

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andres Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

Fundamentos de lenguajes de programación Semántica de los Conceptos Fundamentales de Lenguajes de Programación carlos.andres.delgado@correounivalle.edu.co

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Facultad de Ingeniería. Universidad del Valle

Noviembre de 2016



Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Carlos Alber Ramírez

Tipos y Programaciói

Chequeo de

1 Tipos y Programación



Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

1 Tipos y Programación



Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

1 Tipos y Programación



Tipos y Programación

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- Uno de los conceptos fundamentales de cualquier lenguaje de programación es el concepto de tipo.
- Los tipos definen las estructuras de almacenamiento disponibles para representar información; además, el tipo determina cómo interpreta el compilador el contenido de la memoria.
- Un error de tipo se produce cuando se aplica una operacion a un dato con caracteristicas diferentes a las esperadas.



Tipos y Programación

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andro Delgado S. Carlos Alber Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo d tipos

Segun la forma en que los lenguajes se comportan frente a los diversos tipos, se clasifican de dos formas:

- Lenguajes fuertemente tipados: requieren definiciones de los tipos y no permiten errores en los tipos. Ej: Pascal.
- Lenguajes debilmente tipados: tienen cierta flexibilidad para errores de tipos (pero sí existen los errores de tipos). Ej: Scheme.



Análisis de tipos

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andro Delgado S. Carlos Alber Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de

- El análisis de tipos es un paso del procesamiento de un lenguaje de programación.
- El análisis de tipos se realiza para evitar que se presenten errores de tipos en tiempo de ejecución.



Análisis de tipos

Fundamentos de lenguajes programación

Tipos v Programación

Para realizar el análisis de tipos se tienen en cuenta los siguientes aspectos:

- 1 Se define un conjunto de tipos para el lenguaje y lo que significa "un valor expresado v es de tipo t".
- 2 El analizador asigna un tipo para cada expresión en el programa.
 - si a una expresión e se asigna un tipo t, entonces siempre que e es interpretada, su valor sera de tipo t.
 - Esta propiedad, hace que un sistema de tipos sea adecuado (sound).



Análisis de tipos

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo d

- 3 El analizador debe inspeccionar también cada invocación de una operación en el programa, con el fin de verificar que los operandos sean del tipo adecuado.
 - Si no se puede determinar si los argumentos son del tipo apropiado, entonces se dice que esta invocación posiblemente genera un error de tipo.
- 4 Si se detectan errores de tipo, el analizador puede tomar algunas acciones, las cuales son, normalmente, parte del diseño del lenguaje:
 - puede rehusarse a ejecutar el programa,
 - aplicar medidas correctivas.



Lenguajes tipados

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andre Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de

- En el diseño del lenguaje, se definen cuáles tipos habrán, si un valor puede tener más de un tipo, y si los tipos pueden ser determinados en tiempo de ejecución.
- En algunos lenguajes, en cada ejecución, los valores incluyen una etiqueta para indicar su tipo.
- Esto es llamado tipado dinámico.



Lenguajes tipados

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- Scheme es un lenguaje tipado dinámico: las etiquetas son revisadas por number?, string?, etc.
- Las desventajas del tipado dinámico son:
 - Insertar y revisar las etiquetas puede adicionar tiempo en ejecución.
 - No soporta abstracción de datos.



Lenguajes no tipados

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- En otros lenguajes, los valores pueden representar, por ejemplo, un entero y un caracter.
- Dichos lenguajes tienen un modelo de ejecución *no tipado*.
- Los lenguajes con modelos de ejecución no tipado normalmento no detectan operaciones inapropiadas en tiempo de ejecución.
- Si las operaciones son aplicadas con datos incorrectos, los resultados no son especificados.



Lenguajes no tipados

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- En dichos lenguajes se podría hacer la multiplicación de dos caracteres.
- El resultado de esa operación será lo que el hardware haga con la representación de los caracteres.
- Esto es llamado un diseño político.



Lenguajes tipados

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de

- Los lenguajes tipados evitan las dificultades anteriores analizando el programa antes de la ejecución para determinar cualquier llamado particular en el programa que pueda resultar en una operación no apropiada en tiempo de ejecución.
- Esto es llamado *chequeo de tipos estático*.
- Si un error es detectado, el analizador podría producir una advertencia, insertar un código de revisión en tiempo de ejecución o rechazar el programa.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

Los tipos para el lenguaje que se está implementando tienen una la siguiente estructura:

```
\begin{array}{lll} \langle \mathsf{tipo\text{-}exp} \rangle & ::= & \mathsf{int} \\ & & \mathsf{int\text{-}type\text{-}exp} \ () \\ \\ \langle \mathsf{tipo\text{-}exp} \rangle & ::= & \mathsf{bool} \\ & & \mathsf{bool\text{-}type\text{-}exp} \ () \\ \\ \langle \mathsf{tipo\text{-}exp} \rangle & ::= & (\{\langle \mathsf{tipo\text{-}exp} \rangle\}^{*(*)} \ -> \langle \mathsf{tipo\text{-}exp} \rangle) \\ & & \mathsf{proc\text{-}type\text{-}exp} \ (\mathsf{arg\text{-}texps} \ \mathsf{result\text{-}texp}) \end{array}
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andre Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- Los tipos del lenguaje incluyen tipos base para enteros, booleanos y tipos para procedimientos.
- El tipo de un procedimiento consiste de los tipos de sus argumentos (separados por *) y el tipo de su resultado.
- Cuando se permite explicitar los tipos en los programas, se suele hacer con expresiones de tipos.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andre Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

La propiedad: "un valor expresado v es de tipo t" se define inductivamente sobre t de la siguiente manera:

- Un valor expresado es de tipo int sii es un entero.
- Un valor expresado es de tipo bool sii es un booleano.
- Un valor expresado es de tipo $(t_1 * ... * t_n -> t)$ sii es un ProcVal que espera exáctamente n argumentos, y cuando tiene n argumentos de tipos $t_1, ..., t_n$, éste retorna un valor de tipo t.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- Así mismo, en éste lenguaje, cada valor expresado tiene como máximo un tipo.
- Sin embargo, no siempre es posible determinar el tipo de un valor en tiempo de ejecución, ya que no siempre es posible determinar el tipo del valor retornado por un procedimiento.



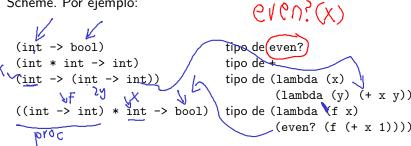
Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

Se pueden usar los tipos definidos para describir valores de Scheme. Por ejemplo:



donde esos son los tipos de los *valores* de las expresiones y no de las expresiones mismas; hasta ahora no se ha dicho lo que significa que una expresión tenga un tipo.

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

Cual es el tipo de dato de las siguientes expresiones del Lenguaje del curso?

1 -(32, 26)

2 proc(x) (x 26)t (int t) +

3 proc(x) if x then 1 else 3 (bool tint)

4 proc(f, x) if (f x) then 1 else 2

5 proc(x) proe(y) if y then x else 3

$$(tx) bool + tx$$

$$int + bool + int$$



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- El lenguaje que se está diseñando, será fuerte y estáticamente tipado, lo que significa que ningún programa que pasa el chequeo de tipos tendrá un error de tipos.
- Un error de tipo será:
 - un intento de aplicar un entero o un booleano a un argumento,
 - 2 un intento de aplicar un procedimiento o primitiva a un número errado de argumentos,
 - 3 un intento de aplicar una primitiva que espera un entero a un no-entero, ó
 - 4 un intento de usar un no-booleano como la prueba de una expresión condicional.
- Los errores como una división por cero, no serán considerados como errores de tipo.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- Se definirá un procedimiento type-of-expression que dado una expresión exp y un ambiente de tipos tenv (que asocia cada variable con un tipo), asigna a exp un tipo t con la propiedad que:
 - Siempre que exp es ejecutado en un ambiente en el cual cada variable tiene el tipo especificado para él por tenv, el valor resultante tendrá tipo t.
- El análisis estará basado en el principio de que si se conoce los tipos de los valores de cada una de las variables en una expresión, se puede deducir el tipo del valor de la expresión.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andr Delgado S Carlos Alber Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

EL procedimiento type-of-expression se comportará de la siguiente manera:

- Si la expresión es un número, entonces el resultado será siempre un entero y si es una expresión booleana (true o false) el resultado será booleano.
- Si la expresión es una variable, entonces el resultado es del tipo especificado por tenv.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

```
(type-of-expression \ll n \gg tenv) = int

(type-of-expression \ll true \gg tenv) = bool

(type-of-expression \ll false \gg tenv) = bool

(type-of-expression \ll id \gg tenv) = (apply-env tenv id)
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo do tipos Una expresión de la forma:

Si <condicion1> y <condicion2>

y < condicion3>

• • •

y < condicionN>

entonces

<consecuencia>

Se conoce como regla de tipamieto o especificación condicional. En adelante se omitiran los "Si", "y" y "entonces", ya que ellos están implícitos en el formato de la especificación.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo do tipos ... \ ...

- Si la expresión es una aplicación (de la forma (rator) rand₁ ... rand_n)), el tipo del resultado se infiere del tipo del operador y los tipos de los operandos.
 - El tipo del operador debe ser (obligatoriamente) un tipo procedimiento.
 - Si el tipo del operador es $(t_1 * t_2 * ... * t_n > t)$, entonces debe haber exáctamente n operandos, y el tipo del i-ésimo operando debe ser t_i .
 - Si las condiciones se mantienen, entonces el resultado de la aplicación será el tipo resultado del procedimiento, t.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos Regla de tipamiento para aplicación de procedimientos o primitivas:

(type-of-expression
$$\ll rator\gg tenv$$
) = $(t_1*t_2*...*t_n -> t)$
(type-of-expression $\ll rand_1\gg tenv$) = t_1
(type-of-expression $\ll rand_2\gg tenv$) = t_2
...
(type-of-expression $\ll rand_n\gg tenv$) = t_n

(type-of-expression \ll (rator rand₁ rand₂ ... rand_n) \gg tenv)



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de

La regla de tipamiento para las expresiones condicionales es:

(type-of-expression
$$\ll test - exp \gg tenv$$
) = bool
(type-of-expression $\ll true - exp \gg tenv$) = t
(type-of-expression $\ll false - exp \gg tenv$) = t
(type-of-expression $\ll test - exp$ then $true - exp$ else $test - exp \gg tenv$) = t



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andr Delgado S Carlos Alber Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo d

Para el caso de una expresión que crea un procedimiento (proc (x_1, \ldots, x_n) exp), se dice que el procedimiento resultante tiene tipo $(t_1 * t_2 * \ldots * t_n - > t)$, si:

- Cada x_i esta asociado con el tipo t_i .
- Tiene exactamente n argumentos.
- Se puede mostrar que cuando el cuerpo exp del procedimiento sea ejecutado, producirá un valor de tipo t.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

La regla de tipamiento para creación de procedimientos es:

(type-of-expression
$$\ll exp\gg [x_1=t_1,\ldots,x_n=t_n]$$
 tenv) = t
(type-of-expression $\ll proc(x_1,\ldots,x_n)$ exp \gg tenv)

$$= ((t_1*t_2*\ldots*t_n->t))$$

$$+ t_1 + t_2 + t_3 + t_4 + t_4 + t_5 + t$$



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo d tipos ■ La anterior regla lleva a un problema:

Si se trata de encontrar el tipo de una expresión proc, ¿cómo se encuentran los tipos t_1, \ldots, t_n de las variables ligadas?.

- La respuesta es: No hay donde encontrarlos.
- Existen dos estrategias para esta situación:
 - *chequeo de tipos*: se requiere que el programador brinde informacion sobre los tipos de las variables.
 - inferencia de tipos: inferencia de tipos: el analizador de tipos, infiere el tipos de las variables de la forma en que dichas variables son usadas en el programa.



Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

1 Tipos y Programación



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programació

- En un lenguaje con chequeo de tipos, se requiere que el programador incluya los tipos de todas las variables ligadas.
- Para hacer chequeo de tipos en el lenguaje del curso, se necesita cambiar la forma en que se escriben procedimientos (proc-exp) y recursion (letrec-exp).



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

La gramática para expresiones con tipo será ahora:

```
proc ({\langle tipo-exp\rangle \langle identificador\rangle}*
(expresión)
                            proc-exp (arg-texps ids body)
(expresión)
                         letrec'
                             {\langle type-exp \rangle \langle identification \rangle
                                (\{\langle type-exp \rangle \langle identificador \rangle\}^{*(,)}) = \langle expresión \rangle
                         in (expresión)
                            letrec-exp
                            (result-texps proc-names arg-texpss
                             idss bodies letrec-body)
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programaciói

Chequeo de tipos

Se deben añadir las siguientes producciones a la especificación de la gramática:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

Así mismo, se añaden las producciones correspondientes a las expresiones type-exp a la especificación de la gramática:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos De esta manera se pueden escribir programas como:

```
letrec
int fact (int x) =
    if zero?(x) then 1 else *(x,(fact sub1(x)))
in
    (fact 5)
```

Aquí, el tipo resultado de fact es int, pero el tipo de fact como tal es (int -> int).



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos Se pueden escribir programas como:

```
let
    sum = proc(bool b, int x, int y)
    m = 4
    n = 3
in
    (sum true m n)
```

Aquí, el tipo resultado de sum es int, pero el tipo de sum como tal es (bool*int*int -> int).



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- Ya se ha definido qué es una expresión de tipo.
- Una expresión de tipo denota un tipo. Pero, qué es un tipo?.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- Ya se ha definido qué es una *expresión de tipo*.
- Una expresión de tipo denota un tipo. Pero, qué es un tipo?.
- Ahora se definirán los valores (tipos) que pueden denotar las expresiones de tipo.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- Ya se ha definido qué es una expresión de tipo.
- Una expresión de tipo denota un tipo. Pero, qué es un tipo?.
- Ahora se definirán los valores (tipos) que pueden denotar las expresiones de tipo.
- Para ello se definirá el tipo abstracto de datos "tipo". Un "tipo" es o un tipo atómico con un nombre, o un tipo procedimiento, con una lista de argumentos con tipo y un tipo resultado.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos El tipo abstracto de datos tendrá la siguiente definición:

```
(define-datatype type type?
  (atomic-type
        (name symbol?))
  (proc-type
        (arg-types (list-of type?))
        (result-type type?)))

(define int-type (atomic-type 'int))
  (define bool-type (atomic-type 'bool))
```

Las constantes int-type y bool-type son abreviaciones.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

- Ahora, se debe definir el procedimiento expand-type-expression que calcula el tipo denotado por una expresión de tipo.
- El revisor (checker) llamará a expand-type-expression siempre que necesite utilizar el tipo denotado por una expresión de tipo.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos El procedimiento expand-type-expression estará definido así:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- El revisor (checker) se implementará como un procedimiento que recibe una expresión y un ambiente de tipos y retorna el tipo correspondiente a ella o un error.
- El revisor corresponde al procedimiento type-of-expression y tendrá cláusulas que implementan las reglas de producción para las expresiones con tipo.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- Las primeras cláusulas del procedimiento type-of-expression tienen que ver con literales y variables.
- Si la expresión corresponde a una expresión de un literal o un booleano se retorna el tipo int-type o bool-type respectivamente.
- Si la expresión corresponde a una variable, se retorna el tipo de la variable en el ambiente de tipos en el que se chequea la expresión.
- Se usa el procedimiento apply-tenv, similar a apply-env pero con distinto mensaje de error.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

El procedimiento type-of-expression:

```
(define type-of-expression
  (lambda (exp tenv)
    (cases expression exp
        (lit-exp (number) int-type)
        (true-exp () bool-type)
        (false-exp () bool-type)
        (var-exp (id) (apply-tenv tenv id))
        ...)))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

 La siguiente cláusula del procedimiento type-of-expression implementa la regla para expresiones condicionales (if-exp).

```
(type-of-expression \ll test - exp \gg tenv) = bool

(type-of-expression \ll true - exp \gg tenv) = t

(type-of-expression \ll false - exp \gg tenv) = t

(type-of-expression

\ll if test - exp then true - exp else false - exp \gg tenv) =
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

Ahora, el procedimiento type-of-expression:

```
(define type-of-expression
  (lambda (exp tenv)
    (cases expression exp
      (if-exp (test-exp true-exp false-exp)
        (let ((test-type (type-of-expression test-exp
            tenv))
              (false-type (type-of-expression false-exp
                  tenv))
              (true-type (type-of-expression true-exp
                  tenv)))
          (check-equal-type! test-type bool-type test-exp
          (check-equal-type! true-type (false-type (exp)
          true-type))
      ...)))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

El procedimiento check-equal-type! verifica si sus dos primeros argumentos tienen igual tipo. El tercer argumento es usado para el reporte de errores.

```
(define check-equal-type!
  (lambda (t1 t2 exp))
   (if (not (equal? t1 t2))
      (eopl:error 'check-equal-type!
        "Types didn't match: ~s != ~s in~%~s"
        (type-to-external-form t1)
        (type-to-external-form t2)
        (exp))))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andro Delgado S. Carlos Alber Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

El procedimiento check-equal-type! usa el procedimiento type-to-external-form para convertir un tipo en una estructura de lista, fácil de leer, por ejemplo (int * (int -> bool) -> int).



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

Retomamos, la regla de tipamiento para creación de procedimientos:

(type-of-expression
$$\ll exp \gg [x_1=t_1, \ldots, x_n = t_n]$$
 tenv) = t
(type-of-expression $\ll proc (x_1, \ldots, x_n)$ exp \gg tenv)
= $((t_1 * t_2 * \ldots * t_n -> t))$

■ Esta regla es implementada con ayuda del procedimiento type-of-proc-exp.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- El procedimiento type-of-proc-exp recibe una expresión proc $(t_1 \ x_1, t_2 \ x_2, \ldots, t_n \ x_n)$ exp y convierte los tipos t_1, \ldots, t_n en una lista de tipos arg-types.
- Posteriormente, revisa el cuerpo en el ambiente especificado y liga el tipo resultado a result-type.
- Finalmente, construye un procedimiento con tipo, con las partes apropiadas.



Chequeo de tipos Checker

Fundamentos de lenguajes programación

Chequeo de tipos

La definición del procedimiento type-of-proc-exp es la siguiente:

```
(define type-of-proc-exp
  (lambda (texps ids body tenv)
    (let ((arg-types (expand-type-expressions texps)))
      (let ((result-type
               type-of-expression body
                (extend-tenv ids arg-types tenv))))
        (proc-type arg-types result-type)))))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

Ahora, el procedimiento type-of-expression:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

Para aplicaciones de primitivas o de procedimientos teniamos la siguiente regla de tipamiento:

```
(type-of-expression \ll rator\gg tenv) = (t_1*t_2*...*t_n -> t)
(type-of-expression \ll rand_1\gg tenv) = t_1
(type-of-expression \ll rand_2\gg tenv) = t_2
...
(type-of-expression \ll rand_n\gg tenv) = t_n
```

```
(type-of-expression \ll(rator rand_1 rand_2 ... rand_n)\gg tenv) = 1
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

- type-of-expression encuentra el tipo del operador y luego llama a un procedimiento auxiliar type-of-application para aplicar la regla de tipamiento.
- El procedimiento type-of-application primero revisa si el tipo del operador es un tipo procedimiento.
- Luego revisa si el número de argumentos esperados por el procedimientos es igual al número dado y después, en el ciclo for-each, revisa si el tipo de cada argumento esperado es igual al tipo del operando correspondiente.
- Si la revisión tiene éxito, entonces el tipo de la aplicación es le tipo resultado del procedimiento.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

La definición del procedimiento type-of-application es la siguiente:

```
(define type-of-application
 (lambda (rator-type rand-types rator rands exp)
   (cases type rator-type
     (if (= (length arg-types) (length rand-types))
         (begin
           (for-each
             check-equal-type!
             rand-types arg-types rands)
           result-type)
         (eopl:error 'type-of-expression
           (string-append
             "Wrong number of arguments in expression
             "~%expected ~s~%got ~s")
           exp
           (map type-to-external-form arg-types)
           (map type-to-external-form rand-types))))
      else
       (edpl:error 'type-of-expression
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

- Para determinar el tipo del operador cuando se trata de aplicación de primitivas se utiliza el procedimiento auxiliar type-of-primitive.
- Este procedimiento recibe un valor del tipo de dato primitiva y crea un tipo proc-type de acuerdo a ese valor.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

La definición del procedimiento type-of-primitive es la siguiente:

Z Pro ?(X)



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andr Delgado S. Carlos Alber Ramírez

Tipos y Programaciói

Chequeo de tipos

Ahora, se añaden las cláusulas correspondientes al procedimiento type-of-expression:

```
(primapp-exp (prim rands)
  (type-of-application
      (type-of-primitive prim)
      (types-of-expressions rands tenv)
      prim rands exp))
(app-exp (rator rands)
  (type-of-application
      (type-of-expression rator tenv)
      (types-of-expressions rands tenv)
      rator rands exp))
...
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

El procedimiento types-of-expressions:

```
(define types-of-expressions
  (lambda (rands tenv)
      (map (lambda (exp) (type-of-expression exp tenv))
      rands)))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos ■ La regla de tipamiento para expresiones let es:

```
(type-of-expression (e<sub>1</sub>) tenv) = t_1

(type-of-expression (e<sub>2</sub>) tenv) = t_2

...

(type-of-expression (body) [x_1=t_1, ..., x_n = t_n] tenv) = t_1

(type-of-expression (body) [x_1=t_1, ..., x_n = t_n] tenv) = t_1

(type-of-expression (body) [x_1=t_1, ..., x_n = t_n] tenv) = t_1

(type-of-expression (body) [x_1=t_1, ..., x_n = t_n] tenv) = t_1
```

 Esta reglá es implementada con ayuda del procedimiento type-of-let-exp.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

- El procedimiento type-of-let-exp encuentra el tipo de las expresiones en las declaraciones del let y extiende el ambiente de tipos con las variables en el let y los tipos encontrados.
- Luego, type-of-let-exp determina el tipo de la expresión correspondiente a su cuerpo en el ambiente de tipos extendido.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

La definición del procedimiento type-of-let-exp es la siguiente:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

Así mismo, se añade la cláusula respectiva a la definición del procedimiento type-of-expression:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

■ Una expresión letrec se ve de esta manera:

letrec
$$t_1 \ p_1 \ (t_{11} \ x_{11}, \dots, t_{1n_1} \ x_{1n_1}) = e_1$$

$$t_2 \ p_2 \ (t_{21} \ x_{21}, \dots, t_{2n_2} \ x_{2n_2}) = e_2$$
...
in body

- En la cual se declaran un conjunto de procedimientos p_1, p_2, \ldots con cuerpos e_1, e_2, \ldots
- El tipo de p_i ser $(t_{i1} * t_{i2} * ... * t_{in} -> t_i)$.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

Chequeo de tipos

 El cuerpo del letrec y cada uno de los cuerpos de los procedimientos deben ser revisados en un ambiente donde cada variable tenga el tipo correcto.

Como el procedimiento p_i tiene tipo (t_{i1} * t_{i2} * . . . * t_{in} -> t_i), el cuerpo del letrec debe ser revisado en el ambiente:

Cada cuerpo de los procedimientos, se debe revisar en el ambiente:

$$tenv_i = [x_{i1} = t_{i1}, x_{i2} = t_{i2}, ...] tenv_{body}$$



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

■ Luego, la regla de tipamiento para expresiones letrec es:

```
(type-of-expression \\ (type-of-expression
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programaciói

Chequeo de tipos

■ La cláusula correspondiente a una expresión letrec en type-of-expression es:

 Donde se utiliza el procedimiento auxiliar type-of-letrec-exp.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programación

- type-of-letrec-exp es un procedimiento que, inicialmente, convierte las expresiones de tipo de los argumentos y el resultado a tipos.
- Luego liga la lista de los tipos de los procedimientos a la variable the-proc-types y el ambiente del cuerpo de letrec a tenv-for-body.
- Finalmente, computa el tipo del cuerpo de cada procedimiento y lo compara con el tipo del resultado especificado.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

La siguiente es la definición del procedimiento type-of-letrec-exp:

```
(define type-of-letrec-exp
  (lambda (result-texps proc-names texpss idss bodies
            letrec - body tenv)
    (let (\(\arg-type\), s) (map (lambda (texps)
                                (expand-type-expressions
                                    texps))
                             texpss))
           (result - types) (expand - type - expressions)
      (let ((the-proc-types
               (map proc-type arg-typess result-types)))
        (let ((tenv-for-body; ^ type env for all
            proc-bodies
                 (extend-tenv (proc-names) the-proc-types
                     tenv)))
          (for-each
             (lambda (ids arg-types body result-type)
              (check-equal-type!
                 (type-of-expression
                   bodv
```



Preguntas

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto

Tipos y Programació

Chequeo de tipos

?



Próxima sesión

Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Tipos y Programació

Chequeo de tipos Inferencia de tipos.