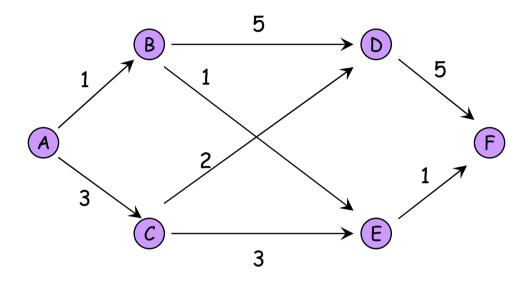
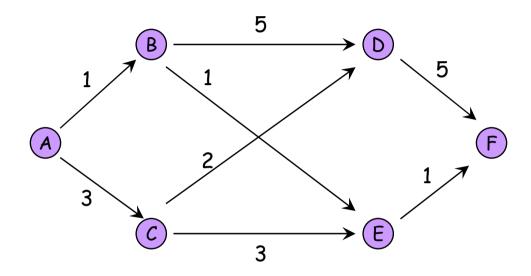
# Fundamentos de análisis y diseño de algoritmos

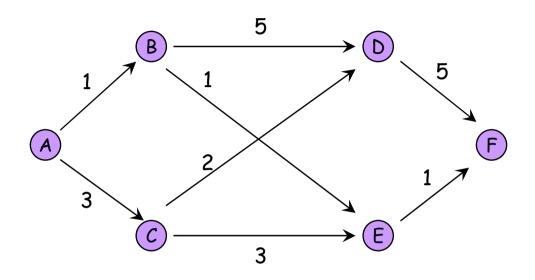
Camino más corto 1 a muchos

Camino más corto muchos a muchos

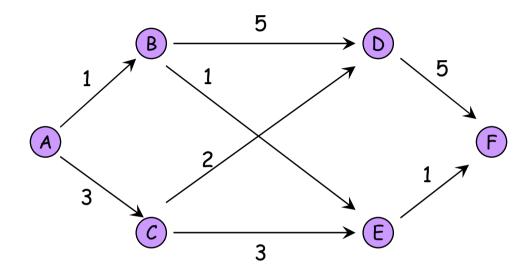


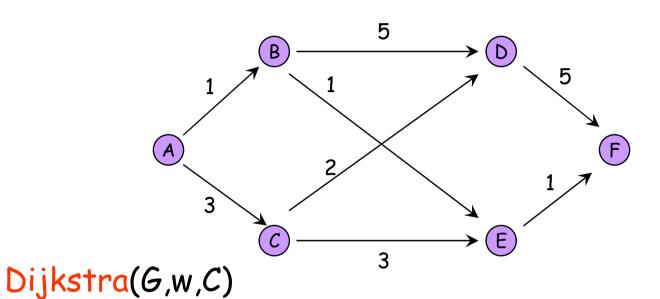


Problema: encontrar el camino de menor costo entre un vértice s y todos los demás vértices

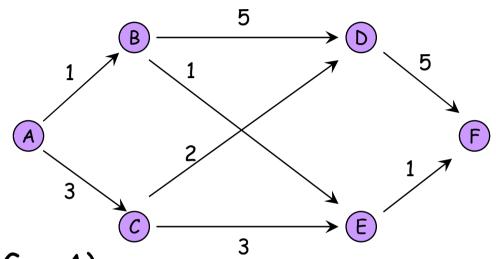


- •G=(V, E)
- ·w es una función que asigna los pesos a las aristas
- ·s es el vértice

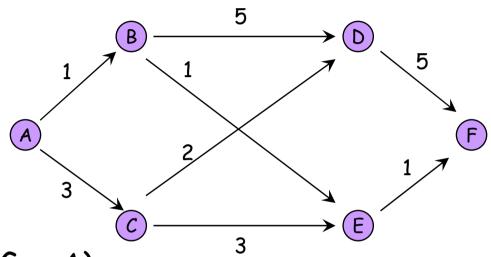




 $\pi$  A B C D E F  $\pi$  nil nil nil C C E



	A	В	С	D	E	F
d						
	Α	В	С	D	Е	F
$\pi$						



	Α	В	С	D	Ε	F
d	0	1	3	5	2	3
•						

	A	В	C	D		<u> </u>
$\pi$	nil	A	Α	C	В	E

• Dado un grafo dirigido G=(V,E), el peso de un camino  $p=\langle v_0, v_1, v_2, ... v_k \rangle$  es la suma de los pesos de las aristas que lo constituyen

$$w(p) = \sum_{i=1}^{k} w(v_{i-1}, v_i)$$

Problema del camino más corto de un origen a muchos destinos:

•Dado un grafo G=(V,E), encontrar un camino más corto desde un vértice origen ( $s \in V$ ) a cada vértice  $v \in V$ 

Estrategia voraz: de las aristas de un vértice v, seleccionar aquella con menor peso

```
INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s) for each v \in V[G] do d[v] \leftarrow \infty \pi[v] \leftarrow \text{nil} d[s] \leftarrow 0
```

```
INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
```

```
foreach v \in V[G]

do d[v] \leftarrow \infty

\pi[v] \leftarrow nil

d[s] \leftarrow 0
```

```
DIJKSTRA(G,s)
  INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
  S←{ }
  Q \leftarrow V[G]
  while Q<>{ }
       do u \leftarrow EXTRACT-MIN(Q)
         S←S∪{u}
         foreach v \in Adj[u]
              do if d[v]>d[u] + w(u,v)
                then d[v] = d[u] + w(u,v)
                      \pi[v] \leftarrow u
```

#### DIJKSTRA(G,s)

```
INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
```

```
S \leftarrow \{\}
Q \leftarrow V[G]
while Q \leftrightarrow \{\}
Q \leftarrow V[G]
Q \leftarrow V[G
```

Q es una cola de prioridad, donde la prioridad es el valor en d. Se extrae el vértice con menor valor

```
to u←EXTRACT-MIN(Q)

S←S∪{u}

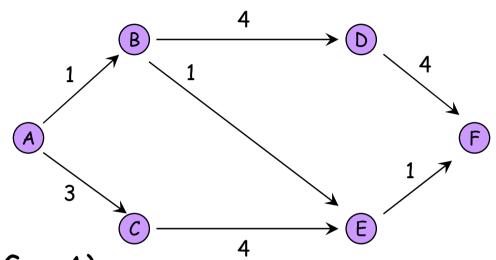
foreach v ∈ Adj[u]

do if d[v]>d[u] + w(u,v)

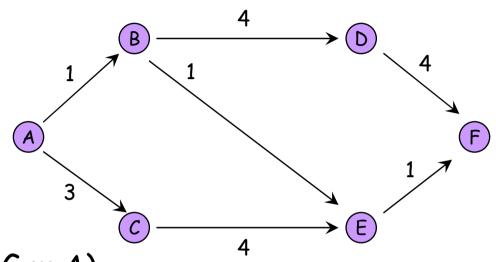
then d[v] = d[u] + w(u,v)

π[v]←u
```

```
DIJKSTRA(G,s)
  INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
  S←{ }
                                              T=\Theta(|V|^2)
  Q \leftarrow V[G]
  while Q<>{ }
       do u \leftarrow EXTRACT-MIN(Q)
          S←S∪{u}
          foreach v \in Adj[u]
              do if d[v]>d[u] + w(u,v)
                 then d[v] = d[u] + w(u,v)
                       \pi[v] \leftarrow u
```

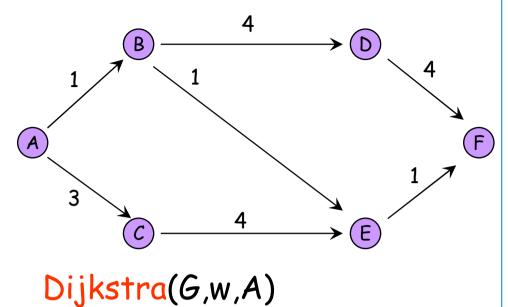


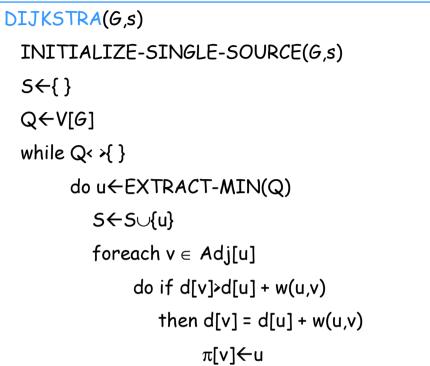
	A	В	С	D	Е	F
d						
	Α	В	С	D	Ε	F
$\pi$						



	Α	В	С	D	E	F
d	0	8	8	8	8	∞
•						

	A	В	С	D	E	F
$\pi$	nil	nil	nil	nil	nil	nil

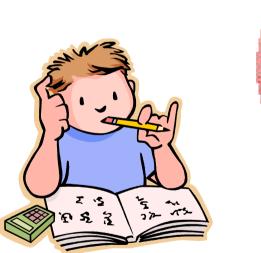




A	В	С	D	E	F
0	8	8	8	8	8

A	В	С	D	E	F
nil	nil	nil	nil	nil	nil

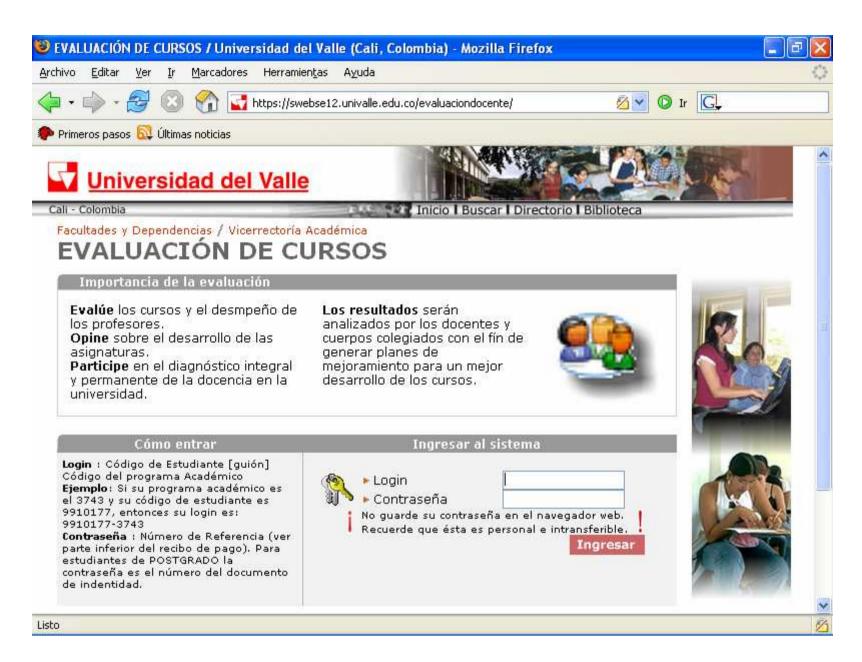








Programación voraz



http://evaluacioncursos.univalle.edu.co