Assume data.csv is the observed data in form of input-output pair. Please use the family of exponential function,  $y = \alpha e^{\beta x}$  with  $\beta < 0$ , for the regression analysis and find the optimal coefficients,  $\alpha$  and  $\beta$ . You may use JavaScript, python, or other language to solve this problem. In addition, compare the difference of estimation error for linear regression and exponential regression.

#### let x=[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]

let y=[9735,4597,2176,1024,483,229,108,52,24,11,6]

### 線性回歸結果:

截距 (alpha): 5120.636 斜率 (beta): -688.764

相關性 (correlation): -0.757

Alpha 代表 X=0 時,Y 的估計值為 5120.636。

Beta 為-688.764, 負斜率表明 Y 與 X 之間的負相關。

相關係數越接近1表示正向線性相關性越強,相關係數越接近-1表示負向線性相關性越強。而**此線性回歸結果中的相關係數為-0.757**,可以說明 X 和 Y 之間有負相關性,表示隨著 X 的增加,Y 呈現下降趨勢,程度為中度強度,但沒有到十分強烈。

### 指數回歸結果:

係數 (a): 9620.329

指數 (b): -0.746

相關性:-0.99999

係數 a 表示當 X=0 時, Y 的估計值為 9620.329。

指數 b 結果為-0.746,代表隨著 X 增加, Y 成指數遞減的趨勢,其絕對值越大,遞減速度越快。

線性回歸主要用於測量因變數(Y)與一或多個自變數(X)之間的線性關係,線性 回歸目標是找出最佳的直線,使得直線與觀察的數據點之間的誤差最小,線性 回歸會受極值的大幅影響,極值會嚴重影響回歸線的結果。

線性回歸中假設 X 和 Y 之間的線性關係存在,表示為  $y=\alpha+\beta x$  ,其中  $\alpha$  為截距,  $\beta$  為斜率。

不同於線性回歸,指數回歸中假設因變數 Y 與自變數 X 之間的關係為指數形式,適用於因變量呈現非線性增長或衰減的情況,常用於描述成長率或減少率隨自變量變化的模式。

指數型回歸表示為 $y = ae^{\beta x}$ ,其中 $\alpha$  和  $\beta$  是回歸參數,且 $\beta < 0$ 。 研究者可以根據不同數據的特性及研究分析目的來選擇適合的回歸模型,以達 到最佳的分析預測結果。

# linear regression

- 0 9735 linearexponential regression.js:12
- 1 4597 linearexponential regression.js:12
- 2 2176 linear exponential regression.js:12
- 3 1024 linearexponential regression.js:12
- 4 483 linearexponential regression.js:12
- 5 229 linear exponential regression.js:12
- 6 108 linearexponential regression.js:12
- 7 52 linearexponential regression.js:12
- 8 24 linearexponential regression.js:12
- 9 11 linearexponential regression.js:12
- 10 6 linear exponential regression.js:12

alpha 5120.636363636364 beta -688.7636363636364

linearexponential regression.js:14

correlation is -0.757019814984881

# exponential regression.

- a 9620.329408784626 b -0.7461780351670065 linearexponential regression.js:30
- a 9620.329408784626 b -0.7461780351670065 linear exponential regression.js:21
- 0 9620.329408784626 linear exponential regression.js:22
- 1 4561.723310041821 linearexponential regression.js:22
- 2 2163.056863559917 linear exponential regression.js:22
- 3 1025.6683005508223linearexponential regression.js:22
- 4 486.34665157320825 linearexponential regression.js:22
- 5 230.61360614288708 linear exponential regression.js:22
- 6 109.35129329295124 linear exponential regression.js:22
- 7 51.85169056084271 linear exponential regression.js:22
- 8 24.586794843062844 linear exponential regression.js:22
- 9 11.658452677555992 linearexponential regression.js:22
- 10 5.528151176368649 linear exponential regression.js:22