



TALLER MATEMAGIA

Carles Alcaide Eloi León

CCCCO

Càtedra de Cultura Científica i Comunicació Digital

Universitat de Girona

2024

ENERO

S <u>Lu Ma Mi Ju Vi Sa Do</u>

1 1 2 3 4 5 6 7

2 8 9 10 11 12 13 14

3 15 16 17 18 19 20 21

4 22 23 24 25 26 27 28

5 29 30 31

FEBRERO

 S
 Lu
 Ma
 Mi
 Ju
 Vi
 Sa
 Do

 5
 1
 2
 3
 4

 6
 5
 6
 7
 8
 9
 10
 11

 7
 12
 13
 14
 15
 16
 17
 18

 8
 19
 20
 21
 22
 23
 24
 25

 9
 26
 27
 28
 29

MARZO

 S
 Lu
 Ma
 Mi
 Ju
 Vi
 Sa
 Do

 9
 1
 2
 3

 10
 4
 5
 6
 7
 8
 9
 10

 11
 11
 12
 13
 14
 15
 16
 17

 12
 18
 19
 20
 21
 22
 23
 24

 13
 25
 26
 27
 28
 29
 30
 31

ABRIL

MAYO

 S
 Lu
 Ma
 Mi
 Ju
 Vi
 Sa
 Do

 18
 1
 2
 3
 4
 5

 19
 6
 7
 8
 9
 10
 11
 12

 20
 13
 14
 15
 16
 17
 18
 19

 21
 20
 21
 22
 23
 24
 25
 26

 22
 27
 28
 29
 30
 31

JUNIO

JULIO

S <u>Lu Ma Mi Ju Vi Sa Do</u>

27 1 2 3 4 5 6 7

28 8 9 10 11 12 13 14

29 15 16 17 18 19 20 21

30 22 23 24 25 26 27 28

31 29 30 31

AGOSTO

S Lu Ma Mi Ju Vi Sa Do 31 1 2 3 4 32 5 6 7 8 9 10 11 33 12 13 14 15 16 17 18 34 19 20 21 22 23 24 25 35 26 27 28 29 30 31

SEPTIEMBRE

OCTUBRE

S <u>Lu Ma Mi Ju Vi Sa Do</u>

40 1 2 3 4 5 6

41 7 8 9 10 11 12 13

42 14 15 16 17 18 19 20

43 21 22 23 24 25 26 27

44 28 29 30 31

NOVIEMBRE

S <u>Lu Ma Mi Ju Vi Sa Do</u>

44

45 4 5 6 7 8 9 10

46 11 12 13 14 15 16 17

47 28 19 20 21 22 23 24

48 25 26 27 28 29 30

DICIEMBRE

S Lu Ma Mi Ju Vi Sa Do

48
49 2 3 4 5 6 7 8
50 9 10 11 12 13 14 15
51 16 17 18 19 20 21 22
52 23 24 25 26 27 28 29
1 30 31



Este es tu día esperado

Enero	0		Enezo	Zero
Febrero	3		Febre t o	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		May u	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	O		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviem t e	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Enero	0		Enezo	Zero
Febrero	3		Febreto	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		Mayu	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviem t e	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

Este sigue el siguiente orden cíclico:

XXI	XX	XIX	XVIII
6	0	2	4

Enero	0		Enezo	Zero
Febrero	3		Febreto	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		Mayu	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviem t e	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Ejemplo: hoy – 28/02/2024

CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

Este sigue el siguiente orden cíclico:

XXI	XX	XIX	XVIII
6	0	2	4

Enero	0	-	Enezo	Zero
Febrero	3		Febre t o	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		Mayu	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviem t e	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Ejemplo: hoy – 28/02/2024

El numero del día se queda igual:

CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

28

Este sigue el siguiente orden cíclico:

XXI	XX	XIX	XVIII
6	О	2	4

Enero	0		Enezo	Zero
Febrero	3		Febre t o	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		Mayu	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviem t e	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Ejemplo: hoy - 28/02/2024

El numero del día se queda igual: Febrero tiene código 3: CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

28

03

Este sigue el siguiente orden cíclico:

XXI	XX	XIX	XVIII
6	0	2	4

Enero	0		Enezo	Zero
Febrero	3		Febreto	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		Mayu	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviem t e	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Ejemplo: hoy – 28/02/2024

El numero del día se queda igual:	28
Febrero tiene código 3:	03
El 2024 tiene código 30:	30

CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

Este sigue el siguiente orden cíclico:

XXI	XX	XIX	XVIII
6	0	2	4

Enero	0		Enezo	Zero
Febrero	3		Febreto	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		Mayu	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviem t e	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Ejemplo: hoy – 28/02/2024

El numero del día se queda igual:	28
Febrero tiene código 3:	03
El 2024 tiene código 30:	30
El siglo XXI tiene código 6 (en enero i febrero 5):	05

CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

Este sigue el siguiente orden cíclico:

XXI	XX	XIX	XVIII
6	0	2	4

Enero	0	-	Enezo	Zero
Febrero	3		Febre t o	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		May u	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviemte	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Ejemplo: hoy – 28/02/2024

El numero del día se queda igual:	28
Febrero tiene código 3:	03
El 2024 tiene código 30:	30
El siglo XXI tiene código 6 (en enero i febrero 5):	05

Total: 28+3+30+5=66(mod7)=3

CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

Este sigue el siguiente orden cíclico:

XXI	XX	XIX	XVIII
6	0	2	4

Enero	0	-	Enezo	Zero
Febrero	3		Febre t o	Tres
Marzo	3		Mar t o	Tres
Abril	6		Abri s	Seis
Mayo	1		May u	Uno
Junio	4		Juni c o	Cuatro
Julio	6		Juli s o	Seis
Agosto	2		Agos d o	Dos
Septiembre	5		Septien c i	Cinco
Octubre	0		Octu z o	Zero
Noviembre	3		Noviemte	Tres
Diciembre	5		Diciem c i	Cinco

Ejemplo: hoy – 28/02/2024

El numero del día se queda igual:	28
Febrero tiene código 3:	03
El 2024 tiene código 30:	30
El siglo XXI tiene código 6 (en enero i febrero 5):	05

Total: $28+3+30+5=66 \pmod{7}=3 \to MIÉRCOLES$

CÓDIGO DÍA

El propio número del día.

CÓDIGO MES

La lista de la tabla de meses.

CÓDIGO AÑO

Se necesita coger los dos últimos números del año y dividirlos entre 4 para saber el numero de años bisiestos que hay. Luego se suma los dos últimos números del año con el resultado de la división.

CÓDIGO SIGLO

Este sigue el siguiente orden cíclico:

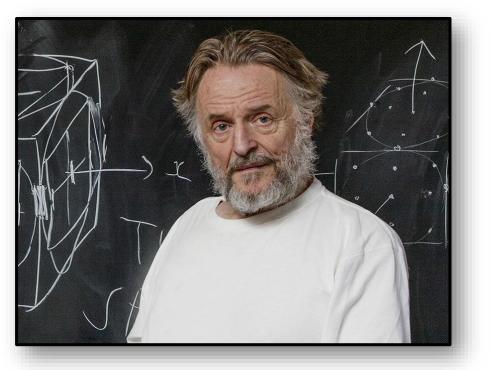
XXI	XX	XIX	XVIII
6	0	2	4

¡Vamos a practicar!

Cada uno de vosotros nacisteis un día diferente de un año diferente...

Calculad el día de la semana en que nacisteis, y si ya lo sabéis, ¿coincide con el que acabáis de calcular?





4/4

o/3

6/6

5/9

8/8

9/5

10/10

= 7/11

■ 4th July – EEUU

= 12/12

11/7

- 2 de mayo Madrid
- St. Esteve Catalunya (26/12)
- ■Virgen de la Candelaria Canarias (15/8)

JOHN CONWAY'S DOOMSDAY DIAS DE LA SEMANA



Estos días, según pasan los años, van cambiando:

2022: Lunes

2023: Martes

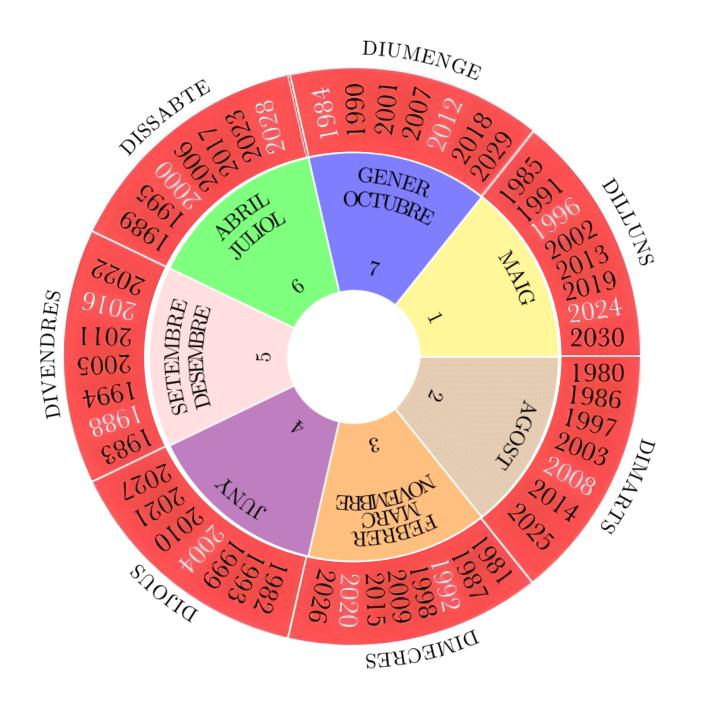
2024: Jueves

•

2035: ??

Mes	Lista completa	
Enero	3 , 10, 17, 24, 31 O 4 , 11, 18, 25, 32	
Febrero	7, 14, 21, 28 O 1, 8, 15, 22, 29	
Marzo	0, 7, 14, 21, 28	
Abril	4, 11, 18, 25	
Mayo	2, 9, 16, 23, 30	
Junio	6 , 13, 20, 27	
Julio	4, 11, 18, 25	
Agosto	1, 8 , 15, 22, 29	
Septiembre	5 , 12, 19, 26	
Octubre	3, 10, 17, 24, 31	
Noviembre	7, 14, 21, 28	
Diciembre	5, 12 , 19, 26	

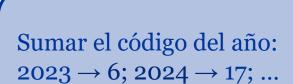
#WeekDayFingers





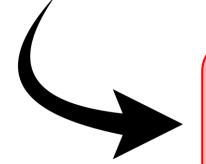






cada año +11

Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30.



0, 1, 29, 30: luna nueva 14 – 16: luna llena

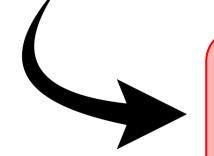
6 – 8: cuarto creciente



Sumar el código del año: $2023 \rightarrow 6$; $2024 \rightarrow 17$; ...

cada año +11

Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30.



0, 1, 29, 30: luna nueva 14 – 16: luna llena

6 – 8: cuarto creciente

21 – 23: cuarto menguante

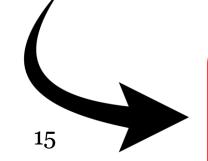
Ejemplo: 15 de noviembre de 2018



> Sumar el código del año: $2023 \rightarrow 6$; $2024 \rightarrow 17$; ...

cada año +11

Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30.



0, 1, 29, 30: luna nueva 14 – 16: luna llena

6 – 8: cuarto creciente

21 – 23: cuarto menguante

Ejemplo: 15 de noviembre de 2018

El número del día se queda igual:



> Sumar el código del año: $2023 \rightarrow 6$; $2024 \rightarrow 17$; ...

cada año +11

Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30.



El número del día se queda igual:

El noviembre es el mes 11:



0, 1, 29, 30: luna nueva 14 – 16: luna llena

6 – 8: cuarto creciente



> Sumar el código del año: 2023 → 6; 2024 → 17; ...

cada año +11

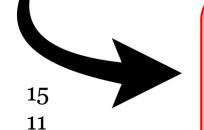
Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30.



El número del día se queda igual:

El noviembre es el mes 11:

Si vamos hacia atrás des de 2023, el 2018 tiene código 11:



11

0, 1, 29, 30: luna nueva 14 – 16: luna llena

6 – 8: cuarto creciente



Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30. $2023 \rightarrow 6$; $2024 \rightarrow 17$; ...

cada año +11

Ejemplo: 15 de noviembre de 2018

El número del día se queda igual:

El noviembre es el mes 11:

Si vamos hacia atrás des de 2023, el 2018 tiene código 11:

Total: 15+11+11=37-30=7



11

0, 1, 29, 30: luna nueva

14 – 16: luna llena

6 – 8: cuarto creciente



> Sumar el código del año: $2023 \rightarrow 6$; $2024 \rightarrow 17$; ...

cada año +11

Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30.



El número del día se queda igual:

El noviembre es el mes 11:

Si vamos hacia atrás des de 2023, el 2018 tiene código 11:

Total: 15+11+11=37-30=7 → **CUARTO CRECIENTE**



11

0, 1, 29, 30: luna nueva

14 – 16: luna llena

6 – 8: cuarto creciente



¡Vamos a practicar!

Cada uno de vosotros nacisteis un día diferente de un año diferente...

Calculad el día de la semana en que nacisteis, y si ya lo sabéis, ¿coincide con el que acabáis de calcular?

Ahora calculad en que fase estaba la luna ese mismo día.





> Sumar el código del año: $2023 \rightarrow 6$; $2024 \rightarrow 17$; ...

cada año +11

Si es necesario, se puede restar 30 al resultado para obtener un número menor a 30.



El número del día se queda igual:

El noviembre es el mes 11:

Si vamos hacia atrás des de 2023, el 2018 tiene código 11:

Total: 15+11+11=37-30=7 → **CUARTO CRECIENTE**



11

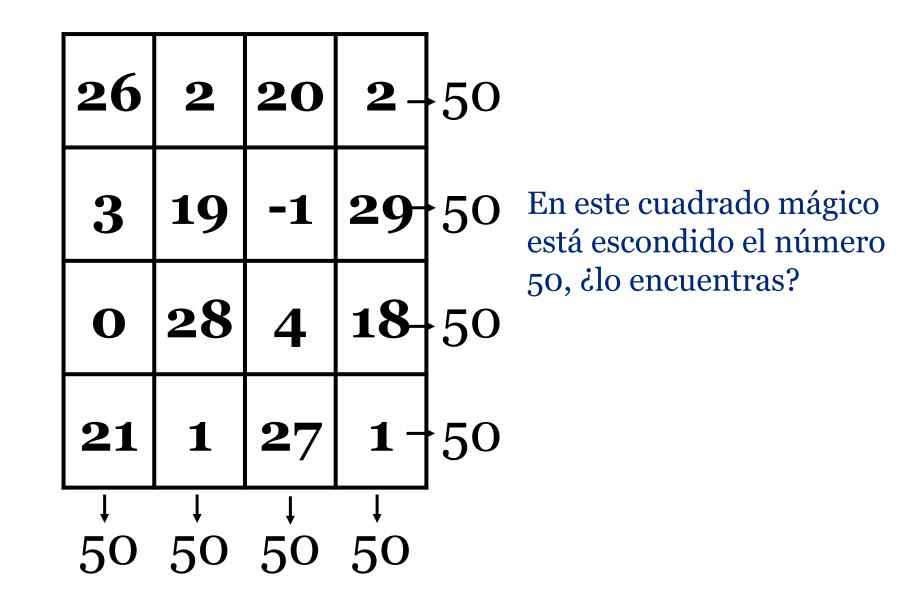
0, 1, 29, 30: luna nueva

14 – 16: luna llena

6 – 8: cuarto creciente



26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1

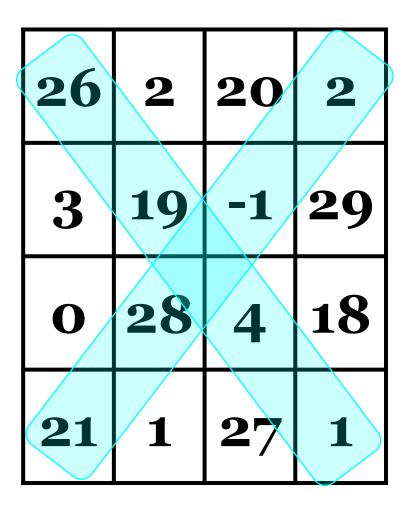


26	2	20	2
3	19	-1	29
0	28	4	18
21	1	2 7	1

26	2	20	2
3	19	-1	29
0	28	4	18
21	1	2 7	1

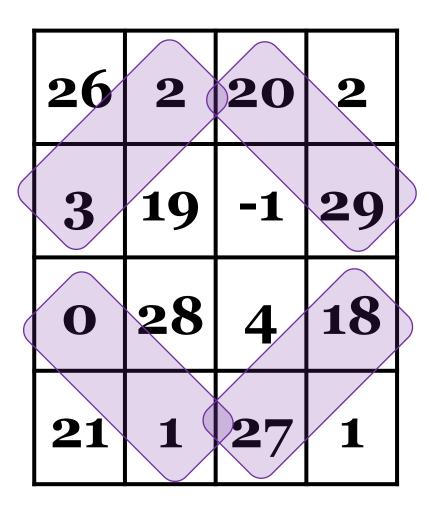
50

26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1





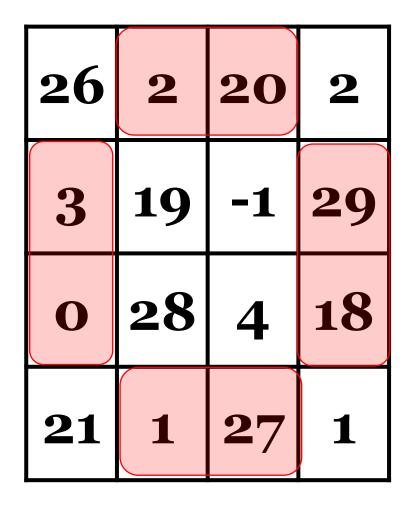
26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1





26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1

26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1





26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1

26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1



26	2	20	2
3	19	-1	29
O	28	4	18
21	1	2 7	1

26	2	20	2
3	19	-1	29
0	28	4	18
21	1	27	1

26	2	20	2
3	19	-1	29
0	28	4	18
21	1	2 7	1





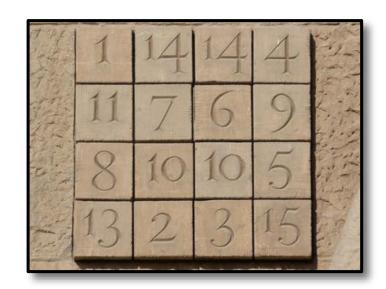
DD	MM	CC	YY
YY+1	CC-1	MM-3	DD+3
MM-2	DD+2	YY+2	CC-2
CC+1	YY-1	DD+1	MM-1

DD/MM/CCYY

¡Vamos a practicar!

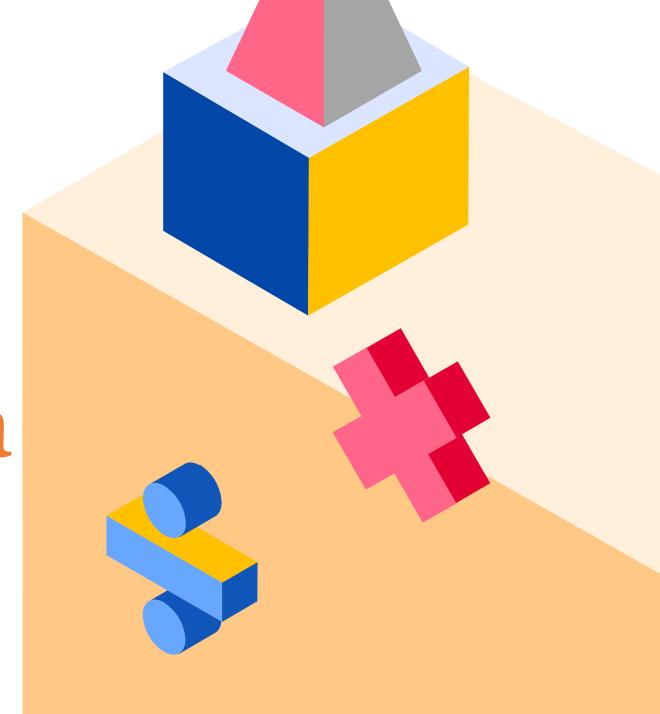
Ahora os toca a vosotros, construid vuestro propio el cuadrado mágico.

Pregunta: ¿este es un cuadrado mágico? ¿dónde se encuentra?



IADELATE!

Tu decisión... mí respuesta



6	8	10	7
3	5	7	4
5	7	9	6
8	10	12	9



29			
	J		

29		11			
10					
18					

29		11			
		1	3	5	2
18	5				
	2				
	4				
	7				

29		11			
		1	3	5	2
18	5	6	8	10	7
	2	3	5	7	4
	4	5	7	9	6
	7	8	10	12	9

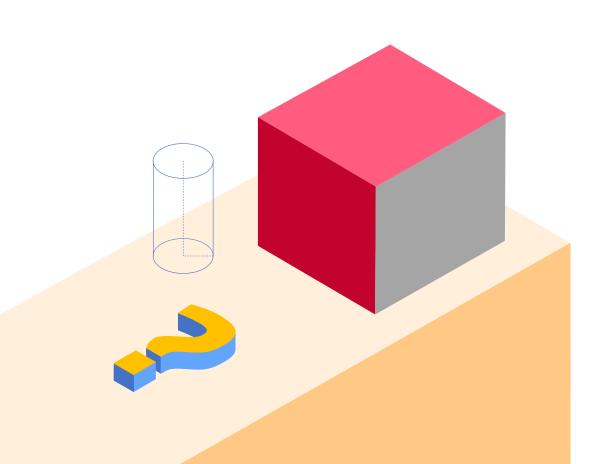
6	8	10	7
3	5 7		4
5	7	9	6
8	10	12	9

¡Vamos a practicar!

Haced vuestro propio recuadro con un número diferente y practicad el juego de magia. ¿Os sale?

Pregunta: ¿se podría hacer de otra manera este tipo de recuadro?





iSé donde tienes la moneda!

Para hacer este experimento necesitareis tres monedas <u>diferentes</u>:

- > 1 euro
- > 50 céntimos
- > 10 céntimos

Si no tenéis 3 monedas diferentes, pueden ser tres objectos diferentes, ipero tienen que tener diferentes valores de algo!

iSeguid nuestras instrucciones y ya veréis la magia!

IATENTOS QUE EMPEZAMOS!

1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad *A* por *C*.

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad A por C.
- 3) Intercambiad **B** por **A** o **C**.

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad *A* por *C*.
- 3) Intercambiad \boldsymbol{B} por \boldsymbol{A} o \boldsymbol{C} .
- 4) Intercambiad *C* por la moneda de la derecha.

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad A por C.
- 3) Intercambiad \boldsymbol{B} por \boldsymbol{A} o \boldsymbol{C} .
- 4) Intercambiad *C* por la moneda de la derecha.
- 5) Intercambiad A por la moneda de la izquierda.

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad A por C.
- 3) Intercambiad \boldsymbol{B} por \boldsymbol{A} o \boldsymbol{C} .
- 4) Intercambiad *C* por la moneda de la derecha.
- 5) Intercambiad A por la moneda de la izquierda.
- 6) Intercambiad **B** por la moneda de la derecha.

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad A por C.
- 3) Intercambiad **B** por **A** o **C**.
- 4) Intercambiad *C* por la moneda de la derecha.
- 5) Intercambiad A por la moneda de la izquierda.
- 6) Intercambiad **B** por la moneda de la derecha.
- 7) Intercambiad la moneda de la derecha por la de la izquierda.

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad A por C.
- 3) Intercambiad \boldsymbol{B} por \boldsymbol{A} o \boldsymbol{C} .
- 4) Intercambiad *C* por la moneda de la derecha.
- 5) Intercambiad A por la moneda de la izquierda.
- 6) Intercambiad **B** por la moneda de la derecha.
- 7) Intercambiad la moneda de la derecha por la de la izquierda.
- 8) Poneros la moneda de la derecha en el bolsillo.

A cada objeto le asignaremos una letra: A, B o C. Si lo hacéis como nosotros, llamaremos A a la moneda de 1 euro, B a la de 50 cc y C a la de 10 cc.

IATENTOS QUE EMPEZAMOS!

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad A por C.
- 3) Intercambiad \boldsymbol{B} por \boldsymbol{A} o \boldsymbol{C} .
- 4) Intercambiad *C* por la moneda de la derecha.
- 5) Intercambiad A por la moneda de la izquierda.
- 6) Intercambiad **B** por la moneda de la derecha.
- 7) Intercambiad la moneda de la derecha por la de la izquierda.
- 8) Poneros la moneda de la derecha en el bolsillo.
- 9) De las monedas que os queden, coged con la mano la que tenga más valor.

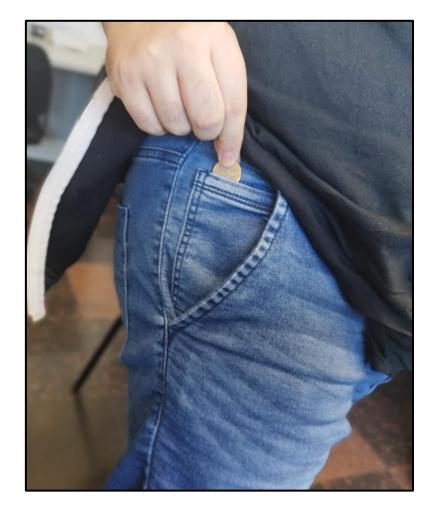












Una **permutación** es el número de maneras distintas en que se pueden ordenar los elementos de un conjunto. Si el conjunto consta de m elementos y estos se quieren disponer en grupos de tamaño n, entonces se requiere que $m \ge n$.

Hay que tener en cuenta lo siguiente:

- 1. Sí importa el orden de los grupos, ya que el intercambio entre dos elementos distintos genera una nueva permutación.
- 2. No se repiten los elementos, ya que de repetirse o ser iguales entre si, al intercambiarlos no se genera una nueva permutación.

Una **permutación** es el número de maneras distintas en que se pueden ordenar los elementos de un conjunto. Si el conjunto consta de m elementos y estos se quieren disponer en grupos de tamaño n, entonces se requiere que $m \ge n$.

Hay que tener en cuenta lo siguiente:

- 1. Sí importa el orden de los grupos, ya que el intercambio entre dos elementos distintos genera una nueva permutación.
- 2. No se repiten los elementos, ya que de repetirse o ser iguales entre si, al intercambiarlos no se genera una nueva permutación.

Ejemplo

¿De cuantas formas distintas puedo poner las 3 pelotas?



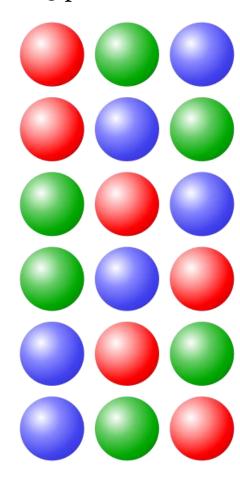
Una **permutación** es el número de maneras distintas en que se pueden ordenar los elementos de un conjunto. Si el conjunto consta de m elementos y estos se quieren disponer en grupos de tamaño n, entonces se requiere que $m \ge n$.

Hay que tener en cuenta lo siguiente:

- 1. Sí importa el orden de los grupos, ya que el intercambio entre dos elementos distintos genera una nueva permutación.
- 2. No se repiten los elementos, ya que de repetirse o ser iguales entre si, al intercambiarlos no se genera una nueva permutación.

Ejemplo

¿De cuantas formas distintas puedo poner las 3 pelotas?



Una **permutación** es el número de maneras distintas en que se pueden ordenar los elementos de un conjunto. Si el conjunto consta de m elementos y estos se quieren disponer en grupos de tamaño n, entonces se requiere que $m \ge n$.

Para poder saber las permutaciones que tiene un grupo, la operación matemática que se debe hacer es el **factorial**.

n!

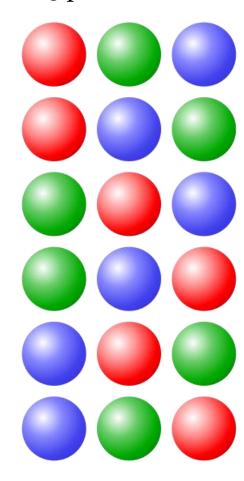
Hacer el factorial de un numero no es mas que multiplicar todos los números des de el 1 hasta *n*. Es decir

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \cdots \cdot (n-1) \cdot n$$

<u>Pregunta:</u> ¿de cuantas maneras puedo colocar cero pelotas?

Ejemplo

¿De cuantas formas distintas puedo poner las 3 pelotas?



¡Vamos a practicar!

Es vuestro turno, tenéis que construir el camino con los pasos que hemos seguido de las instrucciones. Empezad con todas las permutaciones posibles.

Pregunta: ¿siempre acabáis allí mismo? ¿todos los caminos llegan a Roma?



INSTRUCCIONES

- 1) Poned las 3 monedas delante de vosotros en una línea horizontal pero en el orden que queráis.
- 2) Intercambiad A por C.
- 3) Intercambiad \boldsymbol{B} por \boldsymbol{A} o \boldsymbol{C} .
- 4) Intercambiad *C* por la moneda de la derecha.
- 5) Intercambiad A por la moneda de la izquierda.
- 6) Intercambiad **B** por la moneda de la derecha.
- 7) Intercambiad la moneda de la derecha por la de la izquierda.
- 8) Poneros la moneda de la derecha en el bolsillo.
- 9) De las monedas que os queden, coged con la mano la que tenga más valor.

INICIO	ABC	BCA	BAC	ACB	CAB	CBA
$A \longleftrightarrow C$	CBA	ACB	CAB	BCA	BAC	ABC
$B \longleftrightarrow A$	CAB	BCA	CBA	ACB	ABC	BAC
$B \longleftrightarrow C$	BAC	CBA	BCA	ABC	ACB	CAB
$C \leftrightarrow dcha$.	BAC	BCA	BAC	ABC	ABC	ACB
$A \leftrightarrow izq.$	ABC	BAC	ABC	ABC	ABC	ACB
$B \leftrightarrow dcha$.	ACB	ABC	ACB	ACB	ACB	ABC
$dcha. \leftrightarrow izq.$	BC A	CB A	BC A	BC A	BC A	CBA
dcha. \rightarrow bolsillo	ВС	СВ	ВС	ВС	ВС	СВ
mano	В	В	В	В	В	В
mesa	C	C	C	C	C	C

A siempre al bolsillo!

 \leftarrow porque C > B

iEste numero ya me lo sé!



32	33	34	35	36	3 7	38	39
40	41	42	43	44	45	46	4 7
48	49	50	51	52	53	54	55
56	5 7	58	59	60	61	62	63

16	17	18	19	20	21	22	23
24	25	26	2 7	28	29	30	31
48	49	50	51	52	53	54	55
56	5 7	58	59	60	61	62	63

8	9	10	11	12	13	14	15
24	25	26	2 7	28	29	30	31
40	41	42	43	44	45	46	4 7
56	5 7	58	59	60	61	62	63

4	5	6	7	12	13	14	15
20	21	22	23	28	29	30	31
36	3 7	38	39	44	45	46	4 7
52	53	54	55	60	61	62	63

2	3	6	7	10	11	14	15
18	19	22	23	26	2 7	30	31
34	35	38	39	42	43	46	4 7
50	51	54	55	58	59	62	63

1	3	5	7	9	11	13	15
17	19	21	23	25	2 7	29	31
33	35	3 7	39	41	43	45	4 7
49	51	53	55	5 7	59	61	63

Para saber cómo repartir los números, basta con que escribamos el número en base 2. Para ello, dividimos el número entre 2, el cociente volvemos a dividirlo entre 2, y así sucesivamente hasta obtener de cociente la unidad.

Para saber cómo repartir los números, basta con que escribamos el número en base 2. Para ello, dividimos el número entre 2, el cociente volvemos a dividirlo entre 2, y así sucesivamente hasta obtener de cociente la unidad.

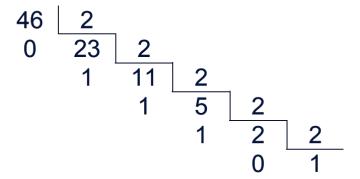
Ejemplo

¿Cómo sería el número 46 en binario?

Para saber cómo repartir los números, basta con que escribamos el número en base 2. Para ello, dividimos el número entre 2, el cociente volvemos a dividirlo entre 2, y así sucesivamente hasta obtener de cociente la unidad.

Ejemplo

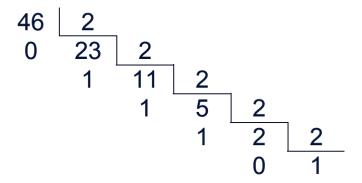
¿Cómo sería el número 46 en binario?



Para saber cómo repartir los números, basta con que escribamos el número en base 2. Para ello, dividimos el número entre 2, el cociente volvemos a dividirlo entre 2, y así sucesivamente hasta obtener de cociente la unidad.

Ejemplo

¿Cómo sería el número 46 en binario?



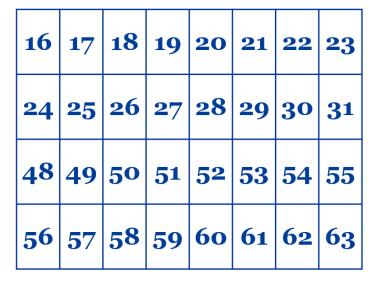
Luego $46_{(10)} = 101110_{(2)}$ la cifra de la derecha corresponde a la primera tarjeta, la siguiente a la segunda tarjeta y así sucesivamente. Si la cifra correspondiente es un 1, el número que estamos trabajando (el 46 en nuestro caso) debe de aparecer en la tarjeta, si es un cero no hay que incluirlo en esa tarjeta. En el caso del 46 vemos que debe aparecer en las tarjetas 2, 3, 4 y 6.

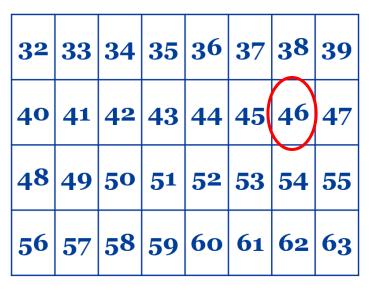
1	3	5	7	9	11	13	15
17	19	21	23	25	2 7	29	31
33	35	3 7	39	41	43	45	47
49	51	53	55	5 7	59	61	63

2	3	6	7	10	11	14	15
18	19	22	23	26	2 7	30	31
34	35	38	39	42	43	46	47
50	51	54	55	58	59	62	63

4	5	6	7	12	13	14	15
20	21	22	23	28	29	30	31
36	3 7	38	39	44	45	46	4 7
52	53	54	55	60	61	62	63

8	9	10	11	12	13	14	15
24	25	26	2 7	28	29	30	31
40	41	42	43	44	45	46	4 7
56	5 7	58	59	60	61	62	63

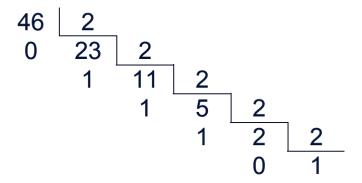




Para saber cómo repartir los números, basta con que escribamos el número en base 2. Para ello, dividimos el número entre 2, el cociente volvemos a dividirlo entre 2, y así sucesivamente hasta obtener de cociente la unidad.

Ejemplo

¿Cómo sería el número 46 en binario?

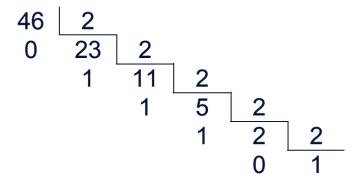


Luego $46_{(10)} = 101110_{(2)}$ la cifra de la derecha corresponde a la primera tarjeta, la siguiente a la segunda tarjeta y así sucesivamente. Si la cifra correspondiente es un 1, el número que estamos trabajando (el 46 en nuestro caso) debe de aparecer en la tarjeta, si es un cero no hay que incluirlo en esa tarjeta. En el caso del 46 vemos que debe aparecer en las tarjetas 2, 3, 4 y 6.

Para saber cómo repartir los números, basta con que escribamos el número en base 2. Para ello, dividimos el número entre 2, el cociente volvemos a dividirlo entre 2, y así sucesivamente hasta obtener de cociente la unidad.

Ejemplo

¿Cómo sería el número 46 en binario?



Luego $46_{(10)} = 101110_{(2)}$ la cifra de la derecha corresponde a la primera tarjeta, la siguiente a la segunda tarjeta y así sucesivamente. Si la cifra correspondiente es un 1, el número que estamos trabajando (el 46 en nuestro caso) debe de aparecer en la tarjeta, si es un cero no hay que incluirlo en esa tarjeta. En el caso del 46 vemos que debe aparecer en las tarjetas 2, 3, 4 y 6.

La forma de encontrar el número que nos piden se reduce (utilizando las tarjetas) a pasar el número de su forma binaria a la decimal. Pues

$$1011110_{(2} = 1*2^5 + 0*2^4 + 1*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 = 32 + 0 + 8 + 4 + 2 + 0 = 46_{(10)}$$

¡Vamos a practicar!

Veamos si lo habéis entendido, codificad en binario el número 39

Pregunta: ¿podéis encontrar una formula general para n tarjetas?



1	3	5	7	9	11	13	15
17	19	21	23	25	2 7	29	31
33	35	3 7	39	41	43	45	47
49	51	53	55	5 7	59	61	63

2	3	6	7	10	11	14	15
18	19	22	23	26	2 7	30	31
34	35	38	39	42	43	46	4 7
50	51	54	55	58	59	62	63

4	5	6	7	12	13	14	15
20	21	22	23	28	29	30	31
36	3 7	38	39	44	45	46	4 7
52	53	54	55	60	61	62	63

8	9	10	11	12	13	14	15
24	25	26	2 7	28	29	30	31
40	41	42	43	44	45	46	4 7
56	5 7	58	59	60	61	62	63

16	17	18	19	20	21	22	23
24	25	26	2 7	28	29	30	31
48	49	50	51	52	53	54	55
56	5 7	58	59	60	61	62	63

32	33	34	35	36	3 7	38	39
40	41	42	43	44	45	46	47
48	49	50	51	52	53	54	55
56	5 7	58	59	60	61	62	63

2⁵ 2⁴ 2³ 2² 2¹ 2⁰

Cuando codificamos en binario estas potencia, tenemos que saber que si hay un "o" o un "1" en la celda correspondiente. Si hay un "o" significa que no lo tenemos en cuenta, es decir, que el espectador no ve su numero. Si por el contrario, el espectador dice que sí que ve su numero en la tarjeta/diapositiva, tendremos que poner "1".

Una vez tenemos todas la potencias codificadas, solo hace falta decir de que numero se trata.

0	0	0	0	0	0	0	32	1	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	33	1	0	0	0	0	1
2	0	0	0	0	1	0	34	1	0	0	0	1	0
3	0	0	0	0	1	1	35	1	0	0	0	1	1
4	0	0	0	1	0	0	36	1	0	0	1	0	0
5	0	0	0	1	0	1	37	1	0	0	1	0	1
6	0	0	0	1	1	0	38	1	0	0	1	1	0
7	0	0	0	1	1	1	39	1	0	0	1	1	1
8	0	0	1	0	0	0	40	1	0	1	0	0	0
9	0	0	1	0	0	1	41	1	0	1	0	0	1
10	0	0	1	0	1	0	42	1	0	1	0	1	0
11	0	0	1	0	1	1	43	1	0	1	0	1	1
12	0	0	1	1	0	0	44	1	0	1	1	0	0
13	0	0	1	1	0	1	45	1	0	1	1	0	1
14	0	0	1	1	1	0	46	1	0	1	1	1	0
15	0	0	1	1	1	1	47	1	0	1	1	1	1
16	0	1	0	0	0	0	48	1	1	0	0	0	0
17	0	1	0	0	0	1	49	1	1	0	0	0	1
18	0	1	0	0	1	0	50	1	1	0	0	1	0
19	0	1	0	0	1	1	51	1	1	0	0	1	1
20	0	1	0	1	0	0	52	1	1	0	1	0	0
21	0	1	0	1	0	1	53	1	1	0	1	0	1
22	0	1	0	1	1	0	54	1	1	0	1	1	0
23	0	1	0	1	1	1	55	1	1	0	1	1	1
24	0	1	1	0	0	0	56	1	1	1	0	0	0
25	0	1	1	0	0	1	57	1	1	1	0	0	1
26	0	1	1	0	1	0	58	1	1	1	0	1	0
27	0	1	1	0	1	1	59	1	1	1	0	1	1
28	0	1	1	1	0	0	60	1	1	1	1	0	0
29	0	1	1	1	0	1	61	1	1	1	1	0	1
30	0	1	1	1	1	0	62	1	1	1	1	1	0
31	0	1	1	1	1	1	63	1	1	1	1	1	1

20=1

1	3	5	7	9	11	13	15
1 7	19	21	23	25	2 7	29	31
33	35	3 7	39	41	43	45	4 7
49	51	53	55	5 7	59	61	63

21=2

2	3	6	7	10	11	14	15
18	19	22	23	26	2 7	30	31
34	35	38	39	42	43	46	4 7
50	51	54	55	58	59	62	63

 $2^2 = 4$

4	5	6	7	12	13	14	15
20	21	22	23	28	29	30	31
36	3 7	38	39	44	45	46	4 7
52	53	54	55	60	61	62	63

 $2^3 = 8$

8	9	10	11	12	13	14	15
24	25	26	2 7	28	29	30	31
40	41	42	43	44	45	46	4 7
56	5 7	58	59	60	61	62	63

24=16

16	17	18	19	20	21	22	23
24	25	26	2 7	28	29	30	31
48	49	50	51	52	53	54	55
56	5 7	58	59	60	61	62	63

2⁵=32

32	33	34	35	36	3 7	38	39
40	41	42	43	44	45	46	4 7
48	49	50	51	52	53	54	55
56	5 7	58	59	60	61	62	63

2⁵ 2⁴ 2³ 2² 2¹ 2⁰

Cuando codificamos en binario estas potencia, tenemos que saber que si hay un "o" o un "1" en la celda correspondiente. Si hay un "o" significa que no lo tenemos en cuenta, es decir, que el espectador no ve su numero. Si por el contrario, el espectador dice que sí que ve su numero en la tarjeta/diapositiva, tendremos que poner "1".

Una vez tenemos todas la potencias codificadas, solo hace falta decir de que numero se trata.

0	0	0	0	0	0	0	32	1	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	33	1	0	0	0	0	1
2	0	0	0	0	1	0	34	1	0	0	0	1	0
3	0	0	0	0	1	1	35	1	0	0	0	1	1
4	0	0	0	1	0	0	36	1	0	0	1	0	0
5	0	0	0	1	0	1	37	1	0	0	1	0	1
6	0	0	0	1	1	0	38	1	0	0	1	1	0
7	0	0	0	1	1	1	39	1	0	0	1	1	1
8	0	0	1	0	0	0	40	1	0	1	0	0	0
9	0	0	1	0	0	1	41	1	0	1	0	0	1
10	0	0	1	0	1	0	42	1	0	1	0	1	0
11	0	0	1	0	1	1	43	1	0	1	0	1	1
12	0	0	1	1	0	0	44	1	0	1	1	0	0
13	0	0	1	1	0	1	45	1	0	1	1	0	1
14	0	0	1	1	1	0	46	1	0	1	1	1	0
15	0	0	1	1	1	1	47	1	0	1	1	1	1
16	0	1	0	0	0	0	48	1	1	0	0	0	0
17	0	1	0	0	0	1	49	1	1	0	0	0	1
18	0	1	0	0	1	0	50	1	1	0	0	1	0
19	0	1	0	0	1	1	51	1	1	0	0	1	1
20	0	1	0	1	0	0	52	1	1	0	1	0	0
21	0	1	0	1	0	1	53	1	1	0	1	0	1
22	0	1	0	1	1	0	54	1	1	0	1	1	0
23	0	1	0	1	1	1	55	1	1	0	1	1	1
24	0	1	1	0	0	0	56	1	1	1	0	0	0
25	0	1	1	0	0	1	57	1	1	1	0	0	1
26	0	1	1	0	1	0	58	1	1	1	0	1	0
27	0	1	1	0	1	1	59	1	1	1	0	1	1
28	0	1	1	1	0	0	60	1	1	1	1	0	0
29	0	1	1	1	0	1	61	1	1	1	1	0	1
30	0	1	1	1	1	0	62	1	1	1	1	1	0
31	0	1	1	1	1	1	63	1	1	1	1	1	1

2 ⁵ 2 ⁴	2 ³ 2 ²	2^1	20
---	-------------------------------	-------	----

Cuando codificamos en binario estas potencia, tenemos que saber que si hay un "o" o un "1" en la celda correspondiente. Si hay un "o" significa que no lo tenemos en cuenta, es decir, que el espectador no ve su numero. Si por el contrario, el espectador dice que sí que ve su numero en la tarjeta/diapositiva, tendremos que poner "1".

Una vez tenemos todas la potencias codificadas, solo hace falta decir de que numero se trata.

0	0	0	0	0	0	0	32	1	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	33	1	0	0	0	0	1
2	0	0	0	0	1	0	34	1	0	0	0	1	0
3	0	0	0	0	1	1	35	1	0	0	0	1	1
4	0	0	0	1	0	0	36	1	0	0	1	0	0
5	0	0	0	1	0	1	37	1	0	0	1	0	1
6	0	0	0	1	1	0	38	1	0	0	1	1	0
7	0	0	0	1	1	1	39	1	0	0	1	1	1
8	0	0	1	0	0	0	40	1	0	1	0	0	0
9	0	0	1	0	0	1	41	1	0	1	0	0	1
10	0	0	1	0	1	0	42	1	0	1	0	1	0
11	0	0	1	0	1	1	43	1	0	1	0	1	1
12	0	0	1	1	0	0	44	1	0	1	1	0	0
13	0	0	1	1	0	1	45	1	0	1	1	0	1
14	0	0	1	1	1	0	46	1	0	1	1	1	0
15	0	0	1	1	1	1	47	1	0	1	1	1	1
16	0	1	0	0	0	0	48	1	1	0	0	0	0
17	0	1	0	0	0	1	49	1	1	0	0	0	1
18	0	1	0	0	1	0	50	1	1	0	0	1	0
19	0	1	0	0	1	1	51	1	1	0	0	1	1
20	0	1	0	1	0	0	52	1	1	0	1	0	0
21	0	1	0	1	0	1	53	1	1	0	1	0	1
22	0	1	0	1	1	0	54	1	1	0	1	1	0
23	0	1	0	1	1	1	55	1	1	0	1	1	1
24	0	1	1	0	0	0	56	1	1	1	0	0	0
25	0	1	1	0	0	1	57	1	1	1	0	0	1
26	0	1	1	0	1	0	58	1	1	1	0	1	0
27	0	1	1	0	1	1	59	1	1	1	0	1	1
28	0	1	1	1	0	0	60	1	1	1	1	0	0
29	0	1	1	1	0	1	61	1	1	1	1	0	1
30	0	1	1	1	1	0	62	1	1	1	1	1	0
31	0	1	1	1	1	1	63	1	1	1	1	1	1

2 ⁵ 2 ⁴	2 3	2^2	2^1	2 ⁰
-------------------------------	------------	-------	-------	-----------------------

Cuando codificamos en binario estas potencia, tenemos que saber que si hay un "o" o un "1" en la celda correspondiente. Si hay un "o" significa que no lo tenemos en cuenta, es decir, que el espectador no ve su numero. Si por el contrario, el espectador dice que sí que ve su numero en la tarjeta/diapositiva, tendremos que poner "1".

Una vez tenemos todas la potencias codificadas, solo hace falta decir de que numero se trata.

Ejemplo

¿Qué numero es este: 1001110?

0	0	0	0	0	0	0	32	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	33	1	0	0	0
2	0	0	0	0	1	0	34	1	0	0	0
3	0	0	0	0	1	1	35	1	0	0	0
4	0	0	0	1	0	0	36	1	0	0	1
5	0	0	0	1	0	1	37	1	0	0	1
6	0	0	0	1	1	0	38	1	0	0	1
7	0	0	0	1	1	1	39	1	0	0	1
8	0	0	1	0	0	0	40	1	0	1	0
9	0	0	1	0	0	1	41	1	0	1	0
10	0	0	1	0	1	0	42	1	0	1	0
11	0	0	1	0	1	1	43	1	0	1	0
12	0	0	1	1	0	0	44	1	0	1	1
13	0	0	1	1	0	1	45	1	0	1	1
14	0	0	1	1	1	0	46	1	0	1	1
15	0	0	1	1	1	1	47	1	0	1	1
16	0	1	0	0	0	0	48	1	1	0	0
17	0	1	0	0	0	1	49	1	1	0	0
18	0	1	0	0	1	0	50	1	1	0	0
19	0	1	0	0	1	1	51	1	1	0	0
20	0	1	0	1	0	0	52	1	1	0	1
21	0	1	0	1	0	1	53	1	1	0	1
22	0	1	0	1	1	0	54	1	1	0	1
23	0	1	0	1	1	1	55	1	1	0	1
24	0	1	1	0	0	0	56	1	1	1	0
25	0	1	1	0	0	1	57	1	1	1	0
26	0	1	1	0	1	0	58	1	1	1	0
27	0	1	1	0	1	1	59	1	1	1	0
28	0	1	1	1	0	0	60	1	1	1	1
29	0	1	1	1	0	1	61	1	1	1	1
30	0	1	1	1	1	0	62	1	1	1	1
31	0	1	1	1	1	1	63	1	1	1	1

¡Vamos a practicar!

Ahora es vuestro turno, haceros unas tarjetas y practicad el juego de magia.

Pregunta: con las mismas tarjetas que os he enseñado, en vez de hacer hasta 63, ¿podría hacerlo hasta 64? ¿Puedo hacer el juego tan grande o tan pequeño como quiera?¿y si en vez de usar base 2 usamos base 3?

