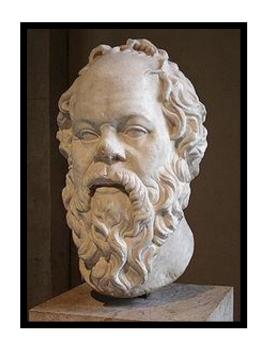
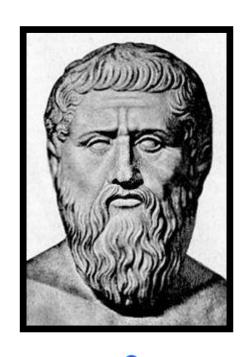
# Matemáticas Discretas

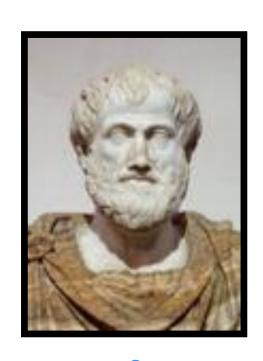
Oscar Bedoya

oscar.bedoya@correounivalle.edu.co

- \* Lógica proposicional
- \* Concepto de proposición
- \* Valores de verdad
- \* Operadores lógicos
- \* Tipos de proposiciones
- \* Representación de frases del lenguaje natural







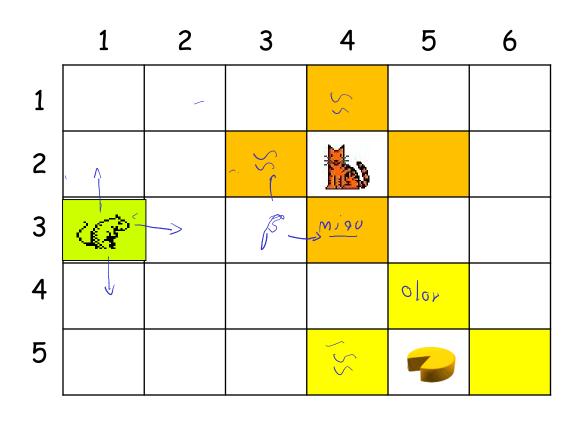
470a.c Sócrates

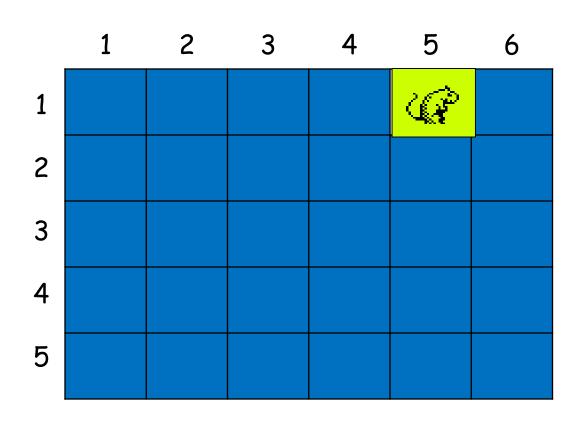
424a.c Platón

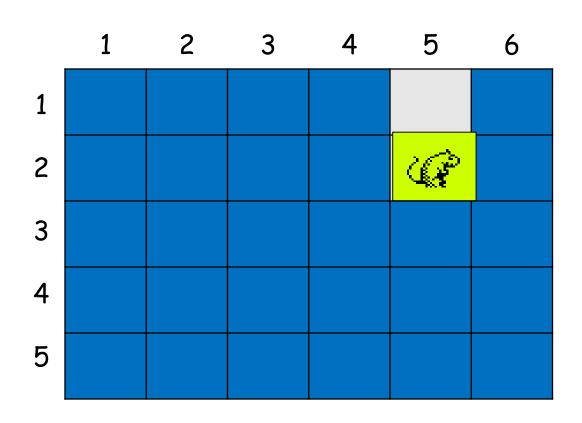
384a.c Aristóteles

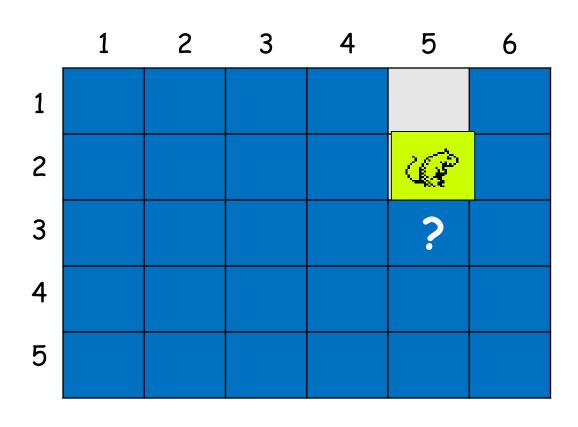
#### Silogismos

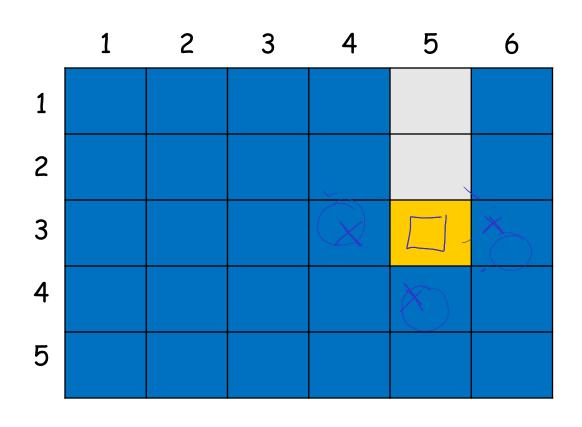
Todos los hombres son mortales Sócrates es hombre Por lo tanto, Sócrates es mortal

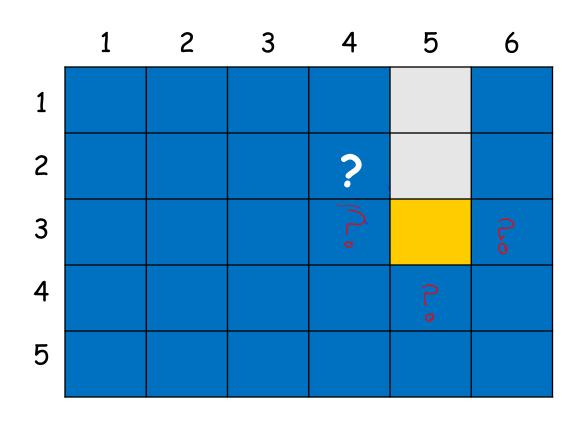


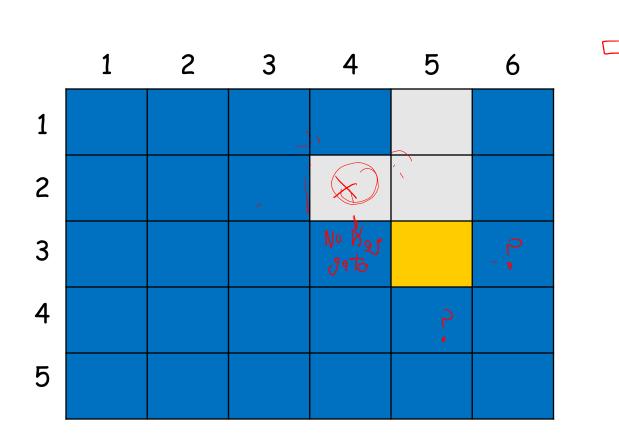


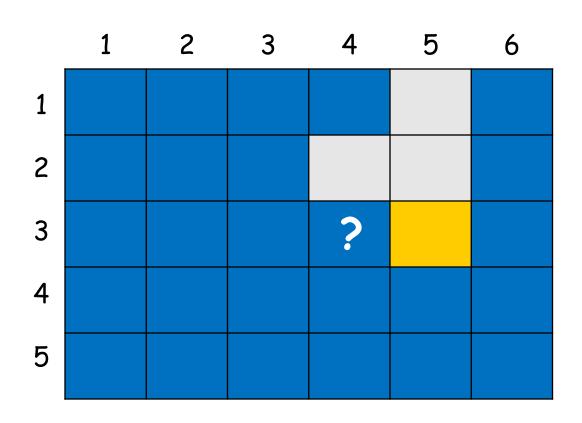


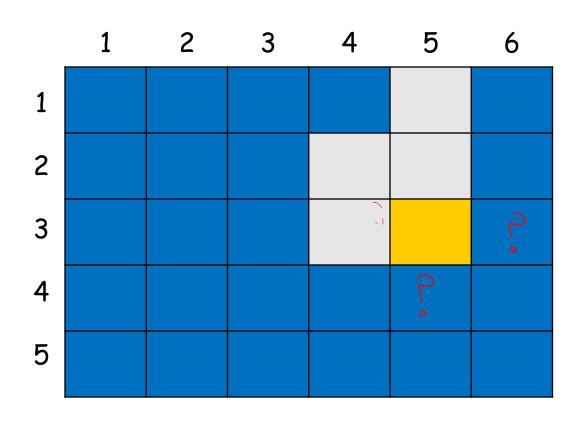


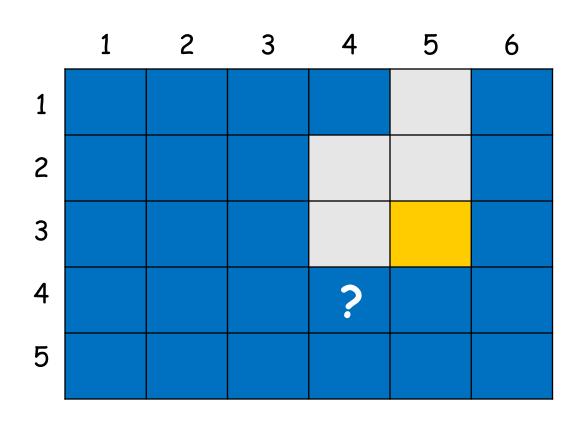


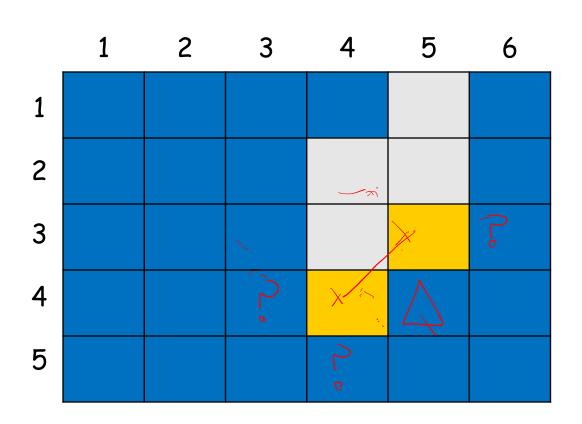




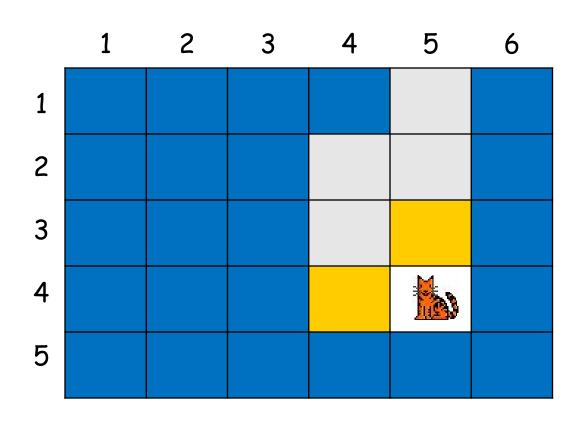


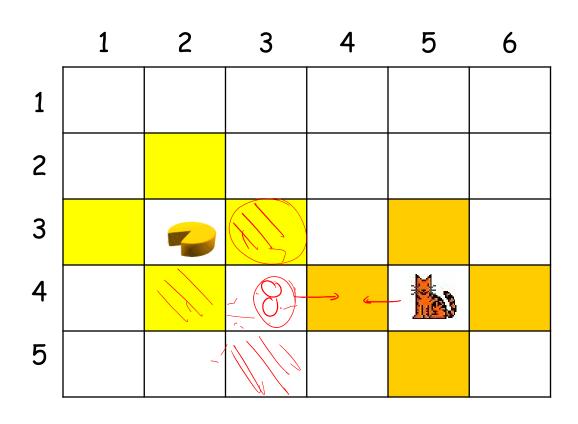


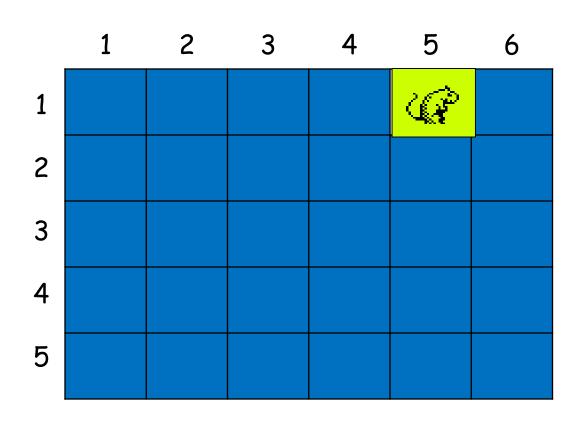


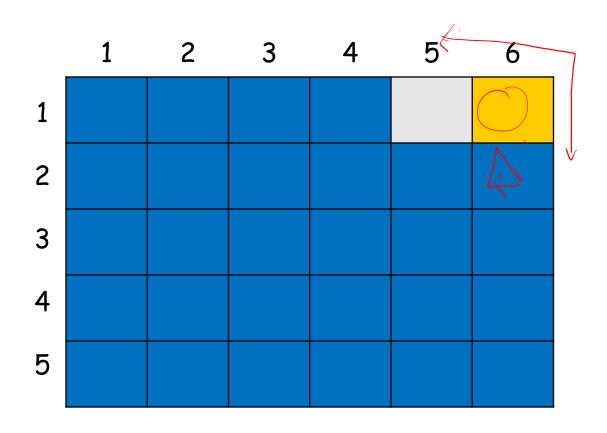


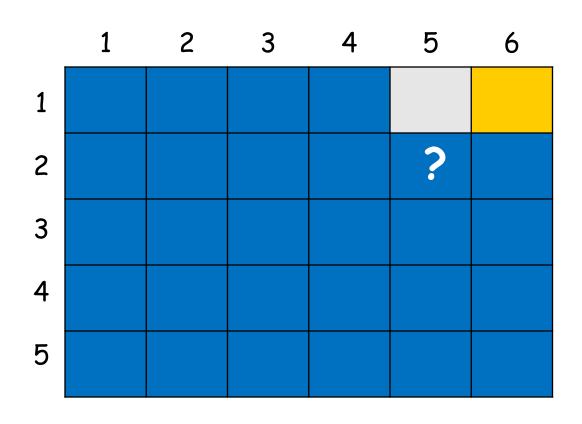


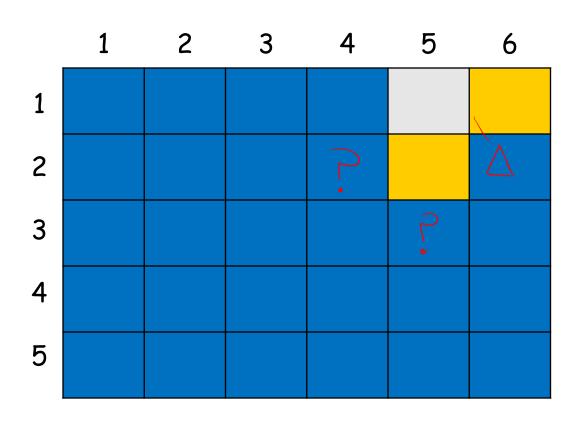


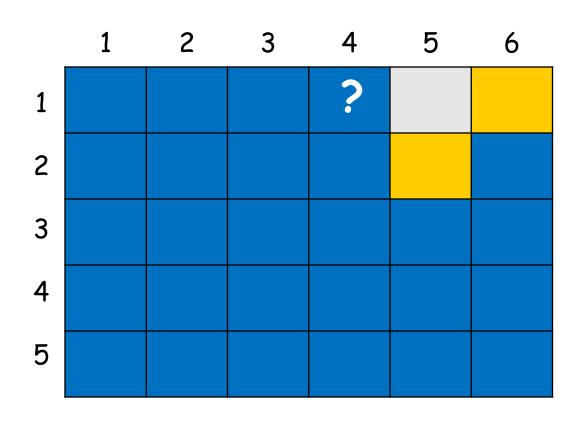


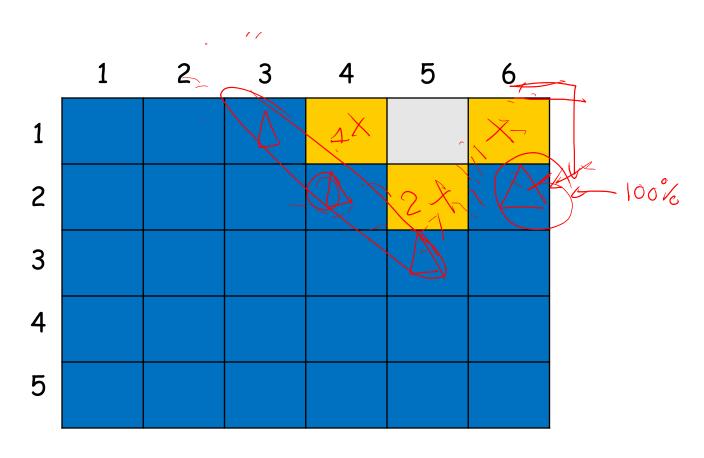




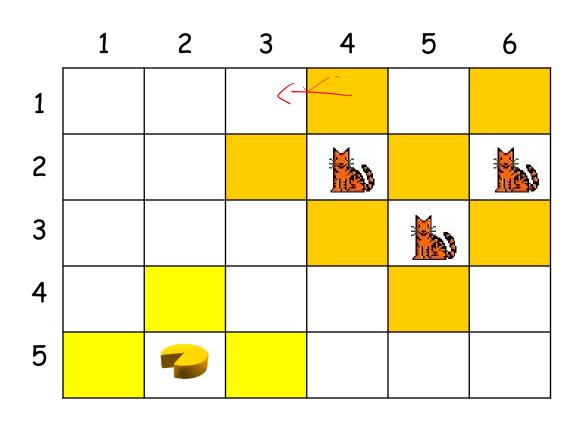






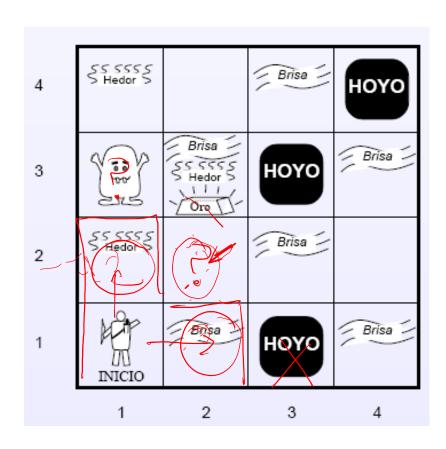


¿Qué puede inferir? ¿Qué acción debe emprender?



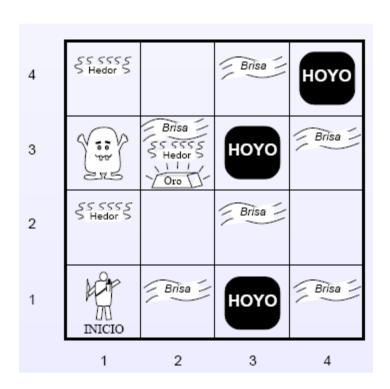
#### El mundo del Wumpus

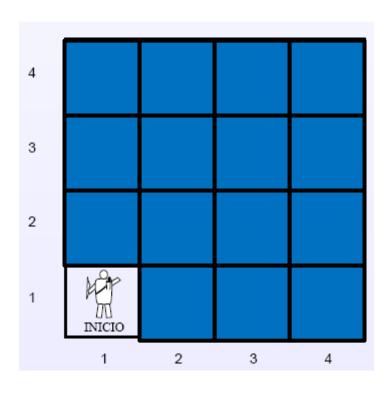
 Antiguo juego de computador de un agente que explora una cueva con el objetivo de encontrar el oro (si es posible, el oro puede estar en un hueco) y salir por el mismo punto que entró

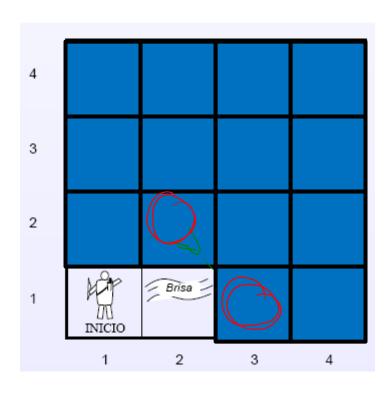


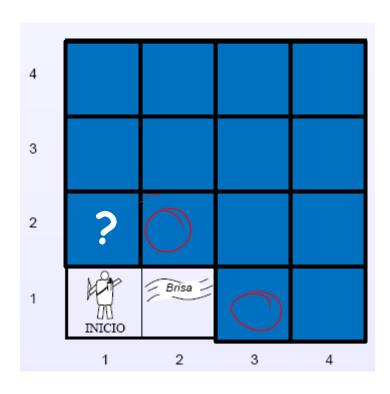
#### El mundo del Wumpus

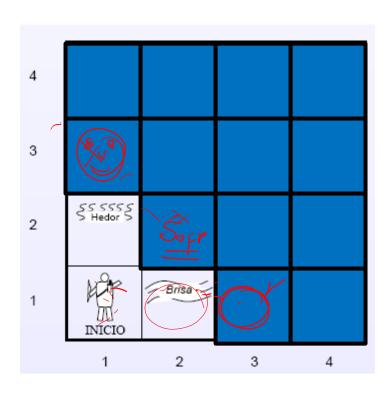
- El agente puede intentar matar al Wumpus con una única flecha
- 1000 puntos si toma el oro
- · Cada acción realizada cuesta 1 punto
- 10000 puntos si da muerte al Wumpus
- El Wumpus no se mueve
- Cuando muere el Wumpus emite un gemido

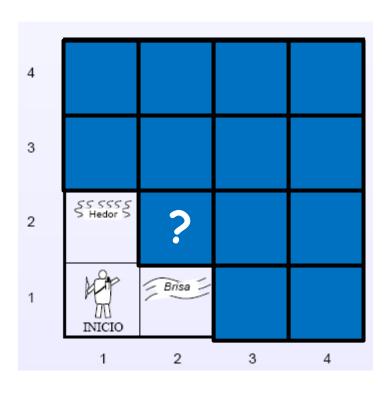


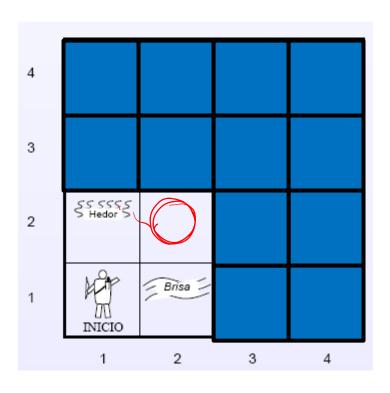


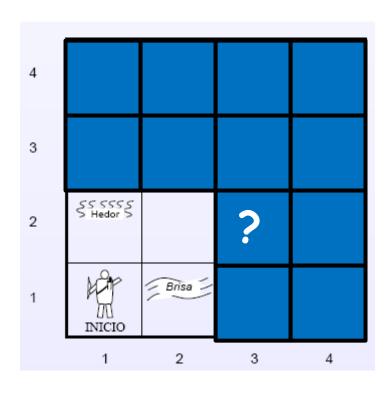


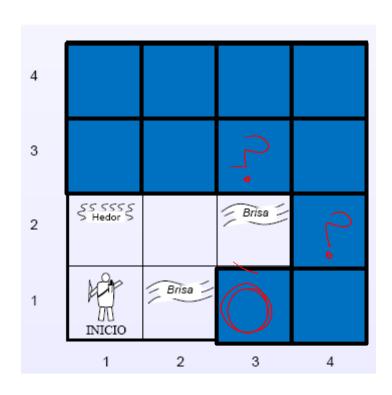


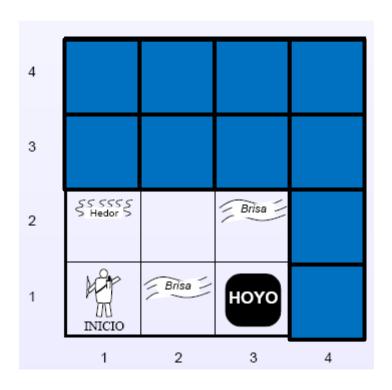




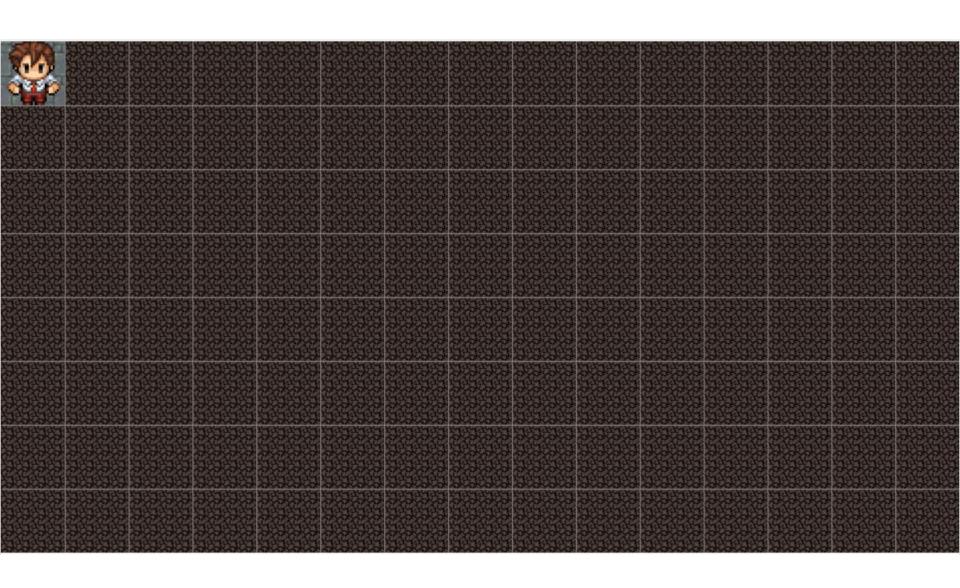








http://kryten.mm.rpi.edu/otter/wumpus/Wumpus.html



https://thiagodnf.github.io/wumpus-world-simulator/

Lógica proposicional Lógica de predicados

#### Proposición

 Es una oración declarativa que es verdadera o falsa, pero no ambas a la vez

#### Proposición

· Es una oración declarativa que es verdadera o falsa,



#### Proposición

• Es una oración declarativa que es verdadera o falsa,



#### Proposición

· Es una oración declarativa que es verdadera o falsa,



#### Proposición

· Es una oración declarativa que es verdadera o falsa,

pero no ambas a la vez EN ESTE SALÓN NADIE TIENE MOTO

#### Proposición

· Es una oración declarativa que es verdadera o falsa,



## **ELESPECTADOR·COM**



"La cadena p<u>erpetua desarticula a todo el</u> sistema penal": Roy Barreras



"Pensé que me estaba equivocando al no convocar presenciales": Lidio García



La nueva universidad, en tiempos de COVID-19



Comienza extinción de dominio a hacienda vinculada al exembajador Sanclemente

#### Proposición

 Es una oración declarativa que es verdadera o falsa, pero no ambas a la vez

Bogotá es la capital de Colombia

Lima es la capital de Perú

2+3=6

5-1=4

4 es un número primo

#### Proposición

 No es una proposición aquella expresión que no es declarativa o que no se puede decir si es falsa o verdadera

#### Proposición

 No es una proposición aquella expresión que no es declarativa o que no se puede decir si es falsa o verdadera



No son proposiciones porque no son oraciones declarativas

#### Proposición

 No es una proposición aquella expresión que no es declarativa o que no se puede decir si es falsa o verdadera



No son proposiciones porque no se sabe si es verdadero o falso

#### Proposición

 Es una oración declarativa que es verdadera o falsa, pero no ambas a la vez



#### Proposición

 No es una proposición aquella expresión que no es declarativa o que no se puede decir si es falsa o verdadera

¿Qué hora es?

Lea esto con atención

$$x + 1 = 2$$

Mañana lloverá

#### Proposición

 Indique cuáles de las siguientes expresiones son proposiciones

11 es un número primo (SC



Andrés vivirá 60 años

Cali no va a ganar el torneo 🦊 🗠

Camila tiene un promedio de 4.5



#### Proposición

• Estas son algunas proposiciones:

11 es un número primo

Camila tiene un promedio de 4.5

Bogotá es la capital de Colombia

Lima es la capital de Perú

#### Proposición

Estas son algunas proposiciones:

11 es un número primo

Camila tiene un promedio de 4.5

Bogotá es la capital de Colombia

Lima es la capital de Perú

Para denotar las proposiciones se usan letras, llamados **símbolos proposicionales** 

### Proposición

- Para denotar las proposiciones se usan letras y se expresan de la siguiente forma:
  - p: "11 es un número primo"
  - q: "Camila tiene un promedio de 4.5"
  - r: "Bogotá es la capital de Colombia"
  - s: "Lima es la capital de Perú"
  - **t**: "2+3=6"
  - u: "5-1=4"

Para denotar las proposiciones se usan letras, llamados **símbolos proposicionales** 

#### Proposición

- Para denotar las proposiciones se usan letras y se expresan de la siguiente forma:
  - p: "11 es un número primo"
  - q: "Camila tiene un promedio de 4.5"
  - r: "Bogotá es la capital de Colombia"
  - s: "Lima es la capital de Perú"
  - **t**: "2+3=6"
  - u: "5-1=4"

El valor de verdad de una proposición indica si es verdadera (V) o falsa (F)

### Proposición

- Para denotar las proposiciones se usan letras y se expresan de la siguiente forma:
  - p: "11 es un número primo"
  - q: "Camila tiene un promedio de 4.5"
  - r: "Bogotá es la capital de Colombia"
  - s: "Lima es la capital de Perú"
  - **t**: "2+3=6"
  - u: "5-1=4"

El valor de verdad de p es V (verdadero)

El valor de verdad de t es F (Falso)

#### Proposición

- Para denotar las proposiciones se usan letras y se expresan de la siguiente forma:
  - p: "11 es un número primo"
  - q: "Camila tiene un promedio de 4.5"
  - r: "Bogotá es la capital de Colombia"
  - s: "Lima es la capital de Perú"
  - **t**: "2+3=6"

u: "5-1=4"

¿Cuál es el valor de verdad de r, s y u?

#### Proposiciones simples y compuestas

 Se pueden relacionar diferentes proposiciones simples para formar una compuesta

#### Proposiciones simples y compuestas



 Se pueden relacionar diferentes proposiciones simples para formar una compuesta

Hoy es martes y la temperatura es de 21° C

Si no llueve hoy entonces voy a la clase de discretas

No es cierto que Juan perdió el examen

Cali perdió contra el Junior y no clasificó a la final

Javier perdió Discretas o Cálculo

#### Proposiciones simples y compuestas

 Se pueden relacionar diferentes proposiciones simples para formar una compuesta

Hoy es martes y la temperatura es de 21° C

Si no llueve hoy entonces voy a la clase de discretas

No es cierto que Juan perdió el examen

Cali perdió contra el Junior y no clasificó a la final

Javier perdió Discretas o Cálculo

#### Proposiciones simples y compuestas

 Se pueden relacionar diferentes proposiciones simples para formar una compuesta

Hoy es martes y la temperatura es de 21° C

Si no llueve hoy entonces voy a la clase de discretas

No es cierto que Juan perdió el examen

Cali perdió contra el Junior y no clasificó a la final

Javier perdió Discretas o Cálculo

Las proposiciones se pueden relacionar por medio de conectivos lógicos u operadores

#### Operadores lógicos

- Negación (¬)
- Conjunción (^)
- Disyunción (v)
- O-exclusivo (⊕)
- Implicación  $(\rightarrow)$
- Doble implicación (↔)



- Represente las siguientes proposiciones compuestas usando los conectivos lógicos
  - 1. Hoy es martes y la temperatura es de 21° C
  - 2. Si no llueve hoy entonces voy a la clase de discretas
  - 3. No es cierto que Juan perdió el examen
  - 4. Cali perdió contra el Junior y no clasificó a la final
  - 5. Javier perdió Discretas o Cálculo

 Represente las siguientes proposiciones compuestas usando los conectivos lógicos

Hoy es martes y la temperatura es de 21° C

Si no llueve hoy entonces voy a la clase de discretas

No es cierto que Juan perdió el examen

Cali perdió contra el Junior y no clasificó a la final

Javier perdió Discretas o Cálculo

¿Cuál es el valor de verdad de "Hoy es martes y la temperatura es de 21° C"?

 Represente las siguientes proposiciones compuestas usando los conectivos lógicos

Hoy es martes y la temperatura es de 21° C

Si no llueve hoy entonces voy a la clase de discretas

No es cierto que Juan perdió el examen

Cali perdió contra el Junior y no clasificó a la final

Javier perdió Discretas o Cálculo

¿Cuál es el valor de verdad de "Si no llueve hoy entonces voy a la clase de discretas"?

### Negación (¬)

Proposición	Negación
p: "Bogotá es la capital de	−p: "Bogotá no es la
Colombia"	capital de Colombia"
p:"El idioma oficial en	−p: "El idioma oficial en
Colombia es el inglés"	Colombia no es el inglés"

### Negación (¬)

· Tabla de verdad

p	¬p
٧	(F
F	V

#### Conjunción (^)

- En este salón hay más hombres que mujeres y las mujeres tienen un mejor promedio de calificaciones que los hombres
- Este semestre perdí Discretas y Cálculo

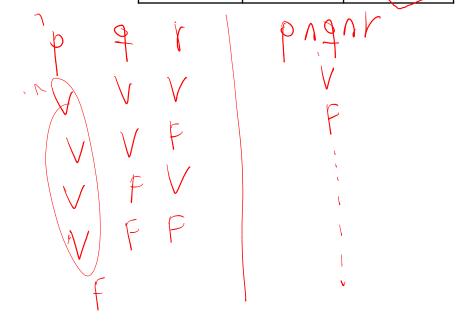
### Conjunción (A)

р	9	p∧q
"Bogotá es la capital de Colombia"	<b>"1+1=2"</b>	"Bogotá es la capital de Colombia" y "1+1=2"
"1+1=2"	"El idioma oficial en Colombia es el inglés"	"1+1=2" El idioma oficial en Colombia es el inglés"
"El idioma oficial en Colombia es el inglés"	"1+1=2"	"El idioma oficial en Colombia es el inglés" > "1+1=2"
"El idioma oficial en Colombia es el inglés	"1+1=7"	"El idioma oficial en Colombia es el inglés" y "1+1=7"

## Conjunción (^)



p	9	p∧q
V	V	V
V	۴	F
F	V	F
F	F	F



```
Inicio
 nota→ entero
  preguntar (nota)
 si (nota>=0.0 y nota<=5.0)
    mostrar("Es un nota válida")
 sino
    mostrar ("NO es una nota válida")
Fin
```

#### Inicio

 $a, b \rightarrow entero$ 

 $c \rightarrow entero$ 

preguntar(a)

preguntar(b)

$$c = 2*a + 3*b$$

mostrar(c)

sino

$$c = 4*a + 2$$

mostrar(c)

Fin

# Realice la prueba de escritorio para los valores de la tabla

a	Ь	С
2	10	3
0	40	2
5	20	22



#### Inicio

 $a, b \rightarrow entero$ 

 $c \rightarrow entero$ 

preguntar(a)

preguntar(b)

si (a>1 y b<15)

c = 2\*a + 3\*b

mostrar(c)

sino

c = 4\*a + 2

mostrar(c)

Fin

# Realice la prueba de escritorio para los valores de la tabla

a	Ь	С
2	10	34
0	40	2
5	20	22

#### Conjunción (A)



Muestre la tabla de la conjunción cuando se tienen 3 proposiciones

## Conjunción (A)

þ	q	r	p∧q∧r
V	V	V	<b>\</b>
V	V	F	F
V	F	V	F
V	F	F	F
F	V	V	F
F	V	F	F
F	F	V	F
F	۴	F	F

#### Disyunción (V)

- Pueden ver Inteligencia artificial los que han visto FADA
- o Programación interactiva

#### Disyunción (V)

р	9	p∨q
"Bogotá es la capital de Colombia"	<b>"1+1=2"</b>	"Bogotá es la capital de Colombia" o "1+1=2"
"1+1=2"	"El idioma oficial en Colombia es el inglés"	"1+1=2" o "El idioma oficial en Colombia es el inglés"
"El idioma oficial en Colombia es el inglés"	"1+1=2"	"El idioma oficial en Colombia es el inglés" o "1+1=2"
"El idioma oficial en Colombia es el inglés	"1+1=7"	"El idioma oficial en Colombia es el inglés" o "1+1=7"

#### Disyunción (V)

þ	q	p∨q
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

#### Inicio

```
    a, b → entero
    c → entero
    preguntar(a)
    preguntar(b)
```

$$c = 2*a + 4*b$$

mostrar(c)

sino

$$c = 3*a - 1*b$$

mostrar(c)

Fin

# Realice la prueba de escritorio para los valores de la tabla

a	Ь	С
15	7	8
8	10)	14
1	2	10



#### Inicio

```
a, b \rightarrow entero
c \rightarrow entero
preguntar(a)
preguntar(b)
si (a>10 ó b<5)
   c = 2*a + 4*b
   mostrar(c)
sino
   c = 3*a - 1*b
```

mostrar(c)

Fin

# Realice la prueba de escritorio para los valores de la tabla

a	Ь	С
15	7	58
8	10	14
1	2	10

#### O-exclusivo (⊕)

- Hamlet fue escrito o en 1601 o en 1688
- Sarah quiere o a Oscar o a Juan
- En su plato de entrada escoger o sopa o ensalada
- En su bandeja puede escoger o carne o pollo

#### O-exclusivo (⊕)

En su plato de entrada puede escoger o sopa o ensalada

р	q -	p⊕q
V	<b>V</b>	?
V	F	<b>?</b> √
F	V	? <b>∨</b>
F	F	<b>;</b>

#### O-exclusivo (⊕)

р	q	p⊕q
V	V	F
V	F	V
F	V	V
F	F	F

#### Implicación (→)

- · Si el jueves hay tropel entonces perdemos clase
- Si pierdo los parciales entonces pierdo discretas
- Si me queda discretas en 2.9 entonces el profesor no me pasa

#### Implicación (→)

Si soy elegido, bajaré los impuestos

p	q	p→q
<b>V</b>	<b>V</b>	?.
V	F ,	7 7 1
F	V	· .
F	F	? √





#### Implicación (→)

Si soy elegido, bajaré los impuestos

р	q	p→q
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V



$$V \rightarrow F = F$$

Solo se incumple el condicional si es elegido y no baja los impuestos

#### Implicación (→)

p	P	p→q
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

Si hace sol, entonces iremos a la playa

#### Doble implicación $(\leftrightarrow)$

- · Paso el curso si, y solo si, gano el examen
- · Puede tomar el postre si, y solo si, acabas tu comida

#### Doble implicación $(\leftrightarrow)$

· Paso el curso si, y solo si, gano el examen

p: "paso el curso"

q: "gano el examen"

p	q	р↔q
>	<b>V</b>	-\? \
V	F	? /=
F	V	? F
F	F	? ∨

#### Doble implicación $(\leftrightarrow)$

· Paso el curso si, y solo si, gano el examen

p: "paso el curso"

q: "gano el examen"

P	q	p↔q
V	<b>V</b>	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

#### Doble implicación (↔)

p	P	p↔q
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

Conectivo	Significado	Proposición Compuesta	Nombre en lógica
^	У	p \ q	Conjunción
V	0	p v q	Disyunción
	No	¬р	Negación
$\rightarrow$	si entonces	$p \rightarrow q$	Condicional
$\leftrightarrow$	si y solo si	p q	Bicondicional
Condicional negativo	q a menos que p	ι ¬p→ q	

#### Conectivo condicional negativo

Voy a discretas a menos que llueva.

a: Voy a discretas

b: Llueve

Si no llueve entonces iré a discretas

$$\neg b \rightarrow a$$

#### Precedencia de los operadores

- Negación (¬)
- Conjunción (AND)
- Disyunción (OR)
- Implicación (→)
- Doble implicación (↔)

p	¬р
V	F
F	٧

	Dish au	0000
p	9	p∨q
٧	<b>V</b>	٧
V	F	V
F	V	V
F	F	F

р	q	p⊕q
V	V	F
V	F	V
F	V	V
F	F	F

OY 8xc/ 101/10

C 6 70 0 0 0 6 0			
р	q	p∧q	
V	V	V	
V	F	F	
F	V	F	
F	۴	F	

	Implicaco.			
•	p	q	p→q	
	V	V	٧	
	V	F	F	
	F	V	V	
	F	F	V	

-Doble implication			
p	9	p↔q	
V	٧	V	
V	F	F	
F	V	F	
F	F	V	

#### Valor de verdad de proposiciones compuestas

 Se quiere conocer el valor de verdad de proposiciones compuestas. Para esto, se completan las tablas de verdad para cada una de las posibles combinaciones

$$(p \land q) \rightarrow (\neg p \land q)$$

$$(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$$

$$(p \land q) \rightarrow (p \lor q)$$

$$(p \land \neg p) \lor (\neg q \land q)$$

$$(p \land \neg r) \lor (\neg p \rightarrow r)$$

$$(p \oplus q) \rightarrow (\neg p \oplus \neg q)$$

р	q	$(p \land q) \rightarrow (\neg p \land q)$
V	٧	?
٧	ш_	?
F	>	?
F	4	?

A	- y
$\bigvee$	= O

р	q	<b>&gt;</b> p √	p \ q	p\q	$(p \land q) \rightarrow (\neg p \land q)$
V	<b>V</b>	F.	V	(=)	·
V	F	\ 	(1		$\bigvee$
F			K .	,V	
F	F	V	, T	(	

р	q	¬р	p∧q	$\neg p \land q$	$(p \land q) \rightarrow (\neg p \land q)$
٧	>	F			
V	F	F			
F	>	٧			
F	F	V			

р	q	¬р	p∧q	¬p∧q	$(p \land q) \rightarrow (\neg p \land q)$
٧	>	F	<b>V</b>		
V	F	F	F		
F	٧	V	F		
F	Œ	٧	f		

р	q	¬р	p∧q	$\neg p \land q$	(p∧q)→(¬p∧q)
V	٧	F	V	F	
V	F	F	F	F	
F	٧	V	F	V	
F	ſŁ.	V	F	F	

р	q	¬р	p∧q	¬p∧q	$(p \land q) \rightarrow (\neg p \land q)$
٧	٧	F	٧	F	F
V	F	F	F	F	V
F	٧	٧	F	V	V
F	F	V	F	F	V

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \rightarrow \neg q$	q∨p	$(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$
V	V	+	F	<i>&gt;</i>	· \	V \
V	F	+	V	<b>\</b>	\ \	V
F	V	V =	= ‡	1	>	F
F	F	$\bigvee$	V	$\checkmark$	( )	

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \rightarrow \neg q$	q∨p	$(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$
٧	>	Œ				
٧	۴	F				
F	٧	٧				
F	۴	٧				

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \rightarrow \neg q$	q∨p	$(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$
٧	>	Œ	Œ			
٧	۴	F	٧			
F	٧	٧	F			
F	۴	٧	٧			

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \rightarrow \neg q$	q∨p	$(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$
<b>V</b>	٧	۴	F	V		
٧	۴	F	٧	V		
F	٧	٧	F	F		
F	۴	٧	V	V		

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \rightarrow \neg q$	q∨p	$(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$
V	٧	F	F	V	V	
V	F	F	V	V	٧	
F	٧	V	F	F	V	
F	F	٧	٧	V	F	

Tabla de verdad para  $(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$ 

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \rightarrow \neg q$	q∨p	$(\neg p \rightarrow \neg q) \land (q \lor p)$
V	٧	F	F	V	V	V
V	F	F	V	V	٧	V
F	٧	V	F	F	V	F
F	F	٧	٧	V	F	F

(	p	q	¬p į	g		p⊕¬q	$(\neg p \lor q) \rightarrow (p \oplus \neg q)$
	V	V	٢	F	$\vee$	$\bigvee$	$\vee$
ι .	V	F	P	(V)	F	T.	
(	F	V	V .	(†)	V	+	F
	F	F	V	Ϋ́		- J	

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \lor q$	p⊕¬q	(¬p∨q) <del>&gt;</del> (p⊕¬q)
V	<b>\</b>	F				
V	F	F				
F	٧	V				
F	F	V				

р	9	¬р	$\neg q$	$\neg p \lor q$	p⊕¬q	(¬p∨q) <b>→</b> (p⊕¬q)
V	٧	F	F			
V	F	F	V			
F	٧	V	F			
F	ſŁ.	V	٧			

р	9	¬р	$\neg q$	$\neg p \lor q$	p⊕¬q	(¬p∨q) <b>→</b> (p⊕¬q)
V	٧	F	F	٧		
V	F	F	٧	F		
F	٧	V	F	V		
F	F	V	٧	V		

р	9	¬p	$\neg q$	$\neg p \lor q$	p⊕¬q	(¬p∨q)→(p⊕¬q)
V	٧	f	F	٧	V	
V	F	F	٧	F	H.	
F	٧	V	F	V	F	
F	F	V	٧	V	V	

р	9	¬р	$\neg q$	$\neg p \lor q$	p⊕¬q	(¬p∨q) <del>&gt;</del> (p⊕¬q)
V	٧	F	F	V	V	V
V	F	F	V	F	F	V
F	٧	V	F	V	F	F
F	F	V	V	V	V	V

р	q	r
<b>\</b>	<b>\</b>	<b>V</b>
٧	٧	F
٧	F	٧
٧	F	F
4	٧	٧
4	٧	F
۴	4	٧
F	F	F

		~		J,			
p	q		q	¬r	p∧¬r	¬q→r	(p∧¬r)√(¬q→r)
V	٧	>	F	F		. (	V \
V	٧	Œ	()			V	V / L
V	4	>	<b>&gt;</b> -				$\vee$
V	4	<u> </u>				1	V
F	٧	>	<del>- [-</del>	( <del>}</del>	11	<b>V</b>	$\bigvee$
F	٧	۴	Û.		-+)	$\vee$	V
F	F	V	<b>→</b>	P	t	V	V
F	F	F	ı	V	F		F

р	q	r	$\neg q$	 p∧¬r	¬q→r	(p∧¬r)∨(¬q→r)
V	٧	٧	F			
V	٧	۴	F			
V	F	٧	٧			
V	F	F	٧			
F	٧	>	۴			
F	٧	۴	۴			
F	۴	٧	٧			
F	F	F	V			

р	q	r	$\neg q$	¬r	p∧¬r	¬q→r	(p∧¬r)∨(¬q→r)
V	٧	٧	F	F			
V	٧	F	F	٧			
V	F	٧	٧	F			
V	F	F	٧	٧			
F	٧	<b>V</b>	۴	Œ			
F	٧	F	۴	٧			
F	۴	٧	٧	۴			
F	F	F	V	V			

р	q	r	$\neg q$	¬r	p∧¬r	¬q→r	(p∧¬r)∨(¬q→r)
V	٧	٧	F	F	F		
V	٧	F	F	٧	V		
V	F	٧	٧	F	F		
V	F	F	٧	V	V		
F	٧	<b>V</b>	۴	F	F		
F	٧	F	۴	V	F		
F	۴	٧	٧	F	F		
F	F	F	V	V	F		

р	q	r	$\neg q$	¬r	p∧¬r	¬q→r	(p∧¬r)∨(¬q→r)
V	٧	٧	F	F	F	V	
V	٧	۴	F	٧	V	V	
V	F	٧	٧	F	F	V	
V	F	F	٧	٧	V	F	
F	٧	>	۴	Œ	F	<b>V</b>	
F	٧	۴	۴	٧	Œ	<b>V</b>	
F	۴	٧	٧	۴	F	V	
F	F	F	V	V	F	F	

р	q	٢	$\neg q$	r	p∧¬r	¬q→r	(p∧¬r)∨(¬q→r)
V	٧	٧	F	F	F	V	V
V	٧	۴	F	٧	V	V	V
V	۴	<b>V</b>	٧	F	F	V	V
V	F	F	٧	٧	V	F	V
F	٧	٧	F	F	F	V	V
F	٧	F	F	٧	F	V	V
F	F	٧	٧	F	F	V	V
F	F	F	V	V	F	F	F

#### Tipos de proposiciones compuestas

- Tautología
- Contradicción
- Contingencia

#### Tipos de proposiciones compuestas

- Tautología. La proposición es verdadera para todos los posibles valores de verdad
- Contradicción. La proposición es falsa para todos los posibles valores de verdad
- Contingencia. La proposición no es ni tautología ni contradicción

Clasifique como Tautología, Contradicción o Contingencia las siguientes proposiciones compuestas:

- $\cdot (p \oplus q) \rightarrow (p \leftrightarrow q)$
- $\cdot [(p \rightarrow q) \land (q \rightarrow r)] \rightarrow (p \rightarrow r)$
- $\cdot \neg (p \land \neg p) \rightarrow (\neg q \land q)$

р	9	p⊕q	p↔q	(p⊕q) <del>&gt;</del> (p↔q)
V	V	F	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	V
V	۴	<b>V</b>	12	£
F	٧	V	F	F
F	Œ	4	V	V

р	9	p⊕q	p↔q	(p⊕q) <del>&gt;</del> (p↔q)
V	٧	F		
V	۴	٧		
F	٧	V		
F	۴	F		

p	9	p⊕q	p↔q	(p⊕q) <del>&gt;</del> (p↔q)
V	٧	F	V	
V	F	V	F	
F	٧	V	F	
F	F	F	V	

Tabla de verdad para  $(p \oplus q) \rightarrow (p \leftrightarrow q)$ 

р	9	p⊕q	p↔q	(p⊕q) <del>&gt;</del> (p↔q)
V	٧	F	V	V
V	F	V	F	F
F	٧	V	F	F
F	۴	F	V	V

 $(p \oplus q) \rightarrow (p \leftrightarrow q)$  es una contingencia

Tabla de verdad para  $[(p\rightarrow q)\land (q\rightarrow r)]\rightarrow (p\rightarrow r)$ 

Tabla de verdad para  $[(p\rightarrow q)\land (q\rightarrow r)]\rightarrow (p\rightarrow r) \equiv \sqrt{}$ 

р	q	r	p→q	q→r	(p→q)∧(q→r)	p→r	$(p\rightarrow q)\land (q\rightarrow r)\rightarrow (p\rightarrow r)$
V	٧	٧	V	V	V	V	V
V	٧	F	V	F	F	F	( V
V	F	٧	F	V	F	V	/ V
V	F	F	F	V	F	F	( V
F	٧	٧	V	V	V	V	V
F	٧	F	V	F	F	V	<b>V</b>
F	۴	<b>\</b>	V	V	V	V	V
F	F	F	V	V	V	V	V

 $[(p\rightarrow q)\land (q\rightarrow r)]\rightarrow (p\rightarrow r)$  es una tautología

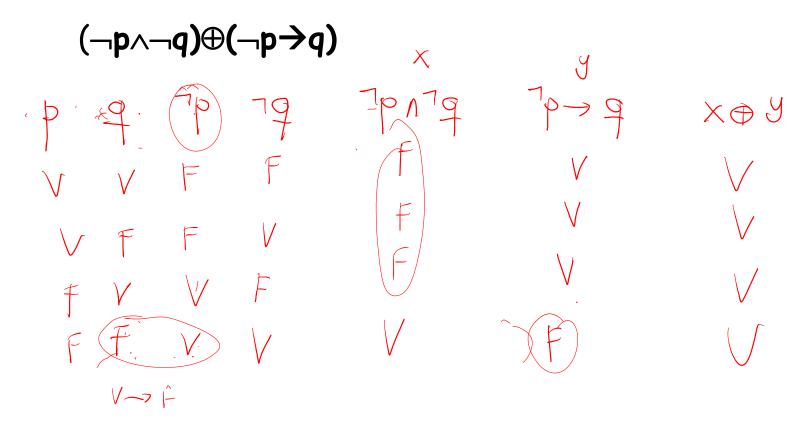
Tabla de verdad para  $\neg(p \land \neg p) \rightarrow (\neg q \land q)$ 

Tabla de verdad para  $\neg (p \land \neg p) \rightarrow (\neg q \land q) \equiv \vdash$ 

р	q	¬р	$\neg q$	p∧¬p	¬(p∧¬p)	$\neg q \land q$	
V	<	۴	F	F	<b>\</b>	F	/F
V	F	F	٧	F	V	F	/ F
F	٧	٧	F	F	V	F	F /
F	F	٧	٧	F	V	F	\ F

 $\neg(p \land \neg p) \rightarrow (\neg q \land q)$  es una contradicción

Clasifique la siguiente proposición compuesta como tautología, contradicción o contingencia



Desarrolle la tabla de verdad para los siguientes pares de proposiciones:

Tabla de verdad para  $\neg (p \lor q)$ ,  $\neg p \land \neg q$ 

р	q	¬р	$\neg q$	p∨q	¬(p∨q)	¬p∧¬q
V	٧	F	F	V	F	F
٧	F	F	٧	V	F	F
F	٧	٧	F	V	F	F
F	F	٧	٧	F	V	V

Tabla de verdad para  $\neg (p \lor q)$ ,  $\neg p \land \neg q$ 

р	q	¬р	$\neg q$	p∨q	¬(p∨q)	¬p∧¬q
V	٧	F	F	V	F	F
٧	F	F	٧	V	F	F
F	٧	V	F	V	F	F
F	F	V	٧	F	V	V

Tabla de verdad para  $\neg (p \lor q)$ ,  $\neg p \land \neg q$ 

р	q	¬р	$\neg q$	p∨q	¬(p∨q)	$\neg p \land \neg q$
V	٧	F	F	V	F	F
٧	F	F	٧	V	F	F
F	٧	V	F	V	F	F
F	F	V	٧	F	V	V

Se dice que  $\neg(p \lor q)$  y  $\neg p \land \neg q$  son lógicamente equivalentes

$$\neg (p \lor q) \equiv \neg p \land \neg q$$

#### Equivalencia lógica (≡)

Dos proposiciones son lógicamente equivalentes si tienen los mismos valores de verdad

Tabla de verdad para  $\neg (p \lor q)$ ,  $\neg p \land \neg q$ 

р	q	¬р	$\neg q$	p∨q	¬(p∨q)	$\neg p \land \neg q$
V	٧	F	F	V	F	F
٧	F	F	٧	V	F	F
F	٧	V	F	V	F	F
F	F	V	٧	F	V	V

Se dice que  $\neg(p \lor q)$  y  $\neg p \land \neg q$  son lógicamente equivalentes

$$\neg (p \lor q) \equiv \neg p \land \neg q$$

Tabla de verdad para  $\neg (p \lor q)$ ,  $\neg p \land \neg q$ 

р	q	¬р	$\neg q$	p∨q	¬(p∨q)	$\neg p \land \neg q$
V	٧	F	F	V	F	F
٧	۴	F	>	V	F	F
F	٧	V	F	V	F	F
F	F	V	٧	F	V	V

Ley de De Morgan:  $\neg(p \lor q) \equiv \neg p \land \neg q$ 

#### Augustus De Morgan

- · Fue tutor de Ada Lovelace
- Perdió la visión de un ojo desde que tenía 2 meses de nacido
- Fue cuarto Wrangler.
   Universidad de Cambridge
- En 1838 presentó la primera explicación clara de una demostración por inducción matemática



(1806 - 1871)

Muestre que los siguientes pares de proposiciones son lógicamente equivalentes:

- $p\rightarrow q$ ,  $\neg p \lor q$
- $p\lor(q\land r)$ ,  $(p\lor q)\land(p\lor r)$

Tabla de verdad para  $\mathbf{p} \rightarrow \mathbf{q}$ ,  $\neg \mathbf{p} \lor \mathbf{q}$ 

р	q	$p \rightarrow q$	¬р	$\neg p \lor q$
V	٧	V	F	V
V	F	F	F	F
F	٧	V	V	V
F	F	V	V	V

Tabla de verdad para  $\mathbf{p} \rightarrow \mathbf{q}$ ,  $\neg \mathbf{p} \lor \mathbf{q}$ 

р	q	p→q	¬р	¬p∨q
V	٧	V	F	V
V	F	F	F	F
F	٧	V	V	V
F	۴	V	V	V

Tabla de verdad para  $p(q \land r)$ ,  $(p \lor q) \land (p \lor r)$ 

_								
	þ	q	<b>r</b> ~	q^r	pv(gar)	p∨q	p∨r	(p\q)\(p\r)
1	٧	\( \rightarrow \)	>		- 🗸		V	V
	٧	>	<b>(</b>	F	<b>\</b>	<b>\</b>	<b>\</b>	V
	<b>V</b>	F	>	1	$\vee$	$\vee$	V	V
	<b>\</b>	$\left  \overline{\tau} \right $		1	$\vee$		V	V
. [	۴	K	V	$\bigvee_{a}$	<b>/</b>	V	V	$\vee$
q	F/	V		F	f `		F	F
	F	E	V	[ +	Fr	F	V	f
	F	F			F	H	F	

#### Tabla de verdad para $p \lor (q \land r)$ , $(p \lor q) \land (p \lor r)$

р	q	r	q∧r	p∨(q∧r)	p∨q	p∨r	(p∨q)∧(p∨r)
V	٧	٧	V	V	V	V	V
V	٧	F	F	V	V	V	V
V	F	٧	F	V	V	V	V
V	F	F	F	V	V	V	V
F	<b>V</b>	٧	V	<b>V</b>	<b>V</b>	V	V
F	٧	F	F	F	٧	F	F
F	۴	٧	F	F	F	V	F
F	F	F	F	F	F	F	F

Tabla de verdad para  $p \lor (q \land r)$ ,  $(p \lor q) \land (p \lor r)$ 

р	q	r	q^r	p∨(q∧r)	p∨q	p∨r	(p∨q)∧(p∨r)
V	٧	٧	V	V	V	V	V
V	>	۴	F	<b>V</b>	٧	<b>\</b>	V
V	Œ	<b>&gt;</b>	F	V	٧	V	V
V	۴	F	F	V	V	V	V
F	<b>\</b>	<b>V</b>	V	V	٧	V	V
F	٧	F	F	(F	V	F	F
F	ſΉ	>	F	F	F	V	F
F	F	F	F	æ	F	F	F

Ley distributiva:  $p \lor (q \land r) \equiv (p \lor q) \land (p \lor r)$ 

Indique si el siguiente par de proposiciones es lógicamente equivalente:

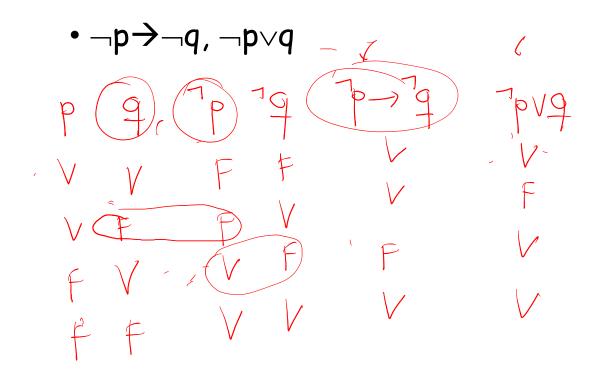


Tabla de verdad para  $\neg p \rightarrow \neg q$ ,  $\neg p \lor q$ 

р	q	¬р	$\neg q$	$\neg p \rightarrow \neg q$	¬p∨q
V	٧	F	F	V	V
V	F	F	٧	V	F
F	٧	V	F	L.	V
F	F	V	V	V	V

Como no coinciden para todos los valores de verdad, no son lógicamente equivalentes 

Equivalencia	Nombre
p∧V≢p p∨F≢p	Leyes de identidad
p√V≢V p∧F≢F	Leyes de dominación
p∨p≡p p∧p≡p	Leyes de idempotencia
¬(¬p)≡p	Ley de la doble negación
p∨q≡q∨p p∧q≡q∧p	Leyes conmutativas
$(p \lor q) \lor r \equiv p \lor (q \lor r)$ $(p \land q) \land r \equiv p \land (q \land r)$	Leyes asociativas
$p(q r) = (p \lor q) \land (p \lor r)$ $p(q \lor r) = (p \land q) \lor (p \land r)$	Leyes distributivas
$\neg (p \land q) \equiv \neg p \lor \neg q$ $\neg (p \lor q) \equiv \neg p \lor \neg q$	Leyes de De Morgan
$p \lor (p \land q) \equiv p \lor p \land (p \lor q) \equiv p \lor$	Leyes de absorción
p√¬p≡V p∧¬p∍F	Leyes de negación

(pngnr)

			1/
p	q	p∧q	p√(p∧q)
V	٧	V	V
V	F	F	$\checkmark$
F	<b>V</b>	<u>.</u>	1
F	F	1	F

р	9	p∧q	p\(p\q)
V	٧	V	V
V	F	F	V
F	٧	F	F
F	4	F	F

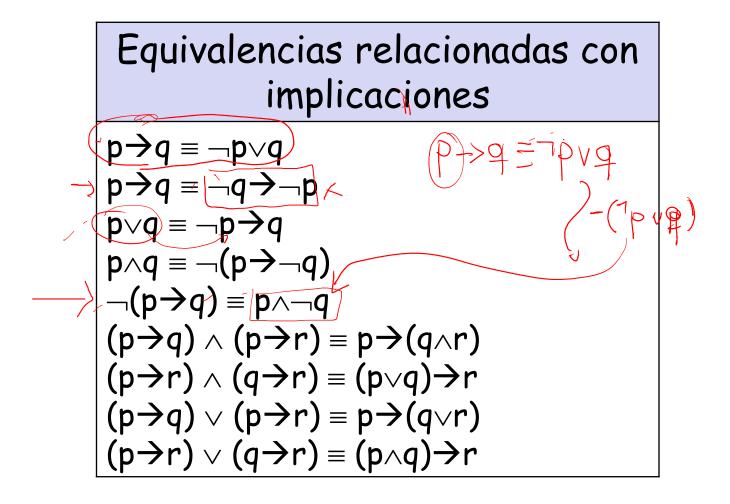
р	9	p∧q	p∨(p∧q)
V	٧	V	V
V	F	F	V
F	٧	F	F
F	4	F	F



Aplique la ley que se indica en cada caso:

- Distributiva sobre py(px-q) [pvp) \(\(\text{p}\text{v}^2\q\) = \(\text{v}^2\q\)

  = \(\text{p}\text{v}^2\q\)
- De Morgan sobre ¬(p∧¬q)
- De Morgan sobre  $\neg (q \lor (\neg p \lor r))$



Pruebe la equivalencia,  $p \rightarrow q = \neg q \rightarrow \neg p$ 

Pruebe la equivalencia,  $p \rightarrow q = \neg q \rightarrow \neg p$ 

р	q	¬р	$\neg q$	p→q	$\neg q \rightarrow \neg p$
V	٧	F	F	V	V
V	(L)		Ý	(H)	F
F	٧	٧	F	V	V
F	F	٧	V	V	V

Aplique la jey  $p \rightarrow q = \neg p \lor q$  en los siguientes casos:

$$\bullet (\neg p \land r) \rightarrow q = \neg (\neg p \land r) \lor q = \neg (\neg p \land r$$

 $(p \lor q) \rightarrow (\neg q \lor r)$ 

(7p 1 7g) V 7g VY

# Equivalencias relacionadas con doble implicación

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \rightarrow q) \land (q \rightarrow p)$$

$$p \leftrightarrow q \equiv \neg p \leftrightarrow \neg q$$

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)$$

$$\neg (p \leftrightarrow q) \equiv p \leftrightarrow \neg q$$

3) 
$$p. \Lambda(q0) = (pnq) V(pnr)$$
  
 $pV(q0) = (pvq) \Lambda(pvr)$ 

5) 
$$(p \wedge q) = (p \vee p)$$
  
 $(p \vee q) = (p \wedge q)$ 

Disyunción (OR) v Es falsa cuando todas son falsas.

Conjunción (AND) ^ Es verdadera cuando todas son verdaderas.

Implicación: Es falsa cuando tenemos V->F El politico mentiroso que elegimos.

Doble implicación: Es verdadera cuando ambas son verda deras o son falsas.



#### Demostrar equivalencias lógicas

Las equivalencias lógicas se pueden demostrar construyendo la tabla de verdad. Otra forma de hacerlo consiste en utilizar equivalencias ya conocidas

Pruebe la equivalencia,  $\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$ 

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$
  
 $\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv$ 

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$
  
 $\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg (\neg p \land q)$  De Morgan

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$
  
 $\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg (\neg p \land q)$  De Morgan  
 $\equiv \neg p \land [\neg(\neg p) \lor \neg q]$  De Morgan

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$

$$\neg(\mathsf{p} \vee (\neg \mathsf{p} \wedge \mathsf{q})) \equiv \neg \mathsf{p} \wedge \neg(\neg \mathsf{p} \wedge \mathsf{q})$$

De Morgan

$$\equiv \neg p \land [\neg (\neg p) \lor \neg q]$$

De Morgan

$$\equiv \neg p \land (p \lor \neg q)$$

Doble negación

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$

$$\neg(p\lor(\neg p\land q))\equiv\neg p\land\neg(\neg p\land q)$$

$$\equiv \neg p \land [\neg (\neg p) \lor \neg q]$$

$$\equiv \neg p \land (p \lor \neg q)$$

$$\equiv ( \neg p \land p) \lor ( \neg p \land \neg q)$$

De Morgan

De Morgan

Doble negación

Distributiva

FVP=P

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$
  
 $\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg (\neg p \land q)$  De Morgan  
 $\equiv \neg p \land [\neg(\neg p) \lor \neg q]$  De Morgan  
 $\equiv \neg p \land (p \lor \neg q)$  Doble negación  
 $\neg p \land p \lor (\neg p \land \neg q)$  Distributiva  
 $\equiv F \lor (\neg p \land \neg q)$  Ley de negación

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$

$$\neg(p\lor(\neg p\land q))\equiv\neg p\land\neg(\neg p\land q)$$

$$\equiv \neg p \land [\neg (\neg p) \lor \neg q]$$

$$\equiv \neg p \land (p \lor \neg q)$$

$$\equiv (\neg p \land p) \lor (\neg p \land \neg q)$$

$$\equiv F \lor (\neg p \land \neg q)$$

$$\equiv (\neg p \land \neg q) \lor F$$

De Morgan

De Morgan

Doble negación

Distributiva

Ley de negación

Conmutativa

Pruebe la equivalencia, 
$$\neg(p \lor (\neg p \land q)) \equiv \neg p \land \neg q$$

$$\neg(p\lor(\neg p\land q))\equiv\neg p\land\neg(\neg p\land q)$$

$$\equiv \neg p \land [\neg (\neg p) \lor \neg q]$$

$$\equiv \neg p \land (p \lor \neg q)$$

$$\equiv (\neg p \land p) \lor (\neg p \land \neg q)$$

$$\equiv F \lor (\neg p \land \neg q)$$

$$\equiv (\neg p \land \neg q) \lor F$$

$$\equiv (\neg p \land \neg q)$$

De Morgan

De Morgan

Doble negación

Distributiva

Ley de negación

Conmutativa

Identidad

Pruebe la equivalencia,  $p \rightarrow (p \lor q) \equiv V$ 

(png) -> Y

7(9v9) Vr

(7pn7g) Vr

#### Pruebe la equivalencia, $p \rightarrow (p \lor q) \equiv V$

$$p \rightarrow (p \lor q) \equiv \neg p \lor (p \lor q)$$
  $p \rightarrow q \equiv \neg p \lor q$   $\equiv (\neg p \lor p) \lor q$  Asociativa  $\equiv V \lor q$  Negación  $\equiv V$  Dominación

#### Pruebe la equivalencia, $(p \land q) \rightarrow (p \lor q) \equiv V$

Pruebe la equivalencia, 
$$(p \land q) \rightarrow (p \lor q) \equiv V$$

$$(p \land q) \rightarrow (p \lor q) \equiv \neg (p \land q) \lor (p \lor q)$$
  $p \rightarrow q \equiv \neg p \lor q$   
 $\equiv (\neg p \lor \neg q) \lor (p \lor q)$  De Morgan  
 $\equiv \neg p \lor (\neg q \lor p) \lor q$  Asociativa

$$\equiv \neg p \lor (p \lor \neg q) \lor q$$
 Conmutativa

$$\equiv (\neg p \lor p) \lor (\neg q \lor q)$$
 Asociativa

$$\equiv V \lor V$$
 Negación

Pruebe la equivalencia,  $\neg p \rightarrow (p \rightarrow q) \equiv V$ 

$$PV(7PY4)$$

$$PV7PV4$$

$$Tv9=T$$

Pruebe la equivalencia,  $\neg p \rightarrow (p \rightarrow q) \equiv V$ 

$$\neg p \rightarrow (p \rightarrow q) \equiv \neg (\neg p) \lor (p \rightarrow q)$$

$$\equiv p \lor (p \rightarrow q)$$

$$\equiv p \lor (\neg p \lor q)$$

$$\equiv (p \lor \neg p) \lor q$$

$$\equiv V \vee q$$

$$\equiv V$$

$$p \rightarrow q \equiv \neg p \lor q$$

Doble negación

$$p \rightarrow q = \neg p \lor q$$

Asociativa

Negación

Dominación

Pruebe la equivalencia,  $(\neg p \rightarrow \neg q) \rightarrow q \equiv (\neg p \land q) \lor q$ 

Pruebe la equivalencia, 
$$(\neg p \rightarrow \neg q) \rightarrow q \equiv (\neg p \land q) \lor q$$

$$(\neg p \rightarrow \neg q) \rightarrow q \equiv \neg (\neg p \rightarrow \neg q) \lor q \qquad p \rightarrow q \equiv \neg p \lor q$$

$$\equiv \neg [\neg (\neg p) \lor \neg q] \lor q \qquad p \rightarrow q \equiv \neg p \lor q$$

$$\equiv \neg (p \lor \neg q) \lor q \qquad Doble negación$$

$$\equiv [\neg p \land \neg (\neg q)] \lor q \qquad Doble negación$$

$$\equiv (\neg p \land q) \lor q \qquad Doble negación$$

Pruebe la equivalencia,  $\neg [(p \land q) \rightarrow (p \rightarrow q)] = F$ 

#### Representación de frases del lenguaje natural

- La lógica permite representar de forma no ambigua frases que se usan en el lenguaje natural
- · Cada preposición se denota como una variable

a: "Juan es estudiante" Se codifican "y", "o", "si" ... "entonces", "si y sólo si" con sus respectivos conectores  $\land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow$ 

• La preposiciones no pueden ir negadas, en caso de ser negativas se usa el conector ¬. Ejemplo: "Juan no es estudiante".

a: "Juan es estudiante"

Si mides menos de 1.20 metros o eres menor de 16 años, no puedes montar en la montaña rusa

Si mides menos de 1.20 metros o eres menor de 16 años, no puedes montar en la montaña rusa

p: "mides menos de 1.20 metros"

q: "eres menor de 16 años"

r: "puedes montar en la montaña rusa"

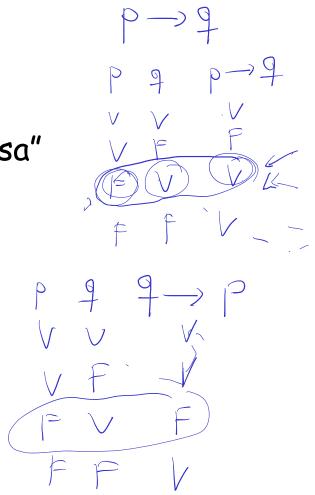
Si mides menos de 1.20 metros o eres menor de 16 años, <u>no</u> puedes montar en la montaña rusa

p: "mides menos de 1.20 metros"

q: "eres menor de 16 años"

r: "puedes montar en la montaña rusa"

$$(p \lor q) \rightarrow \neg r$$



Una foto es rectangular o cuadrada. Una foto es a color o en blanco y negro. Si la foto es cuadrada, entonces es una foto en blanco y negro. Si es rectangular, es una foto en color. En caso de que la foto sea en blanco y negro, entonces es un retrato. Si la foto es un retrato, es la foto de mi amigo. Se sabe que la foto no es a color

r: "la foto es rectangular"

c: "la foto es cuadrada"

I: "la foto es a color"

b: "la foto es a blanco y negro"

t: "la foto es un retrato"

a: "la foto es de mi amigo"

2) 
$$v v c = 6$$
 71  
2)  $1 v b = 7 v \rightarrow 1$   
3)  $c \rightarrow b$   
42-6  $\rightarrow t$   
5)  $t \stackrel{*}{} = 9$ 

r: "la foto es rectangular"

c: "la foto es cuadrada"

I: "la foto es a color"

b: "la foto es a blanco y negro"

t: "la foto es un retrato"

a: "la foto es de mi amigo"

- 1. rvc
- 2. by
- **3**. c→b
- 4. r→l
- **5**. b→t
- **6**. t→a
- **7**. ¬I

2) 
$$v c = 6$$
 71  
2)  $v c = 6$  71  
3)  $c \rightarrow b$   
42-6  $\rightarrow t$   
5)  $t \rightarrow 9$ 

- Uno de los siguientes equipos ganó el torneo: América, Cali, Millonarios, Santa Fe, Medellín o Nacional
- Si el vencedor fue América o Cali, un equipo del Valle ganó el torneo
- Si Millonarios o Santa Fe ganaron, el vencedor fue un equipo de Bogotá
- Si el vencedor fue Medellín o Nacional, un equipo de Antioquia ganó el torneo
- Si Medellín fue derrotado entonces Santa Fe también
- Cali perdió =)
- Si América perdió, entonces el Valle no ganó el torneo
- Si el Cali perdió, entonces un equipo de Antioquia no ganó el torneo
- · Si Nacional fue derrotado entonces Millonarios y Medellín también

b: "un equipo de Bogotá ganó el torneo"

1) 
$$Q \lor C \longrightarrow V$$
 3)  $E \lor D \longrightarrow D$  5)  $C \longleftrightarrow D$ 

2)  $M \lor S \longrightarrow D$  1)  $E \longrightarrow D$  6)  $Q \longrightarrow V$  8)  $D \longrightarrow (M \land E)$ 

$$6) \overline{q} \rightarrow \overline{V}$$

a: "América ganó el torneo"

c: "Cali ganó el torneo"

m: "Millonarios ganó el torneo"

s: "Santa Fe ganó el torneo"

e: "Medellín ganó el torneo"

n: "Nacional ganó el torneo"

v: "un equipo del Valle ganó el torneo"

p: "un equipo de Antioquia ganó el torneo"

b: "un equipo de Bogotá ganó el torneo"

- 1. avcvmvsvevn
- 2.  $(a \lor c) \rightarrow v$
- 3.  $(m \lor s) \rightarrow b$
- **4**. (e∨n)→p
- 5.  $\neg e \rightarrow \neg s$
- **6**. ¬c
- 7.  $\neg a \rightarrow \neg v$
- **8.** ¬c→¬p
- 9.  $\neg n \rightarrow (\neg m \land \neg e)$

- 1. avcvmvsvevn
- 2.  $(a \lor c) \rightarrow v$
- 3.  $(m \lor s) \rightarrow b$
- **4**. (e∨n)→p
- 5.  $\neg e \rightarrow \neg s$
- **6**. ¬c
- 7.  $\neg a \rightarrow \neg v$
- **8**. ¬c→¬p
- 9.  $\neg n \rightarrow (\neg m \land \neg e)$

Si Superman fuera capaz y quisiera prevenir el mal, él lo prevendría. Si Superman fuera incapaz de prevenir el mal, sería impotente; sí el no quisiera prevenir el mal, sería malévolo. Supermán no previene el mal. Si supermán existe, no es impotente ni malévolo. Entonces, Superman no existe.

a: "Superman es capaz de prevenir el mal"

b) "Superman quiere prevenir el mal"

c: "Superman previene el mal"

d: "Superman es impotente"

e: "Superman es malévolo"

f: "Superman existe"

as de amigos y conocidos

a: "Superman es capaz de prevenir el mal"

b: "Superman quiere prevenir el mal"

c: "Superman previene el mal"

d: "Superman es impotente"

e: "Superman es malévolo"

f: "Superman existe"

- 1.  $(a \land b) \rightarrow c$  Si Superman fuera capaz y quisiera prevenir el mal, él lo prevendría
- 2.  $\neg a \rightarrow d$  Si Superman fuera incapaz de prevenir el mal, sería impotente
  - 3. b →e Sí el no quisiera prevenir el mal, sería malévolo
  - 4. ¬c Supermán no previene el mal
  - 5. f  $\rightarrow \neg d \land \neg e$  Si supermán existe, no es impotente ni malévolo.
  - 6. ¬f Supermán no existe ⊗

Prontamente obtendrás las herramientas para demostrar que Superman no existe y así destruir los sueños y esperanzas de amigos y conocidos ©

Prueba el anterior enunciado en esta herramienta:

http://logictools.org

#### http://logictools.org

$$((a \text{ and } b) => c) & (-a => d) & (-b => e) & (-b => e) & (f => -d \text{ and } -e) & (f => -f)$$

Seleccionar truth table: better

Juan tiene 20 o 22 años. Si Juan tiene 22 años, entonces nació antes que Pedro. Juan no nació antes que Pedro. Por lo tanto, Juan tiene 20 años

- Traduzca a lógica preposicional.
- Pruebe su argumento en logictoools.org.

