelector[{
          
```

(*Definición*)

$1 \rightarrow \text{Pane} [$

Column[{textPane["*Definición de ecuación:*"]}

Una ecuación es la igualdad de dos expresiones matemáticas que contienen al menos una incógnita.

Resolver una ecuación significa encontrar todos los números reales que hacen La ecuación verdadera.

Estos números son llamados soluciones o raíces de la ecuación y todas las soluciones de la ecuación forman el conjunto solución."],

TextCell[Style[Row[{style1["Cabe notar que el conjunto solución puede"]}],

MouseAppearance[Button[Row[{ "ser vacío"}]],

CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["*Conjunto solución vacío*"],

textPopUp["El conjunto solución es vacío cuando la ecuación no tiene solución: quiere decir que ningún número real satisface la igualdad. Un ejemplo muy sencillo es intentar encontrar las soluciones de la ecuación $x^2 = -1$, esta ecuación no tiene solución porque no existe ningún número real que elevado al cuadrado sea negativo.

Una ecuación no tiene solución cuando, de alguna manera, ocurre algún tipo de inconsistencia (una expresión que es falsa) como:

- Cuando se está despejando la variable, esta se cancela creando la inconsistencia como " $0=-5$ ", que siempre será falsa sin importar el valor de la variable.

$$\begin{aligned}2x + 3 &= 2x - 2 \\2x - 2x &= -2 - 3 \\0 &= -5\end{aligned}$$

- Al aplicar fórmulas (como la fórmula cuadrática) se llega a una raíz negativa (otra inconsistencia) como " $\sqrt{-10}$ ", número que no existe en el conjunto de los números reales.

$$\begin{aligned}2x^2 + 1 &= -19 \\2x^2 &= -20 \\x^2 &= -10 \\x &= \pm\sqrt{-10}\end{aligned}$$

- Al simplificar una expresión se debe tener cuidado de las restricciones de la variable porque *no se puede dividir por cero*.

$$\begin{aligned}\frac{2x-4}{x-2} &= 5 \\\frac{2(x-2)}{x-2} &= 5 \\2 &= 5\end{aligned}$$

- Otra manera de que el conjunto solución sea vacío es cuando se aplican las soluciones a un contexto específico; si la solución *matemática* no tiene sentido en el momento de trabajarla en el contexto, entonces esta no puede ser una solución, por ejemplo, si se pide calcular el tiempo de vuelo de un proyectil y la solución de la ecuación es $t = -2$, no tiene sentido que el tiempo de vuelo sea *menos dos segundos ¿verdad?*] }],

```
ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars → {False, True} ] },
Background → White, Deployed → True ] ,
ImageSize → All ] , "LinkHand" ] ,
style1["o tener ⇒"] ,
MouseAppearance[Button[Row[{ "única solución"}]] ,
```

```

CreateDialog[{
  Pane[Column[{
    titlePopUp[
      "Conjunto solución con única solución"],
    textPopUp["Siempre que el conjunto
      solución tenga un único elemento
      se dice que la solución es
      única. Los siguientes ejemplos
      muestran este tipo de solución:"]
  }], ...
}

```

- Resolver la ecuación $(x - 1)^2 = 0$:

$$\begin{aligned}(x - 1)^2 &= 0 \\ x - 1 &= 0 \\ x &= 1\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1\}$.

- Resolver la ecuación $\sqrt{x + 4} = 2$:

$$\begin{aligned}\sqrt{x + 4} &= 2 \\ x + 4 &= 4 \\ x &= 0\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0\}$.

- Resolver la ecuación $\frac{2x-3}{5} = \frac{4x-5}{3}$:

$$\begin{aligned}\frac{2x-3}{5} &= \frac{4x-5}{3} \\ 3(2x-3) &= 5(4x-5) \\ 6x-9 &= 20x-25 \\ -14x &= -16 \\ x &= \frac{16}{14} \\ x &= \frac{8}{7}\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{7}\right\}$.

- Al aplicar las soluciones de una ecuación en un contexto específico puede darse el caso que solo una tenga

sentido, por ejemplo, si el conjunto solución de cierta ecuación es

$\{-1, -\frac{1}{2}, 3\}$ y se quiere calcular

el tiempo de vuelo de un proyectil, la única solución al problema debería ser $x = 3$, pues las dos primeras al ser negativas no tienen sentido en el contexto."}]],

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]},

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance [

Button [Row[{"dos o más soluciones"}]],

CreateDialog [

Pane [Column [

titlePopUp ["Conjunto solución

con dos o más soluciones"],

textPopUp ["Algunas ecuaciones tienen más

de una solución, lo que significa que

existen varios valores que hacen de la igualdad verdadera. Los

siguientes ejemplos muestran

este tipo de solución:

- Resolver la ecuación $x^2 - 1 = 0$:

$$x^2 - 1 = 0$$

$$(x - 1)(x + 1) = 0 \quad \text{Factorizando}$$

$$x - 1 = 0, \quad x + 1 = 0$$

$$x = 1, \quad x = -1$$

El conjunto solución es $\{1, -2\}$.

- La ecuación $x^2 = 4$ es verdadera cuando $x = 2$ ya que $2^2 = 4$, y cuando $x = -2$, ya que $(-2)^2 = 4$. En este caso el conjunto solución es $\{-2, 2\}$.

-Resolver la ecuación $\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$

$$\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$$

$$x(x+2)(x-3) = 0 \quad \text{Simplificando}$$

$$x = 0, \quad x + 2 = 0, \quad x - 3 = 0$$

$$x = 0, \quad x = -2, \quad x = 3$$

El conjunto solución es $\{0, 3\}$, recuerde que no se puede dividir por cero, por lo que $x = -2$ no puede ser solución."] }], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}] }, Background → White, Deployed → True], ImageSize → All], "LinkHand"], MouseAppearance [

Button[Row[{"infinitas soluciones"}], CreateDialog[

Pane[Column[{

titlePopUp["Conjunto solución con infinitas soluciones"],

textPopUp["Algunas ecuaciones tienen infinitas soluciones, lo que significa que

hay un conjunto infinito de valores que hacen de la igualdad verdadera.

Por ejemplo en la ecuación $\frac{\theta}{x} = 0$, el valor de x puede ser cualquier número

real excepto 0, x puede ser infinitos valores y la igualdad se cumple.

En este caso el conjunto solución se puede escribir como $\{x \in \mathbb{R}, x \neq 0\}.$ "] }], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}] }, Background → White, Deployed → True], ImageSize → All], "LinkHand"]

```

}], "    "], 14], "Multimedia"]}],  

Alignment → Center], ImageSize → {795, Automatic}]]}  

, Dynamic@page2],  

FrameMargins → 1,  

FrameStyle → GrayLevel[.7], ImageMargins → {{1, 1}, {0, 0}}}]}}]  

(*DESIGUADADES*},  

Dynamic[page1]]}, Spacings → {0, -.085}, Alignment → {Center, Top}],  

ImageSize → {800, Automatic}], SaveDefinitions → True,  

(* Expert Content, Initialization Code *)  

Initialization :> (page1 = 1;  

page2 = 1;  

page4 = 1;  

page5 = 1)

```



Definición de ecuación:

Una ecuación es la **igualdad** de dos expresiones matemáticas que contienen al menos una **incógnita**.

Resolver una ecuación significa *encontrar todos los números reales que hacen la ecuación verdadera*. Estos números son llamados **soluciones** o **raíces** de la ecuación y todas las soluciones de la ecuación forman el **conjunto solución**.

Cabe notar que el **conjunto solución** puede ser vacío o tener ⇒ única solución dos o más soluciones infinitas soluciones

1.2 Tipos de ecuaciones

Ecuaciones lineales

```

Deploy@DynamicModule[{framePane, textPane, tabImage, tabText,
style1, style2, style3,
color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■,
tama1 = 15, tama2 = 18, tama3 = 25, font1 = "Georgia",
page1, page2, page3, page4, page5,
titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600},

```

```

(*Inicializar page's*)
page1 = page3 = page4 = page5 = 1;
page2 = 2;
(*estilos de los textos/recuadros*)
style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 14}];
style2[txt_] :=
  Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 18, color3, Italic}];
style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 25}];
framePane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Cuadro/Titulo",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "EmphasisText",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
(*Estilos de las ventanas emergentes*)
titlePopUp[s_String] := Pane[TextCell[style2[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPopUp[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
Pane[
Grid[{
  Grid[{{Ecuaciones}, {
    Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9],
    Background → {None, None, Dynamic[{1, page1}] → Lighter@LightBlue}}}],
  (*ECUACIÓN*)
  1 → Pane[
    Column[{{Grid[{{Definición}, {
      Spacings → {0, -.2},
      Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9], Background →
      {None, None, Dynamic[{1, page2}] → Lighter@LightGreen}}]}},
    Lineal]}]
  ]]
```

```
Framed[  

  PaneSelector[{  

    (*Definición*)  

    1 → Pane[  

      Column[{textPane["Definición de ecuación:  

Una ecuación es la igualdad de dos expresiones matemáticas  

que contienen al menos una incógnita.  

Resolver una ecuación significa encontrar todos los números reales  

que hacen La ecuación verdadera.  

Estos números son llamados soluciones  

o raíces de la ecuación y todas  

las soluciones de la ecuación  

forman el conjunto solución."],  

TextCell[Style[Row[{style1["Cabe notar que el  

conjunto solución puede"]}],  

MouseAppearance[Button[Row[{"ser vacío"}]],  

CreateDialog[{  

  Pane[Column[{  

    titlePopUp["Conjunto solución vacío"],  

    textPopUp["El conjunto solución es vacío  

cuando la ecuación no tiene solución:  

quiere decir que ningún número real  

satisface la igualdad. Un ejemplo muy  

sencillo es intentar encontrar las  

soluciones de la ecuación  $x^2 = -1$ ,  

esta ecuación no tiene solución  

porque no existe ningún número real  

que elevado al cuadrado sea negativo.
```

Una ecuación no tiene solución cuando, de alguna manera, ocurre algún tipo de inconsistencia (una expresión que es falsa) como:

- Cuando se está despejando la variable, esta se cancela creando la inconsistencia como "0=-5", que siempre será falsa sin importar

el valor de la variable.

$$\begin{aligned} 2x + 3 &= 2x - 2 \\ 2x - 2x &= -2 - 3 \\ 0 &= -5 \end{aligned}$$

- Al aplicar fórmulas (como la fórmula cuadrática) se llega a una raíz negativa (otra inconsistencia) como " $\sqrt{-10}$ ", número que no existe en el conjunto de los números reales.

$$\begin{aligned} 2x^2 + 1 &= -19 \\ 2x^2 &= -20 \\ x^2 &= -10 \\ x &= \pm\sqrt{-10} \end{aligned}$$

- Al simplificar una expresión se debe tener cuidado de las restricciones de la variable porque *no se puede dividir por cero*.

$$\begin{aligned} \frac{2x-4}{x-2} &= 5 \\ \frac{2(x-2)}{x-2} &= 5 \\ 2 &= 5 \end{aligned}$$

- Otra manera de que el conjunto solución sea vacío es cuando se aplican las soluciones a un contexto específico; si la solución *matemática* no tiene sentido en el momento de trabajarla en el contexto, entonces esta no puede ser una solución, por ejemplo, si se pide calcular el tiempo de vuelo de un proyectil y la solución de la ecuación es $t = -2$, no tiene sentido que el tiempo de vuelo sea *menos dos segundos ¿verdad?*"] }],

`ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars → {False, True}] },`

`Background → White, Deployed → True] ,`

`ImageSize → All], "LinkHand"] ,`

`style1["o tener ⇒"],`

```

MouseAppearance[Button[Row[{"única solución"}]],
CreateDialog[{{
Pane[Column[{
titlePopUp[
"Conjunto solución con única solución"],
textPopUp["Siempre que el conjunto
solución tenga un único elemento
se dice que la solución es
única. Los siguientes ejemplos
muestran este tipo de solución:"]
}}]]]

```

- Resolver la ecuación $(x - 1)^2 = 0$:

$$\begin{aligned}(x - 1)^2 &= 0 \\ x - 1 &= 0 \\ x &= 1\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1\}$.

- Resolver la ecuación $\sqrt{x + 4} = 2$:

$$\begin{aligned}\sqrt{x + 4} &= 2 \\ x + 4 &= 4 \\ x &= 0\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0\}$.

- Resolver la ecuación $\frac{2x-3}{5} = \frac{4x-5}{3}$:

$$\begin{aligned}\frac{2x-3}{5} &= \frac{4x-5}{3} \\ 3(2x-3) &= 5(4x-5) \\ 6x-9 &= 20x-25 \\ -14x &= -16 \\ x &= \frac{16}{14} \\ x &= \frac{8}{7}\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{7}\right\}$.

- Al aplicar las soluciones de una ecuación en un contexto específico puede

darse el caso que solo una tenga sentido, por ejemplo, si el conjunto solución de cierta ecuación es

$\{-1, -\frac{1}{2}, 3\}$ y se quiere calcular

el tiempo de vuelo de un proyectil, la única solución al problema debería ser $x = 3$, pues las dos primeras al ser negativas no tienen sentido en el contexto."}]],

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]},

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance [

Button [Row [{"dos o más soluciones"}] ,

CreateDialog [{

Pane [Column [{

titlePopUp ["Conjunto solución

con dos o más soluciones"],

textPopUp ["Algunas ecuaciones tienen más

de una solución, lo que significa que

existen varios valores que hacen de la igualdad verdadera. Los

siguientes ejemplos muestran

este tipo de solución:

- Resolver la ecuación $x^2 - 1 = 0$:

$$x^2 - 1 = 0$$

$$(x - 1)(x + 1) = 0 \quad \text{Factorizando}$$

$$x - 1 = 0, \quad x + 1 = 0$$

$$x = 1, \quad x = -1$$

El conjunto solución es $\{1, -2\}$.

- La ecuación $x^2 = 4$ es verdadera cuando $x = 2$ ya que $2^2 = 4$, y cuando $x = -2$, ya que $(-2)^2 = 4$. En este caso

el conjunto solución es $\{-2, 2\}$.

-Resolver la ecuación $\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$

$$\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$$

$$x(x+2)(x-3) = 0 \quad \text{Simplificando}$$

$$x = 0, \quad x+2 = 0, \quad x-3 = 0$$

$$x = 0, \quad x = -2, \quad x = 3$$

El conjunto solución es $\{0, 3\}$, recuerde que no se puede dividir por cero,
por lo que $x = -2$ no puede ser
solución."}]}, ImageSize → {panelWidth,
bodyWidth}, Scrollbars → {False,
True}]}, Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance [

Button[Row[{"infinitas soluciones"}],

CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["Conjunto solución

con infinitas soluciones"],

textPopUp["Algunas ecuaciones tienen

infinitas soluciones,

lo que significa que

hay un conjunto infinito de valores que hacen de la igualdad verdadera.

Por ejemplo en la ecuación $\frac{\theta}{x} = 0$, el valor de x puede ser cualquier número

real excepto 0, x puede ser infinitos
valores y la igualdad se cumple.

En este caso el conjunto solución se puede escribir como $\{x \in \mathbb{R}, x \neq 0\}.$ "}]},

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]},

Background → White, Deployed → True],

```

      ImageSize → All], "LinkHand"]
    }, "    "], 14], "Multimedia"],
    textPane["¿Cómo resolver ecuaciones?"]

Dependiendo del tipo de ecuación y el número de
variables la manera de resolverla
puede variar; generalmente, para
resolver cualquier ecuación se deben
despejar la(s) variable(s), la forma
de resolverla no siempre es única
y con práctica se crean métodos
propios cada vez más eficaces."],
TextCell[style1[
Column[{

  "Puede descargar el siguiente
  aplicativo para practicar la
  resolución de ecuaciones",
Row[{

  MouseAppearance[

    Button[Row[{ "Ecuaciones \n lineales"}],

      NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/1eEvpt"]},
      None}],

      ImageSize → All], "LinkHand"]},

      "    "]},

      Alignment → Center]], "PildIzq"]}],

  Alignment → Center], ImageSize → {795, Automatic}],

(*Lineal*)
2 → Pane[
Column[{textPane["Definición de una ecuación Lineal:"

Toda ecuación de la forma  $a x + b = 0$ , donde  $a$  y  $b$  son números reales y  $a$  es
distinto de cero, es llamada
ecuación lineal en  $x$  o ecuación
de primer grado en  $x$ ."],

Item[

  TextCell[Row[{style1[

    "Para resolver ecuaciones lineales se utilizan las
    "]}]]}]]]

```

```

propiedades de la  $\Rightarrow$ ], MouseAppearance[
Button[Row[{ "adición y sustracción"}],
CreateDialog[{
Pane[Column[{
titlePopUp[
"Propiedad de la adición y sustracción"],
textPopUp["Una de las propiedades que
se usa para despejar la variable
en una ecuación lineal es la
propiedad de la adición o sustracción
(recuerde: la sustracción es una
adición escrita de manera diferente):"]]}]]]

```

Si $a = b$, entonces $a + c = b + c$ para cualquier número real a , b y c .

Si $a = b$, entonces $a - c = b - c$ para cualquier número real a , b y c .

Esta propiedad indica que en una igualdad se puede *sumar* la misma cantidad en ambos lados y la igualdad no será afectada.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."],

```
textPopUp[
```

"**Ejemplo 1:** Resolver la ecuación $2 - x = 11$

$$2 - x = 11$$

$$2 - x + 2 = 11 + 2$$

$$-x = 13$$

$$x = -13$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se sumó 2

El conjunto solución es $\{-13\}$ ",

```
textPopUp[
```

"**Ejemplo 2:** Resolver la ecuación $x + \frac{2}{3} = \frac{5}{2}$

$$x + \frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{5}{2} - \frac{2}{3}$$

$$x = \frac{15}{6} - \frac{4}{6}$$

$$x = \frac{11}{6}$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se restó $\frac{2}{3}$ (o se sumó $-\frac{2}{3}$).

El conjunto solución es $\left\{ \frac{11}{6} \right\}$,

```

textPopUp["Como pudo observar, el fin de
utilizar esta propiedad es cancelar
el término que está sumando
(o restando) a la variable."]
}], ImageSize -> {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars -> {False, True}]],
Background -> White, Deployed -> True],
ImageSize -> All], "LinkHand"],
MouseAppearance[
Button[Row[{ "multiplicación y división"}]],
CreateDialog[{
Pane[Column[{
titlePopUp["Propiedad de la
multiplicación y división"],
textPopUp["La otra propiedad usada
despejar la variable en una ecuación
lineal es la propiedad de la
multiplicación y división (recuerde:
la división es una multiplicación
escrita de manera diferente):"]]}]]]
```

Si $a = b$, entonces $a c = b c$ para cualquier número real a, b y c , $c \neq 0$.
 Esta propiedad indica que en una igualdad se puede *multiplicar* la misma cantidad en ambos lados y la igualdad no será afectada, la única condición es que la cantidad a multiplicar sea diferente de cero.

En el caso de la división, en lugar de multiplicar por c , se puede

multiplicar por $\frac{1}{c}$ donde $c \neq 0$.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."],
textPopUp[

"**Ejemplo 1:** Resolver la ecuación $2x = 11$

$$2x = 11$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{11}{2}$$

$$x = \frac{11}{2}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se divide por 2 (o ambos

lados se multiplican por $\frac{1}{2}$).

El conjunto solución es $\left\{\frac{11}{2}\right\}$,

textPopUp[

"**Ejemplo 2:** Resolver la ecuación $-\frac{x}{3} = -7$

$$-\frac{x}{3} = -7$$

$$-3 \left(-\frac{x}{3}\right) = -3 (-7)$$

$$x = 21$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por -3.

El conjunto solución es $\{21\}$,

textPopUp[

"**Ejemplo 3:** Resolver la ecuación $-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$

$$-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$$

$$-\frac{5}{4} \left(-\frac{4x}{5}\right) = -\frac{5}{4} \left(\frac{2}{3}\right)$$

$$x = -\frac{5}{6}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por $-\frac{5}{6}$.

El conjunto solución es $\left\{-\frac{5}{6}\right\}$,

textPopUp["Como pudo observar, el fin de utilizar esta propiedad es simplificar la expresión que está multiplicando (o dividiendo) la variable."]

}]], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]],

```

Background → White, Deployed → True],  

ImageSize → All], "LinkHand"]  

}, "    "], "Multimedia"]  

, Alignment → Right],  

Grid[{{Item[  

Style["Ejemplos de solución de ecuaciones Lineales",  

FontFamily → "Georgia", 17], Alignment → Center], ...},  

{Grid[{{Ejemplo 1}, {Ejemplo 2}, {Ejemplo 3}, {Ejemplo 4},  

{Ejemplo 5}, {Ejemplo 6}, {Ejemplo 7}, {Ejemplo 8}}],  

Spacings → {0, 0}, Dividers → {All, All},  

FrameStyle → GrayLevel[.7],  

Background → {None, None, Dynamic[{page4,  

1}] → Lighter@LightRed}],  

Framed[  

PaneSelector[{  

1 → style1["Resolver la ecuación  $2x + 3 = -11$   

 $2x + 3 = -11$   

 $2x + 3 - 3 = -11 - 3$   

 $2x = -14$   

 $\frac{2x}{2} = -\frac{14}{2}$   

 $x = -7$   

El conjunto solución es  $\{-7\}$ ."],  

2 → style1["Resolver la ecuación  $6x + 5 - 7x = 10 - 4x + 3$ "]

```

$$\begin{aligned}
 6x + 5 - 7x &= 10 - 4x + 3 \\
 -x + 5 &= 13 - 4x \\
 -x + 5 + 4x &= 13 - 4x + 4x \\
 3x + 5 &= 13 \\
 3x + 5 - 5 &= 13 - 5 \\
 3x &= 8 \\
 \frac{3x}{3} &= \frac{8}{3} \\
 x &= \frac{8}{3}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{3}\right\}$,

$$3 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t = -10\right]$$

$$\begin{aligned}
 \frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t &= -10 \\
 \frac{20}{3}t + t &= -10 + \frac{11}{2} \\
 \frac{23}{3}t &= -\frac{9}{2} \\
 t &= \left(-\frac{9}{2}\right) \left(\frac{3}{23}\right) \\
 t &= -\frac{27}{46}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{27}{46}\right\}$,

$$4 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } 10x - 6 = 3\left(-\frac{14}{3}x + 2\right) - 10\right]$$

$$\begin{aligned}
 10x - 6 &= 3\left(-\frac{14}{3}x + 2\right) - 10 \\
 10x - 6 &= -14x + 6 - 10 \\
 10x - 6 &= -14x - 4 \\
 10x + 14x &= -4 + 6 \\
 24x &= 2 \\
 x &= (2) \left(\frac{1}{24}\right) \\
 x &= \frac{1}{12}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{1}{12}\right\}$,

$$5 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } 2x - 1 = 2x + 4\right]$$

$$\begin{aligned} 2x - 1 &= 2x + 4 \\ 2x - 1 - 2x &= 2x + 4 - 2x \\ -1 &= 4 \end{aligned}$$

Como se llegó a una inconsistencia, la ecuación no tiene solución, el conjunto solución es vacío."],

$$6 \rightarrow \text{style1}\left[\text{"Resolver la ecuación } \frac{1}{2}x + 5 = \frac{3}{4} \right]$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}x + 5 &= \frac{3}{4} \\ 4\left(\frac{1}{2}x + 5\right) &= 4\left(\frac{3}{4}\right) \\ 4\left(\frac{1}{2}x\right) + 4(5) &= 4\left(\frac{3}{4}\right) \\ 2x + 20 &= 3 \\ 2x + 20 - 20 &= 3 - 20 \\ 2x &= -17 \\ \frac{2x}{2} &= -\frac{17}{2} \\ x &= -\frac{17}{2} \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{17}{2}\right\}$],

$$7 \rightarrow \text{style1}\left[\text{"Resolver la ecuación } x - 9 + \frac{5}{3}x = -11 \right]$$

$$\begin{aligned} x - 9 + \frac{5}{3}x &= -11 \\ x + \frac{5}{3}x &= -11 + 9 \\ \frac{8}{3}x &= -2 \\ x &= \frac{3}{8}(-2) \\ x &= -\frac{3}{4} \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{4}\right\}$],

$$8 \rightarrow \text{style1}\left[\text{"Resolver la ecuación } \frac{3x+5}{2} = \frac{6x+10}{4} \right]$$

$$\begin{aligned} 4\left(\frac{3x+5}{2}\right) &= 4\left(\frac{6x+10}{4}\right) \\ 2(3x+5) &= 6x+10 \\ 6x+10 &= 6x+10 \\ 6x - 6x &= 10 - 10 \\ 0 &= 0 \end{aligned}$$

```

El conjunto solución es  $\{x \in \mathbb{R}\}$  (todos los números reales)"  $\}] \},$ 
 $\text{Dynamic}[\text{page4}] \},$ 
 $\text{FrameMargins} \rightarrow 1, \text{FrameStyle} \rightarrow \text{GrayLevel}[.7],$ 
 $\text{ImageMargins} \rightarrow \{\{0, 1\}, \{1, 0\}\}, \text{ImageSize} \rightarrow$ 
 $\{650, 300\} \}] \}, \text{Alignment} \rightarrow \{\text{Left}, \text{Top}\} \} \},$ 
 $\text{Alignment} \rightarrow \text{Center}], \text{Alignment} \rightarrow \text{Center},$ 
 $\text{ImageSize} \rightarrow \{795, \text{Automatic}\} \]$ 
 $(\text{*cuadrática*})$ 
 $(\text{*no lin / no cuad*}) \}$ 
 $, \text{Dynamic}@\text{page2} \},$ 
 $\text{FrameMargins} \rightarrow 1,$ 
 $\text{FrameStyle} \rightarrow \text{GrayLevel}[.7], \text{ImageMargins} \rightarrow \{\{1, 1\}, \{0, 0\}\} \}] \} \} \}$ 
 $(\text{*DESIGUADADES*}) \},$ 
 $\text{Dynamic}[\text{page1}] \} \}, \text{Spacings} \rightarrow \{0, -.085\}, \text{Alignment} \rightarrow \{\text{Center}, \text{Top}\} \},$ 
 $\text{ImageSize} \rightarrow \{800, \text{Automatic}\} \}, \text{SaveDefinitions} \rightarrow \text{True},$ 
 $(\text{* Expert Content, Initialization Code *})$ 
Initialization :> (page1 = 1;
page2 = 2;
page4 = 1;
page5 = 1) ]

```

Ecuaciones

Definición = $\frac{1}{2\pi} \int_0^{\infty} \sin L \sin \omega t dt$

Definición de una ecuación lineal:

Toda ecuación de la forma $a x + b = 0$, donde a y b son números reales y a es distinto de cero, es llamada **ecuación lineal en x** o **ecuación de primer grado** en x .

Para resolver ecuaciones lineales se utilizan las propiedades de la \Rightarrow

adición y sustracción

multiplicación y división

Ejemplos de solución de ecuaciones lineales

Ejemplo 1

Resolver la ecuación $2x + 3 = -11$

$$2x + 3 = -11$$

$$2x + 3 - 3 = -11 - 3$$

$$2x = -14$$

$$\frac{2x}{2} = -\frac{14}{2}$$

$$x = -7$$

Ejemplo 2

Ejemplo 3

Ejemplo 4

Ejemplo 5

Ejemplo 6

Ejemplo 7

Ejemplo 8

El conjunto solución es $\{-7\}$.

Ecuaciones cuadráticas

```
Deploy@DynamicModule[{framePane, textPane, tabImage, tabText,
  style1, style2, style3,
  color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■,
  tama1 = 15, tama2 = 18, tama3 = 25, font1 = "Georgia",
  page1, page2, page3, page4, page5,
  titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600},
  (*Inicializar page's*)
  page1 = page2 = page3 = page4 = page5 = 1;
  (*estilos de los textos/recuadros*)
  style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 14}];
  style2[txt_] :=
    Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 18, color3, Italic}];
  style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 25}];
  framePane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Cuadro/Titulo",
```

```

LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
{0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "EmphasisText",
LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
{0.9, 100, 0, 0, 0}]];
(*Estilos de las ventanas emergentes*)
titlePopUp[s_String] := Pane[TextCell[style2[s], "Text",
LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
{0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPopUp[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Text",
LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
{0.9, 100, 0, 0, 0}]];
Pane[
Grid[{
{Grid[{{
Ecuaciones
}}}, {
Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9],
Background → {None, None, Dynamic[{1, page1}] → Lighter@LightBlue} ]}],
{PaneSelector[{(
(*ECUACIÓN*)
1 → Pane[
Column[{Grid[{{
Definición
}}}, {
Lineal , Cuadrática
}}], {
Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle →
GrayLevel[.9], Background →
{None, None, Dynamic[{1, page2}] → Lighter@LightGreen} ],
Framed[{
PaneSelector[{(
(*Definición*)
1 → Pane[
Column[{textPane["Definición de ecuación:

```

Una ecuación es la igualdad de dos expresiones matemáticas

que contienen al menos una incógnita.

Resolver una ecuación significa *encontrar todos los números reales que hacen la ecuación verdadera.*

Estos números son llamados soluciones o raíces de la ecuación y todas las soluciones de la ecuación forman el conjunto solución."],

```
TextCell[Style[Row[{style1["Cabe notar que el
conjunto solución puede"]}],
MouseAppearance[Button[Row[{"ser vacío"}]],
CreateDialog[{
Pane[Column[{
titlePopUp["Conjunto solución vacío"],
textPopUp["El conjunto solución es vacío
cuando la ecuación no tiene solución:
quiere decir que ningún número real
satisface la igualdad. Un ejemplo muy
sencillo es intentar encontrar las
soluciones de la ecuación  $x^2 = -1$ ,
esta ecuación no tiene solución
porque no existe ningún número real
que elevado al cuadrado sea negativo."]]}]]]
```

Una ecuación no tiene solución cuando, de alguna manera, ocurre algún tipo de inconsistencia (una expresión que es falsa) como:

- Cuando se está despejando la variable, esta se cancela creando la inconsistencia como " $0=-5$ ", que siempre será falsa sin importar el valor de la variable.

$$\begin{aligned} 2x + 3 &= 2x - 2 \\ 2x - 2x &= -2 - 3 \\ 0 &= -5 \end{aligned}$$

- Al aplicar fórmulas (como la fórmula cuadrática) se llega a una raíz negativa (otra inconsistencia) como " $\sqrt{-10}$ ", número que no existe en el conjunto de los números reales.

$$\begin{aligned}
 2x^2 + 1 &= -19 \\
 2x^2 &= -20 \\
 x^2 &= -10 \\
 x &= \pm\sqrt{-10}
 \end{aligned}$$

- Al simplificar una expresión se debe tener cuidado de las restricciones de la variable porque *no se puede dividir por cero.*

$$\begin{aligned}
 \frac{2x-4}{x-2} &= 5 \\
 \frac{2(x-2)}{x-2} &= 5 \\
 2 &= 5
 \end{aligned}$$

- Otra manera de que el conjunto solución sea vacío es cuando se aplican las soluciones a un contexto específico; si la solución *matemática* no tiene sentido en el momento de trabajarla en el contexto, entonces esta no puede ser una solución, por ejemplo, si se pide calcular el tiempo de vuelo de un proyectil y la solución de la ecuación es $t = -2$, no tiene sentido que el tiempo de vuelo sea *menos dos segundos ¿verdad?*] }] ,

```

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars → {False, True} ] },
Background → White, Deployed → True] ,
ImageSize → All], "LinkHand"],
style1["o tener ⇒"],
MouseAppearance[Button[Row[{ "única solución"}]],
CreateDialog[{
Pane[Column[{
titlePopUp[
"Conjunto solución con única solución"],
textPopUp["Siempre que el conjunto
solución tenga un único elemento

```

se dice que la solución es única. Los siguientes ejemplos muestran este tipo de solución:

- Resolver la ecuación $(x - 1)^2 = 0$:

$$\begin{aligned}(x - 1)^2 &= 0 \\ x - 1 &= 0 \\ x &= 1\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1\}$.

- Resolver la ecuación $\sqrt{x + 4} = 2$:

$$\begin{aligned}\sqrt{x + 4} &= 2 \\ x + 4 &= 4 \\ x &= 0\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0\}$.

- Resolver la ecuación $\frac{2x-3}{5} = \frac{4x-5}{3}$:

$$\begin{aligned}\frac{2x-3}{5} &= \frac{4x-5}{3} \\ 3(2x-3) &= 5(4x-5) \\ 6x-9 &= 20x-25 \\ -14x &= -16 \\ x &= \frac{16}{14} \\ x &= \frac{8}{7}\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{7}\right\}$.

- Al aplicar las soluciones de una ecuación en un contexto específico puede darse el caso que solo una tenga sentido, por ejemplo, si el conjunto solución de cierta ecuación es

$\left\{-1, -\frac{1}{2}, 3\right\}$ y se quiere calcular

el tiempo de vuelo de un proyectil, la única solución al problema debería ser $x = 3$, pues las dos primeras al ser negativas no

tienen sentido en el contexto."] }] ,
 ImageSize → {panelWidth, bodyWidth} ,
 Scrollbars → {False, True}] } ,
 Background → White, Deployed → True] ,
 ImageSize → All] , "LinkHand"] ,
 MouseAppearance [
 Button [Row [{ "dos o más soluciones" }] ,
 CreateDialog [{
 Pane [Column [{
 titlePopUp ["Conjunto solución
con dos o más soluciones"] ,
 textPopUp ["Algunas ecuaciones tienen más
de una solución, lo que significa que
existen varios valores que hacen de la igualdad verdadera. Los
siguientes ejemplos muestran
este tipo de solución:"]]]]]]]]] ,

- Resolver la ecuación $x^2 - 1 = 0$:

$$\begin{aligned}x^2 - 1 &= 0 \\(x - 1)(x + 1) &= 0 \quad \text{Factorizando} \\x - 1 &= 0, \quad x + 1 = 0 \\x &= 1, \quad x = -1\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1, -2\}$.

- La ecuación $x^2 = 4$ es verdadera cuando $x = 2$ ya que $2^2 = 4$, y cuando $x = -2$, ya que $(-2)^2 = 4$. En este caso el conjunto solución es $\{-2, 2\}$.

-Resolver la ecuación $\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$

$$\begin{aligned}\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} &= 0 \\x(x+2)(x-3) &= 0 \quad \text{Simplificando} \\x = 0, \quad x+2 &= 0, \quad x-3 = 0 \\x = 0, \quad x = -2, \quad x &= 3\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0, 3\}$, recuerde que no se puede dividir por cero, por lo que $x = -2$ no puede ser solución."] }], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}] }, Background → White, Deployed → True], ImageSize → All], "LinkHand"], MouseAppearance [

Button [Row [{"infinitas soluciones"}], CreateDialog [

Pane [Column [

titlePopUp ["Conjunto solución con infinitas soluciones"], textPopUp ["Algunas ecuaciones tienen infinitas soluciones, lo que significa que

hay un conjunto infinito de valores que hacen de la igualdad verdadera.

Por ejemplo en la ecuación $\frac{\theta}{x} = 0$, el valor de x puede ser cualquier número real excepto 0, x puede ser infinitos valores y la igualdad se cumple.

En este caso el conjunto solución se puede escribir como $\{x \in \mathbb{R}, x \neq 0\}.$ "] }], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}] }, Background → White, Deployed → True], ImageSize → All], "LinkHand"]] }, " "], 14], "Multimedia"], textPane ["¿Cómo resolver ecuaciones?

Dependiendo del tipo de ecuación y el número de variables la manera de resolverla puede variar; generalmente, para resolver cualquier ecuación se deben despejar la(s) variable(s), la forma

de resolverla no siempre es única y con práctica se crean métodos propios cada vez más eficaces."],
 TextCell[style1[
 Column[{
 "Puede descargar los siguientes aplicativos para practicar la resolución de ecuaciones",
 Row[{
 MouseAppearance[
 Button[Row[{ "Ecuaciones \n lineales"}],
 NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/1eEvpt"]},
 None}],
 ImageSize → All], "LinkHand"],
 MouseAppearance[
 Button[Row[{ "Ecuaciones \n cuadráticas"}],
 NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/dwA9GS"]},
 None]],
 ImageSize → All], "LinkHand"]},
 ""]}],
 Alignment → Center]], "PildIzq"]}],
 Alignment → Center], ImageSize → {795, Automatic}],
(*Lineal*)
2 → Pane[
Column[{textPane["*Definición de una ecuación lineal:*
Toda ecuación de la forma $a x + b = 0$, donde a y b son números reales y a es
distinto de cero, es llamada
ecuación lineal en x o ecuación
de primer grado en x ."]},
Item[
TextCell[Row[{style1[
"Para resolver ecuaciones lineales se utilizan las
propiedades de la ⇒"], MouseAppearance[
Button[Row[{ "adición y sustracción"}],

```
CreateDialog[{
  Pane[Column[{titlePopUp[
    "Propiedad de la adición y sustracción"],
    textPopUp["Una de las propiedades que se usa para despejar la variable en una ecuación lineal es la propiedad de la adición o sustracción (recuerde: la sustracción es una adición escrita de manera diferente):"]}],
```

Si $a = b$, entonces $a + c = b + c$ para cualquier número real a , b y c .

Si $a = b$, entonces $a - c = b - c$ para cualquier número real a , b y c .

Esta propiedad indica que en una igualdad se puede *sumar* la misma cantidad en ambos lados y la igualdad no será afectada.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."],

```
textPopUp[
```

Ejemplo 1: Resolver la ecuación $2 - x = 11$

$$2 - x = 11$$

$$2 - x + 2 = 11 + 2$$

$$-x = 13$$

$$x = -13$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se sumó 2

El conjunto solución es $\{-13\}$ "],

```
textPopUp[
```

Ejemplo 2: Resolver la ecuación $x + \frac{2}{3} = \frac{5}{2}$

$$x + \frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{5}{2} - \frac{2}{3}$$

$$x = \frac{15}{6} - \frac{4}{6}$$

$$x = \frac{11}{6}$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se restó $\frac{2}{3}$ (o se sumó $-\frac{2}{3}$).

El conjunto solución es $\{\frac{11}{6}\}"],$

```
textPopUp["Como pudo observar, el fin de
```

utilizar esta propiedad es cancelar
el término que está sumando
(o restando) a la variable."]
 $\}]$, $\text{ImageSize} \rightarrow \{\text{panelWidth}, \text{bodyWidth}\}$,
 $\text{Scrollbars} \rightarrow \{\text{False}, \text{True}\} \}] \},$
 $\text{Background} \rightarrow \text{White}$, $\text{Deployed} \rightarrow \text{True} \],$
 $\text{ImageSize} \rightarrow \text{All} \], "LinkHand" \],$
 $\text{MouseAppearance} \Big[$
 $\text{Button} \Big[\text{Row}[\{ \text{"multiplicación y división"} \}],$
 $\text{CreateDialog} \Big[\{$
 $\text{Pane} \Big[\text{Column} \Big[$
 $\text{titlePopUp} ["\text{Propiedad de la}$
 $\text{"multiplicación y división"}"],$
 $\text{textPopUp} ["\text{La otra propiedad usada}$
 $\text{despejar la variable en una ecuación}$
 $\text{lineal es la } \textit{propiedad de la}$
 $\text{"multiplicación y división"} \text{ (recuerde:}$
 $\text{la división es una multiplicación}$
 $\text{escrita de manera diferente):}$

Si $a = b$, entonces $a c = b c$ para cualquier número real a, b y c , $c \neq 0$.
Esta propiedad indica que en una igualdad se puede multiplicar la misma cantidad en ambos lados y la igualdad no será afectada, la única condición es que la cantidad a multiplicar sea diferente de cero.

En el caso de la división, en lugar de multiplicar por c , se puede

multiplicar por $\frac{1}{c}$ donde $c \neq 0$.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."]

textPopUp [

"Ejemplo 1: Resolver la ecuación $2x = 11$

$$2x = 11$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{11}{2}$$

$$x = \frac{11}{2}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se divide por 2 (o ambos lados se multiplican por $\frac{1}{2}$).

El conjunto solución es $\left\{ \frac{11}{2} \right\}$,

textPopUp[

"*Ejemplo 2:* Resolver la ecuación $-\frac{x}{3} = -7$

$$-\frac{x}{3} = -7$$

$$-3 \left(-\frac{x}{3} \right) = -3 (-7)$$

$$x = 21$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por -3.

El conjunto solución es $\{21\}$,

textPopUp[

"*Ejemplo 3:* Resolver la ecuación $-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$

$$-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$$

$$-\frac{5}{4} \left(-\frac{4x}{5} \right) = -\frac{5}{4} \left(\frac{2}{3} \right)$$

$$x = -\frac{5}{6}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por $-\frac{5}{6}$.

El conjunto solución es $\left\{ -\frac{5}{6} \right\}$,

textPopUp["Como pudo observar, el fin de utilizar esta propiedad es simplificar la expresión que está multiplicando (o dividiendo) la variable."]

}]], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]}],

Background → White, Deployed → True],

```

      ImageSize -> All], "LinkHand"]
    }, "    "], "Multimedia"]
  , Alignment -> Right],
Grid[{{Item[
  Style["Ejemplos de solución de ecuaciones Lineales",
  FontFamily -> "Georgia", 17], Alignment -> Center], ...},
{Grid[{{Ejemplo 1}, {Ejemplo 2}, {Ejemplo 3}, {Ejemplo 4},
{Ejemplo 5}, {Ejemplo 6}, {Ejemplo 7}, {Ejemplo 8}}},
  Spacings -> {0, 0}, Dividers -> {All, All},
  FrameStyle -> GrayLevel[.7],
  Background -> {None, None, Dynamic[{page4,
  1}] -> Lighter@LightRed}],
Framed[
  PaneSelector[{
    1 -> style1["Resolver la ecuación  $2x + 3 = -11$ 
 $2x + 3 = -11$ 
 $2x + 3 - 3 = -11 - 3$ 
 $2x = -14$ 
 $\frac{2x}{2} = \frac{-14}{2}$ 
 $x = -7$ 
El conjunto solución es  $\{-7\}.$ "],
    2 -> style1[
      "Resolver la ecuación  $6x + 5 - 7x = 10 - 4x + 3$ 
 $6x + 5 - 7x = 10 - 4x + 3$ 
 $6x - 7x = 10 - 4x + 3 - 5$ 
 $-x = 6 - 4x$ 
 $-x = 2x + 6$ 
 $-x - 2x = 6$ 
 $-3x = 6$ 
 $\frac{-3x}{-3} = \frac{6}{-3}$ 
 $x = -2$ 
El conjunto solución es  $\{-2\}.$ "]
  }]}
]

```

$$\begin{aligned}
 6x + 5 - 7x &= 10 - 4x + 3 \\
 -x + 5 &= 13 - 4x \\
 -x + 5 + 4x &= 13 - 4x + 4x \\
 3x + 5 &= 13 \\
 3x + 5 - 5 &= 13 - 5 \\
 3x &= 8 \\
 \frac{3x}{3} &= \frac{8}{3} \\
 x &= \frac{8}{3}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{3}\right\}$,

$$3 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t = -10\right]$$

$$\begin{aligned}
 \frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t &= -10 \\
 \frac{20}{3}t + t &= -10 + \frac{11}{2} \\
 \frac{23}{3}t &= -\frac{9}{2} \\
 t &= \left(-\frac{9}{2}\right) \left(\frac{3}{23}\right) \\
 t &= -\frac{27}{46}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{27}{46}\right\}$,

$$4 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } 10x - 6 = 3\left(-\frac{14}{3}x + 2\right) - 10\right]$$

$$\begin{aligned}
 10x - 6 &= 3\left(-\frac{14}{3}x + 2\right) - 10 \\
 10x - 6 &= -14x + 6 - 10 \\
 10x - 6 &= -14x - 4 \\
 10x + 14x &= -4 + 6 \\
 24x &= 2 \\
 x &= (2) \left(\frac{1}{24}\right) \\
 x &= \frac{1}{12}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{1}{12}\right\}$,

$$5 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } 2x - 1 = 2x + 4\right]$$

$$\begin{aligned}
 2x - 1 &= 2x + 4 \\
 2x - 1 - 2x &= 2x + 4 - 2x \\
 -1 &= 4
 \end{aligned}$$

Como se llegó a una inconsistencia, la ecuación no tiene solución, el conjunto solución es vacío."],

$$6 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{1}{2}x + 5 = \frac{3}{4}\right]$$

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{2}x + 5 &= \frac{3}{4} \\
 4\left(\frac{1}{2}x + 5\right) &= 4\left(\frac{3}{4}\right) \\
 4\left(\frac{1}{2}x\right) + 4(5) &= 4\left(\frac{3}{4}\right) \\
 2x + 20 &= 3 \\
 2x + 20 - 20 &= 3 - 20 \\
 2x &= -17 \\
 \frac{2x}{2} &= -\frac{17}{2} \\
 x &= -\frac{17}{2}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{17}{2}\right\}$],

$$7 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } x - 9 + \frac{5}{3}x = -11\right]$$

$$\begin{aligned}
 x - 9 + \frac{5}{3}x &= -11 \\
 x + \frac{5}{3}x &= -11 + 9 \\
 \frac{8}{3}x &= -2 \\
 x &= \frac{3}{8}(-2) \\
 x &= -\frac{3}{4}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{4}\right\}$],

$$8 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{3x+5}{2} = \frac{6x+10}{4}\right]$$

$$\begin{aligned}
 4\left(\frac{3x+5}{2}\right) &= 4\left(\frac{6x+10}{4}\right) \\
 2(3x+5) &= 6x+10 \\
 6x+10 &= 6x+10 \\
 6x - 6x &= 10 - 10 \\
 0 &= 0
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{x \in \mathbb{R}\}$ (todos los números reales)"] } ,
 Dynamic [page4]] ,
 FrameMargins → 1, FrameStyle → GrayLevel[.7],
 ImageMargins → {{0, 1}, {1, 0}}, ImageSize → {650,
 300}] } } , Alignment → {Left, Top}] } , , Alignment →
 Center] , Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic}] ,
 (*cuadrática*)
 3 → Pane [
 Column [{textPane ["Definición de una ecuación cuadrática:
 Toda ecuación de la forma $a x^2 + b x + c = 0$, donde a , b y c son números reales y
 a es distinto de cero, es llamada
 ecuación cuadrática en x o
 ecuación de segundo grado en x ."] ,
 Item [
 TextCell [
 Column [{Row [{style1 ["Para resolver ecuaciones
 cuadráticas es necesario que uno de
 los lados de la igualdad sea cero (se
 conoce como *igualar a cero*), luego
 se puede aplicar el método de la \Rightarrow "],
 MouseAppearance [Button [Row [{"factorización"}]],
 CreateDialog [{
 Pane [Column [{
 titlePopUp ["factorización"],
 textPopUp ["Recuerde que el primer paso
 es tener la ecuación igualada
 a cero, es decir de la forma
 $a x^2 + b x + c = 0$

donde la expresión de la derecha es un trinomio de grado dos, a , b y
 c son números reales y $a \neq 0$.

Como vimos en la unidad de factorización, los trinomios no siempre
 se pueden factorizar, esto quiere

dicir que este método no es 100% efectivo. Supongamos entonces que el trinomio se puede factorizar, esto quiere decir que se encontraron dos factores lineales $p(x)$ y $q(x)$ tal que

$$a x^2 + b x + c = p(x) q(x)$$

es decir que

$$p(x) q(x) = 0$$

Se tienen ahora dos factores cuyo producto es cero y la única forma que esto ocurre es que uno de ellos, o ambos, sean iguales a cero, es decir

Si $p(x) q(x) = 0$, entonces $p(x) = 0$, o, $q(x) = 0$

Como $p(x)$ y $q(x)$ son factores lineales se sigue que $p(x) = 0$ y $q(x) = 0$ son ecuaciones lineales, las cuales ya sabemos resolver."],

textPopUp["**Ejemplo 1:** Resolver la ecuación $2(72x) + 2(10x) + 4x^2 = 720$

Primero expresar la ecuación como $a x^2 + b x + c = 0$,

$$\begin{aligned} 2(72x) + 2(10x) + 4x^2 &= 720 \\ 144x + 20x + 4x^2 &= 720 \\ 4x^2 + 164x - 720 &= 0 \end{aligned}$$

El término de la derecha se puede factorizar y luego se puede aplicar la posibilidad de multiplicar por $\frac{1}{4}$,

$$\begin{aligned} 4x^2 + 164x - 720 &= 0 \\ 4(x^2 + 41x - 180) &= 0 \\ \frac{4(x^2 + 41x - 180)}{4} &= \frac{0}{4} \\ x^2 + 41x - 180 &= 0 \end{aligned}$$

Ahora se puede factorizar el término de la derecha

$$\begin{aligned} x^2 + 41x - 180 &= 0 \\ (x + 45)(x - 4) &= 0 \end{aligned}$$

y quedaron dos factores lineales: $x + 45$ y $x - 4$, cada factor se iguala a cero y se despeja el valor de x

$$\begin{aligned} (x + 45)(x - 4) &= 0 \\ x + 45 &= 0, \text{ o, } x - 4 = 0 \\ x &= -45, \text{ o, } x = 4 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{-45, 4\}$ "],

textPopUp["*Ejemplo 2 (resumido)*: Resolver
la ecuación $-z^2 - 2 = -2 + 2z$

$$-z^2 - 2z = 0$$

$$-z(z + 2) = 0$$

$$-z = 0, \text{ o, } z + 2 = 0$$

$$z = 0, \text{ o, } z = -2$$

El conjunto solución es $\{-2, 0\}$ "],

textPopUp["*Ejemplo 3 (resumido)*: Resolver
la ecuación $4u^2 + 12u = -9$

$$4u^2 + 12u + 9 = 0$$

$$(2u + 3)(2u + 3) = 0$$

$$(2u + 3)^2 = 0$$

$$2u + 3 = 0$$

$$u = -\frac{3}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{2}\right\}$ "]

}, ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]},

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"], " ", " ×

MouseAppearance[

Button[Row[{"fórmula cuadrática"}]],

CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["fórmula cuadrática"],

textPopUp["Recuerde que el primer paso

es tener la ecuación igualada

a cero, es decir de la forma

$$ax^2 + bx + c = 0$$

donde la expresión de la derecha es un trinomio de grado dos, a , b y

c son números reales y $a \neq 0$.

Una vez identificados, los coeficientes a , b y c se reemplazan en la fórmula cuadrática:

Si $ax^2 + bx + c = 0$, entonces

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

son soluciones de la ecuación

La expresión $b^2 - 4ac$ es de especial cuidado porque de acuerdo a su valor la ecuación tiene o no solución:

Cuando $b^2 - 4ac < 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es negativo, por lo tanto no hay solución real.

Cuando $b^2 - 4ac = 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es cero, por lo tanto solo hay una solución real, y es $x = -\frac{b}{2a}$.

Cuando $b^2 - 4ac > 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es positivo, por lo tanto hay dos soluciones, y son

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}, \quad y, \quad x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

"],

textPopUp["**Ejemplo 1:** Resolver

$$\text{la ecuación } \frac{9}{2}u^2 - u + 1 = -3$$

Primero expresar la ecuación como $ax^2 + bx + c = 0$,

$$\frac{9}{2}u^2 - u + 4 = 0$$

para facilitar el desarrollo de la ecuación se puede multiplicar ambos términos de la igualdad por dos,

$$2\left(\frac{9}{2}u^2 - u + 4\right) = 20$$

$$9u^2 - 2u + 8 = 0$$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$u = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 9 \cdot 8}}{2 \cdot 9}$$

$$u = \frac{2 \pm \sqrt{-284}}{18}$$

Como el término de la raíz es negativo, la ecuación no tiene solución real y

el conjunto solución es vacío."],

textPopUp["Ejemplo 2: Resolver
la ecuación $-2z^2 + 4z + 1 = 0$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$\begin{aligned} z &= \frac{-4 \pm \sqrt{16 - 4(-2)1}}{2(-2)} \\ z &= \frac{-4 \pm \sqrt{24}}{-4} \\ z &= 1 + \frac{\sqrt{6}}{2}, y, z = 1 - \frac{\sqrt{6}}{2} \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, 1 + \frac{\sqrt{6}}{2}\right\}.$],

textPopUp["Ejemplo 3: Resolver
la ecuación $y^2 - 2y = -1$

Primero expresar la ecuación como $ax^2 + bx + c = 0,$

$$y^2 - 2y + 1 = 0$$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$\begin{aligned} y &= \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1}}{2 \cdot 1} \\ y &= \frac{2 \pm \sqrt{0}}{2} \\ y &= 1 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1\}.$],

textPopUp["Ejemplo 4: Resolver
la ecuación $-9u^2 + 12u - 3 = 0$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$\begin{aligned} u &= \frac{-12 \pm \sqrt{144 - 4(-9)(-3)}}{2(-9)} \\ u &= \frac{-12 \pm \sqrt{36}}{-18} \\ u &= -\frac{1}{18} (-12 \pm 6) \\ u &= -\frac{1}{18} (-6), y, u = -\frac{1}{18} (-18) \\ u &= \frac{1}{3}, y, u = 1 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{1}{3}, 1\right\}.$]

```

}], ImageSize -> {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars -> {False, True} ]},
Background -> White, Deployed -> True],
ImageSize -> All], "LinkHand"]

}, " "],
Row[ {MouseAppearance[ Button[ Row[ {"Tipos de solución
de una ecuación cuadrática"}], CreateDialog[{ Pane[ Column[ {
titlePopUp["Tipos de solución de
una ecuación cuadrática"], textPopUp["En el conjunto de los números
reales, las ecuaciones cuadráticas
pueden no tener solución, tener única
solución o tener dos soluciones."], textPopUp["No tener solución

```

No todas las ecuaciones cuadráticas tienen

solución, cuando $b^2 - 4ac < 0$, el
término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$
es negativo, por lo tanto
no hay solución real."],
textPopUp["**Única solución**

Las ecuaciones cuadráticas pueden tener

solamente una solución, esto ocurre
cuando al factorizar la expresión
cuadrática $ax^2 + bx + c$ se llega
a factores lineales repetidos, es
decir $ax^2 + bx + c = p(x)^2$. De la
misma manera, la solución es única
cuando $b^2 - 4ac = 0$ pues el término
de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es cero."],

textPopUp["**Dos soluciones**

Las ecuaciones cuadráticas pueden tener

dos soluciones, esto ocurre cuando al factorizar la expresión cuadrática $a x^2 + b x + c$ se llega a dos factores lineales diferentes, es decir $a x^2 + b x + c = p(x) q(x)$. De la misma manera, la solución es única cuando $b^2 - 4 a c > 0$ pues el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4 a c}$ es positivo y da lugar a dos soluciones:

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}, \quad y, x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}.$$

"]

}], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}] },

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"]

}, " "] }]

, "Multimedia"]

, Alignment → Right] ,

Grid[{ { Item[Style[

"Ejemplos de solución de ecuaciones cuadráticas",

FontFamily → "Georgia", 17], Alignment → Center], ...},

{ Grid[{ { Ejemplo 1 } }, { Ejemplo 2 } , { Ejemplo 3 } , { Ejemplo 4 } ,

{ Ejemplo 5 } , { Ejemplo 6 } , { Ejemplo 7 } , { Ejemplo 8 } }],

Spacings → {0, 0}, Dividers → {All, All},

FrameStyle → GrayLevel [.7],

Background → {None, None, Dynamic[{page4,

1}] → Lighter@LightRed}],

Framed[

PaneSelector[{

$$1 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 2 = -1\right]$$

$$\frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 2 = -1$$

$$\frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 3 = 0$$

$$6 \left(\frac{5 t^2}{3} - \frac{13 t}{6} + 3 \right) = 0 \ 6$$

$$10 t^2 - 13 t + 18 = 0$$

$$t = \frac{-(-13) \pm \sqrt{(-13)^2 - 4 \cdot 10 \cdot 18}}{2 \cdot 10}$$

$$t = \frac{13 \pm \sqrt{-551}}{20}$$

No tiene solución, el conjunto solución es vacío."],

$$2 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } x - 2 x^2 = 0\right]$$

$$x - 2 x^2 = 0$$

$$-x(2x - 1) = 0$$

$$-x = 0, \quad 0, \quad 2x - 1 = 0$$

$$x = 0, \quad 0, \quad x = \frac{1}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{0, \frac{1}{2}\right\}$],

$$3 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \sqrt{y+1} = 3y + 3\right]$$

$$\sqrt{y+1} = 3y + 3$$

$$y+1 = (3y+3)^2$$

$$y+1 = 9y^2 + 18y + 9$$

$$-9y^2 - 17y - 8 = 0$$

$$y = \frac{-17 \pm \sqrt{289 - 4 \cdot 9 \cdot 8}}{2 \cdot 9}$$

$$y = \frac{-17 \pm \sqrt{1}}{18}$$

$$y = -1, \quad 0, \quad y = -\frac{8}{9}$$

Se deben probar ambas soluciones, pues se puede dar el caso que la raíz cuadrada no exista (si $y+1 < 0$, raíz cuadrada de una expresión negativa no existe), el conjunto solución es $\left\{-1, -\frac{8}{9}\right\}$],

$$4 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } -2z^2 + 7z - 6 = 0\right]$$

$$\begin{aligned}
 -2z^2 + 7z - 6 &= 0 \\
 -2z^2 + 3z + 4z - 6 &= 0 \\
 -z(2z - 3) + 2(2z - 3) &= 0 \\
 (2z - 3)(2 - z) &= 0 \\
 2z - 3 = 0, \quad 0, \quad 2 - z &= 0 \\
 z = \frac{3}{2}, \quad 0, \quad z = 2
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{3}{2}, 2\right\}$,

$$\begin{aligned}
 5 \rightarrow \text{style1} &\left[\text{"Resolver la ecuación } -3z^2 - z - 1 = -1 \right. \\
 &-3z^2 - z - 1 = -1 \\
 &-3z^2 - z = 0 \\
 &z = \frac{-(-1) \pm \sqrt{1-4(-3)(0)}}{2(-3)} \\
 &z = -\frac{1}{6}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{1}{6}\right\}$,

$$6 \rightarrow \text{style1} \left[\text{"Resolver la ecuación } -\frac{4}{3}t^2 - 3t + 3 = -1 \right]$$

$$\begin{aligned}
 -\frac{4}{3}t^2 - 3t + 4 &= 0 \\
 \frac{1}{3}(-4t^2 - 9t + 12) &= 0 \\
 -4t^2 - 9t + 12 &= 0 \\
 t &= \frac{-(-9) \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \cdot (-4) \cdot 12}}{2(-4)} \\
 t &= -\frac{1}{8} \left(9 \pm \sqrt{273} \right)
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{1}{8}(9 - \sqrt{273}), -\frac{1}{8}(9 + \sqrt{273})\right\}$,

$$7 \rightarrow \text{style1} \left[\text{"Resolver la ecuación } 6z^2 + 11z + 3 = 0 \right]$$

$$\begin{aligned}
 6z^2 + 11z + 3 &= 0 \\
 6z^2 + 2z + 9z + 3 &= 0 \\
 2z(3z + 1) + 3(3z + 1) &= 0 \\
 (3z + 1)(2z + 3) &= 0 \\
 3z + 1 = 0, \quad 0, \quad 2z + 3 &= 0 \\
 z = -\frac{1}{3}, \quad 0, \quad z = -\frac{3}{2}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}\right\}''\right],$

$$8 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } y^2 - 4 = 0$$

$$y^2 - 4 = 0$$

$$(y - 2)(y + 2) = 0$$

$$y = 2, \quad o \quad y = -2$$

El conjunto solución es $\{-2, 2\}''\right]\}, \text{Dynamic}[\text{page4}]\right],$

$$\text{FrameMargins} \rightarrow 1, \text{FrameStyle} \rightarrow \text{GrayLevel}[.7],$$

$$\text{ImageMargins} \rightarrow \{\{0, 1\}, \{1, 0\}\}, \text{ImageSize} \rightarrow$$

$$\{650, 300\}\right]\}, \text{Alignment} \rightarrow \{\text{Left}, \text{Top}\}\right]\}, \text{Alignment} \rightarrow$$

$$\text{Center}], \text{Alignment} \rightarrow \text{Center}, \text{ImageSize} \rightarrow \{795, \text{Automatic}\}$$

$$(*\text{no lin / no cuad*})\}$$

$$, \text{Dynamic}@[\text{page2}],$$

$$\text{FrameMargins} \rightarrow 1,$$

$$\text{FrameStyle} \rightarrow \text{GrayLevel}[.7], \text{ImageMargins} \rightarrow \{\{1, 1\}, \{0, 0\}\}\right]\}\right]$$

$$(*\text{DESIGUADADES*})\},$$

$$\text{Dynamic}[\text{page1}]\right]\}, \text{Spacings} \rightarrow \{0, -.085\}, \text{Alignment} \rightarrow \{\text{Center}, \text{Top}\}\right],$$

$$\text{ImageSize} \rightarrow \{800, \text{Automatic}\}\right], \text{SaveDefinitions} \rightarrow \text{True},$$

(* Expert Content, Initialization Code *)

Initialization \Rightarrow (page1 = 1;

page2 = 3;

page4 = 1;

page5 = 1)

Ecuaciones

Definición Lineal

Cuadrática

Definición de una ecuación cuadrática:

Toda ecuación de la forma $a x^2 + b x + c = 0$, donde a, b y c son números reales y a es distinto de cero, es llamada **ecuación cuadrática** en x o **ecuación de segundo grado** en x .

Para resolver ecuaciones cuadráticas es necesario que uno de los lados de la igualdad sea cero (se conoce como *igualar a cero*), luego se puede aplicar el método de la \Rightarrow

factorización

, fórmula cuadrática

Tipos de solución de una ecuación cuadrática

Ejemplos de solución de ecuaciones cuadráticas

Ejemplo 1

Resolver la ecuación $\frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 2 = -1$

Ejemplo 2

$$\frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 2 = -1$$

Ejemplo 3

$$\frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 3 = 0$$

Ejemplo 4

$$6\left(\frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 3\right) = 0 \quad 6$$

Ejemplo 5

$$10t^2 - 13t + 18 = 0$$

Ejemplo 6

$$t = \frac{-(-13) \pm \sqrt{(-13)^2 - 4 \cdot 10 \cdot 18}}{2 \cdot 10}$$

Ejemplo 7

$$t = \frac{13 \pm \sqrt{-551}}{20}$$

Ejemplo 8

No tiene solución, el conjunto solución es vacío.

Ecuaciones no lineales y no cuadráticas

```
Deploy@DynamicModule[{framePane, textPane, tabImage, tabText,
  style1, style2, style3,
  color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■,
  tama1 = 15, tama2 = 18, tama3 = 25, font1 = "Georgia",
  page1, page2, page3, page4, page5,
  titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600},
  (*Inicializar page's*)
  page1 = page2 = page3 = page4 = page5 = 1;
  (*estilos de los textos/recuadros*)
  style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 14}];
  style2[txt_] :=
```

```

Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 18, color3, Italic}];
style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 25}];
framePane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Cuadro/Titulo",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "EmphasisText",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
(*Estilos de las ventanas emergentes*)
titlePopUp[s_String] := Pane[TextCell[style2[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPopUp[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
Pane[
Grid[{
{Grid[{{
2eUm. k=ρf
Ecuaciones
Definición
f(x) = \sqrt{2L}
sin
Lineal
Cuadrática
No lineal
No cuadrática
}}}],
Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9],
Background → {None, None, Dynamic[{1, page1}] → Lighter@LightBlue}],},
{PaneSelector[{
(*ECUACIÓN*)
1 → Pane[
Column[{Grid[{{
2eUm. k=ρf
Definición
f(x) = \sqrt{2L}
sin
Lineal
Cuadrática
No lineal
No cuadrática
}}}],
Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle →
GrayLevel[.9], Background →
{None, None, Dynamic[{1, page2}] → Lighter@LightGreen}],},
Framed[
PaneSelector[{
(*Definición*)
}}]
}
}

```

`1 → Pane[`

`Column[{"textPane["Definición de ecuación:`

Una ecuación es la igualdad de dos expresiones matemáticas que contienen al menos una incógnita.

Resolver una ecuación significa encontrar todos los números reales que hacen La ecuación verdadera.

Estos números son llamados soluciones o raíces de la ecuación y todas las soluciones de la ecuación forman el conjunto solución."],

`TextCell[Style[Row[{style1["Cabe notar que el conjunto solución puede"]}],`

`MouseAppearance[Button[Row[{"ser vacío"}]],`

`CreateDialog[`

`Pane[Column[{`

`titlePopUp["Conjunto solución vacío"],`

`textPopUp["El conjunto solución es vacío cuando la ecuación no tiene solución: quiere decir que ningún número real satisface la igualdad. Un ejemplo muy sencillo es intentar encontrar las soluciones de la ecuación $x^2 = -1$, esta ecuación no tiene solución porque no existe ningún número real que elevado al cuadrado sea negativo.`

Una ecuación no tiene solución cuando, de alguna manera, ocurre algún tipo de inconsistencia (una expresión que es falsa) como:

- Cuando se está despejando la variable, esta se cancela creando la inconsistencia como " $0=-5$ ", que siempre será falsa sin importar el valor de la variable.

$$2x + 3 = 2x - 2$$

$$2x - 2x = -2 - 3$$

$$0 = -5$$

- Al aplicar fórmulas (como la fórmula cuadrática) se llega a una raíz negativa (otra inconsistencia) como " $\sqrt{-10}$ ", número que no existe en el conjunto de los números reales.

$$\begin{aligned}2x^2 + 1 &= -19 \\2x^2 &= -20 \\x^2 &= -10 \\x &= \pm\sqrt{-10}\end{aligned}$$

- Al simplificar una expresión se debe tener cuidado de las restricciones de la variable porque *no se puede dividir por cero*.

$$\begin{aligned}\frac{2x-4}{x-2} &= 5 \\2(x-2) &= 5 \\2 &= 5\end{aligned}$$

- Otra manera de que el conjunto solución sea vacío es cuando se aplican las soluciones a un contexto específico; si la solución *matemática* no tiene sentido en el momento de trabajarla en el contexto, entonces esta no puede ser una solución, por ejemplo, si se pide calcular el tiempo de vuelo de un proyectil y la solución de la ecuación es $t = -2$, no tiene sentido que el tiempo de vuelo sea *menos dos segundos ¿verdad?*"] }],

```
ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars → {False, True} ] },
Background → White, Deployed → True] ,
ImageSize → All], "LinkHand" ],
style1["o tener ⇒"],
MouseAppearance[Button[Row[{ "única solución"}]],
CreateDialog[{
Pane[Column[{
```

titlePopUp[
"Conjunto solución con única solución"] ,
textPopUp["Siempre que el conjunto
solución tenga un único elemento
se dice que la solución es
única. Los siguientes ejemplos
muestran este tipo de solución:

- Resolver la ecuación $(x - 1)^2 = 0$:

$$\begin{aligned}(x - 1)^2 &= 0 \\ x - 1 &= 0 \\ x &= 1\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{1\}$.

- Resolver la ecuación $\sqrt{x + 4} = 2$:

$$\begin{aligned}\sqrt{x + 4} &= 2 \\ x + 4 &= 4 \\ x &= 0\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0\}$.

- Resolver la ecuación $\frac{2x-3}{5} = \frac{4x-5}{3}$:

$$\begin{aligned}\frac{2x-3}{5} &= \frac{4x-5}{3} \\ 3(2x-3) &= 5(4x-5) \\ 6x-9 &= 20x-25 \\ -14x &= -16 \\ x &= \frac{16}{14} \\ x &= \frac{8}{7}\end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{7}\right\}$.

- Al aplicar las soluciones de una ecuación en un contexto específico puede darse el caso que solo una tenga sentido, por ejemplo, si el conjunto solución de cierta ecuación es

$\left\{-1, -\frac{1}{2}, 3\right\}$ y se quiere calcular el tiempo de vuelo de un proyectil, la única solución al problema debería ser $x = 3$, pues las dos primeras al ser negativas no tienen sentido en el contexto."] }],

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}] },

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance [

Button [Row [{ "dos o más soluciones" }],

CreateDialog [{

Pane [Column [{

titlePopUp ["Conjunto solución
con dos o más soluciones"],

textPopUp ["Algunas ecuaciones tienen más
de una solución, lo que significa que
existen varios valores que hacen de la igualdad verdadera. Los
siguientes ejemplos muestran
este tipo de solución:

- Resolver la ecuación $x^2 - 1 = 0$:

$$x^2 - 1 = 0$$

$(x - 1)(x + 1) = 0$ Factorizando

$$x - 1 = 0, \quad x + 1 = 0$$

$$x = 1, \quad x = -1$$

El conjunto solución es $\{1, -2\}$.

- La ecuación $x^2 = 4$ es verdadera cuando $x = 2$ ya que $2^2 = 4$, y cuando $x = -2$, ya que $(-2)^2 = 4$. En este caso el conjunto solución es $\{-2, 2\}$.

-Resolver la ecuación $\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$

$$\frac{x(x+2)^2(x-3)}{x+2} = 0$$

$$x(x+2)(x-3) = 0 \quad \text{Simplificando}$$

$$x = 0, \quad x + 2 = 0, \quad x - 3 = 0$$

$$x = 0, \quad x = -2, \quad x = 3$$

El conjunto solución es $\{0, 3\}$, recuerde que no se puede dividir por cero, por lo que $x = -2$ no puede ser solución."] }], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}] }, Background → White, Deployed → True], ImageSize → All], "LinkHand"], MouseAppearance[

Button[Row[{ "infinitas soluciones"}], CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["Conjunto solución con infinitas soluciones"],

textPopUp["Algunas ecuaciones tienen infinitas soluciones, lo que significa que

hay un conjunto infinito de valores que hacen de la igualdad verdadera.

Por ejemplo en la ecuación $\frac{0}{x} = 0$, el valor de x puede ser cualquier número

real excepto 0, x puede ser infinitos valores y la igualdad se cumple.

En este caso el conjunto solución se puede escribir como $\{x \in \mathbb{R}, x \neq 0\}.$ "] }], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth}, Scrollbars → {False, True}] }, Background → White, Deployed → True], ImageSize → All], "LinkHand"]

```

}], "    "], 14], "Multimedia"] ,
textPane["¿Cómo resolver ecuaciones?"]
Dependiendo del tipo de ecuación y el número de
variables la manera de resolverla
puede variar; generalmente, para
resolver cualquier ecuación se deben
despejar la(s) variable(s), la forma
de resolverla no siempre es única
y con práctica se crean métodos
propios cada vez más eficaces."],
TextCell[style1[
Column[{ "Puede descargar los siguientes
aplicativos para practicar la
resolución de ecuaciones",
Row[{ MouseAppearance[
Button[Row[{ "Ecuaciones \n lineales"}],
NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/1eEvpt"]},
None}],
ImageSize → All], "LinkHand"}, MouseAppearance[
Button[Row[{ "Ecuaciones \n cuadráticas"}],
NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/dwA9GS"]},
None}],
ImageSize → All], "LinkHand"}, MouseAppearance[Button[Row[
{"Ecuaciones no lineales \n no cuadráticas"}],
NotebookLocate[{URL["https://goo.gl/5acqFX"]},
None}],
ImageSize → All], "LinkHand"}],
"        "]}, Alignment → Center]], "PildIzq"]}],
Alignment → Center], ImageSize → {795, Automatic}],
(*Lineal*)
2 → Pane[

```

Column[{textPane["*Definición de una ecuación Lineal:*"] ,

Toda ecuación de la forma $a x + b = 0$, donde a y b son números reales y a es distinto de cero, es llamada ecuación lineal en x o ecuación de primer grado en x ."],

Item[

TextCell[Row[{style1[

"Para resolver ecuaciones lineales se utilizan las propiedades de la \Rightarrow ", MouseAppearance[

Button[Row[{"adición y sustracción"}],

CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp[

"Propiedad de la adición y sustracción"],

textPopUp["Una de las propiedades que

se usa para despejar la variable

en una ecuación lineal es la

propiedad de la adición o sustracción

(recuerde: la sustracción es una

adición escrita de manera diferente):

Si $a = b$, entonces $a + c = b + c$ para cualquier número real a , b y c .

Si $a = b$, entonces $a - c = b - c$ para cualquier número real a , b y c .

Esta propiedad indica que en una igualdad se puede *sumar* la misma

cantidad en ambos lados y la

igualdad no será afectada.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."],

textPopUp[

"**Ejemplo 1:** Resolver la ecuación $2 - x = 11$

$$2 - x = 11$$

$$2 - x + 2 = 11 + 2$$

$$-x = 13$$

$$x = -13$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se sumó 2

El conjunto solución es $\{-13\}$ "],

textPopUp[

"*Ejemplo 2:* Resolver la ecuación $x + \frac{2}{3} = \frac{5}{2}$

$$x + \frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{5}{2} - \frac{2}{3}$$

$$x = \frac{15}{6} - \frac{4}{6}$$

$$x = \frac{11}{6}$$

En este ejemplo en ambos lados de la igualdad se restó $\frac{2}{3}$ (o se sumó $-\frac{2}{3}$).

El conjunto solución es $\left\{\frac{11}{6}\right\}$,

```
textPopUp["Como pudo observar, el fin de
utilizar esta propiedad es cancelar
el término que está sumando
(o restando) a la variable."]
}], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars → {False, True} ]}],
Background → White, Deployed → True],
ImageSize → All], "LinkHand"],
MouseAppearance[
Button[Row[{ "multiplicación y división"}]],
CreateDialog[{
Pane[Column[{
titlePopUp["Propiedad de la
multiplicación y división"],
textPopUp["La otra propiedad usada
despejar la variable en una ecuación
lineal es la propiedad de la
multiplicación y división (recuerde:
la división es una multiplicación
escrita de manera diferente):"]]}]]]
```

Si $a = b$, entonces $a c = b c$ para cualquier número real a, b y c , $c \neq 0$. Esta propiedad indica que en una igualdad se puede *multiplicar* la misma cantidad en ambos lados y la

igualdad no será afectada, la única condición es que la cantidad a multiplicar sea diferente de cero.

En el caso de la división, en lugar de multiplicar por c , se puede

multiplicar por $\frac{1}{c}$ donde $c \neq 0$.

A continuación algunos ejemplos de cómo utilizar esta propiedad."],

textPopUp[

"**Ejemplo 1:** Resolver la ecuación $2x = 11$

$$2x = 11$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{11}{2}$$

$$x = \frac{11}{2}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se divide por 2 (o ambos

lados se multiplican por $\frac{1}{2}$).

El conjunto solución es $\left\{\frac{11}{2}\right\}$ ",] ,

textPopUp[

"**Ejemplo 2:** Resolver la ecuación $-\frac{x}{3} = -7$

$$-\frac{x}{3} = -7$$

$$-3 \left(-\frac{x}{3}\right) = -3 (-7)$$

$$x = 21$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por -3 .

El conjunto solución es $\{21\}$ ",] ,

textPopUp[

"**Ejemplo 3:** Resolver la ecuación $-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$

$$-\frac{4x}{5} = \frac{2}{3}$$

$$-\frac{5}{4} \left(-\frac{4x}{5}\right) = -\frac{5}{4} \left(\frac{2}{3}\right)$$

$$x = -\frac{5}{6}$$

En este ejemplo ambos lados de la igualdad se multiplicaron por $-\frac{5}{6}$.

El conjunto solución es $\left\{-\frac{5}{6}\right\}$,

```

textPopUp["Como pudo observar, el fin de
utilizar esta propiedad es simplificar
la expresión que está multiplicando
(o dividiendo) la variable."]
} ],
ImageSize -> {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars -> {False, True} ],
Background -> White, Deployed -> True],
ImageSize -> All],
"LinkHand"]
},
" "],
"Multimedia"]
, Alignment -> Right],
Grid[
{{Item[
Style["Ejemplos de solución de ecuaciones lineales",
FontFamily -> "Georgia", 17], Alignment -> Center]}, ...},
{Grid[
{{Ejemplo 1}, {Ejemplo 2}, {Ejemplo 3}, {Ejemplo 4},
{Ejemplo 5}, {Ejemplo 6}, {Ejemplo 7}, {Ejemplo 8}}},
Spacings -> {0, 0}, Dividers -> {All, All},
FrameStyle -> GrayLevel[.7],
Background -> {None, None, Dynamic[{page4,
1}] -> Lighter@LightRed}],
Framed[
PaneSelector[
1 -> style1["Resolver la ecuación  $2x + 3 = -11$ 
 $2x + 3 = -11$ 
 $2x + 3 - 3 = -11 - 3$ 
 $2x = -14$ 
 $\frac{2x}{2} = -\frac{14}{2}$ 
 $x = -7$ "]]}]
```

El conjunto solución es $\{-7\}$.

2 → style1[

"Resolver la ecuación $6x + 5 - 7x = 10 - 4x + 3$

$$6x + 5 - 7x = 10 - 4x + 3$$

$$-x + 5 = 13 - 4x$$

$$-x + 5 + 4x = 13 - 4x + 4x$$

$$3x + 5 = 13$$

$$3x + 5 - 5 = 13 - 5$$

$$3x = 8$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{8}{3}$$

$$x = \frac{8}{3}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{8}{3}\right\}$ ",] ,

3 → style1["Resolver la ecuación $\frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t = -10$

$$\frac{20}{3}t - \frac{11}{2} + t = -10$$

$$\frac{20}{3}t + t = -10 + \frac{11}{2}$$

$$\frac{23}{3}t = -\frac{9}{2}$$

$$t = \left(-\frac{9}{2}\right) \left(\frac{3}{23}\right)$$

$$t = -\frac{27}{46}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{27}{46}\right\}$ ",] ,

4 → style1[

"Resolver la ecuación $10x - 6 = 3 \left(-\frac{14}{3}x + 2\right) - 10$

$$10x - 6 = 3 \left(-\frac{14}{3}x + 2\right) - 10$$

$$10x - 6 = -14x + 6 - 10$$

$$10x - 6 = -14x - 4$$

$$10x + 14x = -4 + 6$$

$$24x = 2$$

$$x = (2) \left(\frac{1}{24}\right)$$

$$x = \frac{1}{12}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{1}{12}\right\}$ ",] ,

$$5 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } 2x - 1 = 2x + 4$$

$$2x - 1 = 2x + 4$$

$$2x - 1 - 2x = 2x + 4 - 2x$$

$$-1 = 4$$

Como se llegó a una inconsistencia, la ecuación no tiene solución, el conjunto solución es vacío."],

$$6 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{1}{2}x + 5 = \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{2}x + 5 = \frac{3}{4}$$

$$4\left(\frac{1}{2}x + 5\right) = 4\left(\frac{3}{4}\right)$$

$$4\left(\frac{1}{2}x\right) + 4(5) = 4\left(\frac{3}{4}\right)$$

$$2x + 20 = 3$$

$$2x + 20 - 20 = 3 - 20$$

$$2x = -17$$

$$\frac{2x}{2} = -\frac{17}{2}$$

$$x = -\frac{17}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{17}{2}\right\}$ ",

$$7 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } x - 9 + \frac{5}{3}x = -11$$

$$x - 9 + \frac{5}{3}x = -11$$

$$x + \frac{5}{3}x = -11 + 9$$

$$\frac{8}{3}x = -2$$

$$x = \frac{3}{8}(-2)$$

$$x = -\frac{3}{4}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{4}\right\}$ ",

$$8 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{3x + 5}{2} = \frac{6x + 10}{4}$$

$$\begin{aligned} 4 \left(\frac{3x+5}{2} \right) &= 4 \left(\frac{6x+10}{4} \right) \\ 2(3x+5) &= 6x+10 \\ 6x+10 &= 6x+10 \\ 6x-6x &= 10-10 \\ 0 &= 0 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{x \in \mathbb{R}\}$ (todos los números reales) "]}},

Dynamic [page4]] ,

FrameMargins → 1, **FrameStyle** → GrayLevel[.7],

`ImageMargins` → $\{\{0, 1\}, \{1, 0\}\}$, `ImageSize` →

```
{650, 300} ] } }, Alignment -> { Left, Top } ] } }, Alignment ->
```

Center], **Alignment** \rightarrow **Center**, **ImageSize** \rightarrow {795, **Automatic**}],

(*cuadrática*)

3 → Pane

Column[{textPane["*Definición de una ecuación cuadrática:*"]}

Toda ecuación de la forma $a x^2 + b x + c = 0$, donde a , b y c son números reales y a es distinto de cero, es llamada ecuación cuadrática en x o ecuación de segundo grado en x ."] ,

Item

TextCell

Column[{Row[{style1["Para resolver ecuaciones"]}],

cuadráticas es necesario que uno de los lados de la igualdad sea cero (*sabes como igualar a cero*), luego se puede aplicar el método de la \Rightarrow .

```
MouseAppearance[Button[Row[{ "factorización"}],
```

CreateDialog {

Pane Column {

titlePopUp ["factorización"] ,

textPopUp["Recuerde que el primer paso

es tener la ecuación igualada

a cero, es decir de la forma

$$ax^2 + bx + c = 0$$

donde la expresión de la derecha es un trinomio de grado dos, a , b y c son números reales y $a \neq 0$.

Como vimos en la unidad de factorización, los trinomios no siempre se pueden factorizar, esto quiere decir que este método no es 100% efectivo. Supongamos entonces que el trinomio se puede factorizar, esto quiere decir que se encontraron dos factores lineales $p(x)$ y $q(x)$ tal que

$$ax^2 + bx + c = p(x) q(x)$$

es decir que

$$p(x) q(x) = 0$$

Se tienen ahora dos factores cuyo producto es cero y la única forma que esto ocurre es que uno de ellos, o ambos, sean iguales a cero, es decir

Si $p(x) q(x) = 0$, entonces $p(x) = 0$, o, $q(x) = 0$

Como $p(x)$ y $q(x)$ son factores lineales se sigue que $p(x) = 0$ y $q(x) = 0$ son ecuaciones lineales, las cuales ya sabemos resolver."],

textPopUp["**Ejemplo 1:** Resolver la
ecuación $2(72x) + 2(10x) + 4x^2 = 720$

Primero expresar la ecuación como $ax^2 + bx + c = 0$,

$$2(72x) + 2(10x) + 4x^2 = 720$$

$$144x + 20x + 4x^2 = 720$$

$$4x^2 + 164x - 720 = 0$$

El término de la derecha se puede factorizar y luego se puede aplicar la

posibilidad de multiplicar por $\frac{1}{4}$,

$$4x^2 + 164x - 720 = 0$$

$$4(x^2 + 41x - 180) = 0$$

$$\frac{4(x^2 + 41x - 180)}{4} = \frac{0}{4}$$

$$x^2 + 41x - 180 = 0$$

Ahora se puede factorizar el término de la derecha

$$x^2 + 41x - 180 = 0$$

$$(x + 45)(x - 4) = 0$$

y quedaron dos factores lineales: $x + 45$ y $x - 4$, cada factor se iguala a cero y se despeja el valor de x

$$(x + 45)(x - 4) = 0$$

$$x + 45 = 0, \text{ o, } x - 4 = 0$$

$$x = -45, \text{ o, } x = 4$$

El conjunto solución es $\{-45, 4\}$ "],

textPopUp["*Ejemplo 2 (resumido)*: Resolver la ecuación $-z^2 - 2 = -2 + 2z$

$$-z^2 - 2z = 0$$

$$-z(z + 2) = 0$$

$$-z = 0, \text{ o, } z + 2 = 0$$

$$z = 0, \text{ o, } z = -2$$

El conjunto solución es $\{-2, 0\}$ "],

textPopUp["*Ejemplo 3 (resumido)*: Resolver la ecuación $4u^2 + 12u = -9$

$$4u^2 + 12u + 9 = 0$$

$$(2u + 3)(2u + 3) = 0$$

$$(2u + 3)^2 = 0$$

$$2u + 3 = 0$$

$$u = -\frac{3}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{2}\right\}$ "]

}, ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
 Scrollbars → {False, True}] },
 Background → White, Deployed → True],
 ImageSize → All], "LinkHand"], " ", " ×
 MouseAppearance [
 Button [Row [{"fórmula cuadrática"}]],
 CreateDialog [{
 Pane [Column [{
 titlePopUp ["fórmula cuadrática"],

textPopUp["Recuerde que el primer paso
es tener la ecuación igualada
a cero, es decir de la forma

$$a x^2 + b x + c = 0$$

donde la expresión de la derecha es un trinomio de grado dos, a , b y c son números reales y $a \neq 0$.

Una vez identificados, los coeficientes a , b y c se reemplazan en la *fórmula cuadrática*:

Si $a x^2 + b x + c = 0$, entonces

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

son soluciones de la ecuación

La expresión $b^2 - 4ac$ es de especial cuidado porque de acuerdo a su valor la ecuación tiene o no solución:

Cuando $b^2 - 4ac < 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es negativo, por lo tanto no hay solución real.

Cuando $b^2 - 4ac = 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es cero, por lo tanto solo hay una solución real, y es $x = -\frac{b}{2a}$.

Cuando $b^2 - 4ac > 0$ se tiene el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$ es positivo, por lo tanto hay dos soluciones, y son

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}, \text{ y, } x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

"],

textPopUp["**Ejemplo 1:** Resolver

$$\text{la ecuación } \frac{9}{2} u^2 - u + 1 = -3$$

Primero expresar la ecuación como $a x^2 + b x + c = 0$,

$$\frac{9}{2} u^2 - u + 4 = 0$$

para facilitar el desarrollo de la ecuación se puede multiplicar ambos términos de la igualdad por dos,

$$2 \left(\frac{9}{2} u^2 - u + 4 \right) = 20$$

$$9u^2 - 2u + 8 = 0$$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$u = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 9 \cdot 8}}{2 \cdot 9}$$

$$u = \frac{2 \pm \sqrt{-284}}{18}$$

Como el término de la raíz es negativo, la ecuación no tiene solución real y el conjunto solución es vacío."],

textPopUp["Ejemplo 2: Resolver
la ecuación $-2z^2 + 4z + 1 = 0$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$z = \frac{-4 \pm \sqrt{16 - 4(-2) \cdot 1}}{2(-2)}$$

$$z = \frac{-4 \pm \sqrt{24}}{-4}$$

$$z = 1 + \frac{\sqrt{6}}{2}, y, z = 1 - \frac{\sqrt{6}}{2}$$

El conjunto solución es $\left\{1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, 1 + \frac{\sqrt{6}}{2}\right\}.$ "],

textPopUp["Ejemplo 3: Resolver
la ecuación $y^2 - 2y = -1$

Primero expresar la ecuación como $ax^2 + bx + c = 0,$

$$y^2 - 2y + 1 = 0$$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$y = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1}}{2 \cdot 1}$$

$$y = \frac{2 \pm \sqrt{0}}{2}$$

$$y = 1$$

El conjunto solución es $\{1\}.$ "],

textPopUp["Ejemplo 4: Resolver
la ecuación $-9u^2 + 12u - 3 = 0$

Aplicando la fórmula cuadrática se tiene

$$u = \frac{-12 \pm \sqrt{144 - 4(-9)(-3)}}{2(-9)}$$

$$u = \frac{-12 \pm \sqrt{36}}{-18}$$

$$u = -\frac{1}{18} (-12 \pm 6)$$

$$u = -\frac{1}{18} (-6), y, u = -\frac{1}{18} (-18)$$

$$u = \frac{1}{3}, y, u = 1$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{1}{3}, 1\right\}.$ "]

```
        }], ImageSize -> {panelWidth, bodyWidth},
        Scrollbars -> {False, True}]], ,
Background -> White, Deployed -> True],
ImageSize -> All], "LinkHand"]
}, "    "],
Row[MouseAppearance[Button[Row[{"Tipos de solución
de una ecuación cuadrática"}], ,
CreateDialog[{
Pane[Column[{(
titlePopUp["Tipos de solución de
una ecuación cuadrática"],
textPopUp["En el conjunto de los números
reales, las ecuaciones cuadráticas
pueden no tener solución, tener única
solución o tener dos soluciones."],
textPopUp["No tener solución"]}],
```

No todas las ecuaciones cuadráticas tienen

solución, cuando $b^2 - 4ac < 0$, el
término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4ac}$
es negativo, por lo tanto
no hay solución real."],

textPopUp["**Única solución**"]

Las ecuaciones cuadráticas pueden tener

solamente una solución, esto ocurre cuando al factorizar la expresión cuadrática $a x^2 + b x + c$ se llega a factores lineales repetidos, es decir $a x^2 + b x + c = p(x)^2$. De la misma manera, la solución es única cuando $b^2 - 4 a c = 0$ pues el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4 a c}$ es cero."],

textPopUp["*Dos soluciones*

Las ecuaciones cuadráticas pueden tener

dos soluciones, esto ocurre cuando al factorizar la expresión cuadrática $a x^2 + b x + c$ se llega a dos factores lineales diferentes, es decir $a x^2 + b x + c = p(x) q(x)$. De la misma manera, la solución es única cuando $b^2 - 4 a c > 0$ pues el término de la raíz $\sqrt{b^2 - 4 a c}$ es positivo y da lugar a dos soluciones:

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}, y, x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4 a c}}{2 a}.$$

"]

}], ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}] },

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"]

}, " "] }]

, "Multimedia"]

, Alignment → Right],

Grid[{ { Item[Style[

"Ejemplos de solución de ecuaciones cuadráticas",

FontFamily → "Georgia", 17], Alignment → Center], ...},

```

{Grid[{{{"Ejemplo 1"}, {"Ejemplo 2"}, {"Ejemplo 3"}, {"Ejemplo 4"}, {"Ejemplo 5"}, {"Ejemplo 6"}, {"Ejemplo 7"}, {"Ejemplo 8}}}, Spacings -> {0, 0}, Dividers -> {All, All}, FrameStyle -> GrayLevel[.7], Background -> {None, None, Dynamic[{page4, 1}] -> Lighter@LightRed}], 
Framed[
PaneSelector[{
1 -> style1["Resolver la ecuación  $\frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 2 = -1$ 
 $\frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 2 = -1$ 
 $\frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 3 = 0$ 
 $6 \left( \frac{5t^2}{3} - \frac{13t}{6} + 3 \right) = 0 \ 6$ 
 $10t^2 - 13t + 18 = 0$ 
 $t = \frac{-(-13) \pm \sqrt{(-13)^2 - 4 \cdot 10 \cdot 18}}{2 \cdot 10}$ 
 $t = \frac{13 \pm \sqrt{-551}}{20}$ 
No tiene solución, el conjunto solución es vacío."}],
2 -> style1["Resolver la ecuación  $x - 2x^2 = 0$ 
 $x - 2x^2 = 0$ 
 $-x(2x - 1) = 0$ 
 $-x = 0, \quad 0, \quad 2x - 1 = 0$ 
 $x = 0, \quad 0, \quad x = \frac{1}{2}$ 
El conjunto solución es  $\{0, \frac{1}{2}\}$ "],
3 -> style1["Resolver la ecuación  $\sqrt{y+1} = 3y + 3$ "]
}

```

No tiene solución, el conjunto solución es vacío."],

```

2 -> style1["Resolver la ecuación  $x - 2x^2 = 0$ 
 $x - 2x^2 = 0$ 
 $-x(2x - 1) = 0$ 
 $-x = 0, \quad 0, \quad 2x - 1 = 0$ 
 $x = 0, \quad 0, \quad x = \frac{1}{2}$ 

```

El conjunto solución es $\{0, \frac{1}{2}\}$ "],

```

3 -> style1["Resolver la ecuación  $\sqrt{y+1} = 3y + 3$ "]

```

$$\begin{aligned}
 \sqrt{y+1} &= 3y + 3 \\
 y+1 &= (3y+3)^2 \\
 y+1 &= 9y^2 + 18y + 9 \\
 -9y^2 - 17y - 8 &= 0 \\
 y &= \frac{-17 \pm \sqrt{289 - 4 \cdot 9 \cdot 8}}{2 \cdot 9} \\
 y &= \frac{-17 \pm \sqrt{1}}{18} \\
 y &= -1, 0, y = -\frac{8}{9}
 \end{aligned}$$

Se deben probar ambas soluciones, pues se puede dar el caso que la raíz cuadrada no exista (si $y+1 < 0$, raíz cuadrada de una expresión negativa no existe), el conjunto solución es $\left\{-1, -\frac{8}{9}\right\}$,

4 → style1 ["Resolver la ecuación $-2z^2 + 7z - 6 = 0$

$$\begin{aligned}
 -2z^2 + 7z - 6 &= 0 \\
 -2z^2 + 3z + 4z - 6 &= 0 \\
 -z(2z - 3) + 2(2z - 3) &= 0 \\
 (2z - 3)(2 - z) &= 0 \\
 2z - 3 &= 0, 0, 2 - z = 0 \\
 z &= \frac{3}{2}, 0, z = 2
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{\frac{3}{2}, 2\right\}$,

5 → style1 ["Resolver la ecuación $-3z^2 - z - 1 = -1$

$$\begin{aligned}
 -3z^2 - z - 1 &= -1 \\
 -3z^2 - z &= 0 \\
 z &= \frac{-(-1) \pm \sqrt{1 - 4(-3)(0)}}{2(-3)} \\
 z &= -\frac{1}{6}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{1}{6}\right\}$,

6 → style1 ["Resolver la ecuación $-\frac{4}{3}t^2 - 3t + 3 = -1$

$$\begin{aligned}
 -\frac{4}{3}t^2 - 3t + 4 &= 0 \\
 \frac{1}{3}(-4t^2 - 9t + 12) &= 0 \\
 -4t^2 - 9t + 12 &= 0 \\
 t &= \frac{-(-9) \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \cdot (-4) \cdot 12}}{2(-4)} \\
 t &= -\frac{1}{8}(9 \pm \sqrt{273})
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{1}{8}(9 - \sqrt{273}), -\frac{1}{8}(9 + \sqrt{273})\right\}$ "],

7 → style1["Resolver la ecuación $6z^2 + 11z + 3 = 0$

$$\begin{aligned}
 6z^2 + 11z + 3 &= 0 \\
 6z^2 + 2z + 9z + 3 &= 0 \\
 2z(3z + 1) + 3(3z + 1) &= 0 \\
 (3z + 1)(2z + 3) &= 0 \\
 3z + 1 &= 0, \quad o, \quad 2z + 3 = 0 \\
 z = -\frac{1}{3}, \quad o, \quad z = -\frac{3}{2}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{-\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}\right\}$ "],

8 → style1["Resolver la ecuación $y^2 - 4 = 0$

$$\begin{aligned}
 y^2 - 4 &= 0 \\
 (y - 2)(y + 2) &= 0 \\
 y = 2, \quad o \quad y = -2
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{-2, 2\}$ "]}, Dynamic[page4]],

FrameMargins → 1, FrameStyle → GrayLevel[.7],

ImageMargins → {{0, 1}, {1, 0}}, ImageSize →

{650, 300}]}}], Alignment → {Left, Top}], Alignment →

Center], Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic}],

(*no lin / no cuad*)

4 → Pane[

Column[{textPane["Este tipo de ecuaciones son las que no
se pueden expresar de forma
línea (ax + b = 0) ni de forma
cuadrática (ax² + bx + c = 0)."]}],

```

Item[
TextCell[
Column[{Row[{style1["No hay un proceso general. Una de
las estrategias para resolver este
tipo de ecuaciones es convertirlas
en lineales o cuadráticas, encontrar
las soluciones y probar dicho
tipo de soluciones en la ecuación
original (o en el contexto)."]}]}

, "Multimedia"]
, Alignment → Right],
Grid[{{Item[Style["Ejemplos de solución",

FontFamily → "Georgia", 17], Alignment → Center], ...},
{Grid[{{{{ Ejemplo 1 }}, {{ Ejemplo 2 }}, {{ Ejemplo 3 }},

{{ Ejemplo 4 }}, {{ Ejemplo 5 }}, {{ Ejemplo 6 }}}},

Spacings → {0, 0}, Dividers → {All, All},
FrameStyle → GrayLevel [.7],
Background → {None, None, Dynamic[{page4,
1}] → Lighter@LightRed}],

Framed[

PaneSelector[{

1 → style1["Resolver la ecuación  $-1 - \frac{-z+2}{-3z-1} = 0$ 

 $\frac{-1(-3z-1)}{-3z-1} - \frac{-z+2}{-3z-1} = -1$ 
 $\frac{3z+1-(-z+2)}{-3z-1} = 0$ 
 $\frac{4z-1}{-3z-1} = 0$ 
 $4z - 1 = 0$ 
 $z = \frac{1}{4}$ 
]}]]]

```

El conjunto solución es $\left\{\frac{1}{4}\right\}$ "],

2 → style1["Resolver la ecuación $t^3 = 16t$

$$\begin{aligned}
 t^3 - 16t &= 0 \\
 t(t^2 - 16) &= 0 \\
 t(t - 4)(t + 4) &= 0 \\
 t = 0, \quad t = -4, \quad t = 4
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{-4, 0, 4\}\text{"},$

$$3 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } -3 + \frac{3m+1}{m-3} = 0\right]$$

$$\begin{aligned}
 -3 + \frac{3m+1}{m-3} &= 0 \\
 \frac{-3(m-3)}{m-3} + \frac{3m+1}{m-3} &= 0 \\
 \frac{-3m+9+3m+1}{m-3} &= 0 \\
 \frac{11}{m-3} &= 0 \\
 11 &= 0
 \end{aligned}$$

La ecuación no tiene solución."],

$$4 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{3u-3}{3u-1} = \frac{2u-3}{9u^2-1}\right]$$

$$\begin{aligned}
 \frac{3u-3}{3u-1} - \frac{2u-3}{9u^2-1} &= 0 \\
 \frac{(3u-3)(3u+1)}{(3u-1)(3u+1)} - \frac{2u-3}{(3u-1)(3u+1)} &= 0 \\
 \frac{(3u-3)(3u+1) - (2u-3)}{(3u-1)(3u+1)} &= 0 \\
 \frac{9u^2-8u}{(3u-1)(3u+1)} &= 0 \\
 9u^2 - 8u &= 0 \\
 u(9u - 8) &= 0
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\{0, \frac{8}{9}\}\text{"},$

$$5 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la ecuación } \frac{1}{x} + \frac{2}{3x} = 4\right]$$

$$\begin{aligned}
 \frac{3}{3x} + \frac{2}{3x} &= 4 \\
 \frac{5}{3x} &= 4 \\
 5 &= 4(3x), \quad x \neq 0 \\
 5 &= 12x \\
 x &= \frac{5}{12}
 \end{aligned}$$

El conjunto solución es $\left\{ \frac{5}{12} \right\} \cdot " \right\}$,

6 → style1[

$$\text{"Resolver la ecuación } \frac{-3y-1}{3y+3} + \frac{2y-1}{6y^2+15y+9} = 0$$

$$\frac{(-3y-1)(2y+3)}{3(y+1)(2y+3)} + \frac{2y-1}{3(y+1)(2y+3)} = 0$$

$$\frac{(-3y-1)(2y+3)+2y-1}{3(y+1)(2y+3)} = 0$$

$$\frac{-6y^2-9y-4}{3(y+1)(2y+3)} = 0$$

$$-6y^2 - 9y - 4 = 0$$

La ecuación no tiene solución."] }, Dynamic[page4]],

FrameMargins → 1, FrameStyle → GrayLevel[.7],

ImageMargins → {{0, 1}, {1, 0}}, ImageSize →

{650, 300}]], Alignment → {Left, Top}]], Alignment →

Center], Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic}]]

, Dynamic@page2],

FrameMargins → 1,

FrameStyle → GrayLevel[.7], ImageMargins → {{1, 1}, {0, 0}}]]]]

(*DESIGUADADES*),

Dynamic[page1]]], Spacings → {0, -.085}, Alignment → {Center, Top}],

ImageSize → {800, Automatic}], SaveDefinitions → True,

(* Expert Content, Initialization Code *)

Initialization :> (page1 = 1;

page2 = 4;

page4 = 1;

page5 = 1)]

Ecuaciones

Definición

Lineal

Cuadrática

No lineal

No cuadrática

Este tipo de ecuaciones son las que no se pueden expresar de forma lineal ($a x + b = 0$) ni de forma cuadrática ($a x^2 + b x + c = 0$).

No hay un proceso general. Una de las estrategias para resolver este tipo de ecuaciones es convertirlas en lineales o cuadráticas, encontrar las soluciones y probar dicho tipo de soluciones en la ecuación original (o en el contexto).

Ejemplos de solución

Ejemplo 1

Ejemplo 2

Ejemplo 3

Ejemplo 4

Ejemplo 5

Ejemplo 6

Resolver la ecuación $-1 - \frac{-z+2}{-3z-1} = 0$

$$\frac{-1(-3z-1)}{-3z-1} - \frac{-z+2}{-3z-1} = -1$$

$$\frac{3z+1-(-z+2)}{-3z-1} = 0$$

$$\frac{4z-1}{-3z-1} = 0$$

$$4z - 1 = 0$$

$$z = \frac{1}{4}$$

El conjunto solución es $\left\{ \frac{1}{4} \right\}$

Inecuaciones lineales

```
Deploy@DynamicModule[{framePane, textPane, tabImage, tabText,
  style1, style2, style3,
  color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■,
  tama1 = 15, tama2 = 18, tama3 = 25, font1 = "Georgia",
  page1, page2, page3, page4, page5,
  titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600},
  (*Inicializar page`s*)
  page1 = page2 = page3 = page4 = page5 = 1;
  (*estilos de los textos/recuadros*)
  style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 14}];
  style2[txt_] :=
```

```

Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 18, color3, Italic}];
style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 25}];
framePane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Cuadro/Titulo",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "EmphasisText",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
(*Estilos de las ventanas emergentes*)
titlePopUp[s_String] := Pane[TextCell[style2[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
textPopUp[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Text",
  LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
  {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
Pane[
Grid[{{
  Grid[{{ $\frac{L}{R+R_i}$ ,  $\frac{V_1 - V_2}{V_1 + V_2}$ ,  $V = \frac{V_1 + V_2}{2}$ }}, Inecuaciones =  $2\pi f$ }]}},
Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9],
Background → {None, None, Dynamic[{1, page1}] → Lighter@LightBlue}], },
{PaneSelector[{
(*ECUACIÓN*)
(*DESIGUADES*)
2 → Pane[
Column[
Grid[{{ $f_o = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{F_o}{m}}$ , Definición =  $\frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \sin(x) dx$ , Lineal =  $\int_{-\pi}^{\pi} x dx$ }]}},
Spacings → {0, -.2}, Dividers → All,
FrameStyle → GrayLevel[.9], Background →
{None, None, Dynamic[{1, page3}] → Lighter@LightGreen}], },
Framed[PaneSelector[{
(*Definición*)
1 → Pane[1]]}}]

```

Column[{textPane["**Definición de inecuación:**"]}

Una inecuación es una desigualdad que tiene expresiones matemáticas con al menos una cantidad desconocida (*incógnita*).

Se ven muy semejante a una ecuación, excepto que en una inecuación en lugar del símbolo de *igualdad* (=), se tienen los símbolos de *desigualdad* (<, >, ≤, ≥), que se leen *menor que*, *mayor que*, *menor o igual que*, *mayor o igual que*."], textPane["**¿Cómo resolver inecuaciones?**"]

Dependiendo el tipo de inecuación y el número de variables la manera de resolverla puede variar; generalmente, resolver una inecuación significa encontrar todos los números reales que hacen de la inecuación **verdadera**. A diferencia de las ecuaciones, las inecuaciones tienen por lo general un **conjunto infinito** de soluciones que forman el **intervalo solución**. La forma de resolver inecuaciones no siempre es única y con práctica se crean métodos propios cada vez más eficaces."],

TextCell[Style[Row[{style1["Para resolver inecuaciones es necesario comprender los conceptos de ⇒"]}], MouseAppearance[Button[Row[{"desigualdades"}]], CreateDialog[{ Pane[Column[{ titlePopUp["**Desigualdad**"], textPopUp["Expresiones como $a < b$, $a > b$, $a \leq b$, $a \geq b$ se denominan desigualdades, en particular, $a < b$ y $a > b$, son desigualdades estrictas. Al escribir $a \leq b$, se quiere expresar que $a < b$ o bien $a = b$, es decir,

que a es menor o igual que b .

Las desigualdades cumplen con ciertas propiedades que permiten reducirlas y simplificarlas.

Propiedades:

1. Para a, b números

reales, se tiene una y solo una de las tres relaciones:

$$a < b, \quad a > b, \quad o, \quad a = b$$

2. Si $a < b$ y $c \in \mathbb{R}$ entonces $a + c < b + c$. (está permitido sumar a ambos lados de la desigualdad).

3. Si $a < b$ y $c > 0$ entonces $ac < bc$. (se puede multiplicar una cantidad positiva a ambos lados de la desigualdad).

4. Si $a \neq 0$ entonces $a^2 > 0$.

5. Si $a < b$ y $c < 0$ entonces $ac > bc$. (si se multiplica por una cantidad negativa el símbolo de la desigualdad cambia, aquí se requiere especial atención!)."]}],

ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},

Scrollbars → {False, True}]},

Background → White, Deployed → True],

ImageSize → All], "LinkHand"],

MouseAppearance[Button[Row[{"Intervalos"}]],

CreateDialog[{

Pane[Column[{

titlePopUp["Intervalos"],

textPopUp["Un intervalo es una de las

maneras de escribir la solución

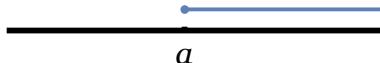
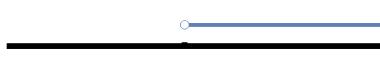
de una inecuación pues estas son,

generalmente, un conjunto infinito

de valores. En la siguiente tabla se

muestran los tipos de intervalos y las

diferentes soluciones que representan:

<pre>"\!\\(\(*\\nStyleBox [\"Notación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\",\\n FontWeight->\" Bold\"]\\)" "\!\\(\(*\\nStyleBox [\"intervalo\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<pre>"\!\\(\(*\\nStyleBox [\"Tipo\",\\n FontWeight->\" Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\",\\n FontWeight->\" Bold\"]\\)" "\!\\(\(*\\nStyleBox [\"intervalo\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<pre>"\\!\\(\nStyleBox [\"Notación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\!"</pre>	<p>"\!\\(\nStyleBox [\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\" \",\\nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\!"</p>
<pre>"\!\\(TraditionalForm `\\((\[a, \infty)\))\\)"</pre>	<p>"Cerrado"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x \geq a)"</pre>	
<pre>"\!\\(TraditionalForm `((a, \infty))\\)"</pre>	<p>"Abierto"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x > a)"</pre>	
<pre>"\!\\(TraditionalForm `(((-\infty), \infty))\\)"</pre>	<p>"Cerrado"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x \leq b)"</pre>	

```

" ] } ], ImageSize → { panelWidth,
                           bodyWidth }, Scrollbars → { False, True } ] },
                           Background → White, Deployed → True ],
                           ImageSize → All ], "LinkHand"]
}, "    " ], 14 ], "Multimedia"],
TextCell[style1[
Column[{ "Puede descargar los siguientes
           aplicativos para practicar la
           resolución de ecuaciones",
Row[{ MouseAppearance[
           Button[Row[{ "Inecuaciones \n lineales"}],
           NotebookLocate[{ URL["https://goo.gl/Lt4CZV"]},
           None}], "LinkHand"]}], "    "] }, Alignment →
Center]], "PildIzq"]}, Alignment → Center],
Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic} ],
(*lineal*)
2 → Pane[
Column[ {textPane["Definición de una inecuación Lineal:
Las inecuaciones lineales son desigualdades donde cada término
es constante, o múltiplo de
una variable, por ejemplo,
 $15 \leq \frac{5}{2}x$  o  $-10 < 3t - 8 \leq 15.$ "]},
Grid[ { { Item[Style["Ejemplos de solución de
inecuaciones Lineales", FontFamily →
"Georgia", 17], Alignment → Center], ...}, { Grid[ { { Ejemplo 1 }, { Ejemplo 2 }, { Ejemplo 3 }, { Ejemplo 4 },
{ Ejemplo 5 }, { Ejemplo 6 }, { Ejemplo 7 }, { Ejemplo 8 } }, { Spacings → { 0, 0 }, Dividers → { All, All } },

```

```

FrameStyle -> GrayLevel[.7],
Background -> {None, None, Dynamic[{page4,
1}] -> Lighter@LightRed}],
Framed[
PaneSelector[{
1 -> style1["Resolver la inecuación
-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)

-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)
-6 - 10 + 4 x < 14 x - 7
4 x - 14 x < -7 + 16
-10 x < 9 **

x > - \frac{9}{10}"]}],
```

*** multiplicando por -1, cambia el símbolo de la desigualdad.*

El intervalo solución de es $\left(-\frac{9}{10}, \infty\right)$ y su representación gráfica es:



2 -> style1["El mismo ejemplo anterior, esta vez sin emplear la propiedad de cambio de símbolo, resolver la inecuación
 $-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)$."]]

$$\begin{aligned}
&-6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1) \\
&-6 - 10 + 4 x < 14 x - 7 \\
&4 x - 14 x < -7 + 16 \\
&-10 x < 9 ** \\
&-9 < 10 x \\
&-\frac{9}{10} < x
\end{aligned}$$

El intervalo solución de es $\left(-\frac{9}{10}, \infty\right)$ y su representación gráfica es:



3 -> style1[

"La solución de la inecuación $4 x + 4 > \frac{x + 3}{2}$ es:

$$8x + 8 > x + 3$$

$$8x - x > 3 - 8$$

$$7x > -5$$

$$x > -\frac{5}{7}$$

El intervalo solución es $\left(-\frac{5}{7}, \infty\right)$.



4 → style1[

"La solución de la inecuación $-\frac{9}{2}t - \frac{19}{5} \leq -4$ es:

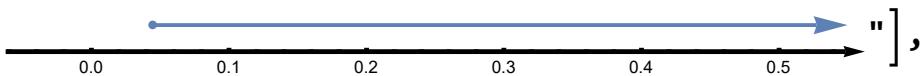
$$-\frac{9}{2}t \leq -4 + \frac{19}{5}$$

$$-\frac{9}{2}t \leq -\frac{1}{5}$$

$$t \geq \left(-\frac{1}{5}\right) \left(-\frac{2}{9}\right)$$

$$t \geq \frac{2}{45}$$

El intervalo solución es $\left[\frac{2}{45}, \infty\right)$.



5 → style1[

"La solución de la inecuación $3 < \frac{4m - 2}{3} \leq 6$ es:

$$9 < 4m - 2 \leq 18$$

$$9 + 2 < 4m \leq 18 + 2$$

$$11 < 4m \leq 20$$

$$11 \left(\frac{1}{4}\right) < m \leq 20 \left(\frac{1}{4}\right)$$

$$\frac{11}{4} < m \leq 5$$

El intervalo solución es $\left(\frac{11}{4}, 5\right]$.



6 → style1["La solución de la

inecuación $-\frac{7}{3}x + 2 > \frac{2x + 2}{2}$ es:

$$\begin{aligned}
 -\frac{7}{3}x + 2 &> \frac{2x+2}{2} \\
 -\frac{14}{3}x + 4 &> 2x + 2 \\
 -\frac{20}{3}x &> -2 \\
 x &< (-2) \left(-\frac{3}{20}\right) \\
 x &< \frac{3}{10}
 \end{aligned}$$

El intervalo solución es $\left(-\infty, \frac{3}{10}\right)$.

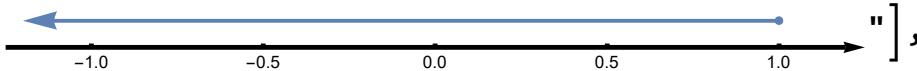


$7 \rightarrow \text{style1}[$

"La solución de la inecuación $3w + 4 \leq 1$ es:

$$\begin{aligned}
 3w &\leq 1 - 4 \\
 3w &\leq -3 \\
 w &\leq -3 \left(\frac{1}{3}\right) \\
 w &\leq -1
 \end{aligned}$$

El intervalo solución es $(-\infty, 1]$.



$8 \rightarrow \text{style1}[$ "La solución de la

inecuación $\frac{7}{2} \leq \frac{3t-4}{4} < \frac{13}{2}$ es:

$$\begin{aligned}
 \frac{7}{2}(4) &\leq 3t - 4 < \frac{13}{2}(4) \\
 14 &\leq 3t - 4 < 26 \\
 14 + 4 &\leq 3t < 26 + 4 \\
 18 &< 3t \leq 30 \\
 18 \left(\frac{1}{3}\right) &< t \leq 30 \left(\frac{1}{3}\right) \\
 6 &< t \leq 10
 \end{aligned}$$

El intervalo solución es $[6, 10)$.



$\text{FrameMargins} \rightarrow 1, \text{FrameStyle} \rightarrow \text{GrayLevel}[.7],$

$\text{ImageMargins} \rightarrow \{\{0, 1\}, \{1, 0\}\}, \text{ImageSize} \rightarrow$

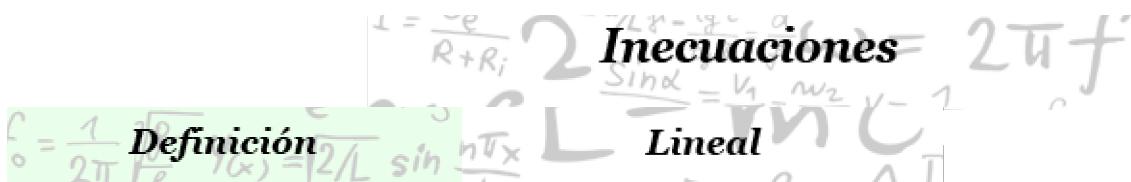
$\{650, 300\}\}] \}, \text{Alignment} \rightarrow \{\text{Left}, \text{Top}\}\}], \text{Alignment} \rightarrow$

```

Center], Alignment -> Center, ImageSize -> {795, Automatic}]
(*no lin / no cuad*)}
, Dynamic@page3],
FrameMargins -> 1, FrameStyle -> GrayLevel[.7],
ImageMargins -> {{1, 1}, {0, 0}}]]}]],

Dynamic[page1]]}}, Spacings -> {0, -.085}, Alignment -> {Center, Top}],
ImageSize -> {800, Automatic}], SaveDefinitions -> True,
(* Expert Content, Initialization Code *)
Initialization :> (page1 = 2;
page2 = 1;
page4 = 1;
page5 = 1)
]

```



¿Cómo resolver inecuaciones?

Dependiendo el tipo de inecuación y el número de variables la manera de resolverla puede variar; generalmente, resolver una inecuación significa encontrar todos los números reales que hacen de la inecuación verdadera. A diferencia de las ecuaciones, las inecuaciones tienen por lo general un conjunto infinito de soluciones que forman el **intervalo solución**. La forma de resolver inecuaciones no siempre es única y con práctica se crean métodos propios cada vez más eficaces.

Para resolver inecuaciones es necesario comprender los conceptos de ⇒ [desigualdades](#) [Intervalos](#)

Puede descargar los siguientes aplicativos para practicar la resolución de ecuaciones

[Inecuaciones
lineales](#)

```

Deploy@dynamicModule[ {framePane, textPane, tabImage, tabText,
  style1, style2, style3,
  color1 = ■, color2 = ■, color3 = ■,
  tama1 = 15, tama2 = 18, tama3 = 25, font1 = "Georgia",
  page1, page2, page3, page4, page5,
  titlePopUp, textPopUp, panelWidth = 750, bodyWidth = 600},
  (*Inicializar page's*)
  page1 = page2 = page3 = page4 = page5 = 1;
  (*estilos de los textos/recuadros*)
  style1[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 14}];
  style2[txt_] :=
    Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 18, color3, Italic}];
  style3[txt_] := Style[txt, {FontFamily → font1, FontSize → 25}];
  framePane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Cuadro/Titulo",
    LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
    {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
  textPane[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "EmphasisText",
    LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
    {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
  (*Estilos de las ventanas emergentes*)
  titlePopUp[s_String] := Pane[TextCell[style2[s], "Text",
    LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
    {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
  textPopUp[s_String] := Pane[TextCell[style1[s], "Text",
    LineIndent → 0, TextJustification → 0, LinebreakAdjustments →
    {0.9, 100, 0, 0, 0}]];
  Pane[
    Grid[{
      Grid[{{ $\frac{L}{R+R_i}$ , Inequaciones =  $2\pi f$ }},
      Spacings → {0, -.2}, Dividers → All, FrameStyle → GrayLevel[.9],
      Background → {None, None, Dynamic[{1, page1}] → Lighter@LightBlue}]],
      PaneSelector[{
        (*ECUACIÓN*)
        (*DESIGUADES*)
      }
    ]
  ]

```

2 → Pane

Column[{{Grid[{{ $f_0 = \frac{1}{2\pi} \int_{-L}^L f(x) dx = \frac{1}{2L} \sin x$ }}, **Definición**, **Lineal**, **No lineal**]}}, $\sin x$, L , \int_{-L}^L , $\frac{1}{2L}$, $\sin x$, $\sqrt{\mu_r}$, $\sqrt{\epsilon_r}$]]

```
Spacings -> {0, -.2}, Dividers -> All, FrameStyle ->
GrayLevel[.9], Background ->
{None, None, Dynamic[{1, page3}] -> Lighter@LightGreen}],
```

Framed[PaneSelector[{

(*Definición*)

1 → Pane

Column[{"textPane": "Definición de inecuación:"}]

Una inecuación es una desigualdad que tiene expresiones matemáticas con al menos una cantidad desconocida (*incógnita*).

Se ven muy semejante a una ecuación, excepto que en una inecuación en lugar del símbolo de *igualdad* ($=$), se tienen los símbolos de *desigualdad* ($<$, $>$, \leq , \geq), que se leen *menor que*, *mayor que*, *menor o igual que*, *mayor o igual que*."],
textPane["**¿Cómo resolver inecuaciones?**"]

Dependiendo del tipo de inecuación y el número de variables, el método para resolver la inecuación puede variar.

Resolver una inecuación significa encontrar todos los números reales que hacen cierta la desigualdad, y a diferencia de las ecuaciones, por lo general, las inecuaciones tienen un conjunto infinito de soluciones que forman el intervalo solución."]

```
TextCell[Style[Row[{style1["Para resolver  
inecuaciones es necesario  
comprender los conceptos de  $\Rightarrow$ "]},  
MouseAppearance[Button[Row[{ "desigualdades"}],
```

```
CreateDialog[{
  Pane[Column[{
    titlePopUp["Desigualdad"],
    textPopUp["Expresiones como  $a < b$ ,  $a > b$ ,
 $a \leq b$ ,  $a \geq b$  se denominan
desigualdades, en particular,  $a < b$  y
 $a > b$ , son desigualdades estrictas.
Al escribir  $a \leq b$ , se quiere expresar
que  $a < b$  o bien  $a = b$ , es decir,
que  $a$  es menor o igual que  $b$ ."]]
}]]]
```

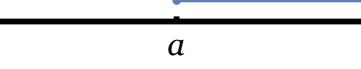
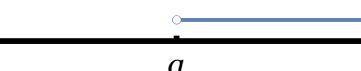
Las desigualdades cumplen con ciertas propiedades que permiten reducirlas y simplificarlas.

Propiedades:

1. Para a, b números reales, se tiene una y solo una de las tres relaciones:
 $a < b$, $a > b$, o, $a = b$
2. Si $a < b$ y $c \in \mathbb{R}$ entonces $a + c < b + c$. (está permitido sumar a ambos lados de la desigualdad).
3. Si $a < b$ y $c > 0$ entonces $ac < bc$. (se puede multiplicar una cantidad positiva a ambos lados de la desigualdad).
4. Si $a \neq 0$ entonces $a^2 > 0$.
5. Si $a < b$ y $c < 0$ entonces $ac > bc$. (si se multiplica por una cantidad negativa el símbolo de la desigualdad cambia, aquí se requiere especial atención!)."]}]],

```
ImageSize → {panelWidth, bodyWidth},
Scrollbars → {False, True} ] },
Background → White, Deployed → True],
ImageSize → All], "LinkHand"],
MouseAppearance[Button[Row[{ "Intervalos"}]],
CreateDialog[{
  Pane[Column[{
    titlePopUp["Intervalos"],
    textPopUp["Un intervalo es una de las"]]]}]]]
```

maneras de escribir la solución de una inecuación pues estas son, generalmente, un conjunto infinito de valores. En la siguiente tabla se muestran los tipos de intervalos y las diferentes soluciones que representan:

<pre>"\!\\(*\\nStyleBox [\"Notación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \", \nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\", \n FontWeight->\" Bold\"]\\)" "\!\\(*\\nStyleBox [\"intervalo\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<pre>"\!\\(*\\nStyleBox [\"Tipo\", \n FontWeight->\" Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \", \nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\", \n FontWeight->\" Bold\"]\\)" "\!\\(*\\nStyleBox [\"intervalo\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<pre>"\\!\\(*\\nStyleBox [\"Notación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \", \nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"de\", \n FontWeight->\" Bold\"]\\)" "\!\\(*\\nStyleBox [\"la\", \n FontWeight->\" Bold\"]\\)\\!\\(*\\nStyleBox[\" \", \nFontWeight ->\"Bold\"]\\)\\! \\(*\\nStyleBox[\"inecuación\", \nFontWeight-> \"Bold\"]\\)"</pre>	<p>"\!\\(*\\nS [\" Represent \", \nFont ->\"Bold \")\\!\\(*\\nSt \" \", \nFont ->\"Bold \")\\!\\(*\\nSt \"gráfic FontWeigh Bold\"]\\)"</p>
<pre>"\!\\(TraditionalForm `\\(([a, ∞]\\()\\))\\)"</pre>	<p>"Cerrado"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x ≥ a\\)"</pre>	
<pre>"\!\\(TraditionalForm `((a, ∞]\\()\\)"</pre>	<p>"Abierto"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x > a\\)"</pre>	
<pre>"\!\\(TraditionalForm `\\(((\\(-∞\\),</pre>	<p>"Cerrado"</p>	<pre>"\!\\(TraditionalForm `x ≤ b\\)"</pre>	

```

" ] } ], ImageSize → { panelWidth,
                           bodyWidth }, Scrollbars → { False, True } ] },
                           Background → White, Deployed → True ] ,
                           ImageSize → All ], "LinkHand" ]
}, "    " ], 14 ], "Multimedia" ],
TextCell[style1[
Column[{ "Puede descargar los siguientes
           aplicativos para practicar la
           resolución de ecuaciones",
Row[ {
MouseAppearance[
Button[Row[ {"Inecuaciones \n lineales"}],
NotebookLocate[ {URL[ "https://goo.gl/Lt4CZV"]},
None} ],
ImageSize → All], "LinkHand"],
MouseAppearance[
Button[Row[ {"Inecuaciones \n no lineales"}],
NotebookLocate[ {URL[ "https://goo.gl/TexV20"]},
None} ],
ImageSize → All], "LinkHand"] },
"           "] }, Alignment →
Center]], "PildIzq"] ], Alignment → Center],
Alignment → Center, ImageSize → {795, Automatic} ],
(*lineal*)
2 → Pane[
Column[ {textPane["Definición de una inecuación Lineal:
Las inecuaciones lineales son desigualdades donde cada término
es constante, o múltiplo de
una variable, por ejemplo,
 $15 \leq \frac{5}{2}x$  o  $-10 < 3t - 8 \leq 15.$ "] ,
Grid[ { {Item[Style["Ejemplos de solución de
inecuaciones lineales", FontFamily →

```

```

    "Georgia", 17], Alignment -> Center], ...},  

{Grid[{{{"Ejemplo 1"}, {"Ejemplo 2"}, {"Ejemplo 3"}, {"Ejemplo 4"},  

    {"Ejemplo 5"}, {"Ejemplo 6"}, {"Ejemplo 7"}, {"Ejemplo 8}}},  

 Spacings -> {0, 0}, Dividers -> {All, All},  

 FrameStyle -> GrayLevel[.7],  

 Background -> {None, None, Dynamic[{page4,  

    1}] -> Lighter@LightRed}],  

Framed[  

 PaneSelector[{  

  1 -> style1["Resolver la inecuación  

    -6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)  

    -6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)  

    -6 - 10 + 4 x < 14 x - 7  

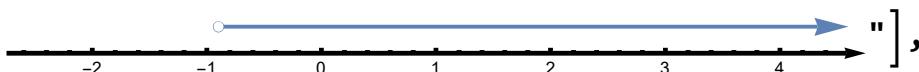
    4 x - 14 x < -7 + 16  

    -10 x < 9 **  

    x > - 9/10
  }]
```

*** multiplicando por -1, cambia el símbolo de la desigualdad.*

El intervalo solución de es $\left(-\frac{9}{10}, \infty\right)$ y su representación gráfica es:



```

  2 -> style1["El mismo ejemplo anterior, esta vez sin  

    emplear la propiedad de cambio de  

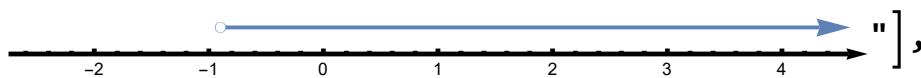
    símbolo, resolver la inecuación  

    -6 - 2 (5 - 2 x) < 7 (2 x - 1)."]

```

$$\begin{aligned}
 -6 - 2 (5 - 2 x) &< 7 (2 x - 1) \\
 -6 - 10 + 4 x &< 14 x - 7 \\
 4 x - 14 x &< -7 + 16 \\
 -10 x &< 9 ** \\
 -9 &< 10 x \\
 -\frac{9}{10} &< x
 \end{aligned}$$

El intervalo solución de es $\left(-\frac{9}{10}, \infty\right)$ y su representación gráfica es:



3 → style1[

"La solución de la inecuación $4x + 4 > \frac{x + 3}{2}$ es:

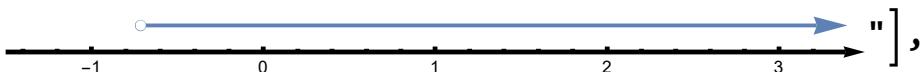
$$8x + 8 > x + 3$$

$$8x - x > 3 - 8$$

$$7x > -5$$

$$x > -\frac{5}{7}$$

El intervalo solución es $\left(-\frac{5}{7}, \infty\right)$.



4 → style1[

"La solución de la inecuación $-\frac{9}{2}t - \frac{19}{5} \leq -4$ es:

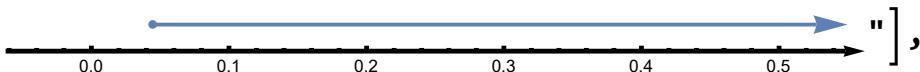
$$-\frac{9}{2}t \leq -4 + \frac{19}{5}$$

$$-\frac{9}{2}t \leq -\frac{1}{5}$$

$$t \geq \left(-\frac{1}{5}\right) \left(-\frac{2}{9}\right)$$

$$t \geq \frac{2}{45}$$

El intervalo solución es $\left[\frac{2}{45}, \infty\right)$.



5 → style1[

"La solución de la inecuación $3 < \frac{4m - 2}{3} \leq 6$ es:

$$9 < 4m - 2 \leq 18$$

$$9 + 2 < 4m \leq 18 + 2$$

$$11 < 4m \leq 20$$

$$11 \left(\frac{1}{4}\right) < m \leq 20 \left(\frac{1}{4}\right)$$

$$\frac{11}{4} < m \leq 5$$

El intervalo solución es $\left(\frac{11}{4}, 5\right]$.



6 → style1["La solución de la
inecuación $-\frac{7}{3}x + 2 > \frac{2x+2}{2}$ es:

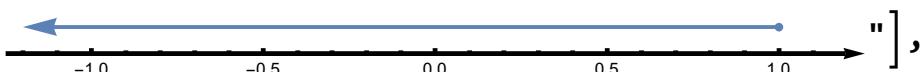
$$\begin{aligned} -\frac{7}{3}x + 2 &> \frac{2x+2}{2} \\ -\frac{14}{3}x + 4 &> 2x + 2 \\ -\frac{20}{3}x &> -2 \\ x &< (-2) \left(-\frac{3}{20}\right) \\ x &< \frac{3}{10} \end{aligned}$$

El intervalo solución es $\left(-\infty, \frac{3}{10}\right)$.



7 → style1[
"La solución de la inecuación $3w + 4 \leq 1$ es:
 $3w \leq 1 - 4$
 $3w \leq -3$
 $w \leq -3 \left(\frac{1}{3}\right)$
 $w \leq -1$

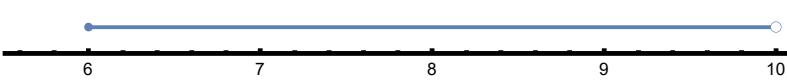
El intervalo solución es $(-\infty, 1]$.



8 → style1["La solución de la
inecuación $\frac{7}{2} \leq \frac{3t-4}{4} < \frac{13}{2}$ es:

$$\begin{aligned} \frac{7}{2} (4) &\leq 3t - 4 < \frac{13}{2} (4) \\ 14 &\leq 3t - 4 < 26 \\ 14 + 4 &\leq 3t < 26 + 4 \\ 18 &< 3t \leq 30 \\ 18 \left(\frac{1}{3}\right) &< t \leq 30 \left(\frac{1}{3}\right) \\ 6 &< m \leq 10 \end{aligned}$$

El intervalo solución es $[6, 10)$.



```

    " ] }, Dynamic[page4] ],
    FrameMargins -> 1, FrameStyle -> GrayLevel[.7],
    ImageMargins -> {{0, 1}, {1, 0}}, ImageSize ->
    {650, 300} ] }}, Alignment -> {Left, Top} ] }}, Alignment ->
    Center], Alignment -> Center, ImageSize -> {795, Automatic} ],
(*no lin / no cuad*)
3 -> Pane[

```

Column[{textPane["Definición de una inecuación no Lineal:

Como su nombre lo indica, este tipo de inecuaciones no se pueden escribir de forma lineal y esto influye en los procedimientos de solución, en general se puede seguir una serie de procedimientos para resolver una inecuación no lineal."],

TextCell[Column[{Row[{ "¿cómo resolver una inecuación no lineal? ⇒ ", " "}],

MouseAppearance[Button[TextCell[" enlace ", "Text"],

CreateDialog[

Pane[Column[{

titlePopUp["Método para resolver inecuaciones no lineales"],

textPopUp["Para resolver inecuaciones

no lineales se puede seguir una

serie de pasos que garantizan

encontrar el conjunto solución de

la inecuación, tenga en cuenta que

este no es el único método y quizás

no sea siempre el más efectivo,

con práctica se podrán identificar

atajos o alternativas que faciliten

el desarrollo de la solución."],

textPopUp["La inecuación $30 \geq 10x^2 - 5x$ es no lineal porque la variable

x está elevada al cuadrado en uno de los términos, para encontrar el conjunto solución se proponen los siguientes pasos:"],
 textPopUp[" 1. Organizar y comparar la inecuación con cero, es decir, $-10x^2 + 5x + 30 \geq 0.$ "],
 textPopUp[" 2. Efectuar operaciones y simplificar: $2x^2 - x - 6 \leq 0.$ "],
 textPopUp["Para obtener el resultado anterior se multiplicó a ambos lados de la inecuación por $-\frac{1}{5}$, lo que permite hacer cálculos con cifras más pequeñas, además de *ajustar el signo de término cuadrático*.

*De ser factorizable, como en este caso, se puede considerar el resultado equivalente:

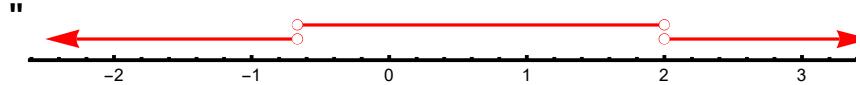
$$(x - 2)(2x + 3) \leq 0.] ,$$

textPopUp[" 3. Asociar y resolver ecuación, es decir, resolver $2x^2 - x - 6 = 0$, las soluciones son $x = 2$, $x = -\frac{2}{3}.$ "],

textPopUp[" 4. Considerar las restricciones sobre la variable, de existir. Esto generalmente hace referencia a considerar restricciones en los denominadores. En este caso no hay."],

textPopUp[" 5. Representar los números encontrados en los numerales 3. y 4. sobre una recta real e identificar los intervalos *generados* por estos: $\left\{-\frac{2}{3}, 2\right\}$ dividen la recta en tres intervalos, estos son:

$\left(-\infty, -\frac{2}{3}\right), \left(-\frac{2}{3}, 2\right)$ y $(2, \infty)$. "],
textPopUp[



"
textPopUp[" 6. Escoger un valor en cada intervalo (valor de prueba) y sustituirlo en alguna de las inecuaciones anteriores al punto 3. "],

textPopUp["⇒ Del intervalo $\left(-\infty, -\frac{2}{3}\right)$ se toma, por ejemplo, $x = -2$ y se sustituye en la inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$. Esto deja como resultado $2(-2)^2 - (-2) - 6 \leq 0$, es decir, $4 \leq 0$.

Lo anterior es **falso**, lo que implica que el intervalo al que pertenece $x = -2$ no hace parte del conjunto solución de la inecuación."],

textPopUp["⇒ Del intervalo $\left(-\frac{2}{3}, 2\right)$ se toma, por ejemplo, $x = 0$ y se sustituye en la inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$. Esto deja como resultado $2(0)^2 - (0) - 6 \leq 0$, es decir, $-6 \leq 0$.

Lo anterior es **verdadero**, lo que implica que el intervalo al que pertenece $x = 0$ *hace parte del conjunto solución de la inecuación.*"],

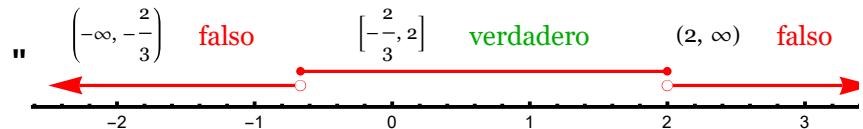
textPopUp["⇒ Del intervalo $(2, \infty)$ se toma, por ejemplo, $x = 3$ y se sustituye en la inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$. Esto deja como resultado $2(3)^2 - (3) - 6 \leq 0$, es decir, $9 \leq 0$.

Lo anterior es **falso**, lo que implica que el intervalo al que pertenece $x = 3$ no hace parte del conjunto solución de la inecuación."],

`textPopUp[" 7. El intervalo solución
consiste en los intervalos en los
que se llegó a una afirmación
verdadera. El simbolo de la
desigualdad (\leq) indica que los
extremos del intervalo son cerrados.`

`Por tanto, el conjunto solución de la inecuación $30 \geq 10x^2 - 5x$, o
equivalentemente de la
inecuación $2x^2 - x - 6 \leq 0$
es el intervalo $[-\frac{2}{3}, 2]$."]`

`textPopUp[`



`}]], ImageSize \rightarrow \{panelWidth, bodyWidth\},
Scrollbars \rightarrow \{False, True\}]]},`

`Background \rightarrow White, Deployed \rightarrow True],
ImageSize \rightarrow All], "LinkHand"]`

`}}}}`

`, "Multimedia"],`

`Grid[\{\{Item[Style["Ejemplos de solución",
FontFamily \rightarrow "Georgia", 17], Alignment \rightarrow Center], ...},`

`\{Grid[\{\{\text{ Ejemplo 1 }\}, \{\text{ Ejemplo 2 }\}, \{\text{ Ejemplo 3 }\},`

`\{\text{ Ejemplo 4 }\}, \{\text{ Ejemplo 5 }\}, \{\text{ Ejemplo 6 }\}\}],`

`Spacings \rightarrow \{0, 0\}, Dividers \rightarrow \{All, All\},`

`FrameStyle \rightarrow GrayLevel[.7],`

`Background \rightarrow \{None, None, Dynamic[\{page4,
1\}] \rightarrow Lighter@LightRed\}],`

`Framed[`

`PaneSelector[\{`

$$1 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la inecuación } \frac{-2x^2 - 9x - 4}{1-x} > -4\right]$$

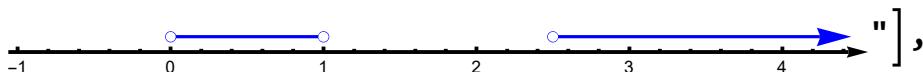
$$\begin{aligned} \frac{-2x^2 - 9x - 4}{1-x} + 4 &> 0 \\ \frac{-x(2x+5)}{1-x} &> 0 \end{aligned}$$

La solución de la ecuación $-x(2x+5) = 0$ es: $\{0, \frac{5}{2}\}$, y la restricción en la variable es: $\{1\}$.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por los números

$\{0, 1, \frac{5}{2}\}$ y se sustituye en $\frac{-x(2x+5)}{1-x} > 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $(0, 1)$ y $\left(\frac{5}{2}, \infty\right)$.



$$2 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la inecuación } 16m - 16m^2 \geq 4\right]$$

$$\begin{aligned} -16m^2 + 16m - 4 &\geq 0 \\ -4(2m-1)^2 &\geq 0 \end{aligned}$$

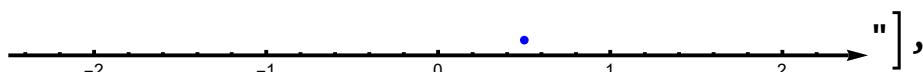
La solución de la ecuación $-4(2m-1)^2 = 0$ es: $\{\frac{1}{2}\}$, y no hay restricción en la variable.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos

generados por $\{\frac{1}{2}\}$ y se sustituye en $-4(2m-1)^2 \geq 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

En ambos intervalos la desigualdad no se cumple, por lo tanto el único valor en donde la

desigualdad es verdadera es $m = \frac{1}{2}$.



$$3 \rightarrow \text{style1}\left[$$

"Resolver la inecuación $\frac{-3y^2 + 16y - 16}{-y - 1} \leq 0$

$$\frac{-(y-4)(3y-4)}{-(y+1)} \leq 0$$

$$\frac{(y-4)(3y-4)}{(y+1)} \leq 0$$

La solución de la ecuación $(y - 4)(3y - 4) = 0$ es: $\left\{\frac{4}{3}, 4\right\}$, y la restricción en la variable es: $\{-1\}$.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por los números

$\left\{-1, \frac{4}{3}, 4\right\}$ y se sustituye en

$\frac{(y-4)(3y-4)}{(y+1)} \leq 0$ para identificar

si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $(-\infty, -1)$ y $\left[\frac{4}{3}, 4\right]$.



4 → style1["Resolver la inecuación $m^2 - 2m \leq 8$
 $m^2 - 2m - 8 \leq 0$
 $(m - 4)(m + 2) \leq 0$ "]

La solución de la ecuación $(m - 4)(m + 2) = 0$ es: $\{-2, 4\}$, y no hay restricción en la variable.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por $\{-2, 4\}$ y se sustituye en $(m - 4)(m + 2) \leq 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

El intervalo solución es: $[-2, 4]$.



5 → style1["Resolver la inecuación $3y^2 - 6y > 9$
 $3y^2 - 6y - 9 > 0$
 $3(y - 3)(y + 1) > 0$ "]

La solución de la ecuación $3(y - 3)(y + 1) = 0$ es: $\{-1, 3\}$, y no hay restricción en la variable.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por $\{-1, 3\}$ y se sustituye en $3(y - 3)(y + 1) > 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $(-\infty, -1)$ y $(3, \infty)$.



$$6 \rightarrow \text{style1}\left["\text{Resolver la inecuación } \frac{2u^2 - 8}{4-u} \leq -2\right]$$

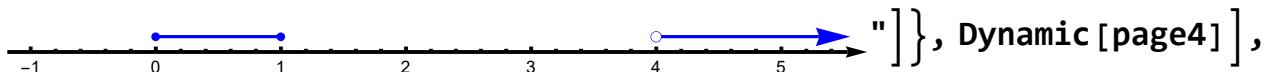
$$\frac{2u^2 - 8}{4-u} + 2 \leq 0$$

$$\frac{2u(u-1)}{4-u} \leq 0$$

La solución de la ecuación $2u(u - 1) = 0$ es: $\{0, 1\}$, y la restricción en la variable es: $\{4\}$.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por los números $\{0, 1, 4\}$ y se sustituye en $\frac{2u(u-1)}{4-u} \leq 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $[0, 1]$ y $(4, \infty)$.



$$\text{FrameMargins} \rightarrow 1, \text{FrameStyle} \rightarrow \text{GrayLevel}[.7], \text{ImageMargins} \rightarrow \{\{0, 1\}, \{1, 0\}\}, \text{ImageSize} \rightarrow \{650, 300\} \}], \text{Alignment} \rightarrow \{\text{Left}, \text{Top}\} \}], \\ \text{Alignment} \rightarrow \text{Center}], \text{ImageSize} \rightarrow \{795, \text{Automatic}\} \}] \}$$

, Dynamic@page3],

$$\text{FrameMargins} \rightarrow 1, \text{FrameStyle} \rightarrow \text{GrayLevel}[.7], \text{ImageMargins} \rightarrow \{\{1, 1\}, \{0, 0\}\} \} \} \} \}],$$

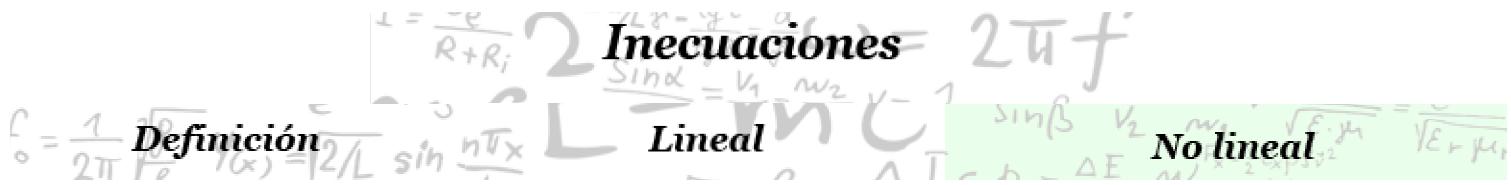
Dynamic[page1] \} \}], Spacings \rightarrow \{0, -.085\}, Alignment \rightarrow \{\text{Center}, \text{Top}\} \],

Alignment \rightarrow \text{Center}, \text{ImageSize} \rightarrow \{800, \text{Automatic}\} \], \text{SaveDefinitions} \rightarrow \text{True},

(* Expert Content, Initialization Code *)

```
Initialization \Rightarrow (page1 = 2; page2 = 1;
page3 = 3;
page4 = 1;
```

page5 = 1)]



Definición de una inecuación no lineal:

Como su nombre lo indica, este tipo de inecuaciones no se pueden escribir de forma lineal y esto influye en los procedimientos de solución, en general se puede seguir una serie de procedimientos para resolver una inecuación no lineal.

¿cómo resolver una inecuación no lineal? ⇒

[enlace](#)

Ejemplos de solución

Ejemplo 1

Ejemplo 2

Ejemplo 3

Ejemplo 4

Ejemplo 5

Ejemplo 6

Resolver la inecuación $\frac{-2x^2-9x-4}{1-x} > -4$

$$\frac{-2x^2-9x-4}{1-x} + 4 > 0$$

$$\frac{-x(2x+5)}{1-x} > 0$$

La solución de la ecuación $-x(2x+5) = 0$ es: $\{0, \frac{5}{2}\}$, y la restricción en la variable es: $\{1\}$.

Ahora se escoge un valor de prueba en cada uno de los intervalos generados por los números

$\{0, 1, \frac{5}{2}\}$ y se sustituye en $\frac{-x(2x+5)}{1-x} > 0$ para identificar si se cumple o no la desigualdad.

Los intervalos solución son: $(0, 1)$ y $(\frac{5}{2}, \infty)$.

