Fundamentos de análisis y diseño de algoritmos

Estructuras de datos

Generalidades

Pilas

Colas

Listas enlazadas

Listas doblemente enlazadas

Apuntadores y Objetos

Árboles con raíz

Generalidades (1)

Los conjuntos son fundamentales tanto en las matemáticas como en las ciencias de la computación

Los conjuntos que son manipulados mediante algoritmos, que crecen, disminuyen o cambian con el tiempo, son llamados conjuntos dinámicos

Diccionario es aquel conjunto dinámico que soporta operaciones tales como insertar y borrar elementos, o chequear si un elemento pertenece al conjunto.

Generalidades (2)

En las implementaciones típicas de un conjunto dinámico, cada elemento es representado por un objeto cuyos campos pueden ser examinados y manipulados si existe un puntero al objeto

Algunos conjuntos dinámicos asumen que uno de los campos de los objetos es un campo llave.

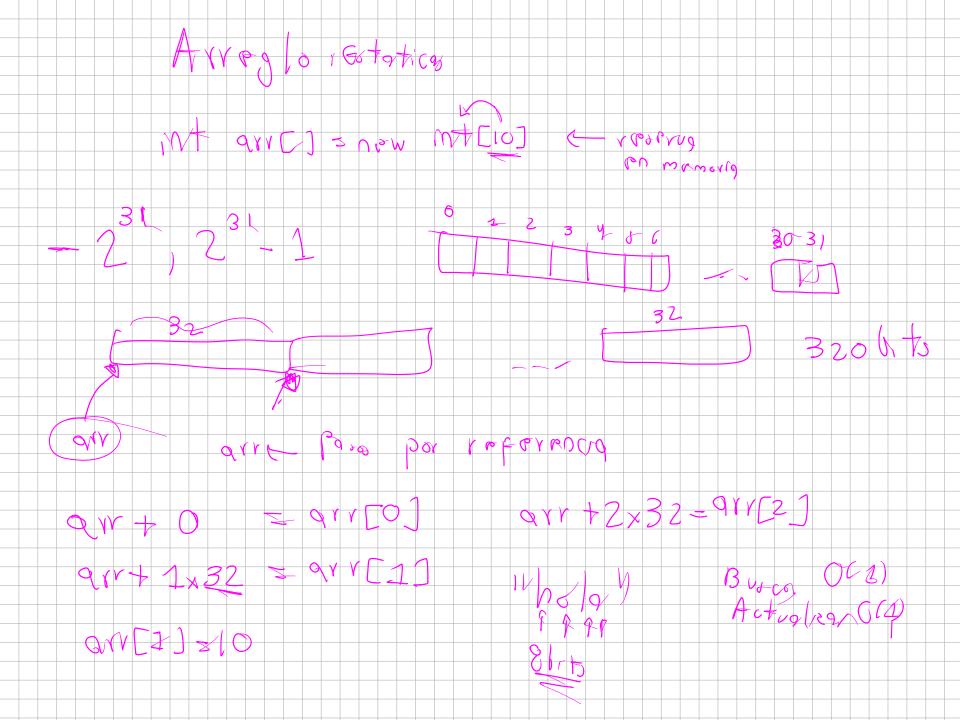
Si todas las llaves son diferentes, se puede pensar del conjunto dinámico como un conjunto de valores de llave.

Generalidades (3)

Las operaciones en los conjuntos dinámicos pueden agruparse en: consultay modificación.

Algunas operaciones.

- Search(S,k) Retorna el elemento tal que key[x]=k o NIL
- Insert(5,x) Modificación del conjunto del elemento apuntado por x
- * Delete(S,x) Borra un elemento dado un puntero x
- Maximo(S), Minimo(S)
- Sucesor(S,x) Retorna el elemento siguiente en orden al apuntado por x
- Predecesor(5,x) Retorna el elemento anterior en orden a apuntado por x



Pila

Una pila es una estructura de datos tipo LIFO (Last In First Out), por lo que el último elemento insertado será el primero en ser borrado

Operaciones básicas:

STACK-EMPTY(S)

PUSH(S,x)

POP(S)

Pila

Una forma de implementar la pila es por medio de un arreglo unidimensional

Esto supone varios aspectos:

- ·La pila tiene una capacidad limitada
- Se cuenta con un atributo adicional, llamado top[S], que almacena el índice en el arreglo que guarda el último valor, esto es, el tope de la pila
- ·Cuando la pila esté vacía, top[S]=0

Indique lo que sucede después de cada instrucción, siendo S la pila que se muestre arriba:

STACK-EMPTY(S)

PUSH(S,4)

PUSH(S,12)

PUSH(S,7)

$$top[S]=3$$

Indique lo que sucede después de cada instrucción, siendo S la pila que se muestre arriba:

```
STACK-EMPTY(S)

PUSH(S,4)

PUSH(S,12)

PUSH(S,7)
```

Overflow - desbordamiento en su capacidad máxima

$$top[S]=3$$

Indique lo que sucede después de cada instrucción, siendo S la pila que se muestre arriba:

Indique un algoritmo para cada operación básica, acompañado de su respectiva complejidad usando la notación O

- ·STACK-EMPTY(S), retorna true o false
- $\cdot PUSH(S,x)$, adiciona x al tope, no devuelve ningún valor
- POP(S), borra el elemento que esté en el tipa y devuelve ese valor

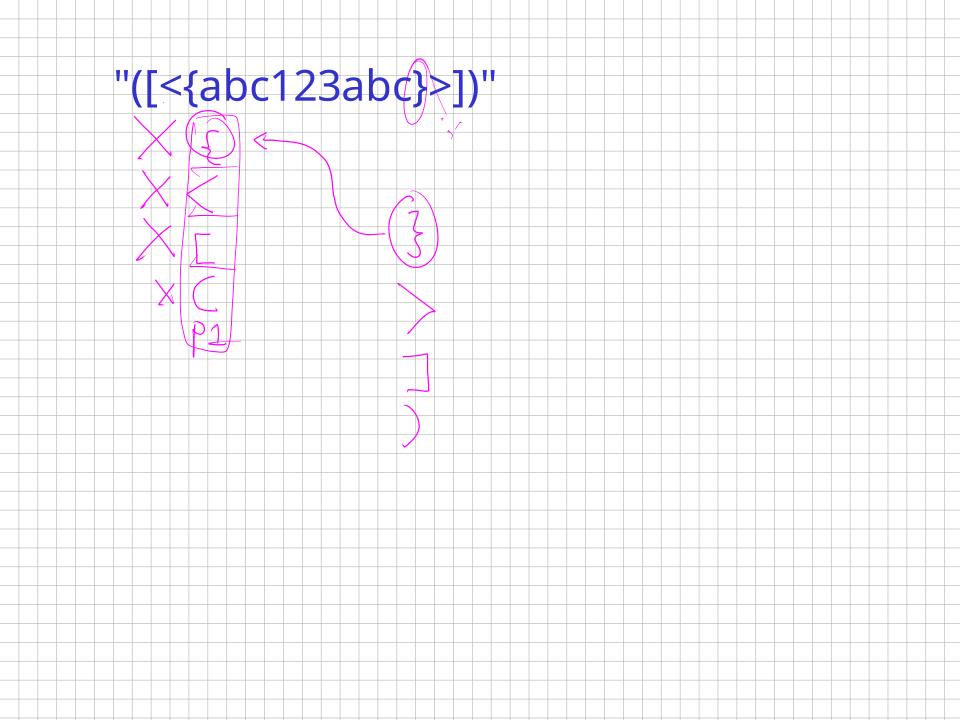
STACK-EMPTY(S)

- 1 if (top[S]==0)
- 2 then return true
- 3 else return false

STACK-EMPTY(S)

- 1 if (top[S]==0)
- 2 then return true
- 3 else return false

T(n)=O(1), tiempo constante



Cola

Una cola es una estructura de datos tipo FIFO (First In First Out), por lo que el primer elemento que es insertado, es el primero en ser borrado

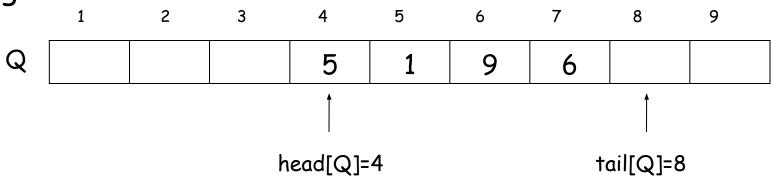
Operaciones básicas:

ENQUEUE(Q,x)

DEQUEUE(Q)

Cola

Una forma de implementar la cola es por medio de un arreglo unidimensional

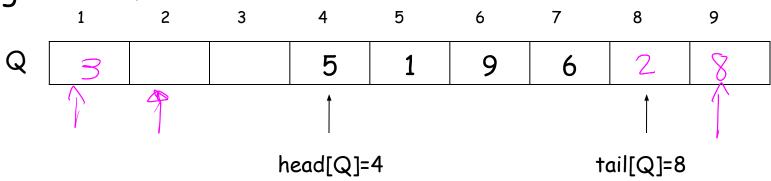


Esto supone varios aspectos:

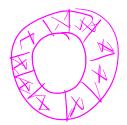
- ·La cola tiene una capacidad limitada
- ·Se cuenta con dos atributos adicionales, head[Q] que guarda el indice de la cabeza y tail[Q] que apunta al siguiente lugar en el cual será insertado un elemento

Cola

Una forma de implementar la cola es por medio de un arreglo unidimensional

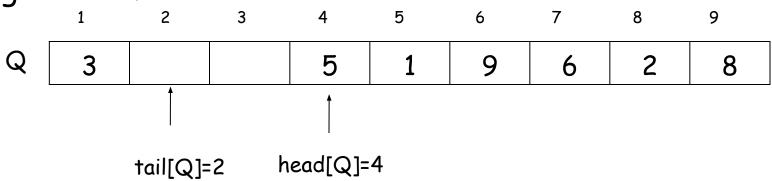


ENQUEUE(Q,2)
$$h=4$$
 $t=9$
ENQUEUE(Q,8) $h=4$ $t=1$



Cola

Una forma de implementar la cola es por medio de un arreglo unidimensional



ENQUEUE(Q,2)

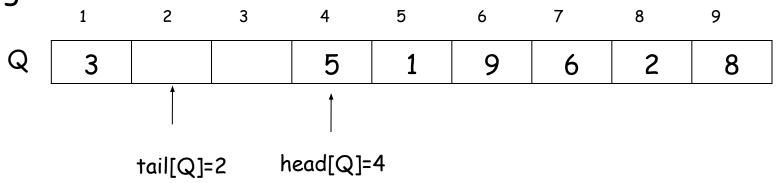
ENQUEUE(Q,8) ——— Si se llega al fir

ENQUEUE(Q,3)

Si se llega al final del arreglo, se intenta insertar en la posición 1

Cola

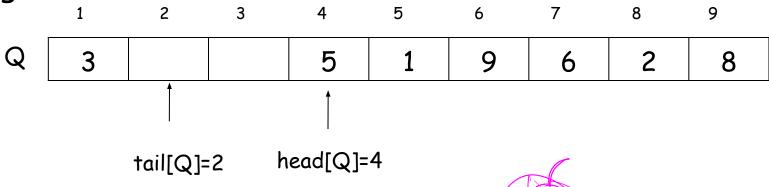
Una forma de implementar la cola es por medio de un arreglo unidimensional



Cómo sabe que la cola está llena?

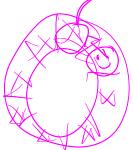
Cola

Una forma de implementar la cola es por medio de un arreglo unidimensional



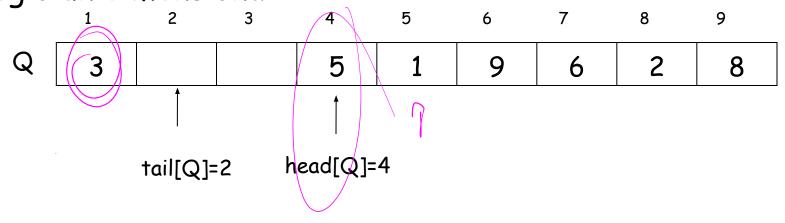
Cómo sabe que la cola está llena?

$$tail[Q]=head[Q]$$



Cola

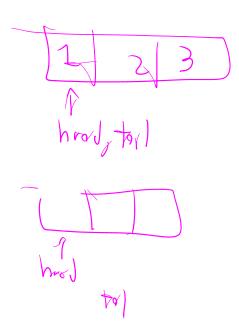
Una forma de implementar la cola es por medio de un arreglo unidimensional



Inicialmente tail[Q]=head[Q]=1

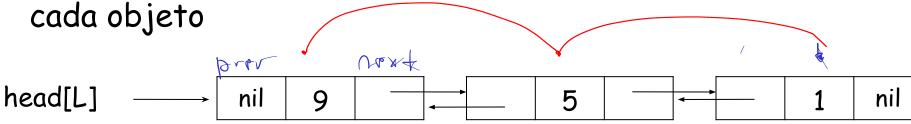
Indique un algoritmo para cada operación básica, acompañado de su respectiva complejidad usando la notación O

- ·ENQUEUE(Q,x)
- ·DEQUEUE(Q)



Listas doblemente enlazadas

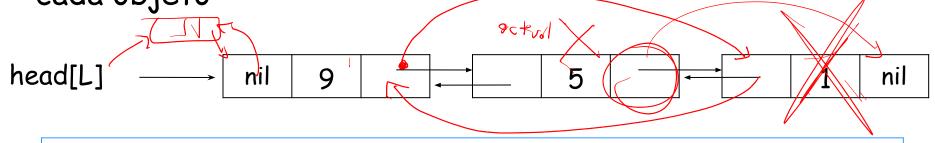
Es una estructura de datos en la cual los objetos son organizados en un orden lineal. A diferencia de los arreglos, el orden en las listas está dado por un puntero a codo objeto



- ·Cada nodo en una lista doblemente enlazada tiene 3 campos: prev, key y next
- ·Se tiene además un puntero al primer nodo

Listas doblemente enlazadas

Es una estructura de datos en la cual los objetos son organizados en un orden lineal. A diferencia de los arreglos, el orden en las listas está dado por un puntero a cada objeto



Operaciones

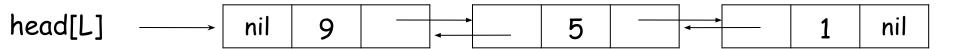
- LIST-INSERT(L,x): inserta x en la cabeza de la lista. x es un nodo tal que key[x]=k, y prev=next=nil O(x)
- LIST-DELETE(L,x): donde x es el nodo que se desea borrar \bigcirc (\land)
- \cdot LIST-SEARCH(L,k): busca el primer nodo que tiene llave k y retorna un puntero a ese nodo

LIST-SEARCH busca el primer nodo que tiene llave k y retorna un puntero a ese nodo

LIST-SEARCH(L,k)

- 1. $x \leftarrow head[L]$
- while x≠nil and key[x]≠k
- 3. $x \leftarrow \text{next}[x]$
- 4. return x

¿Cuál es la complejidad en el peor caso?

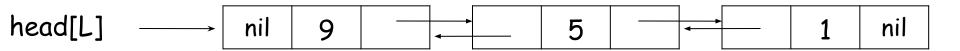


LIST-SEARCH busca el primer nodo que tiene llave k y retorna un puntero a ese nodo

LIST-SEARCH(L,k)

- 1. $x \leftarrow head[L]$
- while x≠nil and key[x]≠k
- 3. $x \leftarrow \text{next}[x]$
- 4. return x

En el peor caso será O(n)



```
Indique el resultado de realizar las siguientes operaciones:
    prev[z]=nil
    next[z]=nil
    key[z]=10
    LIST-INSERT(L,z)
    prev[w]=nil
    next[w]=nil
    key[w]=8
    LIST-INSERT(L,w)
    x=LIST-SEARCH(L,10)
    LIST-DELETE(L,x)
```

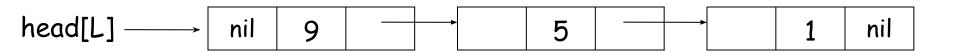


Indique el algoritmo para las siguiente operaciones y muestre su complejidad en el peor caso:

• LIST-INSERT(L,x): inserta x en la cabeza de la lista. x es un nodo tal que key[x]=k, y prev=next=nil

• LIST-DELETE(L,x): donde x es el nodo que se desea borrar

Listas simplemente enlazada

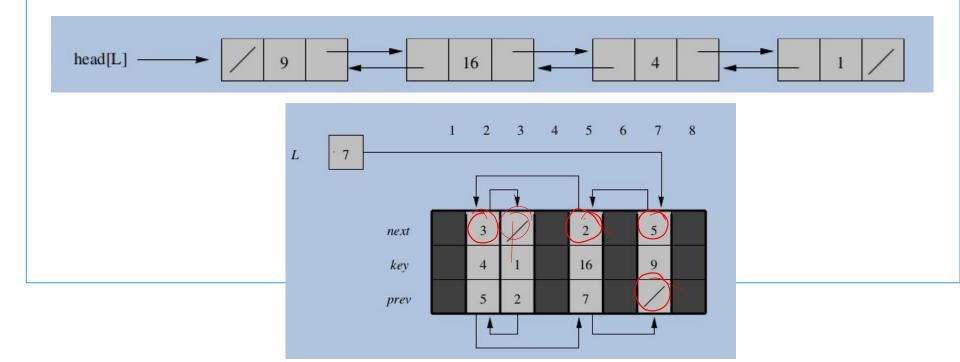


Operaciones

- LIST-INSERT(L,x): inserta x al final de la lista. x es un nodo tal que key[x]=k, y prev=next=nil O(N)
- LIST-DELETE(L): donde x es el nodo al final de la lista O(n)
- LIST-SEARCH(L,k): busca el primer nodo que tiene llave k y retorna un puntero a ese nodo $\bigcirc(\bigcirc)$

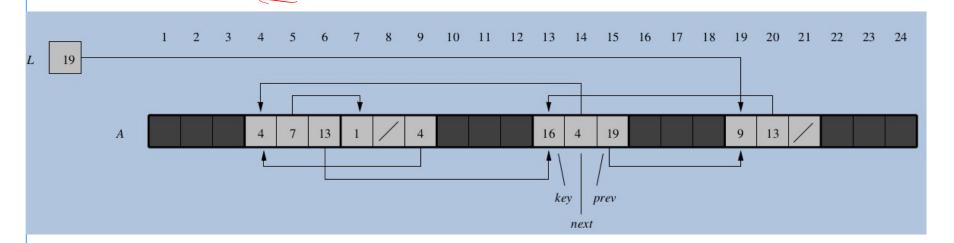
Apuntadores y objetos (1)

Una colección de objetos que tienen los mismos campos se puede representar usando un arreglo para cada campo (representación con múltiples arreglos).



Apuntadores y objetos (2)

Se puede usar un solo arreglo para representar los objetos.



Árboles con raíz

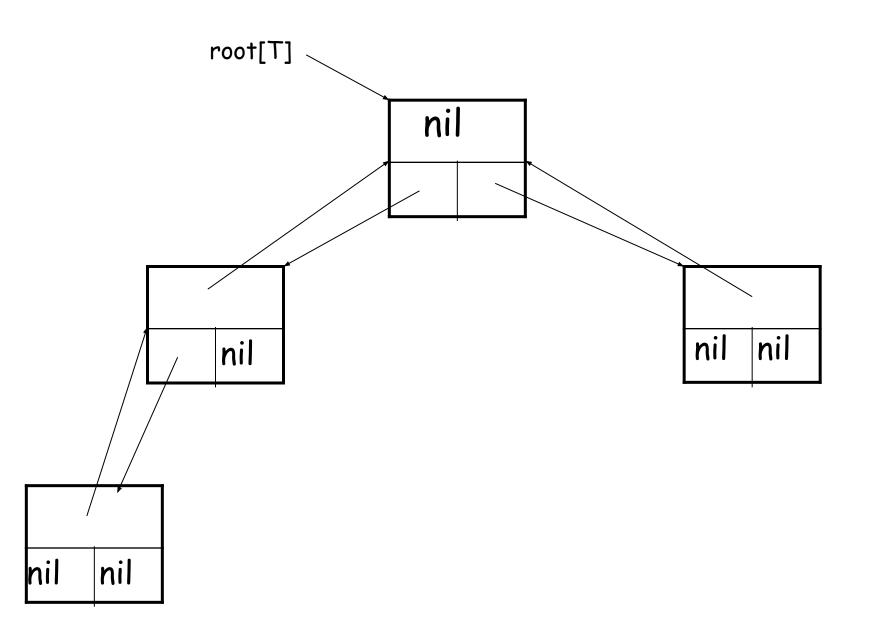
Cada nodo tiene los campos p, left y right para almacenar los punteros al padre, hijo izquierdo e hijo derecho. Además, se tiene el campo key.

Si p[x]=nil entonces x es a raíz Si el nodo x no tiene hijo izquierdo entonces left[x]=nilSi left[x]=right[x]=nil entonces x es una hoja

Árboles con raíz

Cada nodo tiene los campos p, left y right para almacenar los punteros al padre, hijo izquierdo e hijo derecho. Además, se tiene el campo key.

root[T] es el apuntador a la raíz del árbol Si root[T]=nil entonces el árbol está vacío



Referencias

Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest, and Clifford Stein. 2009. Introduction to Algorithms, Third Edition (3rd ed.). The MIT Press. Chapter 10

Gracias

Próximo tema:

Estructuras de datos: Tablas Hash