2.2

Изучение спектров атомов водорода и дейтерия Северилов Павел, 674

Цель работы: Исследовать спектральные закономерности в оптических спектрах водорода и дейтерия. По результатам измерений вычислить постоянные Ридберга для этих двух изотопов водорода, их потенциалы ионизации, изотопические сдвиги линий.

1 Теория

1.1 Атомарный спектр

Длины волн спектральных линий водородоподобного атома описывается формулой:

$$\frac{1}{\lambda_{mn}} = RZ^2 \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right),\tag{1}$$

где R — константа, называемая постоянной Ридберга, а m и n — целые числа.

Формула (1) известна в спектроскопии очень давно. Она была выведена эмпирически и называна обобщенной формулой Бальмера. Эта формула достаточно точно описывает спектральные линии водорода при $R=109677.6\ cm^{-1}$. Однако физический смысл формулы был непонятен в то время.

Для объяснения спектра атома водорода Нильс Бор в 1913г. предложил теорию атома, в основу которой положил три постулата:

- 1. Из всех возможных с точки зрения классической физики орбит в атоме осуществляются только некоторые стационарные орбиты, при движении по которым, вопреки представлениям классической электродинамики, электрон не излучает энергии.
- 2. Из всех возможных орбит в атоме осуществляются только те, для которых момент количества движения равен целому кратному величины постоянной Планка $\hbar = h/2\pi$, т.е.

$$L = n\hbar \tag{2}$$

3. Излучение или поглощение энергии происходит при переходе атома из одного стационарного состояния в другое, а частота излучаемого (поглощаемого) света связана с разностью энергий атома в стационарных состояниях соотношением

$$h\nu = E_2 - E_1,\tag{3}$$

где ν — частота излучаемой линии.

Использование этих постулатов с учетом кулоновского взаимодействия между ядром и электроном позволяет легко определить возможные энергетические состояния водородоподобного атома. Если считать ядро неподвижным, то эти энергетические состояния определяются выражением

$$E_n = -\frac{2\pi^2 m_e e^4 Z^2}{h^2} \frac{1}{n^2} \equiv -RZ^2 \frac{1}{n^2}$$
 (4)

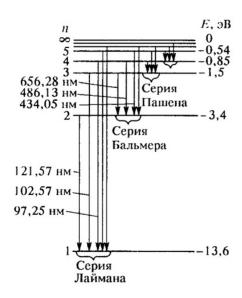


Рис. 1: Уровни энергии атома водорода и образование спектральных серий

Знание энергетических состояний атома позволяет в соответствии с формулой (4) определить возможные частоты его излучения и объяснить наблюдаемые спектральные закономерности (см. рис. 1.1).

1.2 Молекулярный спектр

Молекулы обладают более богатым спектром возбужденных состояний, чем изолированные атомы. В то время как возбуждения атомов — это переходы их электронов на более высоко расположенные энергетические уровни, в молекулах могут возбуждаться дополнительно колебательные степени свободы: колебания составляющих их атомов друг относительно друга и вращательные, т.е. вращения молекул относительно различных осей. В первом приближении энергия молекулы может быть представлена в виде

$$E = E_{\text{эл}} + E_{\text{колеб}} + E_{\text{враш}}. \tag{5}$$

Можно получить следующую оценку характерных частот этих колебаний:

$$\omega_{\text{э.л.}}:\omega_{\text{колеб}}:\omega_{\text{враил}}\approx 1:10^{-3}:10^{-6}$$
 (6)

Характерная энергия вращательных движений в 10^6 раз меньше энергии электронных переходов, и поэтому наблюдение вращательных переходов оптическими спектрометрами невозможно. Реально в видимой области наблюдаются электронно-колебательные спектры молекул. В спектре излучения происходит наложение колебательного спектра на электронный, и проявляется это в том, что каждой линии электронного перехода соответствует ряд колебательных линий, образующий полосу. На рис. 1.2 схематически изображены энергетические уровни молекулы без учета вращательной структуры.

2 Установка

Для исследования атомарного спектра водорода и молекулярного спектра йода в работе используется призменный монохроматор УМ-2.

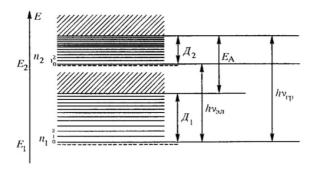


Рис. 2: Электронные и электронно-колебательные энергетические уровни двухатомной молекулы

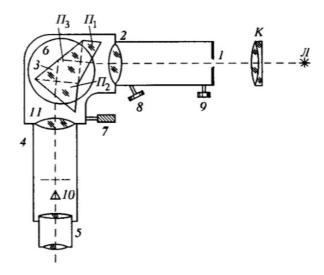


Рис. 3: Схема УМ-2

Основные части монохроматора:

- 1. Входная щель 1, снабженная микрометрическим винтом 9.
- 2. Коллиматорный объектив 2, снабженный микрометрическим винтом 8.
- 3. Сложная призма 3, установленная на поворотном столике 6.
- 4. Поворотный столик 6, вращающийся вокруг вертикальный при помощи микрометрического винта 7 с отсчетным барабаном.
- 5. Зрительная руба, состоящая из объектива 4 и окуляра 5.

Монохроматор калибруется с помощью неоновой и ртутной ламп.

2.1 Спектр атома водорода

В качестве источника света используется водородная лампа. С помощью монохроматора измеряются линии оптического диапазона из спектра *излучения* водорода (из серии Бальмера).

2.2 Молекулярный спектр йода

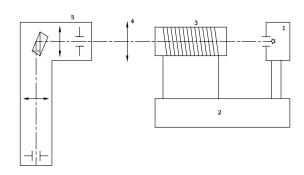


Рис. 4: Схема установки для исследования спектра йода

Спектр nornowehus паров йода наблюдается визуально на фоне непрерывного спектра лампы 1.

3 Обработка результатов

1. Градуировка монохроматора:

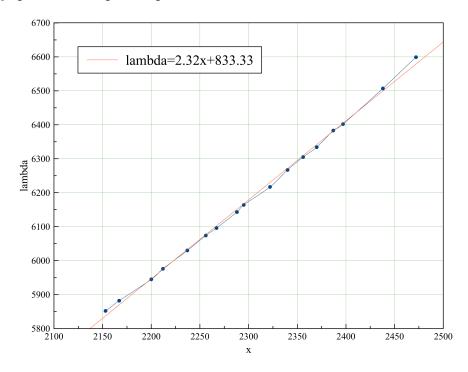


Рис. 5: Градуировочная кривая

2. Определим координаты линий бальмеровской серии атомарного водорода:

Линия	Монохроматор	Длина волны, нм	Справочное значение, нм	$R, 10^{-6}m^{-1}$
H_{α}	2456^{o}	650.3	656.3	11.0718
H_{β}	1452°	490.8	486.1	10.8667
H_{γ}	892°	407.4	434.1	11.688

$$\sigma_{\lambda} = 1.5 \ nm$$

Убедимся, что отношение длин волн водородных линий соответствует формуле сериальной закономерности:

$$\frac{H_{\alpha}}{H_{\beta}} = 1.325 \approx 1.350 = \frac{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2}}{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2}} \qquad \frac{H_{\beta}}{H_{\gamma}} = 1.2 \approx 1.120 = \frac{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{5^2}}{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2}}$$

Вычислим постоянную Ридберга:

$$R = (11.2 \pm 0.1) \cdot 10^{-6} \ m^{-1}$$

3. Вычисление энергии колебательного кванта молекулы йода и энергии ее диссоциации:

Линия	Монохроматор	Длина волны, нм
$h\nu_{1,0}$	2255^{o}	606.5
$h\nu_{1,5}$	2173°	587.5
$h\nu_{\mathrm{rp}}$	2354^{o}	629.5

$$\sigma_{\lambda} = 1.5 \ nm$$

• Энергия колебательного кванта:

$$h\nu_2 = \frac{h\nu_{1,5} - h\nu_{1,0}}{5} = 13.2 \pm 0.5 \ meV$$

• Энергия электронного перехода:

$$h\nu_{\text{эл}} = h\nu_1 - \nu_2 = (1.38 \pm 0.10)1 - ^{-2} eV$$

• Энергия диссоциации молекулы в основном состоянии Д₁:

$$D_1 = h\nu_{\rm pp} - E_A = 1.13 \pm 0.10 \ eV$$

• Энергия диссоциации молекулы в возбужденном состоянии Д₂:

$$D_2 = h\nu_{\rm pp} - h\nu_{\rm au} = 2.053 \pm 0.108 \ eV$$

4 Вывод

В ходе эксперимента были исследованы спектры водорода и йода. Из формулы (1) была вычислена постоянная Ридберга:

$$R_{\mbox{\tiny 9KCII}} = (11.2 \pm 0.1) \cdot 10^{-6} \ m^{-1}$$
 $R_{\mbox{\tiny Teop}} = 10.9737 \cdot 10^{-6} \ m^{-1}$

Были исследованы энергии различных состояний молекулы йода:

• Энергия колебательного кванта:

$$h\nu_2=13.2\pm0.5\;meV$$

$$(h\nu_1 = 27 \ meV; \ E_A = 0.94 \ eV)$$

• Энергия электронного перехода:

$$h\nu_{\text{эл}} = (1.38 \pm 0.10) \cdot 10^{-2} \ eV$$

• Энергия диссоциации:

$$D_1 = 1.13 \pm 0.10 \ eV$$
 $D_2 = 2.053 \pm 0.108 \ eV$

Все полученные значения выглядят достоверно: постоянная Ридберга совпадает с табличным значением с точностью до погрешности, энергии колебательного кванта совпадают по порядку величины, энергия диссоциации близка к термохимическим данным.