

# Fundamentos de lenguajes de programación

## Semántica de los Conceptos Fundamentales de Lenguajes de Programación

Facultad de Ingeniería. Universidad del Valle

Marzo de 2018



# Contenido

- 1 Un interpretador más complejo
- 2 Evaluación de expresiones condicionales
- 3 Ligadura local

# Contenido

- 1 Un interpretador más complejo
- 2 Evaluación de expresiones condicionales
- 3 Ligadura local

# Contenido

- 1 Un interpretador más complejo
- 2 Evaluación de expresiones condicionales
- 3 Ligadura local

# Contenido

- 1 Un interpretador más complejo
- 2 Evaluación de expresiones condicionales
- 3 Ligadura local

# Un interpretador más complejo

- Nuestro lenguaje será extendido para incorporar condicionales y ligadura local (asignación).
- El lenguaje consistirá de las expresiones especificadas anteriormente y de expresiones para condicionales if ... then ... else y para el operador de ligadura local let.
- Para este lenguaje se extiende el conjunto de valores expresados y denotados de la siguiente manera:

Valor Expresado = Número + Booleano

Valor Denotado = Número + Booleano

# Un interpretador más complejo

## Gramática

La gramática para el lenguaje será la siguiente:

$\langle \text{programa} \rangle ::= \langle \text{expresión} \rangle$

a-program (exp)

$\langle \text{expresión} \rangle ::= \langle \text{número} \rangle$

lit-exp (datum)

$::= \langle \text{identificador} \rangle$

var-exp (id)

$::= \langle \text{primitiva} \rangle (\{ \langle \text{expresión} \rangle \}^*(,))$

primapp-exp (prim rands)

# Un interpretador más complejo

## Gramática

$::=$   $\left[ \begin{array}{l} \text{if } \langle \text{expresión} \rangle \text{ then } \langle \text{expresión} \rangle \text{ else } \langle \text{expresión} \rangle \\ \text{if-exp (test-exp true-exp false-exp)} \end{array} \right]$

$::=$   $\left\{ \begin{array}{l} \text{let } \{ \langle \text{identificador} \rangle = \langle \text{expresión} \rangle \}^* \text{ in } \langle \text{expresión} \rangle \\ \text{let-exp (ids rands body)} \end{array} \right\}$

$\langle \text{primitiva} \rangle \quad ::= \quad + \mid - \mid * \mid \text{add1} \mid \text{sub1}$



# Un interpretador más complejo

## Especificación Léxica

La especificación léxica será la misma del lenguaje anterior:

```
(define scanner-spec-simple-interpreter
  '((white-sp
      (whitespace) skip)
    (comment
      ("% (arbno (not #\newline))) skip)
    (identifier
      (letter (arbno (or letter digit "?"))) symbol)
    (number
      (digit (arbno digit)) number)))
```

# Un interpretador más complejo

## Especificación de la Gramática

La especificación de la gramática es la siguiente:

```
(define grammar-simple-interpreter
  '((program (expression) a-program)
    (expression (number) lit-exp)
    (expression (identifier) var-exp)
    (expression (primitive "(" (separated-list expression " ,
      ")"")")
      primapp-exp)
    (expression ("if" expression "then" expression "else"
      expression)
      if-exp)
    (expression ("let" (arbno identifier "=" expression) "in
      " expression)
      let-exp)
    (primitive "+" add-prim)
    (primitive "-" subtract-prim)
    (primitive "*" mult-prim)
    (primitive "add1" incr-prim)
    (primitive "sub1" decr-prim)
  ))
```

# Un interpretador más complejo

## Sintaxis Abstracta

La sintaxis abstracta está construida de la siguiente manera.

```
(define-datatype program program?  
  (a-program  
    (exp expression?)))
```

# Un interpretador más complejo

## Sintaxis Abstracta

```
(define-datatype expression expression?
  (lit-exp
    (datum number?))
  (var-exp
    (id symbol?))
  (primapp-exp
    (prim primitive?)
    (rands (list-of expression?)))
  (if-exp
    (test-exp expression?)
    (true-exp expression?)
    (false-exp expression?))
  (let-exp
    (ids (list-of symbol?))
    (rans (list-of expression?))
    (body expression?)))
```

# Un interpretador más complejo

## Sintaxis Abstracta

```
(define-datatype primitive primitive?  
  (add-prim)  
  (subtract-prim)  
  (mult-prim)  
  (incr-prim)  
  (decr-prim))
```

# Contenido

- 1 Un interpretador más complejo
- 2 Evaluación de expresiones condicionales
- 3 Ligadura local

# Semántica de los condicionales

- Para determinar el valor de una expresión condicional (`if-exp`  $exp_1$   $exp_2$   $exp_3$ ) es necesario determinar el valor de la subexpresión  $exp_1$ .
- Si este valor corresponde al valor booleano *true*, el valor de toda la expresión `if-exp` debe ser el valor de la subexpresión  $exp_2$ .
- En caso contrario, el valor de la expresión `if-exp` debe ser el valor de la subexpresión  $exp_3$ .

# Semántica de los condicionales

- Para poder determinar si el valor de una expresión es un valor booleano (verdadero o falso), es necesario dar alguna representación a este tipo de dato.
- Para no tener que definir un nuevo tipo de dato que maneje booleanos, falso se representará con cero y cualquier otro valor representará verdadero (como en C).



# Semántica de los condicionales

Para esto se implementa la función `true-value?`. Esta función recibe un argumento y determina si corresponde al valor booleano falso (es igual a cero) o al valor booleano verdadero (cualquier otro valor).

```
(define true-value?  
  (lambda (x)  
    (not (zero? x))))
```

# Semántica de los condicionales

De esta manera, el comportamiento de los condicionales en el interpretador, se obtiene agregando la siguiente clausula en el procedimiento `eval-expression`:

```
(if-exp (test-exp true-exp false-exp)
  (if (true-value? (eval-expression test-exp env))
      (eval-expression true-exp env)
      (eval-expression false-exp env)))
```

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$   $y$   $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if -(x,4) then +(y,11) else *(y,10)`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$   $y$   $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if  $-(x,4)$  then  $+(y,11)$  else  $*(y,10)$`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$   $y$   $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if  $-(x,4)$  then  $+(y,11)$  else  $*(y,10)$`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$   $y$   $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if  $-(x,4)$  then  $+(y,11)$  else  $*(y,10)$`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

# Contenido

- 1 Un interpretador más complejo
- 2 Evaluación de expresiones condicionales
- 3 Ligadura local**

# Semántica de la ligadura local

- Hasta el momento, todas las expresiones del lenguaje se evalúan en el mismo ambiente ( el ambiente inicial).
- La expresión `let` permite la creación de ligaduras locales a variables nuevas.
- Típicamente, la expresión `let` crea un nuevo ambiente que extiende el ambiente principal (sobre el que se evalúa el `let`) con las variables y valores especificados en el contenido de la expresión.



# Semántica de la ligadura local

- Para determinar el valor de una expresión ( $\text{let-exp } ids \text{ } exprs \text{ } body$ ) es necesario evaluar las partes derechas de las declaraciones (correspondientes a las expresiones  $exprs$ ) en el ambiente anterior.
- Posteriormente, debe crearse un nuevo ambiente extendiendo el ambiente anterior con las variables de la declaración y sus valores (obtenidos al evaluar las expresiones  $exprs$ ).
- Finalmente, se evalúa la expresión  $body$  en el nuevo ambiente extendido.

# Semántica de la ligadura local

De esta manera, el comportamiento del operador de ligadura local, se obtiene agregando la siguiente clausula en el procedimiento `eval-expression`:

```
(let-exp (ids rands body)
  (let ((args (eval-rands rands env)))
    (eval-expression body
                      (extend-env ids args env))))
```

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

```
let
  x = -(y, 1)
in
  let
    x = +(x, 2)
  in
    add1(x)
```

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(y, 1)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` exterior.
- El valor de la subexpresión  $-(y, 1)$  es 1 por lo que se crea un ambiente  $env_1$  que extiende el ambiente anterior  $env_0$  con la variable  $x$  y el valor 1.
- Posteriormente se evalúa la expresión:

```
let
  x = +(x, 2)
in
  add1(x)
```

en el ambiente  $env_1$ .

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(y, 1)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` exterior.
- El valor de la subexpresión  $-(y, 1)$  es 1 por lo que se crea un ambiente  $env_1$  que extiende el ambiente anterior  $env_0$  con la variable  $x$  y el valor 1.
- Posteriormente se evalúa la expresión:

```
let
  x = +(x, 2)
in
  add1(x)
```

en el ambiente  $env_1$ .

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(y, 1)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` exterior.
- El valor de la subexpresión  $-(y, 1)$  es 1 por lo que se crea un ambiente  $env_1$  que extiende el ambiente anterior  $env_0$  con la variable  $x$  y el valor 1.
- Posteriormente se evalúa la expresión:

```
let  
  x = +(x, 2)  
in  
  add1(x)
```

en el ambiente  $env_1$ .

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión  $add1(x)$  en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión  $add1(x)$  en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.



# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión  $add1(x)$  en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.

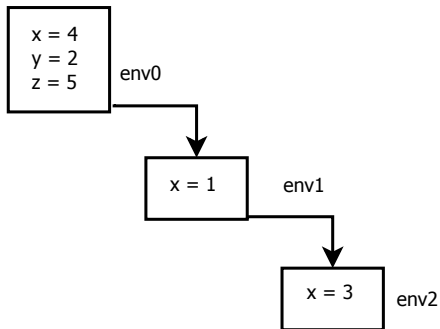
# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión  $add1(x)$  en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.

## Semántica de la ligadura local

Los ambientes creados en la evaluación de la expresión anterior se pueden visualizar así:



Finalmente, el procedimiento `eval-expression` se define así:

```
(define eval-expression
  (lambda (exp env)
    (cases expression exp
      (lit-exp (datum) datum)
      (var-exp (id) (apply-env env id))
      (primapp-exp (prim rands)
                    (let ((args (eval-rands rands env)))
                      (apply-primitive prim args)))
      (if-exp (test-exp true-exp false-exp)
              (if (true-value? (eval-expression test-exp env))
                  (eval-expression true-exp env)
                  (eval-expression false-exp env)))
      (let-exp (ids rands body)
              (let ((args (eval-rands rands env)))
                (eval-expression body
                                (extend-env ids args env)
                                )))))
```



# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos  $(x\ y\ z)$  y valores  $(4\ 2\ 5)$  el ambiente inicial de computación. Evaluar:

```
let
  z=5
  t=sub1(x)
in
  let
    x= -( t, 1)
  in
    let
      y= 4
    in
      *(t, -(z, -(x,y)))
```





# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación. Evaluar:

```
let
  z=5
  t= let
    p = 5
    q = 2
    in
      +(p,q)
in
  let
    x= add1(z)
  in
    *(t, *(y,x))
```



let

z=5

t=let

p = 5

q = 2

in

$+(p, q)$

End

in

let

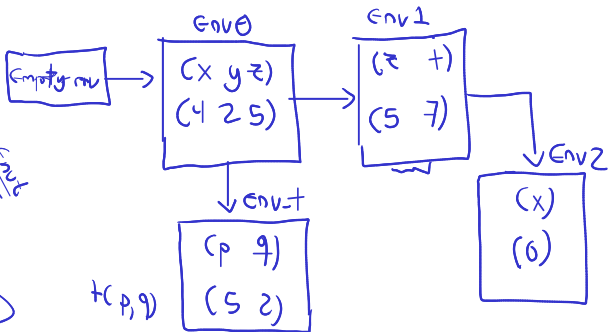
x = add1(z)

in

$*(t, *(y, x))$

Env

(x y z) y valores (4 2 5)



$*(7, 2, 6) \rightarrow 84$

# Semántica de la ligadura local

## Ejercicio para entregar

Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$   $y$   $z$ ) y valores (3 7 1) el ambiente inicial de computación. Evaluar:

```
let
  y=5
  m= let
    t = sub1(y)
    in
    *(t, x)
in
  let
    y= if sub1(y) then +(add1(y), m) else sub1(+(y, m))
  in
    let
      t = -(y, m)
    in
      +(t, +(y, -(z, 3)))
```

Dibuje los ambientes creados en la evaluación de la expresión.

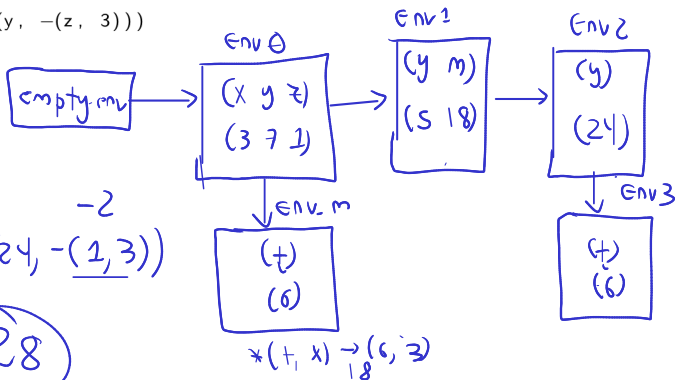
```

let
  y=5
  m= let
    t = sub1(y)
  in
    *(t, x)
in
  let
    y= if sub1(y) then +(add1(y), m) else sub1(+(y, m))
  in
    let
      t = -(y, m)
    in
      + (t, +(y, -(z, 3)))

```

env1  
env2  
env3

→ (x y z)  
(3 7 1)



let

$x = \text{if } \text{let } a = 3 \text{ } b = 6 \text{ } c = 3 \text{ in } \text{test-exp } \text{then let } a = 4 \text{ in } +(a, 2) \text{ else } 3$

$y = 3$

in

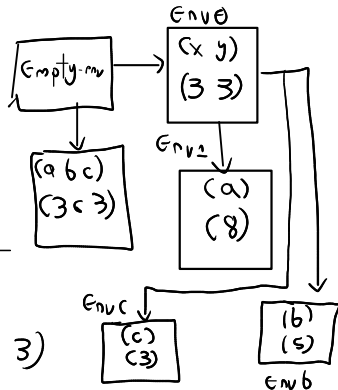
let

$a = \text{let } b = \text{let } c = 3 \text{ in } +(c, 2) \text{ in } +(b, x)$

in

$+(a, y)$

$11 \leftarrow +(8, 3)$



let

a = let b = 2 c = 4 in let a = 3 b = 6 in +(a, +(b, c))

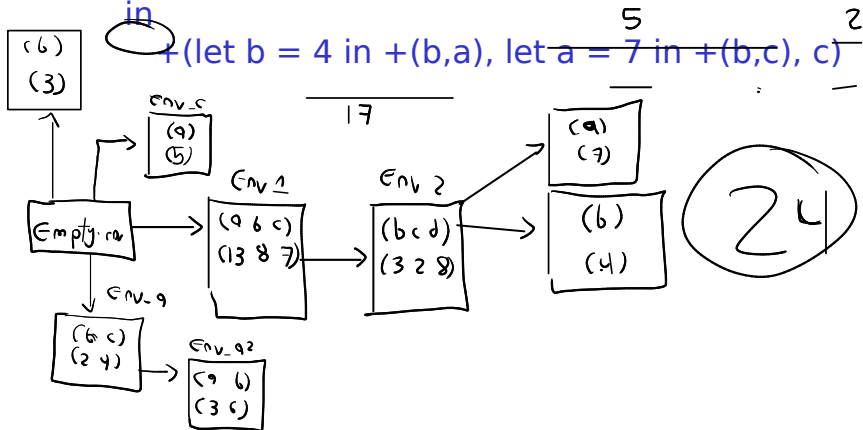
b = 8

c = let a = [let b = 3 in +(b, 2)] in +(a, 2)

in

let b = 3 c = 2 d = 8

in



# Preguntas

?

- Semántica de la creación y aplicación de procedimientos.