

5. Demuestre la equivalencia entre conjuntos $\overline{A \cap (B-A)} = U$ usando la notación de conjuntos.

1. Dados $A = \{a, b, c\}$, $B = \{c, d, e\}$ y $C = \{a, e, g, h\}$, responda falso (F) o verdadero (V).

- $P(A) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}\}$. (F)
- $A \times B = \{(a, c), (a, d), (a, e), (a, a), (b, c), (b, d), (b, e), (c, c), (c, d), (c, e)\}$. (F)
- $\{1\} \in A$. (F)
- $|B \times C| = 8$. (F)
- $|P(C)| = 16$. (V)
- $C - B = \{a, g, h, c\}$. (F)
- $B - A = \{d, e\}$. (V)
- $\{\emptyset\} \in \{\emptyset, \{\emptyset, \emptyset\}\}$. (V)
- $\forall x \exists y x \cdot y = 2$. (F)
- $\exists x \exists y (x + y = 15 \wedge x - y = 1)$. (V)

$\{\emptyset, \{\emptyset\}\}$
 $x = 0$

2. Demuestre la equivalencia lógica $\neg[(p \rightarrow q) \wedge (\neg q \vee r)] \vee (\neg p \vee r) \equiv V$ usando una tabla de verdad.

3. Demuestre la equivalencia lógica $\neg(p \vee q) \rightarrow (\neg p \wedge \neg(q \vee p)) \equiv V$ usando las tablas de equivalencias lógicas.

4. Demuestre la equivalencia entre conjuntos $\overline{A \cap (B-C)} = A \cup \overline{(B-C)}$ usando una tabla de pertenencia.

5. Demuestre la equivalencia entre conjuntos $\overline{A \cap (B-A)} = U$ usando la notación de conjuntos.

2. Demuestre la equivalencia lógica $\neg[(p \rightarrow q) \wedge (\neg q \vee r)] \vee (\neg p \vee r) \equiv V$ usando una tabla de verdad.

p	q	r	$p \rightarrow q$	$\neg q \vee r$	$\neg p \vee r$	$\overline{A \cap B}$	$\overline{B \cap C}$
V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	O	V	F	F	F	V
V	O	V	F	V	V	F	V
V	O	O	F	V	F	F	V
O	V	V	V	V	V	V	V
O	V	O	V	F	F	F	V
O	O	V	V	V	V	V	V
O	O	O	V	V	V	V	V

3. Demuestre la equivalencia lógica $\neg(p \vee q) \rightarrow (\neg p \wedge \neg(q \vee p)) \equiv V$ usando las tablas de equivalencias lógicas.

$$(p \vee q) \vee (\neg p \wedge \neg(q \vee p))$$

$$(p \vee q) \vee (\neg p \wedge \neg q \wedge \neg p)$$

$$(p \vee q) \vee (\neg p \wedge \neg q)$$

$$(p \vee q \vee \neg p) \wedge (p \vee q \vee \neg q)$$

$$(T \vee q) \wedge (p \vee T)$$

$$T \wedge T = T$$

4. Demuestre la equivalencia entre conjuntos $\overline{A \cap (B - C)} = A \cup \overline{(B - C)}$ usando una tabla de pertenencia.

y

A	B	C	\bar{A}	$\overline{B - C}$	B - C	$\overline{A \cap (B - C)}$	$A \cup \overline{(B - C)}$
1	1	1	0	1	0	1	1
1	1	0	0	0	1	1	1
1	0	1	0	1	0	1	1
1	0	0	0	1	0	1	1
0	1	1	1	1	0	1	1
0	1	0	1	0	1	0	0
0	0	1	1	1	0	1	1
0	0	0	1	1	0	1	1

5. Demuestre la equivalencia entre conjuntos $\overline{A \cap (B - A)} = U$ usando la notación de conjuntos.

$$\overline{A \cap (B - A)} = U$$

$$x | \overline{\{x \in A \wedge (x \in B \wedge x \notin A)\}}$$

$$x | \overline{\{x \in A \wedge (x \in B \wedge x \in \bar{A})\}}$$

$$x | \{x \in A \wedge x \in B \wedge x \in \bar{A}\}$$

$$x | \{x \in \emptyset \wedge x \in B\} = x | \{x \in \emptyset\} = \{x \notin \emptyset\}$$

$$x | \{x \in U\}$$