

# **UNIVERSITAS INDONESIA**

# PEMERINGKATAN TEKS BAHASA INDONESIA DENGAN BERT

# **SKRIPSI**

# CARLES OCTAVIANUS 2006568613

# FAKULTAS FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGATAHUAN ALAM PROGRAM STUDI MATEMATIKA DEPOK DESEMBER 2023



# **UNIVERSITAS INDONESIA**

# PEMERINGKATAN TEKS BAHASA INDONESIA DENGAN BERT

### **SKRIPSI**

Diajukan sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Sains

CARLES OCTAVIANUS 2006568613

FAKULTAS FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGATAHUAN ALAM
PROGRAM STUDI MATEMATIKA
DEPOK
DESEMBER 2023

# HALAMAN PERNYATAAN ORISINALITAS

Skripsi ini adalah hasil karya saya sendiri, dan semua sumber baik yang dikutip maupun dirujuk telah saya nyatakan dengan benar.

Nama : Carles Octavianus

NPM : 2006568613

Tanda Tangan :

Tanggal : 2 Desember 2023

# HALAMAN PENGESAHAN

Skripsi ini diajukan oleh :

Nama : Carles Octavianus

NPM : 2006568613 Program Studi : Matematika

Judul Skripsi : Pemeringkatan Teks Bahasa Indonesia Dengan BERT

Telah berhasil dipertahankan di hadapan Dewan Penguji dan diterima sebagai bagian persyaratan yang diperlukan untuk memperoleh gelar Sarjana pada Program Studi Matematika, Fakultas Fakultas Matematika dan Ilmu Pengatahuan Alam, Universitas Indonesia.

# **DEWAN PENGUJI**

Pembimbing 1	:	Sarini Abdullah S.Si., M.Stats., Ph.D.	(	)
Penguji 1	:	Penguji Pertama Anda	(	)
Penguji 2	:	Penguji Kedua Anda	(	)

Ditetapkan di : Depok

Tanggal : 2 Desember 2023

### KATA PENGANTAR

Template ini disediakan untuk orang-orang yang berencana menggunakan LAT<sub>E</sub>X untuk membuat dokumen tugas akhir.

### @todo

Silakan ganti pesan ini dengan pendahuluan kata pengantar Anda.

### Ucapan Terima Kasih:

- 1. Pembimbing.
- 2. Dosen.
- 3. Instansi.
- 4. Orang tua.
- 5. Sahabat.
- 6. Teman.

Penulis menyadari bahwa laporan Skripsi ini masih jauh dari sempurna. Oleh karena itu, apabila terdapat kesalahan atau kekurangan dalam laporan ini, Penulis memohon agar kritik dan saran bisa disampaikan langsung melalui *e-mail* emailanda@mail.id.

Terkait template ini, gambar lisensi di atas diambil dari http://creativecommons .org/licenses/by-nc-sa/1.0/deed.en\_CA. Jika ingin mengentahui lebih lengkap mengenai *Creative Common License 1.0 Generic*, silahkan buka http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/1.0/legalcode. Seluruh dokumen yang dibuat dengan menggunakan template ini sepenuhnya menjadi hak milik pembuat dokumen dan bebas didistribusikan sesuai dengan keperluan masing-masing. Lisensi hanya berlaku jika ada orang yang membuat template baru dengan menggunakan template ini sebagai dasarnya.

Penyusun template ingin berterima kasih kepada Andreas Febrian, Lia Sadita, Fahrurrozi Rahman, Andre Tampubolon, dan Erik Dominikus atas kontribusinya dalam template yang menjadi pendahulu template ini. Penyusun template juga ingin mengucapkan terima kasih kepada Azhar Kurnia atas kontribusinya dalam template yang menjadi pendahulu template ini.

Semoga template ini dapat membantu orang-orang yang ingin mencoba menggu-

nakan IATEX. Semoga template ini juga tidak berhenti disini dengan ada kontribusi dari para penggunanya. Jika Anda memiliki perubahan yang dirasa penting untuk disertakan dalam template, silakan lakukan *fork* repositori Git template ini di https://gitlab.com/ichlaffterlalu/latex-skripsi-ui-2017, lalu lakukan *merge request* perubahan Anda terhadap *branch* master. Kami berharap agar *template* ini dapat terus diperbarui mengikuti perubahan ketentuan dari pihak Rektorat Universitas Indonesia, dan hal itu tidak mungkin terjadi tanpa kontribusi dari teman-teman sekalian.

Depok, 2 Desember 2023

Carles Octavianus

HALAMAN PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI TUGAS

AKHIR UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS

Sebagai sivitas akademik Universitas Indonesia, saya yang bertanda tangan di bawah ini:

Nama : Carles Octavianus

NPM : 2006568613

Program Studi : Matematika

**Jenis Karya** : Skripsi

demi pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada Universitas Indonesia **Hak Bebas Royalti Noneksklusif** (*Non-exclusive Royalty Free Right*) atas

karya ilmiah saya yang berjudul:

Pemeringkatan Teks Bahasa Indonesia Dengan BERT

beserta perangkat yang ada (jika diperlukan). Dengan Hak Bebas Royalti Noneksklusif

ini Universitas Indonesia berhak menyimpan, mengalihmedia/formatkan, mengelola

dalam bentuk pangkalan data (database), merawat, dan memublikasikan tugas akhir saya

selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan sebagai pemilik

Hak Cipta.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya.

Dibuat di : Depok

Pada tanggal : 2 Desember 2023

Yang menyatakan

(Carles Octavianus)

# **ABSTRAK**

Nama : Carles Octavianus

Program Studi : Matematika

Judul : Pemeringkatan Teks Bahasa Indonesia Dengan BERT

Pembimbing : Sarini Abdullah S.Si., M.Stats., Ph.D.

Isi abstrak.

Kata kunci:

Keyword satu, kata kunci dua

# **ABSTRACT**

Name : Carles Octavianus

Study Program : Mathematics

Title : Text Ranking in Indonesian Using BERT Counselor : Sarini Abdullah S.Si., M.Stats., Ph.D.

Abstract content.

Key words:

Keyword one, keyword two

# DAFTAR ISI

HA	LAM	IAN JU	DUL	j
LEN	ИВΑ	R PEN	GESAHAN	ii
KA	ΓA Pl	ENGAN	NTAR	iii
LEN	ИВА <sup>®</sup>	R PERS	SETUJUAN PUBLIKASI ILMIAH	V
ABS	STRA	ΑK		vi
DAl	FTAF	R ISI .		/ <b>ii</b> i
DAI	FTAF	R GAM	BAR	Χİ
DAI	FTAF	R TABE	EL	(iii
DAI	FTAF	R KODI	E PROGRAM	kiv
DAl	FTAF	R LAM	PIRAN	ΧV
1	PEN	DAHU	LUAN	1
	<b>LAN</b> 2.1	Masala	N TEORI	2 2 4 4 6 7
	2.2	Pemeri 2.2.1 2.2.2	ngkatan Teks dengan Statistik	8 8 11
ž	2.3	Deep L 2.3.1 2.3.2 2.3.3 2.3.4 2.3.5 2.3.6	Learning	14 15 16 17 19
,	2.4		lajaran Representasi	<ul><li>23</li><li>23</li><li>23</li><li>23</li></ul>

		CIONAL ENCODER REPRESENTATION FROM TRANS
		(BERT) UNTUK PEMERINGKATAN TEKS
3.1		nisme Attention
	3.1.1	Attention sebagai Dictionary Lookup
	3.1.2	Attention Parametrik
3.2		former
	3.2.1	Token Embedding (Input Embedding)
	3.2.2	Scaled Dot-Product Attention
	3.2.3	Self-Attention
	3.2.4	Multi-Head Self-Attention
	3.2.5	Positional Encoding
	3.2.6	Position-wise Feed-Forward Network
	3.2.7	Koneksi Residu dan Layer Normalization
	3.2.8	Transformer Encoder
3.3		ctional Encoder Representations from Transformers (BERT)
	3.3.1	Representasi Input
	3.3.2	Model Pralatih BERT
		3.3.2.1 Masked Language Model
		3.3.2.2 Next Sentence Prediction
	3.3.3	BERT untuk Bahasa Indonesia (IndoBERT)
	3.3.4	Penggunaan BERT untuk Pemeringkatan Teks
		3.3.4.1 BERT <sub>CAT</sub>
		3.3.4.2 BERT <sub>DOT</sub>
НА	CII CIN	AUL ACUDANI DEMDAHACANI
		MULASI DAN PEMBAHASAN
4.1		ikasi Mesin dan Perangkat Lunak
4.2	-	an Simulasi
4.3		et Latih dan Uji
	4.3.1	Dataset Latih
	4 2 2	4.3.1.1 Mmarco Indonesia Train Set
	4.3.2	J
		4.3.2.1 Mmarco Indonesia DEV Set
		4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set
		4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set
4.4		4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set
4.4 4.5	Fine T	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set
	Fine T 4.5.1	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set cs Evaluasi Cuning BERT IndoBERT <sub>CAT</sub>
	Fine T 4.5.1 4.5.2	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set Ses Evaluasi Uning BERT IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub>
	Fine T 4.5.1 4.5.2 4.5.3	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set cs Evaluasi Cuning BERT IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub> IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub>
	Fine T 4.5.1 4.5.2	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set Ses Evaluasi Uning BERT IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub>
	Fine T 4.5.1 4.5.2 4.5.3	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set cs Evaluasi Cuning BERT IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub> IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub>
	Fine T 4.5.1 4.5.2 4.5.3 4.5.4 4.5.5	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set  cs Evaluasi  Tuning BERT  IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub> IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub> IndoBERT <sub>DOTMargin</sub> IndoBERT <sub>KD</sub> Series Mrtydi Indonesia TEST Set  IndoBERT <sub>DOTMargin</sub> IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT
4.5	Fine T 4.5.1 4.5.2 4.5.3 4.5.4 4.5.5	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set  cs Evaluasi  Tuning BERT  IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub> IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub> IndoBERT <sub>DOTMargin</sub> IndoBERT <sub>KD</sub>
4.5	Fine T 4.5.1 4.5.2 4.5.3 4.5.4 4.5.5 Hasil	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set  cs Evaluasi  Tuning BERT  IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub> IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub> IndoBERT <sub>DOTMargin</sub> IndoBERT <sub>KD</sub> Series Mrtydi Indonesia TEST Set  IndoBERT <sub>DOTMargin</sub> IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT
4.5	Fine T 4.5.1 4.5.2 4.5.3 4.5.4 4.5.5 Hasil 1	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set  (SE Evaluasi  Tuning BERT  IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub> IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub> IndoBERT <sub>DOTMargin</sub> IndoBERT <sub>KD</sub> Fine Tuning dan Evaluasi  Evaluasi BM25
4.5	Fine T 4.5.1 4.5.2 4.5.3 4.5.4 4.5.5 Hasil 4.6.1 4.6.2	4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set  cs Evaluasi  Tuning BERT  IndoBERT <sub>CAT</sub> IndoBERT <sub>DOT</sub> IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub> IndoBERT <sub>COTMargin</sub> IndoBERT <sub>KD</sub> Fine Tuning dan Evaluasi  Evaluasi BM25  Evaluasi IndoBERT <sub>MEAN</sub>

	4.6	.5	Eval	uas	si II	ıdo	B)	ER	$T_{\rm I}$	OO	Γha	ırdı	neg	S																			48
	4.6	.6	Eval	uas	si I1	ndo	B]	ER	$T_{I}$	OO	ГΜ	arg	in																				49
	4.6	.7	Eval	uas	i Iı	ndo	B]	ER	$T_{\mathbf{I}}$	KD																							49
	4.6	.8	Perb	ano	ling	gar	ı H	as	il I	Ev	alı	ıas	si																				49
5	PENUT	UP											•			•			•		•						•						51
	5.1 Kes	simp	ulan																														51
	<b>7 0 0</b>																																51
	5.2 Sar	an .	• •			•		•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	91

# DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1.	Ilustrasi <i>recall</i> dan presisi. Nilai <i>recall</i> dihitung sebagai rasio doku-	
	men relevan yang diambil oleh sistem terhadap seluruh dokumen	
	yang relevan dengan kueri $q$ . Sedangkan nilai presisi dihitung seba-	
	gai rasio dokumen relevan yang diambil oleh sistem terhadap seluruh	
	dokumen yang diambil oleh sistem	4
Gambar 2.2.	Ilustrasi reciprocal rank	6
Gambar 2.3.	Creative Common License 1.0 Generic	7
Gambar 2.4.	Creative Common License 1.0 Generic	9
Gambar 2.5.	Creative Common License 1.0 Generic	10
Gambar 2.6.	Creative Common License 1.0 Generic	12
Gambar 2.7.	Creative Common License 1.0 Generic	12
Gambar 2.8.	Creative Common License 1.0 Generic	13
Gambar 2.9.	Creative Common License 1.0 Generic	14
Gambar 2.10.	Creative Common License 1.0 Generic	14
Gambar 2.11.	Creative Common License 1.0 Generic	17
Gambar 2.12.	Creative Common License 1.0 Generic	20
Gambar 2.13.	Creative Common License 1.0 Generic	21
Gambar 2.14.	Creative Common License 1.0 Generic	21
Gambar 2.15.	Creative Common License 1.0 Generic	22
Gambar 2.16.	Creative Common License 1.0 Generic	22
Gambar 3.1.	Perbedaan mekanisme <i>hard attention</i> dan <i>soft attention</i> (pi tau, 2023)	24
Gambar 3.2.	Ilustrasi dari mekanisme soft attention (Zhang, Lipton, Li, & Smola,	
	2023)	26
Gambar 3.3.	Arsitektur transformer (Weng, 2018)	28
Gambar 3.4.	Ilustrasi dari representasi token. Gambar kiri menunjukkan repre-	
	sentasi token dengan <i>one-hot encoding</i> , sedangkan gambar kanan	
	menunjukkan representasi token dengan token embedding (Geiger,	
	Antic, & He, 2022)	30
Gambar 3.5.	Ilustrasi dari scaled dot-product attention (pi tau, 2023)	31
Gambar 3.6.	Perbandingan RNN dan self-attention dalam menghasilkan repre-	
	sentasi vektor kontekstual. Pada RNN, representasi vektor kontek-	
	stual setiap token bergantung pada perhitungan token sebelumnya.	
	Pada <i>self-attention</i> , representasi vektor kontekstual setiap token di-	
	hitung secara independen dan paralel	34
Gambar 3.7.	Ilustrasi self-attention dalam menghasilkan representasi vektor kon-	
	tekstual dari barisan token. Representasi vektor dari token <i>it</i> akan	
	<u> -</u>	35
G 1 20	bergantung ternadap barisan token <i>input</i>	JJ
Gambar 3.8.	bergantung terhadap barisan token <i>input</i>	33
Gambar 3.8.	Ilustrasi multi-head self-attention pada transformer. Multi-head self-attention menghitung self-attention sebanyak h kali pada subruang	33

Gambar 3.9.	Illustrasi position-wise feed-forward network pada transformer	38
Gambar 3.10.	Ilustrasi layer normalization pada transformer	41
Gambar 3.11.	Ilustrasi koneksi residu	42
Gambar 3.12.	Ilustrasi transformer encoder	44

# DAFTAR TABEL

Tabel 2.1.	Potongan file korpus dataset MIRACL	3
Tabel 2.2.	Potongan file kueri dataset MIRACL	3
Tabel 2.3.	Potongan file judgements dataset MIRACL	4
Tabel 2.4.	Beberapa fungsi aktivasi yang sering digunakan pada feed-forward	
	neural network	17
Tabel 4.1.	Caption	47
Tabel 4.2.	Caption	48
Tabel 4.3.	Caption	48
Tabel 4.4.	Caption	48
Tabel 4.5.	Caption	48
Tabel 4.6.	Caption	49
Tabel 4.7.	Caption	49
Tabel 4.8.	Caption	49
Tabel 4.9.	Caption	50

# DAFTAR KODE PROGRAM

# DAFTAR LAMPIRAN

Lampiran 1.	CHANGELOG	54
Lampiran 2.	Judul Lampiran 2	56

# BAB 1 PENDAHULUAN

@todo			
wew			

# BAB 2 LANDASAN TEORI

@todo	
kasih contoh ndcg	

# 2.1 Masalah Pemeringkatan Teks

Permasalahan pemeringkatan teks adalah Permasalahan untuk menentukan urutan dokumen yang paling relevan dengan kueri q yang diberikan. Dalam bahasa yang lebih formal, diberikan kueri q dan himpunan dokumen terbatas  $\mathcal{D} = \{d_1, d_2, ..., d_n\}$ , keluaran yang diinginkan dari permasalahan ini adalah barisan dokumen  $D_k = (d_{i_1}, d_{i_2}, ..., d_{i_k})$  yang merupakan k dokumen yang paling relevan dengan kueri q. Selain itu, biasanya nilai k akan lebih kecil dari banyaknya dokumen yang ada, sehingga permasalahan pemeringkatan sering juga disebut sebagai top-k retrieval. Untuk mengukur performa suatu model pemeringkatan, biasanya digunakan metrik evaluasi seperti presisi, recall,  $reciprocal\ rank$ , dan  $normalized\ discounted\ cumulative\ gain\ (nDCG)$  yang akan dijelaskan pada Subbab 2.1.2.

### 2.1.1 Bentuk Umum Dataset

Sebelum menjelaskan metrik evaluasi, akan dijelaskan terlebih dahulu bentuk umum dari dataset yang digunakan untuk mengevaluasi sebuah sistem pemeringkatan teks. Bentuk umum dari dataset yang digunakan biasanya terdiri dari 3 file, yaitu file korpus, file kueri, dan file judgements. File korpus adalah kumpulan dokumen/teks yang ingin di-retreive oleh sebuah sistem pemeringkatan teks. Biasanya, pada file korpus terdapat 3 kolom, yaitu id teks, judul teks, dan isi dari teks tersebut. Tabel 2.1 menunjukkan potongan dari file korpus.

Tabel 2.1: Potongan file korpus dataset MIRACL.

_id	title	text			
1342516#1	Colobothea biguttata	Larva kumbang ini biasanya mengebor ke dalam kayu			
		dan dapat menyebabkan kerusakan pada batang kayu			
		hidup atau kayu yang telah ditebang.			
1342517#0	Ichthyodes rufipes	Ichthyodes rufipes adalah spesies kumbang tanduk			
		panjang yang berasal dari famili Cerambycidae. Spe-			
		sies ini juga merupakan bagian dari genus Ichthyodes,			
		ordo Coleoptera, kelas Insecta, filum Arthropoda, dan			
		kingdom Animalia.			

*file* kueri berisi kumpulan kueri yang digunakan untuk mengambil dokumen dari *file* korpus. performa dari sistem pemeringkatan teks akan diukur dengan mengambil *k* dokumen dari *file* korpus untuk setiap kueri pada *file* kueri. Biasanya, pada *file* kueri terdapat 2 kolom, yaitu id kueri dan isi dari kueri tersebut. Tabel 2.2 menunjukkan potongan dari *file* kueri.

Tabel 2.2: Potongan file kueri dataset MIRACL.

_id	text				
3	Dimana James Hepburn meninggal?				
4	Dimana Jamie Richard Vardy lahir?				
11	berapakah luas pulau Flores?				
17	Siapakah yang menulis Candy Candy?				
19	Apakah karya tulis Irma Hardisurya yang pertama?				

Selanjutnya *file* judgements berisi pemetaan relevansi antara kueri pada *file* kueri dengan dokumen pada *file* korpus. Biasanya, pada *file* judgements terdapat 3 kolom, yaitu id kueri, id dokumen, dan relevansi antara kueri dan dokumen tersebut (r). Pasangan (kueri, dokumen) yang relevan akan memiliki nilai r > 0 dan nilai r yang makin besar menunjukkan relevansi yang makin tinggi. Selain itu, pasangan (kueri, dokumen) yang tidak relevan akan memiliki nilai r = 0 dan biasanya pasangan (kueri, dokumen) yang tidak relevan tidak dituliskan pada *file judgements*. tak menutup kemungkinan jika sebuah *dataset* hanya menggunakan nilai relevansi biner  $(r \in \{0,1\})$ . Terakhir, Tabel 2.3 menunjukkan potongan dari *file judgements*.

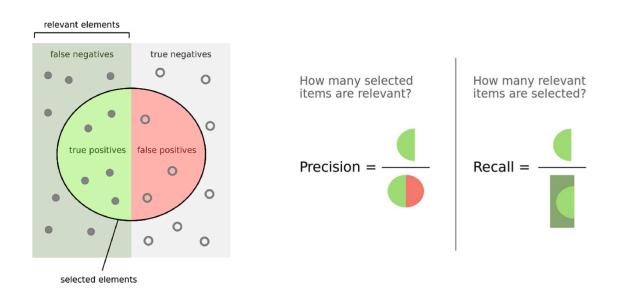
**Tabel 2.3:** Potongan file judgements dataset MIRACL.

query-id	corpus-id	score
3	115796#6	1
3	77689#48	1
4	1852373#0	1

# 2.1.2 Metrik Evaluasi dalam Pemeringkatan Teks

Subbab ini menjelaskan beberapa metrik evaluasi yang sering digunakan untuk mengukur performa dari sistem pemeringkatan teks. Metrik evaluasi yang akan dijelaskan adalah *recall*, presisi, *reciprocal rank*, dan *normalized discounted cumulative gain* (nDCG). Metrik tersebut digunakan untuk mengukur performa dari sistem pemeringkatan teks dengan mengambil *k* dokumen dari *file* korpus pada satu kueri. Untuk mendapatkan performa dari sistem pemeringkatan teks secara keseluruhan, biasanya metrik evaluasi tersebut akan dihitung untuk setiap kueri pada *file* kueri dan kemudian diambil nilai rata-ratanya.

### 2.1.2.1 Recall dan Presisi



**Gambar 2.1:** Ilustrasi *recall* dan presisi. Nilai *recall* dihitung sebagai rasio dokumen relevan yang diambil oleh sistem terhadap seluruh dokumen yang relevan dengan kueri *q*. Sedangkan nilai presisi dihitung sebagai rasio dokumen relevan yang diambil oleh sistem terhadap seluruh dokumen yang diambil oleh sistem.

Presisi dan *recall* adalah metrik yang paling sederhana untuk mengukur kemampuan dari suatu sistem pemeringkatan teks. *Recall* mengukur kemampuan sistem dalam mengemba-

likan semua dokumen yang relevan dengan kueri q dari himpunan dokumen  $\mathcal{D}$ , sedangkan presisi mengukur kemampuan sistem dalam mengembalikan dokumen yang relevan dengan kueri q dari himpunan dokumen  $\mathcal{D}$ . Untuk suatu kueri q, kumpulan dokumen  $\mathcal{D}$  =  $\{d_1,d_2,...,d_n\}$ , dan barisan k dokumen yang diambil oleh sistem,  $D_k=(d_{i_1},d_{i_2},...,d_{i_k})$ , recall dan presisi dapat dihitung dengan Persamaan 2.1 hingga Persamaan 2.4.

$$\mathcal{D} = \{d_1, d_2, \dots, d_n\} \tag{2.1}$$

$$D_k = (d_{i_1}, d_{i_2}, \dots, d_{i_k}) \tag{2.2}$$

$$\operatorname{recall}(q, D_k) @\mathbf{k} = \frac{\sum_{d \in D_k} \operatorname{rel}(q, d)}{\sum_{d \in \mathcal{D}} \operatorname{rel}(q, d)} \in [0, 1]$$
(2.3)

$$\operatorname{precision}(q, D_k) @\mathbf{k} = \frac{\sum_{d \in D_k} \operatorname{rel}(q, d)}{|D_k|} \in [0, 1]$$
(2.4)

$$D_{k} = (a_{i_{1}}, a_{i_{2}}, \dots, a_{i_{k}})$$

$$\operatorname{recall}(q, D_{k}) @k = \frac{\sum_{d \in D_{k}} \operatorname{rel}(q, d)}{\sum_{d \in \mathcal{D}} \operatorname{rel}(q, d)} \in [0, 1]$$

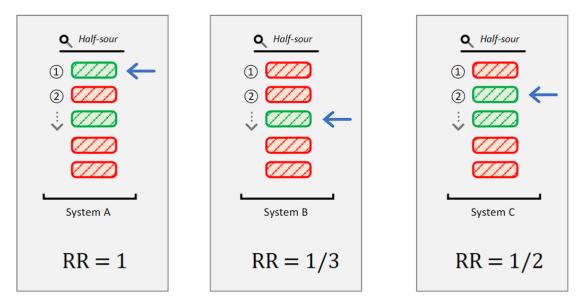
$$\operatorname{precision}(q, D_{k}) @k = \frac{\sum_{d \in D_{k}} \operatorname{rel}(q, d)}{|D_{k}|} \in [0, 1]$$

$$\operatorname{dengan} \operatorname{rel}(q, d) = \begin{cases} 1 & \text{jika } r > 1 \\ 0 & \text{jika } r = 0 \end{cases}$$

$$(2.2)$$

Sebagai Contoh, Jika terdapat 10 dokumen yang relevan dengan kueri q, dan sistem mengembalikan k = 100 dokumen, namun hanya terdapat 5 dokumen yang relevan pada  $D_k$  maka recall dan presisi dari sistem tersebut adalah 0.5  $(\frac{5}{10})$  dan 0.05  $(\frac{5}{100})$  masingmasing. Baik recall maupun presisi memiliki rentang nilai dari 0 hingga 1, dengan nilai 1 menunjukkan performa sistem yang terbaik. perhitungan recall biasanya dilakukan untuk k yang cukup besar (k = 100, 1000), sedangkan perhitungan presisi dilakukan untuk kyang kecil (k = 1, 3, 5) (Hofstätter, Althammer, Sertkan, & Hanbury, 2021).

# 2.1.2.2 Reciprocal Rank



Gambar 2.2: Ilustrasi reciprocal rank.

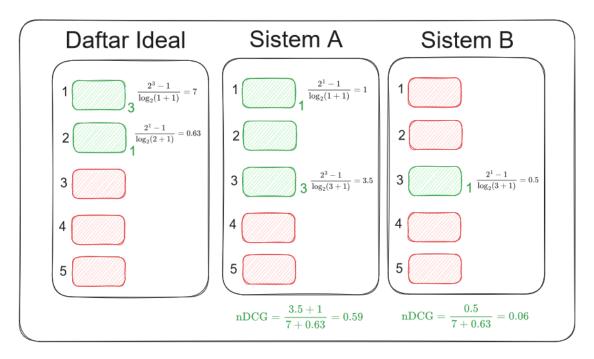
Metrik lainnya yang sering digunakan untuk mengukur performa sistem pemeringkatan adalah *reciprocal rank* (RR). Metrik RR menitikberatkan pada peringkat dari dokumen relevan pertama dengan kueri q. Persamaan 2.6 hingga Persamaan 2.7 menunjukkan cara menghitung RR dari suatu kueri q dan barisan k dokumen yang diambil oleh sistem (Lin, Nogueira, & Yates, 2020; ?).

$$RR(q, D_k)@k = \begin{cases} \frac{1}{FirstRank(q, D_k)} & \text{jika } \exists d \in D_k \text{ dengan } rel(q, d) = 1\\ 0 & \text{jika } \forall d \in D_k, \text{ } rel(q, d) = 0 \end{cases} \in [0, 1] \quad (2.6)$$

FirstRank $(q, D_k)$  = posisi dokumen relevan pertama  $d \in D_k$  dengan rel(q, d) = 1 (2.7)

Gambar 2.2 mengilustrasikan metrik RR. Pada gambar tersebut, nilai RR dari sistem A adalah 1  $(\frac{1}{1})$  karena posisi dari dokumen yang relevan pertama adalah 1. Nilai RR dari sistem B dan sistem C masing-masing adalah 0.33  $(\frac{1}{3})$  dan 0.5  $(\frac{1}{2})$  karena posisi dari dokumen yang relevan pertama adalah 3 dan 2. Selain itu, jika tidak terdapat dokumen yang relevan dengan kueri q pada  $D_k$ , nilai RR dari sistem tersebut adalah 0.

# Normalized Discounted Cumulative Gain (nDCG)



Gambar 2.3: Creative Common License 1.0 Generic.

Normalized Discounted Cumulative Gain (nDCG) adalah metrik yang umumnya digunakan untuk mengukur kualitas dari pencarian situs web. Tidak seperti metrik yang telah disebutkan sebelumnya, nDCG dirancang untuk suatu judgements r yang tak biner. Fungsi rel(q,d) pada Persamaan 2.5 berubah menjadi rel(q,d) = r ketika menghitung metrik nDCG. Persamaan 2.8 hingga Persamaan 2.10 menunjukkan cara menghitung nDCG dari suatu kueri q dan barisan k dokumen yang diambil oleh sistem.

$$nDCG(q, D_k)@k = \frac{DCG(q, D_k)@k}{DCG(q, D_k^{ideal})@k} \in [0, 1]$$
(2.8)

$$nDCG(q, D_k)@k = \frac{DCG(q, D_k)@k}{DCG(q, D_k^{ideal})@k} \in [0, 1]$$

$$DCG(q, D_k)@k = \sum_{d \in D_k} \frac{2^{rel(q, d)} - 1}{\log_2(rank(d, D_k) + 1)}$$

$$(2.8)$$

$$rank(d, D_k) = Posisi d dalam D_k$$
 (2.10)

$$rel(q,d) = r (2.11)$$

Perhitungan discounted cumulative gain (DCG) pada Persamaan 2.9 dapat dijelaskan menjadi dua faktor, yaitu:

1. faktor  $2^{\operatorname{rel}(q,d)}-1$  menunjukkan bahwa dokumen yang lebih relevan akan memiliki

nilai yang lebih tinggi dari dokumen yang kurang relevan untuk posisi dokumen yang sama.

2. faktor  $\frac{1}{\log_2(\operatorname{rank}(d,D_k)+1)}$  menunjukkan bahwa dokumen yang relevan yang muncul pada peringkat yang lebih tinggi akan memiliki nilai yang lebih tinggi dari dokumen dengan relevansi yang sama, tetapi muncul pada peringkat yang lebih rendah.

nilai dari nDCG pada Persamaan 2.8 adalah nilai DCG pada barisan dokumen  $D_k$  yang dinormalisasi oleh nilai DCG pada barisan dokumen ideal  $D_k^{\text{ideal}}$ . Barisan dokumen ideal  $D_k^{\text{ideal}}$  adalah barisan dokumen yang diurutkan berdasarkan relevansinya dengan kueri q.

Selain itu, jika pada dataset memiliki judgements biner, faktor  $2^{rel(q,d)}-1$  pada Persamaan 2.9 dapat diubah menjadi rel(q,d). Akibatnya, Persamaan 2.9 akan menjadi Persamaan 2.12.

$$DCG(q, D_k)@k = \sum_{d \in D_k} \frac{rel(q, d)}{\log_2(rank(d, D_k) + 1)}.$$
 (2.12)

# 2.2 Pemeringkatan Teks dengan Statistik

Untuk mengambil k dokumen dari kumpulan  $\mathcal{D}$  diperlukan suatu fungsi skor  $s(q,d,\mathcal{D})$  yang mengukur relevansi antara kueri q dan dokumen d. dengan mencari skor antara q terhadap semua dokumen pada  $\mathcal{D}$ , Barisan dokumen  $D_k = (d_{i_1}, d_{i_2}, \ldots, d_{i_k})$  dapat dipilih sehingga  $\operatorname{score}(q, d_{i_1}) \geq \operatorname{score}(q, d_{i_2}) \geq \cdots \geq \operatorname{score}(q, d_{i_k})$  adalah k dokumen dengan skor tertinggi.

Bagian ini menjelaskan dua fungsi skor stastistik sederhana yang menjadi *baseline* ketika membandingkan performa dari model pemeringkatan teks yang lebih kompleks. Subbab 2.2.1 menjelaskan fungsi skor statistik yang berdasarkan pada frekuensi kemunculan kata pada dokumen dan kueri. Selanjutnya, Subbab 2.2.2 membahas fungsi skor statistik yang menjadi standar *de facto* dalam pemeringkatan teks.

# 2.2.1 Term Frequency - Inverse Document Frequency (TF-IDF)

fungsi skor TF-IDF adalah fungsi skor statistik yang menghitung score antara kueri q dan dokumen d dengan menghitung frekuensi kemunculan kata pada dokumen dan kueri. Untuk suatu kueri q, misalkan  $T_q = \{t_1, t_2, \ldots, t_{L_1}\}$  adalah himpunan kata yang terdapat pada

kueri q. Selain itu, misalkan juga  $T_d = \{t_1, t_2, \dots, t_n\}$  adalah himpunan kata yang terdapat pada dokumen d. nilai skor antara q dan d diberikan oleh persamaan Persamaan 2.13 sampai Persamaan 2.21.

$$\mathcal{D} = \{d_1, d_2, \dots, d_n\} \tag{2.13}$$

$$T_q = \{t_1, t_2, \dots, t_{L_1}\}\tag{2.14}$$

$$T_d = \{t_1, t_2, \dots, t_{L_2}\}\tag{2.15}$$

$$tf(t,d) = \frac{Count(t,d)}{|d|}$$
(2.16)

$$Count(t,d) = \text{jumlah kemunculan } t \text{ dalam } d$$
 (2.17)

$$df(t, \mathcal{D}) = \text{jumlah dokumen pada } \mathcal{D} \text{ yang mengandung } t$$
 (2.18)

$$idf(t, \mathcal{D}) = \begin{cases} \log_2\left(\frac{|\mathcal{D}|}{df(t, \mathcal{D})}\right) & \text{jika } df(t, \mathcal{D}) > 0\\ 0 & \text{jika } df(t, \mathcal{D}) = 0 \end{cases}$$
(2.19)

$$\text{TF-IDF}(t,d,\mathcal{D}) = \text{tf}(t,d) \times \text{idf}(t,\mathcal{D}) \tag{2.20}$$

$$\operatorname{RelevantScore}(q,d,\mathcal{D}) = \sum_{t \in T_q \cap T_d} \operatorname{tf-idf}(t,d,\mathcal{D}) \tag{2.21}$$

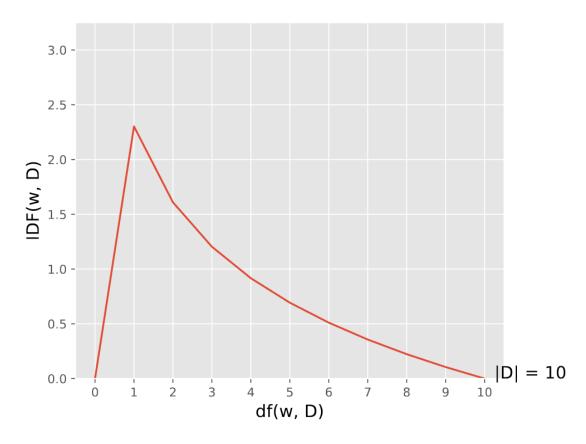
	doc <sub>1</sub>	doc <sub>2</sub>	doc <sub>3</sub> (	doc <sub>4</sub>				IC	)F	
	A 10 B 10 C 10 D 0	10 10 10 0	10 10 0 0	10 0 0 1	$\Rightarrow$			B 0. C 0.	00 29 69 39	
		<b>↓</b>			_					
		TF			_			TF-ID	F	
	$doc_1$	$doc_2$	doc <sub>3</sub>	$doc_4$			$doc_1$	$doc_2$	doc <sub>3</sub>	doc <sub>4</sub>
A B C D	0.33 0.33 0.33 0.00	0.33 0.33 0.33 0.00	0.50 0.50 0.00 0.00	0.91 0.00 0.00 0.09	-	A B C D	0.00 0.10 0.23 0.00	0.00 0.10 0.23 0.00	0.00 0.14 0.00 0.00	0.00 0.00 0.00 0.13

Gambar 2.4: Creative Common License 1.0 Generic.

skor untuk pasangan (q,d) dihitung dengan menjumlahkan skor TF-IDF dari setiap kata yang terdapat pada kueri q dan dokumen d. skor TF-IDF dari suatu kata t adalah

perkalian antara  $term\ frequency\ (tf(q,d))\ dan\ inverse\ document\ frequency\ (idf(t,\mathcal{D})).$  fungsi skor pada Persamaan 2.21 dapat dijelaskan menjadi dua bagian faktor utama berikut:

- 1. faktor tf(t,d) menunjukkan bahwa nilai TF-IDF meningkat seiring dengan bertambahnya frekuensi kemunculan kata t pada dokumen d.
- 2. Faktor  $\mathrm{idf}(t,\mathcal{D})$  menunjukkan bahwa nilai TF-IDF meningkat seiring dengan rar-ity dari kata t pada himpunan dokumen  $\mathcal{D}$ . Akibatnya, kata yang jarang muncul pada himpunan dokumen  $\mathcal{D}$  dan muncul pada suatu dokumen tertentu akan menghasilkan skor yang tinggi. Sementara itu, kata-kata yang sering muncul pada koleksi dokumen  $\mathcal{D}$  memiliki nilai downgraded.



Gambar 2.5: Creative Common License 1.0 Generic.

Kata-kata seperti preposisi atau kata ganti akan menghasilkan skor TF-IDF yang sangat rendah. Hal ini menyiratkan bahwa kata-kata tersebut memiliki sedikit relevansi dalam dokumen dan bisa diabaikan. Di sisi lain, kata-kata yang muncul secara berlebihan dalam satu dokumen tetapi jarang muncul dalam dokumen lainnya akan menghasilkan

nilai  $\operatorname{tf}(t,d)$  dan  $\log\left(\frac{\mathcal{D}}{\operatorname{df}(t,\mathcal{D})}\right)$  yang relatif besar. Dampaknya adalah skor TF-IDF yang dihasilkan juga menjadi signifikan. Gambar 2.4 menunjukkan contoh perhitungan skor TF-IDF untuk suatu kumpulan dokumen dan Gambar 2.5 menunjukkan grafik dari fungsi idf.

# 2.2.2 *Best Match 25* (BM25)

BM25 (*Best Match attempt* 25) merupakan pengembangan dari fungsi skor TF-IDF dengan perbedaan utama pada fungsi nilai yang berkaitan dengan frekuensi kata – digunakan score $_{\rm BM25}(q,d)$  (Persamaan 2.24) daripada  $\rm tf(q,d)$  (Persamaan 2.20). Pada fungsi score $_{\rm BM25}(q,d)$  terdapat 2 parameter yang dapat diatur, yaitu b, dan  $k_1$ . Setiap parameter mempunyai efek yang berbeda terhadap nilai score $_{\rm BM25}(q,d)$  yang dihasilkan. Sebelum menjelaskan efek dari setiap parameter, Persamaan 2.22 hingga Persamaan 2.26 menunjukkan cara menghitung skor relevansi dari suatu kueri q dan dokumen d.

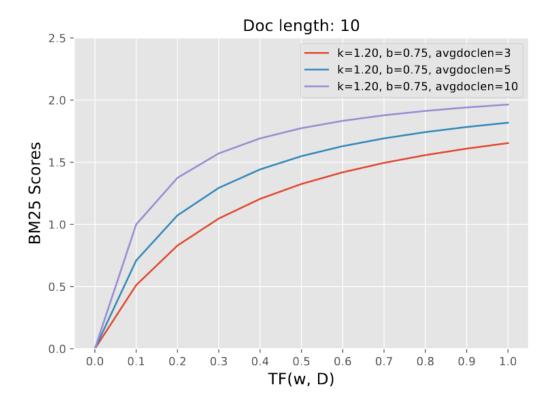
$$idf_{BM25}(t,\mathcal{D}) = \log\left(1 + \frac{|\mathcal{D}| - df(t,\mathcal{D}) + 0.5}{df(t,\mathcal{D}) + 0.5}\right)$$
(2.22)

$$score_{BM25}(t,d) = \frac{tf(t,d) \times (k_1 + 1)}{tf(t,d) + k_1 \times (1 - b + b \times \frac{|d|}{avgdl})}$$
(2.23)

$$BM25(t, d, \mathcal{D}) = idf_{BM25}(t, \mathcal{D}) \times score_{BM25}(q, d, \mathcal{D})$$
 (2.24)

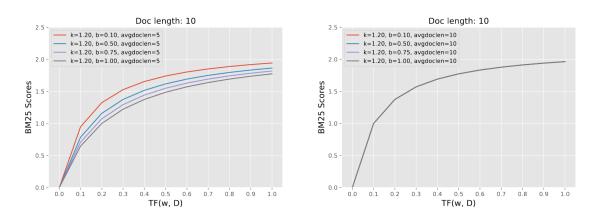
$$avgdl = rata-rata panjang dokumen pada koleksi \mathcal{D}$$
 (2.25)

$$RelevantScore(q, d, \mathcal{D}) = \sum_{t \in T_q \cap T_d} BM25(t, d, \mathcal{D})$$
 (2.26)



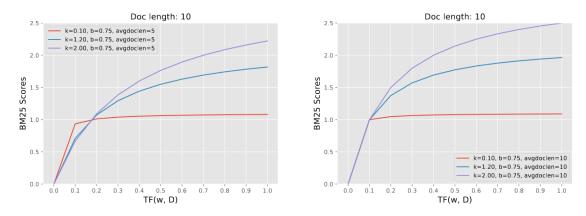
Gambar 2.6: Creative Common License 1.0 Generic.

;



Gambar 2.7: Creative Common License 1.0 Generic.

;

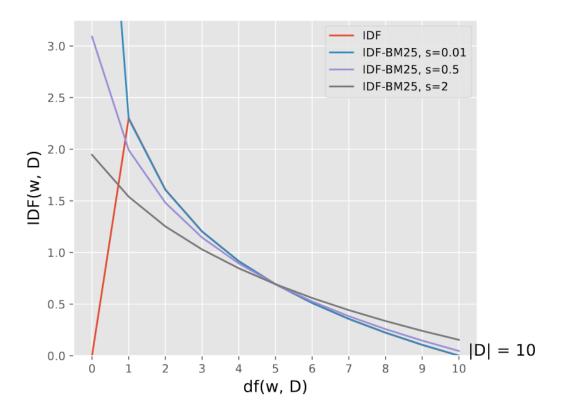


Gambar 2.8: Creative Common License 1.0 Generic.

;

Efek dari masing-masing parameter dan faktor pada  $score_{BM25}(t,d)$  dapat dijelaskan sebagai berikut:

- 1. faktor  $\frac{|\mathbf{d}|}{\mathrm{avgdl}}$  pada  $\frac{\mathrm{tf}(t,d) \times (k_1+1)}{\mathrm{tf}(t,d) + k_1 \times \left(1 b + b \times \frac{|\mathbf{d}|}{\mathrm{avgdl}}\right)}$  men-penalize skor pada dokumen yang panjangnya lebih besar dari rata-rata panjang dokumen pada himpunan dokumen  $\mathcal{D}$ . Gambar 2.6 Menjukkan efek dari perbedaan nilai avgdl terhadap skor yang dihasilkan, makin besar rasio  $\frac{|\mathbf{d}|}{\mathrm{avgdl}}$  makin kecil skor yang dihasilkan.
- 2. nilai b menentukan seberapa besar efek dari faktor  $\frac{|d|}{\operatorname{avgdl}}$  terhadap skor yang dihasilkan. Gambar 2.7 Menunjukkjan efek dari perbedaan nilai b terhadap skor yang dihasilkan. Untuk  $\frac{|d|}{\operatorname{avgdl}} = 1$ , Faktor b tidak memiliki pengaruh terhadap skor. Nilai b yang umum dipilih berada pada rentang [0.5, 0.8].
- 3. nilai  $k_1$  men-*penalize* kemunculan kata t pada dokumen d yang berlebih. Gambar 2.8 Menunjukkan efek dari perbedaan nilai  $k_1$  terhadap skor yang dihasilkan. untuk nilai  $k_1$  yang ekstrim, nilai score $_{\rm BM25}(t,d)$  hanya menjadi indikator saja dari kemunculan kata t pada dokumen d. Nilai  $k_1$  yang umum dipilih berada pada rentang [1.2, 2.0].



Gambar 2.9: Creative Common License 1.0 Generic.

•

Perbedaan minor lainnya ada pada fungsi idf. Fungsi idf pada BM25 merupakan versi smoothing dari idf dengan tujuan untuk menghindari nilai idf yang bernilai 0 ketika kata t tidak muncul pada himpunan dokumen  $\mathcal{D}$  – semata-mata untuk konsistensi dengan asumsi bahwa kata t yang tidak muncul pada himpunan dokumen  $\mathcal{D}$  memiliki nilai idf yang paling tinggi. Gambar 2.9 Menunjukkan Perbedaan antara idf $_{BM25}$  dan idf. Perbedaan utamanya terjadi ketika  $df(t,\mathcal{D}) = 0$ , nilai dari idf $_{BM25}$  tak nol dan mengikuti pola yang diharapkan. Ketika  $df(t,\mathcal{D}) > 0$ , nilai dari idf $_{BM25}$  dan idf hampir serupa.

## 2.3 Deep Learning



Gambar 2.10: Creative Common License 1.0 Generic.

Arsitektur *Deep learning* merujuk pada model *machine learning* yang tersusun dari fungsi-fungsi terturunkan ( yang biasa disebut sebagai *layer*), dimana komposisi antara

fungsi-fungsi tersebut dapat digambarkan sebagai *directed acyclic graph* (DAG) yang memetakan suatu *input* ke suatu *output*. Biasanya, setiap fungsi tersebut dalam Arsitektur *Deep learning* memiliki parameter yang ingin diestimasi atau dicari dengan data.

Gambar 2.10 menunjukkan arsitektur deep learning yang sederhana, yaitu *feed-forward neural network* (FFN). Pada Gambar 2.10, *input*  $\mathbf{x}$  akan dipetakan ke *output*  $\hat{y}$  melalui serangkaian fungsi  $f_1, f_2, f_3$  yang disebut sebagai *layer*. Setiap *layer*  $f_i$  memiliki parameter  $\theta_i$  yang akan diestimasi dengan data. Selain itu, *Output* dari *layer*  $f_i$  akan menjadi *input* dari *layer*  $f_{i+1}$ . *Output* dari *layer*  $f_3$  adalah *output* dari model. Model pada Gambar 2.10 dapat ditulis sebagai Persamaan 2.27.

$$\hat{\mathbf{y}} = f_{\text{model}}(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta}) = f_3(f_2(f_1(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta}_1); \boldsymbol{\theta}_2); \boldsymbol{\theta}_3)$$
(2.27)

dengan 
$$\theta = \{\theta_1, \theta_2, \theta_3\}$$
 (2.28)

#### 2.3.1 Feed-Forward Neural Network (FFN)

Feed-Forward Neural Network (FFN) adalah salah satu arsitektur deep learning yang paling sederhana. Pada feed-forward neural network, setiap fungsi  $f_i$  adalah fungsi linear yang diikuti oleh fungsi aktivasi non-linear  $\phi$  yang diterapkan element-wise pada setiap output-nya. hyperparameter lainnya selain fungsi aktivasi adalah kedalamaan model L, dan dimensi output dari setiap layer  $d_1, d_2, \ldots, d_L$ .

Untuk permasalahan regresi dengan  $input \mathbf{x} \in \mathbb{R}^{d_0}$  dan  $output \mathbf{y} \in \mathbb{R}^{d_L}$ , Persamaan 2.29 hingga Persamaan 2.35 menunjukkan arsitektur feed-forward neural network untuk permasalahan regresi dengan kedalaman L.

$$f_l(\mathbf{x}; \mathbf{W}_l, b_l) = \phi(\mathbf{x}\mathbf{W}_l + \mathbf{b}_l) \in \mathbb{R}^{d_l}, \quad l = 1, 2, \dots, L - 1$$
 (2.29)

$$f_L(\mathbf{x}) = \mathbf{x}\mathbf{W}_L + \mathbf{b}_L \in \mathbb{R}^{d_L}$$
 (2.30)

$$f_{\text{model}}(\mathbf{x};\boldsymbol{\theta}) = f_L(f_{L-1}(\dots f_1(\mathbf{x}))\dots)$$
(2.31)

$$\phi(\mathbf{x}) = \text{fungsi aktivitasi non-linear}$$
 (2.32)

$$\boldsymbol{\theta} = \{\mathbf{W}_1, \mathbf{b}_1, \mathbf{W}_2, \mathbf{b}_2, \dots, \mathbf{W}_L, \mathbf{b}_L\} \tag{2.33}$$

$$\mathbf{W}_l = \text{matriks bobot} \in \mathbb{R}^{d_{l-1} \times d_l}$$
 (2.34)

$$\mathbf{b}_l = \text{vektor bias} \in \mathbb{R}^{d_l} \tag{2.35}$$

Untuk Permasalahan Klasifikasi Biner dengan *input*  $\mathbf{x} \in \mathbb{R}^{d_0}$  dan *output*  $\mathbf{y} \in \{0, 1\}$ , Persamaan 2.36 hingga Persamaan 2.40 menunjukkan arsitektur *feed-forward neural network* untuk permasalahan klasifikasi.

$$f_{\text{model}}(\mathbf{x};\boldsymbol{\theta}) = f_L(f_{L-1}(\dots f_1(\mathbf{x}))\dots), \tag{2.36}$$

$$f_L(\mathbf{x}) = \sigma(\mathbf{x}\mathbf{W}_L + \mathbf{b}_L \in \mathbb{R}), \tag{2.37}$$

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^x} \in (0, 1), \tag{2.38}$$

$$decision(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta}) = \begin{cases} 1 & \text{jika } f(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta}) \ge \text{threshold} \\ 0 & \text{jika } f(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta}) < \text{threshold} \end{cases}, \tag{2.39}$$

threshold 
$$\in [0,1]$$
. (2.40)

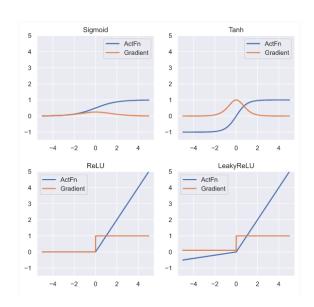
Perbedaan utama antara *feed-forward neural network* untuk permasalahan regresi dan klasifikasi adalah fungsi aktivasi pada *output layer*. Pada permasalahan regresi, fungsi aktivasi pada *output layer* adalah fungsi identitas, sedangkan pada permasalahan klasifikasi, fungsi aktivasi pada *output layer* adalah fungsi *sigmoid*. Tujuan digunakan fungsi *sigmoid* pada permasalahan klasifikasi adalah untuk memastikan bahwa *output* dari model berada pada rentang [0,1], dimana nilai tersebut dapat diinterpretasikan sebagai probabilitas **x** termasuk pada kelas positif. Selain itu, *threshold* pada Persamaan 2.40 digunakan untuk menentukan apakah **x** termasuk pada kelas positif atau negatif.

## 2.3.2 Fungsi Aktivasi

Fungsi Aktivasi pada setiap *layer*  $f_i$  pada *feed-forward neural network* digunakan untuk menambahkan non-linearitas pada model. Sebab, tanpa adanya fungsi aktivasi non-linear, model *feed-forward neural network* akan menjadi model linear. Selain itu, fungsi aktivasi juga biasanya adalah fungsi yang terturunkan, meskipun tidak perlu terturunkan disetiap titik. Tabel 2.4 menunjukkan beberapa fungsi aktivasi yang sering digunakan pada *feed-forward neural network*. Gambar 2.11 menunjukkan grafik dari fungsi aktivasi pada Tabel 2.4 dan turunannya.

Fungsi Aktivasi	Persamaan
Sigmoid	$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$
Tanh	$\tanh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$
ReLU	$ReLU(x) = \max(0, x)$
Leaky ReLU	LeakyReLU( $x$ ) = max( $\alpha x, x$ ), $\alpha \in [0, 1]$

Tabel 2.4: Beberapa fungsi aktivasi yang sering digunakan pada feed-forward neural network.



Gambar 2.11: Creative Common License 1.0 Generic.

## 2.3.3 Fungsi Loss

Misalkan  $\mathcal{D} = \{(\mathbf{x}_1, \mathbf{y}_1), (\mathbf{x}_2, \mathbf{y}_2), \dots, (\mathbf{x}_n, \mathbf{y}_n)\}$  adalah *dataset* yang terdiri dari *n* pasangan *input* dan *output*. Parameter  $\boldsymbol{\theta}$  pada  $f_{\text{model}}$  diestimasi dengan melakukan *fitting* pada *dataset*  $\mathcal{D}$ , diperlukan suatu fungsi *loss* yang mengukur seberapa baik hasil pemetaan  $f_{\text{model}}$  dengan *input*  $\mathbf{x}_i$  terhadap *output*  $\mathbf{y}_i$ . Meskipun sembarang fungsi yang terturunkan dapat digunakan sebagai fungsi *loss*, namun pemilihan fungsi *loss* berdasarkan *maximum likelihood estimation* (MLE) lebih disarankan.

Untuk permasalahan klasifikasi biner, fungsi *loss* yang sering digunakan adalah *binary cross entropy* (BCE) seperti yang ditinjukkan pada Persamaan 2.49. Penurunan fungsi *loss* BCE dengan mengikuti prinsip MLE yang akan dijelaskan pada bagian selanjutnya.

Misalkan  $y_i \mid \mathbf{x}$  mengikuti distribusi bernouli dengan parameter  $\mathbf{p} = f_{\text{model}}(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta})$  yang saling independen antara satu sama lainnya. Persamaan 2.41 menunjukkan definisi dari

 $y_i \mid \mathbf{x}$ .

$$y_i \mid \mathbf{x} \stackrel{\text{iid}}{\sim} \text{Bernoulli}(f_{\text{model}}(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta}))$$
 (2.41)

$$p(y_i \mid \mathbf{x}) = f_{\text{model}}(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta})^{y_i} (1 - f_{\text{model}}(\mathbf{x}; \boldsymbol{\theta}))^{1 - y_i}$$
(2.42)

Fungsi *likelihood* dari  $\theta$  terhadap *dataset*  $\mathcal{D}$  dapat ditulis sebagai berikut:

$$\mathcal{L}(\boldsymbol{\theta}) = \prod_{i=1}^{N} p(y_i \mid \mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta}). \tag{2.43}$$

Dengan prinsip MLE, parameter  $\theta$  yang dicari adalah parameter  $\theta$  yang memaksimalkan fungsi *likelihood*  $\mathcal{L}(\theta)$ ,

$$\theta_{\text{MLE}} = \arg\max_{\theta} \mathcal{L}(\theta).$$
 (2.44)

Untuk mempermudah perhitungan, fungsi *likelihood* diubah menjadi negatif log- $likelihood \ell(\theta)$ , sehingga permasalahan optimasi menjadi:

$$\ell(\boldsymbol{\theta}) = -\log \mathcal{L}(\boldsymbol{\theta}), \tag{2.45}$$

$$= -\sum_{i=1}^{N} \log \left( p(y_i \mid \mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta}) \right), \qquad (2.46)$$

$$\theta_{\text{MLE}} = \arg\min_{\boldsymbol{\theta}} \ell(\boldsymbol{\theta}).$$
 (2.47)

Dengan mengganti  $p(y_i \mid \mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta})$  dengan fungsi distribusi-nya, maka fungsi *loss* yang digunakan untuk permasalahan klasifikasi biner adalah *binary cross entropy* (BCE) seperti pada Persamaan 2.49.

$$\theta_{\text{MLE}} = \arg\min_{\boldsymbol{\theta}} \sum_{i=1}^{N} \underbrace{-y_i \log (f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta})) - (1 - y_i) \log (1 - f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta}))}_{\text{Binary Cross Entropy Loss } L(y_i, f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta}))},$$
(2.48)

$$L(y_i, f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta})) = -y_i \log (f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta})) - (1 - y_i) \log (1 - f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta})). \tag{2.49}$$

Untuk mendapatkan  $f_{\text{model}}$  dengan performa yang baik, dibutuhkan model dengan nilai  $\ell(\theta)$  seminimum mungkin. Namun, pencarian  $\theta$  sehingga  $\ell(\theta)$  minumum secara analitik tidak dapat dilakukan karena non-linearitas yang ada pada model, dengan kata lain solusi dari  $\nabla_{\theta}\ell(\theta)=0$  tidak dapat dicari secara analitik. Sebagai gantinya, pencarian  $\theta$  dilakukan secara numerik dengan menggunakan metode *gradient descent* yang akan dijelaskan pada bagian selanjutnya.

#### 2.3.4 Backpropagation

## 2.3.5 Optimisasi

Gradient Descent adalah metode numerik yang digunakan untuk mencari nilai  $\theta$  yang meminimalkan fungsi loss  $\ell(\theta)$ . Pada metode gradient descent, nilai  $\theta$  diupdate secara iteratif dengan mengikuti arah negatif dari gradient  $\nabla_{\theta} \mathcal{L}(\theta)$  yang menunjukkan arah dari penurunan fungsi loss  $\mathcal{L}(\theta)$ . Persamaan 2.51 menunjukkan algoritma gradient descent.

$$\mathcal{D} = \{ (\mathbf{x}_1, y_1), (\mathbf{x}_2, y_2), \dots, (\mathbf{x}_n, y_n) \}$$
 (2.50)

$$\boldsymbol{\theta}^{(t+1)} = \boldsymbol{\theta}^{(t)} - \eta \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L(y_i, f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta}^{(t)})), \tag{2.51}$$

dengan 
$$\eta \in \mathbb{R}^+$$
 adalah *learning rate*. (2.52)

Perlu diketahui bahwa pada metode gradient descent memperbarui parameter dengan mengambil rata-rata gradient dari semua data pada dataset pelatihan  $\mathcal{D}$ . Hal ini menciptakan masalah ketika model menggunakan banyak parameter dan jumlah data pada datasets latih besar, yaitu komputasi  $forward\ pass$  dan  $backward\ pass$  menjadi sangat mahal dan diperlukan memori yang besar untuk menyimpan gradient dari semua data pada dataset latih. Untuk mengatasi masalah tersebut, digunakan metode  $stochastic\ gra-$ 

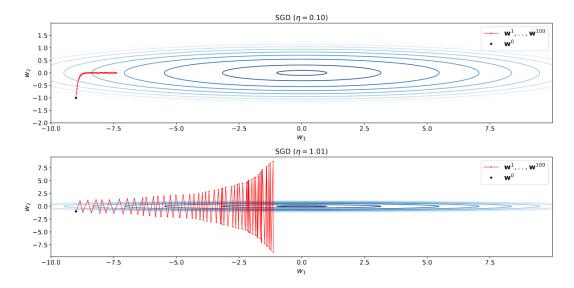
dient descent (SGD) dimana setiap update dari parameter  $\theta$  dihitung dengan mengambil rata-rata gradient dari sebagian data pada dataset  $\mathcal{B} \subseteq \mathcal{D}$ . Persamaan 2.55 menunjukkan algoritma stochastic gradient descent.

$$\mathcal{B} = \{ (\mathbf{x}_{i_1}, y_{i_1}), (\mathbf{x}_{i_2}, y_{i_2}), \dots, (\mathbf{x}_{i_b}, y_{i_b}) \} \subseteq \mathcal{D}, |\mathcal{B}| \ll |\mathcal{D}|,$$
(2.53)

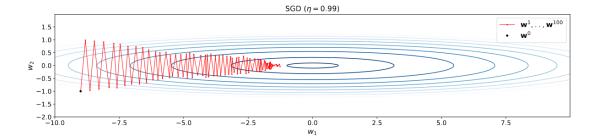
$$\nabla_{\boldsymbol{\theta}} \mathcal{L}_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}) = \frac{1}{b} \sum_{i=1}^{b} \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L(y_i, f_{\text{model}}(\mathbf{x}_i; \boldsymbol{\theta})), \qquad (2.54)$$

$$\boldsymbol{\theta}^{(t+1)} = \boldsymbol{\theta}^{(t)} - \eta \nabla_{\boldsymbol{\theta}} \mathcal{L}_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}^{(t)}). \tag{2.55}$$

hyperparameter learning rate mengatur laju dari perubahan parameter  $\theta$  pada setiap iterasi pembaruan. Dengan demikian, pemilihan learning rate berpengaruh terhadap kekonvergenan optimasi yang dilakukan. Jika learning rate yang digunakan terlalu kecil, model membutuhkan waktu yang jauh lebih lama untuk mencapai nilai parameter  $\theta$  yang optimal. Di lain sisi, pemilihan learning rate yang terlalu besar dapat membuat model tidak dapat menemukan nilai parameter  $\theta$  yang optimal. Gambar 2.12 mengilustrasikan proses pembaruan parameter  $\theta$  dengan learning rate yang terlalu kecil dan terlalu besar, dan Gambar 2.13 mengilustrasikan proses pembaruan parameter  $\theta$  dengan learning rate yang baik.

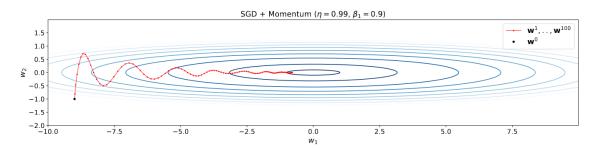


Gambar 2.12: Creative Common License 1.0 Generic.



Gambar 2.13: Creative Common License 1.0 Generic.

Untuk mempercepat proses pembaruan parameter  $\theta$ , digunakan metode *stochastic* gradient descent dengan momentum untuk mengurangi osilasi pada proses pembaruan parameter. daripada memperbarui parameter  $\theta$  dengan gradien pada iterasi sekarang saja, metode stochastic gradient descent dengan momentum memperbarui parameter  $\theta$  dengan gradien pada iterasi sekarang dan gradien pada iterasi sebelumnya. gradien yang digunakan untuk melakukan pembaruan parameter  $\theta$  exponential moving average dari gradien pada iterasi sekarang dan gradien pada iterasi sebelumnya. Persamaan 2.56 menunjukkan algoritma stochastic gradient descent dengan momentum dan Gambar 2.14 mengilustrasikan pembaruan parameter  $\theta$  dengan momentum.



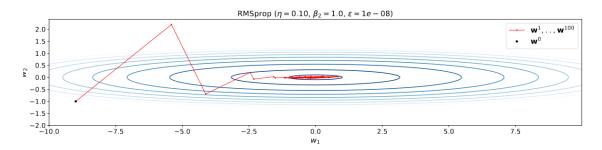
Gambar 2.14: Creative Common License 1.0 Generic.

$$\boldsymbol{\theta}^{(t+1)} = \boldsymbol{\theta}^{(t)} - \eta m^{(t+1)},$$
 (2.56)

$$\mathbf{m}^{(t+1)} = \beta_1 \mathbf{m}^{(t)} + (1 - \beta_1) \nabla_{\theta} L_{\mathcal{B}}(\theta^{(t)}).$$
 (2.57)

Metode lainnya yang dapat digunakan untuk mempercepat proses pembaruan parameter  $\theta$  adalah metode *adaptive learning rate*. Metode *adaptive learning rate* mengubah *learning rate* pada setiap parameter  $\theta$  dengan membagi *learning rate* awal dengan *moving average* dari kuadrat gradien – biasanya disebut sebagai *running variance* – pada parameter  $\theta$  tersebut. Pembagian antara gradien dan *running variance* tersebut dilakukan secara

element-wise. Persamaan 2.58 menunjukkan algoritma stochastic gradient descent dengan adaptive learning rate dan Gambar 2.15 menngilustrasikan pembaruan parameter  $\theta$  dengan adaptive learning rate.



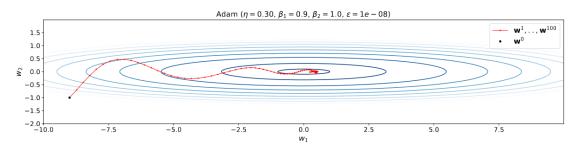
Gambar 2.15: Creative Common License 1.0 Generic.

$$\boldsymbol{\theta}^{(t+1)} = \boldsymbol{\theta}^{(t)} - \frac{\eta \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}^{(t)})}{\sqrt{v^{(t+1)}} + \varepsilon}, \tag{2.58}$$

$$\boldsymbol{v}^{(t+1)} = \beta_2 \boldsymbol{v}^{(t)} + (1 - \beta_2) \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}^{(t)}) \odot \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}^{(t)}). \tag{2.59}$$

faktor  $\varepsilon$  yang ditambahkan pada Persamaan 2.58 digunakan untuk menghindari pembagian dengan nol pada awal iterasi karena inisialiasi awal vektor  $v^{(0)}$  adalah nol.

Terakhir, metode optimasi  $Adaptive\ Moment\ Estimation\ (Adam)\ menggabungkan metode <math>stochastic\ gradient\ descent\ dengan\ momentum\ dan\ adaptive\ learning\ rate.$  Persamaan 2.60 menunjukkan algoritma  $stochastic\ gradient\ descent\ dengan\ Adam\ dan\ Gambar\ 2.16$  mengilustrasikan pembaruan parameter  $\theta$  dengan Adam. Persamaan 2.60 menunjukkan persamaan dari metode optimasi Adam dan Gambar\ 2.16 mengilustrasikan pembaruan parameter  $\theta$  dengan Adam.



Gambar 2.16: Creative Common License 1.0 Generic.

$$\boldsymbol{\theta}^{(t+1)} = \boldsymbol{\theta}^{(t)} - \frac{\eta \hat{\mathbf{m}}^{(t+1)}}{\sqrt{\hat{\mathbf{v}}^{(t+1)}} + \varepsilon},$$
(2.60)

$$\hat{\mathbf{m}}^{(t+1)} = \frac{\mathbf{m}^{(t+1)}}{1 - \beta_1},\tag{2.61}$$

$$\hat{\mathbf{v}}^{(t+1)} = \frac{\mathbf{v}^{(t+1)}}{1 - \beta_2},\tag{2.62}$$

$$\mathbf{m}^{(t+1)} = \beta_1 \mathbf{m}^{(t)} + (1 - \beta_1) \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}^{(t)}), \tag{2.63}$$

$$\mathbf{v}^{(t+1)} = \beta_2 \mathbf{v}^{(t)} + (1 - \beta_2) \left( \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}^{(t)}) \odot \nabla_{\boldsymbol{\theta}} L_{\mathcal{B}}(\boldsymbol{\theta}^{(t)}) \right). \tag{2.64}$$

Alasan dilakukan pembagian dengan  $(1 - \beta_1)$  dan  $(1 - \beta_2)$  Persamaan 2.61 dan Persamaan 2.62 adalah untuk menghilangkan bias pada *momentum* dan *running variance* pada awal iterasi.

#### 2.3.6 Inisialisasi Bobot

## 2.4 Pembelajaran Representasi

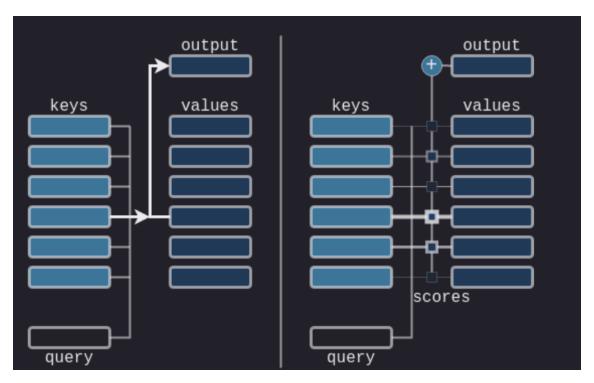
## 2.4.1 Fungsi Loss pada Pembelajaran Representasi

# BAB 3 BIDIRECTIONAL ENCODER REPRESENTATION FROM TRANSFORMER (BERT) UNTUK PEMERINGKATAN TEKS

# @todo jabarin sih isinya mau gmna

#### 3.1 Mekanisme Attention

## 3.1.1 Attention sebagai Dictionary Lookup



Gambar 3.1: Perbedaan mekanisme hard attention dan soft attention (pi tau, 2023)

Mekanisme Attention dapat ditinjau sebagai Dictinoary Lookup, yaitu untuk sebuah vektor kueri  $\mathbf{q}$  dan sekumpulan pasangan terurut vektor  $\mathcal{KV} = \{(\mathbf{k}_1, \mathbf{v}_2), (\mathbf{k}_2, \mathbf{v}_2), \dots, (\mathbf{k}_n, \mathbf{v}_n)\}$ , mekanisme attention akan mengembalikan vektor

nilai  $\mathbf{v}_i$  yang memiliki vektor kunci  $\mathbf{k}_i$  yang cocok dengan vektor kueri  $\mathbf{q}$ . Persamaan 3.1 hingga Persamaan 3.6 menunjukkan bagaimana mekanisme *attention* dilakukan.

$$\mathcal{KV} = \{ (\mathbf{k}_1, \mathbf{v}_2), (\mathbf{k}_2, \mathbf{v}_2), \dots, (\mathbf{k}_n, \mathbf{v}_n) \}, \tag{3.1}$$

tulis kembali 
$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} \mathbf{k}_1 \\ \mathbf{k}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{k}_n \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n \times d_k},$$
 (3.2)

$$\mathbf{V} = \begin{bmatrix} \mathbf{v}_1 \\ \mathbf{v}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{v}_n \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n \times d_v}, \tag{3.3}$$

Attention(
$$\mathbf{q}, \mathbf{K}, \mathbf{V}$$
) =  $\alpha \mathbf{V} \in \mathbb{R}^{d_{\nu}}$ , (3.4)

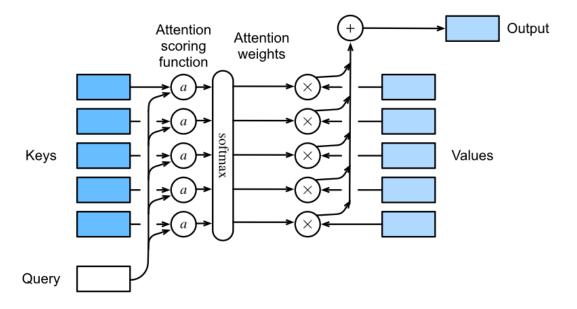
$$\alpha = [\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n], \tag{3.5}$$

dengan 
$$\alpha_i = \begin{cases} 1, & \text{jika } i = \arg\max_j f_{attn}(\mathbf{q}, \mathbf{k}_j) \\ 0, & \text{lainnya} \end{cases}$$
 (3.6)

 $f_{attn}(\mathbf{q}, \mathbf{k})$  adalah fungsi atensi yang menghitung nilai atensi antara vektor kueri  $\mathbf{q}$  dan vektor kunci  $\mathbf{k}$ .  $\alpha_i$  pada persamaan di atas disebut sebagai bobot atensi dan nilai  $f_{attn}(\mathbf{q}, \mathbf{k})$  disebut sebagai nilai atensi.

Sebagai contoh, untuk  $\mathbf{q} = [1,2]$ ,  $\mathcal{KV} = \{([2,1],[1,0]),([1,2],[0,1])\}$  serta fungsi  $f_{\text{attn}}(\mathbf{q},\mathbf{k}) = \mathbf{q} \cdot \mathbf{k}$ , nilai dari Attention $(\mathbf{q},\mathbf{K},\mathbf{V})$  adalah [0,1], karena nilai maksimal  $f_{\text{attn}}$  terjadi ketika  $\mathbf{k} = [1,2]$ .

Mekansime attention pada Persamaan 3.1 hingga Persamaan 3.6 disebut sebagai hard attention karena hanya satu vektor nilai  $\mathbf{v}_i$  yang dipilih dari sekumpulan vektor nilai  $\mathbf{V}$ . Berbeda dengan hard attention yang tidak terturunkan, soft attention mengambil seluruh vektor nilai  $\mathbf{V}$  dan menghitung bobot  $\alpha_i$  untuk setiap vektor nilai  $\mathbf{v}_i$  dengan fungsi softmax. Hasil dari soft attention adalah rata-rata terbobot dari seluruh vektor nilai  $\mathbf{V}$ . Persamaan 3.7 hingga Persamaan 3.11 menunjukkan bagaimana mekanisme soft attention dilakukan.



Gambar 3.2: Ilustrasi dari mekanisme soft attention (Zhang et al., 2023)

Attention(
$$\mathbf{q}, \mathbf{K}, \mathbf{V}$$
) =  $\alpha \mathbf{V} \in \mathbb{R}^{d_{v}}$ , (3.7)

dengan 
$$\alpha = [\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n],$$
 (3.8)

dan 
$$\alpha_i(\mathbf{q}, \mathbf{k}_i) = \text{Softmax}_i(\alpha) = \frac{\exp(f_{attn}(\mathbf{q}, \mathbf{k}_i))}{\sum_{j=1}^n \exp(f_{attn}(\mathbf{q}, \mathbf{k}_j))},$$
 (3.9)

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i = 1, \tag{3.10}$$

$$0 \le \alpha_i \le 1. \tag{3.11}$$

Dengan rata-rata terbobot dari **V**, *soft attention* dapat dicari turunannya dengan *back-propagation* yang merupakan syarat *fundamental* yang harus dimiliki oleh sebuah model *deep learning*.

Sebagai contoh, hasil dari Attention( $\mathbf{q}, \mathbf{K}, \mathbf{V}$ ) untuk  $\mathbf{q} = [1,2]$ ,  $\mathcal{KV} = \{([2,1],[0,1]),([1,2],[1,0])\}$  serta fungsi  $f_{\text{attn}}(\mathbf{q},\mathbf{k}) = \mathbf{q} \cdot \mathbf{k}$  adalah 0.268[0,1] + 0.732[1,0] = [0.732,0.268] dengan  $\alpha_1 = \frac{\exp(4)}{\exp(4) + \exp(5)} \approx 0.268$  dan  $\alpha_2 = \frac{\exp(5)}{\exp(4) + \exp(5)} \approx 0.732$ .

Pada kasus kumpulan kueri  $Q = \{\mathbf{q}_1, \mathbf{q}_2, \dots, \mathbf{q}_m\}$ , mekanisme *attention* untuk setiap triplet  $(\mathbf{q}_i, \mathbf{K}, \mathbf{V})$  dapat dihitung secara bersamaan seperti yang ditunjukkan pada Persamaan 3.12 hingga Persamaan 3.15.

tulis 
$$\mathbf{Q} = \begin{bmatrix} \mathbf{q}_1 \\ \mathbf{q}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{q}_m \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{m \times d_k},$$
 (3.12)

Attention(
$$\mathbf{Q}, \mathbf{K}, \mathbf{V}$$
) =  $\mathbf{A}\mathbf{V} \in \mathbb{R}^{m \times d_v}$ , (3.13)

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_{11} & \alpha_{12} & \dots & \alpha_{1n} \\ \alpha_{21} & \alpha_{22} & \dots & \alpha_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \alpha_{m1} & \alpha_{m2} & \dots & \alpha_{mn} \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{m \times n}, \tag{3.14}$$

$$\alpha_{ij}(\mathbf{q}_i, \mathbf{k}_j) = \text{Softmax}_j(\alpha_i) = \frac{\exp(f_{attn}(\mathbf{q}_i, \mathbf{k}_j))}{\sum_{k=1}^n \exp(f_{attn}(\mathbf{q}_i, \mathbf{k}_k))},$$
(3.15)

dengan  $\alpha_{ij}$  adalah bobot yang menunjukkan bobot atensi antara vektor kueri  $\mathbf{q}_i$  dengan vektor kunci  $\mathbf{k}_i$ .

#### 3.1.2 Attention Parametrik

Mekanisme *attention* yang dilakukan oleh Vaswani et al. (2017) merupakan mekanisme *attention* parametrik. Pada mekanisme *attention* parametrik, nilai  $f_{attn}$  antar vektor kueri  $\mathbf{q}$  dan  $\mathbf{v}$  dibandingkan pada ruang vektor yang akan dipelajari (*learned embedding space*) daripada ruang vektor aslinya. Sebagai contoh, untuk suatu kueri  $\mathbf{q} \in \mathbb{R}^{d_q}$ , dan vektor kunci  $\mathbf{k} \in \mathbb{R}^{d_k}$ , *additive attention* yang diperkenalkan oleh Bahdanau, Cho, dan Bengio (2016) menghitung nilai keserupaan antara  $\mathbf{q}$  dan  $\mathbf{k}$  seperti pada Persamaan 3.16

$$f_{attn}(\mathbf{q}\mathbf{W}^q, \mathbf{k}\mathbf{W}^k) = (\mathbf{q}\mathbf{W}^q + \mathbf{k}\mathbf{W}^k)\mathbf{W}^{\text{out}} \in \mathbb{R},$$
(3.16)

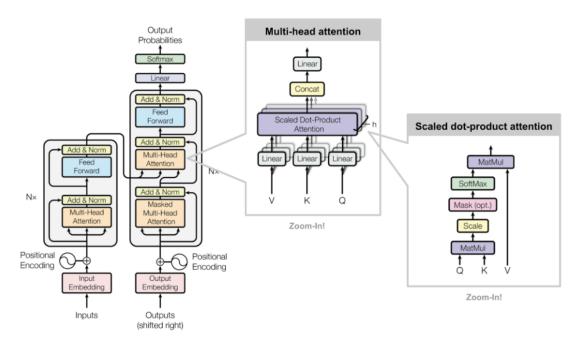
dengan 
$$\mathbf{W}^q \in \mathbb{R}^{d_q \times d_{\text{attn}}}, \mathbf{W}^k \in \mathbb{R}^{d_k \times d_{\text{attn}}}, \mathbf{W}_{\text{out}} \in \mathbb{R}^{d_{\text{attn}} \times 1},$$
 (3.17)

Dengan  $\mathbf{W}^q$ ,  $\mathbf{W}^k$ , dan  $\mathbf{W}^{\text{out}}$  adalah matriks parameter bobot yang akan diestimasi selama proses pelatihan. Contoh *attention* parametrik yang lebih sederhana adalah *dot-product attention*. Fungsi  $f_{attn}$  yang digunakan adalah perkalian titik antara  $\mathbf{q}$  dan  $\mathbf{k}$  di ruang vektor yang dipelajari (*learned embedding space*). Persamaan 3.18 menunjukkan bagaimana *dot-product attention* dihitung.

$$f_{attn}(\mathbf{q}\mathbf{W}^q, \mathbf{k}\mathbf{W}^k) = (\mathbf{q}\mathbf{W}^q)(\mathbf{k}\mathbf{W}^k)^{\top}$$
(3.18)

dengan 
$$\mathbf{W}^q \in \mathbb{R}^{d_q \times d_{\text{attn}}}, \mathbf{W}^k \in \mathbb{R}^{d_k \times d_{\text{attn}}}.$$
 (3.19)

#### 3.2 Transformer



Gambar 3.3: Arsitektur transformer (Weng, 2018).

Transformers merupakan Arsitektur deep learning yang pertama kali diperkenalkan oleh Vaswani et al. (2017). Awalnya Transformers merupakan model sequance to sequance yang diperuntukkan untuk permasalahan mesin translasi neural (neural machine translation). Namun, sekarang transformer juga digunakan untuk permasalahan pemrosesan bahasa alami lainnya. model-model yang berarsitektur transformer menjadi model state-of-the-art untuk permasalahan pemrosesan bahasa alami lainnya, seperti question answering, sentiment analysis, dan named entity recognition.

Berbeda dengan arsitektur mesin translasi terdahulu, transformer tidak mengunakan recurrent neural network (RNN) atau convolutional neural network (CNN), melainkan transformer adalah model feed foward network yang dapat memproses seluruh input pada barisan secara paralel. Untuk menggantikan kemampuan RNN dalam mempelajari ketergantungan antar input yang berurutan dan kemampuan CNN dalam mempelajari fitur

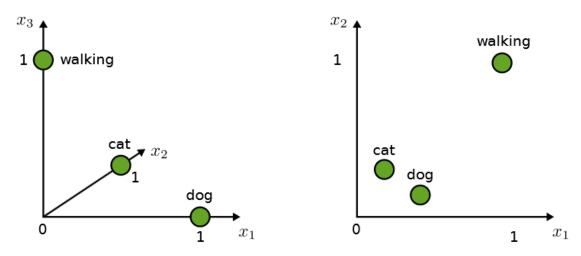
lokal, transformer bergantung pada mekanisme attention.

Terdapat tiga jenis *attention* yang digunakan dalam model *transformer* (Vaswani et al., 2017):

- 1. *Encoder self-attention*: menggunakan barisan *input* yang berupa barisan token atau kata sebagai masukan untuk menghasilkan barisan representasi kontekstual, berupa vektor, dari *input*. Setiap representasi token tersebut memiliki ketergantungan dengan token lainnya dari barisan *input*.
- 2. *Decoder self-attention*: menggunakan barisan *target* yang berupa kalimat terjemahan parsial, barisan token, sebagai masukan untuk menghasilkan barisan representasi kontekstual (vektor) dari *target*. Setiap representasi token tersebut memiliki ketergantungan dengan token sebelumnya dalam urutan masukan.
- 3. *Decoder-encoder attention*: menggunakan barisan representasi kontekstual dari *in-put*, dan barisan representasi kontekstual dari *target* untuk menghasilkan token berikutnya yang merupakan hasil prediksi dari model. Barisan *target* yang digabung dengan token hasil prediksi tersebut akan menjadi barisan *target* untuk prediksi selanjutnya.

Arsitektur dari *transformer* mengimplementasikan struktur pasangan encoderdecoder. Aristektur dari *transformer* dapat dilihat pada Gambar 3.3. Lapisan*encoder* berfungsi untuk memahami konteks suatu kata dalam dokumen atau kalimat, sementara lapisan *decoder* digunakan untuk menyelesaikan masalah translasi menuju bahasa berbeda. Subbab 3.2.1 hingga Subbab 3.2.8 menjelaskan arsitektur model *transformer* dan berbagai mekanisme yang menyusun model *transformer*, khususnya *transformer encoder* yang menjadi *building block* dari *Biderectional Encoder Representations from Transformers* (BERT).

## 3.2.1 Token Embedding (Input Embedding)



**Gambar 3.4:** Ilustrasi dari representasi token. Gambar kiri menunjukkan representasi token dengan *one-hot encoding*, sedangkan gambar kanan menunjukkan representasi token dengan *token embedding* (Geiger et al., 2022)

Perlu diingat kembali bahwa *input* dari *Attention* (dan tentunya *transformer*) adalah barisan vektor. Jika *Attention* ingin dapat digunakan pada permasalahan bahasa, barisan kata atau subkata (selanjutnya disebut token) harus terlebih dahulu diubah menjadi barisan vektor.

Representasi vektor dari token yang paling sederhana adalah dengan *one-hot encoding*. Andaikan  $\mathcal{T} = \{t_1, t_2, \dots, t_{|\mathcal{T}|}\}$  adalah semua kemungkinan token yang mungkin muncul dalam permasalahan bahasa yang ingin diselesaikan. Untuk sembarang barisan token  $t = (t_{i_1}, t_{i_2}, \dots, t_{i_L})$ , representasi vektor dari token  $t_{i_j}$  adalah vektor  $\mathbf{oh}_{i_j} = [0, \dots, 0, 1, 0, \dots, 0] \in \mathbb{R}^{|\mathcal{T}|}$ , dengan nilai 1 pada indeks ke j dan nilai 0 pada indeks lainnya. *One-hot encoding* tentunya memiliki kelemahan:

- 1. Vektor yang dihasilkan adalah *sparse vector*, dan ukuran vektor yang dihasilkan cukup besar, yaitu  $|\mathcal{T}|$ .
- 2. Representasi token yang buruk. Operasi vektor yang dilakukan pada *one-hot encoding* tidaklah bermakna. Misalnya, Jarak antar token akan selalu sama pada *one-hot encoding*, yaitu  $\sqrt{2}$ .

Untuk Mengatasi kekurangan dari representasi *one-hot encoding*, reprentasi yang digunakan adalah vektor padat yang akan dipelajari ketika proses pelatihan. Misalkan  $\mathbf{E}_{\mathcal{T}} \in \mathbb{R}^{|\mathcal{T}| \times d_{token}}$  adalah matriks parameter yang merupakan representasi vektor padat dari

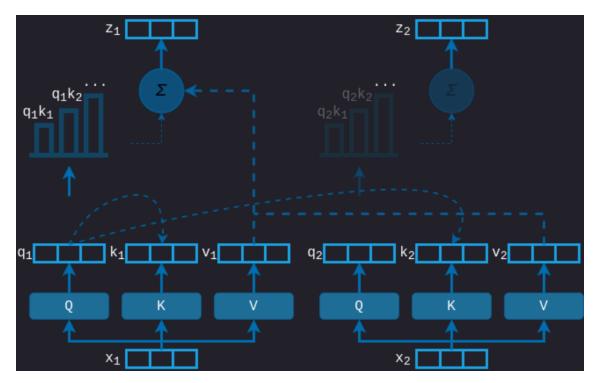
seluruh token ada. Persamaan 3.20 hingga Persamaan 3.22 menunjukkan bagaimana representasi vektor dari barisan suatu token *t* dihitung.

$$t = (t_{i_1}, t_{i_2}, \dots, t_{i_L}), \tag{3.20}$$

$$\mathbf{e}_{i_j} = \mathbf{oh}_{i_j} \mathbf{E}_{\mathcal{T}} \in \mathbb{R}^{d_{\text{token}}}, \tag{3.21}$$

$$\text{Embed}(t) = \mathbf{E}_t = \begin{bmatrix} \mathbf{e}_{i_1} \\ \mathbf{e}_{i_2} \\ \vdots \\ \mathbf{e}_{i_L} \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{L \times d_{\text{token}}}.$$
 (3.22)

#### 3.2.2 Scaled Dot-Product Attention



Gambar 3.5: Ilustrasi dari scaled dot-product attention (pi tau, 2023)

Scaled dot-product attention adalah mekanisme Attention parametrik yang digunakan dalam transformers. Scaled dot-product attention menghitung keserupaan antara vektor kueri  $\mathbf{q}$  dan vektor kunci  $\mathbf{k}$  pada ruang vektor yang dipelajari (learned embedding space) dengan fungsi keserupaan  $f_{attn}(\mathbf{q}\mathbf{W}^q,\mathbf{k}\mathbf{W}^k)$  adalah perkalian titik antara  $\mathbf{q}\mathbf{W}^q$  dan  $\mathbf{k}\mathbf{W}^k$  yang kemudian dibagi dengan  $\sqrt{d_{attn}}$ , seperti pada Persamaan 3.23.

$$f_{attn}(\mathbf{q}\mathbf{W}^q, \mathbf{k}\mathbf{W}^k) = \frac{\mathbf{q}\mathbf{W}^q(\mathbf{k}\mathbf{W}^k)^{\top}}{\sqrt{d_{attn}}} \in \mathbb{R},$$
(3.23)

dengan 
$$\mathbf{W}^q \in \mathbb{R}^{d_q \times d_{\text{attn}}}, \mathbf{W}^k \in \mathbb{R}^{d_k \times d_{\text{attn}}}.$$
 (3.24)

pembagian dengan  $\sqrt{d_{attn}}$  dilakukan untuk menjaga variansi dari nilai atensi  $\mathbf{q}\mathbf{W}^q(\mathbf{k}\mathbf{W}^k)^{\top}$  tetap serupa dengan variansi  $\mathbf{q}\mathbf{W}^q$  dan  $\mathbf{k}\mathbf{W}^k$ . Tanpa pembagian  $\sqrt{d_{attn}}$ , variansi dari nilai atensi akan memiliki faktor tambahan  $\sigma^2 d_{attn}$ , seperti yang ditunjukkan pada Persamaan 3.25 hingga Persamaan 3.26.

$$\mathbf{q}\mathbf{W}^q \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2) \text{ dan } \mathbf{k}\mathbf{W}^k \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2).$$
 (3.25)

$$\operatorname{Var}(\mathbf{q}\mathbf{W}^{q}(\mathbf{k}\mathbf{W}^{k})^{\top}) = \sum_{i=1}^{d_{attn}} \operatorname{Var}\left((\mathbf{q}\mathbf{W}^{q})_{i}((\mathbf{k}\mathbf{W}^{k})_{i}^{\top}\right) = \sigma^{4}d_{attn}.$$
 (3.26)

Akibatnya, untuk nilai  $d_{attn}$  yang cukup besar, akan terdapat satu elemen atensi acak  $(\mathbf{q}\mathbf{W}^q(\mathbf{k}\mathbf{W}^k)^\top)_i$  sehinnga  $(\mathbf{q}\mathbf{W}^q(\mathbf{k}\mathbf{W}^k)^\top)_i \gg (\mathbf{q}\mathbf{W}^q(\mathbf{k}\mathbf{W}^k)^\top)_j$  untuk sembarang nilai atensi lainnya. Jika faktor  $d_{attn}$  tidak dihilangkan, softmax dari nilai atensi akan jenuh ke 1 untuk satu elemen acak tersebut dan 0 untuk elemen lainnya. Akibatnya, gradien pada fungsi softmax akan mendekati nol sehingga model tidak dapat belajar parameter dengan baik.

Dengan *scaled dot product attention*, tidak ada faktor  $d_{attn}$  pada variansi dari nilai atensi. faktor  $\sigma^4$  pada Persamaan 3.27 tidak menjadi masalah karena inisialisasi bobot Kaiming dan *layer normalisasi* yang dijelaskan pada Subbab 2.3.6 dan Subbab 3.2.7 mengakibatkan  $\sigma^2 \approx 1$  sehingga  $\sigma^4 \approx \sigma^2 \approx 1$ .

(scaled dot product attention) 
$$\operatorname{Var}\left(\frac{\mathbf{q}\mathbf{W}^{q}(\mathbf{k}\mathbf{W}^{k})^{\top}}{\sqrt{d_{attn}}}\right) = \frac{\sigma^{4}d_{attn}}{d_{attn}} = \sigma^{4}$$
 (3.27)

Terakhir, untuk kumpulan vektor kueri  $Q = \{\mathbf{q}_1, \mathbf{q}_2, ..., \mathbf{q}_m\}$ , dan kumpulan vektor kunci dan nilai  $\mathcal{KV} = \{(\mathbf{k}_1, \mathbf{v}_2), (\mathbf{k}_2, \mathbf{v}_2), ..., (\mathbf{k}_n, \mathbf{v}_n)\}$ , scaled dot product attention dapat dihitung secara bersamaan seperti pada Persamaan 3.28 hingga Persamaan 3.31.

Tulis Kembali 
$$\mathbf{Q} = \begin{bmatrix} \mathbf{q}_1 \\ \mathbf{q}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{q}_m \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{m \times d_q},$$
 (3.28)
$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} \mathbf{k}_1 \\ \mathbf{k}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{k}_n \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n \times d_k},$$
 (3.29)

$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} \mathbf{k}_1 \\ \mathbf{k}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{k}_n \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n \times d_k}, \tag{3.29}$$

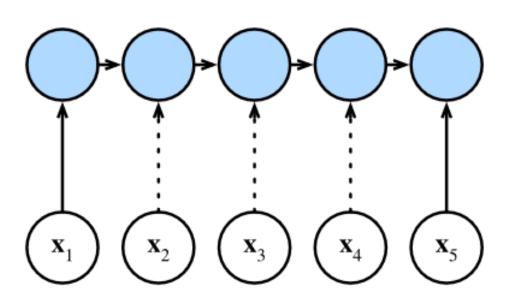
$$\operatorname{dan} \mathbf{V} = \begin{bmatrix} \mathbf{v}_1 \\ \mathbf{v}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{v}_n \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n \times d_v}, \tag{3.30}$$

Attention(
$$\mathbf{Q}\mathbf{W}^q, \mathbf{K}\mathbf{W}^k, \mathbf{V}$$
) = Softmax( $\frac{\mathbf{Q}\mathbf{W}^q(\mathbf{K}\mathbf{W}^k)^{\top}}{\sqrt{d_{attn}}}$ ) $\mathbf{V} \in \mathbb{R}^{m \times d_v}$ , (3.31)

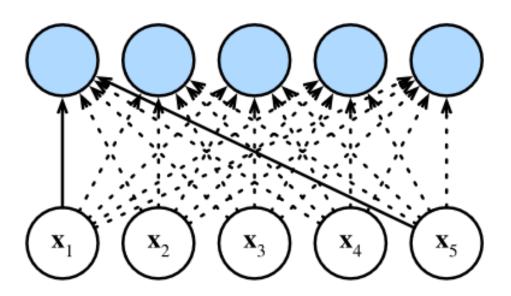
dengan 
$$\mathbf{W}^q \in \mathbb{R}^{d_q \times d_{\text{attn}}}, \mathbf{W}^k \in \mathbb{R}^{d_k \times d_{\text{attn}}}.$$
 (3.32)

## 3.2.3 Self-Attention

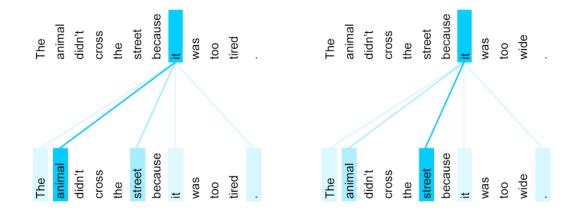
# RNN



# Self-attention



**Gambar 3.6:** Perbandingan RNN dan *self-attention* dalam menghasilkan representasi vektor kontekstual. Pada RNN, representasi vektor kontekstual setiap token bergantung pada perhitungan token sebelumnya. Pada *self-attention*, representasi vektor kontekstual setiap token dihitung secara independen dan paralel.



**Gambar 3.7:** Ilustrasi *self-attention* dalam menghasilkan representasi vektor kontekstual dari barisan token. Representasi vektor dari token *it* akan bergantung terhadap barisan token *input*.

self-Attention layer adalah layer yang digunakan transformer untuk menghasilkan representasi vektor yang kontekstual dari barisan token input. Berbeda dengan RNN dalam menghasilkan representasi vektor kontekstual, self-attention tidak memerlukan ketergantungan sekuensial. Artinya representasi vektor kontekstual setiap tokennya dapat dihitung secara independen dan paralel. Gambar 3.6 mengambarkan perbedaan kedua arsitektur dalam menghasilkan representasi vektor kontekstual. Kemampuan Paralelisme dari self-attention membuat proses komputasi menjadi lebih cepat pada hardware yang mendukung paralelisme.

Perhitungan self-attention pada transformer yang digunakan adalah scaled dot product attention yang telah dijelaskan pada Subbab 3.2.2. Pada self-attention, vektor kueri  $\mathbf{q}$ , vektor kunci  $\mathbf{k}$ , dan vektor nilai  $\mathbf{v}$  adalah vektor yang sama, yaitu embedding token  $\mathbf{E}$  yang dijelaskan pada Subbab 3.2.1. Selain itu, Dimensi dari learned embedding space  $d_{\text{attn}}$  yang digunakan untuk perhitungan nilai atensi adalah  $d_{\text{token}}$  yaitu dimensi dari token embedding. Persamaan 3.33 hingga Persamaan 3.35 menunjukkan bagaimana self-attention dihitung.

$$\mathbf{E} = \text{Embedding dari barisan token} \in \mathbb{R}^{L \times d_{\text{token}}}$$
 (3.33)

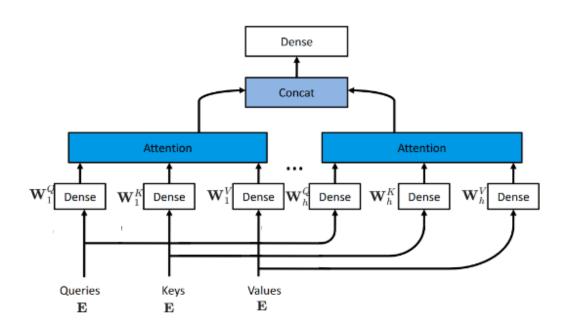
$$Self-Attention(\mathbf{E}) = Attention(\mathbf{E}\mathbf{W}^q, \mathbf{E}\mathbf{W}^k, \mathbf{E}\mathbf{W}^v)$$
 (3.34)

= Softmax
$$(\frac{\mathbf{E}\mathbf{W}^{q}(\mathbf{E}\mathbf{W}^{k})^{\top}}{\sqrt{d_{attn}}})(\mathbf{E}\mathbf{W}^{v}) \in \mathbb{R}^{L \times d_{\text{token}}}$$
 (3.35)

dengan 
$$\mathbf{W}^q, \mathbf{W}^k, \in \mathbb{R}^{d_{\text{token}} \times d_{\text{token}}}, \mathbf{W}^{\nu} \in \mathbb{R}^{d_{\text{token}} \times d_{\text{token}}}$$
 (3.36)

self-attention dapat dikonsepsikan sebagai proses pembentukan represenatsi token yang kontekstual. untuk setiap tokennya, self-attention menghitung keserupaan antara token tersebut ( $\mathbf{e}_{t_i}\mathbf{W}^q$ ) dengan seluruh token lainnya ( $\mathbf{E}\mathbf{W}^k$ ) dengan scaled dot product attention. Hasil dari scaled dot product attention adalah vektor yang menunjukkan bobot atensi dari token tersebut terhadap token lainnya. Bobot atensi tersebut kemudian digunakan untuk menghitung rata-rata terbobot dari seluruh token lainnya ( $\mathbf{E}\mathbf{W}^v$ ). Hasil dari rata-rata terbobot tersebut adalah representasi vektor kontekstual dari token tersebut. Gambar 3.7 adalah contoh dari self-attention yang menghasilkan representasi vektor kontekstual pada token it. Pada Gambar 3.7 kiri token it memiliki bobot atensi yang tinggi terhadap token dan animal sehingga representasi vektor kontekstual dari token it akan memiliki nilai yang serupa dengan representasi token animal. Di lain sisi, token it pada Gambar 3.7 memiliki bobot atensi yang tinggi terhadap token it memiliki bobot atensi yang tinggi terhadap token it

#### 3.2.4 Multi-Head Self-Attention



**Gambar 3.8:** Ilustrasi *multi-head self-attention* pada *transformer*. *Multi-head self-attention* menghitung *self-attention* sebanyak *h* kali pada subruang yang berbeda.

Multi-Head Self-Attention adalah arsiktetur pada transformer untuk melakukan mekanisme self-attention beberapa kali pada subruang (learned embedded space) yang berbeda. dengan melakukan hal tersebut, diharapkan bahwa model dapat menangkap relasi atau keserupaan antar token dari sudut pandang yang berbeda.

Secara teknis, *embedding* dari barisan token **E** akan dipetakan sebanyak *h* kali dengan *linear layer* yang kemudian hasil *attention* dari setiap *head* akan digabungkan dan dilakukan transformasi sekali lagi dengan*linear layer*. Persamaan 3.37 hingga Persamaan 3.40 menunjukkan bagaimana *multi-head self-attention* dihitung.

$$MHSA(\mathbf{E}) = Concat(head_i, ..., head_h)\mathbf{W}^O \in \mathbb{R}^{L \times d_{token}},$$
 (3.37)

$$\text{head}_{i} = \text{Self-Attention}_{i}(\mathbf{E}) = \text{Softmax}(\frac{\mathbf{EW}_{i}^{q}(\mathbf{EW}_{i}^{k})^{\top}}{\sqrt{d_{\text{token}}/h}})\mathbf{EW}_{i}^{v} \in \mathbb{R}^{L \times \frac{d_{\text{token}}}{h}}, \quad (3.38)$$

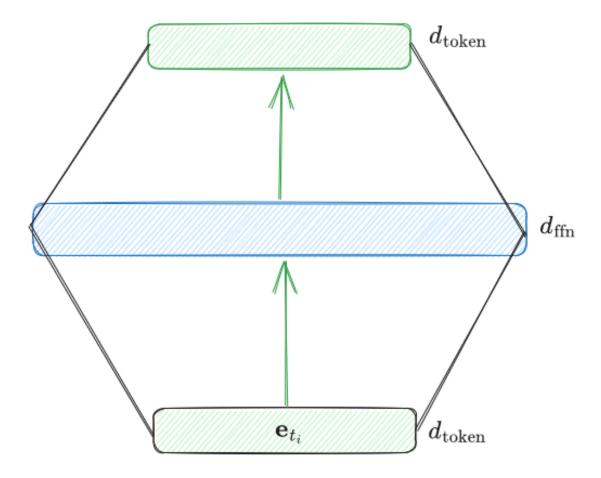
$$Concat(head_1, ..., head_h) = [head_1 | ... | head_h] \in \mathbb{R}^{L \times d_{token}},$$
(3.39)

dengan 
$$\mathbf{W}_{i}^{q}, \mathbf{W}_{i}^{k}, \mathbf{W}_{i}^{v}, \in \mathbb{R}^{\frac{d_{\text{token}}}{h} \times \frac{d_{\text{token}}}{h}}, \mathbf{W}^{O} \in \mathbb{R}^{d_{\text{token}} \times d_{\text{token}}}.$$
 (3.40)

perhatikan bahwa dimensi dari *learned embedding space* menjadi  $\frac{d_{\text{token}}}{h}$  untuk setiap *head*-nya. Hal ini dilakukan untuk menjaga dimensi dari *output* terakhir tetap sama dengan dimensi dari *input*, yaitu  $d_{\text{token}}$ . Selain itu, argumen lainnya yang dapat dibuat adalah setiap *head* hanya perlu menggunakan dimensi yang lebih kecil dari  $d_{\text{token}}$  untuk menangkap ketergantungan antar-token (pi tau, 2023). Vaswani et al. (2017) menggunakan h=8 *head* pada *transformer* yang digunakan untuk mesin translasi neural, dengan  $d_{\text{token}}=512$ , sehingga dimensi dari *learned embedding space* untuk setiap *head* adalah  $\frac{512}{8}=64$ .

## 3.2.5 Positional Encoding

#### 3.2.6 Position-wise Feed-Forward Network



**Gambar 3.9:** Ilustrasi position-wise feed-forward network pada transformer.

Position-wise Feed-Foward Network adalah feed foward network dengan dua kali transformasi linear dan sebuah fungsi aktivasi ReLU di antaranya. Gambar 3.9 menunjukkan ilustrasi dari position-wise feed-forward network dan Persamaan 3.41 hingga Persamaan 3.42 menunjukkan Transformasi yang dilakukan oleh position-wise feed-forward network.

$$FFN(\mathbf{X}) = \max(0, \mathbf{X}\mathbf{W}_1 + \mathbf{b}_1)\mathbf{W}_2 + \mathbf{b}_2 \in \mathbb{R}^{L \times d_{token}}$$
(3.41)

$$\mathbf{W}_1 \in \mathbb{R}^{d_{\text{token}} \times d_{\text{ffn}}}, \mathbf{W}_2 \in \mathbb{R}^{d_{\text{ffn}} \times d_{\text{token}}}, \mathbf{b}_1 \in \mathbb{R}^{d_{\text{ffn}}}, \mathbf{b}_2 \in \mathbb{R}^{d_{\text{token}}}. \tag{3.42}$$

 $d_{\rm ffn}$  adalah dimensi dari feed forward network yang digunakan. Vaswani et al. (2017) menggunakan  $d_{\rm ffn}=2048$ .

#### 3.2.7 Koneksi Residu dan Layer Normalization

Pembaruan parameter model dilakukan pada semua *layer* secara serentak setiap iterasi gradient descent. Ketika parameter suatu *layer* mengalami pembaruan, distribusi dari output yang dihasilkan *layer* tersebut juga akan berubah pada iterasi selanjutnya. Layer-layer selanjutnya harus beradaptasi karena distribusi input dari layer tersebut berubah. Fenomena ini disebut internal covariate shift yang mengakibatkan proses pencarian parameter menjadi lebih lambat.

Layer Normalization berfungsi untuk mencegah masalah internal covariate shift di atas dengan membatasi distribusi nilai output – yang nantinya menjadi input pada layer selanjutnya – sehingga memiliki variansi 1 dan mean 0. Justifikasi lainnya di balik penggunaan layer normalization adalah variansi dari input untuk self-attention layer haruslah 1 (lihat Subbab 3.2.2), sehingga variansi dari bobot atensi Softmax  $(\frac{\mathbf{E}\mathbf{W}^q(\mathbf{E}\mathbf{W}^k)^\top}{\sqrt{d_{\text{token}}}})$  akan 1 juga. Persamaan 3.43 hingga Persamaan 3.50 menunjukkan proses kerja dari layer normalization.

$$\mathbf{X} = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & \dots & x_{1,d_{\text{token}}} \\ x_{21} & x_{22} & \dots & x_{2,d_{\text{token}}} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{L1} & x_{L2} & \dots & x_{L,d_{\text{token}}} \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{L \times d_{\text{token}}}$$
(3.43)

$$LayerNorm(\mathbf{X}) = (\mathbf{X} - \boldsymbol{\mu}) \odot \frac{1}{\sigma}$$
(3.44)

$$= \begin{bmatrix} \frac{x_{11} - \mu_{1}}{\sigma_{1}} & \frac{x_{12} - \mu_{1}}{\sigma_{1}} & \cdots & \frac{x_{1,d_{token}} - \mu_{1}}{\sigma_{1}} \\ \frac{x_{21} - \mu_{2}}{\sigma_{2}} & \frac{x_{22} - \mu_{2}}{\sigma_{2}} & \cdots & \frac{x_{2,d_{token}} - \mu_{2}}{\sigma_{2}} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{x_{L1} - \mu_{L}}{\sigma_{L}} & \frac{x_{L2} - \mu_{L}}{\sigma_{L}} & \cdots & \frac{x_{L,d_{token}} - \mu_{L}}{\sigma_{L}} \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{L \times d_{token}}$$
(3.45)

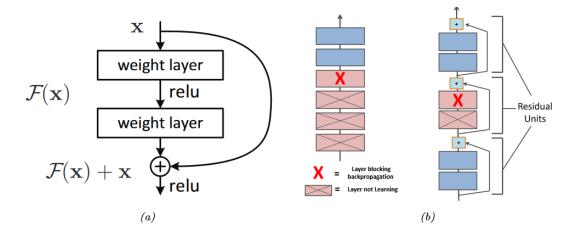
$$\boldsymbol{\mu} = \begin{bmatrix} \mu_1 & \dots & \mu_1 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \mu_L & \dots & \mu_L \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{L \times d_{\text{token}}}, \tag{3.46}$$

$$\frac{1}{\sigma} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sigma_1} & \cdots & \frac{1}{\sigma_1} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{1}{\sigma_L} & \cdots & \frac{1}{\sigma_L} \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{L \times d_{\text{token}}},$$
(3.47)

$$\mu_i = \frac{1}{d_{\text{token}}} \sum_{j=1}^{d_{\text{token}}} x_{ij}, \quad i = 1, \dots, L,$$
(3.48)

$$\sigma_i = \sqrt{\frac{1}{d_{\text{token}}} \sum_{j=1}^{d_{\text{token}}} (x_{ij} - \mu_i)^2}, \quad i = 1, \dots, L,$$
(3.49)

$$\odot$$
 = element-wise product. (3.50)



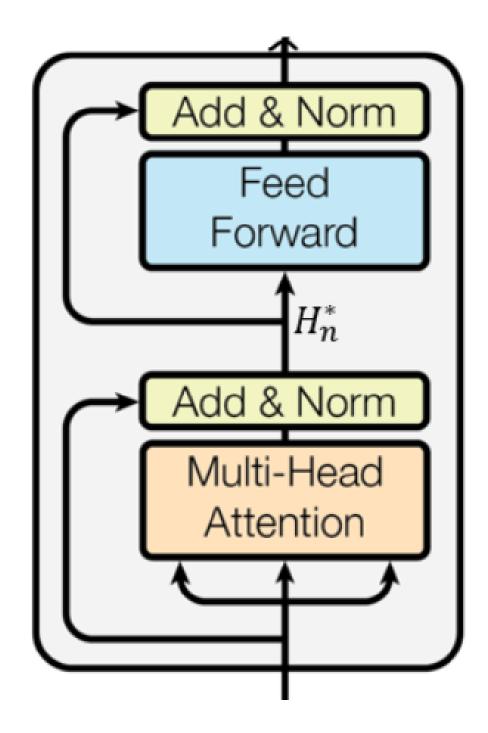
Gambar 3.10: Ilustrasi layer normalization pada transformer.

Koneksi Residu adalah koneksi yang menghubungkan *output* dari suatu *layer* dengan *input* dari *layer* selanjutnya. Koneksi residu digunakan untuk mengatasi masalah *vanishing gradient* yang terjadi pada *deep neural network* dengan memperbaiki *flow gradient* dari model. Persamaan matematis dari koneksi residu dijelaskan seperti pada Persamaan 3.51.

$$f_l'(\mathbf{x}) = f_l(\mathbf{x}) + \mathbf{x},\tag{3.51}$$

dengan  $f_l(\mathbf{x})$  adalah suatu *layer* atau kumpulan *layer* pada *deep neural network*. (3.52)

Pada *transformer*, *residual connection* digunakan sebelum *layer normalization* seperti pada Gambar 3.11.



Gambar 3.11: Ilustrasi koneksi residu.

## 3.2.8 Transformer Encoder

Dengan menggunakan *multi-head self-attention layer*, *position-wise feed-forward net-work layer*, dan *layer normalization* dan *residual connection* yang sudah dijelaskan sebelumnya, blok enkoder pada *transformer* enkoder dapat ditulis seperti pada Per-

samaan 3.58 hingga Persamaan 3.60.

$$\mathbf{X} \in \mathbb{R}^{L \times d_{\text{token}}},\tag{3.53}$$

$$EncoderBlock(\mathbf{X}) = \mathbf{Y}, \tag{3.54}$$

$$\mathbf{Y} = \text{LayerNorm}(\overbrace{\text{FFN}(\mathbf{Z}) + \mathbf{Z}}^{\text{Koneksi Residu}}), \tag{3.55}$$

 $\mathbf{Z} = \text{LayerNorm}(\widetilde{\text{MHSA}_h}(\mathbf{X}), +\mathbf{X}). \tag{3.56}$ 

(3.57)

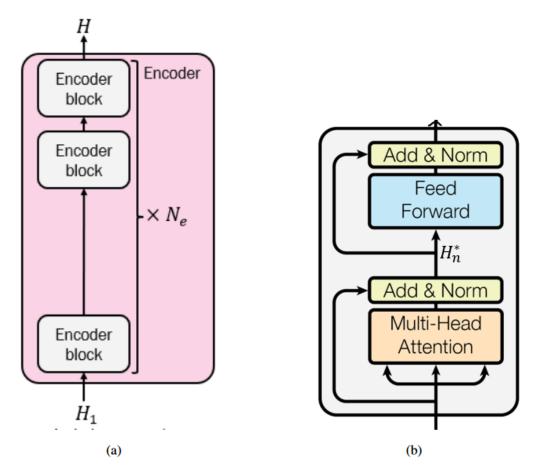
Terakhir,  $transformer\ encoder\$ adalah komposisi dari beberapa  $encoder\ block$ . Untuk  $input\$ token  $t=(t_1,t_2,\ldots,t_L),$   $transformer\ encoder\$ menghasilkan representasi vektor kontekstual dari setiap tokennya ditunjukkan pada Persamaan 3.58 hingga Persamaan 3.60.

$$t = (t_1, t_2, \dots, t_L),$$
 (3.58)

$$\mathbf{E} = \text{embed}(t) + \text{pos}(t), \tag{3.59}$$

$$Encoder(\mathbf{E}) = EncoderBlock_n(EncoderBlock_{n-1}(\dots(EncoderBlock_1(\mathbf{E})))). \tag{3.60}$$

(3.61)



Gambar 3.12: Ilustrasi transformer encoder.

- 3.3 Bidirectional Encoder Representations from Transformers (BERT)
- 3.3.1 Representasi Input
- 3.3.2 Model Pralatih BERT
- 3.3.2.1 Masked Language Model
- 3.3.2.2 Next Sentence Prediction
- 3.3.3 BERT untuk Bahasa Indonesia (IndoBERT)
- 3.3.4 Penggunaan BERT untuk Pemeringkatan Teks
- **3.3.4.1** BERT<sub>CAT</sub>
- **3.3.4.2 BERTDOT**

#### BAB 4

#### HASIL SIMULASI DAN PEMBAHASAN

Bab ini membahas mengenai proses fine tuning model Bidirectional Encoder Representations from Transformers (BERT) untuk mendapatkan model yang dapat digunakan untuk masalah pemeringkatan teks. Subbab4.1 menjelaskan mengenai spesifikasi perangkat keras dan perangkat lunak yang digunakan dalam penelitian. Selanjutnya, Subbab 4.2 menjelaskan mengenai tahapan simulasi yang dilakukan dalam penelitian. Dataset latih (train) dan uji (validation) dijelaskan pada Subbab 4.3. Subbab 4.5 menjelaskan lebih detail mengenai arsitektur model BERT,fungsi loss, serta konfigurasi hyperparameter yang digunakan dalam proses fine tuning model BERT. Subbab 4.4 menjelaskan kembali mengenai metriks evaluasi yang digunakan pada setiap dataset uji yang digunakan. Terakhir, Subbab 4.6 menjelaskan mengenai hasil fine tuning model BERT dan evaluasi dari modelmodel yang dihasilkan.

## 4.1 Spesifikasi Mesin dan Perangkat Lunak

#### @todo

banyak sih :'D, tambahin tabel isi qid, pid, label buat mmarco train tambahin tabel isi qid, pid, label buat miracl test, tunjukkin ini lebih dense dari mrtydi dan mmarco dev/ mrtydi test

Proses fine tuning model BERT untuk pemeringkatan teks dilakukan menggunakan mesin dan perangkat lunak yang tertera pada berikut.

## 4.2 Tahapan Simulasi

menunjukkan tahapan simulasi yang dilakukan dalam penelitian ini.

## 4.3 Dataset Latih dan Uji

#### 4.3.1 Dataset Latih

#### 4.3.1.1 Mmarco Indonesia Train Set

## 4.3.2 Dataset Uji

- 4.3.2.1 Mmarco Indonesia DEV Set
- 4.3.2.2 Mrtydi Indonesia TEST Set
- 4.3.2.3 Miracl Indonesia TEST Set

#### 4.4 Metriks Evaluasi

## 4.5 Fine Tuning BERT

## 4.5.1 IndoBERT<sub>CAT</sub>

## 4.5.2 IndoBERT<sub>DOT</sub>

# 4.5.3 IndoBERT<sub>DOThardnegs</sub>

## 4.5.4 IndoBERT<sub>DOTMargin</sub>

## 4.5.5 IndoBERT<sub>KD</sub>

## 4.6 Hasil Fine Tuning dan Evaluasi

#### **4.6.1** Evaluasi BM25

Tabel 4.1: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.114	.642	.279	.858	.391	.971

Tabel 4.2: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.1 <u>1</u> 4	.642	.279	.858	.391	.971
IndoBERT <sub>MEAN</sub>	.000	.000	.000	.000	.000	.000

## $\textbf{4.6.2} \quad Evaluasi \ IndoBERT_{MEAN}$

# 4.6.3 Evaluasi IndoBERT<sub>CAT</sub>

Tabel 4.3: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.114	.642	.279	.858	.391	.971
IndoBERT <sub>CAT</sub>	.181	.642	.447	.858	.455	.971

## 4.6.4 Evaluasi IndoBERT<sub>DOT</sub>

Tabel 4.4: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.114	.642	.279	.858	.391	.971
IndoBERT <sub>DOT</sub>	.192	.847	.378	.936	.355	.920

# 4.6.5 Evaluasi IndoBERT<sub>DOThardnegs</sub>

Tabel 4.5: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.114	.642	.279	.858	.391	.971
IndoBERT <sub>DOThardnegs</sub>	.232	.847	.471	.921	.397	.898

# 4.6.6 Evaluasi IndoBERT<sub>DOTMargin</sub>

Tabel 4.6: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.114	.642	.279	.858	.391	.971
IndoBERT <sub>DOTMargin</sub>	.207	.799	.446	.929	.387	.899

# 4.6.7 Evaluasi IndoBERT<sub>KD</sub>

Tabel 4.7: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.114	.642	.279	.858	.391	.971
IndoBERT <sub>KD</sub>	-	.803	.300	.761	-	-

# 4.6.8 Perbandingan Hasil Evaluasi

Tabel 4.8: Caption

Model	Mmarco Dev		MrTyDi Test		Miracl Dev	
	MRR@10	R@1000	MRR@10	R@1000	NCDG@10	R@1K
BM25 (Elastic Search)	.114	.642	.279	.858	.391	.971
IndoBERT <sub>MEAN</sub>	.000	.000	.000	.000	.000	.000
IndoBERT <sub>CAT</sub>	.181	.642	.447	.858	.455	.971
IndoBERT <sub>DOT</sub>	.192	.847	.378	.936	.355	.920
IndoBERT <sub>DOTdnegs</sub>	.232	.847	.471	.921	.397	.898
IndoBERT <sub>DOTMargin</sub>	.207	.799	.446	.929	.387	.899
IndoBERT <sub>KD</sub>	-	.803	.300	.761	-	-

Tabel 4.9: Caption

Model	Latensi (ms)	Memori(MB)
BM25 (Elastic Search)	6.55	800
IndoBERT <sub>DOT</sub>	9.9	3072
IndoBERT <sub>CAT</sub>	242	800

### **BAB 5**

## **PENUTUP**

Pada bab ini, Penulis akan memaparkan kesimpulan penelitian dan saran untuk penelitian berikutnya.

## 5.1 Kesimpulan

Berikut ini adalah kesimpulan terkait pekerjaan yang dilakukan dalam penelitian ini:

### 1. Poin pertama

Penjelasan poin pertama.

### 2. Poin kedua

Penjelasan poin kedua.

Tulis kalimat penutup di sini.

### 5.2 Saran

Berdasarkan hasil penelitian ini, berikut ini adalah saran untuk pengembangan penelitian berikutnya:

- 1. Saran 1.
- 2. Saran 2.

#### DAFTAR REFERENSI

- Bahdanau, D., Cho, K., & Bengio, Y. (2016). Neural machine translation by jointly learning to align and translate.
- Geiger, A., Antic, B., & He, H. (2022). Lecture: Deep learning, university of tübingen. https://uni-tuebingen.de/fakultaeten/mathematisch-naturwissenschaftliche-fakultaet/fachbereiche/informatik/lehrstuehle/autonomous-vision/lectures/deep-learning/.
- Hofstätter, S., Althammer, S., Sertkan, M., & Hanbury, A. (2021). *Advanced information retrieval 2021 & 2022*. Diakses dari https://github.com/sebastian-hofstaetter/teaching
- Lin, J., Nogueira, R. F., & Yates, A. (2020). Pretrained transformers for text ranking: BERT and beyond. *CoRR*, *abs/2010.06467*. Diakses dari https://arxiv.org/abs/2010.06467
- pi tau. (2023). An even more annotated transformer. *pi-tau.github.io*. Diakses dari https://pi-tau.github.io/posts/transformer/ (Published on July 13, 2023)
- Vaswani, A., Shazeer, N., Parmar, N., Uszkoreit, J., Jones, L., Gomez, A. N., ... Polosukhin, I. (2017). Attention is all you need. In *Proceedings of the 31st international conference on neural information processing systems* (p. 6000–6010). Red Hook, NY, USA: Curran Associates Inc.
- Weng, L. (2018). Attention? attention! *lilianweng.github.io*. Diakses dari https://lilianweng.github.io/posts/2018-06-24-attention/
- Zhang, A., Lipton, Z. C., Li, M., & Smola, A. J. (2023). *Dive into deep learning*. Cambridge University Press. (https://D2L.ai)



#### **LAMPIRAN 1: CHANGELOG**

#### @todo

Silakan hapus lampiran ini ketika Anda mulai menggunakan template.

Template versi terbaru bisa didapatkan di https://gitlab.com/ichlaffterlalu/latex-skripsi-ui-2017. Daftar perubahan pada template hingga versi ini:

- versi 1.0.3 (3 Desember 2010):
  - Template Skripsi/Tesis sesuai ketentuan formatting tahun 2008.
  - Bisa diakses di https://github.com/edom/uistyle.
- versi 2.0.0 (29 Januari 2020):
  - Template Skripsi/Tesis sesuai ketentuan formatting tahun 2017.
  - Menggunakan BibTeX untuk sitasi, dengan format default sitasi IEEE.
  - Template kini bisa ditambahkan kode sumber dengan code highlighting untuk bahasa pemrograman populer seperti Java atau Python.
- versi 2.0.1 (8 Mei 2020):
  - Menambahkan dan menyesuaikan tutorial dari versi 1.0.3, beserta cara kontribusi ke template.
- versi 2.0.2 (14 September 2020):
  - Versi ini merupakan hasil feedback dari peserta skripsi di lab Reliable Software Engineering (RSE) Fasilkom UI, semester genap 2019/2020.
  - BibTeX kini menggunakan format sitasi APA secara default.
  - Penambahan tutorial untuk longtable, agar tabel bisa lebih dari 1 halaman dan header muncul di setiap halaman.
  - Menambahkan tutorial terkait penggunaan BibTeX dan konfigurasi header/footer untuk pencetakan bolak-balik.

- Label "Universitas Indonesia" kini berhasil muncul di halaman pertama tiap
   bab dan di bagian abstrak daftar kode program.
- Hyphenation kini menggunakan babel Bahasa Indonesia. Aktivasi dilakukan di hype-indonesia.tex.
- Minor adjustment untuk konsistensi *license* dari template.
- versi 2.0.3 (15 September 2020):
  - Menambahkan kemampuan orientasi *landscape* beserta tutorialnya.
  - \captionsource telah diperbaiki agar bisa dipakai untuk longtable.
  - Daftar lampiran kini telah tersedia, lampiran sudah tidak masuk daftar isi lagi.
  - Nomor halaman pada lampiran dilanjutkan dari halaman terakhir konten (daftar referensi).
  - Kini sudah bisa menambahkan daftar isi baru untuk jenis objek tertentu (custom), seperti: "Daftar Aturan Transformasi". Sudah termasuk mekanisme captioning dan tutorialnya.
  - Perbaikan minor pada tutorial.
- versi 2.1.0 (8 September 2021):
  - Versi ini merupakan hasil feedback dari peserta skripsi dan tesis di lab Reliable
     Software Engineering (RSE) Fasilkom UI, semester genap 2020/2021.
  - Minor edit: "Lembar Pengesahan", dsb. di daftar isi menjadi all caps.
  - Experimental multi-language support (Chinese, Japanese, Korean).
  - Support untuk justifikasi dan word-wrapping pada tabel.
  - Penggunaan suffix "(sambungan)" untuk tabel lintas halaman. Tambahan support suffix untuk \captionsource.
- versi 2.1.1 (7 Februari 2022):
  - Update struktur mengikuti fork template versi 1.0.3 di https://github
     .com/rkkautsar/edom/ui-thesis-template.
  - Support untuk simbol matematis amsfonts.

- Kontribusi komunitas terkait improvement GitLab CI, atribusi, dan format sitasi APA bahasa Indonesia.
- Perbaikan tutorial berdasarkan perubahan terbaru pada versi 2.1.0 dan 2.1.1.
- versi 2.1.2 (13 Agustus 2022):
  - Modifikasi penamaan beberapa berkas.
  - Perbaikan beberapa halaman depan (halaman persetujuan, halaman orisinalitas, dsb.).
  - Support untuk lembar pengesahan yang berbeda dengan format standar, seperti Laporan Kerja Praktik dan Disertasi.
  - Kontribusi komunitas terkait kesesuaian dengan format Tugas Akhir UI, kelengkapan dokumen, perbaikan format sitasi, dan *quality-of-life*.
  - Perbaikan tutorial.
- versi 2.1.3 (22 Februari 2023):
  - Dukungan untuk format Tugas Akhir Kelompok di Fasilkom UI.
  - Dukungan untuk format laporan Kampus Merdeka Mandiri di Fasilkom UI.
  - Minor bugfix: Perbaikan kapitalisasi variabel.
  - Quality-of-Life: Pengaturan kembali config/settings.tex.
  - Tutorial untuk beberapa use case.

### LAMPIRAN 2: JUDUL LAMPIRAN 2

Lampiran hadir untuk menampung hal-hal yang dapat menunjang pemahaman terkait tugas akhir, namun akan mengganggu *flow* bacaan sekiranya dimasukkan ke dalam bacaan. Lampiran bisa saja berisi data-data tambahan, analisis tambahan, penjelasan istilah, tahapan-tahapan antara yang bukan menjadi fokus utama, atau pranala menuju halaman luar yang penting.

## Subbab dari Lampiran 2

#### @todo

Isi subbab ini sesuai keperluan Anda. Anda bisa membuat lebih dari satu judul lampiran, dan tentunya lebih dari satu subbab.