



Universidade Federal Rural de Pernambuco

Física Geral 3 - 2 ° PLE

UFRPE/UACSA

Nome: CARLA MARIA CAROLYNE MARQUES DA SILVA

Prova Final

Questão1 [3,0 pontos]: Uma esfera isolante de raio $R = 6 \text{ m}$ possui uma densidade de carga não uniforme, $\rho(r)$, (em C/m^3) dada por:

$$\rho(r) = \begin{cases} 2r; & r < R/2, \\ 4\left(2 - \frac{r^2}{4R^2}\right); & R/2 \leq r \leq R, \\ 0; & R < r \end{cases}$$

Use $k = 8,99 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$ ou $\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/(\text{Nm}^2)$

- (a) [1,0] Determine o **vetor campo elétrico**, a uma distância de **1.5 m** do centro da esfera.
- (b) [1,0] Determine o **vetor campo elétrico**, a uma distância de **4.6 m** do centro da esfera.
- (c) [1,0] Se porção da esfera entre $R/2 \leq r \leq R$ é trocado por um material condutor, calcule **a carga da superfície interna e externa** da casca condutora para que o campo elétrico a uma distância de **2R** do centro da esfera se mantenha a mesma que era antes de trocar o material.

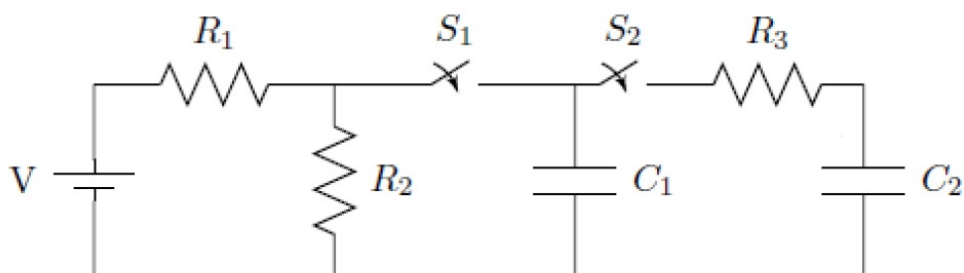
Questão2 [3,0 pontos]: No circuito da figura abaixo, os capacitores estão inicialmente descarregados e as chaves abertas. Considere $V = 10,0 \text{ V}$, $R_1 = 7 \text{ M}\Omega$, $R_2 = 1 \text{ M}\Omega$, $R_3 = 3 \text{ k}\Omega$, $C_1 = 4 \text{ }\mu\text{F}$, $C_2 = 100,0 \text{ nF}$.

(a) [1,0] Se em $t = 0$ a chave S_1 é fechada, calcule a **diferença de potencial** no capacitor C_1 após passar um tempo muito longo.

Se após muito tempo a chave S_1 é aberta e a chave S_2 é fechada

(b) [1,0] Calcule a **diferença de potencial** no capacitor C_2 após de ter fechado a chave S_2 por muito tempo.

(c) [1,0] Na mesma condição do item (b), determine a energia dissipada por R_3 após de muito tempo de ter fechado a chave S_2 .



Questão3 [4,0 pontos]: Por um fio longo e reto, que encontra-se ao longo do eixo z , circula uma corrente $i = 3 \text{ A}$, na direção $+\mathbf{z}$. Determine o vetor campo magnético (usando vetores unitários) induzido por um segmento do fio, de comprimento $l = 0,2 \text{ mm}$ e com seu centro na origem, nos seguintes pontos (Use $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A}$):

- (a) $[1,0] \ x = 2, \ y = 0, \ z = 0 \text{ m}$.
- (b) $[1,0] \ x = 0, \ y = 3, \ z = 0 \text{ m}$.
- (c) $[1,0] \ x = 3, \ y = 3, \ z = 0 \text{ m}$.
- (d) $[1,0] \ x = 0, \ y = 0, \ z = 4 \text{ m}$.

Informações adicionais

$$\int \cos^2 \alpha \, d\alpha = \frac{\alpha}{2} + \frac{\operatorname{sen}(2\alpha)}{4} + Cte$$

$$\int \operatorname{sen}^2 \alpha \, d\alpha = \frac{\alpha}{2} - \frac{\operatorname{sen}(2\alpha)}{4} + Cte$$

$$\int \operatorname{sen} \alpha \cos \alpha \, d\alpha = \frac{\operatorname{sen}^2 \alpha}{2} + Cte$$

$$\int \frac{dx}{(x^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}} = \frac{x}{a^2 \sqrt{a^2 + x^2}} + Cte$$

$$\int \frac{x dx}{(x^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}} = -\frac{1}{\sqrt{a^2 + x^2}} + Cte$$

$$\int \frac{x^2 dx}{(x^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}} = \ln \left(x + \sqrt{a^2 + x^2} \right) - \frac{x}{\sqrt{a^2 + x^2}} + Cte$$

$$\int \frac{x dx}{(a + x)^2} = \ln(a + x) - \frac{x}{a + x} + Cte$$

$$\int \frac{dx}{(a - x)^2} = \frac{1}{a - x} + Cte$$