Inteligência artificial

Lógica Fuzzy II

Inferência Nebulosa

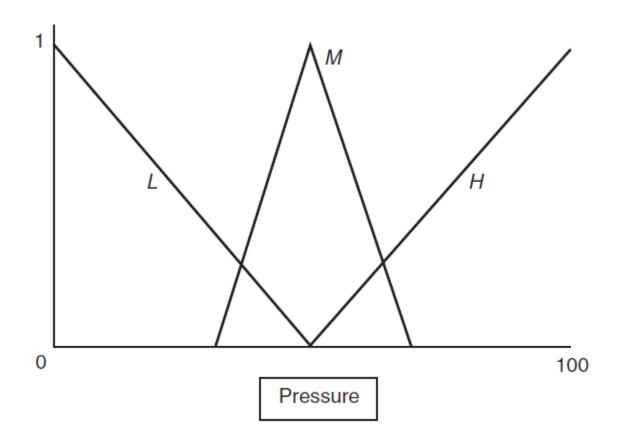
- Uma alternativa à implicação de Gödel chamada implicação de Mamdani (ou inferência de Mamdani) é geralmente usada em sistemas nebulosos.
- A inferência de Mamdani permite a um sistema ter valores de entrada de um conjunto nítido e aplicar um conjunto de regras nebulosas a esses valores a fim de derivar um único valor nítido de saída ou uma recomendação para uma ação.

- Projeto de um simples sistema de freio para um carro, desenvolvido para atuar quando as estradas ficam escorregadias e as rodas travam.
- Regras
 - Regra 1: SE a pressão no pedal do freio for média
 ENTÃO aplicar o freio.
 - Regra 2: SE a pressão no pedal de freio for alta
 E a velocidade do carro for alta
 - E a velocidade das rodas for alta
 - ENTÃO aplicar o freio

- Regras
 - Regra 3: SE a pressão no pedal de freio for alta
 E a velocidade do carro for alta
 E a velocidade das rodas for baixa
 ENTÃO liberar o freio
 - Regra 4: SE a pressão no pedal de freio for baixa
 ENTÃO liberar o freio
- Para aplicar essas regras usando a inferência de Mamdani, o primeiro passo é tornar nebulosos os valores de entrada nítidos.

- Para fazer isso, precisamos definir os conjuntos nebulosos para as diferentes variáveis linguísticas.
- No exemplo apresentado, assumiremos que a pressão no pedal seja medida de 0 (sem pressão) a 100 (freio totalmente aplicado). Definiremos pressão no freio como tendo três valores linguísticos: alto (H), médio (M) e Baixo (L), que definiremos como segue:

```
-H = \{(50,0),(100,1)\}
-M = \{(30,0),(50,1),(70,0)\}
-L = \{(0,1),(50,0)\}
```



Vamos supor que o valor de pressão em uma dada situação seja 60. Isso corresponde a valores de pertinência nebulosos para os três conjuntos de:

$$-P_{L}(60)=0$$

$$-P_{M}(60)=0,5$$

$$-P_{H}(60)=0,2$$

De forma similar, nós devemos considerar a velocidade da roda. Definiremos a velocidade da roda como tendo também três valores linguísticos: devagar (S), médio (M) e rápido (F). Definiremos as funções de pertinência para esses valores num universo de discurso de valores de 0 a 100.

Desse modo:

$$-S = \{(0,1), (60,0)\}$$

$$-M = \{(20,0), (50,1), (80,0)$$

$$-F = \{(40,0), (100,1)\}$$

Se a velocidade da roda for 55, então os valores de pertinência são como a seguir:

$$-P_{s}(55)=0,083$$

$$-P_{M}(55)=0,833$$

$$-P_{E}(55)=0,25$$

- Por simplicidade, definiremos a variável linguística velocidade do carro usando os mesmos valores linguísticos (S, M, F para devagar, médio e rápido), e usando as mesmas funções de pertinência.
- Desse modo, se a velocidade do carro for 80, então os valores de pertinência são como a seguir:

$$-P_{S}(80)=0$$

$$-P_{M}(80)=0$$

$$-P_{E}(80)=0,667$$

- Agora precisamos aplicar esses valores nebulosos aos antecedentes das regras do sistema.
- A Regra 1, considerada isoladamente, nos diz que o grau em que se deve aplicar o freio é o mesmo que o grau para o qual a pressão no pedal de freio possa ser descrita como "média".
- Vimos anteriormente que a pressão é 60 e que $P_{M}(60)=0,5$. Assim, a Regra 1 nos dá um valor de 0,5 para a instrução aperte o freio.

A regra 2 usa um E:

SE a pressão no pedal de freio for alta

E a velocidade do carro for alta

E a velocidade das rodas for alta

ENTÃO aplicar o freio

As funções de pertinência para as três partes do antecedente são:

$$-P_{A}(60)=0,2$$

$$-P_{E}(80)=0,667$$

$$-P_{E}(55)=0,25$$

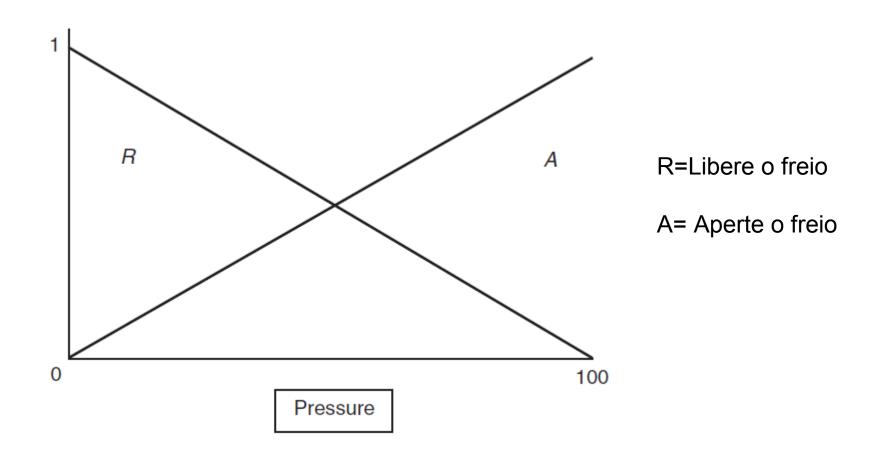
- Usualmente, a conjunção de duas ou mais variáveis nebulosas é tomada como o mínimo dos vários valores de pertinência. Assim, o antecedente para a Regra 2, nesse caso, tem o valor 0,2. Então, a Regra 2 nos dá um valor nebuloso de 0,2 para "Aperte o freio".
- De modo semelhante, avaliamos as regras 3 e 4.
- Regra 3:

$$-P_{A}(60)=0,2$$

$$-P_{\rm F}(80)=0,667$$

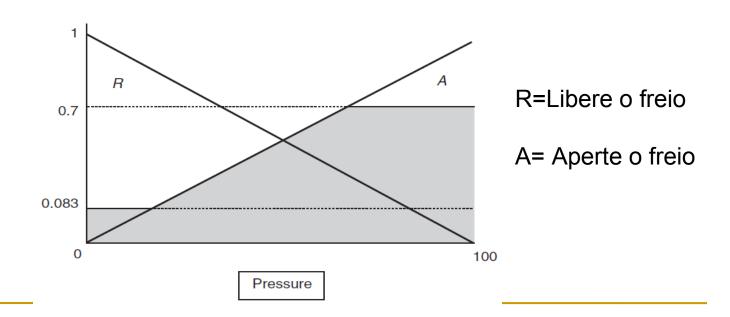
$$-P_{E}(55)=0,083$$

- Assim, a Regra 3 nos dá um valor de 0,083 para "Libere o freio".
- E a Regra 4: PL(60)=0, nos dá um valor nebuloso de 0 para "Libere o freio".
- Agora, é preciso combinar esses valores.
- Primeiramente, é preciso definir matematicamente o que quer dizer "aperte o freio" ou "libere o freio", como mostra a figura a seguir:



- Para aplicar essas regras, precisamos decidir como combinar os diferentes valores para cada uma das duas variáveis nebulosas.
- Temos 0,2 e 0,5 para "aperte o freio" e "0,083 e 0" para "libere o freio". Poderíamos somar os valores ou tomar o mínimo ou o máximo.
- A combinação depende da natureza do problema.
- No presente caso, faz sentido somar os valores, por que as regras distintas estão dando razões diferentes para "apertar o freio" ou "liberar o freio".

- Assim, chegamos a um valor de 0,7 para "aperte o freio" e "0,083" para "libere o freio".
- O próximo passo é **cortar** as funções de pertinência das duas variáveis nesses valores.



- A partir de agora, uma saída nítida deverá ser determinada a partir dos valores nebulosos.
- Esse processo é conhecido como **desnebulização** (**defuzzification**). Isso pode ser feito pela obtenção do centro de gravidade (ou centroide) da forma sombreada da figura.
- A fórmula para o centro de gravidade é

$$C = \frac{\sum P_A(x)x}{\sum P_A(x)}$$

• em que $P_A(x)$ é a função de pertinência ilustrada na área sombreada da figura.

Na verdade, o centro de gravidade deveria ser realmente calculado como uma integral contínua, mas, se usarmos uma soma discreta com uma seleção razoável de valores, é possível obter uma resposta aproximada o suficiente.

Assim, podemos calcular o centro de gravidade da forma sombreada da figura como:

$$C = \frac{(5 \times 0.83) + (10 \times 0.1) + (15 \times 0.15) + (20 \times 0.2) + \dots + (100 \times 1)}{0.083 + 0.1 + 0.15 + 0.2 + \dots + 1}$$

$$= \frac{717.666}{10.533} = 68.13$$
Grau em que o freio é aplicado!

Slides baseados no livro **Inteligência Artificial**, Ben Coppin, LTC – Livros Técnicos e Científicos Editora S.A, 2010.