

24

1, 2, 3, 4, 6, 8, 12

36

1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18,

4, 10, 16, 22

4 es congruente con 10 modulo 6

$$4 \bmod 6 = 4$$

$$10 \bmod 6 = 4$$

$$(4 - 10) \bmod 6 = 0$$

$$a = b + km.$$

$$10 = 4 + k \cdot 6 \Rightarrow 10 = 4 + (1)6$$

$$4 = 10 + k \cdot 6 \Rightarrow 4 = 10 + (-1)6$$

$$a + c \equiv b + d \pmod{m} \text{ y } ac \equiv bd \pmod{m}.$$

$$a = 4 \quad b = 10 \quad c = 16 \quad d = 22$$

20 es congruente 32 mod 6

$$(32 - 20) \bmod 6 = 12 \bmod 6 = 0 \text{ OK}$$

$$64 \text{ es congruente con } 220 \bmod 6 \Rightarrow 156 \bmod 6 = 0 \text{ OK}$$

Dividimos el mayor de los dos números por el menor, para obtener $287 = 91 \cdot 3 + 14$.

Cualquier divisor de 91 y 287 debe ser un divisor de $287 - 91 \cdot 3 = 14$. así como,

$$\text{mcd}(287, 91)$$

$$287 =$$

$$287 \bmod 91 = 14$$

Los divisores de 287 son: 1, 7, 41, 287.

Los divisores de 91 son: 1, 7, 13, 91.

Sea $a = bq + r$, donde a , b , q y r son enteros. Entonces, $\text{mcd}(a, b) = \text{mcd}(b, r)$.

D/ Supongamos que d divide a y b . Entonces $d \mid ma + nb$, verdad?

$$a = 20$$

$$b = 25$$

$$5 \mid 20$$

$$5 \mid 25$$

$$5 \mid (n \cdot 20 + m \cdot 25) \quad 5 \mid (n \cdot (5 \cdot 4) + m \cdot (5 \cdot 5))$$

$$5 \mid (5 \cdot (4n + 5m))$$

$$5 \mid (5 \cdot c)$$

Supongamos que d divide a y b . Entonces $d \mid ma + nb$, verdad?, en particular $d \mid a - nb = r$

$$d = 5$$

$$a = 35$$

$$b = 105$$

$$5 \mid (105 - n \cdot 35) \quad n \text{ es cualquier número entero}$$

$$105 - n \cdot 35 = r = 105 \bmod 35$$

Implemente el algoritmo de Euclides para calcular el máximo común divisor de 414 y 662.

$$\text{mcd}(414, 662)$$

$$662 \bmod 414 = 248 \quad 662 = 414 \times 1 + 248$$

$$414 \bmod 248 = 166$$

$$248 \bmod 166 = 82 \quad \text{mcd}(414, 662) = 2$$

$$166 \bmod 82 = 2$$

$$82 \bmod 2 = 0$$