

Fundamentos de programación

Recursiór numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Fundamentos de programación

Datos complejos I: Recursión numérica, listas arbitrariamente largas y estructuras recursivas

Facultad de Ingeniería. Universidad del Valle

Octubre de 2018



Contenido

Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas

1 Recursión numérica

2 Listas arbitrariamente largas

3 Estructuras recursivas (Árboles)



Contenido

Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas

1 Recursión numérica

2 Listas arbitrariamente largas

3 Estructuras recursivas (Árboles)



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructura: recursivas (Árboles) $0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow$

Definición

Los números naturales se pueden definir de la siguiente forma:

- 1 0 es un natural
- 2 Si n es un numero natural (add1 n) también lo es

$$50 \rightarrow 49 \rightarrow \cdots \rightarrow 0 V$$

$$50.5 \rightarrow \cdots \rightarrow 0.5 \rightarrow -0.5$$

Funciones recursivas

- 1) QUe se llaman a sí mismas
- 2) Tienen una condición de parada
- 3) Tienen un llamado recursivo que implica que vamos a ir hacia la condición de parada.

Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Los números naturales se pueden definir de la siguiente forma:

- 0 es es un natural
- 2 Si n = 0 (add1 0) = 1 es también natural
- \blacksquare Si n=1 (add1 1) = 2 es también natural
- 4 Si n = 2 (add1 2) = 3 es también natural

Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Los números naturales se pueden definir de la siguiente forma:

- 1 0 es el primer número
- **2** Si n = 0 (add1 0) = 1
- 3 Si n = 0 (add1 (add1 0)) = 2
- 4 Si n = 0 (add1 (add1 (add1 0))) = 3



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Si se observa un número natural se puede definir haciendo un llamado varias veces de la función **add1** a esto lo vamos a conocer como **definición recursiva**



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitri riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Esto también aplica para casos de funciones, por ejemplo el **factorial** que se define de la siguiente forma:

$$fact(n) = n * (n-1) * (n-2) * ... * 1, fact(0) = 1$$
 (1)

Si observa es una secuencia de multiplicaciones.

$$7! = 1x2_{x}3_{x}4_{x}5_{x}6_{x}7$$

= $7x6^{x}5^{x}4_{x}3_{x}2_{x}1$

$$7! = 7x6 \times 5 \times 4x3 \times 2 \times 1$$

$$7 \times 6!$$

$$6 \times 5!$$

$$5 \times 4!$$

$$7 \times 3!$$

$$4 \times 3!$$



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Si observamos la forma podemos definir una función para calcular el factorial ¿Como sería?

```
;;Contrato factorial: numero -> numero (define (factorial n) ....
```



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

<u>Definición</u>

Empezamos a analizar, si n = 1 el factorial es 1



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Empezamos a analizar, si n = 1 el factorial es 1*1, y si n = 2 entonces 1*1*2, **empezamos a ver un patrón**

```
(* 5 (factorial 4))
(* 5 (* 4 (factorial 3)))
```



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Estas funciones que se llaman así mismas son llamadas funciones recursivas debe tener en cuenta:

- Una condición de parada, para que no se llame infinitamente. Es el caso inicial.
- La función debe siempre retornar el mismo tipo de dato
- 3 Un llamado a la misma función, utilizando alguna función para unir las salidas (una operación matemática)



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura: recursivas (Árboles)

Ejemplo

- Diseñe una función multiplicación, la cual recibe dos números (a y b) esta retorna el resultado de sumar b veces a
- 2 Diseñe una función **elevar**, la cual recibe dos números (a y b), esta retorna el resultado de multiplicar b veces a

$$9.6 = 9+9+...+9$$
 $b = 2 = 9+9$
 $b = 3$
 $0 + 9+9$
 $0 = 3$

```
;;Autor: Carlos A Delgado

;; Fecha: 18 de Jul de 2019 		— otal

;;Contrato: multiplicacion: numero, numero -> numero

(define (multiplicacion a b)

...

)

;;Contrato: elevar: numero, numero -> numero
```

(define (elevar a b)



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Ejemplo

Diseñe una función **multiplicación**, la cual recibe dos números (a y b) esta retorna el resultado de sumar b veces a



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Ejemplo

Diseñe una función **elevar**, la cual recibe dos números (a y b), esta retorna el resultado de multiplicar b veces a



Contenido

Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructuras recursivas

1 Recursión numérica

2 Listas arbitrariamente largas

3 Estructuras recursivas (Árboles)



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Hasta el momento hemos trabajado con listas de un tamaño dado, pero que sucede si trabajamos con listas de diferente tamaño. Por ejemplo una función que recibe listas de símbolos y se desea encontrar uno, podríamos diseñar una función asi.

```
;;Contrato buscar-simbolo: lista-de-simbolos, simbolo ->
    booleano
(define (buscar-simbolo lista nombre)
        (cond
            [(eqv? (first lista) nombre) #t]
            [else ...]
        )
)
```

Aquí miramos si el primer elemento de la lista es lo que buscamos, sin embargo, ¿Como verificamos el segundo, y los otros elementos?

$$\rightarrow Creat ...) \rightarrow \in mpty$$



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Una idea sería analizar el resto de la lista (que es una lista que contiene los otros elementos)

¿Observan algo en el contrato? ¿El resto de la lista que es?



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Podríamos enviar el resto de la lista a la misma función (para que siga buscando) y mirar si el símbolo está:

Pero, hay algo que está mal ¿Que pasa si el elemento no está en la lista?



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

El problema es que si seguimos buscando, ¿Que hacemos cuando llegamos al final de la lista (empty)?

Debemos verificar que si llega al final de la lista



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Para el diseño de funciones que trabajan sobre listas arbitrariamente grandes debe tener en cuenta:

- 1 Analizar el primer elemento de la lista: Verificación.
- Tener en cuenta que la lista termina cuando esta es empty. Condición de parada
- Analizar el resto de la lista, llamando la misma función. Condición de llamado recursivo



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Ejemplo

- Diseñe una función buscar-numero que recibe un número y una lista de números. Esta función indica que el número está en la lista de números
- Diseñe una función buscar-persona-nombre que recibe una lista de estructuras persona que tiene tres atributos: nombre, edad y cargo; y recibe un nombre. Esta función indica si hay alguna persona con el nombre indicado



Fundamentos de programación

Recursiói numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Diseñe una función **buscar-numero** que recibe un número y una lista de números. Esta función indica que el número está en la lista de números



Fundamentos de programación

numérica Listas arbitra

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

Diseñe una función **buscar-persona-nombre** que recibe una lista de estructuras persona que tiene tres atributos: nombre, edad y cargo; y recibe un nombre. Esta función indica si hay alguna persona con el nombre indicado



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

También podemos ir más allá, por ejemplo podemos realiza la suma de elementos en una lista de números observe:

¿Que puede decir el comportamiento de esta función? Analicemos el caso (cons 1 (cons 2 (cons 3 empty)))



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura: recursivas (Árboles)

Definición

Cuando llamamos la función con la lista (cons 1 (cons 2 (cons 3 empty))).

La lista no está vacía por ende, se ejecuta la clausula **else** y queda lo siguiente:

(+ 1 (sumar-lista (cons 2 (cons 3 empty))))



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Definición

En el siguiente llamado se tiene (cons 2 (cons 3 empty)).

La lista no está vacía por ende, se ejecuta la clausula **else** y queda lo siguiente:

```
(+ 1 (+ 2 sumar-lista (cons 3 empty))))
```



Fundamentos de programación

Recursiói numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura: recursivas (Árboles)

Definición

En el siguiente llamado se tiene (cons 3 empty).

La lista no está vacía por ende, se ejecuta la clausula **else** y queda lo siguiente:

```
(+1 (+2 (+3 (sumar-lista empty))))
```



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura: recursivas (Árboles)

Definición

En el siguiente llamado se tiene **empty**.

La lista está vacía por ende, retorna 0 y se tiene (+1 (+2 (+3 0))) y se obtiene 6.



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

También podemos generar listas, observe:



Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructura recursivas (Árboles)

Ejemplo

- Diseñe una función multiplicar-lista que recibe una lista de números. Esta función retorna los números de la lista multiplicados entre sí.
- Diseñe una función suma-lista-dobles que recibe una lista de números y un número, esta retorna la suma de la multiplicación de cada uno de los elementos de la lista por el número.
- 3 Diseñe una función **elevar-cuadrado-lista** recibe una lista de números y esta retorna esa misma lista pero con los elementos elevados al cuadrado



Contenido

Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

1 Recursión numérica

2 Listas arbitrariamente largas

3 Estructuras recursivas (Árboles)



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Existen estructuras cuyos campos pueden definirse con una estructura, un buen ejemplo de ello es una **muñeca rusa**





Fundamentos de programación

Recursión numérica

Listas arbitra riamente Iargas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

¿Como definiríamos una estructura que sea una muñeca rusa:

```
(define-struct rusa-doll (doll-interna)
```



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Si queremos una muñeca que contenga otras dos adentro sería.

```
(make-rusa-doll
(make-rusa-doll
(make-rusa-doll empty)))
```



Fundamentos de programación

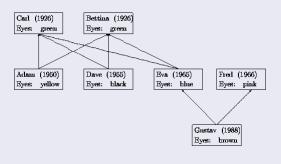
Recursió numérica

Listas arbitrariamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Un caso más aplicado, son los árboles genealógico donde podemos relacionar los parentescos, por ejemplo:





Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Podemos definir un hijo (child) de la siguiente forma:



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Por ejemplo podemos definir a alguien en la cima del árbol:

```
(make-child empty empty 'Carl 1926 'green)
```



Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Definición

Pero que pasa con un hijo:

```
(make-child

(make-child empty empty 'Carl 1926 'green)

(make-child empty empty 'Bettina 1926 'green)

'Adam

'yellow

)
```



Fundamentos de programación

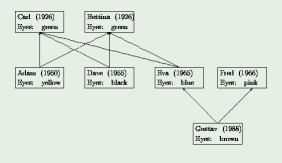
Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Ejercicio

Defina las estructuras para el resto de la familia (en hoja de papel)





Fundamentos de programación

Recursió numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

Ejercicio

```
:: Primera Generación:
(define Carl (make-child empty empty 'Carl 1926 'green))
(define Bettina (make-child empty empty 'Bettina 1926
    green))
;; Segunda Generación:
(define Adam (make-child Carl Bettina 'Adam 1950 'yellow)
(define Dave (make-child Carl Bettina 'Dave 1955 'black))
(define Eva (make-child Carl Bettina 'Eva 1965 'blue))
(define Fred (make-child empty empty 'Fred 1966 'pink))
;; Tercera Generación:
(define Gustav (make-child Fred Eva 'Gustav 1988 'brown))
```



¿Preguntas?

Fundamentos de programación

Recursiór numérica

Listas arbitra riamente largas

Estructuras recursivas (Árboles)

