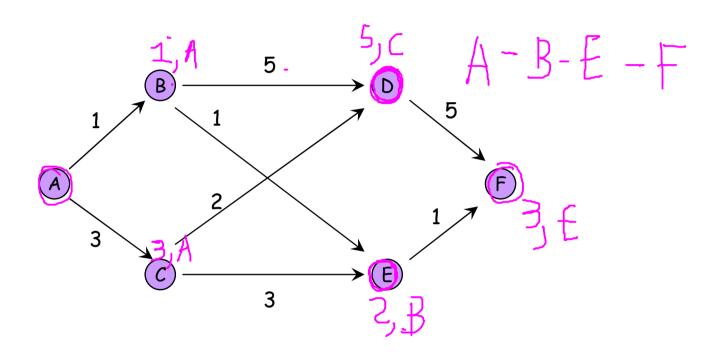
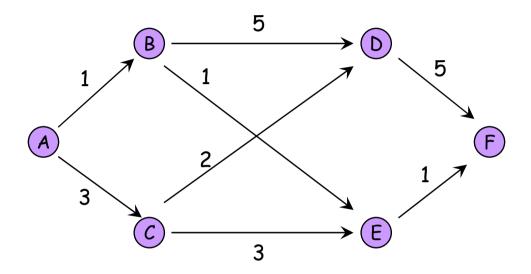
Fundamentos de análisis y diseño de algoritmos

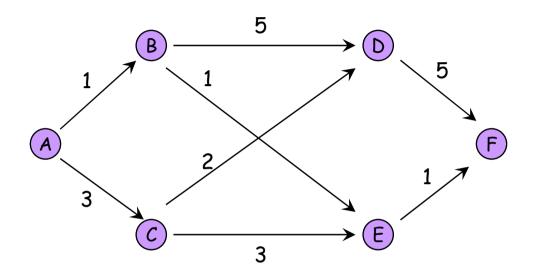
Camino más corto 1 a muchos

Camino más corto muchos a muchos

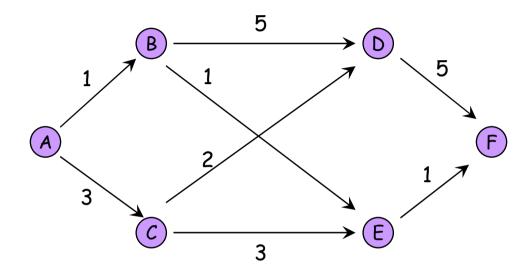


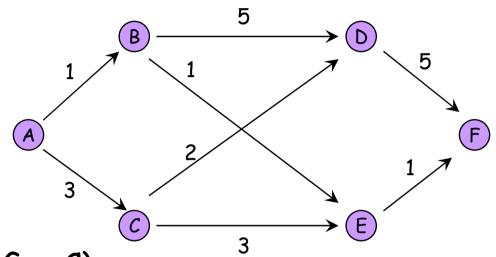


Problema: encontrar el camino de menor costo entre un vértice s y todos los demás vértices

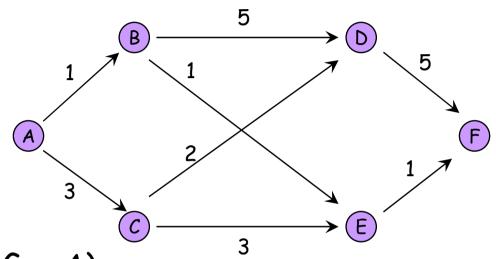


- •G=(V, E)
- ·w es una función que asigna los pesos a las aristas
- ·s es el vértice

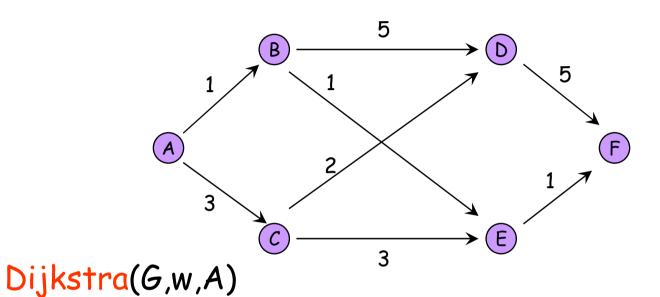




	Α	В	С	D	E	F
d	8	∞	0	2	3	4
	Α	В	С	D	Ε	F
π	nil	nil	nil	С	С	Ε



	A	В	С	D	E	F
d						
	Α	В	С	D	Ε	F
π						



 A
 B
 C
 D
 E
 F

 d
 0
 1
 3
 5
 2
 3

 π $\stackrel{A}{\text{nil}}$ $\stackrel{B}{A}$ $\stackrel{C}{A}$ $\stackrel{D}{C}$ $\stackrel{E}{B}$ $\stackrel{F}{E}$

• Dado un grafo dirigido G=(V,E), el peso de un camino $p=\langle v_0, v_1, v_2, ... v_k \rangle$ es la suma de los pesos de las aristas que lo constituyen

$$w(p) = \sum_{i=1}^{k} w(v_{i-1}, v_i)$$

Problema del camino más corto de un origen a muchos destinos:

·Dado un grafo G=(V,E), encontrar un camino más corto desde un vértice origen ($s \in V$) a cada vértice $v \in V$

Estrategia voraz: de las aristas de un vértice v, seleccionar aquella con menor peso

```
INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s) for each v \in V[G] do d[v] \leftarrow \infty \pi[v] \leftarrow \text{nil} d[s] \leftarrow 0
```

```
INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
```

```
foreach v \in V[G]

do d[v] \leftarrow \infty

\pi[v] \leftarrow \text{nil}

d[s] \leftarrow 0
```

```
DIJKSTRA(G,s)
  INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
  S←{ }
  Q \leftarrow V[G]
  while Q<>{}
      do u \leftarrow EXTRACT-MIN(Q)
         S←S∪{u}
         foreach v \in Adj[u]
              do if d[v]>d[u] + w(u,v)
                then d[v] = d[u] + w(u,v)
                      \pi[v] \leftarrow u
```

DIJKSTRA(G,s)

```
INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
```

```
S \leftarrow \{ \}

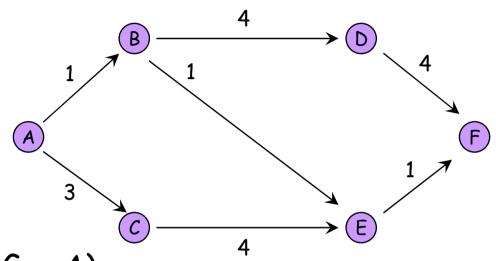
Q \leftarrow V[G]

while Q \leftrightarrow \{ \}
```

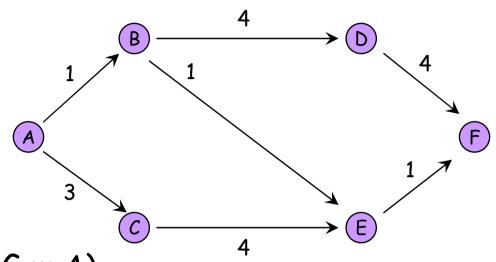
Q es una cola de prioridad, donde la prioridad es el valor en d. Se extrae el vértice con menor valor

```
do u\leftarrow EXTRACT-MIN(Q)
S\leftarrow S\cup \{u\}
foreach v\in Adj[u]
do if d[v]>d[u]+w(u,v)
then d[v]=d[u]+w(u,v)
\pi[v]\leftarrow u
```

```
DIJKSTRA(G,s)
  INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G,s)
  S←{ }
                                              T=\Theta(|V|^2)
  Q \leftarrow V[G]
  while Q<>{ }
       do u \leftarrow EXTRACT-MIN(Q)
          S←S∪{u}
          foreach v \in Adj[u]
              do if d[v]>d[u] + w(u,v)
                 then d[v] = d[u] + w(u,v)
                       \pi[v] \leftarrow u
```

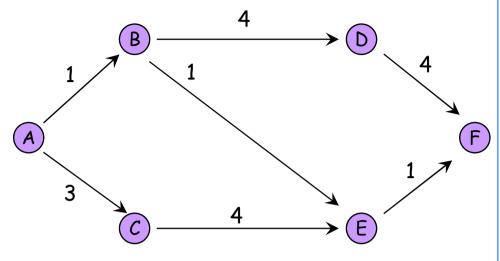


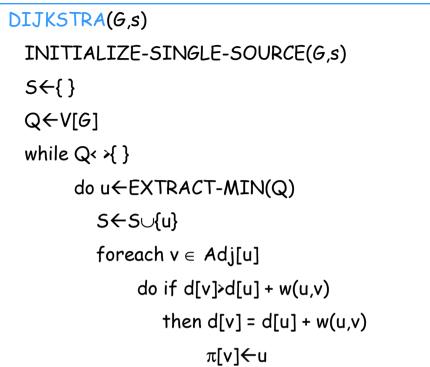
	A	В	С	D	Е	F
d						
	Α	В	С	D	Ε	F
π						



	Α	В	С	D	E	F
d	0	8	8	8	8	⊗
	_					

	A	В	С	D	E	F
π	nil	nil	nil	nil	nil	nil



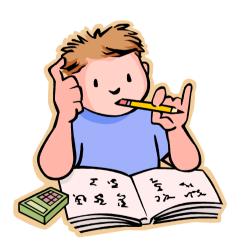


	Α	В	С	D	E	F
	0	8	8	8	∞	8
_	Α	В	С	D	Ε	F
Ī	nil	nil	nil	nil	nil	nil



Listar todas las posibles soluciones y escoger la mejor

Mirar como se divide el problema Identificar la subestructura optima Obtener solución optima (Garantizado)



Programación dinámica

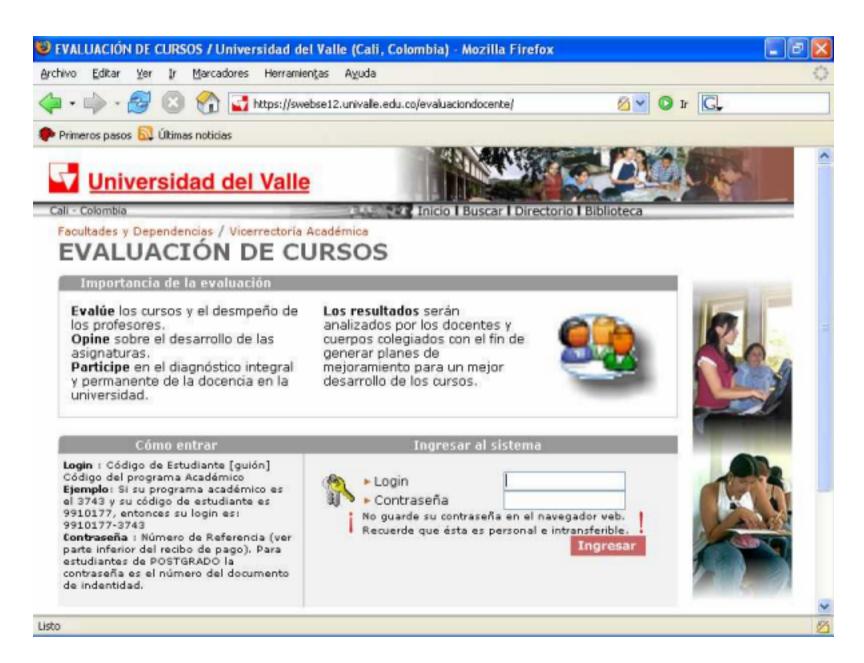


Mirar como se divide el problema PERO, se toma una decisión LOCAL

Rapido -- Barato pero no es optimo (Bonito)



Programación voraz



http://evaluacioncursos.univalle.edu.co